

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

# Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

# **About Google Book Search**

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



# Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

# Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

# Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.



# Professor Karl Heinrich Rau

OF THE UNIVERSITY OF HEIDELBERG

PRESENTED TO THE UNIVERSITY OF MICHIGAN

Mr. Philo Parsons

OF DETROIT

1871

HF 5695

.4825

-

. •

.

THE

Bus - 10/28



und

# staatswirthschaftliche

# RECHNUNGEN

zum Gebrauche

für alle Classen von Staats-Beamten, Juristen, Cameralisten, Theilnehmer an Assecuranzund Bankgeschäften, so wie für jeden Liebhaber der Rechnenkunst.

# Nebst Dreizehn Bogen Tabellen

über

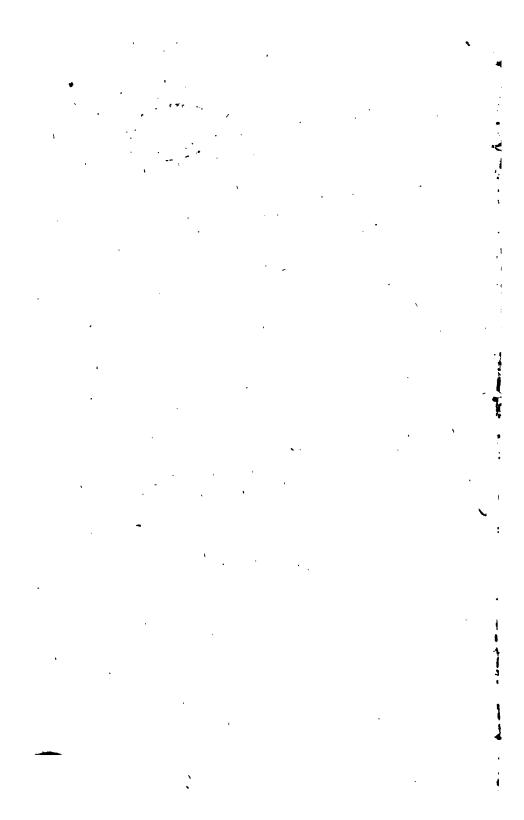
die höhere Interessen-Berechnung, so wie den wahren Betrag der Zinsen im Laufe des Jahres, oder zwischen zwei festgesetzten Zinszahlungs, Terminen.

Von

# Friedrich Löhmann,

Lieutenant von der Armee, und Lehrer der Mathematik an der Kreuzschnie zu Dresden.

LEIPZIG 1829. Verlag von Johann Ambrosius Barth.



# Sr. Königlichen Hoheit

dem

# Durchlauchtigsten Prinzen

# FRIEDRICH,

Herzoge zu Sachsen

ETC. ETC. ETC.

meinem

gnädigsten Herrn,

. . 

# Sr. Königlichen Hoheit

dem

Durchlauchtigsten Prinzen

# JOHANN,

Herzoge zu Sachsen

meinem

gnädigsten Herrn,

I n

tiefster Ehrfurcht

gewidmet

von dem

Verfasser.

Durchlauchtigste Prinzen,

Gnädigste Prinzen und Herren!

Die huldvolle Nachsicht und hohe Milde, mit welcher Ew. KÖNIGL. HOHEITEN meine bisherigen schriftstellerischen Arbeiten zu beglücken geruheten, nicht minder aber auch die dankbarste Erwägung des gnädigsten Wohlwollens dessen HÖCHSTDIESELBEN mich in so manchen Verhältnissen meines Lebens würdigten, ermuthiget

mich jetzt, IHRO KÖNIGL. HOHBITEN vorliegendes Handbuch in tiefster Unterthänigkeit zu widmen.

HÖCHSTDIESELBEN berücksichtigen ja so gern jede gemeinnützige nach Kräften vollführte Bemühung, und dürften daher auch einem Buche HÖCHSTDERO gnädige Nachsicht nicht versagen, welches eine Wissenschaft zum Gegenstande hat,

die sich HÖCHSTIHRES besondern Schutzes erfreut, und die in alle Verhältnisse des bürgerlichen Lebens so wesentlich eingreift.

Wäre ich so glücklich, durch diese Bearbeitung auch nur einigen Beeinträchtigungen im Geschäftsleben, den gewöhnlichen Anlässen zu Streitigkeiten, zu begegnen, so würde ich mich für das Mühevolle derselben schon dadurch hinlänglich belohnt fühlen,

nicht ohne Hoffnung, HÖCHSTIHRER HULD mich auch bei ferneren derartigen Bestrebungen erfreuen zu dürfen.

In tiefster Ehrfurcht

Ew. Königl. Hoheiten

Dresden, am 7. April 1829.

> unterthänigster Friedrich Löhmann.

# Alphabetisches Verzeichniss der Herren Subscribenten.

# ALTENBURG. 6 Exemplare.

Das Herzogl. Cammer - Collegium. Das Herzogl. Obersteuer - Collegium. Die Herzogl. Landesbank.

Herr Rechnungsrath und Rentmeister Hase.

- Rath - und Consistorial - Secretair Hase.

- Obersteuer - Rath Wagner.

ALTENZELLA bei Nossen. 1 Exemplar.

Herr Amtsverweser H. G. Hund.

ANNABERG. 7 Exemplare.

Herr Kaufmann Benkert.

Berg - Guardein Lange. Haupt - Einnehmer Müller.

Bezirks-Accis - Inspector K. F. Rückert.

Oberzehntner Schalig.

Advocat Selig.

Berg - Commissionsrath von Zedtwitz.

AUGSBURG. 1 Exemplar.

Herr Kaufmann von Schorn.

### AUGUSTUSBURG. 12 Exemplare.

Herr Amtsaccessist Bauer.

- Gerichtsactuar Bermann.
- Gerichts Director Förster.
- E. F. Gumprecht.
- Amtsactuar Haupt.
- Amtsaccessist Haynel.
- Amtsinspector Kaden. Revierförster Kröhne.
- Advocat Kurtz.
- Amts Inspector L. Liebich.
- Amtslandrichter Thümer.
   Justizamtmann Weissbach.

BAUTZEN. 32 Exemplare.

Die Oberamts-Regierungs Canzley. Herr Ober - Amts - Advocat Behrnauer.

#### BAUTZEN.

Herr Ober-Amts-Advocat Benade.

- Oberamts Rath, Ritter von Criegern.
- Ober Amts Advocat Domsch.
- Ober Amts Advocat Feller. Ober - Amts - Advocat Fiebiger.
- Oberamts Regierungs Präsident von Gersdorf auf Drobschke.
- Ober Amts Advocat Dr. Gyttich.
- Ober Amts Advocat Hartung. Kammerprocurator Herrmann.
- Waisen Deputations Actuar Hessler.
- Ober Amts Advocat Holtsch.
- Auditeur Jässing.
- von Kyaw auf Haynewalde.
- Ober Amts Advocat Lehmann sen.
- Ober-Amts-Advocat Lehmann jun.
- Stadtgerichts Actuar. Dr. Lehmann.
- Domstifts Secretair Leidler.
- Ober-Amts-Advocat Martini sen.
- Ober-Amts-Advocat Martini jun. Ober - Amts - Advocat Oelsner.
- Ober Amts Advocat Petrick.
- Domstifts und Kloster Syndicus Dr. Petzschke.
- Ober Amts Advocat Priber.
- Viceprätor Probst.
- Ober-Amts-Advocat Rietschier.
- Ober Amts Advocat Rötzschke.
- Senator Starke.
- Stadtrichter Schenk.
- Ober Amts Advocat Schmidt.
- Ober Amts Advocat Walde.

# BISCHOFSWERDA. 1 Exemplar.

Herr Stadtschreiber Zieger.

# BOMLITZ bei Wermsdorf. 1 Exemplar.

Herr Ritterguthsbesitzer Kopp.

# BORNA. 20 Exemplare.

# Herr Amts - Steuer - Einnehmer C. F. Becker.

- Cammer und Jagdjunker von Bose.
- Accis-Inspector Brunnemann.
- Amts Accessist L. G. Clausnitzer.
- Advocat und Gerichts Director Engel.
- Actuarius Engelschall.
- Creis-Secretair Friedrick.
- Amts Sportul Controleur G. Hänzschke.
- Advocat und Raths Cammerer Haussding.
- Advocat und Gerichts Director Kellner.
- Rentbeamter J. G. Köhler.
- Advocat und Gerichts-Director Lucius.
- Prem. Lieutn. von Mangold im 2ten Reiter-Regiment.
- Amts Accessist J. C. Marggraf.
- Justizamtmann H. S. Pitterlin.
- Sportul-Einnehmer C. F. Rumpelt.
- Advocat und Gerichts-Director Stimmel.

#### BORNA.

Herr Creis-Registrator Zimmermann.

Stadtrichter Zippler.

- Creishauptmannschaftlicher Copist Zöllner.

BURGH bei Dresden. 2 Exemplare.

Herr Schichtmeister Kirst.

Kohlenmesser Lehmann

CAMENZ. 1 Exemplar.

Herr Senator und Advocat Frenzel.

- CASSEL. 20 Exemplare.

Herr Ober-Kriegscommissar Bauer.

Die Bibliothek der Kurfürstlich Hessischen Generalcontrolle.

Die Bibliothek des Kurfürstlichen Staats-Ministeriums.

Die Bibliothek der Kurfürstlichen Ober-Bau-Direction.

Die Kurfürstliche Bibliothek im Museum.

Die Bibliothek des Kurfürstlichen Oberhofmarschallamts.

Herr Calculator Grosse.

Ministerial - Secretair Hesse.

Calculator Klein.

General - Cassen - Controleur Kolbe.

Gegenschreiberei - Gehülfe Paul.

Kriegscalculator Schmels. Ministerial-Rath Schotten.

Ober - Buchhalter Schulz im Kriegs - Departement.

Ober-Hof-Buchhalter Viekmann.

Ober - Hof - Intendant Vogel. Kriegs - Archivar Wachenfeld.

Geheimer Canzlei-Secretair Wiederhold, 3 Exemplare.

# CHEMNITZ. 33 Exemplare.

Herr Bezirks - Accis - Inspector Bermann.

Gerichts - Director und Advocat Börner.

Advocat C. A. Dürisch.

Gerichtsschreiber und Advocat Eichler.

Amts - Copist F. T. Flögel. Amts - Actuar G. A. Fritzsche.

Dr. Funke.

- Rentamts-Copist Goldmann.
- Amtsactuar C. S. Grenzel.

Amts - Actuar H. Haase.

- Stadtschreiber und Advocat Illing.
- Finanz Procurator Irmscher.
- Stadtrichter und Advocat Kölz.

Amts-Copist C. A. Körnig. Amtsactuar C. G. Krieger.

Amtshauptmannschaftlicher Registrator Leisler.

Advocat Marback.

C. A. W. Meisel, Handlungsdiener.

Gerichts-Expedient Nappe.

Pfaff und Sohne.

- Amtshauptmann von Polenz auf Forchheim.
- Steuer-Einnehmer und Cammerschreiber Röhr.
- Viertelsmeister C. F. Schmidt.

#### CHEMNITZ.

- Herr Rathscopist G. W. Schmidt.
   Amts Inspector C. A. Thomas.
  - Amts Inspector Thomas.
  - H. L. Thiele.
  - Geleits und Accis Commissair Wehner.
  - Stadtrichter Wehner.
  - Amts-Registrator T. S. Weigel. Amts-Actuar W. T. Wenzel.

  - Oberstadtschreiber Senator Winzer.
  - 'August Zimmermann, Handlungsdiener.

COLLN bei Meissen. 1 Exemplar.

Herr Strassenbau - Inspector Fischer.

COLDITZ. 11 Exemplare.

E. Edl. Stadtrath.

Herr Förster Börner.

- Rentamts-Expedient Bräter.
- Rentschreiber Buhle.
   Kaufmann Christoph Eisentraut.
- Interims Rentamts Verweser Fahner.
- Forstvermesser Plant.
- Kaufmann Friedrich Reinhardt.
- Cammerjunker und Forstmelster Graf von Ronow.
- Kaufmann August Weise. Kaufmann Whitfield & Comp.

COTHEN. 3 Exemplare.

Die Herzogl. Anhaltische Landes-Regierung. 8 Exemplare.

CRIMMITZSCHAU. 1 Exemplar.

Herr Gerichts - Director Münnich.

CUNNERSDORF bei Königstein, 1 Exemplar.

Herr Flossenherr A. E. Kopprasck.

DARMSTADT. 1 Exemplar.

Sr. Königl. Hoheit der Grosshernog von Hessen und bei Rhein,

DESSAU. 2 Exemplare.

Die Herzoglich Anhaltische Landes - Regierung.

Die Herzoglich Anhaltische Rent-Cammer.

DETMOLD. 5 Exemplare.

Sr. Hochfürstl. Durchlaucht der regierende Fürst zu Lippe - Detmold, 4 Exemplare.

Die Fürstl. Lippische Bibliothek.

DIPPOLDISWALDA. 2 Exemplare.

Herr Viertelsmeister Kristmann.

- Rentamtmann, Amts - Inspector Lessing.

DÖBELN. 13 Exemplare.

Herr Senator Bästlein.

- Stadtrichter Büttner.

### DÖBRLN.

# · Herr Kaufmann C. G. Engel. - Stadtschreiber Fleck.

- C. G. Glausnitzer.
- Stadtrichter Haase.
- Senator Helbig.
- C. G. Mauersberg.
  Bürgermeister Melzer.
- Fabrikbesitzer Müller sen.
   Gerichts Director Scheufter.
- Kaufmann Carl Schwabe.
- Cammerer Storl.

## DRESDEN. 432 Exemplare.

# Herr Actuarius ord. Albrecht.

- Finanz Procurator Andrick.
- Finanz-Secretair Arldt.
- Controleur Aster.
- G. A. Assmann.
- Gerichts Director Advocat Axt.
- Secretair Back.
- Geh. Cabinets Aufwärter Backmann.
- Cammer-Credit-Cassen-Buchhalter und Cassirer Bähr.
- Kaufmann F. Bärmann.
- Finanz Canzlist Barth.
- Appellations Rath Dr. Baumgarten Crusius.
- Advocat Beck.
- Herrmann Ernst Benisch.
- Artillerie Prem. Lieut. Berthold.
- Kriegs Cammer Calculator Beyer.
- Hof und Justitienrath Dr. Bischof.
- Blauert, Conducteur und Unterzeichnenmeister bei der Militair-Academie.
- Finanz Procurator Blechschmidt.
- Oeconomie Abschätzungs Commissair Blockmann.
- Finanz Secretair Böhme.
- Controleur F. A. Böhme, 2 Exemplare.
- Finanz-Calculator J. Ch. Boden.
- Acteninspector Bornemann.
- Strassenbau-Inspector Borrmann.
- Artillerie Lieutenant Borrmann, 2 Exemplare.
- Hof und Justitienrath von Brandenstein.

Die Königf. Sächs. Brand - Versicherungs - Cassen - Expedition.

# Herr Juwelier C. F. Bredow.

- Geh. Cabinets Rath Breuer.
- Geh. Kriegs Cammerrath von Broizem.
- Actuarius Bruckmann.
- Lieutenant und Rechnungsführer Bruckmeyer.
- Advocat Brunner.
- Senator Burckhardt.
- J. E. Burckhardt.
- Artillerie Wirthschafts Fourier J. H. Busch.

# Die Raths - Cämmerey.

- Herr Strassenbau Commissair, Kammerherr von Carlowitz.
  - Cammerherr und Obersteuereinnehmer von Carlowitz.

Herr Oberst von Cerrini, Adjudant bei Sr. K. H. dem Prinzen Friedrich · August.

Carlo Chiapponi.

Advocat Cramer.

Actuarius ord. Creutz.

- Amts Actuar Carl Ernst Crusius.
- Hof-Ausspeiser Cuno. Appellations - Rath Dr. Curtius.
- Polizei Cassirer Derle.

Advocat Dietrich.

Rathscopist A. W. Dietrich.

Actuarius Dittmarsch.

F. C. Döhner.

Schuldirector Döring.
Obersteuer-Canzlist Dombrofsky.

Kriegs-Secretair Drechsler.

- Herrmann Dreschke.
- Kriegs Kammer Secretair Dressler.
- Finanz Canzlist Dressler.
- Finanz Controleur Ebert.
- Rechnungsführer Moritz Edlich.
- Regierungs Assessor von Egidy. Pensions - Zahlmeister Eichler.
- Sr. Excellenz Herr Graf von Einsiedel, Cabinets - Minister und Staatssecretair.

Herr Obersteuer - Procurator Eisenstuck.

- Doctor Engelhardt.
  - Advocat und Actuarius Engelherdt.

Major und Flossmeister Eppendorf.

- Obrist von Fabrice, Flügel-Adjúdant Sr. Königl. Majestät von Sachsen und K. S. Militair-Bevollmächtigter am Bundestage zu Frankfurth am Main.
- Kriegs Kammer Consulent Ferber.
- Advocat Fiedler.
- Louis Fischer.
- Advocat Fleck.
- Geh. Finanz-Rath von Flotow, für die Büchersammlung des 2ten Dep. des Geh. Finanz-Collegii.

Hofzahlamts - Accessist Focke.

- Gerichts Director Advocat Franke.
- Rentamts Expediteur Franke.
- Finanz Secretair Frauenstein.

Advocat Frauenstein.

Lieutenant Frenzius, Lehrer der Mathematik.

Ludwig Freiberg.

- Senator Friedrick.
- Kriegs-Kammer-Secretair Friese.

von Friesen stud. jur.

- Geh. Cabinets Secretair Frissche.
- Kriegs Kammer Canzlist Gebauer.

Finanz-Procurator Gele.

- wirklicher Geh. Rath und Oberconsistorial Präsident von Globig, Excellenz.
- Kriegs-Cammer-Secretair Glühmann.
- Copist Götze,

#### Herr Creissteuer - Revisor Goldmann.

- Ober Steuer Canzlist Goldschad.
- Geh. Kriegs-Cammerrath Major Grahl.
  - Kriegs Cammer Secretair Greifenhahn.
- Münz-Cassirer Grohmann.
- Creis-Secretair Carl Ferdinand Grosse.
- Advocat Grosse.
- Obersteuer Rechnungs Secretair Grosse.
  - Ober Rechnungs Examinator Grossmann.
- Finanz Secretair Grumbt.
- Hof- und Justitienrath Dr. Gruner.
- Geh. Legations Rath Günther.
- Advocat Günther.
- Appellations Rath Dr. Guntz.
- Amts Actuar Justus Adolph Günz.
- Wilhelm Advocat Gulitz.
- Sr. Excellenz der Herr Conferenzminister Freiherr von Gutschmidt. Herr Oberrechnungs-Commissair Hadenius.
  - Advocat Hähnel.
  - Ober Consistorialrath Dr. Hänel.
  - Advocat Hänel.
  - Bau und Mauermeister Hänich.
  - General-Kriegs-Zahlmeister Hänichen.
  - Hänigen, Hülfsarbeiter bei der Kriegs Verwaltungs Cammer.
  - Gerichts Director Advocat Härtel.
  - Ingenieur-Lieutenant von Hake.
  - Julius Hammer.
  - Harth und Drewitz.
  - Kriegs Cammer Canzlist Hartmann.
  - Finanz Secretair Hasslauer.
  - Hofrath Hauschild.
  - G. Hautz.
  - Finanz Secretair Haymann.
  - Carl Gottlieb Hecker, 2 Exemplare.
  - Geh. Cabinets Registrator, Hofrath Heinze.
  - Advocat Helm.
  - Amts-Actuar Ernst Ludwig Helsig.

  - Copist Helsig.
    Advocat Henzschel.
  - Gerichts Director Advocat Herfarth.
  - Schulgelder-Einnehmer Herklotz.
  - Kriegsgerichts und Hofrath Herrmann, 6 Exemplare.
  - Advocat Herrmann.
  - H. C. Herrmann, Cand. jur.
  - Hesselbarth, Conducteur und Unterlehrer der Mathematik.
  - Doctor Heydenreich.
  - Artillerie Premier-Lieutenant und Adjutant Heydenreich.
  - Advocat Heydenreich.
  - Ober Consistorial Secretair Heymann.
  - Geh. Finanz Registrator Hickmann.
  - Pensions Zahlamts Controleur Hiehle.
  - Regierungs Canzlist Hiele.
  - Obersteuer Cassirer Hinsching.
  - Amts-Actuar Carl Heinrich Hitzschold.
  - Pensions Zahlamts Calculator Höfer.

Herr Raths - Bauschreiber Höhl.

Bau-Commissair Hörnig.

Gerichts - Director Advocat Hofmann.

- Hofzahlamts - Calculator Hofmans. Julius Hofmann.

- Advocat Hohlfeld.

Hof - und Justitienrath, Cammerherr von Hopfgarten.

Prem. Lieut. Horrer, Lehrer an der Königl. Sächs. Ingenieurs-Bildungs - Anstalt,

Amtshauptmann Freiherr von Houweld.

Senator Hoyer.

Finanz-Procurator D. Hübel.

Vice - Stadtrichter Hübler.

- Bau - und Mauermeister Hünich. Bürgermeister Jacobi.

Hofrath und Justizamtmann Carl Friedrich Jässing.

Finanz - Calculator Jentspck.

von Jeschky, stud. jur. Die Bibliothek des Königl. Sächs. Ingenieurs - Corps.

Herr Kriegs - Rath Job. - Jordan & Timäus.

von Jordan, stud. jur. W. L. Irmer.

- Haupt - Cassirer Judeich.

Oberrechnungs - Commissair Jursch.
 Holzverwalter, Lieutenant Jursch.

Cammer - Credit - Cassen - Canzlist Jursch.

Obersteuer - Canzlist Kahl.

Ober - Rechnungs - Examinator Kahle. Geh. Cabinets - Secretair A. Kaufer.

Calculator Klemm. Baumeister Klug.

Kaufmann Carl Knab.

Finanz - Calculator Knappe.

Strassenbau - Conducteur Kögel. Kriegs - Cammer - Secretair Köhler.

- Landrentmeister J. C. Köhler. Ober-Rechnungs-Examinator Köhler.

Hof - und Justitienrath von Könneritz.

F. H. E. Kohlmann, Bacc. jur. Kriegs - Cammer Canzlist Kollerk.

Hof- und Justitienrath, Freiherr von Koppenfels.

Amts-Inspector Korbinsky. Stadtschreiber Kortemeyer.

Finanz - Calculator Kost.

Moritz Krämer.

Vermessungs - Conducteur Krausch.

Vice - Actuar und Registrator Carl Krausse.

Finanz-Secretair F. W. Krempe.

Robert Kressner.

Cammerschreiber Kretzschmar.

Appellations-Rath Dr. Kreyssig. 3 Exemplare.

Geh. Cabinets - Rath Kriebitzsch.

Advocat Kuhn.

Artillerie - Major Kühnel.

# Herr Accis - Inspector Küttner.

- Finanz Secretair Kummer.
- Münzbuchhalter Kummer.
- Calculator Kunath.
- Amts Actuarius Küster.
- Hauptmann und Wasserbau Director Kunz.
- Regierungs Registrator und Sportul Einnehmer Lamm.
- Geh. Kriegs Kammerrath Landsberger.
- Accis Inspector Langbein.
- Gustav Lechla.
- Albert Herrmann Legler.
- Steuer-Einnehmer L. G. Lehmann.
- Vermessungs Conducteur Lesch.
- Ober Consistorial Secretair Lichtenberger.
- Regierungs Calculator Liebert.
- Carl Robert Lindner.
- Secretair Lippert.
- Advocat Lipsius.
- Amtshauptmann, Graf von Loeben. Ober-Inspector Lohrmann.

- Kaufmann Mangelsdorf.
  Appellations Rath von Mangold.
- Dr. H. J. Mannfeld, Rechts-Consulent:
- Sr. Excellenz der Herr Conferenz-Minister, wirklicher Geheimer Rath und Präsident des Geh. Finanz-Collegii, Freiherr von Mannteuffel. Herr Advocat Doctor Gustav Marschner.
- - Herrmann Matthay. Advocat Meinhold,

  - Jagd Wagenmeister Menzel.
  - Tranksteuer Aufseher Meyer.
  - Salomon Meyer.
  - Kriegs Cammer Secretair Mierisch.
- Sr. Excellenz Herr Geh. Rath, Director des Départements der auswärtigen Verhältnisse, General - Major und General - Adjudant von Minkwitz. Herr Einnehmer Mittag. - Stadt - Syndicus Möhnert.

- Finanz-Procurator und Gerichts-Director Müller. Amtsactuar Gustav Müller.
- Geh. Cabinets Canzlist Müller.
- Oberrechnungs Examinator Nacke.
- Gerichts Director Advocat Näke.
- Advocat Nake.
- Moritz Neubert.
- Geh. Kriegs-Cammer-Secretair Neumann.
- Billeteur- und Servis-Einnehmer Neumann.
- Oberfeuerwerker Nicolai.
- Ober Buchhalter, Kammerrath Nitzsche.
- Gerichts Director Advocat Nitzschke.
- Kriegs Cammer Canzlist Nollain.
- Sr. Excellenz der Herr Conferenz-Minister Nostix und Jänckendorf, für die Geh. Raths Büchersammlung.
- Herr Geh. Finanz Rath Nostiz und Jänckendorf.
  - Hof- und Justitienrath von Nostis.

Die Königl. Sächs. Obersteuer-Buchhalterei. Die Königl. Sächs. Obersteuer-Rechnungs-Expedition. Die Bibliothek des Königl. Sächs. Obersteuer-Collegii. Herr Oberrechnungs-Examinator Oesterwitz.

. Oberrechnungs - Examinator Oettrick.

. Unterfeuerwerksmeister Opitz.

- Obersteuereinnehmer von Oppel.

Regierungs - Assessor L. von Oppell.
Regierungs - Assessor W. von Oppell.
Obersteuereinnehmer von Oppen.

- Forst-Secretair W. Oppen.

- Prem. Lieutenant Otto, Lehrer der Mathematik beim adelichen Cadetten - Corps.

Gerichts - Director Advocat Panzer.

- Carl Heinrich August Pappermann.
- Oeconomie - Commissair K. E. A. Parsche.

- Geh. Cabinets - Fourier Partsch.

- Advocat Heinrich Paufler.

- Hofrath und Justizamtmann Pechmann.

Regierungs - Canzlist Pfeiffer.
 Obersteuer - Calculator Peter.

- Steuerschreiber Peter.

- Finanz Calculator Pokel.
  Bürgermeister Pohland.
- Advocat Doctor Pobland.
   Amts-Inspector Portius.

- Controleur Prater.

- Lieutenant und Vermessungs - Conducteur Prinz.

Geh. Cabinets - Secretair C. A. Pursch.

- Kriegsgerichtsrath Puttrich.

- Pensions - Zahlamts - Calculator Ranft.

- General - Kriegsgerichts - Secretair Redlick.

. K. J. Reiche, Bacc. jur.

Landrentmeister Reinhard.

Senator Reinhardt.

- Kriegs - Cammer - Calculator Richter.

- Kriegs - Cammer - Canzlist Fr. Richter.

Geh. Cabinets-Feldjäger Rink.
Finanz-Calculator Ritter.

- Ober - Consistorial - Rath Rittler.

- Regierungs - Director Freiherr von Rochow.

- Stadrichter Rögner.

- Amts - Actuar Friedrick Rosenkrans.

. Gerichts-Director Advocat Rüger.

Gerichts-Director Advocat Rudolph.

. *J. G*. S.

. Finanz - Calculator Sachese.

. Rentamts - Rxpeditor Sauer.

. Hof- und Justitien-Rath Schaarschmidt.

. Kriegs-Cammer-Canzlist Schädlich.

. Advocat Schäffer.

- Finanz - Calculator Scharf.

- . Ober Consistorial Secrétair Schell.
- Obersteuer Calculator Scherz.

- Controleur Schiefer.

Herr Landes-Zahlamts-Canzlist J. H. Schilling.

Geh. Referendar von Schindler.

Referendar, Cammerjunker von Schleinitz.

. Landbau - Conducteur C. M. Schlenkert.

- Ober - Landfeldmesser, Cammerrath von Schlieben.

Moritz Schliesser.

Obersteuer - Canzlist Schlipalius.

Vice-Stadtrichter Schmalz, 2 Exemplare.

Finanz-Calculator Schmidt.

Pensions - Zahlamts - Canzlist Schmids.

Cammerer Schnabel.

- Gerichts-Director Advocat Schneider.
- Amts Actuar Gottlob Friedrich Schneider.

- Expedient J. G. Schneider.

Kriegs - Cammer - Calculator Schöber.

Lotterie - Commission - Notarius Advocat Schölle.

Cassirer Schönert.

- A. A. Schreiber. Aegistrator Schrotk.
- Mathematikus Schubert.

Johann Gotthelf Schubert.

Referendar, Cammerjunker von Schütz. Kaufmann Schütz.

Hof-Fourier Schulze.

- C. E. Schulze, Accessist bei der Commerzien - Deputation.

Appellations - Rath Dr. Schumann.

Schurick, Lehrer der Arithmetik.

Registrator Schurig.

Finanz - Calculator Schuster.

Finanz - Canzlist Schwäbe.

Finanz - Assistenz - Rath und Canzley - Inspector Schwarz.

- Geh. Kriegs Cammerrath, Obrist Lieutenant und General Intendant von Seebach.
- Geh. Kriegs Cammerrath Segnitz.
- Advocat Ernst Wilhelm Seuffert.

Obersteuer - Registrator Seyferth.

Ober - Rechnungs - Rath Johann Paul Sillig.

Registrator Johann Friedrich Sommer.

Die Herren Sommer und Seupke. Herr Münzguardein Sonntag.

- Hof - Mauermeister Sontag.

C. J. Sperber.

Cadaster - Vermessungs - Registrator Stänke, 2 Exemplare.

C. A. Stein.

- Landrentmeister J. C. C. Steinberg.

Heinrich Bruno Stephani.

- Landes Zahlamts Canzlist A. G. Stockhardt.
- Kaufmann Eduard Straube.
- Cadet von Streit.
- Münzmeister Studer.
- Bruno Stübel.
- Finanz Secretair Supp, 2 Exemplare.

- Expedient J. F. Tanneberg.

Appellations - Gerichts - Vice - Präsident Freiherr von Teubern.

Kriegs - Cammer - Canzlist Thalheim.

Herr Kriegs - Cammer - Canalist Thalkeim.

Friedrich Theile.

- Amts Actuar Alexander Julius Thimmig.
- Obersteuer Calculator Thomas. Oberkriegs - Commissair Thyme.
- Gerichts Director Advocat Tischer.

J. G. Tittel.

Vermessungs-Conducteur Töpfer.

Obersteuer - Calculator Träger.

Acteninspector Trempelmann. Vermessungs-Conducteur Tröger.

Hof- und Justitienrath von Trutsschler.

Finanz - Calculator Uhle.

- G. B. Ullmann.

Actuarius Vater.

- Amts Actuar Robert August Vogel, Amts Actuar Julius Moritz Vogel.
- Geheimer Finanz Secretair Vogel.

Referendar von Wagner.

Geh. Cabinets - Feldjäger Wagner. Referendar Hoffmann von Waldau.

Senator Walther.

Hofzahlamts - Calculator Walther.

Die Herren Warnatz und Comp. Herr Obersteuer-Director von Watzdorf.

Regierungs - Assessor, Cammerherr von Watzdorf. F. W. Weber.

- Ober Consistorial Canzlist Wehner.
- Cammer Credit Cassen Calculator Weigel.

Carl Ferdinand Woldemar Weinhold. Kriegs - Cammer - Canzlist Weise.

- Major und Rentbeamter Weiser.

J. N. Weiser, Secretair bei Seiner Durchl. dem Fürsten Polffv von Erdöd.

Referendar von Welk.

General - Kriegs - Zahlamts - Canzlist Wernel.

Vermessungs-Conducteur Werner.

Geh. Cabinets - Canzlist Werner. Sr. Excellenz der Herr Conferenzminister, wirklicher Geheimer Rath und Regierungs - Canzler Freiherr von Werthern. Herr Victor Wetzel.

Gustav Wiedemann.

Referendar von Winkler.

Hofrath und Geh. Cabinets-Registrator Wirsing.

Amts-Actuar Friedrich August Witschel.

Cabinets - Secretair Wolf. Referendar von Wolfersdorf.

Controleur Zacharias.

- Regierungs - Registrator Zacharias.

Geheimer Rath, Geh. Finanz - Rath und Vice - Director der Commerzien-Deputation Zaka, für die Bibliothek des Isten Depart, des Geh. Finanz-Collegii und der Commerzien - Deputation, 2 Exemplare.

Finanz-Secretair Zaka.

- Hof - und Justitienrath von Zedtwitz.

Herr L. von Zehmen.

- . Geh. Cabinets Secretair Zenker.
- Finanz Procurator Zenker.
- . J. F. Zenker.
- Advocat Zerener.
- Stadtrichter Zimmermann.
- Gen. Accis-Einnehmer Zimmermann.
  - Advocat Zinck.
- Sr. Excellenz der wirkliche Geh. Rath und Präsident der Kriegs-Verwaltungskammer, Herr General Major von Zetschwitz für die Bibliothek der Kriegsverwaltungskammer.
- Herr Woldemar von Zeschwitz.
  - Ober Consistorial Rath Dr. von Zobel.

### ECKARTSBERGA. 4 Exemplare.

Herr Kaufmann Opits.

- Post-Secretair Schwarze.
- Kaufmann Vöckler.
- Actuarius Wenzel.

EINSIEDEL. 1 Exemplare.

Herr Revierförster Friedrich Daniel Stöhr.

EHRENFRIEDERSDORF. 3 Exemplare.

Herr Justitiar Heisterberg, 3 Exemplare,

EISMANNSZELL bei München. 1 Exemplar.

Herr Kaufmann J. Hager.

FLORENZ. 1 Exemplar.

Sr. Kaiserl. Königl. Hoheit der Grossherzog von Toscana.

FRANKENBERG. 2 Exemplare.

Herr Stadtschreiber C. F. L. Crusius.

- Advocat Carl Ferdinand Gramp.

# FRANKENHAUSSEN. 3 Exemplare.

Herr Kaufmann Burrmann.

- Kaufmann Louis Makler.
- Kaufmann Vöckler.

## FRAUENSTEIN. 7 Exemplare.

Herr Rentamts - Controleur Hensel.

- Amts Viceactuarius Katzschner.
- Rentamts Expediteur Klingsohr.
- Rentbeamter, Prem. Lieut. Raden, Ritter des Civil-Verd. Ordens.
- Scabin Reichel.
- Amts-Oberförster G. H. Steeger.
- Amtsactuar Wieland.

#### FREIBERG. 30 Exemplare.

Herr Maschinen-Director Brendel.

- Amts-Hauptmann von Broizem.
- Creishauptmann und Gensd'armerie Director von Einsiedel auf Priessnitz.
- Bergamts Auditor von Fromberg.

#### FREIBERG.

Herr C. F. L. Grohmann, Auditeur im Inf. Regim. Prinz Maxmilian.

- Bergakademist Haupt.

Professor Dr. Hecht.

Berg-Akademist Heimbürger.

Bergakademist Freyherr von Herder.

Bergamts - Auditor Hering.

- Creis-Steuer-Revisor Herrmann.

Stollenschichtmeister Hertwig.

Registrator Heydenreich, 2 Exemplare.

Prem. Lieut. F. M. von Kotzsch.

Secretair Meyer.

Robert Munx.

Ober - Bergamts - Expedient Oehler.

Prem. Lieut. und Adjutant Oelschlägel.

- Edler von der Planitz, Hauptmann beim Inf. Regim. Prinz Maxmilian.
- Creisamts Viceactuar Raschig.

Esaias Gustav Richter.

Stadtgerichts-Schöppe S. F. Rössiger.

Bergakademist Schuff.

Bergamts - Assessor · Schutz. - Bergakademist Schwamkrug. Der H. Hochw. Stadtmagistrat. Herr Creisamts - Actuar Steglick.

Creis - Amtmann Topelmann.

Gegenschreiber Zier.

FROHBURG. 3 Exemplare.

Herr Expedient Karthe.

Advocat Springer.

Schösser Wagner.

GEITHAYN. 3 Exemplare.

Herr Kaufmann Carl Böttcher.

Stadtschreiber J. H. T. Buhrdt.

C. C. F. Meyer.

#### GLAUCHAU. 20 Exemplare.

Herr Amtsactuar und Advocat G. F. Ayrer.

Amts - Accessist C. F. Bernhardt.

C. C. Brenner.

Amtsactuar Förster.

Rentmeister Franke.

Kaufmann Carl Germar.

Rentmeister und Amtscalculator Härtel.

Kaufmann J. G. Herrmann.

Regierungs - Director Käuffer. Gerichts - Director und Advocat Kretzschmar.

Obersteuer - Einnehmer Kröhne.

Justiz - Amtmann Friedrick Wilhelm Lehmann.

Stadtvoigt Fr. Müller.

Amtsactuar F. C. Pfotenhauer.

F. G. Rieling.

Gerichts - Director und Advocat Dr. Schedlich.

- Kaufmann Wilhelm Schiffner.

#### GLAUCHAU.

Herr Stadtschreiber und Advocat. Thamerus.

- Amtsactuar Vollert.
- Regierungs Archivar Walther.

GOTHA. 3 Exemplare.

Herr Kaufmann G. Christ.

- Cammerherr von Göchhausen.
- Kaufmann C. A. O. Harms.

GRILLENBURG bei Tharand. I Exemplar.

Herr Rentamtmann Schwidt.

GRÖDEL bei Grossenhayn. 1 Exemplar.

Herr Holzverwalter Schubert.

GRIMMA. 16 Exemplare.

Herr Schulamts-Landrichter Albrecht.

- Amtssteuer-Kinnehmer und Bürgermeister Fällkruss.
- Erbamts Actuar Hänel.
- Raths Actuar Hättner.
- Secretair Kallmeyer.
- Schulamtmann Köderitz.
- Rathscandidat Köpping.
- Auditeur Melzer.
- Accis-Inspector Meyer.
- Steuer-Einnehmer Müller.
- Rechtscandidat Pöland.
- Stadtschreiber Richter.
- Auditeur Rock.
- Schulamts-Actuar Schier.
- Amtshauptmannschaftlicher Secretair Schmerler.
- Rathscopist Schruth.

#### GROSSENHAYN. 12 Exemplare.

Herr Lieutenant und Ober-Kinnehmer Aster.

- \_ Justizamts-Actuar Gürtler.
- Copist Handel.
- Amtsactuar Hofmann. Kaufmann Opits.
- Rentamtmann K. C. Preusker.
- Kaufmann Reuss.
- Gerichts Director Richter.
- Accis Einnehmer Accessist von Schlegell.
- Apotheker Schitz. Gerichts Director Wittig jun.
- Amtshauptmann von Wolf.

HAMBURG. 1 Exemplar.

Herr Kaufmann Ungebauer.

HARTENSTEIN. 1 Exemplar.

Herr Intraden - Binnehmer Fr. Hentzschel.

HENNERSDORF bei Chemuitz. 1 Exemplar.

Herr Buchhalter C. Hertmann.

HERRNHUTH. 4 Exemplare.

Herr Abraham Durninger und Comp.

- A. G. Hopf, Vorsteher der Brüdergemeinde, 3 Exemplare.

HEYDELBERG. 1 Exemplar.

Herr Gottlieb Heinrick Hiemann.

HINTERGLAUCHAU. 1 Exemplaz.

Das Wohllöbl. Justiz-Amt.

HOHENECK bei Stolberg. I Exemplar.

Herr Kammerguths - Pachter Dürigen.

HOHENSTEIN. 4 Exemplare.

Das Wohllöbl. Justizamt.

Herr Amtmann L. H. Facilides.

- Amtsverwalter.

- Amtsactuar Wimmer.

HUBERTUSBURG. 1 Exemplar.

Herr Oberförster Schmölle.

KÖNIGSFELD bei Rochlitz. I Exemplar.

Herr Oberhofgerichts - Rath von Nitzschwitz d. jung-

KÖNIGSTEIN. 5 Exemplare.

Herr Accis - Haupt - Einnehmer C. G. Dietrick.

- Rechnungsführer C. Herrmann.

- Schifsherr Joh. Gottl. Hirsch. - Schifsherr A. Kunze.

- Flossmeister Prem. Lieutenant von Zeschwitz.

KOHREN bei Frohburg. 1 Exemplar.

Herr Gerichts - Director C. A. Schmelz.

LEIPZIG. 154 Exemplare.

Herr Advocat Andritzechky.

\_ J. B. Alippi.

- A. Alscher, Lehrer an der katholischen Bürgerschule.

Creissteuer - Revisor F. W. Barthel.

C. Bauer.

Die Herren Gebrüder Baumann.

Herr A. Bereka.

J. H. Beschorner, stud. jur.

C. E. Böhme, Stud. mathes.

- C. E. Bracht.

- Ober-Kinnehmer Johann August Wilhelm Braune.

- Rentamtmann Braunsdorf.

Johann Heinrich Bruch.

- J. D. Caspari.

- Carl Chambon.

- Advocat A. Cnoblock.

- Actuarius Cotta.

- Rob. Crayen.

- Kaufmann Culmbusch.

- Dörbig.

### LEIPZIG.

# Herr Eduard Döring.

- \_ Kaufmann Carl W. Eichelbaum.
- Advocat Einert.
- J. G. Erckel. C. E. Eschwig.
- Franz Eytelwein.
- Ferdinand Faber.
- Fellmer, Königl. Controleur bei der Universitäts-Rentverwalterey.
  J. G. Fenthol.

- W. Fischer. G. Frege.
  - Cassen Controleur, Friedrick Wilhelm Friedel. Doctor Friederici jun.
- J. F. Genthe.
- Finanz-Procurator und Advocat Geyer.

### Die Herren Gräfe und Butter.

# Herr Wilk. Graff.

- Gross und Comp.
- Carl Günther.
- Doctor Ernst Günther.
- F. C. Haberland. F. Habersang.
- C. Hagenest.
- Doctor C. Ch. Hahmann.
- Kaufmann Gustav Hahmann.

Die Herren Hammer und Schmidt.

Herr Friedrick Harck. Die Herren C. und G. Harkort.

### Herr C. F. Haussner.

- Ober-Postverwalter Hebenstreit.
- Stadtschreiber Heimback.
- Hentzschel.
- Wilhelm Eduard Hermsdorf.
- C. E. Hertling.
- Ober Postamts Secretair Heydrich.
- J. J. Höpstein,
- Carl Holberg.
- G. Holberg.
- H. Holberg.

# Die Herren Gebrüder Holberg.

- Herr Georg Holdefreund.

  Creis-Trank-Steuer-Revisor J. F. A. Holbe.
  - A. Hülsse.
  - Otto Hüttner.
  - Commissariats und Inspections Registrator Johann Friedrick Ilsig.
    - A. Isensee.
  - Carl Friedr. Kästner.
  - Ober-Postamts Secretair Kiez.
  - Oberhofgerichts Registrator J. G. Kirsch.
  - Creis-Steuer-Einnehmer Klemm, 2 Exemplare.
  - J. S. Kloss.
  - F. T. Knauth.
  - C. H. Kob.

#### XXVIII

#### LRIPZIG.

Herr Kaufmann J. C. Kreller.

- Rud, Küster.
- Ober Postamts Rath C. W. von Löben.
- Ober Postamts Einnehmer Lungwitz.
- Kaufmann F. W. Lücke.
- Ober-Einnehmer Johann Wilhelm Lüderer.
- C. F. Martin.

Die Herren Gebrüder Marx.

Herr A. Mayer.

- Johann Gottl. Mayer, Mechanikus.
  - Banquier Christ. Ad. Mayer-Frege.
- Friedrich Wilhelm Merker., Stud. mathes.
- Michaelis.
- Robert Michaelis.
- Actuarius Mirus.
- J. E. Mühlig.
- Louis Mühlig.
- C. F. Müller.
- W. Nahke.
- L. A. Neubert.
- M. Nobes.
- General-Accis-Einnehmer Friedrich Gottlob Opitz.
- C. G. Ottens.
- General Accis Einnehmer Johann Gottlob Pfeifer.
- Herrmann von der Plessis.
- Heinr. Ploss.
- Cammer Commissionsrath Johann Daniel Porst.

Das Königl. Ober-Postamt. Herr W. Pückert.

- Franz Reichenbach.
- Die Herren Riedel, Volckmann und Comp.

Herr J. Römeling.

- Advocat Romisch.
- G. Rosenzweig.
- \_ Accis-Inspector Rothe.
- R. A. Rumschöttel.
- Seb. Salzgeber.
- G. Scheerer.
- Raths-Güterbestäter Johann Gotthold Scheibe.
- Eduard Schmidt.
- G. W. Schmidt.
- Carl Wilhelm Traugott Schmidt, stud. theol.
- Finanz-Sensal Schmidt.
- Sensal, Adolph Schreiber.
- Louis Schröter.
- Carl Schubert.
- Accis Commissariats und Inspections Copist Christ. Wilhelm Schulze.
  - A. Schulze.
  - P. Schunck.
- \_ / F. B. Schwabe.
- C. G. Schwägrichen.
- Steuer Credit Cassen Copist Seidel.
- Adolph Siegel.
- Victor Sillig, stud. mathes.

### LEIPZIG.

### Herr Franz Sintenis.

- W. Slevogt.
- Doctor Stübel.
- C. Tänzer.
- A. H. Täschner.
- Kaufmann Carl Tenner. Doctor W. S. Teucher.
- C. Thielmann.
- C. F. A. Thieme.
- Adolph Träger.
- General Accis Einnehmer Ephraim Gottlieb Trautmann.
- Steuer Credit Cassen Vice Buchhalter Vermann.
  - Carl Voigt.
- Franz Volbeding.
- Sensal Voss.
- S. G. Wacks. J. G. Wappler.
  - H. Weber.
- J. G, Weber. C. Weisse.
- Ober Stadtschreiber . Werner.
- Advocat Winkler.
- Küster Winkler.
- Doctor Wisand.
- Ober-Postamts-Assessor Zahn. .
- Expedient J. F. Zeising.

# LEISSNIG. 14 Exemplare.

# Herr Ritterguthsbesitzer Barthel auf Bortewitz bei Leissnig.

- Advocat C. A. Facilides.
- Gerichts-Expedient A. L. Härig.
- Amtscopist J. G. Held.
- Stadt Steuereinnehmer C. H. Jesck.
- Handlungs Commis F. G. Illing:
- Amtscopist C. G. Knaut. Amtscopist F. F. Lockmann.
- Advocat Carl Moritz Mirus.
- Amts Landrichter Petrold. Actuar Pietzsch.
- Rentschreiber Traugott Reinicke.
- Stadtschreiber F. S. S. Schletter.
- Copist Johann Eduard Weber.

#### LIEBSTADT. I Exemplar.

### Herr Gerichts - Director Helbing.

#### LICHTENSTEIN. 10 Exemplare.

# Herr Gerichts - Expedient G. F. Frohs.

- Amts-Registrator Hause.
- Amts Actuar G. S. Hoppe.
- Amtscopist Käufer.
- Amtsschreiber H. J. Kirbach.
- Amtmann Missback.
- Gerichts Actuar F. G. Oehlschlägel.
- . Rentamtmann F. W. Schmuhl.

#### LICHTENSTEIN.

Herr Rath - und Gerichts - Director Weigel. - Amtslandrichter und Registrator Werner.

LINDENAU bei Leipzig. 1 Exemplar. Herr Julius Robert Rönsch.

LÖBAU. 1 Exemplar.

Herr Bürgermeister K. G. Fellmer.

LOHMEN bei Pirna. 2 Exemplare.

Herr Erbrichter Herr.

- Amtsverwalter Sison.

LUXEMBURG. 1 Exemplar.

Herr Hauptmann Heinrich von Helldorff.

MARBACH bei Nossen. 1 Exemplar.

Herr Revierförster C. O. Friedrick.

MARIENBERG. 1 Exemplar.

Herr Stadtschreiber Kempe.

MEISSEN. 24 Exemplare.

Herr Creisamts - Actuar Benisch.

- Creisamts Vice Actuar Bornemann.
- Procuraturamts Vice Actuar Clauss.
- Schulamts Actuar Dietrich.
- Accis Inspector Funke.
- Stiftsbaumeister Glück.
- Stifts Registrator Halfter.
- Graf von Holzendorf.
- Creis-Steuer-Revisor Jäger.
- . Accis Inspector Jordan.
- Buchdrucker Gustav Klinkicht.
- Gerichts Director Knöfel.
- Kirchenvorsteher Körnich.
- Oberfactor Märtens.
- Erb-Rentbeamte, Lieut. Naumans. Rechtscandidat Neumeister.
- Stifts-Syndicus Dr. Pauli.
- Commissions Rath und Creisamtmann Reinhard.
- Raths Bauaufseher Schantz.

Der Stadtrath.

Herr Manufactur - Cassirer Stever.

- Creisamts Vice Actuar Vetter.
- . Oberstlieutenant von Vieth.
- . Advocat Weber.

MINKWITZ bei Leissnig. 1 Exemplar.

Herr Oberförster C. F. Dietrich.

MORITZBURG. 1 Exemplar.

Herr Ober-Piquer Weber.

MÜGRLN. 2 Exemplare.

Herr Amts-Inspector Erttel. Advocat Hammer.

MULDA. 1 Exemplar.

Herr Johann Gottlob Schmidt.

MYLAU im Voigtlande. 3 Exemplare.

Herr Advocat C. A. Butter.

- Oeconom Anton Galle.
  Oeconom Ludwig Galle.

NASSAU bei Frauenstein. 1 Exemplar.

Herr Revierförster C. G. Müller.

NEUKIRCHEN. 1 Exemplar.

Herr Stadtschreiber Erdmann Schweinitz.

NEUMARCK bei Zwickau. 1 Exemplar.

Herr Ritterguths-Pachter Popp.

NEUEN SALZA bei Plauen. I Exemplar.

Herr Amtshauptmann H. L. von Brust auf Neuen-Salza.

NEUTAUBENHEIM bei Rochlitz. 1 Exemplar.

Herr Amtshauptmann Freiherr von Welk zu Neutaubenheim.

NIEDERMUSCHÜTZ bei Meissen. 1 Exemplar.

Herr Occonom Carl Hering.

NOSSEN. 23 Exemplare.

Herr Kaufmann F. H. Bautzmann.
- Kaufmann F. M. Bernhard.

- Amtscopist C. G. Börner,
- Creissteuer-Procurator und Advocat Erchenbrecher.
- Actuarius L. Fickelscherer.
- Copist G. L. Forwerg.
- Postschreiber J. G. Härtel.
- Mühlenbesitzer K. G. Haubold.
- Haupt-Accis-Einnehmer Hauptmann.
- Lohncopist G. Hübschmann.
- Copist Kessel.
- Lonncopist F. A. Koch.
- Amts Inspector M. F. Lichtwer.
- Controleur J. G. Naumann.
- E. F. Philipp.
- Actuarius F. Ch. Schulze.
- Amtscopist C. G. Todt.
- Amts-Schreiber Voigt, 2 Exemplare.
- Rentschreiber L. Voigt.
   Sportulcassierer C. F. Weisflog.
- Amtsaccessist G. F. Wiesand. Kaufmann J. G. Winckler.

NÜRNBERG. 1 Exemplar.

Herr Kaufmann M. J. Zimmermann.

### IIXXX

OBERREINSBERG. 1 Exemplar.

Herr Cammerherr und Oberforstmeister von Schönberg auf Oberreinsberg.

> OBER - WIESENTHAL. 1 Exemplar.

Herr Accis-Inspector C. G. Schilling.

OELSNITZ im Voigtlande. 1 Exemplar.

Herr Accis-Inspector Grah.

OSCHATZ. 15 Exemplare.

Herr Accis - Inspector C. G. Attenstädt, Ritter des Civil-Verd. Ordens.

. Kaufmann Conrad.

- Finanz-Procurator Friedrich Flemming.

- Advocat A. E. Hanteschel.

Accis - Inspector und Stadtrichter J. C. S. Hosmann.

Steuer-Revisor und Senator C. L. Kuhn.

Creissteuer Revisor und Amtssteuer Einnehmer Kuhn.
 Gerichts Expedient J. G. Lindner.
 Steuerprocurator und Advocat C. T. Lischke.

. Regiments - Quartiermeister Lohse.

. Kaufmann Mogk.

Obrist von Nostix.

. Guthsbesitzer von Römer, auf Schmorkau bei Oschatz.

. Senator und Gerichts - Director Schmorl.

. Major Schneider.

PEGAU. 1 Exemplar.

Herr Amts-Inspector Thieme.

PFANNENSTIELER BLAUFARBENWERK bei Schwarzenberg. 1 Exemplar.

Herr Factor Beck.

PENIG. 2 Exemplare.

Herr Amts-Registrator A. Valentin.

- Amts - Registrator W. Schütze.

PIRNA. 29 Exemplare.

Herr Rentamts - Expedient J. G. Beyer.

- Cammerey - Expedient Bochmann.

- Amts-Registrator Friedrich Rudolph Braun.

- Cämmerer und Senator Conradi. - Kaufmann Eduard Gerlach.

- Rausmann Lauars Gertach.
- Raths - Expedient Göbhardt.
- Kaufmann T. L. Gottschald.
- Advocat M. T. Haase.
- Advocat C. A. E. Häntzschel.
- Kaufmann J. G. Haftmann.
- Advocat W. A. Hartwig.
- Amteopiet Friedrich Ideland

Amtscopist Friedrich Adolph Heinsius.

Die Herren Gebrüder Heinze.

Herr Raths - Expedient Hentuschel.

Wasserbau-Conducteur Löhse.

- Amts - Vice - Actuar Meknert.

- Amtssteuer-Einnehmer Mylius.

#### PIRNA.

Herr Kaufmann Ernst Nerger.

- Kaufmann J. Ch. Nikolai. Kaufmann H. F. Ochser.
- Rentbeamter, Major von der Planitz. Kaufmann C. F. Pöschmann.
- Advocat P. A. Ritterstädt.
- Accis Commissair C. G. Schmalz.
- Kaufmann J. V. Schörmer.
- Kaufmann A. G. Seelig.
- Gasthausbesitzer Theodor.
- Raths Expedient Ufer.
- Amtscopist Carl Voigt.

#### PLANITZ bei Zwickau. 2 Exemplare.

Herr Cammerjunker von Arnim auf Planitz.

- Ritterguths - Pachter Böhm.

### PLAUEN. 14 Exemplare.

#### Herr Advocat Carl Braun

- Advocat Julius von Dieskau.
- Bürgermeister K. F. Eberhardt.

- Advocat, Baccal. J. Eberhardt. Rechtscandidat F. W. Facilides. Stadtschreiber E. W. Gottschald.
- Candidat Gunnel.
- Registrator G. F. Hüttner.
- Rechtscandidat J. G. Jahn.
- Advocat Julius Lorens.
- Senator J. A. Steinberger.
- Dr. J. A. Steinhäuser, Rechtsconsulent.
- F. A. Wenzel, Amtshauptmannschaftl. Secretair.
- Creishauptmann von Zezeckwitz.

#### PRAG. 2 Exemplare.

Herr J. B. Riedl.

Anton Starck.

PULSNITZ. 1 Exemplar.

Herr Gerichts - Director O. C. Lippold.

PURSCHENSTEIN. 1 Exemplar.

Herr Revierjäger Wilhelm August Schneider.

RADEBERG. 8 Exemplare.

Herr Amtmann Erler.

- Amts-Inspector Linke.
- Stadtschreiber Oertel.

RADEBURG. 1 Exemplar.

Herr Apotheker und Vice-Bürgermeister A. A. Lauterbach.

RECHENBERG. 1 Exemplar.

Herr Revierförster Ludwig Friedrich Muth.

REICHENBACH bei Nossen. 1 Exemplar.

Herr Revierförster L. B. Schuster.

#### VIXXX

REIBERSDORF bei Zittau. 1 Exemplar.

Herr Canzley - Director Johann Christian Flohr.

REMISSEN bei Waldenburg. 1 Exemplar.

Herr Justizamtmann J. E. Meischner.

RENNERSDORF bei Stolpen. 1 Exemplar.

Herr Amtsverwalter Nacke.

RIEDT bei Augsburg. 1 Exemplar.

Herr Kaufmann J. Erhardt.

ROCHLITZ. 1 Exemplar.

Herr Amtshauptmannschaftlicher Secretair Wedag.

RÖTHA. 4 Exemplare.

Herr Cammerherr und Amtshauptmann Freiherr von Friesen auf

Gerichts-Schösser und Advocat Hennicke;

Amtshauptmannschaftlicher Secretair Lindner.

Amtshauptmannschaftlicher Copist Wilsenack.

ROSSAU bei Mittweide. 1 Exemplar.

Herr Oberförster Schramm.

RUPPERTSGRÜN bei Zwickau. 1 Exemplar. Herr Ritterguthsbesitzer von Schönfels auf Ruppertsgrün.

SACHSENBURG. 4 Exemplare.

Herr Amtscopist J. G. Leutholdt.

Justiz - Amtmann F. A. Löwe.

Sportul-Einnehmer Wilk. Ad. Metzler.

Amts - Accessist und Protocollant A. Zinck.

SCHANDAU. 4 Exemplare.

Herr C. G. Biener, Schiffsherr. - Kaufmann H. Bründel.

- Flossmeister, Lieutenant Hering.

Stadtschreiber Hering.

SCHLETTAU. 1 Exemplar.

Der Stadtrath.

SCHNEEBERG. 11 Exemplare.

Herr Lieutenant Braun.

- Kaufmann Ficker.

- Bergguardein Gerber.

Schichtmeister F. Graff.

Hauptmann von Helldorf. Vice-Marckscheider C. W. Schmidt.

Bergamts - Protocollist Stiller.

- Bezirks - Accis - Inspector Teichmann.

A. F. Trefurth.

>

- Lieutenant M. E. J, von Witzleben.

- Prem, Lieut. Carl von Zeschau.

SCHÖNFELD bei Dresden. 1 Exemplar. Herr Amtsverwalter Hungar.

SCHONDORF bei München. 1 Exemplar. Herr Kaufmann J. V. Benedict.

# SCHWARZENBERG. 30 Exemplare.

Herr Archivar Andig.

- Creisamts Actuar Beck.
- Flossschreiber Beyer.
- Stadtschreiber und Gerichts-Director Blüher.
- Steuerprocurator und Gerichts-Director Bonitz.
- Creisamemann Garten, Ritter des Civil-Verd. Ordens.
- Postschreiber Höfer.
- Creisamts-Actuar Hunger.
- Creisamts Controleur Kolbe.
- Finanz-Procurator Lindner.
- Advocat Morgenroth.
- Criminalamts Actuar Müller.
- Criminalamts Controleur Muth.
- Registrator Neumann.
- Rentschreiber Oeser.
   Amts Wachtmeister Pasig.
- Forst- und Justizamtmann Protze.
- Candidat Protze.
- Forstamts Actuar Range.
- Creisamts-Sportul-Einnelmer Richter.
- Creisamts Actuar Rothe.
- Rentschreiber Schmidt.
- Archivar Schubert.
- Registrator Schwarz.
- Haupt-Geleits-Einnehmer Susse.
- Postverwalter Susse.
- Creisamts Actuar Töpelmann.
- Criminalamts Actuar Voigt.
- Creisamts Sportul Einnehmer Weinhold.
- Copist Wenzel.

## SEBNITZ. 1 Exemplar.

Herr Stadtschreiber Schimmel.

SEDLITZ bei Pirna. 1 Exemplar.

Herr Amtsverwalter Carl Wilhelm Kanrisch.

SONNENSTEIN bei Pirna. 6 Exemplare.

P.

Herr Calculator Berger.

- Rechnungs Expedient Eisemann.
- Rechnungsführer Nadler.
- Aufseher Reinel.
- Hausschreiber Schönert.
- Hausverwalter Thieme.

SPAAR bei Meissen. 1 Exemplar.

Herr Rendant Bock.

STEIERMÜHLE bei Nossen. 1 Exemplar.

Herr Steinguthfabrikbesitzer Hässler.

STOLLBERG. 1 Exemplar.

Herr Amts - Registrator und Sportul - Binnehmer Richter.

STOLPEN. 11 Exemplare.

Herr Gerichts - Registrator J. A. Grützner.

Gerichts - Actuar Höpfner.

- Amtssteuer Einnehmer Hoffmann.
- Postamtsschreiber Klette.
- Amtsactuar Klopffleisch.
- Raths Registrator Klunker.
- Expedient Löser.
- Lieutenant und Accis-Einnehmer Richter.
- Rentamtsschreiber Rüger.
- Rentmeister von Teubern.
- Expedient Tuschke.

STREHLA. 2 Exemplare.

Herr Geleits - und Accis - Commissair Fischer. - Elbzoll - Amtscopist H. M. Frans.

TORGAU. 2 Exemplare.

Herr Handlungs-Commis Lindner.

- Expedient Ziesching.

UNTERWIESENTHAL. 2 Exemplare.

Herr E. L. Irmischer.

- H. J. Richter.

VOIGTSBERG. 3 Exemplare.

Herr Amtsactuar Wilhelm Adolph Herold.

- Justizamtmann Gottlob Friedrich Meurer.
- Amtsinspector und Rentbeamter Schubarth.

WALDENBURG. 5 Exemplare.

Sr. Durchlaucht Herr Otto Victor, Fürst von Schönburg-Waldenburg. Herr Amtsactuar C. F. Herrmann.

- Cammer Registrator Irmisch.
- Justizamtmann D. H. Pinther.
- Amtsactuar C. G. Zausch.

WALDHEIM. 3 Exemplare.

Herr Rechnungsführer Helfer. - Hausschreiber Schönbach.

Arbeits-Inspector Vielweg.

WARSCHAU. 2 Exemplare.

Sr. Excellenz der General und Kriegs-Minister von Hauke, 2 Exempl.

WEISENBRUNN bei Zwickau. 1 Exemplar.

Herr Ritterguthsbesitzer Pelz.

WELLERSHOF bei Neustadt an der Wald-Naab. 1 Exemplar.

Herr Occonom Carl Müller.

## WERMSDORF. 4 Exemplare.

Herr Kammerjunker Baron von Ende.

- Forstmeister von Leipziger.
- Amts Inspector Pfotenhauer.
- Forstsecretair Werther.

WIEN. 1 Exemplar.

Sr. Durchlaucht der Fürst Palffy von Erdöd.

WIESE bei Chemnitz. I Exemplar.

Herr Advocat C. G. Bösewetter.

WILSCHDORF. 1 Exemplar.

Herr Gastwirth Hantzech.

WOLCKENSTEIN. 3 Exemplare.

Herr Haupteinnehmer Brause.

- Amts-Actuar Klinkhardt.
- Steuerrevisor Krahnefeld.

WOLFTITZ. 1 Exemplar.

Herr Pachter G. L. Haubold.

ZITTAU. 26 Exemplare.

Herr Stadtrichter Dr. J. G. Auster.

- Gerichts Assessor Wilhelm August Benjamin Bahr.
- Stadt-Syndicus Friedrich Christian Bergmann.
- Ober Amts Regierungs Advocat Gustav Bierling.
- Ober Amts Regierungs Advocat Christoph Conte.
- Ober Amts Regierungs Advocat Friedrich Wilhelm Hänsel.
- Waisenamts Actuar und Advocat Ernst Ludwig Hirt.
- Gerichts Sportul Cassirer Johann Gottfried Hünigen. - Stadtschreiber Ernet Heinrich Jentzsch.
- Ober Amts Regierungs Advocat Ernst Junge.
- Senator Philipp Ferdinand Adolph Just.
- Gerichts Copist Ernst Friedrich Kahle.
- Ober Amts Advocat Johann August Kielblock. - Ober - Amts - Advocat Gustav Woldemar Kreizschmar.
- Raths Canzellist Ferdinand Heinrich Wilhelm Krohn.
- Ober-Amts-Regierungs-Advocat Wilhelm Adolph Opitz.
- Steuer-Secretair und Advocat Carl Theodor Pescheck.
- Senator Carl Wilhelm August Porsche.
- Senator Christian Ehrenfried Puschel.
- Ober Amts Regierungs Advocat Johann Heinrich August Reckner.
- Gerichts Actuar Friedrich Eduard Reichel.
- Hausverwalter Wilhelm Friedrich Scholze.
- Actuarius Carl Benjamin Schroth.
- Raths Scabinus Gottfried Christian Schwabe.
- Gerichtscopist und Sportul-Controleur Carl August Sickritz.
- Raths Actuarius Ernst Conrad Weidisch.

ZITSCHEWIG bei Dresden. 1 Exemplar.

Herr Lieutenant Kummer.

#### XXXVIII

## ZWICKAU. 23 Exemplare.

Herr Raths - Copist E. L. Bär.

- Steuer Einnehmer C. W. Bergk.
  - Copist F. W. Elze.
- General Accis Einnehmer J. F. G. Fritzsche.
- Rentamtmann, Major Gau.
- Stadtschreiber Hempel.

  Apotheker F. W. A. Herzog.
  Senator F. C. Knappe.
- Senator Kappe.
- Strassenbau-Aufseher Landgraf.
- Cammer Commissions Rath und Justizamtmann Low.
- Amts-Steuer-Einnehmer Mann.
- Raths Registrator C. Meissner.
- Haupteinnehmer Meyer.
- Gerichts Director Nitzsche.
- Rathsactuar Oberländer.
- Accis Inspector Pinther.
- Notar, publ. immatr. J. G. Pohland, sen. Raths-Cämmerey-Gehilfe und Archivar F. G. Pohland, jun.
- Geleitsmann Pratorius.
- Archivar Rascher.
- Advocat Unger.
  Advocat F. A. Taxer.

ZWÖNITZ. 1 Exemplar.

Herr Stadtschreiber und Advocat C. G. Back.

## Vorre de.

Durch die Bekanntschaft mit mehrern der hiesigen Herren Rechtsgelehrten wurde mir sehr oft Gelegenheit gegeben, mich mit manchen dem Juristen oft vorkommenden Rechnungen und zugleich mit den Vorschriften näher bekannt zu machen, welche die Landesgesetze hierüber geben. Nicht ohne Verwunderung bemerkte ich aber dabei, dass die gesetzlichen Bestimmungen über die Berechnung juridischer Gegenstände noch hier und da, selbst von Rechnungsverständigen zuweilen unrichtig verstanden wurden, da sie doch ihrem Inhalte nach eine verschiedenartige Deutung durchaus nicht zulassen sollten.

Dieser Umstand, sowie die Aufforderung einiger meiner Freunde erregte in mir zuerst den Gedanken, eine gedrängte Anleitung zur Berechnung von Gegenständen, welche dem Juristen bei rechtlichen Auseinandersetzungen häufig vorkommen, auszuarbeiten.

Allein da ich bei genauerer Beachtung diesen Gegenstand schon von so vielen höchst geachteten und gelehrten Männern bearbeitet vorfand, so schien anfänglich mein Vorhaben ganz zwecklos zu seyn und ich gab den früher entworfenen Plan fast wieder auf, um nicht, ohne etwas Neues und Richtigeres sagen zu können, wie diess häufig der Fall

ist, als Abschreiber der ältern Werke zu erscheinen. Nur durch eigene Ansicht bestärkt, hielt ich die wiederholte Versicherung meiner Bekannten und Freunde noch fest, mehrere jener Schriften dessen ungeachtet nicht geeignet seyen, dem in der höhern Mathematik minder Bewanderten als sicherer Leiter zu dienen, indem fast alle dergleichen Berechnungen ohne Zuziehung logarithmischer Tafeln unbrauchbar sind, und der Weg, solche Gegenstände zu berechnen, nur mit Hilfe der Buchstabenrechnung und Algebra, ja nicht selten durch Integral - und Differential - Rechnung gezeigt wird und somit Resultate herbeigeführt sind, von deren Richtigkeit oder Unrichtigkeit sich der in den mathematischen Wissenschaften minder bewanderte Geschäftsmann nicht sattsam überzeugen kann. — Deshalb fühlte ich in mir eine doppelte Veranlassung, jenem vielseitig gefühlten und ausgesprochnen Bedürfnisse nach meinen geringen Kräften möglichst abzuhelfen; und somit übernahm ich daher mit Freuden die Bearbeitung der vorliegenden Bogen.

Dass ich mich dabei aller Buchstabenrechnung, sowie des Gebrauchs logarithmischer Tafeln u. s. w. ganz enthalten musste, wird man aus der oben angegebenen Ursache leicht begreiflich finden; dass ich aber dem Ganzen sogar eine kleine Anleitung zum Rechnen vorausschickte, geschah lediglich auf Veranlassung von Männern, für welche dieses Handbuch zunächst ausgearbeitet wurde, indem mehrere derselben mir die Versicherung gaben, dass sie in den frühern Jahren zu wenig Gelegenheit gefunden hätten, sich mit den Fundamenten der Arithmetik gehörig vertraut zu machen, weshalb ihnen alsdann auch der Vortrag über Buchstabenrechnung und Algebra ganz nutzlos gewesen sey u. s. w. Der Grund hiervon ist bereits schon oft von vielen einsichtsvollen Männern dahin ausgesprochen worden, dass eine gute Zahlenrechnung das wesentlichste Erforderniss aller Theile mathematischer Wissenschaften sey, und dass die Algebra ohne Kenntniss der Zahlenrechnung gar keinen praktischen Nutzen habe. Demohnerachtet giebt es nun auch jetzt noch so viele Lehrer, welche der Zahlenrechnung zu wenig Vortrag und Zeit zur gehörigen Einübung widmen; mithin bin

ich überzengt, dass auch meine diessfalsigen Bemerkungen wegen einer verbesserten Methode beim Unterrichte junger Männer ganz fruchtlos seyn würde.

Dieses Buch ist übrigens zunächst für Männer in solchen Geschäftsbranchen bestimmt, welche auf dem Titelblatte genannt sind, und es soll denselben keineswegs als systematisch geordnetes Lehrbuch der Arithmetick, sondern blos als Handbuch zum Nachschlagen in besondern Fällen dienen. Man wird mich daher entschuldigen, dass ich nur besondere Gegenstände ausgehoben und alle übrigen Rechnungen oder Anwendungen derselben auf andere Verhältnisse als nicht hierher gehörig, geradezu weggelassen habe. Hingegen hielt ich für nöthig, einer jeden Regel mehrere Beispiele folgen zu lassen, um die verschiedenartigen Fälle daran zu zeigen, und dem weniger Geübten zugleich Gelegenheit zu geben, sich in diesen Berechnungen einige Fertigkeit zu verschaffen, endlich auch, weil man überhaupt durch zweckmässig gewählte Beispiele oft mehr Klarheit und Belehrung geben kann, als durch einfache Worte möglich ist. Dass aber diesen Beispielen mitunter ausländische Münzverhältnisse zum Grunde gelegt wurden, geschah deswegen, weil der Geschäftsmann mit dem Auslande eben so gut in Verbindung kommt, als mit dem Inlande und hauptsächlich auch, damit dieses Buch in jedem Lande mit gleichem Nutzen gebraucht werden könne.

Nach dem in §. 119 — 121 aufgestellten Zweisel, ob wohl die in unsern Lehrbüchern besindliche Regel zu Berechnung eines mittlen Zahlungstermins richtig sey, bitte ich den geehrten Leser um Ausmerksamkeit auf §. 168 und 169. Dort hosse ich dargethan zu haben, dass jene Regeln wirklich falsch und deshalb zu rechtlichen Auseian dersetzungen nicht geeignet sind, aus welchem Grunde ich auch bemüht war, in §. 170 und 171 für diesen Gegenstand eine neue Regel aufzustellen, nach welcher ein mittler Zahlungstermin ohne den mindesten Nachtheil für die lateressenten berechnet werden kann.

Die zweite Abtheilung dieses Werkes wurde der höhern oder Zinseszinsrechnung fast einzig und allein gewid-

met, indem ich mich überzeugt hielt, wie ich auch von Andern vielseitig versichert wurde, dass sie in unsern Tagen, wo so viele und grosse Unternehmungen auf Speculation zegründet werden, wichtig genug sey, um ihr einen besondern Platz in diesem Buche einzuräumen. Ich liess es mir daher ganz vorzüglich angelegen seyn, diesen Gegenstand möglichst vollständig aufzunehmen, an mehreren Beispielen die verschiedenartigsten Fälle zu zeigen und somit einen Jeden, wenn er auch nur die vier Rechnungsarten mit Zahlen erlernt haben sollte, in den Stand zu setzen, selbst sehr schwierige Aufgaben dieser Art zu lösen, ohne dass die geringste Kenntniss der Algebra oder der Logarithmen dabei verlangt wird oder nöthig wäre. Ist man nun hierin einverstanden, dass die Zinseszinsrechnung in so vielen Fällen einen wahrhaft praktischen Nutzen hat, was nach dem Urtheil erfahrner Männer keinem Zweifel unterworfen ist und wovon man sich auch an den verschiednen in diesem Buche aufgeführten Fällen noch mehr überzeugen kann, so lebe ich der Hoffnung, etwas recht Nützliches und Brauchbares unternommen zu haben; zumal da dieser Gegenstand, soviel mir bekannt ist, noch in keinem Buche auf eine so einfache und für jeden Rechner zugängliche Art angegeben wurde. Zu Erreichung dieses Zweckes war es jedoch durchaus nothwendig, eine nicht unbedeutende Anzahl von Hilfstafeln beizufügen. Dass dieses Buch hierdurch weit stärker und somit böher im Preise wurde, ist gewiss, und ich wurde deshalb schon von manchem meiner Bekannten befragt, ob diess nicht zu vermeiden sey, indem doch dergleichen Tafeln schon so oft und von Vielen berechnet vorhanden wären? — Da ich nun diesen Vorwurf auch von andern einsichtsvollen Männern befürchten muss, so fühle ich mich nothgedrungen, hierüber mich zu rechtfertigen und einige Gründe jener Veranlassung anzugeben.

Vor Allem wird man mir gern zugestehen, dass zu Erreichung dieses Zweckes dergleichen Tafeln unumgänglich nöthig sind. Wären sie also hier nicht beigefügt, so müssten die Besitzer meiner Schrift sich jedenfalls noch ein Werk und für ziemlich hohen Preis ankaufen, worin jene

Tafeln enthalten sind. Diesem musste vor Allem vorgebeugt werden.

Sollen aber dergleichen Tafeln den Zweck wahrhaft erreichen, zu welchem sie beigefügt sind, so müssen sie nach meinem Dafürhalten folgende Eigenschaften haben:

 Sie müssen möglichst vollständig seyn, damit man die verschiedenartigen Fälle darnach berechnen kann.

Aus diesem Grunde wurden die vier ersten Hanpttafeln gegeben, indem man mit Hilfe dieser fast alle gewöhnlich vorkommende Fälle dieser Art berechnen kann.

2) In solchen Tafeln müssen die in den Geschäften gewöhnlich vorkommende Procente berechnet seyn.

Deshalb besteht eine jede Haupttafel wieder aus 25 einzelnen Täfelchen, von welchen einem jeden ein anderer Zinsfuss zum Grunde gelegt wurde.

 Sie müssen auf eine hinlängliche Zahl von Jahren berechnet seyn, damit sie uns in jedem Falle ausreichende Dienste leisten.

Hier sind die Grenzen zwar sehr unbestimmt, allein dadurch, dass ich die Rechnungen bis auf hundert Jahre hinausgeführt und auch gezeigt habe, wie diese Tafeln selbst bei noch mehr Jahren mit Vortheil gebraucht werden können, glaubte ich für jeden vorkommenden Fall hinlänglich vorgearbeitet zu haben.

4) Sie müssen eine solche Ausdehnung erhalten, dass wir auch selbst grössere Summen darnach berechnen können.

Aus diesem Grunde wurde jedes Resultat bis mit 9 Decimalstellen angegeben, so dass man selbst eine Summe, welche die Grösse von 1000 Millionen nicht übersteigt, mit hinlänglicher Genauigkeit darnach berechnen kann.

Endlich

5) können wir an solche Tafeln noch die Forderung machen, dass jede darin aufgeführte Zahl, ja selbst jede einzelne Ziffer, von der Ersten bis mit der Letzten, vollkommen genau und richtig ist.

Dieser Punct schien mir zu wichtig, als dass ich demselben nicht eine ganz vorzügliche Berücksichtigung hätte widmen sollen; indem alle dergleichen Hilfsmittel ohne diese strenge Richtigkeit durchaus keinen praktischen Nutzen, sondern ihre Anwendung nur nachtheilige Folgen haben können.

Wären wir also schon im Besitze solcher Tafeln, welche die hier aufgezählten nöthigen Eigenschaften haben, so hätte ich mir freilich eine höchst mühsame Arbeit ersparen und das Werk selbst um ein Bedeutendes billiger liesern können. Allein bei einem genauen Nachrechnen und wiederholter Prüfung ergab sich sehr bald, dass in den Tafeln einiger, im Uebrigen sehr schätzbaren und gediegnen Werke, doch Einiges wahrzunehmen war, was gegen die angegebenen guten Eigenschaften meiner Tafeln streitet. Deshalb werden die hier vorgelegten Resultate mit jenen andrer Werke nicht immer genau übereinstimmen, sondern der aufmerksame Beobachter wird zuweilen sehr bedeutende Abweichungen wahrnehmen und er könnte daher leicht zweifelhaft bleiben, welches von Beiden oder Allen das Richtige sey. Wollte ich nun gleich versichern, dass auf die Berechnung sowohl, als auf die Correctur der meinigen der grösstmöglichste Fleiss verwendet wurde, so dürfte dieses doch nicht hinlänglich seyn, die entstehenden Zweifel eines Jeden zu heben, denn da Andre dasselbe versichern, so ist im allgemeinen kein besonderer Grund vorhanden, warum man mir gerade mehr Zutrauen schenken sollte, als Jenen. deren Rechnungen nicht mit den meinigen übereinstimmen. Daher glaube ich den festen Willen, diese meine Tafeln ganz correct und fehlerfrei hergestellt zu haben, nicht besser beweisen zu können, als wenn ich mich hiermit nochmals verbindlich mache, dass Derjenige, welcher mir unter den ersten Zehn Tausend berechneten Decimal - Zahlen welche die vier ersten Haupttafeln bilden, auch nur einen einzigen Rechnungs - Fehler, selbst wenn derselbe auch

nur in einer unrichtigen Ziffer bestehen sollte, zuerst nachweisen kann, ausser verbindlichem Danke noch ein en vollwichtigen Ducaten von mir zu verlangen, berechtigt seyn solle. Hiervon sind auch Druckfehler, wenn sie am Ende dieses Buchs nicht schon angezeigt seyn sollten, keineswegs ausgeschlossen.

Der dritte Abschnitt dieser zweiten Abtheilung wurde nun fast ausschliesslich zur Berechnung des Zinsbetrags und des Interusuriums auf Bruchtheile des Jahres werwendet.

Da ich nämlich schon früher, z. B. in §. 119 — 121 bei Berechnung eines mittlen Zahlungstermins, ferner im §. 135 bei Bestimmung des gegenwärtigen Werthes einer auf Abschlag angezahlten Summe, und so in vielen andern Füllen wegen des unbestimmten Zinsbetrages auf einzelne Tage, Wochen oder Monate u. s. w. in Zweifel gerieth, so leitete mich dieses auf den Gedanken, es genauer zu untersuchen, ob wohl die jetzige Art und Weise, die Zinsen u. s. w. auf Bruchtheile des Jahres (oder zwischen zwei festgesetzten Zinszahlungsterminen) zu berechnen, mit der auf mehrere ganze Jahre (oder volle Zinstermine) genau übereinstimme? und fand — meine Ahnung bestätigt, dass dieses weder bei den einfachen, noch viel weniger bei den zusammengesetzten Zinsen der Fall war.

In dieser Verlegenheit suchte ich Rath und Belehrung in einigen mathematischen Lehrbüchern, fand aber zu meiner grossen Verwunderung, dass man diesen Gegenstand bei der Zinseszinsrechnung entweder ganz mit Stillschweigen umgangen, oder mit leeren Worten und unbestimmten Formeln diese Lücke auszufüllen sich bemüht hatte.

Ob ich nun wohl der gewissen Ueberzeugung lebe, dass man bei zusammengesetzten Zinsen dieselben auf Bruchtheile des Jahres nicht nach den Regeln der einfachen Zinsrechnung berechnet, hinzufügen dürfe, indem ja  $S = ap^n$  aufhörte eine Gleichung zu seyn, wenn nicht auch  $a = \frac{S}{p^n}$ 

oder  $p = \sqrt[n]{\frac{s}{a}}$  oder  $n = \frac{\log \cdot s - \log \cdot a}{\log \cdot p}$ da das Letztere jetzt wirklich nicht der Fall ist, wie man sich an jenen auf Bruchtheile des Jahres berechneten Capital - und Zinsbeträgen hinlänglich überzeugen kann, mein Misstrauen noch höher. Ich erbat mir den Rath einsichtsvoller und mir an mathematischen Kenntnissen weit überlegner Männer und erhielt die Antwort, dass meine Ansichten zwar richtig seyen, dass man aber im gemeinen Leben nicht so rechne. Warum rechnet man aber nicht so, sondern nach einem Systeme, welches sowohl der Theorie, als auch der Praxis entgegen läuft? Die Antwort kann keine andre seyn als diese: weil uns die Lehrer der Arithmetik und Mathematik von den frühern Zeiten her, keine bessern Regeln zur Berechnung dieser Gegenstände vorgeschrieben haben. Daher hielt ich es nicht für rathsam, eine Regel, welche sich in jedem Rechnenbuche, ja sogar in jedem sogenannten Rechnenknechte vorfindet, hier blos zu wiederholen, sondern ich hielt mich noch ganz besonders verpflichtet, eine Anleitung zur Berechnung der Zinsbeträge u. s. w. zu geben, wie sie bei rechtlichen Auseinandersetzungen gegeben werden muss, ohne auf das, was der ehrbare Adam Riese und seine Nachfolger vorgezeichnet haben, einzig und allein Rücksicht zu nehmen. Traurig genug, dass wir die Gründe und Regeln früher nicht benutzten, welche der unsterbliche Leibnitz schon vor anderthalb hundert Jahren über die Berechnung des Interusuriums und der Zinsbeträge im Laufe des Jahres verzeichnete, da doch die Gesetze einiger Länder die Vorschrift geben, dass bei vorkommender Anticipation das Interusurium nach dem Leibnitzischen Calcul berechnet werden soll. Die nächste Veranlassung, warum diese zu wenig beachtet wurden, lag wahrscheinlich darin, weil zuweilen in diesen Verfügungen zugleich mit gesagt wird, das Interusurium auf ein Jahr bei 5 pro Cent betrage den 21sten Theil des Capitals; wodurch jene Lehre zur Berechnung dieser Gegenstände, mit der der Rechnenbücher, genau übereinstimme. Allein die gesetzgebenden Behörden

jener Zeit kennten wohl eben so billig voraussehen, das Diejenigen, welche einen Zinsbetrag oder ein Interusurium zu berechnen haben, die Regeln und Gründe hierzu nicht aus Rechnenbüchern, sondern aus der ersten Quelle, dem Leibnitzischen Systeme selbst, schöpfen würden. Grund davon, warum dieses nicht geschah, kann ich in nichts Anderem finden, als dass in den frühern Zeiten (und zum Theil auch noch jetzt) die Zahlenrechnung auf den höheren Schulen zu sehr vernachlässigt wurde; die jungen Leute waren daher für mathematische Vorträge des Professors auf der Universität nicht so vorbereitet, wie es hier vorausgesetzt werden muss und weil demnach ein grosser Theil' der Studirenden den Vortrag über Mathematik nicht verstand, so blieben diese Lehrsäle zum grossen Theil leer und der Jurist sowohl, als der angehende Staatsbeamte waren ausser Stand, die Gesetze über die Berechnung verschiedener hierher gehöriger Gegenstände so zu verstehen, wie sie der Gesetzgeber verstanden haben wollte.

Damit nun nicht allein Rechtsgelehrte, sondern vorzüglich auch Andre, welche der lateinischen Sprache nicht mächtig sind, das von Leibnitz aufgestellte System lesen und genauer prüfen könnten, wurde dasselbe mit ganz besondrer Beihülse des Rechtsconsulenten Herrn Ernst Wilhelm Seyffert in Dresden in das Deutsche übersetzt und von mir, hauptsächlich in der 3ten Abtheilung bei Berechnung der Zinsen im Laufe des Jahres benutzt, so wie sich auch hierauf sodann die Bemerkungen und neuen Regeln gründen, welche ich §. 119, 135, 168, 170 u. s. w. aufzustellen versucht habe. Sollte meine Ansicht über Zinsbes rechnungen und der Versuch, dieselben durch berechnete Tafeln für Jeden zugänglich zu machen, von erfahrnen und wahrheitsliebenden Männern sich einer günstigen Aufnahme zu erfreuen haben, was ich zwar sehr wünsche, aber nicht unbedingt voraussetze, so würde ich mich sehr geehrt fühlen, wenn mir von denselben vielleicht noch hier und da stattfindende Lücken und Mängel, ja sogar irrige Ansichten, in welche ich bei der Bearbeitung dieses Buchs aus zu

grossem Eifer für Wahrheit und Recht verfallen seyn könnte, eben so freimüthig mitgetheilt würden, als ich es bei mehreren Stellen dieses Buchs aus Liebe zur Sache in anderer Rücksicht gethan habe; mein Wunsch wird aber um so dringender, da diese Auflage sich bereits durch Subscription beinahe vergriffen hat und ich bei der bevorstehenden neuen Ausgabe von jenen freundlichen Nachweisungen und Wirken dankbaren Gebrauch machen könnte. Schlüsslich aber die Bitte:

Prüfet Alles und das Beste behaltet.

Dresden im Monat April 1829.

Friedrich Löhmann.

# Inhalts - Verzeichniss.

# Erste Abtheilung.

# Die niedern Berechnungsarten enthaltend.

# L Abschnitt,

	eile.
Kurzer Begriff der Worte: Interesse, Procent, Zinsfuss, Rabatt, Interesserium u. s. w. als Ehaleitung zur Interesse - Rechnung im All-	
gemeinen § 1 — 15	1
Von den Zeichen, welcher man sich beim Rechnen anstatt der Worte bedient, §. 16 — 19	6
Von den gemeinen Brüchen.	
Abkürzung oder Aufhebung eines Bruches §. 20	7
Kennzeichen für die Theilbarkeit einer Zahl durch 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10 und 11. § 22	7
Beispiele zur Uebung im Aushehen der Brüche, §. 23	8
Begriff von ächten und unächten Brüchen, so wie von gemischten	_
Zahlen, §. 24	9
Addition gemeiner Brüche.	
Addition von Brüchen mit gleichen Nennern, §. 25	9
Regel für das Aufsuchen des sogenannten Generalnenners, §. 27	9
Regel für die Addition der Brüche mit verschiedenen Nennern, §. 28.	10
Beispiele zur Uebung, §. 29.	10
Subtraction gemeiner Brüche.	
Subtraction der Brüche bei gleichen Nenneru, §. 30	11
Regel für die Subtraction der Brüche bei verschiedenen Nennern, §. 31.	ii
Regel für die Subtraction der Brüche von ganzen und gemischten	
Zahlen und Uebungs - Beispiele zu dieser Rechnung, §. 32	12
Multiplication gemeiner Brüche.	
Multiplication der Brüche mit ganzen Zahlen und umgekehrt, §. 33.	12
Multiplication der Brüche mit Brüchen, §. 34	12
Multiplication gemischter Zahlen, §. 35.	12
Regel sur Multiplication mehrerer Brüche in einander, §. 36	12
Uebungsbeispiele für die Multiplication mit Brüchen, §. 37	13
Division gemeiner Brüche.	
Division eines Bruches durch eine ganze Zahl, §. 39	13
Division cines Bruches oder einergansen Zahl durch einen Bruch, §. 40.	13
Division gemischter Zahlen, §. 41	13
Kurzgefasste Regel für die Division der Brüche im Allgemeinen, §. 42	14
Uebungsbeispiele für die Division mit Brüchen, §. 43	14
Von den Decimalbrüchen.	
Krklärung über Decimalbrüche, dieselben zu lesen, zu schreiben und	
auszusprechen, §. 44	14
Kinfluss, welchen das Versetzen des Punctes oder des Comma's (Einer-	
zeichen) auf den Werth eines Decimalbruches hervorbringt, §. 45.	15
Decimalbrüche auf gleiche Benennung zu bringen, §. 46	15
Verwandlung gemeiner Brüche in Decimalbrüche und Bedingungen,	
unter welchen dieses genau geschehen kann. 8. 47	15

	•	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	•
	Ĺ,	
	' .	eite.
	Beispiele hierüber, §. 48	16
•	Endliche und periodische Decimalbrüche und Regel, in welchem Falle die noch übrigen hinwegzulassenden Decimalen unberücksichtigt	
	bleiben, §. 49	17
	§. 50	17
	Addition der Decimalbrüche, §. 52 u. 53.  Beispiele zur Uebung in der Addition der Decimalbrüche, §. 54	18
	Subtraction der Decimalbrüche, §. 55	18
	Uebungsbeispiele für die Subtraction, §. 56	19
	Multiplication der Decimalbrüche §. 57	19
	Uebungsbeispiele in dieser Multiplication, §. 58	19
	Division der Decimalbrüche, §. 59	19
	Uebungsbeispiele in dieser Division, §. 60	21
	und gemeinen Brüchen, nebst hierzu gehörigen Ue-	
	bungsbeispielen, §. 61	21
	Benannte Zahlen.	
	Resolvirung benannter gemeiner Brüche, §. 62	24
	Resolvirung benannter Decimalbrüche, §. 63	24
	Anleitung zum Gebrauche der am Ende dieses Buches beigegebenen	
•	vier Resolvirungstafeln, §. 64	25
	Die vier Rechnungsarten mit benannten Zahlen,	'_
	Addition benannter Zahlen, §. 65	27
	Subtraction benannter Zahlen, §. 66	28
	Multiplication benaunter Zahlen mit unbenannten, §. 67 Uebungsbeispiele für die Multiplication benannter Zahlen mit unbe-	28
	nannten, §. 69	29
	Division benannter Zahlen durch unbenannte, §. 70. u. 71 Division benannter Zahlen durch gleichnamig benannte, §. 72	30 31
	Uebungsbeispiele hierüber, §. 74	32
		-
	Regel de tri im Allgemeinen.	
	Von der geometrischen Proportion, deren Glieder und Bezeichnung, 5. 75. und 76	33,
	Kennzeichen der Richtigkeit einer solchen Proportion, §, 77	34
	Regel, das fehlende Glied in einer geometrischen Proportion zu fin-	_
	den, §. 78	34
	Uebungsbeispiele, § 79	35
	Regeln und Schlüsse für die gerade und ungerade Regel de tri	26
	4. 80 — 91	36
	6. 92 — 95	40
	Zusammengesetzte Regeldetri, §. 96	43
	Regel, nach welcher der Ansatz zur Auflösung einer zusammenge-	-
	setzten Regeldetri-Aufgabe geordnet werden muss, §. 97 - 99	43
•	Proben für diese Rechnung, §. 100 — 102	45
	Anwendung der vorigen Regel auf mehrere Rechnungsfragen, §. 103 – 106,	46
	Vermischte Aufgaben über Zinsrechnung, §. 107 – 108	52 54
	Berechnung der Zinsen von mehreren ungleichen Capitalien, §. 109 – 113	<del>-1</del>
	Terminrechnung oder Vereinigung mehrerer Capitaltermine.	,
	(So dargestellt, wie man sie bis jetzt in unsern Lehrbüchern der Rechnenkunst vorfindet), §. 114-118	57
	Nöthige Bemerkung zu dieser Terminrechnung, dass man mittelst die-	- •

	oite,
ser Regel nicht immer zum richtigen Resultate gelangt (Siehe §. 168.)	•
§, 119 — 121 Leichte Berechnung der Zinsen mit Hilfe einer besonders dazu gefer-	60
tigten Tabelle, §. 122 — 125	63
Aufgaben, als Anleitung im Gebrauche dieser Tabellen, §. 126-132.	<b>6</b> 6
Berechnung der Zinsen auf einzelne Tage, insbesondere beim kaufmännischen Verkehr, §. 133 — 134	70
Bemerkungen über Abschlagszahlungen, mit Berücksichtigung	•0
einiger hesonderen Fälle; wobei sugleich mit darauf hingewiesen	
wird, dass die Zinsen zwischen zwei Zinszahlungsterminen mehren- theils unrichtig berechnet werden, §. 135 — 142	72
	12
Zweiter Abschnitt. Ueber das einfache Interusurium oder den Rabatt und über den jetzigen	
baaren Werth eines erst später ohne Zinsen gahlbaren Capitals.	
Erklärung dessen, was man unter Interusurium zu verstehen babe, §. 143.	79
Angabe einiger Schuldposten, bei welchen das Interusurium am mehr-	
sten vorzukommen pflegt, §. 144 Einleitung in das einfache und in das zusammen-	79
gesetzte Intervaurium, §. 145 — 147	80
Das einfache Interusurium. Erläuterungen desselben durch Beispiele	
und Regeln zur Berechnung des jetzigen baaren Werthes und des	81
Interusuriums, §. 148 — 156	Ů.
gleichsam als Grundlage dienen, §. 157	85
Die Anwendung der Rabattrechnung, durch mehrere Beispiele erläutert, §. 158-163	86
Einige besondere Fälle der gemeinen Rabattrechnung, §. 164-167.	94
Nachtrag zu der §. 114, aufgeführten Terminrechnung und Beweis	
der Unrichtigkeit jener Regel, §. 168-169	99
	100
Die Gesellschaftsrechnung im Allgemeinen, §. 172-174.	103
Die einfache Gesellschaftsrechnung §. 175 — 176	103
Die zusammengesetzte Gesellschafterechnung §. 177 — 179 Vertheilung der Erbschaften nach testamentarischen Vorschriften,	105
	109
Vertheilung der Masse und der Unkosten im Concurs der Gläubiger,	
§. 182—185	119
	127
Berechnung des Pflichttheils (legitima) §. 194-199	
Berechnung des falcidischen Viertheils (quarta falcidia)	140
	140 145
Der antichretische Vertrag und die dabei vorkommenden Rech-	
nungen, §. 209 — 214	148
77 1 A 1 A 1	
Zweite Abtheilung.	
die höheren Berechnungsarten enthaltend.	
I. Abschnitt.	
	154
Nutzen der Zinseszinsrechnung und einige Fälle, bei welchen sie angewendet werden kann, darf und muss, §. 216 — 217.	154

Se Se	ite.
Kin Belspiel, an welchem das höchst mübsame und unsichere Verfah-	
ren gezeigt wird, den Anwachs eines Capitals mit seinen Zinsessin-	
	155
Nachtheilige Folgen einer solchen Berechnung und der überaus grosse Nutsen, welchen uns richtig berechnete Hilfstafeln liefern, §. 220—222.	157
Einrichtung der zu diesem Handbuche gehörigen Interesse - Tafeln im	
	159
Beispiele, als Erläuterung, §. 224 — 226	160
Anleitung zum Gebrauche der I. Haupttafel.	
Besondre Fälle, in welchen diese Tafel mit Natzen angewendet wird,	
§. 227 — 228	163
A) Regel, wie man die Summe findet, auf welche ein angelegtes	,
Capital mit seinen Zinseszinsen anwächst, bei jährlichen bedun-	169
genen Zinsterminen, §. 229 – 230	104
	167
B) Regel, wie man die Grösse des jetzt anzulegenden Capitals	
findet, welches in einer bestimmten Zeit auf eine verlangte	
Summe anwachsen soll, §. 234 u. 235	169
C) Regel zur Berechnung der Zeit, welche ein jetzt angelegtes	
Capital auf Zinsen stehen muss, um auf eine verlangte Summe anzuwachsen, §. 236 u. 237	172
	175
Anleitung zum Gebrauche der II. Haupttafel.	
Einrichtung der Hen Haupttafel, §. 240	177
A) Regel, wie man diejenige Summe findet, auf welche ein jetst	
angelegtes Capital, welches jährlich noch um eine gleiche Summe	
vermehrt wird, mit seinen Zinseszinsen anwächst, §. 241 — 244.	177
B) Regel zur Berechnung der Grösse des jährlich anzulegenden	
Capitals, oder sur Vertheilung einer Summe in mehrere gleiche Termine, §. 245 – 247	185
C) Regel sur Berechnung der Zeit für die hier angegebenen Fälle,	109
mit Bsrücksichtigung des Pfandvertrages, §. 248 u. 249.	193
D) Regel zur Berechnung des Zinsfusses oder der Procente, §. 250	200
II. Abschnitt.	
Ueber den jetzigen baaren Werth eines später erst fälligen Capitals.	
Einrichtung der Illten Haupttasel und Anleitung zu deren Gebrauch,	
§. 251 — 254	201
A) Regel zur Berechnung des jetzigen baaren Werthes von einem	
erat später fällig werdenden Capitale, mit besonderer Berücksich-	
tigung auf das zusammengesetzte Interusurium §. 255 — 257.	203
B) Regel zur Berechnung des später erst fällig werdenden Capitals aus dem Zinsfusse und der Zeit der Anticipation, §. 258 u. 259.	200
C) Regel sur Berechnung der Zeit der Anticipation aus dem In-	AUD
terusurium oder dem jetzigen baaren Werthe und dem Zinsfusse,	
§. 260 u. 261	210
D) Regel zur Berechnung des Zinssusses oder der Procente, nach	
welchen ein später fällig werdendes Capital jetzt voraus erhoben	
(anticipirt) wurde, §. 262 u. 263	211
Gebrauche derselben, §. 264 — 266	213
A) Regel, wie man mittelst dieser Tafel den jetzigen baaren	
Werth von Zahlungen oder Zeitrenten finden kann. (Bemerkun-	
gen wegen unbezahlter Kaufgelder siehe Aufgabe Nr. 7. und	
§. 269.) §. 267 — 269	215

	ite.
B) Regel zur Berechnung der Grösse des jährlich oder terminlich	
abzuführenden Capitals, oder der Rente; wobei sugleich darge-	
than wird, dass in allen solchen Fällen Zinsen von Zinsen in	
Rechnung gebracht werden müssen, dass aber demungeachtet nur	'
einfache Zinsen bezahlt werden, (siehe Nr. 2. u. §. 272.) §. 270—278.	222
C). Regel zur Berechnung der Zeit, welche einer solchen Renten-	
berechnung zum Grunde gelegt ist. §. 274. u. 275	231
D) Regel zur Berechnung des Zinsfusses oder der Procente bei	- <b>-</b> -
Rentenberechnungen, §. 276. v. 277	<b>234</b>
III. Abschnitt.	
Ueber die Zinsen, das Interusurium und den Anwachs eines Capitals Laufe des Jahres oder zwischen zwei festgesetsten Zinszahlungs-Termi	11111
	Ten.
Einleitung zu dem von Leibnitz aufgestellten System über die Be-	
	235
Juridisch-mathematische Abhandlung über das Interusurium	994
(von Leibnitz) §. 279	<b>430</b>
Beleuchtung dieses Systems und einige Gründe gegen dasselbe, §. 280—287	246
Versinnlichung dieser Gegen-Gründe durch einige Beispiele, §. 288—290.	251
Beispiele, dass der Leibnitz'sche Calcul sur Berechnung des Interusu-	MOT.
riums schon früher ganz falsch verstanden wurde und hier und da	
auch jetzt noch unrichtig augewendet wird, und aus diesem Grunde	
su gans willkührlichen Berechnungen die Hand bietet, §. 291	255
Unmassgebliche Bemerkungen, welche bei Gesetzgebungen zur Berech-	
nung des Internsuriums, nach dem Leibnitz'schen Calcul einige Berück-	
sichtigung verdienen dürften, §. 292	<b>256</b> `
Anwendung des Leibnitz'schen Calculs auf die Berechnung der wahren	
Zinsen im Laufe des Jahres oder swischen zwei festgesetzten Zins-	
sahlungs - Terminen . §. 293. u. 294	256
Hinweisung, dass die Art und Weise, wie man bisher die Zinsen zwi-	
schen zwei Zinsterminen berechnet, ganz unrichtig ist. Ursache	
der Streitigkeiten über den Leibuitz'schen Calcul und Unrichtigkeit,	
dass man in den mathematischen Lehrbüchern bei Berechnung der hö-	
hern Zinsen auf Bruchtheile des Jahres einfache Zinsen mit einmischt,	
	<b>25</b> 8
Anleitung zur Berechnung des wahren Zinsbetrags auf einzelne Tage, Wochen, Monate u. s. w. wenn die Zinsen in jahrlichen Termi-	
and the contract of the contra	261
Anleitung zum Gebrauch der im der Isten Abtheilung der Vten Haupttafel	AUL
angegebenen wahren Zinsen, §. 303	264
Beweis, dass blos der hier angegebene Zinsbetrag der richtige ist und	
dass in allen Ländern bei rechtlichen Auseinandersetzungen hierauf	
Rücksicht genommen werden sollte, §. 304	265
Ueber den Betrag der im Laufe des Jahres in Rechnung zu bringenden zu-	
sammengesetzten Zinsen. Beweis, dass die in den mathematischen Lehr-	•
büchern aufgestellten Formeln für höhere Zinsrechnungen richtig sind,	
dass sie aber von einigen Mathematikern bei Berechnungen auf Bruch-	
theile des Jahres ganz unrichtig angewendet werden, §. 305 - 314.	267
Anleitung zur Berechnung des wahren Zinsbetrags auf	
einzelne Tage, Wochen und Monate, wenn die Zinsen in halbjah-	
rigen Terminen mit 21 vom Hundert bedungen sind,	946
A) bei einfachen Zinsen, §. 315 – 318	210
B) bei susammengesetzten oder Zinseszinsch, §. 319 – 320	410
An leitung zur Berechnung des wahren Zinsbetrages auf einzelne Tage,	
Wochen und Monate, wenn die Zinsen in vierteljährigen Ter-	
minen mit 14 vom Hundert abzutragen bedungen sind,	

I .		
	V	
	•	
	LIV.	
	•	
	A) bei einfachen Zinsen, §. 321—323	eitc.
	B) bei zusammengesetzten oder Zinseszinsen, § 324	40U 283
	Anwendung dieser Zinstafeln bei einfachen Zinsen und Angabe des Un-	-0-
	terschiedes der wahren Zinsen gegen die, wie sie zeither berechnet	
	wurden, nebst der Ursache dieser Differenz, §. 325 — 332	284
		291
	Die Berechnung des Interusuriums bei 5 Procent jährlicher Zinsen, als	
	Anleitung zum Gebrauche der Ilten Abtheilung der Vten Haupttafel.	١
;	A) bei einfachen Zinsen und auf Bruchtheile des Jahres, §. 335 — 339.  B) auf mehrere ganze Jahre, §. 340	
		299
	Das Interusurium nach dem von Leihnitz aufgestellten Calcul, also 5	
	Procent Zins von Zins und Kinrichtung der dazu gehörigen Hilfs-	201
	tafeln, §. 342,	<b>5</b> VI
	Monate u. s. w. wenn dieser Rechnung 1) 5 Procent auf das	
	ganze Jahr, 2) 21 Procent auf das halbe Jahr oder 3) 11	
	Procent auf das Vierteljahr sum Grande gelegt werden,	200
•	§. 343 — 345	302
•	' - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	305
	C) Bestimmung des gesammten Interusuriums bei Jahr - Renten,	<b>-</b>
	Gelder auf Tageszeiten u. s. w., §. 348	306
,	Die IIIte Abtheilung der Vten Haupttafel.	
	Heber die Berechnung des jetzigen baaren Werthes eines erst später of	ьде
. •	Zinsen fällig werdenden Capitals.  Einrichtung dieser Tafel §. 350	PAQ
	A) Berechnung des jetzigen baaren Werthes von Capitalien, wel-	900
	che zu 5 Procent ein fach en Zinsen, blos auf einzelne Tage,	
	Wochen oder Monate vorauserhoben werden, §. 351 — 352. §	309
	B) Bestimmung des jetzigen baaren Werthes von Capitalien, wel- che erst nach mehrern ganzen Jahren ohne Zinsen fällig	
	werden und zu 5 Procent einfachen Rabatt im Voraus abgetragen	
_	werden sollen, §. 353.	311
-	C) Berechnung des jetzigen baaren Werthes von Jahr – oder Leibrenten, nach 5 Procent einfachen Zinsen, § 354 – 355.	212
	Vertheilung einer Summe in mehrere gleiche Terminzahlungen, §. 356	)19
	— 358 ,	315
	Berechnung des jetzigen baaren Werthes von Capitalien so erst später	
	ohne Zinsen fällig werden, zu 5 Procent Zins von Zins, oder nach dem Leibnitz'schen Calcul, §. 359	<b>?17</b>
	Bestimmung des jetzigen baaren Werthes eines Capitals, welches blos	,,,
	auf einzelne Tage, Wochen oder Monate u. s. w. anticipirt wird;	
	wenn dieser Rechnung ein Internsurium von a) 5 Procent jährlich,	
	b) 2½ Procent auf das halbe Jahr, oder c) 1½ Procent auf das Vierteljahr, und zwar Zins von Zins, zum Grunde gelegt wird,	
	§. 360 — 362, a	318
	Berechnung des jetzigen baaren Werthes eines Capitals, welches zu	
	5 Procent Zins von Zins auf mehrere ganze Jahre im Voraus erhoben wird, §. 363	299°
	Bestimmung dieses Werthes, wenn die Zeit der Anticipation in gan-	-44
	zen-und Bruchtheich Jahren zugleich besteht. 8. 364 3	24
	Ausmittelung des Werthes einer Sache, welche erst nach mehreren	
	Jahren einen gewissen Nutsen abwirft, nehst einem Vorschlage, sich in dergleichen Fällen der mittlen Zinsen zu hedienen, § 365 — 368. 3	<b>12</b> 5
	B arren rår mreeren villett zu nedienen 2 8.009 800 6	, <b>a</b> u

	erre.
Berechnung des jetzigen baaren Werthes von Capitalien oder Zeitrenten, welche mit Ende jeden Jahres erst fällig werden; nach 5 Pro-	•
cent Zins von Zins, § 369 – 370	
rere jährliche Terminzahlungen, nebst Beweis, dass eine solche Berechnung stets auf Zins von Zins gegründet werden sollte, §. 371 — 372.	
Die IVte Abtheilung der Vten Haupttafel. Ueber den Anwachs eines Capitals nebst seinen Zinsen im Laufe des Jah-	
res, und swar 1) bei jährlich 2) bei halbjährlich und 3) bei vierteljährlich bedungenen Zinsterminen, §. 373—375.  A) bei einfachen Zinsen; und swar:	334
1) bei 5 Procent und jährlichen Zinsterminen, §. 376	334
2) bei 21 Procent und halbjährlichen Zinsterminen, §. 377	337
3) bei 11 Procent und vierteljährigen Zinsterminen, §. 378	
B) hei Zins von Zins, §. 379.	-
1) bei 5 Procent und jährlichen Zinsterminen, §. 379 – 380.	340
2) bei 24 Procent und balbjährlichen Zinsterminen, § 381 — 382.	
3) bei 1 Procent und vierteljährigen Zinsterminen, §. 383 — 385. Beweis der Richtigkeit vorhergehender Rechnungen (für Rechnungsver-	
ständige), §. 386 — 391	
Berichtigung der Ansichten über das Procentwesen überhaupt und die	-
Grösse des Zinssusses insbesondere, §. 392 - 397	356
Nachtrag zu in §. 135 aufgeführter Rechnung über Abschlags-	
zahlungen, §. 398 — 401	
Nachtrag zu den §. 209 aufgeführten Rechnungen bei dem antichre-	264
tischen Vertrage, §. 402—404	367
§. 405—410	370
Gebrauch der Tafeln, wenn die Zeit die Grenzen ihrer Ausdehnung	
überschreiten sollte, §. 411	389
Inhalts - Verzeichniss	
der diesem Buche zugehörigen Tafeln.	
Anmerkung. Mit diesen Tafeln beginnt eine neue Seitensahl und swar	
von Seite 1 bis mit Seite 208.	
Das Nähere ist in diesen Tafeln selbst angegeben und zwar: Seite 3. für die erste Haupttafel.	
, 00	
55 dritte	
" 81. " " vierte " "	
, 107. u. 108. für die fünfte Hauptiafel.	
Nach Seite 208 folgen noch vier Tafeln, die Resolvirung euro-	
päischer Münzen enthaltend.	

# Verbesserungen,

## welche man

vor dem Gebrauche dieses Buches vorzunehmen bittet, indem sie zu Irrungen Anlass geben können. Seite. Zeile.

15 18

ll von oben statt 2957.9 so; lies 2957.9; so u s.w. l von unten muss das 2te Resultat heissen 6488.50399 sowie das 8te Resultat 9365.26362

```
Seite. Zelle.
              muss das 10te Resultat der Uebungsbeispiele zu S. 60 anstatt
  23
              2 nur 1 Ganses enthalten; und das fehlende 12te Resultat
              muss heissen 62.5.
  28
             v. unten statt 137 Thir. 18 Gr.
                                                   Pf. lies 137 Thir, 18 Gr. 7 Pf.
  88
           1 v. oben statt à 4 Schw.) liess à 5 Schw.)
             v. oben statt 20 Schill. à 12 Pon. St. lies 20 Shil. à 12 Pence St.
             v. oben statt 1559 lies 1595 Thir. u. s. w.
             v. unten statt $. 72 lies $. 74.
v. unten statt $ Thir. 49 Slibgr. 11 Pf. liess 43 Thir.
              9 Silbgr. 111 PL
              von unten statt x = \frac{55 \times 4}{6} lies x = \frac{5 \times 54}{6}
  40
              v. unten statt 54000 lies 54000
  42
              v. unten statt \frac{19 \times 1 \times 1}{22 \times 1} lies \frac{19 \times 1 \times 1}{2 \times 2 \times 1}
  42
  43
              6. 97 statt 200 Thalern lies 200 Thaler.
  46
              von oben statt 260, lies 280.
  47
          4 von oben statt | lies 7].
          1 von oben statt Mark lies Monat.
  52
  67
         12 von oben statt 25 lies 35 Ganzen u. s. w.
  67
              von unten statt 0.02205 lies 0.0225.
          9 von oben statt 141 lies 131.
10 von oben statt 14 Thir. lies 13 Thir.
  71
  71
         10
  75
              von oben statt Jahre lies Jahres.
  87
              von oben statt §. 459 lies §. 159.
von oben statt $761 lies 2761.
  89
         12
  98
              von unten statt 6506 lies 6500.
              von unten steht 14500 ft, weniger 13833 ft. 20 Kr. = 2966 ft. 20 Kr. Es muss aber heissen 14860 ft, weniger
105
         13
             12333 fl. 20 Kr. = 2466 fl. 40 Kr. von oben statt 6\frac{\pi}{14} Pf. 11cs 6\frac{\pi}{1} Pf. von unten statt 7700, lies 7500 fl.
106
117
121
        11 von oben statt 28* lies 25*).
124
              von unten statt 85 Thir. lies 58 Thir.
153
              von unten statt 5. 397 lies 5. 402.
156
              von oben statt 19 u. s. w. lies 419 u. s. w.
            von oben muss die letzte Sylbe "Pfennige" heissen.
157
168
          6 von oben statt 6. 310. lies 6. 305 u. s. w.
175
             über Zeile 4, fehlt §. 238.
187
        10 von oben statt 2 Gr. 11 Pf. lies 2 Gr. 4 Pf.
199
         6 von oben statt 41 lies 41.
206
         6 von unten statt 56159 lies 46159.
221
         6 von unten lies 5.865.
226
        12 muss die vierte Zisser 0 statt 9 beissen.
         2 von oben, muss der Punct um eine Ziffer nach der rechten
235
              Hand zu zwischen 4 und 8 zu stehen kommen.
284
            von unten statt noch lies nach.
288
         4 von oben sollte die erste Zisser statt 9 nur 6 seyn.
299
         4 von unten statt 75000 lies 7500.
```

# Erste Abtheilung.

# Die niedern Berechnungsarten enthaltend.

## I. Abschnitt.

## Einleitung.

### §. 1.

Wenn sich jemand mit einem Andern in ein Geschäft einlässt, bei welchem irgend ein Vortheil oder ein Nachtheil für den Unternehmer zu erwarten steht, so sagt man: "er sey bei diesem Geschäfte interessirt." Den Vortheil oder den Gewinn, welchen dieses Geschäft herbeiführt, nennt man daher Interesse, oder auch Zins im weitern Sinne des Wortes. Im engern Sinne versteht man aber darunter die Vergütung für dargeliehenes Geld oder Geldeswerth.

## §. 2.

Der Masstab, nach welchem man diese Interessen zu bestimmen pflegt, ist gewöhnlich die Zahl 190; den Gewinn, welchen man nun in einem gewissen Zeitraume von Hundert Thatern oder Gulden u. s. f. hat, nennt man aus diesem Grunde Procent. Unter 5 Procent, d. h. 5 vom Hundert Gewinn, versteht man daher, dass an 100 Thir. oder Gulden u. s. f. Capital, 5 Thir. oder Gulden u. s. w. gewonnen werden.

## §. 3.

Diese Procente werden nach den mannigfaltigen Geschäften, welche in dieser Hinsicht gemacht werden, auch verschiedenartig verstanden und berechnet. Man rechnet sie nämlich entweder: 1. auf Hundert, indem man schliesst: für Hundert Thaler oder Gulden u. s. f. ausgeliehenes Capital erhält man (bei 5 Procent) 5 Thaler oder Gulden u. s. f. Zinsen, oder mit den Zinsen selbst 105 Thaler oder Gulden u. s. f. und dieses sind alsdann die gewöhnlichen einfachen Zinsen.

## **§**. 4.

Oder man rechnet:

2. diese Zinsen in Hundert, und schliesst hierbei 100 Thaler oder Gulden u. s. f. betragen (bei 5 Procent) blos 95 Thaler oder Gulden u. s. f. oder von 100 Thalern u. s. f. werden 5 Thaler u. s. f. abgezogen.

## §. 5.

Diese letztere Art Zinsen zu berechnen (§. 4.) findet vorzüglich beim Wechselhandel ihre Anwendung, und dieser Abzug wird alsdamn Discont, so wie die Operation überhaupt discontiren genannt. In anderen Geschäften, z. B. im Buchhaudel, nennt man jenen Abzug Rabatt, welcher entweder auch nach Procenten berechnet, oder überhaupt von der Einheit z. B. von einem Thaler oder Gulden angegeben wird. Sagt daher der Buchhändler: "ich gebe dir 25 Procent Rabatt," so heisst diess für 100 Thlr. Bücher, welche Du von mir erkauft hast, bezahlst Du mir blos 75 Thaler netto — oder von jedem Thaler des Betrages, erlasse ich Dir 6 gr. Rabatt.

#### **§**. 6.

Dieser Rabatt (§. 5) ist jedoch wieder von dem gewöhnlichen Rabatt beim Waarenhandel genau zu unterscheiden, indem der letztere nicht in, soudern auf Hundert gerechnet wird. Wird z. B. in Hamburg eine gewisse Waare mit 10½ Procent Rabatt verkauft, so heisst dieses: für 110½ Mark oder Thaler, die Du mir für diese Waare zu bezahlen schuldig bist, sollst Du mir sofort nur 100 Mark oder Thaler bezahlen, u. s. w.

#### **§**. 7.

Unter Rabatt verstehen ferner Einige noch den Abzug oder den Nachlass von einem Capitale, welches vertragsmäsig erst nach einer gewissen Anzahl von Jahren, und zwar ohne Zinsen su besahlen wäre, aber, nach getroffener Uebereinkunft, jetzt sogleich baar gesahlt werden soll. Da jedoch zu der Berechnung einer solchen Aufgabe eine, von der vorigen ganz verschiedene Operation erforderlich ist, so nennt man diesen Abzug, zum Unterschied vom gemeinen Rabatt, das Interusurium.

## **§**. 8.

Dieses Interusurium wird jedoch nicht überall gleichförmig berechnet, indem man in einigen Ländern nicht allein die Zinsen vom Capitale, sondern selbst wieder Zinsen von Zinsen mit in Rechnung bringt. Man theilt daher das Interusurium in das einfache und das zusammengesetzte.

## §. 9.

Bei diesen verschiedenen Arten der Zinsrechnung ist nun vor allem zu wissen nöthig, wie viel man für 100 zu geben, oder zu nehmen, oder überhaupt in Rechnung zu bringen habe, indem dieses, der mannichfaltigen Geschäfte und der dabei gemachten Bedingungen wegen, nicht allemal nach einer festgesetzten Norm im Voraus bestimmt werden kann.

## §. 10.

Im Königreiche Sachsen, so wie in den meisten Ländern Europas ist zwar gesetzlich bestimmt worden, dass für Ein Hundert, jährlich nicht mehr als Fünf, d. h. 5 Procent, gegeben oder genommen werden dürfen, (ausgenommen bei Geschäften nach Wechselrecht, wobei 6 Procent gestattet sind). Desgleichen werden daselbst bei den Verzugszinsen, und in jedem anderen Falle, wo ein geringerer Zinsfuss nicht schon früher festgesetzt war, gewöhnlich 5 Procent jährlich in Rechnung gebracht. Allein durch Anhäufung oder Mangel des Geldes, durch Krieg, u. s. w. werden oft niedrigere und höhere Zinsfüsse herbei geführt.

## §. 11.

Ob nun gleich festgesetzt werden kann, dass bei gewöhnlichen Schuldverschreibungen, wo Geld gegen ein sicheres Unterpfand ausgelichen wird, nicht mehr als Fünf, und in Wechselgeschäften nicht mehr als Sechs vom Hundert gegeben — oder genommen werden dürfen, so lassen sich doch die Procente bei Specu-

lations - und Assecurans - Unternehmungen, Tontinen, Leibrenten u. s. f. überhaupt bei allen Glücksverträgen, so wie die, zu welchen man ein Capital in seinen eigenen Geschäften benutzen kann, nicht gesetzlich und im Voraus bestimmen; auch giebt es noch viele andere Gegenstände deren Zuwachs oder Abnahme nach, im Voraus nicht zu bestimmenden Procenten berechnet werden. Dahin gehöret z. B. die etwa jährliche Vermehrung der Volksmenge in einem Lande, der Wachsthum des Holzes in Waldungen, u. s. w.

## §. 12.

Aus dem Vorhergehenden wird man nun leicht ersehen, dass die Fälle, bei welchen die Interessenrechnung ihre Anwendung findet, nicht allein sehr mannigfaltig, sondern auch die hierzu nöthigen Rechnungen öfters nicht unbedeutenden Schwierigkeiten unterworfen sind.

### §. 13.

Bei dieser vielseitigen Anwendung der Precent-und Interessenrechnung ist es daher nöthig, dass man sich mit der Natur des su berechnenden Gegenstandes selbst vertraut macht, und nicht allein auf die Sache selbst, sondern auch auf Nebenumstände, welche auf das zu suchende Resultat einwirken können, genau Rücksicht nimmt. Daher sollen in den folgenden Paragraphen die verschiedenen Arten der Interessenrechnung und ihre Anwendung durch Beispiele aus dem täglichen Leben erläutert, und zugleich allgemeine Regeln gegeben werden, wie man ähnliche Fälle auf dem möglich kürzesten Wege berechnen kann.

#### 8. 14.

Damit nun aber auch jeder im Stande sey, die nachfolgenden Berechnungen nicht allein einzusehen, sondern ähnliche Fälle auch selbst und ohne fremde Anleitung, berechnen zu können; so wird entweder überhaupt eine genaue Kenntniss und Fertigkeit in der Zahlenrechnung vorausgesetzt, oder es ist unumgänglich nothwendig, dass man sich mit der in den folgenden Paragraphen gegebenen kurzen Anleitung zum Rechnen, möglichst vertraut mache; zu welcher Absicht

jeder einzelnen Rechnungsart einige Beispiele zur Uebung beigefügt worden sind.

### 8. 15.

Durch diese Beispiele, hofft der Verfasser die vielen Schwierigkeiten, welche sich dem nicht ganz geübten Rechner häufig darbieten, zu heben. Er setzt jedoch voraus, dass diejenigen, welche in dergleichen Berechnungen sich einige Fertigkeit verschaffen wollen, diese Beispiele nicht bloss ansehen, sondern dieselben und die dazu gegebenen Regeln so lange studiren, bis der Ansatz und die völlige Berechnung ganz mit der vernünftigen Ansicht eines Jeden vollkommen übereinstimmt. Eine Ueberzeugung, dass man diese Aufgaben selbst zu berechnen im Stande sey, erhält man übrigens dadurch, dass man jedes dieser Beispiele selbst rechnet, und das daselbst angegebene Resultat nur zur Vergleichung mit demjenigen benutzt, welches man selbst gefunden hat. Uebrigens bieten diese Beispiele immer neue Fälle dar, und man kann an ihnen sowohl die Uebung im Rechnen selbst, als auch die erlangte Fertigkeit im richtigen Schliesen, worauf als dem logischen Theile des Rechnens so viel beruhet, hinlänglich prüfen. Es ist daher nie rathsam, zu etwas Neuerm überzugehen - wenn man das Vorhergehende noch nicht vollkommen eingeschen hat.

# Kurze Anleitung zum Rechnen mit Zahlen.

Von den Zeichen, welcher man sich beim Rechnen anstatt der Worte bedient.

#### **§**. 16.

Um anzuzeigen, dass gewisse Zahlen addirt oder in eine Summe gebracht werden sollen, bedient man sich des Zeichens (+) nämlich eines aufrecht stehenden Kreuzes, welches plus oder mehr ausgesprochen wird; so ist z. B. 3 + 7 + 9 eben 'so viel als 19. Kürzer schreibt man dieses so: 3 + 7 + 9 == 19, indem man nämlich swischen das Resultat und dessen noch unberechnete Posten das Zeichen (=) schreibt, welches aequal oder gleich ausgesprochen wird.

## §. 17.

Soll eine Zahlengrösse von einer anderen abgezogen (subtrahirt) werden, so schreibt man erst den Minuendus, dann den Subtrahendus und zwischen diese beide Grössen das Zeichen (—), welches minus oder weniger gelesen wird; so ist z. B. 7-5 gleich 2, oder kürzer 7-5=2.

## **§**. 18.

Sollen zwei oder mehrere Zahlen mit einander multiplicirt werden, so setzt man zwischen die Factoren das Zeichen ( $\times$ ), welches ein schräg liegendes Kreuz, und von dem Additionszeichen wohl zu unterscheiden ist. So bezeichnet man z. B. 5 mal 8 ist 40, kürzer so:  $5 \times 8 = 40$ ; oder auch  $7 \times 2 \times 5 = 70$ . Dieses Zeichen ( $\times$ ) dient also anstatt der Worte: multiplicirt mit, oder "mal".

#### **§**. 19.

Das bei der Division eingeführte Zeichen besteht in swei über einander stehenden Puncten, nämlich (:). Will man daher

anseigen, dass die Zahl 12 in 4 gleiche Theile getheilt werden soll, so wird dieses so angesetzt: 12:4=3 und dieser Ausdruck wird gelesen: 12 dividirt durch 4, ist gleich 3. Zuweilen aber zeigt man die Division auch so an, dass man den Dividendus über, und den Divisor unter einen geraden Strich setzt, es ist daher 12:4 eben so viel als  $\frac{12}{4}$ ; dieser letzte Ausdruck wird ebenfalls gelesen: 12 dividirt durch 4; zuweilen spricht man es auch "zwölf Viertel" aus.

## Von den gemeinen Brüchen.

### **§**. 20.

Bei einem jeden Bruche kann man ohne seinen Werth zu ändern, Zähler und Nenner mit einer und derselben Zahl multipliciren, oder auch dividiren. So ist zum Beispiel  $\frac{3}{4}$  eben so viel als  $\frac{3 \times 5}{4 \times 5} = \frac{1}{2}\frac{5}{0}$ ; eben so ist umgekehrt  $\frac{20}{2}$  gleich  $\frac{20:4}{24:4} = \frac{5}{6}$ . Das erste benutzt man, um Brüchen gleiche Nenner zu geben, und das andere, um Brüche, welche in grossen Zahlen ausgedrückt sind, sbzukürzen, d. h. ohne Verlust ihres Werthes, in kleineren Zahlen auszudrücken. Man nennt das letztere: "einen Bruch aufheben." So ist z. B.  $\frac{84}{96} = \frac{7}{8}$ ; denn wenn man Zähler und Nenner des Bruches  $\frac{84}{96}$  durch 4 dividirt, so erhält man  $\frac{21}{24}$ ; hebt man den letztern Bruch wieder durch 3 auf, so bekommt man  $\frac{7}{8}$ . Der Ansatz hierzu ist folgender:  $\frac{4}{96}$   $\frac{3}{124}$  Kürzer hätte man den Bruch  $\frac{7}{8}$  erhalten, wenn man den gegebenen Bruch  $\frac{84}{96}$  sogleich durch 12 aufgehoben hätte.

## §. 21.

Um Brüche aufzuheben, wird vorausgesetzt, dass man dem Zähler und Nenner gleich ansehe, durch welche Zahl sich beide zugleich, und zwar ohne Rest dividiren lassen.

#### **§**. 22.

Zur leichtern Ausführung dieser Abkürsung sind folgende Kennzeichen anwendbar. Es ist nämlich eine Zahl theilbar, d. h. sie lässt sich ohne Rest dividiren:

a. durch 2, wenn die letzte Ziffer rechts eine 0, 2, 4, 6 oder 8 ist.

- b. durch 3, wenn die Summe aller Ziffern ein Vielfaches von 3 ist. So ist s. B. die Summe der Ziffern von 4581 gleich 4'+5+8+1=18, und da 18 durch 3 theilbar ist, so ist es auch die Zahl 4581.
- c. durch 4, wenn sich die beiden letzten Ziffern ohne Rest durch 4 dividiren lassen, oder zwei Nullen sind. Z. B. 7924 oder 5300.
- d. durch 5, wenn die letzte Ziffer eine 5 oder 0 ist.
- e. durch 6, wenn sich die Kennzeichen von 2 und 3 zugleich in der Zahl vorfinden. Z. B. 1734 oder 21828; denn es ist 1 + 7 + 3 + 4 == 15, also durch 3 theilbar und die letzte Ziffer 4 lässt sich zugleich durch 2 dividiren.
- f. durch 7, wenn die anzustellenden Versuche entsprechend resultiren; (in Ermangelung eines einfachen Merkmals.)
- g. durch 8, wenn sich die 3 letzten Ziffern der gegebenen Zahl durch 8 dividiren lassen oder Nullen sind. Z. B. 7848 oder 17000.
- h. durch 9, wie bei 3, nur muss die Summe der Ziffern ein Vielfaches von 9 seyn, s. B. 32103 = 3+2+1+0+3=9 oder 7866=7+8+6+6=27=3×9.
- i. durch 10, wenn die letzte Zisser rechts eine Null ist, und endlich
- k. durch 11, wenn man findet, dass die Summe, der Ziffern an der 1ten 3ten 5ten etc. Stelle, der Summe der Ziffern an der 2ten 4ten 6ten u. s. w. Stelle gleich ist; z. B. 43226876; denn es ist 4+2+6+7=19 und eben so 3+2+8+6=19. Wenn dies nicht der Fall ist, so zieht man eine dieser Summen (die kleinere) von der andern (der grössern) ab; ist dieser Rest ein Vielfaches von 11, als: 11, 22, 33, 44 u. s. w., so ist diese Zahl ebenfalls durch 11 theilbar. Z. B. 829345 ist durch 11 theilbar; denn 8+9+4=21 und 2+3+5=10, mithin 21-10=11.

### §. 23.

<sup>&#</sup>x27;Zur Uebung suche man folgende Brüche aufzuheben:

<sup>1)</sup>  $\frac{6}{8}$ ; 2)  $\frac{9}{12}$ ; 3)  $\frac{15}{24}$ ; 4)  $\frac{16}{48}$ ; 5)  $\frac{56}{88}$ ; 6)  $\frac{60}{88}$ ; 7)  $\frac{120}{128}$ ; 8)  $\frac{128}{132}$ ;

Brüche, deren Zähler kleiner sind, als ihre Nenner, sind stets kleiner als ein Ganzes; man nennt sie daher ächte Brüche. Sind aber die Zähler grösser als die Nenner, so heissen sie unächte, weil ein solcher Bruch noch ganze Einheiten in sich enthält. So ist z. B.  $\frac{1}{5}$  —  $3\frac{2}{5}$ . Ganze mit Brüchen verbundene Zahlen, wie z. B.  $3\frac{2}{5}$ , nennt man gemischte Zahlen.

# Addition gemeiner Brüche.

## §. 25.

Haben Brüche gleiche Nenner, so findet man ihre Summe, indem man ihre Zähler addirt, und diese Summe durch ihren gemeinschaftlichen Nenner dividirt; z. B.  $\frac{3}{17} + \frac{7}{17} + \frac{5}{17} + \frac{8}{11} + \frac{4}{11} = \frac{3+7+5+8+4}{11} = \frac{27}{11} = 2\frac{5}{11}$ .

### §. 26.

Sind jedoch die Nenner der zu addirenden Brüche ungleich, wie s. B. bei folgenden:  $\frac{17}{20}$ ,  $\frac{9}{35}$ ,  $\frac{7}{12}$ ,  $\frac{13}{8}$  und  $\frac{5}{6}$ , so muss man, vor allem, eine Zahl aufsuchen, in welche sich alle Nenner der gegebenen Brüche ohne Rest dividiren lassen. Diese gefundene Zahl heisst alsdann der Generalnenner, welcher auf folgende Art gefunden werden kann.

## §. 27.

_	20, 35,	12,	18,	6,	Man schreibt die Nenner der gegebenen
[	10, 35,	6,	9,	3,	Brüche neben einander hin, und setzt als-
2	5, 35,	3,	9,	3,	dann eine Zahl (2) welche sich in einigen
3	5, 35,	1,	3,	1,	dieser Nenner ohne Rest dividiren lässt,
3	5,35,	1,	1.	1,	links neben den Verticalstrich; alsdann
5	1, 7,	1,	1,	ī,	dividirt man mit dieser Zahl (2) alle die-
7	1, 1,	1,	1,	ī,	jenigen, welche ohne Rest sich damit (2) theilen lassen, so erhält man die darunter

Die Resultate von den obigen Beispielen in §. 23 sind: von 1)  $\frac{3}{4}$ ; 2)  $\frac{3}{5}$ ; 3)  $\frac{5}{5}$ ; 4)  $\frac{1}{3}$ ; 5)  $\frac{3}{9}$ ; 6)  $\frac{5}{7}$ ; 7)  $\frac{5}{6}$ ; 8)  $\frac{3}{3}$ ; 9)  $\frac{3}{7}$ ; 10)  $\frac{5}{7}$ ; 11)  $\frac{7}{8}$ ; 12)  $\frac{9}{11}$ ; 13)  $\frac{1}{10}$ ; 14)  $\frac{2}{5}$ ; 15)  $\frac{4}{7}$ ; 16)  $\frac{17}{12}$ ; 17)  $\frac{32}{12}$ ; 18)  $\frac{5}{6}$ .

stehenden Quotienten. Mit diesen durch (2) erlangten Quotienten verfahre man auf gleiche Weise, und setze diese Division so lange fort, bis alle Quotienten gleich Eins werden. Alsdann sind die links stehenden Zahlen 2, 2, 3, 3, 5 und 7 die Factoren von der gesuchten Zahl. Daher ist  $2\times2\times3\times3\times5\times7=1260$  der Generalnenner.

#### 8. 28.

Um diese Brüche nun unter gleiche Benennung zu bringen, und alsdann zu addiren, bediene man sich des folgenden Ansatzes:

1260 = Gen. Nenner.						
17	63	1071				
9 85	36	324				
$\frac{7}{12}$	105	735				
18 18	70	910				
5	210	1050				
l	4090					
4090: 1260 = 3 310 od.						
3 11 = Summe d. Brüche.						

Man schreibt nämlich die Brüche unter einander, zieht rechts daneben einen Verticalstrich, und schreibt darüber den Generalnenner. (hier 1260) Alsdann dividirt man mit jedem Nenner in den Generalnenner, und schreibt die Quotienten 63, 36, 105, 70 und 210 neben die zugehörigen Brüche. Nun wird der Zähler eines jeden Bruches mit den nebenstehenden 'Quotienten multiplicirt, und diese Producte werden neben den

2ten Verticalstrich gesetzt. Diese Producte nun (als 1071, 324 u. s. w.) sind die neuen Zähler von den neuen oder verwandelten Brüchen, welche alle den Generalnenner 1260 sum gemeinschaftlichen Nenner haben. Werden nun diese neuen Zähler nach §. 25 addirt, und ihre Summe (4090) durch den Generalnenner 1260 dividirt, so erhält man  $3\frac{310}{1260}$  als die Summe aller Brüche. Der letzte Bruch lässt sich aber nach §. 21 noch durch 10 abkürzen und giebt alsdann  $\frac{31}{126}$ . Sind bei den Brüchen auch noch ganze Einheiten vorhanden, so wird ihre Summe zu den 3 Ganzen, welche man bei den Brüchen erhielt, addirt.

## **§**. 29.

Zur Uebung folgende Beispiele:

1)  $\frac{2}{5} + \frac{1}{15}$ ; 2)  $\frac{3}{14} + \frac{2}{7} + \frac{4}{7}$ ; 3)  $\frac{1}{2} + \frac{2}{5} + \frac{3}{16}$ ; 4)  $\frac{2}{5} + \frac{5}{6} + \frac{7}{12} + \frac{1}{2}$ ; 5)  $\frac{2}{5} + \frac{2}{5} + \frac{2}{5} + \frac{1}{12} + \frac{1}{5}$ ; 7)  $\frac{5}{12} + \frac{3}{5} + \frac{5}{16} + \frac{7}{15} + \frac{7}{15} + \frac{5}{12}$ ; 8)  $\frac{2}{5} + \frac{5}{5} + \frac{5}{6} + \frac{7}{12} + \frac{3}{16}$ ; 9)  $\frac{7}{16} + \frac{2}{3} + \frac{16}{16} + \frac{7}{12} + \frac{9}{14} + \frac{1}{12}$ ; 10)  $\frac{5}{5} + \frac{19}{12} + \frac{5}{12} + \frac{3}{12} + \frac{1}{12} + \frac{5}{12} + \frac{3}{12}$ 

## Subtraction gemeiner Brüche.

### **§**. 30.

Haben die von einander abzusiehenden Brüche gleiche Nenner, wie s. B.  $\frac{9}{11}$  weniger  $\frac{5}{11}$ , so wird der Zähler des Subtrahendus (5) von dem Zähler des Minuendus (9) abgesogen, und unter den Rest (4) der gemeinschaftliche Nenner 11, als Nenner untergeschrieben; es ist nämlich  $\frac{9}{11} - \frac{5}{11} = \frac{9-5}{11} = \frac{4}{11}$ .

## §. 31.

Sind jedoch die Nenner ungleich, so bringe man diese beiden Brüche nach §. 28 auf gleiche Benennung. Anstatt alsdann die neuen Zähler zu addiren, werden sie hier von einander abgezogen.

144					
16 17	9	99 68			
1		31			
Res	t 31	•			

Sollte z. B. von 11 der Bruch 17 abgezogen werden, so wird die Rechnung wie nebenstehend angeordnet. Von 16 und 36 ist nämlich nach §. 27 der Generalnenner 144. Dividirt man nun mit 16 und dann mit 36 in 144, so erhält man 9 und 4. Werden diese Quotienten mit den Zählern der Brüche multiplicirt, so bekommt man die neuen Zähler 99 und 68. Letztern Zäh-

ler (68) von dem Ersteren (99) abgezogen, giebt 31. Daher ist der Rest, oder der Unterschied dieser beiden Brüche 131. Das letzte Resultat muss, wenn es möglich ist, noch aufgehoben (abgekürst) werden.

Sind Brüche in Rücksicht ihrer Grösse mit einander zu vergleichen, so müssen sie ebenfalls erst auf gleiche Benennung gebracht werden (§. 28 und 31.)

#### §. 32.

Enthält der Minuendus mehr Ganze als der Subtrahendus, so mache man die Subtraction dadurch möglich, dass man ein solches Ganzes in zeine Bruchtheile auslösst. Man kann nämlich jede Ein-

Resultate der Additionsbeispiele §. 29.
1)  $1_{125}^{-2}$ ; 2)  $1_{14}^{-1}$ ; 3)  $5_{15}^{-5}$ ; 4)  $11_{12}^{-9}$ ; 5)  $22_{14}^{-1}$ ; 6)  $5_{15}^{-7}$ ; 7)  $12_{182}^{-81}$ ; 8)  $15_{25}^{-1}$ ; 9)  $35_{48}^{-48}$ ; 10)  $36_{40}^{-7}$ .

heit als einen Bruch darstellen, dessen Zähler und Nenner gleich gross ist; so ist z. B. 1 = \frac{1}{2} = \frac{1}{3} = \frac{4}{17} = \frac{12}{12} \frac{3}{3} u. s. w.

Beispiele zur Uebung.

1)  $\frac{2}{3} - \frac{2}{5}$ ; 2)  $\frac{8}{9} - \frac{2}{3}$ ; 3)  $\frac{3}{4} - \frac{5}{12}$ ; 4)  $\frac{4}{5} - \frac{1}{6}$ ; 5)  $3\frac{7}{11} - \frac{3}{5}$ ; 6)  $4\frac{9}{10} - 2\frac{7}{8}$ ; 7)  $17\frac{5}{8} - 12\frac{7}{12}$ ; 8)  $9\frac{6}{7} - 4\frac{3}{5}$ ; 9)  $63\frac{5}{9} - 53\frac{7}{9}$ ; 10)  $19\frac{13}{15} - 12\frac{7}{12}$ .

Multiplication gemeiner Brüche.

# **§**. 33.

Brüche werden mit ganzen Zahlen, oder umgekehrt, ganze Zahlen mit Brüchen multiplicirt, wenn man den Zähler des Bruches mit der ganzen Zahl multiplicirt, und das Product durch den Nenner wieder dividirt. Vor der Ausführung muss man jedoch (nach §. 20 und 23) die gemeinschaftlichen Factoren in Zähler und Nenner aufzuheben suchen; s. B.  $\frac{5}{8} \times 6$  oder auch  $6 \times \frac{5}{8}$  ist gleich  $\frac{5 \times 6}{8}$ . Hier dividirt man erst Zähler und Nenner durch den gemeinschaftlichen Factor (2) so erhält man alsdann  $\frac{5 \times 3}{4} = \frac{15}{4} = 3\frac{3}{4}$ .

# §. 34.

Sind Brüche mit Brüchen zu multipliciren, so multiplicire man Zähler mit Zähler, und Nenner mit Nenner. Vor der Ausführung suche man aber erst aufzuheben. Z. B.  $\frac{5}{8} \times \frac{7}{15} = \frac{5 \times 7}{8 \times 15} = \frac{1 \times 7}{8 \times 3} = \frac{7}{21}$ ; oder:  $\frac{7}{16} \times \frac{20}{21} = \frac{7 \times 20}{16 \times 21} = \frac{1 \times 5}{4 \times 3} = \frac{5}{12}$ .

#### **8**. 35.

Sind gemischte Zahlen (§. 24) mit einander zu multipliciren, so verwandle man dieselben erst in unächte Brüche, indem man die Ganzen mit dem Nenner des Bruches multiplicirt, und zu diesem Producte den Zähler addirt, und verfahre alsdann nach den vorigen Regeln (§. 33. 34.) z. B.  $4\frac{2}{3} \times 3\frac{6}{1} = \frac{14}{3} \times 2\frac{7}{1} = \frac{14\times27}{3\times7} = \frac{2\times9}{1\times1} = 18.$ 

# §. 36.

Auch kann man mehrere Brüche zur Multiplication in einen

Resultate der Subtractions - Beispiele: §. 32. 1)  $\frac{1}{15}$ ; 2)  $\frac{2}{3}$ ; 3)  $\frac{1}{3}$ ; 4)  $\frac{19}{80}$ ; 5)  $3\frac{2}{55}$ ; 6)  $2\frac{1}{40}$ ; 7)  $5\frac{6}{24}$ ; 8)  $5\frac{9}{85}$ ; 9)  $10\frac{1}{15}$ ; 10)  $7\frac{1}{50}$ .

und denselben Ansatz bringen, z B.  $\frac{3}{5} \times \frac{5}{5} \times 1\frac{4}{5} \times 1\frac{5}{5} \times 2\frac{1}{2} \times \frac{2}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{8 \times 5 \times 13 \times 7 \times 5 \times 21}{5 \times 6 \times 7 \times 5 \times 2 \times 65}$ . Hebt man nun die gleichen Factoren in Zähler und Nenner gegenseitig auf, (§. 33.) so findet man alsdann das Resultat  $= \frac{21}{10} = 1\frac{1}{20}$ .

#### §. 37.

Beispiele zur Uebung in Multiplication mit Brüchen.

- 1)  $\frac{7}{4} \times 12$ ; 2)  $\frac{5}{4} \times 35$ ; 3)  $13 \times \frac{51}{52}$ ; 4)  $8 \times \frac{7}{12}$ ; 5)  $3\frac{5}{4} \times 20$ ;
- 6)  $5\frac{1}{14} \times 21$ ; 7)  $6 \times 3\frac{7}{6}$ ; 8)  $12 \times 2\frac{17}{6}$ ; 9)  $\frac{5}{4} \times \frac{2}{25}$ ; 10)  $\frac{15}{16} \times \frac{45}{45}$ ;
- 11) 35×35; 12) 417×211

# Division gemeiner Brüche.

#### §. 38.

Die Division ist die entgegengesetzte Rechnungsart von der Multiplication; daher wird hier auch dem Vorigen entgegengesetzt verfahren.

## §. 39.

Ein Bruch  $(\frac{7}{9})$  wird nämlich durch eine ganze Zahl (4) dividirt, wenn man den Nenner des Bruchs (9) mit der ganzen Zahl multiplicirt; daher ist  $\frac{7}{9}$ :  $4 = \frac{7}{9 \times 4} = \frac{7}{36}$ ; eben so ist:  $\frac{14}{15}$ : 21 =  $\frac{14}{15 \times 21} = \frac{2}{15 \times 3} = \frac{2}{15}$ .

#### §. 40.

Ist der Divisor ein Bruch, so wendet man denselben so um, dass der Zähler sum Nenner und der Nenner zum Zähler wird, und mit diesem umgekehrten Bruche wird alsdann der Dividendus multiplieirt. Z. B.  $5:\frac{3}{4}=5\times\frac{4}{3}=\frac{5\times4}{3}=\frac{20}{3}=6\frac{3}{2}$ ; oder  $\frac{5}{3}:\frac{3}{4}=\frac{1}{3}=\frac{1}{14}$ .

#### §. 41.

Kommen gemischte Zahlen mit vor, so richtet man dieselben nach §. 35 erst ein, und verfährt alsdann nach §. 39 und 40

Resultate der Multiplications - Beispiele. §. 37. 1) 9 $\frac{1}{5}$ ; 2) 25; 3) 12 $\frac{3}{5}$ ; 4) 4 $\frac{3}{5}$ ; 5) 72 $\frac{1}{5}$ ; 6) 118 $\frac{1}{5}$ ; 7) 22 $\frac{3}{5}$ ; 8) 35 $\frac{1}{5}$ ; 9)  $\frac{3}{5}$ ; 10)  $\frac{11}{12}$ ; 11) 2 $\frac{1}{2}$ ; 12) 12.

als:  $2\frac{1}{4}:22 \Longrightarrow \frac{1}{4}:22 \Longrightarrow \frac{1}{6}$  (man hebt nämlich 11 und 22 vor der Multiplication erst durch 11 auf). Desgleichen  $3\frac{2}{5}:1\frac{5}{5} \Longrightarrow \frac{1}{4}:\frac{1$ 

#### **§**. 42.

Die kurze Regel ist also folgende: Der Dividendus bleibt stets unverändert; ist aber der Divisor ein Bruch, so wird er umgekehrt, und alsdann damit multiplicirt; ist er eine ganze Zahl, so wird damit der Nenner des Divisors multiplicirt. (Das Aufheben darf aber niemals ausser Acht gelassen werden.)

## §. 43.

Beispiele zur Uebung im Dividiren.

1)  $\frac{7}{5}$ :21; 2)  $\frac{57}{12}$ :4; 3)  $\frac{5}{8}$ :16; 4)  $\frac{95}{5}$ :7; 5)  $\frac{3}{4}$ : $\frac{2}{6}$ ; 6)  $\frac{4}{5}$ : $\frac{15}{12}$ ;

7)  $8:\frac{7}{12}$ ; 8)  $9:\frac{12}{13}$ ; 9)  $2:2\frac{4}{5}$ ; 10)  $12:12\frac{4}{5}$ ; 11)  $3\frac{5}{8}:\frac{87}{88}$ ; 12)  $5\frac{1}{4}$ :  $\frac{1}{4}$ ; 13)  $1\frac{1}{4}:1\frac{1}{2}$ ; 14)  $2\frac{2}{3}:3\frac{5}{8}$ .

## Von den Decimalbrüchen.

# §. 44.

Einen Decimalbruch nennt man denjenigen, dessen Nenner eine Zahl ist, welche aus einer Eins, und einer oder mehreren Nullen besteht; als: 10, 100, 1000 u.s.w. Mann nennt dergleichen Zahlen decadische Zahlen. Der Nenner eines solchen Bruches hat allemal so viel Nullen, als der Zähler Ziffern enthält. Z. B.  $\frac{7}{10}$ ;  $\frac{73}{100}$ ;  $\frac{19}{100000}$ .

Da man sich nun hierin nie irren kann, so schreibt man dergleichen Brüche zur Abkürzung, ohne Nenner, setzt aber zum
Zeichen, wenn keine ganzen Einheiten zu diesem Bruche gehören,
an deren Stelle eine Null, und scheidet die ganzen Einheiten durch
einen Punct oder ein Komma von den Bruchtheilen ab. So sind
z. B.  $\frac{7}{10} = 0.7$ ;  $\frac{73}{100} = 0.73$ ;  $19\frac{4536}{10000} = 19.4536$ . Die rechts
nach dem Punct folgenden Bruchziffern nennt man Decimalen.
Hieraus ergiebt sich auch, wie man einen Decimalbruch zu lesen

Resultate der Uebungsbeispiele für die Division §. 43. 1)  $\frac{1}{2^{\frac{1}{4}}}$ ; 2)  $\frac{5}{48}$ ; 3)  $\frac{1}{8}$ ; 4)  $1\frac{2}{5}$ ; 5)  $1\frac{1}{8}$ ; 6)  $1\frac{5}{75}$ ; 7)  $13\frac{5}{7}$ ; 8)  $9\frac{3}{4}$ ; 9)  $\frac{5}{7}$ ; 10)  $\frac{1}{15}$ ; 11  $3\frac{2}{3}$ ; 12)  $5\frac{1}{17}$ ; 13)  $\frac{3}{8}$ ; 14)  $\frac{3}{4}$ .

habe, nemlich: 3. 8, sind 3 Ganze und 8 Zehntheile; 0. 71, sind Null — oder keine Ganzen — und 71 Hunderttheile; 70. 0047, sind 70 Ganze und 47 Zehntausendtheile u. s. w.

## **§**. 45.

Wenn man das Komma oder den Punct in einem Decimalbruche um eine, zwei oder drei Stellen nach der rechten Hand zu versetzt, so wird dadurch der Werth des Bruches 10, 100, oder 1000mal so gross, als er erst war; rückt man aber den Punct um 1, 2, 3 u.s.w. Stellen nach der linken Hand zu, so wird dadurch der Werth dieses Bruches 10, 100, 1000 u.s.w. mal so klein, als er erst war. So ist z. B. 29. 579×100=2957.9 so; wie 3571.58: 1000=3.57158; und 7.36: 100=0.0736 oder 0.7×100=70.

#### **§**. 46.

An jedem Decimalbruche kann man rechts so viel Nullen anhängen, als man will, ohne dass sein Werth dadurch verändert wird. Man benutzt dieses, um Decimalbrüche auf gleiche Benennung zu bringen. Es ist nemlich 3. 4 = 3. 40 = 3. 400000 u. s. w.

# Verwandlung der gemeinen Brüche in Decimalbrüche.

#### §. 47.

Ein Decimalbruch entsteht aus der Division. Wenn man nämlich, anstatt den Rest als gemeinen Bruch dem Quotienten beisufügen, an diesen Rest zur Fortsetzung der Division nach und nach noch eine, zwei oder drei Nullen hängt; setzt man sodann die Division fort, so erhält man anstatt des gemeinen Bruches, einen Decimalbruch mit einer, oder zwei oder drei u.s. w. Decimalen. So ist z. B. 15:4 = 3\frac{3}{2} oder 15:4 = 3.75.

Auf diese Art kann man auch jeden ächten

gemeinen Bruch, in einen Decimalbruch verwandeln. Die Division geht aber nur alsdann auf,
wenn der Divisor keine andern Factoren in sich

enthält, als Zweien und Fünfen. Im entgegengesetzten Falle wiederholen sich die Ziffern im Quotienten ohne Ende.

**5.** 48.

Die Rechnung selbst ist folgende:

1) 
$$\frac{756}{8} = 756 : 8 = 94.6$$
; 2)  $\frac{5}{16} = \frac{6:16}{50} = 9.3125$ ;  $\frac{72}{36} = \frac{48}{20} = \frac{32}{40} = \frac{16}{40} = \frac{16}{40} = \frac{32}{80} = \frac{80}{0}$ 

3) 
$$\frac{1}{4} = \frac{3:4}{30} = 0.75;$$
4)  $\frac{117}{1170} = \frac{117:125}{1170} = 0.936;$ 

$$\frac{28}{20} = \frac{1125}{450}$$

$$\frac{20}{0} = \frac{375}{750}$$

$$\frac{750}{0} = \frac{750}{0}$$

6) 
$$\frac{5}{6} = 5:6 = 0.83333..;$$
6)  $\frac{1}{8} = 1:3 = 0.33333..;$ 

$$\frac{48}{20}$$

$$\frac{18}{20}$$

$$\frac{18}{20}$$

$$\frac{18}{20}$$

$$\frac{1}{10}$$

$$\frac{9}{10}$$

$$\frac{1}{10}$$

$$\frac{9}{10}$$

7) 
$$\frac{4}{7} = 4 : 7 = 0.571428571 ...;$$

$$\begin{array}{r}
40 \\
85 \\
\hline
50 \\
49 \\
\hline
10 \\
7 \\
\hline
80 \\
28 \\
\hline
20 \\
14
\end{array}$$

Bei den ersten vier Beispielen ging die Division auf, indem der Divisor die oben (§. 47) angegebene Eigenschaft hatte; in den letzten drei Beispielen geht aber die Division ins unendliche fort. Man nennt die Brüche Nr. 5, 6 und 7 unendliche oder auch periodische Decimalbrüche. Bei den letztern setzt man die Division so weit fort, bis die hinweggelassenen Ziffern im Quotienten keinen wesentlichen Einfluss mehr auf das zu suchende Resultat selbst haben. Ist jedoch die erste Ziffer, welche man weglässt, grösser als vier Einheiten, so nimmt man zu der letzten, welche man beibehält, noch eine Einheit. Wollte man daher in Nr. 7 nur 5 Decimalen beibehalten, so nimmt man für jenen Bruch 0.57143 an.

#### **§**. 50.

Beispiele zur Uebung:

1)  $\frac{2}{5}$ ; 2)  $\frac{8}{5}$ ; 3)  $\frac{125}{125}$ ; 4)  $\frac{468}{625}$ ; 5)  $\frac{62}{62}$ ; 6)  $\frac{4}{7}$ ; 7)  $\frac{9}{17}$ ; 8)  $\frac{19}{17}$ ; 9)  $\frac{11}{13}$ ; 10)  $\frac{62}{12}$ .

## 8. 51.

Gehören dem gemeinen Bruche auch ganze Einheiten zu, so bleiben diese stets ungeändert; nur der Bruch wird in einen Decimalbruch verwandelt.

# Addition 'der Decimalbrüche.

## **§**. 52.

Bei der Addition und Subtraction der Decimalbrüche hat man nie nöthig, dieselben zuvor auf gleiche Benennung zu bringen, sondern man schreibt sowohl die ganzen, als auch die Zehntel, Hunderttheile u. s. w. in gehöriger Ordnung unter einander, und behandelt sie dann wie ganze Zahlen. Man wird also schon hieraus erkennen, dass die Rechnung mit Decimalbrüchen derjenigen mit gemeinen Brüchen weit vorzuziehen ist.

Resultate der Uebungsbeispiele §. 50.

<sup>1) 0.4; 2) 0.375; 3) 0.992; 4) 0.7488; 5) 0.984375; 6) 0.5714285 ...; 7) 0.818181 ...; 8) 0.904761904 ...; 9) 0.846153846 ....; 10) 0.8082191 ....</sup> 

#### §. 53.

	٠ .
13.7563	S
407.084.	0.0379
9.67	ist der
0.0379	
41.5	also di
0.648.	Anstatt
470 8080	l. n

Soll man z. B. 13.7563 + 407.084 + 9.67 + 0.0379 + 41.5 + 0.648 in eine Summe bringen, so ist der Ansatz wie nebenstehend, und man findet also die Summe dieser Brüche gleich 472.6962. Anstatt der, den Decimalbrüchen rechts beigefügten Puncte hätte man auch können Nullen setzen;

der Geübte lässt aber Beides weg. (siehe §. 46)

#### 8. 54.

Beispiele zur Uebung für die Addition:

- 1) 379.7+31.671+0.9762+370.002+1091.796254.
- 2) 18.58372+0.007+81.41627+9.997+6378.5.
- 3) 0.0003+9324.761+21.57+16.9847+1.94762.
- 4) 41.756+92.3482+71.38579+0.001026+370.19.

# Subtraction der Decimalbrüche.

# §. 55

Bei der Subtraction schreibe man den Subtrahendus so unter den Minuendus, dass sowohl die Ganzen, als auch die Bruchtheile, und swar in der Ordnung, wie sie gelesen werden, unter einander zu stehen kommen, und subtrahire alsdann, wie bei ganzen Zahlen.

_	
1)	329. 756 97. 874
-	
_	231. 882
2)	0. 3487
	0. 294.
	0. 0547
3)	6. 7300
ľ.	0. 5764
'	6. 1536

Sollen z. B. 1) 97. 874 von 329. 756 oder 2) 0. 294 von 0. 3487 oder 3) 0. 5764 von 6. 73 abgezogen werden, so verfahre man wie in nebenstehendem Ansatze gezeigt wird.

Resultate der Uebungsbeispiele für die Addition §. 54. 1) 1874. 145454; 2) 111. 95161; 3) 15741. 816. 4) 575. 681016.

#### **§**. 56.

Beispiele zur Uebung in der Subtraction.

- 1) 3.79 9.53; 2) 0.384 0.296; 3) 105.3692 0.291;
- 4) 149.764-148.7651; 5) 367.6-276.8649; 6) 0.7-0.69901;
- 7) 13 7.81.

Nr. 1.

# Multiplication der Decimalbrüche.

#### §. 57

Sind zwei Decimalbrüche mit einander zu multiplieiren, z.B. 9.738×0. 49, so verfahre man eben so, wie bei ganzen Zahlen; dem

	0.49
	87642
	389 5 2
_	4.77 1 62
Nr. 2.	0.0765
	4679
	6885
	<b>5 355</b> .
	4590
_	3060
	357.9435

9.738

Producte aber gebe man wieder so viel Decimalstellen, als beide Factoren zusammen genommen Decimalen haben; also hier 3 und 2 d. i. 5. Ist der eine Factor eine ganze Zahl, so schneidet man im Producte nur so viel Ziffern als Decimalen ab, als der andere Factor dergleichen hat. (Siehe die nebenstehende Berechnung.)

#### **§**. 58.

Beispiele zur Uebung:

- $1.)37.625 \times 37$ ;  $2.)0.64 \times 3125$ ;  $3.)21.0025 \times 132$ ;  $4.)7.65 \times 2.3$ ;
- 5.)  $9.735 \times 0.002$ ; 6.)  $0.025 \times 0.016$ ;

# Division der Decimalbrüche.

#### 8. 59.

Ist ein Decimalbruch oder eine ganze Zahl durch einen De-

Resultate der Uebungsbeispiele für die Subtraction §. 56.

- 1) 1.26; 2) 0.088; 3) 105.0782; 4) 0.9989; 5) 90.7351;
- 6) 0.00099; 7) 5.19.

Resultate der Uebungsbeispiele in der Multiplication §. 58.

- 1) 1392.125; 2) 2000; 3) 2772.33; 4) 17.595; 5) 0.01947;
- 6) 0.0004.

cimalbruch zu dividiren, so giebt man beiden Zahlen erst eine gleiche Anzahl Decimalen, indem man nämlich dem Bruche oder der ganzen Zahl, rechts so viel Nullen anhängt, als daselbst im Vergleiche mit der ersteren fehlen. Wäre s. B. 12.738 durch 11.2 zu dividiren, so hängt man an den Divisor 11.2 rechts noch zwei Nullen, und man erhält alsdann 12.738:11.200; oder es wäre 71 durch 5.694 zu dividiren, so setzt man an die 71 rechts noch 3 Nullen an, nämlich: 71.000:5.694. Nun lässt man die Puncte ganz weg, und dividirt wie mit ganzen Zahlen. Nämlich:

11 200	7*); 2.) 71.000:5.694==12.46 56 94
1 5380	14 060
1 1200	11 388
41800	2 6720
33600	2 2776
82000	39440
78400	34164
3600	52760
• • • •	51246
	15140
	••••

Ist jedoch der Divisor eine ganze Zahl, so hat man das Anhängen von Nullen nicht nöthig, sondern man dividirt erst in die Ganzen, und sobald man die erste Decimalziffer aus dem Dividendus in den Rest nimmt, setzt man auch sogleich den Punct in den Quotienten. z. B.

<sup>\*)</sup> Die rechts noch angesetzten Punete zeigen an, dass die Division noch weiter hätte fortgesetzt werden können, wenn sie Genauigkeit der Rechnung verlangt hätte. (Siehe § 49.)

1) 735.643:8=91.955375.	2.) 4.79:51=0.00392
<b>72</b>	47
15	479
8	4 59
76	200
<b>72</b>	153
44 .	470
40 .	459
43	110
40	102
30	8
24	• • • •
60	
56	
40	

§. 60.

Diese Division kann man nun so weit fortsetzen, als es die Genauigkeit der Rechnung verlangt. Sobald man nämlich keine Decimalen mehr herunter zu nehmen hat, und der Divisionsrest noch nicht Null ist, hängt man jedesmal an diesen Rest eine Null. Bei dem letzten Quotienten musste man erst zwei Nullen setzen, weil sich sowohl 4 Ganze, als nachher 47 Zehntel noch nicht durch 51 dividiren liessen.

Beispiele sur Uebung in der Division.

- 1.) 62.18:2; 2.) 129.024:4; 3.) 0.73:5; 4.) 3.79:33;
- 5.) 0.053:74; 6.) 9.4:4.7; 7.) 2.62:1.6; 8.7 379:0.8;
- 9.) 0. 00017:0. 034; 10.) 12:7. 03; 11.) 14:55. 08534; 12.) 5:0.08.

Die vier Rechnungsarten mit Decimalbrüchen und gemeinen Brüchen.

#### **5**. 61.

Gemeine Brüche werden zu Deeimalbrüchen addirt, oder euch von jenen aubtrahirt, indem man die gemeinen Brüche (nach \$.47.) vorher in Deeimalbrüche verwandelt.

So findet man z. B. die Summe von: 2+7.967+411+34

+ 0 7658=17.734229. (insofern man nur 6 Decimalen beibehält.)

Es ist nämlich der Bruch ½ - - = 0.75
7.967- - = 7.967
4\frac{11}{25} - - = 4.68
3\frac{1}{25} - - = 3.571428571....
0.7658 - = 0.7658

also die Summe = 17.734228571....
oder = 17.734229.

Eben so ist  $3\frac{7}{8}$  weniger 1.0975 gleich 2.7775. denn es ist  $3\frac{7}{8}$   $\rightleftharpoons$  3.875 hiervon abgezogen 1.0975

Rest = 2. 7775

Sollte aber ein gemeiner Bruch mit einem Decimalbruche — eder umgekehrt ein Decimalbruch mit einem gemeinen Bruche — multiplicirt oder dividirt werden, so ist die Verwandlung des gemeinen Bruches nicht. nöthig, indem man die Decimalbrüche stets wie ganze Zahlen behandeln kann.

Wäre daher 5.341 mit  $\frac{6}{7}$  zu multipliciren, so multiplicirt man den Decimalbruch mit dem Zähler des gemeinen Bruches, und dividirt sodann dieses Product wieder durch den Nenner. Demnach ist:  $5.341 \times \frac{6}{7} = \frac{5\cdot341 \times 6}{7} = \frac{32\cdot046}{7} = 4.578$ . Eben so ist:  $4\frac{3}{5} \times 0.6579 = \frac{23}{5} \times 0.6579 = \frac{23\times0.6579}{5} = \frac{15\cdot1317}{5} = 3.02634$ .

Soll ferner ein Decimalbruch durch einen gemeinen Bruch dividirt werden, so verfährt man (nach §. 40) wie folget: man wende den Divisorbruch um, und multiplicire alsdann den Dividendus mit dem umgekehrten Divisorbruche. So ist z. B. 9.7384: \frac{5}{5} = 9.7384 \times \frac{5}{5} = \frac{5 \cdot 1 \cdot 8 \cdot 4 \cdot 6}{5} = \frac{5 \cdot 4 \cdot 6 \cdot

Ist endlich der Dividendus ein gemeiner Bruch und der Divisor ein Decimalbruch, so multiplicirt man den Nenner des gemeinen Bruches mit dem Decimalbruche, und dividirt alsdann mit diesem Producte in den Zähler des Dividendus. s. B. §:2.29=\frac{5}{8\times2.29}=\frac{5}{8\times2.29}=\frac{5}{8\times2.29}=5.00:18.32=0.27292576..... Ist der Dividendus eine gemischte Zahl, so verwandelt man dieselbe nach §. 35

in einen unächten Bruch, und verfährt alsdann eben so, wie im vorigen Beispiele gezeigt wurde z. B. 74:0.603=61:0.603=

67
9×0.603=5.427=67.000:5.427=12.3456790123.... Indem nun die Division immer noch weiter fortgesetzt werden könnte, so kürzt man den Quotienten dadurch ab, dass man nur eine bestimmte Anzahl Decimalen beibehält, wie schon §. 49 angegeben wurde.

Uebungsbeispiele zu §. 61.

- a) für die Addition:
- 1)  $13.538+\frac{3}{4}$ ; 2)  $\frac{3}{5}+0.982$ ; 3)  $0.76439+7+\frac{3}{5}$ ; 4)  $\frac{15}{15}+17.92$ ;
- 5)  $13\frac{1}{2}+12.9476+37\frac{1}{2}+62.421875$ .
- b) für die Subtraction:
- 1)  $5\frac{9}{15}$  3.5938; 2) 19.3876 10\frac{4}{3}\$ 3) 1416.27 561\frac{24}{25}\$;
- 4)  $79\frac{71}{14}$  -63.49387; 5) 211.19 -6464; 6) 15.591 13.51
- c) für die Multiplication:
- 1)  $19.384 \times 4$ ; 2)  $\frac{1}{4} \times 7.6327$ ; 3)  $9.625 \times 3\frac{17}{4}$ ; 4)  $0.98 \times 12\frac{7}{4}$ ;
- 5)  $23\frac{5}{16} \times 10.92$ ; 6)  $0.038 \times 39\frac{123}{128}$ .

# Resultate zu den Uebungsbeispielen in §. 61.

Resultate der Uebungsbeispiele für die Division in §. 60.

<sup>1) 31.09; 2) 32.256; 3) 0.146; 4) 0.114848484...;</sup> 

<sup>5) 0.0007162162...; 6) 2; 7) 1.6375; 8) 473.75; 9) 0.005;</sup> 

<sup>10) 2.7069701; 11) 0.2541511 .....</sup> 

a) für die Addition:

<sup>1) 14.288; 2) 1.582; 3) 8.32689; 4) 18.8575; 5) 126.7076.</sup> 

b) für die Subtraction:

<sup>1) 1.9687; 2) 8.5876; 3) 854.31; 4) 16.39363; 5) 146.205625;</sup> 

<sup>6) 2.3019375.</sup> 

e) für die Multiplication:

<sup>1) 15.5072; 2) 5.724525; 3) 35.42; 4) 12.6175; 5) 254.5725;</sup> 

<sup>6) 1.519392.</sup> 

d) für die Division:

<sup>1) 4.7375; 2) 0.412875; 3) 23.03125; 4) 0.3145; 5) 4.221875;</sup> 

<sup>6) 0.109125; 7) 4.375; 8) 1.25; 9) 0.5; 10) 0.304; 11) 12.23; 12) 6.35.</sup> 

d) für die Division:

1) 3.79: $\frac{4}{5}$ ; 2) 0.367: $\frac{8}{5}$ ; 3) 16.75: $\frac{8}{11}$ ; 4) 0.034: $\frac{4}{5}$ ; 5) 13.51:  $\frac{3}{5}$ ; 6) 0.97: $\frac{8}{5}$ ; 7)  $\frac{7}{5}$ :0.2; 8)  $\frac{7}{15}$ :0.25; 9)  $\frac{1}{15}$ :1.28; 10)  $\frac{3}{5}$ :12.5; 11) 1681 $\frac{5}{5}$ :137.5; 12) 801 $\frac{1}{15}$ :126.25.

Resolvirung gemeiner-und Decimalbrüche.

**§**. 62.

Ein benannter Bruch, z. B. 3 Thaler, bezeichnet nichts anders, als dass 3 Thaler in 4 gleiche Theile getheilt werden sollen, oder auch, dass der 4te Theil von einem Thaler, 3 mal zu nehmen ist. Drückt man daher 3 Thaler in Groschen aus, welches 72 Groschen sind, und nimmt hiervon den 4ten Theil, so erhält man 18 Groschen, und dieses ist der reducirte Werth des Bruches 3 Thaler; oder es ist der 4te Theil von 1 Thaler = 6 Gr., und diese 6 Gr. 3 mal genommen, giebt ebenfalls 18 Gr. Es wird daher allemal der Zähler des Bruches mit der Zahl multiplicirt, aus welcher eine Einheit der höhern Gattung in der niederen besteht. So sind z.B. 🕻 Mark in Hamburg (da eine Mark aus 16 Schillingen à 12 Pfennige besteht) eben so viel als  $\frac{7\times16}{6}$  Schillinge = 112 Schillinge : 9 = 124 Schillinge, und wenn man die 4 Schillinge wieder mit 12 multiplicirt, so erhält man 48 Pf. oder 53 Pf. = 51 Pf.; daher sind J Mark= 12 Schillinge 51 Pfennige.

# **§**. 63.

0.7386Thlr. 24
2 9544 14 772
17.7264 Gr, 12
1 4528 7 264
8.7168 Pf.

Eben so leicht lässt sich ein benannter Decimalbruch, z. B. 0.7386 Thaler, in seine ihm gleichen Groschen und Pfennige auflösen. Man multiplicirt ihn nämlich (siehe die nebenstehende Rechnung) erst mit 24, wodurch man 17.7264 Gr. erhält. Multiplicirt man ferner den, dem 17 Ganzen zugehörigen Bruch wieder mit 12, so erhält man 8.7168 Pfennige. Es sind also 0.7386 Thaler — Thir. 17 Gr. 8.7168 Pf. Von dem

Pfennigbruche  $\frac{7168}{10000}$  ist es vielleicht in den mehrsten Fällen hinlänglich, nur die erste Decimale  $(\frac{7}{10})$  beizubehalten.

**§**. 64.

Da die Eintheilung der Rechnungsmünzen in Europa so sehr

verschieden ist, so fand man für zweckmässig, am Ende dieses Werkes vier Tabellen beisufügen, in welchen man jeden vorkommenden Thaler-eder Guldenbruch, so wie auch fast alle in andern Ländern gebräuchliche Rechnungsmünzen, sogleich in ihre niederen Einheiten aufgelösst findet. Desgleichen findet man auch daselbst eine gewisse Anzahl Einheiten der niederen Gattung in einem Decimalbruch der höhern Gattung angegeben.

So sind z. B.

## l.) nach der leten Tafel.

- 1) 9.7448 Mark in Hamburg oder Lübeck = 9 Mark 11 Schil.
  11 Pf.
- 2) 3.9739 Reichsbankthaller in Dänemark = 3 Rthlr. 5 Mark 13½ Schil.

## und umgekehrt:

- 1) 5 Schillinge 7 Pfennige Hamburgisch = 0.348958 Mark
- 2) 9 - 10 Lübekisch = 0.614583
- 3) 7 Rthlr. 3 Mk. 7 Schil. Dänisch = 7.572917 Rthlr.
  2.) nach der 2<sup>ten</sup> Tafel sind;
- 1) 0.4465 Gulden (å 60 Kr. à 4 Pf.) = 26 Kr. 3 Pf.
- 2) 7.9374 Liv. Sterl. Englisch = 7 Liv. 18 Shil. 9 Pence St.

#### und umgekehrt:

- 1) 17 Gulden 49 Kr. 2 Pf. = 17.825 Gulden.
- 2) 37 Liver 13 Schill. 7 Pence Englisch = 37.679167 Liver oder Pfunde.
- 3) 3 Lire 7 Soldi 5 denari Italienisch = 3.370833 Lire
  3.) nach der 3ten Tafel betragen:
- 1) 5.3924 Thir. (à 24 Gr. à 12 Pf.) = 5 Thir. 9 Gr 5 Pf.
- 2) 3.5729 Thir. Mecklenhurgisch = 3 Thir. 27 Schil.
  6 Pfennige
- 3) 0.7812 Thir. Schwedisch = -,, Thir. 37 Sch.
  6 Rundstücke.

# und umgekehrt sind:

1) 3 Thir. 5 Gr. 7 Pf. Convent. Geld. = 3.232639 Thaler.

- 2.) 4 Thir. 12 Schil. 8 Pf. Mecklenburg. = 4.263889 . . Thir.
- 3.) 17 Thir. 37 Schil. 4 Rundet. Schwed. = 17.777778
  - 4) nach der 4ten Tafel findet man:
- 1.) 13.7583 Thaler Preussisch == 13 Thir. 22 Silbgr.
  9 Pfennige.
- 2.) 1.3972 Thaler Oldenburgisch = 1 Thir. 28 Grot. 3 Schwar.

# und umgekehrt betragen:

- 1.) 7 Thir. 29 Silbgr. 7 Pf. Preussich = 7.986111 Thaler Preussisch.
- 2.) 15 Thir. 53 Grot. 2. Schw. Oldenburg: = 15.741667 Thaler Oldenburg.
- 3.) 4 Thir. 19 Grot. 1 Schw. Bremisch = 4.266667 Thaler
  Bremisch.

#### u. s. w.

Soll ein benannter Decimalbruch, z. B. 0.491385 Thir. Sächs., nicht allein in Groschen und ganzen Pfennigen, sondern auch noch in Zehntel-oder Hunderttheil-Pfennigen ausgedrückt werden, so lässt sich dieses mit Hülfe dieser 4 Resolvirungstafeln ebenfalls leicht bewerkstelligen, und zwar auf folgendem Wege.

Man suche für dieses Beispiel in der III. Resolvirungstafel zu dem gegebenen Bruche hier 0.491385 Thir. (wenn er sich nicht schon unmittelbar vorfinden sollte) den nächst kleinern, dieser ist 0.489583, neben welchem man rechts in den ersten zwei Spalten den reducirten Werth 11 Groschen 9 Pfennige angegeben findet.

Will man nun auch die Bruchtheil - Pfennige angeben, so ziehe man von dem gegebenen Bruche 0.491385 Thlr. den nächst kleinern aus der Tafel ab, 0.489583 -=11Gr.9Pf. so ist der Rest == 0.001802 Thlr.

Um also die Zehntel - Pfennige zu finden, multiplicire man diesen Rest mit 10, d. h. man versetze den Punct um eine Stelle nach der rechten Hand zu, so erhält man 0.01802. Vergleicht man diesen Bruch von neuem mit denen in der Tafel, so findet sich dessen Werth gleich 5 Pfennigen, und dieses sind die gesuchten Bruchtheile oder 5 Pfennige; demnach wäre der oben gegebene Bruch genauer: 11 Gr. 9.5 Pfennige.

Hätte man aber das Resultat bis auf Hunderttheil-Pfennige genau angeben wollen, so darf man den Punct in dem Reste nur um 2 Stellen, nach der rechten Hand zu, versetzen; nämlich mit 100 multipliciren, so erhält man 0.1802, zu welchem Bruche sich in derselben Tafel der Werth 4 Gr. 4 Pf. oder 52 Pfennige findet; und diese 52 Pfennige sind nun die gesuchten Hunderttheile zu den oben schon gefundenen 9 ganzen Pfennigen, so dass sich der reducirte Werth von dem gegebenen Bruche (0.491385 Thaler) nun noch genauer, nämlich 11 Groschen 9.52 Pfennige, findet.

Auf demselben Wege werden nun auch die Bruchtheil-Pfennige, wenn sie nöthig seyn sollten —, bei den übrigen Münzeintheilungen gefunden.

Ganze Einheiten, welche dem gegebenen Bruche vorausstehen, bleiben stets ungeändert.

# Addition benannter Zahlen.

§. 65.

Sollen z. B. 7 Thir. 9 Silbgr. 8 Pf., 109 Thir. 28 Silbgr. 5 Pf., 32 Thir. 11 Silbgr. 11 Pf., und 19 Thir. 21 Silbgr. 5 Pf. Preussisch, in eine Summe gebracht werden, so setze man die Posten, wie hierstehet, unter einander. Nun addire man die Pfennige, und aus deren Summe (29 Pfennige) ziehe man die Gro-

7	Thir.	9	Silbgr.	8	Pf.
109	-	<b>28</b>	_	5	-
32	-	11	-	11	-
19	-	21	-	5	-
169	Thir.	11	Siblgr.	5	Pf.

schen, hier 2 Silbgr. und die übrigen 5 Pfennige schreibe man unter die Colonne der Pfennige; die 2 Silbgr. aber addirt man zu den Silbergr.,

welche in Summe 71 Silbergrosch. geben; dieses sind 2 Thlr. und 11 Silbgr., indem ein Thaler 30 Silbergr. hat; die 11 Silbergr. schreibt man unter die Colonne der Silbergr. und die erhaltenen 2 Thlr. addirt man zu den Thalern, welche in Summa 169 Thaler geben. Die Hauptsumme ist also: 169 Thlr. 11 Silbgr. 5. Pf. Kommen bei den Pfennigen auch noch Brüche vor, so addirt

man dieselben zwerst, und zieht aus deren Summe die ganzen Pfennige. u. s. w.

# Subtraction benannter Zahlen.

**§**. 66.

Sollte s. B. berechnet werden, wie viel übrig bleibt, wenn man von den obigen 169 Thlr. 11 Silbgr. 5 Pf., 75 Thlr. 28 Silbgr. 2 Pf. an jemanden aussahlte, so ist die Rechnung, wie

169	Thir.	11	Silbgr.	5	Pf.
75	-	<b>2</b> 8	-	<b>2</b>	-
93	Thlr.	13	Silbgr.	3	Pf.

nebenstehet, anzuerdnen. Man zieht zuerst die 2 Pf. von 5 Pf. ab, bleiben 3 Pf.; feruer

soll man 28 Silbrgr. von 11 Silbgr. abziehen, und da dieses nicht möglich ist, so muss man von den 169 Thalern Einen wegnehmen, und in 30 Silbergroschen verwandeln; hierauf kann man die 28 Silbergr. sogleich von den erhaltenen 30 Silbergr. abziehen, bleiben 2 Silbergr. und zu diesen die 11 Silbergr. addirt, gibt 13 Silbergr.; alsdann werden auch die 75 Thaler von den obigen noch übrigen 168 Thalern abgesogen, u. s. w.

# Multiplication benannter Zahlen.

**§**. 67.

Die Multiplication lehrt uns Aufgaben, wie folgende, auflösen. Es sollen z. B. an 5 Erben jedem abschläglich 137 Thir. 13 Gr. 7 Pf. ausgezahlt werden; wie viel Geld hat man hierzu nöthig?

137	Thir.	13	Gr.	7 5	Pf.
687	Thir.	19	Gr.	11	Pf.

Der Ansatz hierzu ist wie nebenstehet, und bei der Rechnung selbst verfahre man wie

folget:

Annerkung. Uebungsbeispiele für diese beiden Rechnungen in §. 65 und 66 beizufügen, hielt man für überflüssig.

Man nimmt zuerst die 7 Pf. fünsmal, so erhält man 35 Pf. oder 2 Gr. 11 Pf.; diese 11 Pf. setzt man in das Hauptproduct unter die Pfennige; sodann multiplicirt man die 13 Gr. mit 5, dieses gibt 65 Groschen, und die 2 Groschen, welche man aus den Pfennigen erhielt, dazu genommen, giebt 67 Gr.; dies sind 2 Thlr. 19 Gr.; die 19 Gr. schreibe man wieder in das Product; endlich multiplicire man 137 Thlr. mit 5, so erhält man 685 Thaler, dazu nun noch die 2 Thaler, welche man aus den Groschen erhielt, so erhält man das Hauptproduct 687 Thlr. 19 Gr. 11 Pf., und so viel Geld war zu dieser Vertheilung nöthig.

# **§**. 68.

Die Ausführung dieser Art Multiplication ist nur in dem einzigen Falle möglich, wenn der Multiplicandus eine benannte, und der Multiplicator eine unbenannte Zahl ist. Die Forderung, benannte Zahlen mit benannten, oder unbenannte mit benannten, zu multipliciren, kann bloss mit Unwissenheit entschuldiget werden, indem man bei der Ausführung nur Unsinn zum Producte erhalten würde.

Man findet diese Warnung um so nöthiger, da man sich selbst in neuern Zeiten, nicht allein noch gegenseitig und zwar öffentlich auffordert, dergleichen Aufgaben zu lösen, sondern auch, weil in manchen Rechenbüchern noch ganze Seiten mit solchen unsinnigen Aufgaben angefüllt sind.

# **§**. 69.

Beispiele zur Uebung in der Multiplication:

- 1) 378 Thlr. 19 Gr. 10 Pf. Sächsisch × 4. (1 Thlr. = 24 Gr. 1 Gr. = 12 Pfennigen.)
- 2) 89 Thir. 28 Silbgr. 5 Pf. Preussisch × 7. (1 Thir. = 30 Silbgr. à 12 Pf.)
- 3) 173 Meis. fl. 13 Gr. 8 Pf. × 13. (1 Meissn. fl = 21 Gr. à 12 Pfennige.)
- 4) 9 Alte Schock 17 Gr. 3 Pfennige ×8 (1 Alt. Schock
- = 20 Gr. à 12 Pfennigen.)
  5) 92 Gulden 42 Kr. 2 Pf. × 6. (1 Gulden = 60 Kr. à 4 Pf.)

- 6) 151 Mark 12 Schillinge 9 Pfennige. × 5.
- (1 Mark == 16
- Schil, & 12 Pf.)
- 7) 38 Pfund 18 Shil. 7 Pf. Englisch. × 10.
- (1 Pf. == 20 Shill. à 12 Pence.)
- 8) 205 Rubel 79 Kopecken Russisch × 22.
- (1 Rubel =
- 100 Kopecken.)

  9) 31 Rthir. 11 Grot. 3½ Schwar Bremisch ×15. (1 Thir. = 72

  Grot. à 5 Schw.)

# Division benannter Zahlen.

#### §. 70.

Diese Division ist nur in zwei Fällen möglich nämlich:

1. Wenn der Dividendus eine benannte, der Divisor aber eine unbenannte Zahl ist, — aber nicht umgekehrt, und 2. wenn der Dividendus und der Divisor aus zwei gleich benannten Zahlen besteht.

# §. 71.

Aufgaben der ersteren Art sind der folgenden ähnlich:
13975 Thir. 27 Silbgr. 5 Pfennige Preussisch, sollen unter 4
Geschwister zu gleichen Theilen vertheilt werden; wie viel wird
jedes erhalten?

<sup>•</sup> Resultate der Uebungsbeispiele für die Multiplication. \$. 69.

<sup>1) 1515</sup> Thir. 7 Gr. 4 Pf.; 2) 629 Thir. 18 Silbgr. 11 Pf.;

<sup>3) 2257</sup> Meiss fl. 9 Gr. 8. Pf.; 4) 78 Alt. Sch. 18 Gr. — Pf.;

<sup>5) 556</sup> Gulden 15 Kr. — Pf.; 6) 758 Mark 15 Schilling 9 Pf.;

<sup>7) 389</sup> Pfund 5 Shillinge 10 Pence Sterl.; 8) 4527 Rubel 38 Kopecken; 9) 467 Rthlr. 31 Grot 24 Schw.

```
13975 Thlr. 27 Silbgr. 5 Pf. : 4 = 3493 Thlr. 29 Silbgr. 41 Pf.
 12...
   <u> 19</u>..
  16..
    37 .
    36.
     15
     12
Rest 3×30
       90 Silbergroschen
                          addirt
hierzu 27
giebt 117
       8
       37
       36
  Rest 1×12
          12 Pfennige
                        addirt
 hierzu
           5
  giebt
          17
          16
    Rest
           1
```

Der Rechnungsansatz ist wie oben stehet. Man dividire nämlich erst die 13975 Thaler durch 4, wodurch man 3493 Thaler erhält und es bleiben noch 3 Thaler übrig; die 3 Thaler verwandle man in Silbergroschen, indem man sie mit 30 multiplicirt so dass sich 90 Silbergroschen ergeben; hierzu die 27 Silbergroschen addirt, giebt 117 Silbergroschen, welche durch 4 dividirt 29 Silbergroschen zum Quotienten, und 1 Silbergroschen zum Rest geben; verwandelt man nun diesen Silbergroschen mit 12 in Pfennige, und addirt hierzu die 5 Pfennige, so erhält man 17 Pfennige, wovon der 46 Theil 41 Pfennige beträgt. Jedes der Geschwister erhält daher 3493 Thaler 29 Silbergroschen 41 Pfennige.

#### §. 72.

Eine andere Behandlung erfordert die folgende Aufgabe. Bei einem entstandenen Concurs sollen 22571 Gulden 42 Kreutser — Pfennige Rheinisch, so unter die bevorsugten Gläubiger vertheilt werden, dass jeder von ihnen 2821 Gulden 27 Kr. 3 Pfennige abschläglich erhalte. An wie viel Personen kann diese Abschlagszahlung geleistet werden?

Diese Aufgabe giebt zu der Untersuchung Anlass: wie viel Mal die 2821 Gulden 27 Kreutzer 3 Pfennige, in den 22571 Gulden 42 Kreuzern enthalten sind. Die Auflösung selbst kann auf zweierlei Art geschehen; entweder man verwandelt sowohl den Dividendus 22571 Gulden 42 Kreutzer, als auch den Divisor 2821 Gulden 27 Kreutzer 3 Pfennige in die niedrigsten Münzeinheiten, hier in Pfennige, wodurch man 5417208 Pfennige: 677151 Pfennige erhält; dividirt man nun wirklich, so erhält man zum Quotienten 8; es können also acht Personen mit diesen 22571 Gulden 42 Kreutzer ausgezahlt werden, und zwar so, dass jeder 2821 Gulden 27 Kreutzer 3 Pfennige in Abschlag erhält. Noch kürzer käme man aber zum Resultat, wenn man die den ganzen Gulden sugehörigen Kreutzer und Pfennige nach der 2ten Resolvirungstafel in Decimaltheilen des Guldens ausgedrückt hätte; man findet nämlich daselbet 42 Kreutzer = 0.700 ... Gulden, und 27 Kreutzer 3 Pfennige = 0.4625 Gulden. Daher kommt die obige Division auch so zu stehen: (siehe §. 59.)

22571.7000 Gulden: 2821.4625 Gulden = 8, wie oben \*)

#### §. 73.

Zwei Grössen von ungleicher Benennung, oder auch eine unbenannte Zahl durch eine benannte zu dividiren — ist stets zwecklos, da sich solches nicht auf gesunde Vernunft gründet.

#### 8. 74.

Uebungsbeispiele für die Division benannter Zahlen:

- 1.) 378 Thaler 19 Gr. 10 Pf.: 4; (1 Thaler zu 24 Gr. à 12 Pf.)
- 2.) 17914 Gulden 17 Kreutzer: 12; (1 Guld. zu 60 Kr. à 4 Pf.)
- 3.) 389 Thir. 29 Silbgr. 4 Pf.:9; (1 Thir. zu 30 Silbgr. à 12 Pf.)
- 4.) 897 Thir. 25 Marg. 6 Pf.: 8; (I Thir. zu 36 Marg. à 8 Pf.)

<sup>\*)</sup> Anmerkung. Der hier gefundene Quotient kann aber durchaus nicht als 8 Gulden angenommen werden, sondern diese 8 zeigt bloss an, wie oft der Divisor in dem Dividendus enthalten ist nämlich 8 mal.

- 5.) \$47, Thir. 51 Groot 3 Schw.: 3; (1 Thaler zu 72 Groot à 4 Schw.)
- 6.) 275 Pf. 19 Shill 7 Pence St.: 5; (1 Pf. zu 20 Schill. & 12 Pon. St.)
- 7.) 4209 Mk. 11 Schill 2 Pf.: 7; (1 Mrk. zu 16 Schill. à 12 Pf.)
- 8.) 1780 Rubel 45 Kopecken: 11; (1 Rubel zu 100 Kopecken.)
- 9.) (3471 Thir. 18 Gr. 8 Pf.): (433 Thir. 23 Gr. 4 Pf.)
- 10.) (7976 Thir. 24 Silbgr. 7 Pf) : (1559 Thir. 10 Silbgr. 11 Pf.)
- 11.) (2437 Thir. 17 Mrgg. 3 Pf.): (69 Thir. 23 Mrgg. 1 Pf.)
- 12.) (11821 Gulden 33 Kr. 3 Pf.): (945 Gulden 43 Kr. 2 Pf.)

# Regeldetri im Allgemeinen.

#### §. 75.

Das Wort Regeldetri ist abgekürzt aus Regula de tribus (datis oder numeris,) und bezeichnet die Regel: zu drei gegebenen Zahlen, eine vierte zu finden, so dass diese vier Zahlen unter einander in geometrischer Proportion stehen:

Wenn nämlich 4 Zahlen z. B. 2, 4, 6 und 12 so beschaffen sind, dass die erste (2) so oft in der andern (4), als die dritte (6) in der vierten (12) enthalten ist, also der Quotient, den man erhält, wenn man 2 in 4 dividirt, ehen so gross ist, als wenn man mit 6 in 12 dividirt, so sagt man alsdann: diese vier Zahlen stehen in einer geometrischen Proportion.

Eine solche Proportion wollen wir für die Folge allemal so bezeichnen 2:4 = 6:12. Man liest diesen Ausdruck so: 2 verhält sich zu 4, wie 6 zu 12.

#### **§.** 76.

Die Proportion besteht demnach aus vier Gliedern, 2, 4, 6 und 12, oder auch aus zwei gleichen Verhältnissen: 2 zu 4, und 6 zu 12. Gleich werden zwei solchen Verhältnisse dann genannt; wenn der Quotient des einen Verhältnisses & eben so gross ist, als der des andern 12; denn das Resultat ist von beiden Brüchen = 2;

Resultate der Uebungsbeispiele für die Division. §. 72.

<sup>1) 94</sup> Thir. 16 Gr. 111 Pf.; 2) 1492 Gulden 51 Kr. 13 Pf.;

<sup>3) 3</sup> Thir. 49 Silbgr. 111 Pf.; 4) 112 Thir. 7 Mariengr. 53 Pf.

<sup>5) 182</sup> Thir. 41 Grot. 1 Schw.; 6) 55 Pf. 3 Shill. 11 Pence St.

<sup>7) 601</sup> Mark 6 Schill. 2 Pf.; 8) 161 Rubl. 8519 Kopeken;

<sup>9) 8</sup>mal; 10) 5mal; 11) 35mal; 12) 12½mal.

und eben dieser Gleichheit wegen verbindet man zwei solche Verhältnisse stets durch das Gleichheitszeichen (=:.)

# §. 77.

Die Richtigkeit eines solchen Proportionssatzes erkennt man ferner auch daraus, dass das Product der äusseren Glieder (2×12) eben so gross, als das Product der mittlern Glieder (4×6) ist. Fehlt demnach das 4. Glied in einer Proportion, so setzt man gewöhnlich dafür den Buchstaben x, nämlich 2:4=6:x, und hiernach ist ebenfalls 2mal x=4mal 6, oder 2×x=4×6. Da man nun zwei gleiche Grössen durch eine und dieselbe Zahl multipliciren oder dividiren kann, ohne diese Gleichheit zu stören, so darf man nur, um in dem letzten Ausdrucke x oder das 4. Glied zu finden, beide gleiche Producte 2×x und 4×6 durch den Factor, mit welchem x multiplicirt ist, (hier durch 2) dividiren, wodurch man x= 4×6=12 erhält; es ist also 12 das gesuchte vierte Glied in dieser Proportion.

# §. 78.

Aus dem Vorigen ergiebt sich nun die Regel, wie man das sehlende 4te Glied in einer geometrischen Proportion sindet: man multiplicirt nämlich die Zahl des 2. Gliedes mit der des dritten, und dividirt dieses Product durch das erste Glied.

Die gleichen Factoren des Nenners werden gegen die des Zählers (nach §. 20) vor der Ausführung jedesmal aufgehoben, wodurch die Rechnung in den meisten Fällen sehr abgekürzt wird, z. B.

- 1) 2:3=6:x; hier ist  $x=\frac{3\times6}{2}=\frac{3\times8}{1}=9$ .
- 2) 9:7=12:x;  $x = \frac{7 \times 12}{9} = \frac{7 \times 4}{3} = \frac{28}{3} = 9\frac{1}{8}$ .
- 3)  $4:\frac{8}{9}=3\frac{3}{8}:x;--x=\frac{8\times27}{9\times8\times4}=\frac{1\times3}{1\times1\times4}=\frac{8}{4}$ .
- 4)  $\frac{2}{3}$ : 5 = 4: x; -  $x = \frac{4 \times 5 \times 3}{2} = \frac{2 \times 5 \times 3}{1} = 30$ .
- 5)  $\frac{5}{1}:\frac{8}{8}=\frac{10}{21}:x;--x=\frac{3\times10\times7}{8\times21\times5}=\frac{1\times1\times1}{4\times1\times1}=\frac{1}{4}$

#### **§**. 79.

Um sich in der Berechnung des 4. Gliedes Fertigkeit zu verschaffen, suche man das fehlende Glied (x) in den hier folgenden Proportionen:

1) 2: 5= 6:x; 13) 57: \[ = 19:x 2) 5: 7=15:x; 14) 7: 8= 4:x 3) 3: 8= 9:x; 15) 18: 5= 43:x 4) 17:19=51:x: 16) 5: 第二 译:エ 5) 13:14=39:x; 17) 3:21= ₹:x 6) 24:96=25:x; 18)  $11:3\frac{2}{3}=\frac{4\frac{1}{4}}{3}$ :x 7) 12:15=16:x; 19) 20:15= 15:x 8) 9: 7= 6':x; 20) 1 : 9=14:x 9) 8: 5 = 4:x; 21) \$: 13=39:x 10) 76:38=12:x; 22) 74: 91 = 14:x 11) 5: 4= 8:x; 23)1251:11=2.51:x 12) 12: 9= 4:x; 24)5.375:41 = 5.67:x

# Resultate der Uebungsbeispiele §. 79.

1) 15; 2) 21; 3) 24; 4) 57; 5) 42; 6) 100; 7) 20; 8)  $4\frac{7}{4}$ ; 9)  $2\frac{1}{2}$ ; 10) 6; 11)  $1\frac{1}{5}$ ; 12)  $\frac{3}{5}$ : 13)  $\frac{1}{6}$ ; 14)  $\frac{10}{25}$ ; 15)  $\frac{3}{105}$ ; 16)  $\frac{3}{34}$ ; 17)  $\frac{1}{2}$ ; 18)  $1\frac{1}{2}$  19)  $\frac{2}{25}$ ; 20) 144; 21) 1; 22)  $\frac{34}{37}$ ; 23)  $\frac{2}{15}$  oder 0.02666...; 24)  $5\frac{1}{37}$ , oder 5.04.

# Regeln und Schlüsse

#### für die

gerade (directe) und ungerade (indirecte) Regeldetri, in Rücksicht der Zinsrechnung.

#### **§**. 80.

Die Hauptgegenstände, auf welche man bei der gemeinen oder einfachen Zinsrechnung vorzüglich zu achten hat, sind folgende:

- 1) Die Grösse des Capitals, welches auf Zinsen steht;
- 2) Der Zinsfuss, oder die Procente, zu welchen es fährlich ausgeliehen ist;
- 3) Die Zeit, in welcher ein gewisses Capital auf Zinsen steht, und
- 4) Die Zinsen selbst, welche mit jenem Capital in einer bestimmten Zeit gewonnen werden.

## **§**. 81.

Diese vier Grössen geben, zu zweien mit einander verglichen, im Ganzen sechs verschiedene Verhältnisse, welche theils in geradem (directem) theils in ungeradem (indirectem) Verhältnisse zu einander stehen.

# § 82.

Wenn nämlich zwei von diesen Grössen in einer solchen Beziehung zu einander stehen, dass man sagen kann: je mehr oder je grösser das Eine, desto mehr, oder desto grösser auch das Andere, so sagt man, diese beiden Grössen haben zu einander ein gerades (directes) Verhältniss. So schliesst man z.B.: je grösser das Capitalist, desto mehr giebt es Zinsen; je mehr Zeit, auf welche man ein Capital ausleiht, desto mehr trägt es Zinsen; je mehr Procente gegeben werden, desto mehr erhält man Zinsen u.s. w.

Lehrt uns aber die gesunde Vernunftsoschliessen: je mehr, oder je grösser das Eine, desto weniger eder deste kleiner das Andere, so stehen diese beiden Gegenstände (Grössen) in ungeradem (indirectem) Verhältnisse zu einander. So kannman z. B. schliessen: Je grösser das Capital ist, desto weniger braucht man Zeit; oder auch, je grösser das Capital ist, desto weniger braucht man Procente zu nehmen, um eine gewisse Summe Zinsen zu erhalten. Je mehr Procente man aber erhält, desto weniger Zeit braucht man das Capital auf Zinsen zu lassen u. z. w.

## §. 84.

Daher stehen die übrigen Gegenstände, zu zweien mit einander verglichen, in folgenden Verhältnissen, nämlich:

- 1) Capital und Zinsen (bei gleicher Zeit) in einem directen Verhältnisse;
- Zeit und Zinsen (bei gleichen Capitalien) in einem directen Vorhältnisse;
- 3) Procente und Zinsen (bei gleichen Zeiten) in einem directen Verhältnisse;
- 4) Capital und Procente (bei gleichen Zeiten) in einem indirecten
  Verhältnisse;
- 5) Procente und Zeit (bei gleichen Capitalien) in einem indirecten Verhältnisse;
- 6) Capital und Zeit (bei gleichen Procenten) in einem indirecten Verhältnisse.

#### **§**. 85.

Bei allen Regeldetri-Aufgaben muss nothwendig eine gegebene Bedingung vorausgehen, so dass man im Verhältniss dieser Bedingung, einen anderen ähnlichen Fall darnach berechnen kann. Denn wenn wir s. B. die Zinsen berechnen sollten, die 350 Thaler Capital in einem Jahre tragen, so ist dieses au sich eine unbestimmte Forderung. Es muss uns daher angegeben werden, su wie viel Procent dieses Capital auf Interessen steht. Sagt man uns also, das 100 Thir. Capital jährlich 5 Thir. Interessen geben,

so haben wir nun ein uns bekanntes, bestimmtes Verhältniss, den bekannten Fall, nach welchem wir nun auch die Frage: wie viel Interessen geben 350 Thaler —, —, auflösen können.

#### **§**. 86.

Man sieht hieraus, dass zu der Auflösung einer solchen Aufgabe, stets 3 Grössen (Glieder der Proportion) gegeben seyn müssen, wovon zwei den bekannten Fall, und die dritte (wie hier 350 Thlr. zu welchen die Interessen gesucht werden) den Fragesatz bilden.

Unter diesen 3 Grössen muss man stets die Fragezahl ausfindig zu machen wissen, indem es nicht gleichgültig ist, ob
diese Fragezahl in das 1., 2. oder 3. Glied der Proportion zu
stehen kommt. Man untersuche daher stets, ob die beiden Grössen des bekannten Falles im geraden oder im ungeraden
Verhältnisse zu einander stehen, (wozu uns die Vernunft jederzeit hinlängliche Anleitung geben wird.) Dadurch wird zugleich
entschieden, ob diese Aufgabe zu der geraden, oder zu der ungeraden Regeldetri gehört.

#### §. 87

Nun beachte man die Regel:

"Die Fragesahl kommt bei der geraden Regeldetri stets in das sweite Glied der Proportion; die mit der Fragesahl gleichen Namen führt, kommt in das erste Glied, und diejenige, welche mit der zu suchenden gleichen Namen führt, kommt in das dritte Glied"

# §. 88.

Diesemnach wird die obige Aufgabe so ausgedrückt:

100 Thaler Capital, verhalten sich zu 350 Thaler Capital, wie

5 Thaler Interessen zu den gesuchten (x Thaler) Interessen.

Dieses nun nach der Proportion angesetzt, wird so ausgedrückt:

100:350=5 Thir. Zinsen: x Thir. Zinsen.

Das 4. Glied kann nun hach & (78.) sehr leicht berechnet

werden; es ist nämlich  $x = \frac{850 \times 5}{100}$  Thir. = 17.50 Thir. oder 17.5 Thir. = 17\frac{1}{2} Thir. = 17 Thir. 12 Gr.

#### **8**. 89.

Bei der umgekehrten Regeldetri hingegen kommt die Fragesahl stets in das erste Glied, und die mit ihr gleichnamige in das sweite; desgleichen kommt die mit der gesuchten gleichnamige in das dritte Glied zu stehen.

#### §. 90.

Ware z. B. die Frage: "Wie lange muss ein Capital zu 4 Procent auf Interessen ausgeliehen werden, wenn dasselbe eben so viel Zinsen tragen soll, als ein eben so grosses Capital, welches 7 Jahre zu 4½ Procent ausgeliehen war?

Dass das Capital bei 43 Procent Zinsen 7 Jahre Zeit nöthig hat, ist das uns gegebene bekannte Verhältniss, nach
welchem wir die Anzahl Jahre berechnen sollen, welche dasselbe
Capital bei 4 Procent Zinsen nöthig haben wird, und die 4
Procent, zu welchen die Zeit gesucht wird, ist die Fragezahl.

Man untersuche nun, ob die Procente mit der Zeit bei gleichen Capitalien in einer directen oder in einer indirecten Beziehung zu einander stehen, und die Antwort findet sich sehr leicht durch den Vernunftschluss: "je mehr Procente gegeben werden, desto weniger Zeit braucht man dieses Capital auf Zinsen stehen zu lassen." Die Procente stehen also (nach § 84) mit der Zeit in einem ungeraden Verhältnisse, und die Aufgabe selbst wird daher durch die ungerade Regeldetri aufgelöst, in welcher die Fragezahl stets in das erste Glied zu stehen kommt.

Der Ansatz ist daher folgender:
4:43=7 Jahre:x Jahre; x=19×7 Jahre=133 Jahre=8 5 Jahre
oder 8 Jahre 33 Monat.

#### **§**. 91.

Nunmehr wird man im Stande seyn, jede vorkommende Re-

geldetri - Aufgahe über einfache Zinsrechnung ahne besoudere Schwierigkeit zu lösen.

Um jedoch das Ganze noch in einem helleren Lichte darzustellen, soll die Anwendung der Regeldetri auf die Zinsrechnung durch nachfolgende Beispiele noch mehr erläutert werden:

Anwendung der einfachen Regeldetri auf einfache Zinsrechnung.

#### §. 92.

1) Wenn 100 Thaler jährlich mit 4½ Thaler verzinst werden, wie viel betragen die jährlichen Zinsen eines Capitals von 4675 Thir.?

(Je mehr Capital desto mehr Zinsen.) 100:4675=41 Thir. Zins: x Thir. Zins.

 $=\frac{4675 \times 9}{100 \times 2}$  Thir. = 42075 Thir.: 200 = 210 Thir. 9 Gr. - P£

2) Ein gewisses Capital brachte in 12 Jahren 468 Gulden Interessen, wie gros war die Summe der Interessen nach 7 Jahren ?

(Je mehr Zeit, desto mehr Interessen.)

12:7 = 468 fl.: x fl.  $x=\frac{7\times468}{12}$  fl. =  $\frac{7\times39}{1}$  fl. = 273 Gulden.

3) Jemand hat zwei gleich grosse Capitale ausgeliehen, nämlich das eine auf Grundstücken zu 5 Procent, das andere auf Wechsel zu 6 Procent. Wenn nun die Zinsen des Letzteren 54 Ducaten betragen, wie gross wird der Zins des Ersteren seyn?

(Jo mehr Procente, desto mehr Interessen.) 6:5 = 54 Ducat: x Ducaten.  $x = \frac{5 \cdot 5 \times 4}{6} \text{ Ducaten} = \frac{5 \times 9}{1} \text{ Ducaten} = 45 \text{ Ducaten.}$ 

#### **§**. 93.

4) A hat an B 9050 Francs auf 6 Jahre 6 Monate ohne Interesse geliehen, wie lange muss B dem A 3250 Francs auf gleiche Weise leihen, wenn dadurch jene Gefälligkeit ausgeglichen werden soll?

# (Jo mehr Capital, deato weniger Zeit.) 3250:9050 == 61 Jahr:x Jahr.

- $=\frac{9.050\times13}{3.250\times2}$  Jahr = 181 Jahr: 10 = 18 $\frac{1}{10}$  Jahr = 18 Jahr 1 $\frac{1}{2}$  Mon.
- 5) Ein Engländer behauptet, dass er sein kleines Capital von 625 Pfund Sterling so gut angelegt habe, dass es ihm eben so viel Zinsen bringe, als ein anderes von 2000 Pfund, welches zu 6 Procent ausgeliehen ist. Zu wie viel Procent benutzt er daher sein Capital? (Ein Pfund Sterling == 20 Shillinge à 12 Pence Sterl.)

(Je'kleiner das Capital, desto mehr Procente.)
625:2000 = 6 Proct.: x Thlr. = 6×2000 Proct. = 6×16 Proct. = 195 Thlr.

6) Wie lange muss ein Capital zu  $3\frac{1}{3}$  Procent auf Interessen stehen, um eben so viel Zinsen zu tragen, als ein eben so grosses, zu  $4\frac{3}{4}$  Procent ausgeliehenes Capital in 6 Jahren 8 Monateu einträgt?

(Je mehr Procente, desto weniger Zeit)

\$\frac{1}{3}:4\frac{3}{6}=6\frac{2}{6}\text{ Jahr}: x \text{ Jahr}; x \leftarrow \frac{19 \times 20 \times 3}{4 \times 3 \times 10} \text{ Jahr} \leftarrow \frac{19 \times 1 \times 1}{2 \times 1 \times 1} \text{ Jahr} \leftarrow \frac{19}{2} \text{ Jahr} = 9 \text{ Jahr 6 Monate.}

#### 8. 94

7) Wenn 100 Rubel jährlich 4 Rubel 75 Kopeken Interessent bringen, wie viel betragen in dieser Zeit die Interessen für 17 Rubel 71 Kopeken? (1 Rubel hat 100 Kopeken.)

(Je grösser das Capital, desto mehr Zinsen.)

100:17.71=4.75 Rubel: x Rubel; x=\frac{17.71 \times 4.75}{100} Rubel=\frac{84.1228}{100}

Rubel=0.841225 Rubel=- Rubel 84.1225 Kopeken oder 84\frac{49}{400}

Kopeken. (beinahe 84\frac{1}{4} Kopeken.)

8) Wenn man von einem gewissen Capital, in der Zeit von 6 Jahren 3 Monat, 365 Gulden Interessen erhält, wie lange muss ein gleich grosses Capital zu demselben Zinsfusse ausgeliehen werden, wenn man hiervon 240 Gulden Interessen beziehen will?

(Je mehr Interessen, desto mehr Zeit.)
365:240=6 $\frac{1}{6}$  Jahr: x Jehr; x =  $\frac{25 \times 240}{4 \times 365}$  Jahr =  $\frac{25 \times 12}{1 \times 78}$  Jahr = 300 Jahre: 73=4 $\frac{8}{18}$  Jahr=4 Jahr 1 $\frac{28}{18}$  Monate, oder beiläufig 4 Jahr 1 $\frac{1}{4}$  Monat.

9.) Ein Capital, welches in Hamburg su 5 Procent ausgelichen war, brachte in einer gewissen Zeit 350 Mark Banco, Zinsen; su wie viel Procent muss ein eben so grosses Capital auf dieselbe Zeit ausgelichen werden, wenn die Zinseu hiervon 332 Mark 8 Schillinge betragen sollen? (1 Mark hat 16 Schillinge.)

(Je mehr Zinsen, desto mehr Procente.)

350:332 $\frac{1}{2}$ =5 Procent.: x Procent; x =  $\frac{665\times5}{2^{\times}350}$  Procent. =  $\frac{19\times1}{2\times2}$  Procent. =  $\frac{4}{3}$  Procent.

#### **§**. 95.

10) Wie viel Thaler Capital müssen auf 3 Jahre 9 Monate ausgeliehen werden, wenn sie bei gleichen Procenten eben so viel Zinsen tragen sollen, als 1000 Thaler in 7 Jahren und 6 Monaten einbrachten?

# (Je weniger Zeit, desto mehr Capital.)

 $3\frac{3}{4}:7\frac{1}{2}=1000 \text{ Thir.: x. Thaler; } x=\frac{1.5\times1000\times4}{2}\text{ Thir.}=2000 \text{ Thir.}$ 

11) 6000 Thaler Preussisch, welche auf Wechsel zu 6 Procent ausgeliehen waren, brachten in einer gewissen Zeit nicht mehr Zins, als ein anderes Capital, welches auf dieselbe Zeit zu 4 Thlr. 20 Silbergroschen Procent ausgeliehen war; wie gross war dieses Capital? (1 Thaler hat 30 Silbergroschen a 12 Pfennige.)

(Je weniger Procente, desto mehr Capital.)

**43**:6 = 6000 Thir.: x Thir.; x =  $\frac{6 \times 6000 \times 3}{14}$  Thir. = 54000 Thir. = 77142 Thir. = 7714 Thaler 8 Silbergroschen 6\$ Pf.

12) Wenn man von einem Capitale, welches 7 Jahre 1 Monat su 3 Procent ausgeliehen war, ebenfalls nicht mehr Interessen erhält, als von einem eben so grossen Capitale, das nur 5 Jahre 3 Monat ausgeliehen war; zu wie viel Procent musste das Letztere ausgeliehen seyn?

(Je mehr Zeit, desto weniger Procente.)

5\frac{1}{6}: 7\frac{1}{8} = 3\frac{1}{2}\text{Procent.}: \text{x Procent.}; \text{x} = \frac{57 \times 7 \times 4}{8 \times 2 \times 2}\text{Procent.} \to \frac{19 \times 1 \times 1}{22 \times 1}\text{Procent.} \to \frac{19 \times 1 \times 1}{22 \times 1}\text{Procent.}

# Zusammengesetzte Regeldetri.

§. 96.

Die, in den vorigen Paragraphen enthaltenen Aufgaben enthielten stets nur zwei Verhältnisse, indem alle übrige Umstände, welche auf das Resultat Einfluss haben konnten, für gleich gross angenommen wurden. Kommen jedoch in einer Aufgabe mehrere Verhältnisse vor, welche berüksichtiget werden müssen, so kann die Beantwortung einer solchen Frage nur durch eine mehrmalige Wiederhohlung der einfachen Regeldetri gegeben werden; und in sofern nennt man diese Auflösung zusammengesetzt, so wie die Regel hierzu, die zusammengesetzte Regeldetri.

Ohne uns nun auf die, in mehrern Büchern beschriebene, Regula quinque, Regula septem, Regula novem, u. s. w. einzulassen, soli hier nur die Regel aufgestellt werden, nach welcher sich alle hierher gehörigen Aufgaben leicht berechnen lassen.

## §. 97.

Wäre z. B. die Frage zu beantworten: Wenn 200 Thalern Capital, welche zu 5 Procent jährlich ausgeliehen sind, in 3 Jahren 30 Thaler Zinsen tragen, wie viel Thaler Zins würde man hiernach von einem Capital von 1000 Thaler erhalten, die zu 4 Procent auf 7 Jahre ausgeliehen wären? — so suche man aus der Aufgabe zuerst den bekannten Fall auszumitteln. Man weiss nämlich, "dass 200 Thaler Capital zu 5 Procent in 3 Jahren 30 Thaler Zins geben"; diese Grössen schreibt man nun in dieser Ordnung in eine und dieselbe Zeile, und darunter alsdann auch die gleichnamigen Glieder des Fragesatzes. Für das zu suchende Glied setzt man auch hier den Buchstaben z. Sodann ziehe man darunter einen horizontaten, und auch einen verticalen Strich nämlich:

200 Thaler Capital 5 Procent 3 Jahren 30 Thaler Zins.

1000 - 4 - 7 - x

Nun vergleiche man sewohl das Capital, als auch die Procente und die Zeit u. s. w. mit demjenigen Gliede oder Verhältnisse, in welchem z vorkömmt, also hier mit den Zinsen, und untersuche einseln, ob diese Grössen mit der zu suchenden in einer directen oder in einer indirecten Beziehung stehen, nämlich ob diese Grössen mit den Zinsen ein gerades oder ein ungerades Verhältniss bilden.

#### **§**. 98.

Ist dieses nun gehörig ausgemittelt, so schreibe man die Glieder des bekannten Falles (die oberen) bei geraden Verhältnissen aber nissen links, bei ungeraden Verhältnissen aber rechts neben den Verticalstrich. Die andere gleichnamige Zahl kommt jederzeit auf die entgegengesetzte Seite. Den Anfang macht man stets damit, dass man x links und die über x stehende Zahl rechts neben den Strich setzt. Kommt in irgend einem Gliede eine gemischte Zahl oder ein Bruch vor, so setzt man (nach Verwandlung der ersteren in einen unächten Bruch), den Zähler des Bruchs dahin, wo dieses Glied hingehört, den Nenner des Bruchs schreibt man aber auf die entgegengesetzte Seite.

#### **§**. 99.

Die Anordnung der Rechnung und der Schluss zum Ansatze, ist wie folget:

200 Thir. 5 Procent 3 Jahr 30 Thir. Zins

| x | 30 Thaler Zins | 200 | 1000 | je mehr Capital, desto mehr Zinsen | 5 | 4 | je mehr Procente, desto mehr Zinsen | 3 | 7 | je mehr Jahre, desto mehr Zinsen | x = \frac{30 \times 1000 \times 4 \times 7}{200 \times 5 \times 2} = 10 \times 28 | Thir. = 280 Thaler.

Die gesuchten Zinsen betragen also 280 Thaler.

Nachdem man die Verhältnisse so paarweise neben den Strich geschrieben hat, kannman auch hier die gleichen Factoren der links stehenden Zahlen, gegen die der rechts stehenden, nach §. 20 aufheben; alsdann werden die noch übrigen Factoren rechts neben dem Striche, in einander multiplicirt, und dieses Product wird durch dasjenige, welches sich links noch ergeben sollte, dividirt; der Quotient ist das gesuchte Resultat.

Diese Regel nun auf das obige Beispiel angewendet, so hätte man die 200 mal 5, gegen die rechts stehende Zahl 1000, so wie auch die links unten stehende Zahl 3, in der rechts oben befindlichen Zahl 30 aufheben können; wonach uns alsdann bloss noch die Factoren 10×4×7 auf der rechten Seite übrig bleiben, deren Product der oben gefundenen Zahl 280 Thaler gleich ist. Da dieses Aufheben die Rechnung sehr abkürst, so wollen wir diese Regel auch in der Felge beachten.

#### §. 100.

Zur Probe sowohl, als auch zur Uebung, wollen wir die obige Aufgabe nochmals berechnen, indem wir nämlich die Zahl der Jahre fehlen lassen, und dagegen die gefundenen 280 Thaler Zinsen als bekannt in Rechnung bringen. Der Ansatz ist wie folget:

200 Thaler 5 Procent 3 Jahre 30 Thaler Zins.

1000

x	3 Jahre
1000	200 je mehr Capital, deste weniger Zeit
4	5 je mehr Procente, deste weniger Zeit
30	280 je mehr Zinsen, desto mehr Zeit.
x = 13:	= 7; also 7 Jahre Zeit sind nöthig.

#### §. 101.

Desgleichen kann auch die Frage so gestellt werden: "Wenn 200 Thaler Capital, zu 5 Procent ausgeliehen, in 3 Jahren 30 Thaler Zinsen bringen; zu wie viel Procent müssen 1000 Thaler auf 7 Jahre ausgeliehen werden, wenn sie 280 Thaler Zinsen tragen sollen?

## 200 Thaler 5 Procent 3 Jahre 30 Thaler Zins

1000 - x - 7 - 280

x | 5 Procent

1000 200 je mehr Capital, desto weniger Procente.

7 3 je mehr Jahre, desto weniger Procents

30 260 je mehr Zins, desto mehr Procente

x = 28:7 = 4; also su 4 Procent müssen diese 1000 Thaler ausgeliehen werden.

#### §. 102.

Endlich kann diese Aufgabe noch dahin abgeändert werden, dass man alle übrige Umstände als gegeben, und das Capital (hier 1000 Thaler) als die zu suchende Grösse annimmt. Durch eine solche Veränderung des Ansatzes verschafft man sich nicht allein eine grosse Fertigkeit im Schliessen, sondern man kann sich auch dadurch geschikt machen, die schwierigsten Aufgaben dieser Artleicht aufzulösen, indem man dadurch die Richtigkeit des berechneten Resultats stets einer Probe unterwerfen kann. Die obige Aufgabe lässt sich daher noch wie folget in Ansatz bringen:

200 Thaler 5 Procent 3 Jahren 30 Thaler Zins

x	-	4	-	7 -	280	-		
•	x	200	Thale	r Capita	ıl	•		
							weniger Cap	
	7	3	je m	ehr Ja	hre, d	esto we	niger Capita	1
•	30	280	j e	mehr	Zins,	deston	ehr Capital.	

 $x = 200 \times 5 = 1000$ ; das gesuchte Capital ist also 1000 Thaler.

Anwendung dieser Regel auf mehrere Rechnungsfragen.

#### §. 103.

1.) Wenn 100 Gulden in 1 Jahre 5 Gulden Interesse geben, wie

viel betragen die Interessen eines Capitals von 775 Gulden 30 Kr. in 7 Jahren 6 Monaten? (1 Gulden hat 60 Kreuser.)

100 Gulden Capital I Jahr 5 Gulden Zins Ĩ 775‡

> 5 Gulden Zins x 1551 je grösser das Capital, desto mehr Zins 100 15, je grösser die Zeit, desto grösser die 1 Zinsen.

 $\frac{5\times 15.51\times 15}{10.0\times 2\times 2}$  fl. =  $\frac{4653}{16}$  fl. = 290 fl.  $48\frac{3}{4}$  Kr.

2.) Von 3200 Rubeln Capital, betrugen die Zinsen in 6 Jahren 768 Rubel; wie lange muss man 4680 Rubel auf gleiche Weise anlegen, wenn man hiervon 1638 Rubel Zinsen beziehen will?

3200 Rubel Capital 6 Jahr 768 Rubel Zins

4680

x

6 Jahre ¥ 4680 3200 je mehr Capital, desto weniger Zeit je mehr Zins, desto mehr Zeit 768

 $x = \frac{5 \times 7}{4} = \frac{85}{4} = 8\frac{3}{4}$ ; also  $8\frac{3}{4}$  Jahr oder 8 Jahr 9 Monat.

1638

3.) Wie gross muss das Capital seyn, von welchem man in 3 Jahren 1260 Franken Interessen ziehen will? angenommen, dass sich 650 Franken in 8 Jahren mit 312 Franken verinteressiren.

650 Franken Capital 8 Jahre 312 Franken Zins 3

650 Franken Capital X 3 je mehr Zeit, desto weniger Capital 312 je mehr Zins, desto mehr Capital

1260

 $x = 50 \times 140 = 7000$ ; also 7000 Franken.

4.) Wie lange müssen 1000 Pfund Sterling zu 5 Procent auf Interessen stehen, wenn sie eben so viel Zinsen tragen sollen, als ein Capital von 350 Pfund, welches zu 6 Procent auf 8 Jahre ausgeliehen war?

350 Pfund Sterling 6 Procent 8 Jahr

1000 - 5 - x 
x 8 Jahre

1000 350 je grösser das Capital, desto weniger Zeit

5 6 je mehr Procente, desto weniger Zeit

x = 84:25 = 3.5 Jahr = 3 Jahr 4.5 (1) Monate.

5.) Wie gross war das Capital, welches, zu 4½ Procent ausgeliehen, in 10 Jahren eben so viel Zinsen trug, als ein anderes von 3750 Gulden, welches zu 5 Procent 7 Jahre lang auf Zinsen gestanden hatte?

3750 fl. 5 Procent 7 Jahre x - 4\frac{1}{2} - 10 -

 $x = \frac{8750}{8} \text{ fl.} = 2916\frac{2}{8} \text{ fl.} = 2916 \text{ fl. } 40 \text{ Kr.}$ 

6.) Mit einem Capital von 4320 Mark, welches in Hamburg au 5 Procent 5 Jahre 9 Monate ausgeliehen war, gewann man eben so viel Zinsen, als mit einem anderen Capital von 4600 Mark, welches 6 Jahre ausgeliehen war. Zu wie viel Procent war das letzte Capital ausgeliehen?

4320 Mark 5 Procent 52 Jahr 4600 - x - 6 -

x | 5 Procente 4600 | 4320 je mehr Capital, desto weniger Procente 6 | 23 | je mehr Zeit, desto weniger Procente. 4 | x = 2 = 4 | Procent.

#### 8. 105.

7) 7680 Franken brachten in einer gewissen Zeit, da sie zu 5 Procent untergebracht werden konnten, 132 Franken Zinsen. Man kann jedoch sein Geld jetzt nur zu 3 Procent sieher unterbringen; wie gross muss daher das Capital seyn, welches in derselben Zeit 396 Franken Zins bringt?

7680 Franken 5 Procent 132 Franken Zins

x	-	32 - 396 -
	x	7680 Franken Capital 4 je mehr Procente, desto weniger Capital
	15	4 je mehr Procente, desto weniger Capital
		5
•	132	5 396 je mehr Zinsen, deate mehr Capital

x = 30720 Franken Capital.

8) Von 5132 Reichsbankthalern, welche in Dänemark zu 4½ Procent ausgeliehen waren, betrugen die Zinsen in einer gewissen Zeit 1622 Reichsbankthaler 1 Mark 8 Schifflinge. Wie viel betragen hierach die Zinsen eines Capitals von 20528 Reichsbankthirn. welche auf dieselbe Zeit zu 5 Procent ausgeliehen waren? (Der Reichsbankthaler wird in 6 Mark und die Mark in 16 Schillinge eingetheilt.)

5132 Reichsbthlr. Capital 4½ Procent 1622½ Reichsbthlr. Zinsen 20528 - 5 - x -

x	6489 Reichsbthlr. Zinsen
4	
5132	20528 je mehr Capital, desto mehr Zinsen 2 je mehr Procente, desto mehr Zinsen
9	2 je mehr Procente, desto mehr Zinsen
	5

x = 7210 Reichsbthlr. Zinsen.

9) Ein Capital von 1950 Gulden, welches in Frankfurt am Main mit 6 Procent verzinst wurde, brachte in einer gewissen Zeit 936 Gulden Zinsen; zu wie viel Procent müsste man daher 975 Gulden anlegen, wenn man 429 Gulden Zinsen haben wollte? (Frankfurt rechnet nach Gulden zu 60 Kreuzern à 4 Heller.)

1950 Gulden Capital 6 Procent 936 fl. Zins.

x	6 Procente
975	1950 je mehr Capital, desto weniger Procente 429 je mehr Zinsen, desto mehr Procente
936	429 je mehr Zinsen, desto mehr Procente
	5½; also zu 5½ Procent.

### §. 106.

10) Wie viel Florins und Cents Zinsen hat man in Amsterdam für ein Capital von 18345 Florins 75 Cents, welches zu 6 Procent jährlich, 1 Jahr 7 Monat 6 Tage ausgeliehen war, zu erhalten?

(1 Florin hat 100 Cents.)

# 100 Florins Capital 12 Monat 6 Florins Zins

18345.75 - 19½ - x 
x 6 Florins Zinsen
100 18345.75 je mehr Capital, desto mehr Zinsen
12 96 je mehr Zeit, desto mehr Zinsen.

 $x = \frac{3669.15 \times 6 \times 8}{100}$  fl. = 1761 Florins 19.2 Cents.

11) Wenn man von einem gewissen Capital, welches in Augsburg 4 Jahr 1 Monat zu 4½ Procent auf Interessen stand, 343 Gulden Zinsen erhielt, zu wie viel Procent müsste dieses Capital ausgeliehen werden, wenn die 6 jährigen Interessen gerade 532 Gulden betragen sollen? (1 Gulden hat 60 Kreuzer à 4 Pfennige.)

412 Jahr 41 Procent 343 Gulden Zins

x 9 Procent

49 je mehr Jahre, dekto weniger Procente

12

343 532 je mehr Zinsen, desto mehr Procente

 $x = \frac{10}{4} = 4\frac{3}{4}$  Procent; (oder 4 fl. 45 Kr. vom Hundert)

12) Von einem Capital von 876 Livre 12 Shillinge Sterling, welches in London 2 Jahr 3 Monat 5 Tage verzinst wurde, betrugen die Zinsen 114 Livre 2 Shillinge 2.44 Pence. Zu wie viel Procent jährlich war dieses Capital ausgeliehen? (1 Liv. Sterling hat 20 Shillinge à 12 Pence.)

(2 Jahre 3 Monate 5 Tage sind gleich 27 Monat.)

Nach Tab. II sind 114 Livre = 114.000000 Livre

2 Shillinge 2 Pence = 0.108333... -

0.44 - = 0.001833...

folglich sind 144 Liv. 2 Shil. 2.44 Pence = 114.110166 Livres.

Mithin:

8765 Liv: 271 Mark 114.110166 Liv. Zinsen 100 - 12 - x -

x 114.110166 Liv. Zinsen 100 6 12

 $n = \frac{114 \cdot 110166 \times 100 \times 4}{48 \cdot 7 \times 168} = \frac{45644 \cdot 0664}{7938 \cdot 1} = 5.74999 \dots$ 

Diesen Quotienten kann man für 5.75 annehmen, welche Zahl in einem gemeinen Bruch ausgedrückt, eben so viel als  $.5\frac{3}{4}$  ist. Das Capital hat also zu  $.5\frac{3}{4}$  Procent auf Interessen gestanden.

Vermischte Aufgaben über einfache Zinsrechnung.

§. 107.

1.) Ein Capital von 2000 Thaler ist zu 5 Procent auf 3 Jahre ausgeliehen; wie viel beträgt das Capital nebst Zinsen?

Dergleichen Aufgaben lassen sich nach der einfachen Regel de tri auflösen. Man sucht nämlich zu wie viel 100 Thaler am Ende dieser Zeit angewachsen sind, und findet, dass sie 15 Thaler Zins getragen haben, oder mit den Zinsen auf 115 Thaler angewachsen sind.

Nun schliesst man:

- 100:115 == 2000 Thaler: x Thaler; x == \frac{115 \times 2000}{100} Thaler == \frac{115 \times 20}{100} Thir. == 2300 Thir. Capital und Zins.
- 2) Ein gewisses Capital, welches 3 Jahre zu 5 Procent auf Zinsen gestanden hat, ist in dieser Zeit mit den Interessen auf 2300 Thaler angewachsen; wie gross war das zuerst angelegte Capital?

Hier ist das Capital mit den Interessen bekannt, und das Capital ohne Interessen (das zuerst ausgeliehene) wird gesucht; daher rechnet man wie oben, schliesst aber umgekehrt:

115:100 = 2300 Thaler: x Thaler; x =  $\frac{100 \times 2300}{115}$  Thaler = 230000 Tharler: 115 = 2000 Thaler als ausgeliehenes Capital.

Auch lassen sich die Procente, so wie die Zeit, auf welche ein solches Capital ausgeliehen war, mit Anwendung der Vernunftschlüsse, leicht berechnen. Z. B.

3.) Ein Capital von 2000 Gulden war in 3 Jahren mit den Interessen auf 2300 Gulden angewachsen, zu wie viel Procenten hat dieses Capital auf Interessen gestanden?

Hier sieht man zuerst die 2000 Gulden anfängliches Capital von 2300 Gulden ab, wonach 300 Gulden verbleiben. Es haben also 2000 Gulden in 3 Jahren 300 Gulden Interessen getragen, und es lässt sich nun leicht berechnen, wie viel Interessen 100 fl. in 1 Jahr brachten, nämlich:

2000 fl. 3 Jahre 300 fl. Zins

x 300 fl. Zins
2000 100 je mehr Capital, desto mehr Zins
3 l je mehr Zeit, desto mehr Zins

x = 19 = 5; also 5 Procente.

Auf gleiche Weise lässt sich auch die Zeit berechnen, in welcher ein gegebenes Capital, das zu bestimmten Procenten ausgeliehen war, angewachsen ist; z. B.

4) Wie lange haben in Hamburg 750 Mark Banko, welche zu 4‡ Procent ausgeliehen waren, auf Interessen gestanden, wenn das Capital nebst Interessen in dieser Zeit auf 940 Mark Banko angewachsen ist ?

Man ziche hier ebenfalls das anfängliche Capital 750 Mark von 940 Mark ab, so bleiben 199 Mark, oder die Zinsen, welche 750 Mark Capital in dieser Zeit getragen haben, übrig; und die obige Frage verwandelt sich daher in folgende: 100 Mark Capital brauchen zu 4½ Mark Zinsen 1 Jahr Zeit; wie viel Zeit brauchen daher 750 Mark Capital, um 190 Mark Zinsen zu bringen. Die Rechnung ist folgende:

100	Mark	Capital	44	Mark	Zinsen	1	Jahr	Zeit	

750	-	190 - x -
•	x	1 Jahr Zeit
	750	100 je mehr Capital, desto weniger Zeit
	19	1 Jahr Zeit 100 je mehr Capital, desto weniger Zeit 4 je mehr Zinsen, desto mehr Zeit 190

x = 15 = 51; also 51 Jahr oder 5 Jahr 4 Monat.

Berechnung der Zinsen von mehreren ungleichen Capitalien.

#### **§**. 109.

Wenn von mehreren ungleichen Capitalien, welche jedoch zu gleichen Procenten ausgeliehen sind, die Summe der jährlich, oder sonst in einer gleichen Zeit fälligen Interessen berechnet werden soll, so hat man nicht nöthig, die Zinsen von jedem Capital einzeln zu berechnen, sondern man addire sämmtliche Capitale, und suche die in der Zeit fälligen Zinsen von der Summe. Wäre z. B. die Frage:

Wie viel betragen die jährlichen Zinsen à 5 Procent von: 376 Thir, 1938 Thir. 18 Gr., 7978 Thir. 12 Gr., 521 Thir. 21 Gr. 8 Pfennige, 4719 Thaler 7 Groschen und 3898 Thaler 1 Gr. 4 Pf. in Summa?

376	Thir.	_	Gr.		Pf.
1938	-	18	-	-	-
7978	-	12	-		-
521	-	21		8	-
4719	-	. 7	-	_	-
3898	-	l	-	4	-
19432	Thlr.	12	Gr.	_	Pf.

So bringe man erst die sämmtlichen Capitale, wie nebenstehet, in eine Summe, und berechne von dieser den Zins auf die gegebene Zeit, hier ein Jahr; indem man schliesst: 100 Thaler Capital geben 5 Thlr. Zins, wie

viel 19432 Thaler 12 Groschen — Pfennige? Hiernach findet man den gesuchten Zins gleich 971 Thaler 15 Groschen — Pfennig. Nämlich es verhalten sich 100: 19432 $\frac{1}{2}$  = 5 Thlr.: x Thlr.; x =  $\frac{38865 \times 5}{2 \times 100}$  Thlr. = 38865 Thlr.: 40 = 971 $\frac{5}{8}$  Thlr. = 971 Thlr. 15 Gr. — Pf.

Die jährlichen Zinsen eines Capitals, welches zu 5 Procent ausgelichen ist, findet man am kürzesten, wenn man den 20sten Theil des Capitals als Zins annimmt, indem 100 zu 5 eben so viel als 20 zu 1 ist, und da 1 nicht multiplicirt, so hat man bloss mit 20 zu dividiren.

#### §. 111.

Sind jedoch bei einer Aufgabe, wie die vorige, auch die Zeiten mit den Capitalien zugleich verschieden, so bemerke man, dass ein Capital von 100 Thalern in 4 Jahren eben so viel Zinsen bringt, als 4mal 100 Thaler oder 400 Thaler Capital in 1 Jahre; oder auch 200 Thaler bringen in 7 Monaten eben so viel Zinsen, als 7mal 200 Thaler oder 1400 in 1 Monat.

Man bringe daher die Zeiten, wenn sie im Jahren und Monaten zugleich ausgedrückt seyn sollten, entweder alle auf Jahre, oder alle auf Monate, u. s. w. multiplicire alsdann jedes Capital mit der Zahl der Zeit, welche es auf Interessen steht, addire sodann diese Producte und schliesse: 100 Thaler Capital bringen in 1 Jahr (oder 12 Monaten) 5 Thaler Zinsen, wie viel also die Summe jener Producte? Wäre z. B. die Frage: Wie viel betragen die sämmtlichen Zinsen zu  $4\frac{1}{2}$  Procent jährlich, von folgenden Capitalen: 1380 Gulden auf 3 Jahre; 2735 Gulden 30 Kreuzer auf 2 Jahre; 7812 Gulden auf 1 Jahr 3 Monat; und 13872 Gulden auf 3 Jahr 4 Monat; so ordnet man die Rechnung wie folget an.

```
1380 fl. -,,Kr. auf 3 Jahr = 1380 fl. \times3 = 4140 fl. auf 1 Jahr.

2735 ,,30 ,, 2 ,, = 2735\frac{1}{2}, \times2 = 5471 ,, 1 ,,

7812 ,, - ,, 1\frac{1}{4}, = 7812 ,, \times1\frac{1}{4}= 9765 ,, 1 ,,

13872 ,, - ,, 3\frac{1}{3}, =13872 ,, \times3\frac{1}{3} = 46240 ,, 1 ,
```

Die Summe dieser Producte ist also = 65616 Daher verhält sich:

100:65616 =  $4\frac{1}{2}$  fl.:x fl.; x =  $\frac{65616\times9}{100\times2}$  fl. =  $\frac{32808\times9}{100}$  fl. = 2952.72 fl.= 2952fl.  $43\frac{1}{5}$  Kreuxer; welches also der sämmtliche Zins für die verschiedenen Capitale auf die oben angegebene Zeit ist.

Auf gleiche Weise verschiedenen Procenten ausgeliehen sind. Man schliesst nächlich auch hier, dass 100 Thaler zu 4 Procent jährlich, eben so viel Zins bringen, als 4 mal 100 Thaler oder 400 Thaler, welche in derselben Zeit zu 1 Procent ausgeliehen waren. Daher multiplieire man jedes Capital mit der Zahl der dazu gehörigen Procente; addire sodann die erhaltenen Producte und dividire diese Summe durch 100, d. h. man schneidet in der Summe die beiden letzten Ziffern durch einen Punct (.) als Hunderttheile ab. z. B.

Ein Hamburger hat folgende Posten auf Interessen stehen, als: 1354 Mark 12 Schillinge zu 4 Procent, 978 Mark zu 3½ Procent, 2773 Mark zu 5 Procent, 5847 Mark 8 Schillinge zu 6 Procent und 1924 Mark zu 4½ Procent; wie viel beträgt die Summe der sämmtlichen Zinsen auf 1 Jahr? (1 Mark hat 16 Schillinge à 12 Pfennige.)

Die Rechnung ist wie in §. 111, nämlich:

```
1354\frac{3}{4} Mrk. \text{ su 4 } \text{ Pret.} = 1354\frac{3}{4} Mrk. \times 4 = 5419 Mrk. \text{ su 1 } \text{ Prect.} 

978 - 3\frac{1}{2} - = 978 - \times 3\frac{1}{2} = 3423 - -1 - 2773 - -5 - = 2773 - \times 5 = 13865 - -1 - 5847\frac{1}{2} - -6 - = 5847\frac{1}{2} - \times 6 = 35085 - -1 - 1924 - -4\frac{1}{2} - = 1924 - \times 4\frac{1}{2} = 8658 - -1 - \text{ }
```

Die Summe aller Producte ist also: = 66450 Mark.

Mithin 100:66450 = 1 Mark Zins: x Mark Zins.

Da nun 1 nicht multiplicirt, so hat man die 66450 Mark bloss durch 100 zu dividiren, und man erhält 664.50 Mark = 664.5 Mark = 664.½ Mark oder 664 Mark 8 Schillinge, als die Summe der sämmtlichen jährlichen Zinsen.

### §. 113.

Sind endlich die Capitale nicht allein zu verschiedenen Procenten ausgeliehen, sondern die Zeit, während welcher sie auf Interessen standen, ist ebenfalls ungleich, so muss man jedes Capital nicht allein mit der Zahl der Procente, sondern auch mit der der Zeit multipliciren. Diese Producte werden alsdaun ebenfalls addirt,

und der 100ste Theil dieser Summe giebt die gesuchten Zinsen. Z. B. Wie viel betragen die sämmtlichen Zinsen von 589 Gulden auf 3 Jahre à 4 Procent, 2872 fl. auf 2 Jahre à 5½ Procent, 1956 fl. auf 2 Jahr 4 Monat à 4¾ Procent, 9750 fl. auf 4 Jahre l½ Monat à 6 Procent und 1109 fl. 15Kr. auf 4 Jahre à 5½ Procent.

(1 Gulden = 60 Kreuzer.)

Die Rechnung ordne man so an:

589 fl.3 Jahr 4Pret. = 589  $\times 3 \times 4$ fl. = 7068 fl.auf l Jahr à l Pret. 2872 - 2 -  $5\frac{1}{2}$  - =2872  $\times 2 \times 5\frac{1}{2}$  =31592 - - 1 - -1 - 1956  $-2\frac{1}{4}$  - =1956  $\times 2\frac{1}{4} \times 4\frac{3}{4}$  =21679 - - 1 - -1 - 9750  $-4\frac{1}{8}$  - 6 - =9750  $\times 4\frac{1}{8} \times 6$  =241312.5 - - 1 - -1 - 1109 $\frac{1}{4}$  - 4 -  $5\frac{1}{2}$  - =1109 $\frac{1}{4} \times 4 \times 5\frac{1}{2}$  = 24403.5 - - 1 - -1 -  $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac$ 

Nun ist die Summe der Producte = 326055 Gulden; diese durch 100 dividirt, gieht 3260 55 Gulden oder 3260

diese durch 100 dividirt, giebt 3260.55 Gulden oder 3260 Gulden 33 Kreuzer, als die gesuchten Zinsen, sämmtlicher Capitale.

Eine Anwendung von den vorhergehenden Sätzen macht man auch in der sogenannten

. Terminrechnung oder Vereinigung der Capital-Termine.

### §. 114.

Diese Termingechnung enthält nämlich die Lehre: die Zeit zu finden, in welcher mehrere Capitale, die in verschiedenen Zeiten erst zahlbar sind, (ohne Nachtheil der Interessenten) auf einmal bezahlt werden können.

Hierbei können folgende 3 Hauptfälle vorkommen:

1.) Die terminlich abzutragenden Posten sind gleich gross, aber die Zeiten, in welchen die Zahlungen geleistet werden sollen, sind verschieden.

In diesem Falle addire man diese Zeiten, und dividire ihre Summe durch die Zahl der Termine z. B. sollten 1000 Thaler in 5 gleichen Posten à 200 Thaler so bezahlt werden, dass der erste Termin nach 3 Monaten, der 2te nach 4½, der 3te nach 5¾, der 4te nach 7½ und der 5te nach 13¼ Monat fällig ist; so ist die Summe aller Zahlungszeiten gleich 34 Monate. Da nun 5

Zahlungstermine anberaumt sind, so dividire man 34 Monate durch 5 der Quotient ist sodann 6 Monat. Die ganzen 1000 Thir. können also nach 6 Monat oder nach 6 Monat 24 Tagen auf einmal bezahlt werden.

### §. 115.

Diese Berechnung gründet sich darauf, dass die einzelnen Posten in der genannten Zeit eben so viel Zinsen tragen, als die ganze ungetrennte Summe in der Zeit der mittleren Zahlung; denn bei 5 Procent. jährlichen Interessen betragen die Zinsen für:

200 Thaler Capital auf 3 Monate, 2 Thir. 12 Gr.

200 - - 
$$4\frac{1}{2}$$
 - 3 - 18 - 200 - -  $5\frac{3}{4}$  - 4 - 19 - 200 - -  $7\frac{1}{2}$  - 6 - 6 - 200 -  $-13\frac{1}{4}$  - 11 - 1 - also in Summa 28 Thlr. 8 Gr.

Eben so viel betragen nun auch die Zinsen der ganzen ungetrennten 1000 Thaler auf die Zeit von 6 Monat.

Nehmen wir also keine Rücksicht darauf, dass sich bei den erst bedungenen 5 Zahlungsterminen, die Zinsen erst nach 13½ Monaten realisiren, während bei Gestattung eines mittleren Zahlungstermines der Empfänger schon nach 6½ Monat in Besitz seiner ganzen Forderung ist — so ist diese Rechnung richtig. Ein mehreres hierüber findet man in §. 119.

Soll aber (wie es viele Arithmetiker thun) die Berechnung darauf gegründet werden, dass die einzelnen Capitale bis zu ihrer terminlichen Abtragung ganz unverzinsbar sind, dann wird diese hier gezeigte Berechnung noch unrichtiger, indem in dem obigen Beispiele die beiden letzten Posten in voraus erhoben also anticipirt werden, — in welchem Falle die Berechnung des Interusuriums durchaus nicht unberücksichtigt bleiben dürfte. — Um jedoch diese allgemein angenommene Art, den mittlern Zahlungstermin zu berechnen, hier nicht zu unterbrechen, so wollen wir die weitere Auseinandersetzung bis zu §. 168 außparen.

#### §. 116.

2.) Sind aber die abzutragenden Capitalposten ungleich, so

multiplicire man jedes Capital mit der Zahl der Zeit in welcher dasselbe zahlbar ist; hierauf summire man sowohl die Capitale als auch die erhaltenen Producte, und dividire mit der ersten Summe in die zweite, so giebt der Quotient die mittlere Zahlungszeit für sämmtliche Terminzahlungen. Z. B.

Es kauft jemand ein Grundstück für 8000 Thaler, mit der Bedingung, dass er 4000 Thaler sogleich baar und die übrigen 4000 Thaler in folgenden 3 Terminen, nämlich: 1000 Thaler nach 1 Jahr, 1200 Thaler nach 2 Jahr 8 Monaten, und den Rest von 1800 Thaler nach 3 Jahr 6 Monaten zu bezahlen verspricht. Da er aber keinen der ersten Termine einhält, macht er sich nachher verbindlich, die ganzen 8000 Thaler in einer ungetrennten Summe auf Einmal zu bezahlen. Wenn muss das Letztere geschehen?

### Auflösung:

```
4000 Thir. baar = 4000 Thir. \times 0 = 0000 Thir. nach 1 Jahr

1000 - nach ! Jahr = 1000 - \times 1 = 1000 - - 1 -

1200 - - 2\frac{2}{3} - = 1200 - \times 2\frac{2}{3} = 3200 - - 1 -

1800 - - 3\frac{1}{2} - = 1800 - \times 3\frac{1}{2} = 6300 - - 1 -
```

8000 Thaler = Summe der Capitale und 10500 Thaler Summe der Producte;

daher ist  $10500:8000 = 1_{16}^{5}$ . Mithin der mittlere Zahlungstermin für die ungetrennten 8000 Thaler nach  $1_{16}^{5}$  Jahren, oder nach 1-Jahr  $3\frac{3}{4}$  Monat.

### **§**. 117.

Sind endlich sowohl die terminlichen Zahlungen, als auch die Zinsfüsse, und die Zeiten, in welchen die Zahlungen geleistet werden sollen, verschieden, und man soll hieraus einen mittlern Zinsfüss, so wie auch einen mittlern Zahlungstermin berechnen; so verfahre man, wie in folgender Aufgabe angewiesen wird.

Z. B. Es macht sich jemand verbindlich, für eine erkaufte Sache 3000 Thaler, und zwar: 500 Thaler nach 4 Monaten 10 Tagen, 200 Thaler nach 6 Monaten, 320 Thaler nach 7 Monaten, und den Rest von 1980 Thaler nach 10 Monaten 15 Tagen zu bezahlen, und verspricht überdiess jede Post bis zum gesetzten Zahlungstermin zu

verinteressiren, mimlich die 1ste mit 6 Precent, die 2te mit 5 Procent, die 3te mit 4½ Procent und die 4te mit 5½ Procent. Man kommt jedoch späterhin überein, die gause Schuld von 3000 Thalern in einer ungetrennten Summe, und swar zu einem gleichen Zinsfuss abzutragen. Zu wie viel Procent, und in welcher Zeit muss die Zahlung geleistet werden?

#### **§**. 118.

Man schreibe die terminlichen Zahlungen bei A unter ein ander und multiplieire jede Post einseln mit der Zahl der dasu gehörigen Procente, so erhält man die unter B stehenden Producte; alsdam multiplieire man auch diese letsteren, jede mit der Zahl ihrer sugehörigen Monate, so erhält man die unter C stehenden Zahlen sum Product; darauf addire man die unter A, B und C stehenden Posten einseln, nämlich:

A					В					C	
<b>50</b> 0 '	Thir.	6 P	roct	=	30007	ľhlr;	und3000T	hlr.×4	<del>}</del> =	130001	hir.
200	-	5	<b>-</b> .	=	1000	•	- 1000 -	$\times$ 6	=	- 6000	-
320	-	41	-	=	1440	<b>-</b> .	- 1440 -	×7	=	10080	-
1980	-	54	-	=1	0890	-	-10890 -	×10,	<b> =</b>	114345	<b>-</b> .
3000	Tha	er			16330	Tha	ler		]	434251	hir.

Wird nun die 2te Summe (16330) durch die erste (3000) dividirt, so giebt der Quotient den mittleren Zinsfuss, nümlich: 16330:3000 = 5\frac{132}{360}; dieses sind beinahe 5\frac{4}{9} Procent; genauer aber muss das Hundert mit 5 Thaler 10 Groschen 7.68 Pfennige verinteressirt werden.

Wird nun auch die Summe unter C (143425) durch die unter B (16330) dividirt, so zeigt der Quotient, nach wie viel Monaten die ganzen 3000 Thaler bezahlt werden müssen; also 143425:16330 = 8\frac{25}{25}\frac{1}{6}\). Die ganze Summe ist also ungefähr nach 8\frac{4}{5}\) Monat, oder genauer, nach 8 Monaten 23 Tagen zu 5\frac{1}{6}\) Procent zahlbar.

Nöthige Bemerkungen zu dieser Terminrechnung.

#### - 5. 119.

Obschon in den mehrsten Rechenbüchern und in denjenigen

Schriften, welche diese Gegenstände besonders abhandeln, die Art und Weise der hier gegebenen Auflösung als richtig bestätiget wird und obgleich der Freyherr v. Vega in seinen Vorlesungen über die Mathematik; Wien 1802. im ersten Bande, am Ende des §. 219 in Nr. 23 die Richtigkeit dieser Rechnung sogar durce Algebra zu beweisen sucht; so lässt sich doch behaupten, insofern man nämlich auf Benutzung des Capitals und dessen Zinsertrag Rücksicht nimmt, dass derjenige, welchem man einen mittleren Zahlungstermin zugesteht, stets einen Vortheil davon haben wird: und insofern dieses gegen die Hauptbedingung einer solchen Auseinandersetzung ist, - so ist auch diese Berechnung nicht immer anwendbar. Daher gehört dieser Gegenstaud unter diejenigen Fälle, deren Richtigkeit sich nur scheinbar mathematisch beweisen lässt; denn so ist der Satz: "1000 Thaler bringen in 10 Jahren (zu 5 Procent) eben so viel Zinsen als 10 mal 1000 Thaler oder 10000 Thaler in 1 Jahr" nur theoretisch richtig; indem es Niemand gleichgültig seyn wird, ob cr 500 Thaler Zinsen am Ende des laten Jahres auf einmal oder ob er 10 Jahre hintereinander am Ende eines jeden mar 50 Thaler cianimms. Eben so ist or nicht einerlei, ob man 365 Thaler so fort, eder in Jahresfrist, jeden Tag mit 1 Thir., besahlt erhält.

Jene Grundsätze alse, worauf die ganze Berechnung des mittlern Zahlungstermins gegründet wurde, beweisen weiter nichts, als dass 10 mai 1000 Thaler eben so viel betragen, als 10000 mai 1 Thaler.

### §. 120.

Um nim den Vortheil des einen und den Nachtheil des andern noch mehr zu versinnlichen, wollen wir annehmen: "Ich habe den A ein Grandstück für 4000 Thaler unter der Bedingung abgekauft, dass ich 2000 Thaler sogleich baar, und die andern 2000 Thaler nach 4 Jahren ohne Interesse zu bezahlen mich verpflichte. Ich sehe mich jedoch genöthiget, A um Gestattung eines mittlern Zahlungstermins zu hitten, zu welcher Zeit diese 4000 Thaler auf einmal abgetragen werden vollen. Da nun nach der ebigen Anleitung die ganzen 4000 Thaler nach 2 Jahren auf einmal zu bezahlen sind, so scheint dieses ganz gleichgültig zu seyn; denn ich bezahle dem A

zwaz die ersten 2000 Thaler 2 Jahre zu spät, dafür erhält er aber auch, die nach 4 Jahren erst fälligen 2000 Thaler schon nach 2 Jahren, und somit scheint sich dieser Nachtheil durch jenen Vortheil wieder auszugleichen; denn A würde bei 5 Procent jährlich von den baar zu zahlenden 2000 Thalern in 4 Jahren 400 Thaler Zinsen gezogen haben, welche er von den nach 2 Jahren zu erhebenden 4000 Thaler in 2 Jahren ebenfalls erheben kann; und so verglichen, zeigt sich für den ersten Anblick kein Nachtheil für einen der beiden Interessenten. Allein wenn wir diesen Gegenstand anders beleuchten, und die Zinsen zu 5 Procent mit in Anschlag bringen, so wird es sich bald finden, dass A durch diesen neuen Vergleich wenigstens 20 Thaler an Zinsen verlieret. —

### §. 121.

Um dieses deutlich einzusehen, wollen wir die Sache zuerst so betrachten:

A hat mir 2000 Thaler zu 5 Proceut auf 2 Jahre gelichen; anstatt der Zinsen aber habe ich ihm wieder 2000 Thaler zu 5 Procent auf die nächsten 2 Jahre geliehen, welches mit dem zweiten Vertrag ganz gleichlautend ist, dennoch aber, wenn man die Zinsen in Anschlag bringt, zu verschiedenen Resultaten führt, wenn wir auch die Zinstermine selbst zweijährig annehmen; denn A hat von mir nach 2 Jahren nicht allein das Capital von 2000 Thalern, sondern auch 200 Thaler Zinsen zu fordern. Wenn ich dem A nun wirklich diese 200 Thaler Zinsen bezahlte, und ihm noch überdiess 2000 Thaler zu 5 Procent auf die nächsten 2 Jahre lieh, so wäre dadurch erst meine Verbindlichkeit gegen ihn erloschen; da ich demselben aber die 200 Thaler Zinsen selbst gar nicht bezahle, sondern ihm bloss ein neues Capital von 2000 Thaler gebe, von dessen Zinsertrag er sich erst nach 2 Jahren bezahlt machen kann, so entbehret er dadurch den Nutzen von 200 Thaler auf 2 Jahre und hat mithin einen Verlust von wenigstens 20 Thalern. Wennich dem Anun also auch wirklich ein eben so grosses Capital, auf eben so lange Zeit, und zu denselben Procenten, wieder leihe, als derselbe mir geliehen hat, bezahle ihm aber die schuldigen 200 Thaler Zinsen nicht, so erfülle ich meine Verbindlichkeit gegen ihn nur scheinbar; denn er hat das Recht dazu, von den 2000 Thalern die ich ihm wieder zu borgen vermeine, sogleich 200 Thaler als rückständige Zinsen wegzunehmen; es bleiben daher alsdann nur 1800 Thaler welche ich dem A auf 2 Jahre zu 5-Procentwirklich vorstrecke — und diese tragen in 2 Jahren nicht 200 Thir. sondern nur 180 Thir. Zinsen. Hieraus geht also wieder ganz deutlich hervor, dass A um 20 Th aler Zinsen zu kurz kommt, welcher Nachtheil bloss durch die Berechnung des mittlern Zahlungstermins herbeigeführt wurde.

Leichte Zinsberechnung mit Hülfe einer besondern Tabelle.

### **§**. 122.

Zum Schluss dieses Capitels von der einfachen Zinsrechnung wollen wir noch eine Regel aufstellen, nach welcher sich die Zinsen für ein Capital nicht allein auf ganze Jahre, sondern auch auf Bruchtheile desselben durch Multiplication leicht berechnen lassen.

### §. 123.

Es wird im Geschäftsleben und im täglichen Verkehr fast allgemein angenommen, dass wenn z. B. die jährlichen Procente mit 4 Thaler (oder Gulden u. s. w.) bedungen sind, man die Zinsen auf ½ Jahr mit 2, auf ½ Jahr mit 1, und auf 1 Monat mit ¾ Procent u. s. w. in Rechnung bringt — oder annimmt; wie wohl dieses nicht immer statt finden sollte, wenn das ganze System der Zins-und Procentrechnung mit der Berechnung des Rabats oder des Interusuriums im Allgemeinen in Einklaug bleiben, und durch unrichtige Aunahme dieser Art nicht gestört werden soll. Diese letzte Behauptung soll in IVten Abschnitt näher aus einander gesetzt und erwiesen werden.

#### 8. 124.

Da jedoch die oben gezeigte Annahme, unter der Voraussetzung, dass die Zinsen halbjährlich, vierteljährlich oder monathlich u. s. w. bedungen sind, — in mehreren Fällen auch ihre Richtigkeit hat, so wollen wir, zur leichtern Berechnung dieser Zinsen auf Bruchtheile des Jahres, die hier beifolgende Tabelle benutzen.

### §. 125.

Es ist uns schon aus den früheren Paragraphen bekannt, dass, wenn jährlich 5 Procent gegeben werden, die Zinsen für jedes Capital  $\frac{5}{100}$ , bei 4 Procent  $\frac{4}{100}$ , bei  $\frac{31}{2}$  Procent  $\frac{31}{100}$  u. s. w. des betreffenden Hauptstammes betragen. Verwandelt man daher diese Brüche nach §. 47 in Decimalbrüche, so sind  $\frac{5}{100} = 0.05$ ;  $\frac{4}{100} = 0.04$ ;  $\frac{31}{100} = 0.035$ . u. s. w. Sind also die Zinsen für irgend einen Theil des Jahres bedungen, und mithin deren Berechnung statthaft, so enthält die folgende Tabelle diejenigen Decimalbrüche mit welchen das fragliche Capital zu multipliciren ist; das Product giebt uns alsdann den Betrag der Zinsen auf diese Zeit.

Tabelle zur Berechnung der Zinsen auf die hier angegebenen Zeiten von Achtel zu Achtel Procent.

ă	·	Betrag der	Zinsen für d	as Capital Ei	n s.
2	jährlich.	halbjährl.	vierteljährl.	monathlich.	täglich.
-jan-jar-sajan-ja	0. 0 0250 0. 0 0375	0. 00 1250 0. 00 1875	0. 00 06250 0. 00 0937 <i>5</i>	0. 00 010417 0. 00 020833 0. 00 031250 0. 00 041667	0.000 00685 0,000 010 <b>2</b> 7
5 10 3 4	0. 0 0625 0. 0 0750	0. 00 3125 0. 00 3750	0. 00 15625 0. 00 187 <b>5</b> 0	0. 00 052083 0. 00 062500 0. 00 072917	0.000 01712 0.000 02055
1 13	0. 0 1000 0. 0 1125	0. 00 5000 0. 00 5625	0. 00 25000 0. 00 28125	0. 00 083333 0. 00 093750	0,000 027 <b>4</b> 0
11	0. 0 1250	0. 00 6250	0. 00 31250	0. 00 104167	0.000 03425

Anmerkung. Das Jahr ist hier zu 12 Monaten, oder 52 Wochen oder 365 Tagen angenommen worden.

# Fortsetzung dieser Zinstabelle.

Procent	Ė	Setrag der	Zinsen für d	las Capital E i	n s.
Pro	jährlich	halbjährl.	vierteljährl.	monatlich	täglich.
15	0. 0 1375	0. 00 6875	0. 00 34375	0. 00 114583	0 0000 3767
$1\frac{3}{2}$	0. 0 1500	o. <b>o</b> o 7500	0. 00 37500	0. 00 125000	0. 0000 4110
15	0. 0 1625	0. 00 8125	0. 00 40625	0. 00 135417	0. 0000 4452
1.4	0. 0 1750	0. 00 8750	0. 00 43750	0. 00 145833	<b>0. 0000 479</b> 5
1į	0. 6 1875	0. 00 9375	d. 00 46875 0: 00 50000	0. 00 156250 0. 00 166667	0. 0000 5137 0. 0000 5479
2-	d. 0 2000'	0. 01 0000	<u> </u>		
$2\frac{1}{8}$	0. 0 2125	0. 01 0625	0. 00 53125 0. 00 56250	0. 00 177083 0: 00 187500	0.0000 5822
$rac{2rac{1}{4}}{2rac{3}{4}}$	0. 0 2250 0. 0 237 <i>5</i>	0. 01 1250 0. 01 1875	0. 00 50250 0. 00 59375	0. 00 187300	0. 0000 6164 0. 0000 6507
$2\frac{1}{2}$		0. 01 2500		0. 00 208333	0. 0000 6849
	<del></del>	0. 01 3125	0. 00 65625	0. 00 218750	0. 0000 7192
23 23	0. <del>0</del> 2625 0. <del>0</del> 2750	0. 01 3120 0. 01 3750		0.0021870	0. 0000 7192 0. 0000 7534
$2\frac{7}{8}$	0. 0 2875	0. 01 4375	0. 00 71875	0: 00 239583	0. 0000 7877
3-	0: 0 3000	o. or 5000	0. 00 75000	<b>0</b> . 00 250000	0. 0000 8219
34	0. 0 3125	0. 01 5625	0. 00 78125	0. 00 260417	0. 6000 8562
3 <u>Ť</u>	0. 0 3250	0. 01 6250	0. 00 81260	0. 00 270833	0. 0000 8904
3	0. 0 3375	0. 01 6875	0. 00 84375	0. 00 281250	0. 0000 9247
$3^{\frac{7}{4}}$	0. 0 3500	0. 01 7500	0. 00 87500	0. 00 291667	0. 0000 9589
35	0. 0 3625	0. 01 8125	0. 00 90625	0. 00 302083	0. 0000 9932
3	0. 0 3750	0. 01 8750	0. 00 93750	0. 00 312500	0. 0001 0274
$3\frac{1}{8}$	0. 0 3875	0. 01 9375 0. 02 0000	0. 00 96875 0. 01,00000	0. 00 322917 0. 00 333333	0. 0001 0616 0. 0001 <b>09</b> 59
<u></u>	0. 0 4000				
4:1 4:1	0. 0 4125 0. 0 4250	0. 02 0625 0. 02 1250	0. 01 <b>03125</b> 0. 01 <b>062</b> 50	0. 00 343750 0. 00 354167	0. 0001 1301 0. 0001 1644
4	0. 0 4230 0. 0 4375	0. 02 1230	0. 01 00230	0. 00 364583	0. 0001 1044 0. 0001 1986
41	0. 0 4500	0. 02 2500	0. 01 12500	0. 00 375000	<b>0.</b> 0001 1330 <b>0.</b> 0001 2329
45	0. 0 4625	0. 02 3125	0. 01 15625	0. 00 385417	0. 0001 2671
43		0. 02 3750	0. 01 18750	0. 00 395833	0. 0001 3014
4 7 8	0. 0 4875	0. 02 4375	0. 01 21875	0. 00 406250	0. 0001 3356
5 -	0. 0 5000	0. 02 5000	0. 01 25000	0. 00 416667	0. 0001 3699
5 <u>1</u>	0. 0 5125	0. 02 5625	0. 01 28125	0. 00 427083	0. Q001 4041
$5\frac{1}{4}$	0. 0 5250	0. 02 6250	0. 01 31250	0. 00 437500	0. 0001 4384
5	0. 0 5375	0. 02 6875	0. 01 34375	0. 00 447917	0. 0001 4726
<u>5 j</u>	0. 0 5500	0. 02 7500	0: 01 37500	0. 00 458333	0. 0001 5068
55	0. 0 5625	0. 02 8125	0. 01 40625	0. 00 468750	0.00015411
5 <u>\$</u>	0. 0 5750 0. 0 5875	0. 02 8750 0. 02 9375	0. 01 43750 0. 01 46875	0. 00 479167 0. 00 489583	0. 0001 5753 0. 0001 6096
$\frac{5\frac{1}{8}}{6}$				0. 00 500000	
				1	

Schlus dieser Zinstabelle.

Procent		Betrag der	Zinsen für	das Capital E	ins,
F.	jährlich	halbjährl.	vierteljährl.	monatțich	täglich,
	0. 0 6250 0. 0 6375	0. 03 1250 0. 03 1875	0. 01 56250 0. 01 59375	0. 00 510417 0. 00 520833 0. 00 531250 0. 00 541667	0. 0001 7123 0. 0001 7466
65 63 67 67	0. 0 6625 0. 0 6750 0. 0 6875	0. 03 3125 0. 03 3750 0. 03 4375	0. 01 65625 0. 01 68750 0. 01 71875	0. 00 552083 0. 00 562500 0. 00 572917	0. 0001 8151 0. 0001 8493 0. 0001 8836
71	0. 0 7125 0. 0 7250	0. 03 5625 0. 03 6250	0. 01 78125 0. 01 81250	0. 00 583333 0. 00 593750 0. 00 604167	0. 0001 9521 0. 00 <b>0</b> 1 <b>9</b> 863
7½ 7½ 7%	0. 0 7500 0. 0 7625	0. 03 7500 0. 03 8125	0. 01 87500 0. 01 90625	0. 00 614583 0. 00 625000 0. 00 635417	0. 0002 0548 0. 0002 0890
7 į	0. 0 7875	0. 03 9375	0. 01 96875	0. 00 645833 0. 00 656 <b>2</b> 50 0. 00 666667	0. 0002 1575

Aufgaben über den Gebrauch dieser Zinstabellen.

### §. 126.

1.) Wie viel betragen die jährlichen Interessen eines Capitals von 1000 Thaler, wenn dasselbe zu 13 Procent benutzt wurde?

# Auflösung.

Man gehe in die Spalte, welche mit "Procent" überschrieben ist, und suche die Zahl 13, so findet man daneben die Zinsen von 1 Thaler, mit 0.0175 angegeben. Da nun 1000 Thaler so viel als 1000 × 1 Thaler sind, so hat man diesen Bruch mit 1000 zu multipliciren; Aieses geschieht, wie §. 45. gezeigt wurde dadurch, dass man den Punct um 3 Stellen, nach der rechten Hand zu, fortrückt. Man erhält also durch diese Versetzung 17.5 oder 171 Thaler als Zinsen.

Wenn also das Capital durch eine decadische Zahl 10, 100, 1000, u. s. w. ausgedrückt ist, so kann man durch Versetzen des Punctes, den Betrag der Zinsen jederzeit sogleich von der Tabelle ablesen.

# §. 127.

2.) Wie viel ist der Betrag der Zinsen eines Capitals von 731 Gulden auf 1 Jahr, wenn sie zu 4½ Procent ausgeliehen sind?

## Auflösung.

Dei 4½ Procent steht 0.04875. Diesen Bruch nun (wie ne
0.04875
731
4875
14625
34125
35.63625

Bruch 0.63625 in der am Ende dieses Buches anderen Ende dies

Die gesuchten Zinsen betragen also 35 Gulden 38 Kreuser 1 Pfennig.

### §: 128.

3.) Ein Capital von 1300 Thaler ist jährlich su 4½ Procent ausgeliehen; die Zinsen sind aber halbjährlich fällig; wie viel betragen die letstern auf ein halbes Jahr?

# Auflösung.

0.0225	In der Rubrik zu 4½ Procent findet man in der
·. 1300	Colonne welche mit "halbjährlich" überschrieben
67500	ist, den Bruch 0.02205. Diesen mit 1300 multiplicirt,
225	giebt: 29.25, dieses sind 291 Thaler oder 29 Thir. 6
29,2500	Groschen. (7 Silbergroschen 6 Pfennige.)
	• •

### 5. 120.

4.) Von einem Capitale von 2750 Thaler, welches zu 5 Procent ausgeliehen ist, sind die Zinsen vierteljährlich fällig. Wie viel hat man deher nach 3 Jahren zu berechnen?

# Auftäsung.

•	_ Da die Zinsen in der Tabelle nur für 1
0.0125 3	Jahr angegeben sind, so hat man den daselbst befindlichen Bruch, nämlich: 0.0125, erst mit 3
0.0375 <b>27</b> 50	und sodann mit der Zahl des Capitals 2750 zu multiplieiren. Hierdurch erhält man 103 ganze Tha-
187 <i>5</i> 0 <b>262</b> 5 750	ler, und für den Bruch 0.125 findet man in der III. Resolvirungtabelle den Werth, 3 Groschien. Die ge-
103.1250	Silbgr. 9 Pf.) Silbgr. 9 Pf.)

### **§**. 130.

5.) Wie viel betragen die Zinzen für 17 Guttur 45 Krenzer auf 8 Monate, wenn dieses Capital zu 4 Procents jährlicht ausgeliehen ist?

# Auflösung.

0. 00333333 8	1
0. 02666664 17. 75	
13333320 18666648.	
18666648 <b>2666664</b>	1
0. 4733328606	ŀ

174 Gulden 45 Kreuser sind 1745 oder 1745 oder 1775 Gulden. In der Tabelle findet man bei 4 Procent die Zinsen auf einen Monat mit 0.00333333 angegeben. Man multiplicire dalier den Bruch 0.00333333 mit 8, und das erhaltene Product wieder mit 17.75, so finden sich die Zinsen wie nebenstehet. 0.473333... fl.; welcher Bruch in der II. Resolvirungstafel mit 28 Kreuser 2 Pf. angegeben ist.

Würde endlich, die Zinsen auf eine bestimmte Ausahl Tage zu wissen, verlangt, so muss man den für 1 Tag angegebenen Bruch erst mit der Zahl dieser Tage multipliciren. Z. B.

6.) Wie viel Zinsen hat man für ein Capital von 207 Thaler 9 Silbergroschen, auf 179 Täge zu fodern, wenn dieses Capital zu 6 Procent versinst wird?

# Auflösung.

Bei 6 Procent findet man' die Zinsen auf einen Tag mit 0.00016438 angegeben; diesen Bruch erst 0.00016438 mit 179 multiplicirt, gicht 0.02942402. 179 Nun sind 2017 Thir. 9 Silbgr. so viel als 147942 207,3 Thir. oder 207,3 Thir. = 207,3 115066 Thir. Multiplicirt man daher des obige 16438 Product wieder mit 207.3, und setzt den Q 02942462 207.3 Punct von der rechten nach der linken 8827206 Hand wieder nach der 9to Ziffer (weil 20596814 beide Zahlen wasammen genommen 8+1 **5**884804 = 9 Decimalen haben) so erhält man 6 6. 090599346 games Thaler, and den Bruch 0,099599346

Thir., dessen Betreg in der 4ten Reselvirungstafel unft 3 Silbergroschen angegeben ist. Es sind demnach die gesuchten Zinsen gleich 6 Thaler 3 Silbergrosehen — Pfennige.

#### **§**. 132.

Da übrigens wehl allgemein die Pfennigbrüche, welche mehr als 1 betragen, für voll anzunehmen, dagegen diejenigen, welche weniger als einen halben Pfennig betragen, ganz ausser Acht zu lassen sind; so dürfte diese Genauigkeit für jeden vorkommenden Fall hinlänglich seyn. Würden aber wirklich auch Bruchtheile ver-

langt, so tässt sich dieses ebenfalls aus diesen Tafeln durch blosses Abschreiben leicht angeben; word am Ende des §. 64, eine Anleitung gegeben wurde.

Berechnung der Zinsen auf einzelne Tage; insbesondere beim kaufmännischen Verkehr.

#### **§**. 133.

Der Kaufmann berechnet seine Zinsen und den Disconto auf einzelne Tage nach folgender Tabelle, indem er den Monat im Durchschnitt zu 30 Tagen und demnach das Jahr zu 360 Tagen annimmt.

$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$		<b></b>								عالي	
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$											
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			ССЩЕ	501.	CCIALL		COLL	auz.	CCIIC	BOT 4	×
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		000000	03	15150	45	2204	67	5000	0.1	20.45	4
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	8			1	48	•		1			П
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$		_							9‡		1
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	8		28		4 %	1 1	7	1	93		
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	1/2				5.	7200		4966	91	3789	H
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	<del>- 3</del>	57600	$2\frac{7}{8}$	12522	5 <del>1</del>	7024	7 <del>3</del>	4881	95	3740	I
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	. 3	48000		12000	5 <u>1</u>	6857	71	4800		3692	
$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	7	41143	3 <del>1</del>	11520	5₹	6698	75	4721	97	3646	ı
$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$		36000		11077	5 <u>ដ</u>	6545	7 🖁	4645		3600	-
$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	11	32000	31	10667		•				1	H
$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	11	28800	3 <u>î</u>	_							H
$1\frac{1}{2}$ 24000 $3\frac{3}{4}$ 9600 6. 6000 $8\frac{1}{4}$ 4364 $10\frac{1}{4}$ 3429	13				57						ı
-2   -2000 04   5000 0.   0000 04   43041104.   5425	11	1	33				Q i			1	ı
	15	22154		1		1 -	<b>₹</b>	1	. Z .		ı
11 20571 4 9000 61 5760 81 4235 104 3349	13		78	_		1		•			ı
	1 7		•			1					ı
	18	1			08		89			*1	Į
2. $18000$ $4\frac{1}{4}$ $8471$ $6\frac{1}{4}$ $5538$ $8\frac{3}{4}$ $4114$ $11$ . $3273$		1		1 -		1					- 6
$2\frac{1}{8}$   16941 $4\frac{3}{8}$   8220 $6\frac{5}{8}$   5434 $8\frac{7}{8}$   4056   11 $\frac{1}{8}$   3236	24			1							1
$2\frac{1}{4}$   $16000$   $4\frac{1}{4}$   $8000$   $6\frac{3}{4}$   $5333$   $9.$   $4000$   $11\frac{1}{4}$   $3200$	$2\frac{1}{4}$	16000	$\frac{4\frac{1}{2}}{2}$	<b>  8000</b>	1 63	5333	9.	4000		3200	

Der Gebrauch dieser Tabelle ist folgender:

Man multiplicirt das Capital, von welchem die Zinsen auf einzelne — oder auf mehrere Tage berechnet werden sol-

len — mit der Zahl dieser Tage, und dividirt das Product durch die Zahl, welche rechts neben den in Rechnung zu bringenden Procenten steht. Sollen z. B. die Zinsen eines Capitals von 1200 Thalern, welches zu 5 Procent ausgeliehen ist, auf 81 Tage berechnet werden; somultiplicirt man die 1200 Thir. mit 81, und dividirt dieses Product (1200 × 81) durch die Zahl (7200), welche in der Tabelle, rechts neben 5 Procent steht; so erhält man:

 $(1200 \times 81):7200 = 97200:7200 \text{ oder } 972:72 = 14\frac{1}{2}$ 

Dieses sind 14 Thir. 12 Gr. alt Betrag der Zinsen für 1200 Thir. Capital auf 81 Tage.

### §. 134.

Der Grund, auf welchen die berechneten Zahlen in der Tabelle beruhen, so wie die Regel der Anwendung derselben, liegt
in folgendem Verhältnisse. Wenn nämlich 100 Thaler Capital in
360 Tagen 5 Thir. Zinsen tragen, und man wollte im Allgemeinen wissen, wie viel die Zinsen von a Thir. in n Tagen betragen, so findet man dieses durch den Ansatz: (siehe § 99.)

100 Thir. Capital 360 Tagen 5 Thaler Zins.

١.

x 5 Thaler Zins.

100 a je mehr Capital, desto mehr Zinsen

360 n je mehr Zeit, desto mehr Zinsen.

$$x = \frac{5 \times a \times n}{360 \times 100} = \frac{a \times n}{72 \times 100} = \frac{a \times n}{7200}.$$

Hieraus ersieht man nämlich, dess das Capital (a) mit der Zahl der Tage (s) zu multipliciren, und das Product durch 7200 zu dividiren ist, um die Zinsen bei 5 Procent zu berechnen. Da sich nun ferner die Zahlen 360 und 100 nicht verändern, so findet man im Allgemeinen die in der Tabelle angegebe-

nep Divisoren, wenn man 360 × 100 oder 36000, durch die in Rechnung zu bringenden Procente dividirt; als:

bei 2 Procent, 36000:2 = 18000

-3 -36000:3 = 12000

- 3¾ - . 36000 : ¼ = . 9600 µ. s. у.

Einige Bemerkungen über Abschlagszahlungen.

8. 135.

Es kommt bei rechtlichen Auseinandersetzungen oft der Fall vor, dass ein Schuldner die zu leistenden Zahlungen, sie mögen nun auf Einmal, — oder in festgesetzten Terminen bedungen seyn — nicht zu der bestimmten Zeit bezahlt, und daher die ganze Schuld mit den auf diese Zeit fälligen Zinsen in einzelnen Posten abzutragen sucht.

In diesem Falfe bestimmen die Gesetze, dass der gleichen Abschlagszahlungen zuerst auf den Betrag der Zinsen, welche his zum Tage der abschläglichen Zahlung aufgelaufen sind, — und im Fall noch etwas mehr besahlt werden sollte, — der Ueberschuss auf das Capital selbst verwender werden soll.

So leicht nun diese Regel zu seyn scheint, nach welcher die Abschlagszahlungen in Rechnung zu bringen sind, so können doch in einzelnen Fällen Missgriffe geschehen, durch welche einem der beiden Interessenten ein Nachtheil zugefügt wird.

Diese abschläglichen Zahlungen können nämlich auf dreierlei Art erfolgen,

- a) Der Schuldner bezahlt jedesmal nur so viel, dass dadurch die aufgelaufenen Zinsen völlig gedeckt, oder abgetragen werden;
  - b) Er zahlt mehr als den Betrag dieser Zinsen;
  - c) Erzahlt weniger als die Zinsen zu dieser Zeit betragen.

# Erster Fall.

**§**. 136

Wird der Betrag der Zinsen, welche in jährlichen, halbjährlichen, oder vierteljährlichen Terminen bedungen waren, am Ende

niner solchen Zeit gehörig abgetragen, so erfordent dieses keine Resechnung weiter; denn das Capital bleibt ungeändert.

Zahlt jedoch der Schuldner für ein Capital von 2000 Thader, dessen Zinsen in jährlichen Terminen mit 5 von 100 bedungen sind, — schon nach 2 Monaten 100 Thaler in Abschlag,
so dürfen diese 100 Thaler (ob sie schon den jährlichen Zinsen
von 2000 Thaler gleich sind,) durchaus nicht für diese Zinsen
selbst angenommen werden. Denn der Schuldner ist diese 100
Thaler Zinsen erst 10 Monate später zu bezahlen schuldig; mithin anticipirt der Gläubiger die ihm an Ende des Jahres erst zukommenden 100 Thaler auf 10 Monate, und wenn ar dieselben
ebenfalls zu 5 Procent benutzt, so hat er dadurch einen reinen
Gewinn von 4 Thaler 4 Groschen (5 Silbergroschen) — Pfennig.
Da dieses nun nicht statt finden soll, so giebt es drei Wege,
auf welchen eine solche Abschlagszahlung in Rechnung gebracht
zu werden pflagt, entweder:

### §. 137.

1. Man berechnet die Zingen von den 2000 Thalern Capital auf diese 2 Monate, deckt diese von der Abschlagszahlung, und rechnet den Uebersehuss auf das Capital ab.

Insofern nun die Zinsen von 2000 Thaler auf 2 Monate 16 Thaler 16 Groschen betragen, so werden diese von den angezahlten 100 Thaler bezahlt, und der Ucherschuss von 83 Thaler 8 Groschen wird auf das Capital der 2000 Thaler abgerechnet, so dass auf die noch übrigen 10 Monate anstatt 2000 Thaler nur noch 1916 Thaler 16 Groschen verzinsbares Capital in Rest bleiben.

2) Der Gläubiger nimmt diese, ihm 10 Monate zu früh gesahlten 100 Thaler als ein, ihm von seinem Schuldner geliehenes
Capital an, und versinst ihm dieselben bis Ende des Jahres ebenfalls mit 5 Procent jährlich; we dann am Ende des Jahres gegenseitig abgerechnet werden muss. Da nun die Zinsen für 100 Thaler auf 10 Monate 4 Thaler 4 Groschen betragen, so ist es eben
so viel, als wenn der Schuldner am Ende des Jahres 104 Thaler

- 4 Groschen abgetragen hätte. Da aber der Gläubiger zu dieser Zeit bloss 100 Thaler Zinsen zu fordern hatte, so müssen die übrigen 4 Thaler 4 Groschen auf das Capital abgerechnet werden; es bleiben daher zu Anfange des 2ten Jahres nur noch 1995 Thaler 20 Groschen verzinsbares Capital.
- 3) Wenn diese Abschlagszahlung von 100 Thaler sogleich auf den Betrag der jährlichen Interessen der 2000 Thaler verwendet werden sollte, so musste man von diesen Zinsen, welche erst nach 10 Monaten fällig waren, den jetzigen baaren Werth nach der in folgenden §. 158. gegebenen Anleitung, in Rechnung bringen; denn 100 Thaler welche erst nach 10 Monaten sahlbar sind, sind jetzt nur 96 Thaler werth, wenn man nämlich ein Internsurium von 5 Procent abrechnet. Daher müssen dem Schuldner die zu viel bezahlten 4 Thaler entweder zurückgegeben oder auf das Capital abgerechnet werden.

## Zweiter Fall.

### §. 138.

Gesetzt der Schuldner wolle diese Schuld von 2000 Thaler in jährlichen Terminen und zwar mit Ende eines jeden Jahres 500 Thaler abtragen; so ist die Rechnung wie folget zu führen:

Das Capital besteht jetzt aus:		2000	Thir.		Gr.	_	P£.
Betrag der Zinsen bis Ende	des Jahre	s 100	-	_	-	_	-
	Summa	2100	ş -	_	-		-
Hierauf werden am Ende des	ersten						
Jahres bezahlt	•	500	-	_	-	-	:
	Rest	1600	-	_	-	_	_
Zinsen auf das zweite Jahr.	•	80	-		-	_	-
•	Summa	1680	_	_	-		_
Hierauf wurden abgetragen	•	500	-	_	-		-
	Rest	1180	-		-	_	-
Zinsen auf das dritte Jahr	•	59	-	_	_		_
•	Summa	1239	Thir.	_	Gr.	_	Pf.

Rest   739															•
Rest 739	- Pf.		Gr.	-	Thlr.	239	•	•		•			rt	nspo	Tra
Rest 739							rden	We	hres	Jal	tten	dri	les	nde d	Am Er
Zinsen			-	-	-	<b>500</b>		. •	•	•	. '			ahlt	beza
Summs 775 - 22 -  Am Ende des vierten Jahre werden  bezahlt		_		_	-	739	Rest								
Am Ende des vierten Jahre werden  bezahlt	9. 2	9.	·	22	-	36	•		•	• ,				D.	Zinser
bezahlt       .       .       .       500	9. 2	9.	-	22	1.	775	Summs		•						
Rest 275 - 22 - Zinsen 13 - 19 -						•	erden	W	ahre	Ja	rten	vie	des	nde	Am E
Zinsen 13 - 19 -		-	-	_	<b>'</b> _	500			•					ahlt	beza
	9. 2	9.	-	22	-	275	Rest	•							
Summa 280 Thir 17 Gr 10	1. 7	1		19	_	13	•				•		•	n	Zinser
, amin 200 imi. 11 Qi.10	9Pf.	10.	Gr.	17	Thlr.	289	Summa				•				

Mithin hat der Schuldner am Ende des fünsten Jahres noch baar zu bezahlen 289 Thaler 17 Groschen 10.9 Pfennige (oder 11 Pfennige.)

# §. 139.

Bezahlt er aber die ersten 500 nicht nach Verlauf eines Jahres sondern sogleich baar, so ist zwar die Rechnung der vorigen ganz ähnlich, führt aber zu ganz andern Resultaten, nämlich:

Das Capital be	steht aus	• •	2000	Thir.	_	Gr.		Pf.
(	wird bezahlt	•	500	-		-	_	-
Das erste Jahr		Rest	1500	-		-	_	-
•	Zinsen <sup>°.</sup>		75		_	-	-	
		Summa	1575	-	_	-		
	wird bezahlt		<b>50Q</b>	-	.—	-	_	-
Das zweite -	<b>{</b>	Rest	1075		_	-	-	
•	Zinsen	•	53	-	18	-		_
<del>-</del>		Summa	1128	-	18	-		
-	(wird bezahlt		500	-		-		• `
Das dritte -	}	Rest	628	-	18	-	_	-
	Zinsen		<sup>'</sup> 31	-	10	-	6.	-
	•	Summa	660	Thir.	4	Gr.	6	Pf.

Transport			. 660	Thir.	4	Ģr.	6	Pf.
	wird besahlt		500	•	_	-		-
Das vierteJahr		Rest	160	-	4	_	6	-
	Zinsen		8	-	_	-	´ 3	
		Summa	168	Thlr.	4	Gr.	<b>.</b>	P£.

Hiernach bleiben also am Ende des vierten Jahres — oder zu Anfang des fünften, noch zu bezahlen: 166 Thaler 4 Greschen 9 Pfennige.

Mithin gegen das Vorige ein Unterschied von 121 Thaler 13 Groschen 2 Pfennige.

# Dritter Fall.

# §. 140.

Käme der Schuldner mit seinem Gläubiges dahin überein, dass Erster auf die obige Schuld von 2000 Thaler die beiden ersten Jahre, und zwar zu Ende eines jeden nur 80 Thaler, sodann aber jährlich 600 Thaler abtragen wolle, so darf die Rechnung durchaus nicht auf die oben gezeigte Weise geführt werden; sondern es müssen zwei Rubriken, — eine für die Abschlagszahlungen auf das Capital, — und die andere für die laufenden Zinsen angelegt werden. z. B.

77	Capital.		Zinsen.			
v.ú	Thir.	Gr	Pf	Thir.	Gr	Pf
Das Capital besteht in	2000	Ξ	=		=	
Die Zinsen à 5 Procent auf das erste Jahr	_	-	-	100	-	-
Summe	2000	=	=	100	=	=
Hierauf werden am Ende des ersten Jah- res bezahlt	_	_	_	80	_	
Rest	2000	Ξ		20	$\equiv$	
Zinsen auf das zweite Jahr	-	-	_	100	_	-
Summe Am Ende des zweiten Jahres werden be-	2000	2.0	=	120	=	
zahlt	_	4	_	80		
Rest	2000	=	-	40	$\equiv$	-

	Caj	pital		Zir	sen	3)
1	Thir.	Gr	Pf	Thir.	Gr	Pf
Transport Zinsen auf das dritte Jahr	2000	-	1	40 100		1
Summe Das dritte Jahr werden bezahlt 600	2000	a.		140		
Thaler als.	460	444	-	140	1	-
Rest	1540	,	2//	77		1
Summe 699 Theler abgessallt am Ende des vier-	1540	-	-	77		<u>P</u> _
ten Jahres, als:	523	=		77	Ξ	
Zinsen auf das fünfte Jahr.	1017	-	-	50	20	5
Summe Hierauf 600 Thaler bezahlt, als:	1017 549	3	7	50 50	20 20	5
Rest Zinsen auf das sechste Jahr	467	20	5	23	9	5
Summe	467	20	5	23	9	5

Mithin sind am Ende des sechsten Jahres noch zu bezahlen

- 1) Capital 467 Thir. 20 Gr. 5 Pf.
- 2) Zinsen 23 9 5 überhaupt 491 Thir. 5 Gr. 10 Pf.

### §. 141.

Hätte man für Capital und Zinsen nur eine Rubrik angelegt, und wie bei dem 2ten Fall gezeigt wurde, gerechnet, so wären die beiden ersten Jahre die 20 Thaler, welche noch auf die Zinsen als Rest verblieben, zum Capital geschlagen, und durch alle übrigen Jahre wieder mit verzinst worden; welches indess ganz gegen die Gesetze wäre, indem diese Zinsen von Zinsen zu nehmen verbieten; und hieraus geht also die Zweckmässigkeit der obigen Doppelrubriken hervor.

Da es im 1sten Falle immer noch zweifelhaft blieb, welche von den daselbst gezeigten Rechnungsmethoden die richtige sey, so soll später (in §. 393) noch ein Nachtrag zu dieser Rechnung erfolgen.

Diese Ungewissheit wird uns indess stets begleiten, und immer auf zweiselhaste und ungleiche Resultate führen, wenn die Zinsen, welche wir zwischen zwei seatgesetzten Zinssahlungsterminen in Rechnung bringen, nicht genauer berechnet werden, als es grösstentheils zu geschehen pflegt. — Denn so betragen z. B. die Zinsen von 2000 Thir., welche jährlich mit 5 vom Hundert verinteressirt werden, nach 2 Monaten, d. h. 10 Monate vor dem sestgesetzten Zinszahlungstermine, durchaus nicht 16 Thaler 16 Groschen, sondern nur 16 Thir. also 16 Gr. weniger, als wir bei dem ertsen Fall annahmen.

Was nützt es daher, dass wir die Bruchtheil-Pfennige beachten, wenn wir schon mehrere Groschen, und bei noch grösseren Capitalien, — sogar mehrere Thaler unberücksichtigt lassen.

Das Nähere hierüber lese man in §. 393 wo das Internsurium nach dem Leibnitzischen Calcul auseinandergesetzt worden ist.

# Zweiter Abschnitt.

Ueber das einfache Interusurium oder den Rabatt, und über den jetzigen baaren Werth eines erst später (ohne Zinsen) zahlbaren Capitals.

#### §. 143.

Interusurium oder Abzug wegen früherer Zahlung, gewöhnlich Rabatt genannt, ist der Unterschied zwischen einem Geldbetrage, welcher erst nach bestimmter Zeit fällig wird, und seinem gegenwärtigen Werthe; oder auch, die Bestimmung dessen was derjenige zu viel fordert, welcher der Zeit nach (tempore) zu viel fordert, oder wie viel derjenige der Billigkeit gemäss weniger zu bezahlen hat, der Eine erst nach einigen Jahren (oder andern Zeiträumen) fällige Schuld schon jetzt abträgt.

### §. 144.

Alle Geldsummen, welche vertragsmässig erst nach Ablauf einer gewissen Zeit zahlbar sind, ohne in mittelst nach einem gewissen Fusse verzinst zu werden, in Folge einer neuen Uebereinkunft aber sofort bezahlt werden sollen, müssen, wie die Gesetze besagen, nach den landüblichen Zinsen rabattirt werden. Dahin gehören unzinsbare Termingelder, Tagezeitgelder, zinsbar unbezahlte Kaufgelder, Erbgelder, bei welchen die Berechnung des Interusuriums am häufigsten vorzukommen pflegt, ohne dass sich dasselbe jedoch auf diese Fälle beschränkt, indem es auch bei manchen andern Arten von Schuldposten vorkommen kann, welche unzinsbar, oder nach einem andern als dem landüblichen Fusse zinsbar, erst nach einer gewissen Zeit zahlbar werden.

Das Interusurium und der jetzige baare Werth wird auf zweierlei Art berechnet, nämlich:

- Indem man in dieser Rechnung bloss die einfachen Zinsen zum Grunde legt, oder
- 2) dass man selbst die Zinseszinsen debei in Anschlag bringt. Beide Arten sind gewähnlich; jedoch bestimmen die Gesetze in jedem Lande, welche Rechnungsart bei vorkommenden Fällen in Anwendung gebracht werden soll.

### §. 146.

In den mehresten Ländern Deutschlands werden diese Rechnungen so gemacht, dass man bloss einfache Zinsen dabei zum Grunde legt, oder wie man auch zu sagen pflegt — nach der gewöhnlichen einfachen Rabattrechnung berechnet.

In andern Ländern, namentlich im Königreich Sachsen, wurde schon am 25. October 1724 durch ein Rescript verordnet, dass das Interusurium nach dem Leibnitzischen Calcul berechnet werden solle. Eben so soll in einigen Regierungsbezirken Preussens, durch ein Rescript vom 8. September 1804 dieser Calcul als gesetzlich anerkannt worden seyn. (Siehe die gerichtliche Arithmetik, in Beziehung auf die k. preuss. Gesetze; Halle 1823, Seite 40 und 41.)

### §. 147.

Bei der Berechnung des jetzigen baaren Werthes und des Interusuriums für ein ganzes Jahr, kommen beide Rechnungsarten mit
einander vollkommen überein, und es ist desshalb in einem Gesetze
der Gegenstand nicht bestimmt genug ausgedrückt, wenn es heisst
"Das Interusurium ist ½ des Capitals, wenn der jährliche Zinsfusst
5 vom Hundert ist." Denn bei mehreren Jahren ist dieses ½ nicht
mehr zulässig, und dieser Umstand ist nicht allein Ursache, dass schon
zu Leibnitzens Zeiten viel hierüber gestritten wurde, sondern dass
man auch in neuern Zeiten diese Rechnungen hie und da noch sehr
willkührlich führt. Ohne uns nun auf jene Streitigkeiten weiter einzulassen, so wellen wir bloss untersuchen, wie eigentlich in jedem
dieser beiden Fälle gerechnet werden muss.

Da jedoch, wie schon erwähnt wurde, sowohl die Rechnungen selbst, als auch ihre Resultate, bei mehreren Jahren, von einander abweichen, so wollen wir hier nur diejenigen Fälle in Betracht ziehen, bei welchen bloss einfache Zinsen in Rechnung gebracht werden. Dahingegen soll die andere Art, das Interusurium zu berechnen, oder der sogenannte Leibnitzische Calcul in dem III. Abschnitte bei der zusammengesetzten Zinsrechnung möglichst deutlich aus einander gesetzt, und es sollen überdiess auch noch einige Berichtigungen dieser einfachen Rabattrechnung beigefügt werden.

### Das einfache Interusurium.

### §. 148.

Was man unter Interusurium zu verstehen habe, ist schon im Eingange gesagt worden. Es kommt also bloss noch darauf an, zu untersuchen, wie dasselbe berechnet werden soll, und dieses lässt sich am besten durch einige Beispiele erklären.

Gesetzt also A verkauft sein Haus an B für 4000 Thaler, und zwar mit der Bedingung, dass B 2000 Thaler sofort baar, und die andern 2000 Thaler nach zwei Jahren (ohne dass sie bis dahin verzinst werden), abzahlen soll. Man wird jedoch nach Abschliessung des Kaufes einig, die nach 2 Jahren erst fälligen 2000 Thaler ebenfalls sofort zu berichtigen, wegegen aber B wegen einer 2 Jahre früheren Zahlung eine Vergütung oder einen Erlass an dieser Summe fodert, und der Billigkeit gemäss fordern kann. Denn B hätte sich mit diesen 2000 Thalern, wenn er sie zu den landüblichen Zinsen zu 5 vom Hundert anlegte, einen Nutsen von 200 Thalern erzeugen können. Diesen Gewinn würde also A zur Ungebühr haben, wenn ihm B die nach 2 Jahren erst fälligeu 2000 Thaler sofort, und zwar ohne allen Abzug bezahlte.

Mithin kommt es darauf an, durch Rechnung darzuthun, wieviel A für die, nach 2 Jahren erst zahlbaren 2000 Thaler, je tzt baar zu empfangen habe, und wie viel B wegen dieser frühern Zahlung in Abzug bringen dürfe. Die Ausgleichung geschehe nun durch Geld, oder Geldeswerth, so muss A, anstatt jener 2000 Thaler, jetzt so viel erhalten, dass wenn er das jetzt Empfangene auf diese 2 Jahre zu den landüblichen Zinsen benutzt, er mit diesen Zinsen am Ende des 2ten Jahres gerade 2000 Thaler habe; da hingegen darf B auch bloss eine solche Summe in Abzug bringen, welche so gross ist, dass, wenn er dieselbe ebenfalls zu den landesüblichen Zinsen benutzte, er mit Ende des 2ten Jahres eben so viel habe, als die Zinsen jener 2006 Thaler in 2 Jahren betragen haben würden.

### §. 149.

Was die Berechnung selbst anlangt, so ist diese sehr leichtMan zieht nämlich in Erwägung, dass 100 Thaler, welche jährlich
mit 5 Procent verzinst werden, in 2 Jahren 10 Thaler Zinsen geben, oder dass 100 Thaler in 2 Jahren mit den Zinsen auf 11Q
Thaler anwachsen. Man darf also (bei 5 Proc.) jetzt nur 100 Thaler
anlegen, um in 2 Jahren 110 Thaler zu haben, oder umgekehrt,
eine Summe von 110 Thaler, welche nach 2 Jahren erst fällig wird,
ist jetzt nur 100 Thaler werth, und mithin in demselben Verhältniss auch eine jede grössere oder kleinere Geldpost.

### §. 150.

Hieraus ergiebt sich folgende Regel: Man berechne die Zinsen, welche 100 Thaler in der Zeit der frühern Zahlung tragen würden, addire dieselben zu 100, und schliesse alsdann: 100 Thaler plus dieser Zinsen verhalten sich zu 100 Thir., wie die ganze zu rabattirende Summe zu ihrem jetzigen baaren Werthe.

Für obiges Beispiel ist demnach der Ansatz folgender:

(100+10) Thaler: 100 Thaler == 2000 Thaler: x Thaler. oder 110: 100 == 2000 Thaler: x Thaler.

hieraus ist  $x = \frac{100^{\times}2000}{110}$  Thir. =  $2000^{\circ}$  Thir. =  $1818 \frac{2}{11}$  Thir. oder 1818 Thir. 4 Gr.  $4\frac{4}{11}$  Pfennige (5 Silbergr.  $5\frac{5}{11}$  Pf. preussisch); und nur soviel kann A für die nach 2 Jahren erst fälligen 2000 Thaler so fort erhalten.

### §. 151.

Zur Berechnung des Rabattes oder Interusuriums schliesse man aber so: 100 plus den Zinsen verhalten sich zu den

Zinsen seffist, wie das zu rabattirende Capital zu seinem Rabatt oder Interusurium. Also:

110:10 = 2000 Thaler:x Thaler.

 $x = \frac{10 \times 2000}{110}$  Thir. =  $\frac{2600}{110}$  Thir. = 181 Thir. = 181 Thir. 19 Gr.  $7_{1}^{7}$  Pf. (24 Silbergr.  $6_{1}^{6}$  Pf.)

Mithin darf B, weiler die obige Schuld 2 Jahre früher abträgt, sofort 181 Thaler 19 Gr. 7 Tr Pf. an den ganzen 2000 Thalern kürzen, und dieser Abzug ist demnach das gesuchte ein fache Interusurium oder der Rabatt.

### §. 152.

Man findet also das Interusurium, wenn man den jetzigen baaren Werth (1818 Thaler 4 Groschen 4.4) Pfennige) von der su rabattirenden Summe (2000 Thir.) abzieht; und umgekehrt: man findet den jetzigen baaren Werth, wenn man das Interusurium von der ganzen Schuldpost abzieht.

### **§**. 153.

Es ist daher bloss noch zu untersuchen, ob A nach 2 Jahren mit den Zinsen 2000 Thir. haben wird, wenn er die jetzt erhaltenen 1818 11 Thir. zu 5 vom Hundert jährlichen Zinsen benutzt. Um dieses nun zu untersuchen, so erdne man nach §. 99 die Rechnung so an:

100 Thir. geben in 1 Jahr 5 Thir. Zinsen.

X
x 5 Thaler
100 20000
11
1 2

x=2040 Thir=181 17 Thir. oder 181 Thir. 19 Gr. 77 Pf. Aus den hier gefundenen Zinsen ergiebt sich nun noch überdiess, dass sie eben so viel betragen, als das Interusurium, welches B in Abzug gebracht hat; und mithin ist das Interusurium gleich dem Zinsbetrage des jetzigen baaren Werthes, auf die Zeit der Anticipation, oder Vorausbesahlung.

#### §. 154.

Wir wollen uns aber auch davon noch überzeugen, ob B, wenn er das Interusurium zu 5 vom Hundert jährlich benutzt, am Ende des 2ten Jahres mit den Zinsen auch 200 Thaler haben werde? Man schliesse daher:

100 Thir. bringen in 1 Jahre 5 Thir. Zins

 $x = \frac{200}{11}$  Thir. = 18  $\frac{2}{11}$  Thir. = 18 Thir. 4 Gr. 4  $\frac{4}{11}$  Pfennige.

B hat also ein Interusurium von . . . . . . 181 Thlr. 19 Gr.  $7\frac{7}{11}$  Pf. er sieht hier von in 2 Jahren Zinsen. . . . 18 - 4 -  $4\frac{4}{11}$  - Mithin hat er nach 2 Jahren in Summe. . 200 Thlr. — Gr. — Pf.

Es ergiebt sich also aus diesen beiden Berechnungen nicht allein ihre gegenseitige vollkommene Bestätigung, sondern auch dass jeder der beiden Interessenten so viel erhielt, als nach Recht und Billigkeit von ihm verlangt werden konnte.

### §. 155.

Obschon das Interusurium bei rechtlichen Auseinandersetzungen jedesmal nach dem im Lande üblichen Zinsfusse berechnet wird,

so steht es doch jedem frei (wie bei Ausleihung eines Capitals) sich hierbei auch eines andern geringern Zinsfusses zu bedienen.

#### § 156.

Um sich in dergleichen Berechnungen einige Uebung zu verschaffen, so mögen noch einige Beispiele folgen, welche alle die verschiedenen Fälle enthalten, die bei dergleichen Rechnungen irgend vorkommen können. Ehe man aber zu der Auflösung jener Aufgaben selbst schreitet, wird es nicht unzweckmässig seyn, sich mit den hier folgenden Bemerkungen recht vertraut zu machen; denn sie enthalten gleichsam die Gründe zu den nun folgenden, so wie zu allen ähnlichen Rechnungen.

# Nothige Bemerkungen

zu den Auflösungen von Aufgaben über die Rabatt - oder Interusuriums - Rechnung.

### §. 157.

- 1.) Das zu rabattirende Capital besteht jedesmal aus der baaren Zahlung und dem Rabatte, und kann also aus diesen beiden Grössen zusammengesetzt gedacht werden.
- 2.) Man erhält den Rabatt oder das Interusurium, wenn man den baaren Werth von dem zu rabattirenden Capitale abzieht.
- 3.) Man findet also auch den jetzigen baaren Werth, wenn man den Rabatt (Interusurium) von dem ganzen zu rabattirenden Capitale abzieht.
- 4.) Das zu rabattirende Capital findet man, wenn man den jetzigen baaren Werth zu dem Rabatte addirt.
  - 5.) Das Internaurium, oder der Rabatt, ist stets

den Zinzen gleich, welche der jetzige baare Werth in der Zeit der Anticipation tragen würde.

Aufgaben über Rabattrechnung und das einfache Interusurium.

#### §. 158.

1.) Jemand ist eine gewisse Summe erst späterhin zu bezahlen schuldig. Er bezahlt aber diese Schuld jetzt, mit 3590 Thir. 16 Groschen baar, nachdem er wegen der jetzigen frühern Zahlung schon 1809 Thir. 8 Groschen Rabatt abgerechnet hatte; wie gross war die später zu leistende Zahlung?

#### Auflösung.

Das zu rabattirende Capital, welches hier gesucht wird, findet man, wenn man den jezzigen baaren Werth 3590 Thlr. 16 Gr. und den Rabatt von 1809 Thlr. 8 Gr. zusammen addirt. Mithin:

2.) 2940 Gulden, die nach einem Jahre ohne Interessen zu besahlen sind, sollen jetzt mit 5 Procent Rabatt besahlt werden; wie viel beträgt die baare Bezahlung und das Interusurium?

# Auflösung.

$$105:100 = 2940 \text{ fl.}: x \text{ fl.}; x = \frac{100 \times 2940}{105} \text{ fl.} = 20 \times 140 \text{ fl.} =$$

2800 fl. als der jetzige baare Werth; und 2940 fl. weniger 2800 fl. == 140 fl. Rabatt (Siehe §. 150.)

3.) Wenn man für ein später fälliges Capital von 19765 Franken, jetzt 18750 Franken baar bezahlt; wie viel beträgt in diesem Falle der Rabatt?

# Auflösung.

Man findet den Rabatt, wenn man den jetzigen baaren Werth

18750 Franken von dem später erst fälligen Capitale 19765 Franken abzieht. Daher:

von 19765 Franken abgezogen 18750 -

bleibt 1015 Franken Rabatt. (Siehe §. 157 Nr. 2.)

#### §. 459.

4.) Jemand hat in Hamburg ein Capital von 6900 Mark nach. 3 Jahren ohne Interessen zu bezahlen; er leistet die Zahlung jetzt, und giebt desshalb nur 6000 Mark baar. Wie viel Procent sind dieser frühern Zahlung wegen jährlich rabattirt worden?

# Auflösung.

Da man für 6900 Mark, welche nach 3 Jahren zahlbar waren, jetzt nur 6000 Mark giebt, so sind überhaupt 900 Mark rabbattirt worden, welches letztere die Zinsen von 6000 Mark auf 3 Jahre. sind. (Siehe §. 157 Nr. 5.) Daher schliesst man:

6000 Mark in 3 Jahren 900 Mark Zins

x 900 Mark Zins

60 1 (die -6000 und 100 wurden sogleich durch 100 abgekürst.)

 $x = \frac{900}{3\times50} = 5$ ; Also su 5 Procent.

5.) Ein Kaufmann ist in London 635 Pfund nach einem gewissen Zeitraum ohne Interessen zu bezahlen schuldig; er bezahlt aber jetzt, mit 6 Procent jährlich Rabatt, 500 Pfund. Wie gross ist die Zeit in welcher er die Zahlung früher leistet?

# Auflösung.

Der Kaufmann rabattirt der frühern Zahlung wegen (635 – 500) Pfund = 135 Pfund, welches zu 6 Procent jährlich gerechnet, die Zinsen von der baaren Zahlung, also von 500 Pfund sind; (Siehe §. 157 Nr. 5.) daher:

### 199 Pfund 1 Johr 6 Pfund Zins

500 - x - 135 x | 1 Jahr 5 | 1 (wurde durch 100 aufgehoben.) 6 | 135

 $x = \frac{1 \times 13.5}{5 \times 6} = \frac{9}{2}$  Jahr =  $4\frac{1}{2}$  Jahr, als die Zeit der Anticipation.

6.) Man hatte in St. Petersburg nach I Jahr 9 Monaten ein gewisses Capital zu bezählen, welches aber jetzt zu 4 Procent jährlich Rabatt, mit 1321 Rubel baar abgetragen wurde. Wie gross war das nach 13 Jahren ohne Interessen zu bezahlende Capital?

(1 Rubel hat 100 Kopecken.)

### Auflösung.

Die jährlichen Zinsen zu 4 Procent gerechnet betragen auf 100 Rubel in 13 Jahren 7 Rubel; daher schliesse man:

100:107 == 1321 Rub.:  $x = \frac{10.7 \times 13.21}{10.0}$  Rubel ==  $\frac{14.13.47}{10.0}$  Rub. == 1413. 47 Rubel == 1413 Rubel 47 Kopecken.

### §. 160.

7.) Wie viel kann man für einen Wechsel von 5000 Lire austriaca (neuen österreichischen Liren) welche in Venedig erst nach 10½ Monaten zahlbar sind, jetzt geben; wenn man jährlich 6 Procent Interessen rechnet?

(1 Lire hat 100 Centesimi.)

# Auflösung.

Wenn auf 12 Monate 6 Procent gerechnet werden, so betragen die Interessen auf 10½ Monat, 5½ Lire; daher

 $105\frac{1}{4}$ : 100 = 5000 Lire: x Lire; x  $= \frac{100 \times 5000 \times 4}{421}$  Lire  $= \frac{2000000}{421}$  Lire = 4750 $\frac{250}{421}$  Lire = 4750. 5938 Lire, oder 4750 Lire 59.38 Centesimi.

8.) Man ist in Berlin nach 3 Jahren 2 Monaten ein Ca-

pital von 2484 Thaler 27 Silbergroschen ohne Interessen zu bezahlen verbunden. Wenn man nun diese Schuld sogleich mit 4\frac{3}{4} Procent j\text{ährlichem Rabatt bezahlen will; welchen Rabatt kann man der fr\text{\text{\$\text{r}\$}} Procent j\text{\$\text{\$\text{\$\text{\$\text{\$r}\$}\$}} \text{and man der fr\text{\$\text{\$\text{\$\text{\$\text{\$r}\$}\$}} \text{and wegen in Abzug bringen?} (1 Thaler hat 30 Silbergroschen \text{\text{\$\text{\$\text{\$\text{\$\text{\$r}\$}\$}} \text{annige.})

## Auflösung,

Wenn man auf 1 Jahr.  $4\frac{3}{4}$  Procent Interessen rechnet, so betragen dieselben auf 3 Jahre 2 Monat oder  $3\frac{1}{6}$  Jahr,  $3\frac{1}{6}\times4\frac{3}{4}$  Procent =  $1\frac{9}{2}\times1\frac{9}{4}$  Procent =  $15\frac{1}{24}$  Procent. Daher verhält sich:

115<sub>2</sub> $\frac{1}{4}$ : 15<sub>2</sub> $\frac{1}{4}$  = 2484  $\frac{9}{10}$  Thir.: x Thir. x= $\frac{2484.9 \times 361 \times 24}{24 \times 2761}$  Thir.= $\frac{897048.9}{2761}$  Thir.=324,9 Thir.=324 Thir. 27 Silbgr. als der gesuchte Rabatt.

9.) Ein Capital von 13179 Gulden 20 Kreutzer Gonventions-Münze, welches nach einer gewissen Zeit erst, ohne Interessen, in Frankfurt am Main zahlbar war, wurde jetzt zu 5 Procent jährlichen Rabatt, mit 12720 Gulden baar bezahlt. Wie viel Monate früher wurde dieses Capital voraus bezahlt (anticipirt)?

# Auflösung.

Da man hier das zu rabattirende Capital und die baare Zahlung kennt, so ziehe man die letztere von dem ersten ab, und der Rest giebt den Rabatt auf die zu suchende Zeit; nämlich:

von 13179 fl. 20 Kr.

abgezogen 12720 fl. — Kr.

bleibt 459 fl. 20 Kr. oder 459 fl. Rabatt

Diese 4591 fl. sind aber auch zugleich die Interessen für 12720 fl. auf diese Zeit. Daber schliesse man:

100 fl. brauchen zu 5 fl. Zins 12 Monat Zeit 12720 fl. - 459 - x - -

x 12 Monat 12720 100 je mehr Capital, desto weniger Zeit 5 1378 je mehr Zinsen, desto mehr Zeit 3

 $x = \frac{12 \times 100 \times 1378}{12720 \times 5 \times 8} = \frac{1878}{158} = 8\frac{108}{158} = 8\frac{2}{3};$  also 8 Monat 20 Tage.

### §. 161.

10) Ein gewisses Capital, welches in Rom erst nach 2 Jahren 8 Monaten ohne Interessen sahlbar war, wurde jetzt mit 2568 Scudi 75 Bajocchi baar bezahlt. Wenn nun durch diese frühere Zahlung ein Rabatt von 513 Scudi 75 Bajocchi herbeigeführt wurde, so soll berechnet werden, su wie viel Procent man den Rabatt berechnet habe?

(1 Scudo hat 100 Bajocchi.)

# Auflösung.

Wie sehon §. 157 Nr. 5 erwähnt wurde, so bildet der Rabatt stets die Zinsen su dem jetzigen baaren Werthe auf die ganze Zeit der frühern Zahlung. Daher schliesse man:

2568.75 Scudi bringen in 23 Jahr 513.75 Scudi Zins

x 513. 75 Seudi Zins
2568. 75 100 je mehr Capital, desto mehr Zins
8 3 je mehr Zeit, desto mehr Zins

x \frac{513-75\times\_{100\times\_3}}{2568.75\times\_8} \text{Scudi} = \frac{154125}{20550} \text{Scudi} = 7.5 \text{Scudi} \text{oder } 7\frac{1}{2} \text{Scudi}.

Daher sind 7\frac{1}{2} \text{Procent rabattirt worden.}

<sup>11.)</sup> Von einem Capitale, welches in München nach 5 Mo-

nat 12 Tagen zahlbar war, und jetzt mit 6 Procent Rabatt bezahlt wurde, betrug dieser Rabatt 342 Gulden. Wie gross war dieses Capital?

### Auflösung.

Wenn die jährlichen Interessen 6 Procent gerechnet werden, so betragen dieselben auf 5 Monat 12 Tage (oder  $5\frac{2}{5}$  Monat)  $2\frac{7}{10}$  Procent, Nun verhält sich:

 $2\frac{7}{10} \cdot 102\frac{7}{10} = 342 \text{ fl.:x fl.}$   $x = \frac{1027 \times 3}{10 \times 27} \frac{42 \times 10}{10 \times 27} \text{ fl.} = \frac{39025}{3} \text{ fl.} = 13008\frac{2}{3} \text{ fl.}$ Das gesuchte Capital war also 13008 fl. 40 Kr.

12.) Von einem Capitale, welches in Warschau nach 132 Monat ohne Interessen zahlbar war, und jetzt mit 8 Procent jährlichem Rabatt abgetragen wurde, betrug der Rabatt auf diese Zeit 4668 Gulden 12 Groschen polnisch. Wie gross war das nach 132 Monaten fällige Capital?

(1 polnischer Gulden hat 30 Groschen polnisch.)

# Auflösung.

Man berechnet suerst die Procente auf 13<sup>‡</sup> Monat, indem man schliesst:

12 Monat:  $13\frac{3}{4}$  Monat = 8 Procent: x Procent, so findet man x =  $\frac{55\times8}{4\times12}$  =  $9\frac{1}{6}$  Procent. Nun schliesse man ferner:

 $9\frac{1}{6}:109\frac{1}{6} = 4668\frac{2}{5}$  Gulden: x Gulden; so ist x =  $\frac{655 \times 23342 \times 6}{6 \times 5 \times 55}$  Gulden =  $\frac{217982}{5}$  Gulden =  $55596\frac{2}{5}$  Gulden oder 55596 Gulden 12 Groschen.

#### \$ 162.

13.) Für ein Capital, welches in Berlin nach 133 Monat ohne Interessen zahlbar war, zahlte man jetzt 50928 Thaler baar. Wenn nun die jährlichen Interessen zu 8 Procent gerechnet wurden, wie viel beträgt in diesem Falle der Rabatt oder das Interusurium?

### Auflösung.

Wenn auf 12 Monat 8 Procent gerechnet werden, so beträgt dieses auf 133 Monat 91 Procent. Daher verhält sich:

 $100:9\frac{1}{6} = 50928$  Thaler:x Thaler; mithin ist  $x = \frac{55 \times 50928}{6 \times 100}$  Thaler =  $4668\frac{2}{5}$  Thaler = 4668 Thaler 12 Silbergroschen, als der gesuchte Rabatt oder das Interusurium.

14.) In Hannover soll jetzt ein Capital von 3371 Thaler 16 Gr. auf eine gewisse Zeit, zu 5 Procent jährlich rabattirt, und deshalb 396 Thaler 16 Gr. Rabatt innen behalten werden. Auf welche Zeit ist dieser Rabatt berechnet worden?

(Hannover rechnet jetzt nach Thalern zu 24 Gr. à 12 Pfennige.)

### Auflösung.

Zieht man hier die 396 Thlr. 16 Gr. Rabatt von dem ganzen zu rabattirenden Capitale 3371 Thlr. 16 Gr. ab, so bleibt der jetzige baare Werth, nämlich 2975 Thlr. noch übrig. Diese 2975 Thlr. bilden nun das anfängliche oder Grund-Capital, von welchem die Interessen in dieser Zeit 396 Thlr. 16 Groschen betragen haben. Daher schliesse man: 100 Thaler bringen in 1 Jahr 5 Thlr. Zins; wie viel Jahre gehören dazu, wenn 2975 Thlr. Capital 396 Thlr. 16 Gr. Zins bringen sollen? Nämlich:

100 Thir. Capital 1 Jahr 5 Thir. Zins 2975 — x - 396<sup>2</sup> —

x 1 Jahr
2975 100 je mehr Capital, desto weniger Zeit.
5 1190 je mehr Zinsen, desto mehr Zeit.
3

 $x = \frac{100 \times 1190}{2975 \times 5 \times 3}$  Jahr =  $\frac{3}{5}$  Jahr =  $2\frac{2}{5}$  Jahr oder 2 Jahr 8 Monat, als Zeit der Anticipation.

15.) Eine Schuld von 5101 Thaler 14 Groot 2 Schwaren, welche in Bremen erst nach 18 Monat ohne Interessen zahlbar war, wurde auf diese Zeit anticipirt (voraus entnommen) und deshalb ein Interus urium (Rabatt) von 421 Thir. 14 Groot. 2 Schwaren in Rechnung gebracht; zu wie viel Procent ist anticipirt worden?

### (1 Thaler hat 72 Groot à 5 Schwaren.)

### Auflösung.

Wenn man von der ganzen Schuld 5101 Thaler 14 Groot 2 Schwaren oder 5101; Thaler, den Rahatt 421 Thaler 14 Groot 2 Schwar. oder 421; Thaler abzieht, so bleibt die baare Zahlung übrig; (Siehe §. 157 Nr. 2) also:

von 5101; Thaler

abgezogen 4215 —

bleibt 4680 Thaler, als der jetzige Werth.

Nun sind die 421 Thlr. Rabatt nichts anders als die Interessen von der baaren Zahlung der 4680 Thaler, auf die hier angegebene Zeit von 18 Monat. Daher schliesse man:

4680 Thir. Capital 11 Jahr 4211 Thir. Zins

x	421. 2	Thaler Zins
468	10	je mehr Capital, desto mehr Zins.
' 3	2	je mehr Capital, desto mehr Zins. je mehr Zeit, desto mehr Zins.
	1	

 $x = \frac{421.2 \times 10 \times 2}{468 \times 3} = 6$ ; also zu 6 Procent ist anticipirt worden.

# **§**. 163.

Diese 15 Aufgaben nebst dazu gehörigen Auflösungen dürften wohl für den gegenwärtigen Zweck hinreichen, indem sie nur die verschiedenen Fälle selbst und die Regeln dazu enthalten sollen, wie man dergleichen Aufgaben zu behandeln und aufzulösen habe.

Ausser diesen hier aufgestellten Fällen können aber zuweilen

jedoch seiten, auch noch andere statt finden, welche sich nicht allgemein darstellen lassen, sondern stets von der Uebereinkunft beider Interessenten abhängen.

Einige besondere Fälle der Rabattrechnungen.

#### **8**. 164.

Das Capital ist nach einer gewissen Zeit nicht ohne Interessen zehlbar, sondern der Schuldner hatt dasselbe bis zu dem festgesetzten Zahlungstermine noch mit einem oder einigen Procenten zu versinsen. Diese Zinsen sind jedoch a) erst mit den Hauptcapitale zu der festgesetzten Zeit auf einmal, oder b) am Ende eines ganzen oder halben u. s. w. Jahres nach und nach absutragen. Uebrigens können die bedungenen Procente kleiner — oder grösser als diejenigen seyn, zu welchen das Capital jetzt anticipirt werden soll.

Auch bei diesen verschiedenen Fällen wird die Vernunft uns die beste Anleitung zur Auflösung geben, und wir dürfen daher nicht jede Form, und die daraus abgeleitete Regel ohne vorherige genaue Prüfung anwenden.

# Aufgaben hierüber.

#### **8.** 165.

1.) A ist an B die Summe von 4850 Thaler erst nach 3 Jahren zu bezahlen schuldig, mit der Bedingung, diese 4850 Thaler jährlich mit 2 Procent zu verzinsen, und die Interessen am Ende des 3ten Jahres mit dem Capitale zugleich abzutragen. A und B kommen jedoch überein, dass die ganze Schuld jetzt mit 5 Procent (jährlich) Rabatt abgetragen werden soll. Wie viel hat B sofort wirklich zu erhalten, und welches Interusurium hat A in Abrechnung zu bringen?

# Auflösung.

In diesem Falle berechne man erst die sämmtlichen Zinsen, welche 4850 Thaler, zu 2 Procent jährlich, in 3 Jahren tragen, und

man findet, da 100 Thaler in der ganzen Zeit 6 Thaler einbringen, dass 4850 Thaler überhaupt  $\frac{4850\times6}{100}$  Thaler = 291 Thaler Zinsen tragen werden. A ist also an B nach 3 Jahren 4850 Thaler Capital und 291 Thaler Zinsen, oder überhaupt 5141 Thaler su besahlen schuldig.

Nunmehr suche man den Anwachs von 100 Thalern in 3 Jahren au 5 Procent jährlich, und da man findet, dass diese auf 115 Thlr. anwachsen, so schliesse man (nach §. 149 und 150) umgekehrt:

115:100 = 5141 Thaler: x Thaler; hieraus ergiebt sich

 $x = \frac{100 \times 5141}{115}$  Thaler = 4470 Thir. 10 Gr.  $5\frac{5}{25}$  Pf. als der je-

trige baare Werth der gansen Schuld. Zieht man dieses zuletzt gefundene Resultat von 5141 Thaler ab, so bleibt für A ein Interusurium von 670 Thir. 13 Gr.  $6\frac{13}{13}$  Pf.

Man würde sehlerhaft gerechnet haben, wenn man die 2 Procente von den 5 Procenten, zu welchen anticipirt werden soll, abgesogen hätte, und alsdann nur zu 3 Procenten, welche den Unterschied angeben, rabattiren wollte. A würde nämlich bei dieser Rechnung stetz zu kurz kommen; denn um den jetzigen baaren Werth zu sinden, müsste man schliessen:

109:100 = 4850 Thlr.:x Thlr.; hieraus findet man x = 4449 Thlr. 12 Gr.  $11_{105}^{97}$  Pf. und B erhielt also 20 Thlr. 21 Groschen 6 Pfennige (ca) weniger, als wir oben gefunden haben.

2.) Wenn alles, wie es in der vorigen Aufgabe bestimmt war, bleibt, nur mit der einzigen Abänderung, dass die 2 Procent jährliche Zinsen nicht am Ende des 3ten Jahres mit dem Capital sugleich, sondern nach Verlauf jedes einzelnen Jahres abzutragen bedungen wurde; wie gross würde unter diesen Umständen der jetzige baare Werth seyn?

# Auflösung.

Man berechne suerst die jährlichen Zinsen à 2 Procent, so er-

giebt sich, dass A an B am Ende eines jeden Jahres 97 Thir. und überhaupt folgende Posten zu zahlen hat, nämlich:

Von jeder dieser Posten berechne man nun nach der Anzahl Jahre, welche anticipirt wird, zu 5 Procent, den jetzigen baaren Werth durch die Proportion:

und so findet man aus:

Nr. 1.) 
$$x = 9700$$
 Thir.:  $105 = 92$  Thir. 9 Gr.  $1\frac{5}{1}$  Pf.  $(\frac{7}{100})$ .  
Nr. 2.)  $x = 9700$  - :  $110 = 88$  - 4 -  $4\frac{4}{11}$  -  $(\frac{36}{100})$ .  
Nr. 3.)  $x = 9700$  - :  $115 = 84$  - 8 -  $4\frac{4}{23}$  -  $(\frac{17}{100})$ .

Summa der Zinsen 264 Thlr. 21 Gr. 10. 24 Pf. Nr. 4.) x = 485000:115 = 4217 - 9 4.70 -

Summa des jetzigen Werthes = 4482 Thlr. 7 Gr. 2.94 Pf.

Den jetzigen baaren Werth finden wir also = 4482 Thir. 7 Gr. 2. 94 Pf. Der vorige war = 4470 - 10 - 5. 22 -

Wir finden also jetzt 11 Thlr. 20 Gr. 9. 72 Pfennige mehr, als bei der vorigen Aufgabe.

Dieser Unterschied kommt daher, dass A die 2 Procent Zinsen am Ende eines jeden Jahres abzuführen schuldig war.

#### **§**. 166.

Wäre es wirklich der Fall, dass die jährlich bedungenen Zinsen grösser wären, als diejenigen Procente, zu welchen rabattirt werden soll, so bleibt die Rechnung ganz wie es bei den vorhergehenden Aufgaben gezeigt wurde. Z. B,

A hat von B 2000 Gulden unter der Bedingung zu bezahlen übernommen, dass diese Schuld unter 3 Jahren von beiden Seiten nicht aufgekündigt werden darf; wobei sich A noch überdiess verbindlich macht, diese 2000 Gulden mit 5 Procent jährlich zu verinteressiren, die Zinsen selbst aber erst am Ende des 3ten Jahres mit dem Stamm-Capitale zugleich abzutragen. Beide Interessenten wünschen jedoch und kommen überein, nach Verlauf eines Jahres das Geschäft so abzumachen, dass A das Capital nebst den nach 3 Jahren erst fälligen Zinsen jetzt also. 2 Jahre früher, mit 4 Procent Rabatt zurück zahlen soll. Es entsteht nun die Frage, wie viel hat A an B jetzt baar zu bezahlen?

# Auftösung.

Man berechue suerst den Werth der 2000 Gulden mit den Zinsen nach 3 Jahren, und rabattire diese Summe alsdann zu 4 Procent auf 2 Jahre. Nun tragen 100 Gulden in 3 Jahren 15 Gulden Zins; daher sind 2000 Gulden in dieser Zeit auf (2000+300) fl. oder 2300 Gulden angewachsen. Da aber 100 Gulden in 2 Jahren bei 4 Procent auf 108 Gulden anwachsen, so schliesse man umgekehrt: 108:100 = 2300 fl.:xfl. hieraus ergiebt sich x=2129 Gulden 37 Kreuzer als jetziger baarer Werth. Ein Interusurium findet hier eigentlich nicht statt, indem A das Gald zu höhern Procenten angenommen hat, als die sind, zu denen er sein Capital wieder zurückzahlen soll.

#### §. 167.

Sind mehrere gleiche oder ungleiche Capitale in verschiedenen Zeiten ohne Interessen zahlbar, und dieselben sollen zu gleichen — oder ungleichen Procenten auf Einmal anticipirt d. h. zu einer und derselben Zeit vor den festgesetzten Zahlungsterminen bezahlt werden, so geschieht dieses dadurch, dass man den baaren Werth eines jeden Capitals einzeln, auf seine Zeit berechnet. Zum Beispiel:

In Hamburg wurde ein Grundstück für 72800 Mark-Courant

unter folgenden Bedingungen verkauft: 40000 Mark werden sogleich baar angezahlt, und die übrigen 32800 Mark sollen in 5
aufefnander folgenden jährlichen Terminen, jeden der 4 ersten mit
6500 Mark und der Rest dieser Kaufsumme am Ende des 5ten Jahres ohne Interessen abgetragen werden. Nachdem aber die ersten
40000 Mark angezahlt waren, vereinigten sich beide Theile dahin, dass sie die sämmtlichen 5 Terminzahlungen in einer Summe
und zwar zu der Zeit, wenn der 1ste fällig ist, also nach 1 Jahre,
mit 5 Procent Rabatt sofort bezahlt werden sollen; wie gross ist
also die baare Zahlung, und wie viel beträgt in diesem Falle der
Rabatt oder das Interusurium?

(1 Mark hat 16 Schillinge à 12 Pf.)

#### Auflösung.

Wenn in jedem der ersten 4 Termine 6500 Mark abgezahlt werden sollen, so bleiben auf den 5ten Termin noch 6800 Mark. Nach der letzten Uebereinkunft sind die ersten 6500 Mark sogleich baar fällig; die 2ten 6500 Mark werden auf 1 Jahr, die 3ten auf 2 Jahr, die 4ten auf 3 Jahr und der Rest von 6800 Mark auf 4 Jahre anticipirt.

Daher findet man den jetzigen baaren Werth einer jeden Post, bei 5 Procent jährlichen Rabatt, durch folgende Ansätze:

Der 1ste Termin wird sogleich baar bezahlt,

beträgt also: 6500 Mark - Sch. - Pf.

der 2te) 105:100 = 6506 Mark: x Mark

hieraus ist x = 650000 Mark: 105 = 6190 Mark 7 Sch. 7. 43 Pf.

der 3te) 110:100 = 6500 Mark: x Mark

hieraus ist x == 650000 Mark: 110 == 5909 Mark 1 Sch. 5. 45 Pf.

der 4te) 115.100 = 6500 Mark: x Mark

hieraus ist x= 650000 Mark: 115 = 5652 Mark 2 Sch. 9. 39 Pf.

der 5te) 120:100 = 6800 Mark: x Mark

hieraus ist x = 680000 Mark: 120 = 5666 Mark 10 Sch. 8. 00 Pf.

Daher ist der jetzige baare = 29918 Mark 6 Sch. 6. 27 Pf. Werth dieser 5 Posten



Zieht man daher den hier gefundenen baaren Werth nämlich die 29918 Mark 6 Schillinge 6.27 Pf. von der in den 5 Terminen abzutragenden Summe, das ist von 32800 Mark ab, so erhält man sum Reste das Interusurium, welches in diesem Falle 2881 Mark 9 Schillinge 5.73 Pfennige beträgt.

Nachtrag zu der §. 114. aufgeführten Terminrechnung, und Beweis der Unrichtigkeit jener Regel.

#### §. 168.

Gesetzt A habe an B 4000 Thaler nach 4 Jahren, und 8000 Thir. nach 7 Jahren ohne Interessen zu bezahlen; A und B kommen jedoch mit einander überein, dass die ganzen 12000 Thaler in einer zu bestimmenden Zeit auf Einmal bezahlt werden sollen. Berechnen wir nun den mittleren Zahlungstermin nach der in §. 116 angegebenen Regel, so findet man denselben, wie folget:

4000 Thir, tragen in 4 Jahr. so viel Zinsen, als 16000 Thir. in 1 Jahr u. 8000 - - - 7 - - - - 56000 - - 1 -

mithia 12000 Thir .: 72000 Thir. = 1 Jahr: x Jahr;

und hieraus ist  $x = \frac{72000}{12000}$  Jahr = 6 Jahr.

Nach jener Regel finden wir also, dass die ungetrennten 12000 Thaler nach 6 Jahren auf Einmal zu bezahlen wären.

#### **§**. 169.

Hätte nun diese Regel ihre vollkommene Richtigkeit, so müssten die 12000 Thir., wenn sie auf diese 6 Jahre rabattirt werden, jetzt eben so viel werth seyn, als wenn wir die 4000 Thaler auf 4 Jahre, und die 8000 Thaler auf 7 Jahre rabattiren, und diese swei Werthe addiren.

Rechnet, man also die jährlichen Zinsen zu 5 Procent, so tragen 100 Thir. in 6 Jahren 30 Thaler Zinsen, mithin sind 130 nach 6 Jahren zahlbare Thaler, jetzt nur 100 Thaler werth. Demnach verhalten sich 130:100 = 12000 Thaler:x Thaler, und x=

 $\frac{12000 \times 100}{130}$  Thaler = 9230 Thaler = 9230 Thaler 18 Groschen  $5\frac{7}{18}$  Pf.

Also wären die nach 6 Jahren fälligen 12000 Thaler jetzt, oder sofort nur 9230 Thaler 18 Gr.  $5\frac{1}{12}$  Pf. werth.

Berechnen wir nun auch den jetzigen Werth von 4000 Thalern, welche erst nach 4 Jahren, und von 8000 Thaler, welche nach 7 Jahren zahlbar sind, so ist der Rechnungsansatz folgender:

120:100 = 4000 Thir.: x Thir.

 $x = \frac{160 \times 4000}{120}$  Thir. = 3333\frac{1}{2} Thir. = 3333 Thir. 8 Gr. - Pf. 135:100 = 8000 Thir.: x Thir.

 $x = \frac{100 \times 8000}{135}$  Thir. = 5925 $\frac{25}{27}$  Thir. = 5925 Thir.22 Gr. 2 $\frac{2}{3}$  Pf.

Summa 9259, Thir. = 9259 Thir. 6 Gr. 22 Pf.

Also sind diese beiden Capitale zusammen

jetzt 9259 Thir. 6 Gr. 27 Pf. werth.

Nach der Terminrechnung fanden wir denselben

nur 9230 Thir. 18 Gr. 5 7 Pf.

Mithin zeigt sich ein Unterschied von 28 Thlr. 11 Gr. 95 Pf.

Es ergiebt sich also hieraus deutlich, dass B bei Gestattung eines mittleren Zahlungstermines (nach der obigen Art berechnet) sofort sehon 28 Thaler 11 Gr.  $9\frac{5}{39}$  Pfennige verlieren würde, welches nicht statt finden könnte, wenn dieser Zahlungstermin richtig berechnet wäre.

Anweisung zu der richtigen Berechnung des mittleren Zahlungstermines.

# §. 170.

Wenn nun aber der in so, vielen Lehrbüchern gezeigte Weg, den mittleren Zahlungstermin zu finden, nicht richtig ist, so muss nothwendig die Frage entstehen, wie soll man rechnen, um die Zeit, zu welcher diese Posten auf Einmal bezehlt werden können, genau

zu finden? Dieses lässt sich mit Anwendung der bisher gegebenen Regeln der Rabattrechnung sehr leicht beantworten.

Für das §. 169. gegebene Beispiel nehme man den richtig gefundenen jetzigen baaren Werth der einzelnen, erst später fälligen Capitale, also 9259 Thir. 6 Gr. 2½ Pf. oder 9259 ½ Thaler, ziehe diesen von den ganzen 12000 Thaler ab, so findet sich ein Rabatt oder Interusurium von 2740½ Thir. Wie wir §. 157 schon gesehen haben, so ist dieser Rabatt nichts anderes als der Zinsbetrag des jetzigen baaren Werthes auf die Zeit der frühern Zahlung. Kenntmanalso 1.) das Capital 9259 ¼ Thir., 2.) dessen Zinsen 2740 ½ Thir. und 3.) die Procente hier 5: so kann man leicht berechnen auf welche Zeit diese 12000 Thaler rabattirt wurden, und diese gefundene Zeit ist als dann der gesuchte Termin, in welchem alle einselne Capitale ohne Nachtheil der Interessenten auf Einmal bezahlt werden können.

Man hat demnach folgende Rechnungsfrage aufzulösen, nämlich: 100 Thaler bringen in 1 Jahr 5 Thaler Zinsen; wie lange müssen 9259<sub>2</sub>7<sub>7</sub> Thaler ausgeliehen werden, um bei gleichen Procenten 274049 Thir. Zinsen zu tragen?

Der Ansatz zu dieser Rechnung ist folgender:

100 Thir. 1 Jahr 5 Thir. Zinsen.
 9259<sup>7</sup>/<sub>27</sub> Thir. x Jahr 2740<sup>2</sup>/<sub>27</sub> Thir. Zinsen.

$$x = \frac{100 \times 2740\frac{29}{27}}{9259\frac{7}{17} \times 5}$$
 Jahr  $= \frac{100 \times 74000 \times 27}{250000 \times 5 \times 27}$  Jahr  $= \frac{148}{25}$  Jahr  $=$ 

523 Jahre oder 5 Jahre 3355 Tage als der gesuchte mittlere Zahlungstermin.

Hieraus ergiebt sich also, dass die ungetrennte Summe von 12000 Thalern nach 5 Jahren 336 Tagen auf Einmal und swar ohne Nachtheil der Interessenten abgetragen werden kann. Da wir nun aber nach der Terminrechnung 6 Jahre fanden, so ergiebt sich hieraus ein Zeitunterschied von 29 Tagen, auf welche A diese 12000 Thaler zur Ungebühr länger behalten würde, und dieses war die Ursache, dass wir schon in dem baaren Werthe einen Unterschied von 28 Thaler 11 Gr. 9,5 Pf. fanden. Der Zinsverlust aber, welchen B durch eine um 29 Tage spätere Zahlung erleidet, beträgt gegen 48 Thaler, indem bei 5 Procent die Zinsen von 12000 Thaler auf 29 Tage (nach der jetzt gewöhnlichen Art diese Zinsen auf Bruchtheile des Jahres zu berechnen) gegen 48 Thaler betragen würden. Da aber auch die Zinsen auf einzelne Tage im Allgemeinen unrichtig berechnet werden, so findet man den wahren Unterschied, oder den Verlust, welchen B arleidet, nach der im §. 293 gegebenen Anleitung zur Berechnung der Zinsen genauer mit 45 Thlr. 13 Gr. 10 Pf.

#### §. 171.

Die Regel also, nach welcher der mittlere Zahlungstermin zu finden ist, wenn mehrere Capitale in verschiedenen Zeiten ohne Zinsen zahlbar sind, wäre demnach folgende:

Man suche von jeder einselnen Schuldpost ihren jetsigen baaren Werth nach §. 150, addire alle gefundene Resultate derselben, und siehe diese Summe von der Summe aller erst später fälligen Capitale ab, so ist der Rest der Zinsbetrag für den baaren Werth auf die Zeit bis zum mittleren Zahlungstermin. Das übrige zeigt der obige Rechnungs-Ansatz deutlicher als es durch Worte geschehen kann.

Freilich ist der hier gezeigte Weg, den mittlern Zahlungstermin zu berechnen, etwas mühsamer, als derjenige, welchen uns die Rechenbücher vorzeichnen; allein es muss nochmals wiederhohlt werden, "was nützt es, dass wir ein Resultat bis auf Bruchtheil-Pfennige genau angeben, wenn wir durch eine einzige unrichtige Auflösung einem der beiden Interessenten beinahe um ein halbes. Hundert Thaler zu Schaden rechnen?"

# Gesellschafts-Rechnung. §. 172.

Dieselbe lehrt uns ein gegebenes Ganzes, z. B. eine Summe Geld in demselben Verhältnisse theilen, als ein anderes Ganzes schon getheilt ist, und zwar durch den fast allgemein gültigen Schluss: "Das bereits eingetheilte Ganze verhält sich einzeln zu seinen Theilen, wie das zu theilende Ganze zu den zu findenden Theilen."

#### §. 173.

Nützliche Auwendung von dieser Rechnung macht man daher:

1.) bei der Berechnung des Gewinnes oder Verlustes, welchen die Mitglieder einer Gesellschaft bei einem gemeinschaftlichen Unternehmen zu erwarten haben, 2.) bei Vertheilung einer Erbschaft nach testamentarischen Vorschriften, 3.) bei Vertheilung der Masse und der Unkosten bei Concursen, 4.) bei Vertheilung der Kriegslasten, Steuern, und bei andern Repartitions - und Contributionsrechnungen, so wie bei Erhebung aller bestimmten Abgaben. u. s. w. Auch kann 5.) die Remissionsrechnung, 6.) die Berechnung des Pflichttheiles (Legitimse) und des Falcidischen Viertheils (Quarta Falcidia) u. s. w. sehr leicht mit einigen Abänderungen, auf den obigen Schluss gegründet werden.

# 8. 174.

Soll der Gewinn oder Verlust, welchen die einzelnen Mitglieder einer Gesellschaft zu erwarten haben, die in irgend einer Absicht eine gewisse Summe Geldes oder Geldeswerth zusammen legten, berechnet werden, so muss nicht allein auf die Grösse der Einlage selbst, sondern auch auf die Zeiten, in denen sie gewisse Capitalien zu diesem Geschäfte hergegeben haben, Rücksicht genommen werden. Die Gesellschaftsrechnung theilt sich daher in die ein fache, und zusammengesetzte.

# 1.) Einfache Gesellschaftsrechnung.

8. 175.

Diese Rechnung eignet sich zu Aufgaben von folgender Beschaffenheit.

Der ganze Nachlass eines Verstorbenen beträgt z. B. 12333 Gulden 20 Kreuzer. Es melden sich aber folgende Creditoren, nämlich: A mit 2500 fl. B. mit 3400 fl. C mit 1700 fl. D mit 3450 fl. und E mit 3750 fl. Könnnen diese Gläubiger alle befriediget werden? oder wie viel wird jeder nur erhalten können, und mithin nach Verhältniss seiner Forderung verlieren?

# Auflösung.

Man suche zuerst die Summe aller Schulden, welche hier 2500 fl. + 3400 fl. + 1700 fl. + 3450 fl. + 3750 fl. also überhaupt 14800 Gulden ausmacht. Da nun die ganze Creditmasse nur 12333 Gulden beträgt, so ergiebt sich hieraus, dass die Gläubiger nicht vollständig befriediget werden können, sondern dass jeder etwas an seiner Forderung verliert. Der Verlust aller Creditoren ist nämlich: 14800 fl. — 12333 fl. 20 Kreuzer = 2466 fl. 40 Kr.

Dasjenige, was nun jeder Gläubiger auf seine Forderung wirklich erhält, so wie auch das, was jeder hierbei verliert, muss nach Verhältniss seiner ganzen Forderung berechnet werden. Man schliesst nämlich: "auf die ganze Schuld an 14800 fl. können nur 12333 fl. bezahlt werden, wie viel also auf die Forderung jedes Einzelnen?

Der Ansatz zur Berechnung ist wie hier nebenstehet:

Die Anordnung der fernern Rechnung ist nun folgende: .

296: 
$$12333\frac{1}{3} = 50$$
 fl.: x fl.  
 $x = \frac{37000 \times 50}{3 \times 296}$  fl.  $= \frac{50000}{24}$  fl.  $= 2083$  fl. 20 Kr. erhält A.  
296:  $12333\frac{1}{3} = 68$  fl.: x fl.  
 $x = \frac{37000 \times 68}{3 \times 296}$  fl.  $= \frac{68000}{24}$  fl.  $= 2833$  fl. 20 Kr. erhält B.

296 : 
$$12333\frac{1}{3} = 34$$
 fl. : x fl.  
x =  $\frac{37000 \times 34}{3 \times 296}$  fl. =  $\frac{34000}{24}$  fl. = 1416 fl. 40 Kr. erhält C.  
296 :  $12333\frac{1}{3} = 69$  fl. : x fl.  
x =  $\frac{37000 \times 69}{3 \times 296}$  fl. =  $\frac{69000}{24}$  fl. = 2875 fl. - Kr. erhält D.  
296 :  $12333\frac{1}{3} = 75$  fl. : x fl.  
x =  $\frac{37000 \times 75}{3 \times 296}$  fl. =  $\frac{75000}{24}$  fl. = 3125 fl. - Kr. erhält E.  
Summa 12333 fl. 20 Kr.

Zieht man endlich das, was jeder nur erhält, von dem, was er wirklich zu fodern hatte, ab, so giebt der Rest die Anzahl Gulden, welche jeder Glänbiger verliert, nämlich:

§. 176.

Den Verlust eines jeden hätte man ebenfalls, wie oben gezeigt wurde, berechnen können, und der Schluss hierzu wäre: an 14800 fl. sind 2466 fl. 40 Kr. verloren worden; wie viel also an der Foderung jedes Einzelnen?

# 2.) Zusammengesetzte Gesellschaftsrechnung.

#### 8. 177.

Diese wird angewendet, wenn der Gewinn oder Verlust der Interessenten berechnet werden soll, die zu einem gemeinschaftlichen Unternehmen nicht allein ung leiche Capitale, sondern auch solche zu verschiedenen Zeiten zu diesem Geschäft hergegeben haben. Z. B.

D. 3200

A und B fangen gemeinschaftlich einen Handel an, wosu A 2000 Thlr. und B 1800 Thlr. baar erlegt; nach 4 Monaten tritt C mit 2500 Thaler und 5 Monat später D mit 3200 Thaler hinzu. 9 Monate nach des Letzteren Beitritt starb C und es musste das ganze Geschäft abgeschlossen werden, indem die Erben des Letzteren keinen Theil mehr daran nehmen wollten. Da sich nun nach Abzug aller Unkosten ein reiner Cassenbestand von 10269 Thaler 2 Grosch.  $6^{3}_{14}$  Pf. oder  $10269^{3}_{28}$  Thalern vorfand, so soll berechnet werden, 1.) wie viel die Erben des C anstatt der angelegten 2500 Thaler jetzt baar zu erhalten haben, und 2.) wie hoch dieses Geschäft jährlich überhaupt rentirte.

# Auflösung.

Das Geschäft wurde überhaupt 4 + 5 + 9 == 18 Monate von diesen 4 Personen gemeinschaftlich verwaltet. Zum gemeinschaftlichen Fonds erlegte:

```
A, 2000 Thir. auf 18 Mon. od. 2000 Th. \times 18 = 36000 Th. auf 1 Mon. (siehe §. 111.)

B. 1800 - - 18 - - 1800 - \times 18 = 32400 - - 1 - C. 2500 - - 14 - - 2500 - \times 14 = 35000 - - 1 -
```

\_ 3200

Summa 132200 Thaler.

 $- \times 9 = 28800$ 

Multiplicirt man nämlich die Einlage eines Jeden mit der Zahl der Zeit, so erhält man sum Producte ein Capital, welches nach § 111 in Einem Monat (oder wenn von Jahren die Rede ist, in Einem Jahre) eben so viel Zinsen trägt, als das anfängliche Capital in der erst angegebenen Zeit. Nun wird der ganze Cassenbestand in demselben Verhältnisse getheilt, als die obige Summe 132200 in die darüber stehenden Theile getheilt ist. Um daher den Antheil des C zu finden, so schliesst und rechnet man wie folget:

 $132200:35000 = 10269_{\frac{3}{28}} \text{ Thaler: x Thaler.}$   $x = \frac{287535 \times 35000}{28 \times 132200} \text{ Thir.} = \frac{21750}{8} \text{ Thir.} = 2718_{\frac{3}{4}} \text{ Thir.} = 2718 \text{ Thir.} = 2718 \text{ Thir.}$  2718 Thir. 18 Gr., als der gesuchte Antheil des C.

Um nun auch su berechnen, wie viel jährlich an Hundert gewonnen wurde, so sieht man die Einlage des C, nämlich 2500 Thaler, von dem was er jetzt baar empfängt, also von 2718 Thaler 18 Groschen ab, so bleiben noch 218 Thaler 18 Groschen, welche mit 2500 Thalern in 14 Monaten gewonnen wurden. Daher findet man nach §. 99 die Procente durch folgende Rechnung:

Dieses Unternehmen rentirte also su 7½ Procent jährlich. Auf dieselbe Weise würde man auch den Antheil der übrigen Theilnehmer berechnen können.

#### **§**. 178.

Mit Hülfe der susammengesetzten Gesellschaftsrechnung werden auch Aufgaben von folgender Beschaffenheit aufgelösst. z. B.

Zwei Personen A und B übernehmen das Ausgraben eines Canals für 3560 Thaler. Nachdem A mit seinen 60 Arbeitern schon 3 Wochen und 2 Tage mit dieser Arbeit beschäftiget war, trat auch B mit 72 Mann Arbeitern hinzu, worauf alsdann der Rest der ganzen Arbeit in 7 Wochen und 5 Tagen gemeinschaftlich vollendet wurde. Da nun beide Unternehmer über die Theilung der, für diese Arbeit bedungenen Summe uneinig werden, so sollen dieselben auf dem Wege Rechtens auseinander gesetzt, und es soll desthalb berechnet werden, welchen Antheil sowohl A als auch B in Rücksicht ihrer geleisteten Arbeit haben werde, insofern vorher 270 Thaler gemeinschaftliche Kosten für Handwerkszeug u. s. w., und 6 Gr. für jeden Arbeiter täglich Arbeitslohn, absurech-

surechnen sind. (Die Woche ist hier zu 6 Arbeitstagen anzunehmen.)

## Auflösung.

A. stellte erst 60 Arbeiter auf 3 Wochen 2 Tage oder auf 20 Tage allein, sodann noch dieselben 60 Mann auf 7 Wochen 5 Tage, oder auf 47 Tage, mit B gemeinschaftlich; seine 60 Mann haben also im Ganzen 20+47 = 67 Tage an diesem Canal gearbeitet. Da hingegen hat B seine 72 Arbeiter nur auf 47 Tage zu dieser Arbeit hergegeben. Nun kann man hier mit Recht annehmen, es arbeiteten:

60 Mann in 67 Tagen eben so viel als 60×67 M. od. 4020 M. in 1 Tage 72 - 47 - - - 72×47 - - 3384 - -1 -

Hiernach schliesst man, dass die ganze Arbeit mit 4020 + 3384 d. i. mit 7404 Mann in gleicher Zeit beendiget wurde. Zieht man daher die 270 Thaler gemeinschaftliche Kosten, von der für diese Arbeit bedungenen Summe an 3560 Thaler ab, so bleiben noch 3290 Thaler, welche letzteren unter A und B nach Verhältniss ihrer geleisteten Arbeit getheilt werden müssen. Daher verhalten sich: die ganzen Arbeiter (7404 Mann) zu den Arbeitern des A, (4020 M.) wie die ganze zu theilende Summe (3290 Thaler) zu dem Antheile des A. Mithin:

7404:4020 == 3290 Thir.:x Thir.

$$x = \frac{4020 \times 3290}{7404}$$
 Thaler = 1786 Thir. 7 Gr.  $3\frac{465}{617}$  Pf. A.

7404:3384 = 3290 Thlr.:x Thlr.

$$z = \frac{3384 \times 3290}{7404}$$
 Thaler = 1503 Thir. 16 Gr.  $8\frac{152}{617}$  Pf. B.

Hätte man den Betrag des Tagelohns für die 4020 Arbeiter des A, jeden zu 6 Gr. also 1005 Thaler und 3384 - - B, - - 6 - - 846 -

mithin im Ganzen 1851 Thaler.

erst von den zu theilenden 3290 Thaler abgerechnet, so wäre

der reine Gewinn an dieser Unternehmung von 1439 Thalern übrig geblieben, welcher letztere ebenfalls nach dem vorigen Verhältnisse getheilt werden muss. Nämlich es verhält sich:

7404:4020 = 1439 Thlr.:x Thlr.

$$x = \frac{4020 \times 1439}{7404}$$
 Thir. = 781 Thir. 7 Gr.  $3\frac{465}{17}$  Pf.

7404:3384 == 1439 Thir.: x Thir.

$$x = \frac{3384 \times 1439}{7404}$$
 Thir. = 657 Thir. 16 Gr.  $8\frac{152}{617}$  Pf.

#### §. 179.

Diesen hier gefundenen Gewinn-Antheil des A und B würde man nun auch gefunden haben, wenn man von dem erst gefundenen Antheil, den Betrag des Arbeitslohnes abgezogen hätte.

A erhielt nämlich 1786 Thlr. 7 Gr.  $3_{6\overline{17}}^{465}$  Pf. hiervon das Arbeitslohn 1005 - - - - - bleibt Gewinn für A 781 Thlr. 7 Gr.  $3_{6\overline{17}}^{465}$  Pf. wie oben.

#### ferner:

also ganz so, wie wir oben schon gefunden haben.

### **§**. 180.

Eine eben so nützliche Anwendung der Gesellsthaftsrechnung macht man bei

Vertheilung der Erbschaften, nach testamentarischen Vorschriften.

Auch hier soll ein gegebenes Ganzes, nämlich der Nachlass

eines Verstorbenen, so unter die Erben vertheilt werden, wie es der Wille des Testirers oder die sonstigen Verhältnisse mit sieh bringen.

Folgende Aufgaben werden diesen Gegenstand noch mehr versinnlichen:

1.) Bei Eröffnung eines Testaments war der Hauptinhalt wie folget, angegeben:

Von meinem Nachlasse soll nach Verhältniss die Kirche 1, die Schule 2, das Waisenhaus 1, das Stadtkrankenhaus 1 und mein treuer Bedienter für seine 5 Kinder (zu gleichen Theilen) 1 erhalten. Da nun der ganze Nachlass nach Abzug der Begräbniss- und andern Kosten noch in 14209 fl. 16 Kr. 2 Pf. bestand, so soll berechnet werden, wie gross jedes dieser Vermächtnisse seyn wird, und wie viel jedes Kind des Bedienten erhält.

## Auflösung.

Die Summe aller hier genannten Brüche muss sich sum Bruchtheil eines jeden Einzelnen verhalten, wie die ganze zu vertheilende Summe su dem, was jeder Betheiligte davon erhält. Man bringe daher diese Brüche auf gleiche Benennung und addire ihre

87.

#### Mithin erhalt:

### 1.) Die Kirche

15 mal 163 fl. 19 Kr. 2 Pf. oder 2449 fl. 52 Kr. 2 Pf. 2.) Die Schule

12 mal 163 fl. 19 Kr. 2 Pf. oder 1959 fl. 54 Kr. — Pf. 3.) Das Waisenhaus

10 mal 163 fl. 19 Kr. 2 Pf. oder 1633 fl. 15 Kr. - Pf.

### 4.) Das Stadtkrankenhaus

20 mal 163 fl. 19 Kr. 2 Pf. oder 3266 fl. 30 Kr. — Pf. 5.) Der Bediente

30 mal 163 fl. 19 Kr. 2 Pf. oder 4899 fl. 45 Kr. — Pf. Beträgt 87 mal 163 fl. 19 Kr. 2 Pf. == 14209 fl. 16 Kr. 2 Pf.

Ferner erhält jedes Kind des Bedienten den 5ten Theil von 4899 fl. 45 Kr. also 4899 fl. 45 Kr. — Pf.:5 = 979 fl. 57 Kr.

2.) Ein Sterbender hat verordnet, dass seine vier Söhne A, B, C und D, welche schon im Besitz der hinterlassenen Güter sind, ihren zwei Schwestern E und F 20000 Thaler, nämlich jeder 10000 Thaler, als ihr Erbtheil gewähren sollen, und swar sollen die Brüder A und B zusammen jund die Brüder C und D susammen jund die Brüder C und D susammen jund die Brüder E und vermacht zu Stande kommt, stirbt die älteste Schwester E und vermacht von ihren 10000 Thalern jedem ihrer Brüder 1500 Thaler, der Schwester 2500 Thaler, und die noch übrigen 1500 einer milden Stiftung.

Es frägt sich daher, wie viel jeder Bruder nun noch herauszugeben schuldig ist?

# Auflösung.

Man suche erst, wie viel jeder der vier Brüder zu den erst ausgesetzten 20000 Thaler beisutragen hat, und siehe alsdann von jedem dieser Beiträge, die von der Schwester wieder geerbten 1500 Thaler ab, so erhält man dasjenige als Rest, was jeder dieser Brüder noch heraus zu geben hat. Man theile also 20000 Thaler in 9 gleiche Theile, so beträgt ein solcher Theil 2222 Thaler 5 Gr. 4 Pf.; diesen Theil haben nun die Brüder A und B. 7 mal, und C und D 2 mal zu geben; nämlich die ersten haben 15555 Thaler. 13 Gr. 4 Pf. und die Letztern 4444 Thaler 10 Groschen 8 Pfennige zusammen zu bringen. Da nun A so viel als B. und C so viel als D giebt, so ist der Beitrag:

Des A 7777 Thir. 18 Gr. 8 Pf. - B 7777 - 18 - 8 -

des C 2222 Thir. 5 Gr. 4 Pf.
- D 2222 - .5 - 4 -

Da aber jedem wieder 1500 Thaler durch Erbschaft zufallen, so hat jeder, wie folget, wirklich herauszugeben:

A 6277 Thlr. 18 Gr. 8 Pf.

B 6277 - 18 - 8 
C 722 - 5 - 4 
D 722 - 5 - 4 
Summe 14000 Thlr.— Gr.— Pf.

#### Hiervon kommen nun

12500 Thir. — Gr. — Pf. an die Schwester F.
und 1500 - — - — an die milde Stiftung.

Summa 14000 Thir. — Gr. — Pf. wie oben.

#### **§**. 181.

Man würde hierbei sehr fehlerhaft gerechnet haben, wenn man die 6000 Thaler welche den Brüdern durch Erbschaft wieder zugefallen sind, von den 20000 Thalern abgezogen, und alsdann die Theilung vorgenommen hätte; weil die Erbschaft unter sie zu gleichen Theilen, die 20000 Thaler aber, nach des Testators Willen, nach einem bestimmten Verhältnisse von ihnen aufgebracht werden sollen. Hätte man nämlich die 6000 Thlr. wirklich vorher von den 20000 Thaler abgezogen, und alsdann den Rest von 14000 Thaler in 9 gleiche Theile getheilt, so hätte C und D jeder 1555 Thaler 13 Groschen 4 Pf. herausgeben müssen; da sie nun aber nach richtiger Rechnung nur 722 Thaler 5 Groschen 4 Pfennige herauszugeben haben, so hätte jeder von ihnen 833 Thaler 8 Groschen — Pfennige zu viel, und jeder der Brüder A und B 833 Thaler 8 Gr. — Pf, zu wenig bezahlt.

3.) Jemand hinterlässt ein Vermögen von 1634 Thir. 19 Gr. 10 Pf., welches unter seine 5 Kinder zwar gleich, jedoch mit der Bedingung vertheilt werden soll, dass jedes jüngere Kind gegen das vorhergehende ältere immer 25 Thir. zu der noch nöthigen Erziehung

im Voraus erhalten soll. Wie viel wird jedes Kind wirklich erhalten müssen?

### Auflösung.

Wüssten wir, wie viel das älteste Kind erhalten sollte, so dürften wir nur zu dem Theil desselben 25 Thaler hinzufügen, und es gebe dieses den Antheil des zweiten; legt man ferner zu dem Antheil des zweiten ebenfalls 25 Thaler, so giebt dieses den Antheil des dritten, u. s. w. Man nehme daher an, das älteste Kind bekomme einen Theil, und ob wir denselben gleich noch nicht kennen, so kann die Rechnung dennoch wie folget, angeordnet werden.

A	erhält	1	Theil		•		
B.	-	1	-	und	<b>2</b> 5	Thir.	
<b>C</b> .	-	1	-	-	50	-	
D.	-	1	-	-	75	•	
E.	•	l	-	-	100	-	

Summa 5 Theile und 250 Thlr.

Dieses muss nun die 1634 Thlr. 19 Gr. 10 Pf. ausmachen.

Man nehme daher die 250 Thaler, welche die letzten vier Kinder zusammen mehr als den gewöhnlichen Theil erhalten sollen, von der ganzen Verlassenschaft hinweg, und theile den Rest in 5 gleiche Theile.

Dieser Rest dividirt durch 5 giebt 276 Thaler 23 Groschen 2 Pfennige und dieses ist die Erbschaft des ältesten Kindes.

#### Demnach erhält wirklich:

Transport 905 Thir. 21 Gr. 6 Pf.

D. 276 Thir. 23 Gr. 2 Pf. + 75 Thir. = 351 Thir. 23 Gr. 2 Pf.

E. 276 - 23 - 2 - +100 - = 376 - 23 - 2 
Summa 1634 Thir. 19 Gr. 10 Pf.

4.) Ein Nachlass von 916 Meiss. Gülden 17 Gr. 7 Pf. soll unter 4 Erben A. B. C. und D. so vertheilt werden, dass B 83 Meiss. Gülden weniger als A, C. 60 Meiss. Gülden weniger als B, und D. 74 Meiss. Gülden weniger als C, erhalte. Wie viel wird jeder Erbe bekommen?

# Auflösung.

Man nehme hier ebenfalls an: A erhalte einen bestimmten Theil der Erbschaft, welchen wir gleich I setzen wollen; so erhalt alsdann:

A 1. Theil

B 1. - weniger 83 Meiss. fl.

C 1. - - 143 — (nämlich 83+60.)

D 1. - 217 - (-143+74.)

Mithin sind 4 Theile weniger 443 Meiss. fl. = 916 Meiss. fl. 17 Gr.

7 P£

Wenn man hier die 443 Meiss. fl. welche B, C und D zusammen weniger erhalten, zu den 916 Meiss fl. 17 Gr. 7 Pf. addirt, und alsdann diese Summe in 4 gleiche Theile theilt, so erhält man den Antheil des A.

Diese Summe dividirt durch 4, giebt 339 Meiss. fl. 20 Gr. 13 Pf. und demnach erhält:

4. 339 Meiss. fl. 20 Gr. 1 Pf. weniger 0 = 339 Meiss. fl. 20 Gr. 1 Pf. Pf. Pf. veniger 0 = 339 Meiss. fl. 20 Gr. 1 Pf.

,	Tram	sport								339 Meiss. fl.
										20 Gr. 13 Pf.
<b>B</b> .	339	Meiss	fl. 20	Gr.	17	P£	wenig	ger 83	Meiss. fl. =	= 256 Meiss. fl.
				•	-					20 Gr. 13 Pf.
<b>C</b> .	339	_	20	-	13	-	-	143	- :	= 196 Meiss. fl.
					_					20 Gr. 13 Pf.
D.	339	_	20	-	14	-	-	217	<del>-</del> .:	= 122 Meiss. fl.
		•								20 Gr. 1# Pf.
									Summa	machabi Mi
				•						17 Gr. 7 Pf.

5.) Ein Sterbender verordnet, unter andern, folgendes in seinem Testamente: Von meinem baaren Gelde, welches ohngefähr in 800 Thaler — Groschen — Pf. besteht, soll \( \frac{1}{3} \) su einem neuen Schulgebäude, und \( \frac{1}{6} \) su einer Thurmuhr des hiesigen Ortes verwendet werden; desgleichen soll das Blinden-Institut zu N. \( \frac{1}{4} \), den Rest von 200 Thir. aber meine Haushälterin erhalten. Nach seinem Tode fand man jedoch an baarem Gelde nur 702 Thir. 12 Gr. — Pf. Wie ist dieses Geld nunmehr zu vertheilen, und wie viel wird Jedes auf seinen Antheil erhalten?

# Auftösung.

Der Erblasser betrachtet seinen Nachlass als ein Ganzes, und will, dass hiervon \( \frac{1}{3} \) desselben zu dem Schulgebäude, \( \frac{1}{6} \) zu einer Thurmuhr, und \( \frac{1}{4} \) für das Blinden-Institut verwendet werde. Der Theil nun, welcher von dem Ganzen noch übrig bleibt, und in diesem Falle \( \frac{1}{4} \) beträgt, soll der Haushälterin verabreicht werden. Diese 200 Thlr. würden nun wirklich den 4ten Theil betragen haben, wenn der baare Nachlass in 800 Thalern bestanden hätte; da man aber nur 702 Thaler 12 Groschen — Pfennige baares Geld vorfand, so muss bei jedem Erben (so wie auch an den 200 Thalern) nach Verhältniss des geringeren Bestandes gekürzt werden. Nun sind \( \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{24} \) \( \frac{1}{2} \) Da nun ein Ganzes aus \( \frac{2}{24} \) besteht so ist der, der Haushälterin zugedachte Theil, noch \( \frac{5}{24} \) oder \( \frac{1}{4} \). Man theile

daher den wirklichen Nachlass von 702 Thlr. 12 Gr. in 24 gleiche Theile, so ist ein solcher Theil 29 Thlr. 6 Gr. 6 Pf. und es fallen daher aus:

1. zu der Schule 8	Theile	odei	234	Thir	. 4	Gr.	-	P£.
2. zu der Thurmuhr 4	-	-	117	-	2			-
3. f. d. Blindeninstit. 6	-	-	175	-	15	-	_	-
4., f. d. Haushälterin 6	-	-	175	-	15	-	_	-
***************************************	Sun	ma	702	Thir.	12	Gr.		Pf.

6.) Es verordnet Jemand in seinem Testamente: Meine Frau soll 2000 fl. Eingebrachtes, und jedes meiner 5 Kinder, nämlich 2 Söhne und 3 Töchter, bis es das 16te Jahr zurück gelegt hat, jährlich zum Unterricht und nöthiger Verpflegung u. s. w. 125 Gulden im Voraus erhalten. Von dem, was alsdann von meinem baaren Vermögen (welches in 35500 Gulden besteht) noch übrig bleibt, soll die Mutter doppelt so viel als eine Tochter, zwei Söhne aber eben so viel als die drei Töchter erhalten. Da nun

das	älteste	Kind	ein	Mädchen,	jetzt	12	Jahre	
, <b>-</b>	2te	-	-	ware	-	9	-	
-	3te	-	-	Knabe	-	8	-	
-	4te	-	_	Mädchen	-	5	- und	l
_	5te	_	_	Knabe	_	2	- alt	ist ,

so fragt sich: wie viel die Mutter, und wie viel jedes Kind einzeln erhalten muss?

# Aufiösung.

Die	Die Mutter erhält im Voraus											. <b>2000</b>	fl.
das	] ste	Kind	von	12	<b>Ja</b> hren	erhäl	t 4	mal	125	fl.	oder	500	-
٠.	2te	-	•	. 9	-	-	7	-	125	_	-	875	-
-	3te	-	-	8	-	-	8	-	125	-	-	1000	-
-	4te .	-	-	5	-	-	11	-	125	-	-	1375	-
-	5te	-	-	2	-	:	14	-	125	-	-	1750	

Summa 7500 fl.

Zicht man nun diese 7500 fl. von dem ganzen baaren Nachlasse an 35500 fl. ab, so bleiben noch 28000 fl. übrig, welche nach der gegebenen Vorschrift., wie folget, zu vertheilen sind.

Es erhält nämlich, weil die 2 Söhne eben so viel als die 3 Töchter erhalten sollen:

```
die 1ste Tochter 1. Theil

2 te - 1. - 8 gleiche Theile, so ist ein solcher

Mutter 2. - Theil 3500 fl. Mithin bekommt jede

der 1ste Sohn 1½ - Tochter noch 3500 fl., die Mutter,

2 2te - 1½ - 2mal 3500 fl., oder 7000 fl. und jeder

alle zusammen 8 Theile Sohn noch 1½ mal 3500 fl., oder 5250 fl.
```

#### Ueberhaupt hat also zu erhalten:

```
die Mutter

das 1ste Kind

des 2te Kind

das 3te Kind

das 4te Kind

das 5te Kind

das 5te Kind

7700 fl. + 7000 fl. = 9000 fl.

2000 fl. + 3500 fl. = 4000 fl.

3500 fl. + 3500 fl. = 4375 fl.

4375 fl. + 3500 fl. = 6250 fl.

3750 fl. + 3500 fl. = 7000 fl.

8umma

7700 fl. +28000 fl. =35500 fl.
```

7. Ein Sterbender hinterlässt eine schwangere Frau und ein baares Vermögen von 32000 Thalern. Nach dem Testamente des Verstorbenen soll, wenn die Frau einen Sohn zur Welt bringt, dieser 1000 Thaler zum Studiren im Voraus erhalten; das Uebrige soll unter Mutter und Sohn so vertheilt werden, dass der Sohn 3 und die Mutter 3 des Restes erhält. Kommt sie aber mit einer Tochter nieder, so soll diese 800 Thaler zur Ausstattung im Voraus, und vom Reste noch 3, so wie die Mutter, 2 erhalten. Wenn nun die Mutter einen Sohn und eine Tochter zugleich zur Welt bringt, wie muss nun dieses Vermögen getheilt werden, insofern das Te-

stament aufrecht erhalten, und der Wille des Testirers erfüllt werden soll?

### Auflösung.

Man untersuche zuerst, wie viel Jedes bekommen würde, wenn die Mutter nur 1 Kind zur Welt gebracht hätte.

1.) Hätte sie einen Sohn geboren, so hätte dieser 1000 Thaler im Voraus, vom Reste (31000 Thaler) noch den 5ten Theil 3mal, das sind 18600 Thaler, und die Mutter den 5ten Theil 2mal, das sind 12400 Thir. erhalten.

2.) Hätte sie aber eine Tochter zur Welt gebracht, so hätte diese 800 Thaler zur Ausstattung im Voraus, und vom Rest (31200 · Thaler noch den 3ten Theil oder 10400 Thaler, die Mutter aber 3 oder 20800 Thaler erhalten.

Hieraus ergiebt sich nun:

- a.) für den ersten Fall, wenn man den Antheil Beider durch 400 dividirt, dass der Sohn 49 Theile und die Mutter 31 Theile des Vermögens erhalten soll.
- b.) für den 2<sup>ten</sup> Fall aber findet man, wenn beider Antheil durch
   1600 dividirt wird, dass die Mutter 13 Theile und die Tochter 7
   Theile des Vermögens bekommen sollte.

Daher muss nun das Vermögen nach einem doppelten Verhältnisse getheilt werden'; nämlich es verhält sich in Rücksicht dieser Erbtheilung der Antheil

Addirt man diese 3 Verhältnisszahlen 637, 403 und 217, so ist ihre Summe 1257. Das ganze Vermögen muss also in 1257 Theile getheilt werden; alsdann erhält der Sohn 637, die Mutter 403 und die Tochter 217 solche Theile, oder es verhält sich:

$$1257:637 = 32000 \text{ Thir.: x Thaler} = \frac{637\times32000}{1257} \text{Thaler} = \frac{16216 \text{ Thaler 9 Gr. } 3\frac{323}{11\frac{3}{2}} \text{ Pf. der Sohn.}}{1257:403 = 32000 \text{ Thir.: x Thaler} = \frac{403\times32000}{1257} \text{ Thaler} = \frac{10259 \text{ Thir. 8 Gr. } 4\frac{52}{11\frac{3}{2}} \text{ Pf. die Mutter.}}{1257:217 = 32000 \text{ Thaler: x Thir.} = \frac{217\times32000}{1257} \text{ Thir.} = \frac{5524 \text{ Thir. 6 Gr. } 4\frac{28}{11\frac{3}{2}} \text{ Pf. die Tochter.}}{32000 \text{ Thir.} - \text{Gr.} - \text{Pf.}}$$

Vertheilung der Masse und der Unkosten im Concurs der Gläubiger.

§. 182.

Es soll hier keinesweges gelehrt werden, in welchen Fällen

<sup>\*)</sup> Anmorkung. 1.) Die Glieder des ersten Verhältnisses wurden nämlich mit 13, und die des andern mit 31 multiplicirt, wodurch die Verhältnisse 637 zu 403, und 403 zu 217 entstanden.

Anmerkung. 2.) Der Verfasser trug Bedenken, diesen Fall mit aufzunehmen, indem ein ähnliches Beispiel sich in vielen Rechnenbüchern vorfindet; jedoch sind jene Beispiele einander wo nicht ganz gleich, doch sehr ähnlich, und bieten deshälb nichts Neues dar. Die Auflösung dieser Aufgabe mit den hier angegebenen Nebenbestimmungen ist ihm jedoch anderswo nicht vorgekommen, und dürfte deshalb, wo nicht für diesen, doch für einen ähnlichen Fall nicht ohne Nutzen seyn.

der Concurs oder ein Falliment eintritt und was man dabei noch übrigens im rechtlichen Bezuge zu beobachten habe; sondern der Zweck dieses Paragraphen soll lediglich der seyn, zu zeigen, wie die Concursmasse, nämlich das noch übrige gesammte Vermögen eines Schuldners unter die Gläubiger in Rücksicht ihrer Forderungen, abgesehen von den eigentlichen Rechtsgrundsätzen, zu vertheilen sey und eben so: wie die Unkosten, welche durch einen solchen Concursprocess herbei geführt' werden, von diesen Gläubigern zusammen gebracht, oder unter dieselben vertheilt werden müssen. Nur zu diesem Behuse wollen wir einige hierauf hindeutende Beispiele mit der vollständigen Auslösung hier folgen lassen.

# Aufgaben.

#### **§.** 183.

1.) Unter die Gläubiger einer Concursmasse sollen vor der Hand abschläglich 7950 Thaler vertheilt werden. Nun haben sich gemeldet: A. mit einer Forderung von 975 Thaler, B. mit 2300 Thaler C. mit 1500 Thaler, D. mit 16400 Thaler, und E. mit 2825 Thaler.

Wie viel Procent werden jetzt wirklich abgetragen, und wie viel erhält jeder Gläubiger nach Verhältniss seiner Forderung?

# Auflösung.

Die ganze Forderung ist: 975+2300+1500+16400+2825 Thaler, also zusammen 24000 Thaler. Da nun hierauf abschläglich 7950 Thaler bezahlt werden sollen, so kommen auf das Hundert 33 Thaler 3 Groschen. Nämlich:

24000: 
$$7950 = 100$$
 Thir,:x Thir.  $= \frac{7950 \times 100}{24000}$  Thaler  $= \frac{795}{24}$  Thaler  $= 33$  Thaler 3 Groschen.

Dasjenige, was nun jeder Gläubiger von diesen 7950 Thlr. wirklich erhält, berechnet man entweder dadurch, dass man die

33 Thaler 3 Groschen mit der Anzahl der Hunderte, welche jeder zu fordern hat, multiplicirt z. B.

#### Es würde erhalten:

A. 93 mal 33	Thir. 3	Gr. od	er 322	Thir. 23	Gr. 3	Pf.
B. 23 - 33	- 3		761	- 21		-
C. 15 - 33	- 3		496	- 21		-
· D. 164 - 33	- 3		<b>5432</b>	- 12		-
E. 28½ - 33	- 3		935	- 18	- 9	
-		Summa	7950	Thir. —	Gr. —	P£.

# oder nach der Gesellschaftsrechnung (§. 172.)

```
A. 975 39 960:7950 = 39 Th.: x Th. = 322 Th.23 Gr. 3 Pf.

B. 2300 92 960:7950 = 92 Th.: x Th. = 761 Th.21 Gr. - Pf.

C. 1500 60 960:7950 = 60 Th.: x Th. = 496Th.21 Gr. - Pf.

D. 16400 656 960:7950 = 656Th.: x Th. = 5432Th.12 Gr. - Pf.

E. 2825 113 960:7950 = 113Th.: x Th. = 935Th.18 Gr. 9 Pf.

24000 960 Snmma 7950 Th. - Gr. - Pf.
```

1.) Des A. Concursmasse bestand: 1stens in 2976 Th. 19 Gr. 4 Pf. baarem Gelde; 2tens in einem Hause mit Garten, für welches bei der Versteigerung 875 Thir. 12 Gr. — Pf. erlangt wurden; 3tens in 10% Acker Feld, welches à Acker für 102 Thir. verkauft wurde; 4tens in 1976 Thir. 19 Gr. 7 Pf. aussenstehende Forderungen, von wel-

<sup>\*)</sup> Es wurde nämlich jede Zahl bei A, B, u. s. w. durch 25 dividirt, wodurch die abgekürzten Verhältnisszahlen 39, 92, 60, 656, 113 und deren Summe 960 entstanden. Da sich die letzte Zahl (960) mit der zu theilenden (7950) nochmals, sowohl durch 10 als auch durch 3 (mithin auch durch 30 zugleich) dividiren lässt, so wird dadurch die Rechnung noch einfacher, nämlich anstatt 960:7950 kommt 32:265; welche Vortheile wenn sie sich darbieten, stets beobachtet zu werden verdienen.

chen aber nur 1215 Thir. 18 Gr. beisutreiben möglich war; 5tens aus den Meubles und andern Geräthschaften wurden durch Versteigerung gelöst: 346 Thaler 11 Gr. — Pf., von welchem Ertrage aber 5 Procent Auctionsgebühren abzurechnen sind. Dahingegen beträgt die Summe aller Schulden: 9625 Thir. 1 Gr. 3 Pf. Im Voraus von der Concursmasse sind an verschiedenen prioritätischen Aufwänden 89 Thir. 17 Gr. 9 Pf. abzuziehen.

Wie viel Procent wird nun ein Gläubiger aus diesem Concurs noch erhalten können?

### Auflösung.

Wenn man bei Nummer 3 die 102 Thlr. mit  $10\frac{7}{8}$  multiplicirt, so erhält man 1109 Thlr. 6 Gr. — Pf., welche aus dem Felde gelöst wurden; eben so hat man bei Nummer 4 nur die wirklich eingehenden 1215 Thaler 18 Gr. in Rechnung zu bringen. Da bei Nummer 5 durch die Auction 346 Thlr. 11 Grosch. — Pf. gelöst wurden, so muss man von 100 Thalern fünf Thaler, oder von den 346 Thlr. 11 Gr. den 20sten Theil, als Auctionsgebühren abziehen; diese betragen 17 Thlr. 7 Gr. 9 Pf.; es kommen daher su der Masse nur 329 Thlr. 3 Gr. 3 Pf. Nun addirt man diese 5 Posten, und sieht von der Summe 6506 Thlr. 10 Gr. 7 Pf. die im Voraus zu entnehmenden 89 Thlr. 17 Gr. 9 Pf. ab, so bleibt der reine Massebestand übrig, welcher unter die Gläubiger nach Verhältniss ihrer Forderungen zu vertheilen ist, als:

- 1.) Das baare Geld beträgt........ 2976 Thir. 19 Gr. 4 Pf.
- 2.) das Haus mit dem Garten wurde verkauft für ...... 875 Thlr. 12 Gr. Pf.
- 3.) aus  $10\frac{7}{3}$  Acker Feld à 102 Thaler

'4.) die aussenstehenden Schulden gingen

- 5.) aus den Meubles wurden gelösst 19
  - v. 346 Thir. 11 Gr. oder. . . 329 Thir. 3 Gr. 3 Pf.

Summa der Activmasse 6506 Thir. 10 Gr. 7 Pf.

Uebertrag Summe der Activmasse 6506 Thir. 10 Gr. 7 Pf Hiervon die im Voraus zu entnehmen-

Da nun die ganze Masse der Schulden 9625 Thlr. 1 Grosch. 3 Pf. beträgt, so schliesst man: für 9625 Thaler 1 Gr. 3 Pf. werden 6416 Thlr. 16 Gr. 10 Pf. bezahlt, wie viel sonach für 100 Thaler?

Also: 
$$9625\frac{5}{96}$$
:  $6416\frac{101}{44} = 100$  Thlr.: x Thlr. Hieraus ist
$$x = \frac{924005 \times 100 \times 96}{144 \times 924005}$$
 Thlr. =  $\frac{200}{3}$  Thlr. =  $66\frac{2}{3}$  Thaler.

Es können also für jedes Hundert Thaler der Schuld, 66<sup>2</sup>/<sub>3</sub> Thir. bezahlt werden, (oder die Gläubiger erhalten auf ihre Forderung 66<sup>2</sup>/<sub>4</sub> Procent.)

# **§**. 184.

Gesetzt, des Gemeinschuldners sämmtliches Vermögen beträgt 7183 Thaler 8 Groschen. Es melden sich aber zur 1sten Classe folgende Gläubiger: A mit einer Forderung von 2300 Thaler, B mit 1800 Thaler und C mit 2500 Thaler; ferner in der 2ten Classe D mit 825 Thir. E mit 750 und F mit 175 Thir. Wenn nun die Gerichts-und Curatelkosten zusammen 243 Thir. 8 Gr. betragen, so fragt sich, wie viel ein jeder dieser 6 Gläubiger 1stens zu erhalten, und 2tens zu den Kosten beizutragen habe?

Anmerkung. Was die Concurskosten betrifft, so können diese nur in dem Falle, dass die Gläubiger alle in eine Classe gehören, von der ganzen Activmasse abgezogen werden; im entgegengesetzten Falle aber müssen die Kosten nach Verhältniss der ihnen ausgezahlten Summen berechnet und vertheilt werden.

### Auflösung.

Die Gläubiger der ersten Classe müssen vor denen der übrigen Classen, wenn die Masse unsulänglich befunden wird, befriediget werden. Das was nun nach Befriedignng der 1sten Classe von der Masse noch übrig bleibt, wird unter die Gläubiger der 2ten Classe, und so ferner, nach Verhältniss ihrer Forderungen, vertheilt. Man addire daher im obigen Falle die Forderungen der 1sten Classe und ziehe die Summe an 2300 Thlr. + 1800 Thlr. + 2500 Thlr. nämlich 6600 Thlr. von der ganzen Concursmasse 7183 Thlr. 8 Gr. — Pf. ab, so bleiben zur Vertheilung an die Gläubiger der 2ten Classe noch 583 Thaler 8 Gr. übrig.

Nun betragen die Forderungen von D, E und F. (825+750+175 Thlr.) also zusammen 1750 Thlr.

Daher schliesse man: auf 1750 Thaler werden nur 5833 Thir. bezahlt, wie viel also auf die Forderung eines jeden Einzelnen?

Es wird nun das, was jeder Einzelne zu erhalten hat, durch folgende Regel de tri-Ansätze gefunden,

#### nämlich:

1750: 583\frac{1}{2} = 825 Thir.:x Th. x = 
$$\frac{1750 \times 825}{3 \times 1750}$$
 Thir. = 275 Thir.   
- Gr. - Pf. D.   
1750: 583\frac{1}{2} = 750 Thir.:x Th. x =  $\frac{1750 \times 750}{3 \times 1750}$  Thir. = 250 Thir.   
- Gr. - Pf. E.   
1750: 583\frac{1}{3} = 175 Thir.:x Th. x =  $\frac{1750 \times 175}{3 \times 1750}$  Thir. = 85 Thir.   
8 Gr. - Pf. F.   
Also erhält D, E und F in Summa 583 Thir. 8 Gr. - Pf.

Hierauf darf zu Eintheilung der Kosten geschritten werden. Sie müssen nämlich von sämmtlichen Gläubigern in dem Verhältniss zusammen gebracht (oder abgezogen) werden, in welchem sie ihre Zahlung aus der Creditmasse erhielten. Denn wären gleich anfänglich die 243 Thir. 8 Gr. Kosten von der ganzen Masse abgezo-

gen worden, so wäre für die Gläubiger der 2ten Classe anstatt 583 Thir. 8 Gr., nur 340 Thir. zur Vertheilung übrig geblieben, woraus sich ganz deutlich ergiebt, dass in solchen Fällen die Gläubiger der 2ten Classe die Kosten stets allein tragen müssten, welches offenbar unrecht wäre, indem dieser Kostenbetrag doch präsumtiv zum Vortheil aller Gläubiger verwendet worden ist.

Dieses Unrecht würde sich noch deutlicher gezeigt haben, wenn nach Befriedigung der Gläubiger in der 1sten Classe, noch weniger übrig geblieben wäre, als die Kosten betragen: denn in diesem Falle hätten die Gläubiger der 2ten Classe nichts auf ihre Forderung aus der Masse erhalten.

# §. 185.

Um also die Unkosten nach einem richtigen Verhältniss zu ver-A. erhielt 2300 Thlr. theilen, bringe man die den Gläubigern zukommenden Posten in eine Summe, wie 1800 nebenstehet und schliesse alsdann: "auf D. 7183 Thir. 8 Gr. — Pf. auszuzahlende Gelder, sind 243 Thir. 8 Gr. Kosten su E. 250 F. 581 vertheilen, wie viel kommt auf die Post Summa 7183 Thir. eines jeden Einzelnen?

Anmerkung. Die Rechnung wird dadurch etwas abgekürzt, wenn man die Glieder des ersten Verhältnisses erst mit 3 multiplicirt, und dann durch 10 dividirt. In diesem Falle erhält man anstatt: 7183\frac{1}{3} zu 243\frac{1}{3}, das in ganzen Zahlen ausgedrückte Verhältniss: 2155 zu 73, wonach die Rechnung wie folget anzusetzen ist;

1.) 
$$2155:73 = 2300 \text{ Th.: x Th. x} = \frac{73 \times 2300}{2155} \text{ Thir.} = 77 \text{ Thir.}$$

$$21 \text{ Gr. } 10\frac{262}{481} \text{ Pf. giebt } A.$$
2.)  $2155:73 = 1800 \text{ Th.: x Th. x} = \frac{73 \times 1800}{2155} \text{ Thir.} = 60 \text{ Thir.}$ 

$$23 \text{ Gr. } 4\frac{280}{481} \text{ Pf. giebt } B.$$

3.) 
$$2155:73 = 2500 \text{ Th.: x Th. x} = \frac{73 \times 2500}{2155} \text{ Thir.} = 84 \text{ Thir.}$$

$$16 \text{ Gr. } 5\frac{341}{431} \text{ Pf. giebt } C.$$
4.)  $2155:73 = 275 \text{ Th.: x Th. x} = \frac{73 \times 275}{2155} \text{ Thir.} = 9 \text{ Thir.}$ 

$$7 \text{ Gr. } 6\frac{378}{431} \text{ Pf. giebt } D.$$
5.)  $2155:73 = 250 \text{ Th.: x Thir. x} = \frac{73 \times 250}{2155} \text{ Thir.} = 8 \text{ Thir.}$ 

$$11 \text{ Gr. } 2\frac{423}{431} \text{ Pf. giebt } E.$$
6.)  $2155;73 = 58\frac{1}{3} \text{ Th.: x Thir. x} = \frac{73 \times 175}{2155 \times 3} \text{ Thir.} = 1 \text{ Thir.}$ 

$$23 \text{ Gr. } 5\frac{41}{431} \text{ Pf. giebt } F.$$

Zieht man nun das, was jeder zu den Kosten beiträgt, von dem, was er wirklich erhält, ab, so liefert uns eine genaue Uebersicht über das, was jedem Gläubiger zukommt u. s. w. der folgende

Distributionsplan.

Der Gläubi- ger	de	rn.		erha	lten	1.	Hat zu den Ko- sten beizutragen Thir.   Gr   Pf.		wirk			
A.	2300		1_	2300	_	-		-	10262	4	2	116
В.	1800	-	=	1800	_	=	60	_		Total Committee	Ξ	715
C.	2500	=	=	2500	=	=	84	16		2415	-	6,90
D.	825	=		275	=	=	9	7	_	265	16	5 53
E.	750	Ξ	_	250	=	=	8	11	2422	241	12	9 9
F.	175	=	_	58	8	=	1	23	5 4 1 T	56	8	6390
Summa.	8350	_	-	7183	8	<u></u>	243	1 8		6940	1	

Anmerkung. Die Unkosten, die ein jeder Gläubiger für sich bei Anmeldung und Bescheinigung seiner Forderung seinerseits verursacht (Separatkosten im Gegensatze der allgemeinen) sind nicht aus der Concursmasse abzuführen, sondern von diesem Gläubiger selbst zu übertragen und kommen also hierbei nicht weiter in Betracht.

Vertheilungs - oder Repartitions - Rechnung.

#### **§**. 186.

Unter dieser Rubrik wollen wir alle diejenigen Rechnungen zusammen nehmen, wobei irgend eine gewisse Grösse nach einem schon ausgemittelten Verhältnisse vertheilt oder aufgebracht werden soll. Hierher dürfte unter andern die Vertheilung der Kriegskosten, der Brandschäden, der Steuern, so wie überhaupt alle, nach einem gegebenen Masstabe aufzubringenden Abgaben zu 'rechnen seyn.

Einige Beispiele werden auch hier das Gesagte noch mehr versinnlichen. Die Auflösungen selbst gründen sich meistens auf die in §. 172 bis §. 180 gegebenen Regeln der Gesellschaftsrechnung.

# Aufgaben.

#### **8**. 187.

1.) In einem Lande betrugen die angegebenen Brandschäden auf einen gewissen Termin 287431 Thaler. Wenn nun die Taxe sämmtlicher Gebäude im Lande 98968525 Thaler beträgt, wie viel muss in diesem Falle das Viertelhundert zur Brandcasse entrichten?

Man schliesst auch hier: "Wie sich der taxirte Werth aller Gebäude zu dem ganzen Brandschaden verhält, so verhält sich auch der 4te Theil von Hundert su dem, was davon an die Brandcasse entrichtet werden muss, und zwar:

$$98968525:287431 = 25 \text{ Thir.}; x = \frac{287431 \times 25}{98968525} \text{ Th.} = \frac{287431 \times 24 \times 12}{3958741} \text{ Pf.} = \frac{82780128}{3958741} \text{ Pf.} = 20 \frac{3605308}{3958741} \text{ Pf.}; \text{ oder}$$

da in diesem Falle die Brüche stets für voll gerechnet werden, so ist der allgemeine Beitrag zur Brandcasse, für jedes Viertelhundert oder 25 Thlr. Taxwerth auf diesen Termin: 21 Pf. oder 1 Gr. 9 Pf.

2.) Ein Bauer beschwert sich, dass ihm der Gemeindevorsteher auf einen gewissen Termin, in welchem auf das Viertelhundert 1 Gr. 10 Pf. zur allgemeinen Brandcasse ausgeschrieben war, 4 Th. 13 Gr. 3 Pf. abverlangt habe. Da nun seine Wirthschaftgebäude, nämlich das Wohnhaus mit 475 Thlr., die Scheune mit 350 Thlr., die Stallgebäude mit 425 Thlr. und ein Seitengebäude mit 175 Thlr. in der Brandcasse assecurirt sind, so soll berechnet werden, ob diesem Bauer wirklich zu viel abverlangt wurde, und wie viel er auf diesen Termin zu geben schuldig ist.

### Anflösung.

Man berechne erst den versicherten Werth seiner sämmtlichen Gebäude durch Addition; dieser findet sich wie nebenstehet 475 Thlr. 1425 Thaler. Nun schliesse man: 25 Thaler geben 350 - 22 Pfennige, wie viel 1425 Thaler? Oder auch 1425 - Viertelhundert giebt — Thlr. 1 Gr. 10 Pf., wie 175 - viel geben 57 Viertelhunderte, und swar:

1425 Thir.

25: 1425 = 22 Pf.: x Pf.; x =  $\frac{1425\times22}{25}$  Pf. = 57 × 22 Pf. = 1254 Pfennige oder 4 Thlr. 8 Gr. 6 Pf. und es wurden ihm demnach zu viel abverlangt: 4 Gr. 9 Pf

- 3.) In einer Gemeinde haben 5 Hausbesitzer durch eine Feuersbrunst den grössten Theil ihrer Habe verloren, nämlich:
- A, dessen Gebäude auf 950 Thaler taxirt, erlitt einen Verlust von 570 Thir.

- B, dessen Gebäude auf 1230 Thaler taxirt, erlitt einen Verlust von 1025 Thlr.
- C, dessen Gebäude auf 875 Thaler taxirt, konnte gar nichts gerettet werden.
- D, dessen Gebäude auf 2520 Thaler taxirt, erlitt einen Verlust von 2394 Thlr.
- E, dessen Gebäude auf 1260 Thaler taxirt, erlitt einen Verlust von 980 Thir.

Nun gingen aus den benachbarten Ortschaften 996 Thaler 1 Gr. 7 Pf. an milden Beiträgen mit der Bedingung ein, dass der Ortsrichter dieses Geld nach Pflicht und Gewissen unter die Abgebrannten vertheilen solle.

Wie muss die Theilung geschehen, und wie viel wird jeder der Abgebrannten erhalten?

### Auflösung.

Ware so viel eingegangen, als die Summe des Verlustes durch den Brand beträgt, so wurde Jeder eben so viel erhalten, als er durch das Feuer verloren hat. Da dieses aber nicht der Fall ist, so muss ausgemittelt werden, welchen Theil seines Vermögens, ein Jedez durch diesen Brand verloren hat. Dieses findet sich, wenn man das, was jeder verliert, durch das, was jeder vorher besass, dividirt; nämlich bei A. 570. Dieser Bruch, der nach §. 20. in kleineren Zahlen ausgedrückt 3 beträgt, giebt uns die Grösse des Verlustes bei A an. Auf gleiche Weise findet man auch den Verlust des  $B = \frac{1025}{1230}$  oder 5; des  $C.\frac{875}{815}$  oder 1 Ganzes; des D.  $\frac{2394}{2520}$  oder  $\frac{19}{20}$  und des E.  $\frac{980}{1260}$  oder  $\frac{7}{4}$ . Schreibt man daher die abgekürzten Brüche unter einander, und bringt dieselben nach §. 28. auf gleiche Benennung, so verhält sich die Summe ihrer Zähler zu der ganzen zu vertheilenden Grösse, wie jeder Zähler einzeln zu dem, was jeder zu erhalten berechtiget ist. Rechnung ist, wie folget, anzuordnen:

	180						
A.,	35		108				
B.,	5	30	150				
C.,	1 -	180	180				
<b>D</b> .,	$\frac{19}{20}$	9	171				
E.,	7	20	140				
	_		749.				

Die eingekommenen 996 Thr. 1 Gr. 7 Pf. werden nun in 749 gleiche Theile getheilt, und es erhält A. 108, B. 150, C. 180, D. 171 und E. 140 solche Theile. Führt man die Division wirklich aus, so ist der 749ste Theil von 996 Thlr. 1 Gr. 7 Pf. gleich 1 Thlr. 7 Gr. 11 Pf.

#### Es erhält daher:

```
108 mal 1 Thir. 7 Gr. 11 Pf. oder 143 Thir. 15 Gr. - Pf.
A.,
                          11 -
                                 oder 199
                                                11 -
                    7 -
B.,
                          ]] -
                                 oder 239
C.,
     180 -
                         ·11 -
                                 oder 227
     171 - 1
D.,
E.,
                          11 - oder 186
                              Summa 996 Thir.
                                                1 Gr. 7 Pf.
```

4) Fünf Dörfer bekommen 1234 Mann Einquartierung, welche an diesen Orten gewöhnlich nach der Hufenzahl vertheilt werden. Nun hat das Dorf A. 193, B. 273, C. 395, D. 441 und E. 231 Hufen. Es werden aber von dem commandirenden Offizier nach A. 136, nach B. 250, nach C. 291, nach D. 350 und nach E. 207 Mann gelegt.

Wenn nun für jeden Mann, den ein Dorf zu viel hat, täglich 12 Silbergroschen zu vergüten sind, so soll berechnet werden, wie viel ein Dorf, welches zu viel erhalten hat, zu bekommen, und dagegen ein anderes, welches zu wenig erhielt, herauszugeben habe? (Ein Thaler hat 30 Silbergroschen.)

# Auflösung.

Man suche erst die Zahl der Hufen bei diesen fünf Dörfern, so findet man deren Summe = 154½. Da nun auf diese 154½ Hufen 1234 Mann zu vertheilen sind, so findet man, dass in diesem Falle auf eine Hufe 8 Mann zu liegen kommen. Multiplicirt man daher die Zahl der Hufen mit 8. so zeigt das Product, wie viel Mann jedes Dorf hätte erhalten sollen. Durch eine leichte Subtraction findet sich nun auch, ob und wie viel Mann ein Dorf su wenig oder zu viel erhalten hat, und wie viel das-

selbe in Gelde zu	erhalten,	oder zu	geben	habe,	welches in folgen-
der Tabelle ganz	auseinand	er gesetz	t ist,	als:	

Hat		Sallta	Hat er-	Da	her	Hat also an Geld zu		
das Dorf	Huf.	erhalten		zu viel	z.we- nig	erhalten	zu geben	
A.	193	158 M.	136M.	=	22M.	- A - Sq	8 9/245%	
B.	271	217 -	250 -	33M.	_	13 - 6 -		
C.	395	317 -	291 -	_	26 -		10 - 12 -	
D.	441	356 -	350 -	_	6-		2-12-	
E.	231	186 -	207 -	21	_	8 - 12-		
Summa	1541	1234 M.	1234M.	54M.	54M.	21A/185%	21.4/185%	

5) Zu Regulierung gewisser Abgaben lässt eine Gemeinde ihre Grundstücke durch einen verpflichteten Geometer ausmessen, und verdingt demselben die Aufnahme der ganzen Flur für 55 Thlr. welche Summe sie nach Verhältniss ihrer Grundstücke aufbringen will. Nun findet sich durch die Vermessung, dass A. 21½ Acker, B. 55½ Acker, C. 4¾ Acker, D. 19¼ Acker, E. 45¼ Acker, F. 2½ Acker, G. 1¼ Acker, H. 14½ Acker und I. 14¼ Acker hat. Wie viel hat nun jeder Grundbesitzer zu den obigen 55 Thlr. beizutragen?

# Auflösung

Man schreibe die gefundenen Zahlen der Aeker untereinander und bringe sie mit 8. auf gleiche Benennung, nemlich:

		8	Durch diese Multiplication mit 8. erhält man
A.	21 <u>į</u>	172	eines Jeden Grundeigenthum in Achtel-Ackern
B.	55 <del>3</del>	443	ausgedrückt, deren Summe 1440 Achtel -
<b>C</b> .	48	38	Acker beträgt. Nun kann man schliessen: für
D.	$19\frac{7}{8}$	159	1440 Achtel - Acker giebt man 55 Thaler,
E.	451	362	wie viel also für 172, oder 443, oder 38
F.	$2\frac{1}{2}$	20	u. s. f. Achtels - Acker, wodurch man also
G.	$1\frac{7}{8}$	15	findet, wie viel jeder Einzelne beizutragen hat.
H.	$14\frac{5}{8}$	117	Oder man untersucht, wie viel für 1 Achtel-
I.	141	114	Acker beizutragen ist, wenn für 1440 Ach-
		1440	telsacker 55 Thaler zu bezahlen sind. Man
verv	vandle	daher	die 55 Thlr. in Pfennige, so findet man: 55×

24×12 oder 15840 Pfennige. Auf Einen Achtelsacker kommen also 15840 Pf.: 1440 = 11 Pfennige.

Daher müssen zu den obigen 55 Thlr. beitragen:

	27411	·	~~~		don d	D-8-1	~~					
A.	172	mal	11	Pf.	oder	1892	Pf.	=	6	Thlr.	13 Gr.	8 <b>Pf.</b>
B.	443	-	11	-	-	4873	-	=	16	-	<b>22</b> -,	1 -
<b>C</b> .	38	-	11	-	-	418	-	=	1	-	10 -	10 -
D.	159	-	11	-	-	1749	-	=	6	-	1 -	9 -
E.	362	-	11	-	<i>-</i>	3982	-	=	13	-	19 -	10 -
F.	20	-	11	-	-	220	-	=	_	-	18 -	4 -
G.	15	-	11	-	-	165	-	=		-	13 -	9 -
H.	117	-	11	-	-	1287	-	=	4	-	11 -	3 -
I.	114	-	11	-	-	1254	-	=	4	-	8 -	6 -
						5	duni	me	55	Thir.	— Gr.	— Pf.

### **§**. 188.

Man pflegt auch zuweilen gewisse Abgaben nach aufhabenden Schocken, einfachen Quatembern, Zahl der Hufen, so wie nach dem reinen Körner-Ertrage, Anzahl der Rauchfänge, u. dergl. zu erheben.

#### Wenn nun in dem Kreise A.

werden, wie viel die Commun N. jedesma	•
so soll zu Anlegung eines Kreis - Ab	gaben - Catasters berechnet
der reine Körnerertrag	723000 Scheffel ist,
die Hufenzahl	11790 Hufen und
das einfache Quatemberquantum	4000 Thir.
die Summe der Schocke	1396000

3800 gangbare Schocke,

20 Thalern an Quatembern,

100 steuerbare Hufen und

930 Scheffel reinen Körner - Ertrag hat,

sobald dabei die Proportionalzahl 10000 zum Grunde gelegt, und darnach die Communbeiträge regulirt oder ausgeworfen werden sollen.

# Auflösung.

Man schliesst hier: Wenn auf 1396000 Schocke, welche der

ganze Kreis versteuert, 10000 Thaler erhoben werden sollen, wie viel kommen auf 3800 Schocke, welche die Commun N. hat? Und so auch bei dem Uebrigen. Demnach ordne man die Rechnung nach \$. 75 so an:

1. 
$$1396000 : 3800 = 10000 : x; x = \frac{3800 \times 10000}{1396000} = 27.22$$

2. 4000: 
$$20 = 10000 : x; x = \frac{20 \times 10000}{4000} = 50.00$$

3. 
$$11790: 100 = 10000: x; x = \frac{100 \times 10000}{11790} = 84.82$$

4. 
$$723000 : 930 = 10000 : x; x = \frac{930 \times 10000}{723000} = 12.86$$

Von diesen hier gefundenen Resultaten nimmt man nun gewöhnlich nur die ganzen Einheiten an, indem man die Decimaltheile welche unter ½ sind, wie in Nummer 1 und 2, ganz weglässt — dagegen aber werden diejenigen, welche grösser als ½ sind, wie in Nummer 3 und 4, für voll, also für ein Ganzes angenommen. Mithin, wenn dieser Kreis 10000 Thir., Gulden u. s. £ aufbringen sollte, so hätte die Commun N. darzu beizutragen: nach Nummer 1. 27, nach Nummer 2. 50, nach Nummer 3. 85 und nach Nummer 4. 13 Thaler oder Gulden.

#### §. 189.

Sollte aber die Vertheilung nach keiner dieser, hier angegebenen Massstäbe einzeln, sondern im Durchschnitt regulirt werden, so addirt man diese hier gefundenen Proportionaltheile, und dividirt ihre Summe (27+50+85+13=175) durch 4, so erhält man den Proportionaltheil dieser Commun N. im Durchschnitt su  $\frac{175}{4}=43\frac{3}{4}$ . Das heisst: wenn der Kreis A. 10000 Thaler oder Gulden aufbringen soll, so hat die Commun N.  $43\frac{3}{4}$  Thlr. d. i. 43 Thlr. 18 Gr. oder 43 fl. 45 Kreuzer hierzu beizutragen.

#### §. 190.

Vortheilhafter würde es aber für die Berechnun seyn, wenn die Proportionaltheile nicht auf die Zahl 10000 — sondern auf Eins gegründet würden. Man würde alsdann (nach § 45.) die Pro-

portionaltheile in Millionentheilen ausgedrückt, für diese Commun N. wie folget gefunden haben, nämlich:

 Num.
 1. anst.
 27, den auf 1 gegründeten Proportionalth.
 0.002722

 2.
 50,
 —
 1
 —
 0.005000

 3.
 85,
 —
 1
 —
 0.008482

 4.
 13,
 —
 1
 —
 0.001286

und anst. 434 im Durchschnitt, würde man erhalten: 0.004373

**§**. 191.

Diese hier gefundenen Proportionalzahlen haben vor den oben gefundenen den Vorzug, dass man jedes Regel de tri - Ansatzes so wie der Division ganz überhoben ist — indem die Berechnung selbst durch blosse Multiplication ausgeführt werden kann.

Gesetzt ein Land wollte eine Kriegsschuld von 2500000 Gulden besahlen, und es käme nach richtiger Vertheilung auf den Kreis A. die Summe von 352700 Gulden: so würde, wenn diese Kriegslast nach einer der oben angegebenen Abgaben aufgebracht werden sollte, die Commun N. wie folget beizutragen haben.

Man findet nämlich die beizutragende Quote, wenn man die Proportionalzahl mit der auf diesen Kreis kommenden Guldenzahl, nach §. 57. multiplicirt, mithin:

1. Nach den Schocken.

0. 0027 <b>22</b> 352700	
1905400	
5 <b>444</b>	
13610	
8166	
960.049400 fl.	
000 C 0 T7	

2. Nach den Quatembern.

352700 0.005 1763.500 fl. oder 1763 fl. 30 Kreuzer.

oder 960 fl. 3 Kreuzer.

Nach den Hufen.
 0.008482

352700
5937400
16964
42410
<b>25446</b>
2991.601400 oder 2991 fl. 36 Krz.

4. Nach der Körnerertrage.

#### 5. Im Durchschnitt.

0. 004373 352700 3061100 8746... 21865.... 13119.....

oder 1542 fl. 211 Krs.

#### §. 192.

Auch in den Ländern, wo man nach Thalern, Groschen und Pfennigen— oder nach einer andern Münzeintheilung rechnet, würde das hier angezeigte Verfahren ganz dasselbe bleiben, und man würde, bei einer gleichen Besteuerung, dieselben Resultate (jedoch in Thalern u. s. w.) erhalten haben, nur mit dem Unterschiede, dass die dem Ganzen noch zugehörigen Decimaltheile nicht in Kreuzern — sondern in Groschen und Pfennigen auszudrücken sind; welches sich am kürzesten durch die am Ende dieses Werkes angefügten Resolvirungstafeln bewirken lässt. Es wäre nämlich nach diesem Beispiele der Beitrag der Commun N.

a.) in Sachsen.

b.) in Preussen.

- 1.) Nach den Schocken: 960 Th. 1 Gr. 2 Pf.; 960 Th. 1 SGr. 6 Pf.
- 2.) N. einf. Quatemb.: 1763 12 - ; 1763 15 -
- 3·) Nach Hufen: 2991 14 5 ;2991 18 1 -
- 4.) N. d. Körner Ertr.: 453 13 9 ; 453 17 2 5.) Im Durchschnitt: 1542 Th. 8 Gr. 7 Pf.; 1542 Th. 10 SGr. 9 Pf.

# **§**. 193.

Aus den in den letzten Paragraphen angeführten Beispielen wird man nun nicht allein ersehen, wie man bei vorkommenden ähnlichen Fällen zu verfahren habe, sondern auch, dass die Decimalbrüche, wie aus dem letzten Beispiele hervorging, den gemeinen Brüchen in mehrern Fällen vorzusiehen sind. Eine Anleitung zum Gebrauch der oben benutzten Resolvirungstafeln wurde schon im §. 64. angegeben.

.4

Berechnung des Pflichttheils. (legitima.)

## **§**. 194.

Pflichttheil, legitima portio, ist der gesetzliche Erbtheil, welcher gewissen Personen, weder durch Testament, noch auf andere Weise von dem Erblasse entzogen werden kann. Doch geben die Gesetze gewisse Bedingungen an, unter welchen Aeltern den Kindern, und so umgekehrt, den Pflichttheil ganz entziehen können.

#### **§**. 195.

Das römische Recht, welches den Grund zu fast allen neueren Gesetzgebungen abgiebt, bestimmt allgemein, dass, wenn 4 oder weniger Erben vorhanden sind, welche auf den Pflichttheil Anspruch haben, diese zusammen den 3ten Theil, — sind aber mehr als 4 dergl. Erben vorhanden, diese zusammen die Hälfte dessen, was, ohne Testament oder andere beschränkende Verordnung, auf sie gekommen wäre, erhalten sollen. Jedoch sind diese Bestimmungen nicht immer gleichförmig, sondern man hat sich in jedem Lande erst genau zu unterrichten, was das allgemeine Landesgesetz, oder die Rechtsverfassung überhaupt, hierüber als Richtschnur festgesetzt hat.

#### **§**. 196.

Zu Erläuterung des Gesagten mögen folgende Beispiele dienen:

1.) Nach einer testamentarischen Verordnung soll das älteste von 5 Kindern nur den Pflichttheil erhalten. Wenn nun der ganze Nachlass in 5320 Thalern besteht, so fragt sich, wie viel dieser Pflichttheil betrage, und wie viel jedes der übrigen 4 Kinder erhalten werde?

# Auflösung.

Wenn sich die Kinder alle zu gleichen Theilen in das hinterlassene Vermögen theilten, so würde jedes den 5ten Theil desselben, nämlich 1064 Thir. erhalten. Da nun bei 5 und mehr ' Kindern der Pflichttheil blos die Hälfte dessen beträgt, was es wirklich erhalten haben würde, so erhält das älteste Kind blos die Hälfte von 1064 Thlr. oder 532 Thlr. Nun kann man die andere Hälfte, oder die übrigen 532 Thlr. unter die übrigen 4 Erben zu gleichen Theilen vertheilen, wodurch jedes noch 133 Thlr. mehr, nämlich: 1064 Thlr. + 133 Thlr. == 1197 Thlr. erhält. Oder man hätte auch den Pflichttheil (532 Thlr.) von dem gauzen Vermögen 5320 Thlr. abziehen, und den Rest 4788 Thlr. unter die übrigen 4 Kinder zu gleichen Theilen berechnen können, wodurch ebenfalls auf jedes 1197 Thlr. gekommen wäre.

2.) Wie gross ist der Pflichttheil eines Kindes, wenn das hinterlassene Vermögen 17936 Gulden beträgt und die Zahl der Kinder nur Zwei ist?

# Auflösung.

Man theile das Vermögen erst in zwei gleiche Theile, weil zwei Kinder oder Erben vorhanden sind, so würde ein Erbe 8968 fl. erhalten. Da nun bei 4 und weniger Erben der Pflichttheil blos ein Drittheil von dem beträgt, was der Pflichttheilerbe sonst, ohne Testament, erhalten haben würde, so hat man diese 8968 fl. noch in 3 Theile zu theilen, und ein solches 3<sup>tel</sup> oder 2989 fl. 20 Kreuzer ist der gesuchte Pflichttheil.

Ueberhaupt findet man den Pslichttheil

- a.) bei 4 und weniger Kindern, wenn man den 3ten Theil des ganzen Vermögens durch die Zahl der Erben dividirt.
- b.) bei 5 und mehr Kindern aber, wenn man die Hälfte des ganzen Vermögens durch die Zahl der Erben dividirt.
- 3.) A stirbt und hinterlässt seiner Frau das ganze Vermögen von 2980 Thlr. Da jedoch von seinem, schon früher verstorbenen einzigen Sohne noch 5 Enkel am Leben, sonst aber keine Erben weiter vorhanden sind, so fragt sich, wie viel jedem dieser 5 Kinder an Pflichttheil gebühre?

# Auflösung.

Nach dem Sächs. Rechte ist die Erbin verbunden, ihren 5 Enkeln die Hälfte der Verlassenschaft, also 1490 Thlr. als Pflichttheil abzutreten; es erhält demnach jedes Kind den 5ten Theil von 1490 Thlr. oder 298 Thaler.

4.) Ein Vater stirbt und hinterlässt ein Vermögen von 21300 Thaler, setzt aber seinen 3 Kindern A, B und C, von welchen A und B auch schon verstorben sind, nur den Pflichttheil aus. Da nun A. 3, und B. 7 Kinder (oder Enkel des Testirers) hinterlassen hat, so soll berechnet werden, wie viel jedem dieser eilf Erben zukommt.

# Auflösung.

Wenn Kinder und Enkel zusammenkommen, so treten die letzteren an die Stelle ihrer Aeltern; jedoch werden die, von einem Sohne oder einer Tochter abstammenden nur für eine Person gerechnet. Da also der Testirer nur 3 Kinder hat, und 4 oder weniger Kinder nur den 3ten Theil der Erbportion erhalten, so gehört ihnen zusammen der 3te Theil von 21300 Thlr. oder 7100 Thlr. Diese 7100 Thlr. nun unter die 3 Stämme A, B und C vertheilt, so kommt auf jeden Stamm 2366 Thlr. 16 Gr. Von diesen erhält nun:

Ein Kind des A den  $3^{\text{ten}}$  Theil oder 788 Thir. 21 Gr. 4 Pf. Ein Kind des B den  $7^{\text{ten}}$  Theil oder  $338 \div 2 - 3\frac{3}{7}$  - und C, die ganzen ungetheilten  $2366 - 16 - \cdots$ 

### §. 197.

Nach dem Preuss. Gesetzbuche (siehe allgemeines Landrecht 2ten Theil, 2ten Titel §. 392.) beträgt der Pflichttheil:

- 1.) bei Einem oder Zwei Kindern, Ein Drittel der Intestat-
- 2.) Drei Vier Ein Halbes Erb-
- 3.) Fünf mehreren Zwei Drittel portion.
- 1.) Wenn also jemand 7522 Thir. und swei Kinder hinterlässt, jedoch in seinem Testamente verordnet, dass das Jüngste nur den Pflichttheil erhalten soll; so fragt sich, wie viel dieses Kind erhalten werde?

# Auflösung.

Jedes dieser Kinder würde, wenn der Erblasser ohne Testament verstorben wäre, die Hälfte von 7522 Thir. also 3761 Thir. erhalten haben. Da aber in diesem Falle der Pflichttheil nur ein

Drittel der Intestat - Erbportion ist, so erhält das jüngste Kind nur den 3ten Theil von 3761 Thir. nämlich 1253 Thir. oder 1253 Thir. 20 SGr.

2.) Wenn das hinterlassene Vermögen 10000 Thir., und die Zahl der Kinder nur 3 beträgt; wie gross wird nach Preuss. Rechte der Pflichttheil seyn?

# Auflösung.

- Da 3 Kinder oder Erben vorhanden sind, so würde jedes den 3ten Theil von 10000 Thir. oder 3333 Thir. 10 SGr. erhalten. Da aber der Pflichttheil in diesem Falle nur die Hälfte dessen ist, so beträgt er 1666 Thir. 20 SGr.
  - 3.) Es sey endlich das hinterlassene Vermögen 5917 Thlr.

    15 SGr.; wie gross würde, nach Preuss. Rechte, der Pflichttheil eines Kindes seyn, wenn sieben Kinder oder Erben vorhanden wären?

# Auflösung.

Man theile den gansen Nachlass in 7 Theile, so kommt auf jeden solchen Theil 845 Thir. 10<sup>5</sup> SGr. Da nun der Pflichttheil nur <sup>2</sup>/<sub>3</sub> dieses Theiles ist, so beträgt derselbe <sup>2</sup>/<sub>3</sub> mal (845 Thir. 10<sup>5</sup> SGr.) oder 563 Thir. 17<sup>1</sup>/<sub>1</sub> SGr. (1<sup>5</sup>/<sub>2</sub> P£)

# §. 198.

Auch hier lässt sich für jeden der oben angeführten 3 Fälle, eine allgemein gültige Regel sur Berechnung eines Pflichttheils angeben, nämlich:

Im 1sten Falle wird der dritte Theil d. Nachlasses

- 2ten - - die Hälfte - dividirt, so zeigt der

- 3ten - - swei Drittel - Quot. d. Pflichttheil.

#### §. 199.

Aus den angeführten Beispielen dürste sich nun ergeben, dass die Berechnung eines Pflichttheils durchaus nicht mit Schwierigkeit verknüpst ist, indem sie stets auf einer einfachen Division beruht; nur muss man sich mit den in jedem Lande hierüber ergangenen Verordnungen und Bestimmungen genau bekannt machen, indem diese stets die richtige Norm zu dergleichen Berechnungen enthalten.

# Berechnung des Falcidischen Viertheils (quarta Falcidia).

#### §. 200.

Falcidisches Viertheil (Falcidia quarta) ist der 4te Theil einer Erbschaft, welcher dem Haupterben von der reinen Erbmasse zukommt. Hat nun ein Testirer die Erbschaft so sehr mit Vermächtnissen beschwert, dass nach deren Auszahlung dem Haupterben nicht einmal der 4te Theil der Erbschaftsmasse übrig bleibt, so kann der Erbe den Legatarien, nach Höhe ihrer Vermächtnisse, so viel kürzen, dass ihm der 4te Theil werden muss, und dieser 4te Theil wird das Falcidische Viertheil genannt.

#### §. 201.

Bei der Berechnung des Falcidischen Viertheils wird blos auf den Bestand der Erbschaft gesehen, wie sie zur Zeit war, als der Testirer starb. Auch kann die Berechnung dann erst vorgenommen werden, wenn die sämmtlichen Schulden des Erblassers, so wie auch die Begräbniss - und anderen Kosten entweder vorher bezahlt, oder deren Betrag w nigstens vorher ausgemittelt, und von' der Verlassenschaft abgerechnet worden ist. Ist dieses alles geschehen, so darf man nur den ganzen Nachlass durch 4 dividiren, so giebt der Quotient das gesuchte Falcidische Viertheil. Zieht man dieses Viertheil nun von dem ganzen Nachlasse ab, so zeigt der Rest, wie viel der Erbe höchstens an anderen Vermächtnissen herauszugeben schuldig ist.

Findet sich nun der Erbe beschwert, insofern nämlich die Vermächtnisse und andere letztwillige Leistungen in Summe von mehr als \(^3\_4\) des Nachlasses betragen, so ist er berechtiget, jedem der Legatarien und übrigen Betheiligten nach Verhältniss ihrer Portionen etwas abzuziehen, so dass diese zusammen nicht mehr als höchstens \(^3\_4\) des Nachlasses erhalten.

Einige Beispiele werden auch hier das Gesagte noch mehr versianlichen.

### §. 202.

1.) Die ganze Verlassenschaft eines Verstorbenen beträgt 9760 Thlr. Hiervon soll der Haupterbe zwei Vermächtnisse, nämlich an A. 5000 Thlr. und an B. 3000 Thlr. sogleich auszahlen. Da sich jedoch der Erbe beschwert fühlt, so verlangt er das Faleidische Viertheil. Es fragt sich nun, wie viel jeder Vermächtnissnehmer nunmehr erhalten kann, damit dem Erben das Faleidische Viertheil frei bleibe?

### Auflösung.

Das Falcidische Viertheil ist 9760 Thlr. : 4 = 2440 Thlr. diese nun von der ganzen Verlassenschaft 9760 Thir. abgezogen, bleibt 7320 Thlr. als wie viel die Legate hüchstens betragen dürfen, wenn Ein Viertheil für den Haupterben frei bleiben soll, Nun sind aber die obigen Legate zusammen grösser als 7320 Thir., denn es ist 5000 + 3000 Thir. = 8000 Thir. Demnach sind die beiden Vermächtnisse um 680 Thlr. grösser als 3 der ganzen Erbschaft; und der Haupterbe würde dadurch anstatt 2440 Thir. nur (9760 Thir. - 8000 Thir.) = 1760 Thir. also diese 680 Thir. zu wenig erhalten. Soll aber das Letztere nicht statt finden, so muss sowohl A. als auch B. nach Verhältniss der Grösse ihrer Legate etwas abtreten, damit dem Erben die fehlenden 680 Thir. dadurch ersetzt werden. Wie viel hat also A, auf 5000 Thir. und B. auf 3000 Thir. in Verhältniss dieser ihnen schon zugekommenen Summen zurückzuzahlen, wenn auf beide Summen 680 Thir. zu restituiren sind? Folgender Ansatz erläutert dieses, als:

8000: 680 = 5000 Th.: x = 
$$\frac{680 \times 5000}{8000}$$
 Th. = 85×5 Th.=425 Th.

giebt A.

8000: 680 = 3000 Th.: x =  $\frac{680 \times 3000}{8000}$  Th. = 85×3 Th.=255 Th.

giebt B.

Summa 680 Th.

Sind aber die Vermächtnisse noch nicht ausgezahlt, und es wird zu wissen verlangt, wie viel A auf 5000 Thlr. und B auf 3000 Thlr. erhalten kann, so schliesse man: Auf 8000 Thlr. werden blos 7320 Thlr. (d. i.  $\frac{3}{4}$  des Nachlasses) bezahlt, wie viel auf 5000 und auf 3000 Thl.? nämlich:

8000: 7320 = 5000 Th.: x Th. = 
$$\frac{7320 \times 5000}{8000}$$
 Th. = 915×5 Th. = 4575 Th. erhält A. 8000: 7320 = 3000 Th.: x Th. =  $\frac{7320 \times 3000}{8000}$  Th. = 915×3 Th. = 2745 Th. erhält B. Summa 7320 Th.

Es erhält also:

A. anstatt 5000 Thir. nur 4575 Thir. und B. - 3000 - - 2745 -

2.) A. verlässt 4956 Thaler, ist aber noch 850 Thir. schuldig und das Begräbniss mit den Inventur-Gebühren beträgt 126 Thir. Als Haupterben hat A. seinen Bruder B. mit \(^3\) und seiner verstorbenen Schwester Sohn C. mit \(^1\) eingesetzt. A. verordnet ferner in seinem Testamente, dass die Haupterben folgende Legate aussahlen sollen, nämlich: an D. 650 Thir., an E. 800 Thir., an F. 550 Thir. und an G. 1000 Thir. Da nun die Erben fanden, dass, wenn sie die Schulden, so wie die geordneten Legate aussahlten, ihnen nicht der 4te Theil des wahren Nachlasses übrig bleiben würde, so verlangten sie das Falcidische Viertheil. Es soll daher berechnet werden, wie viel jeder Legatar anstatt des ihm ausgesetzten Legats erhalten kann, und wie viel jedem der Haupterben wirklich zukommt.

# Auflösung.

Vor allen Dingen müssen die 850 Thlr. Schulden, so wie die 126 Thlr. Unkosten, also zusammen 976 Thlr. von der ganzen Verlassenschaft abgesogen und bezahlt werden; alsdann ergiebt sich der reine Nachlass von 3980 Thalern. Hiervon ist der 4te Theil 995 Thlr. und mithin \(\frac{3}{4}\) desselben \(\sigma 3980\) Thlr. \(-2985\) Thlr. Da nun die Legate in Summe 650 Thlr.

+ 800 Thir. + 550 Thir. + 1000 Thir. = 3000 Thir. betragen, so würden die Erben nur 980 Thir. also 15 Thir. weniger erhalten, als das Falcidische Viertheil beträgt. Diese 15 Thir. müssen daher von den Legatarien nach Verhältniss ihrer Legate aufgebracht werden, und sie erhalten also anstatt 3000 Thir. nur 2985 Thir. So wie sich nun ihre Forderung in der Hauptsumme vermindert, in demselben Verhältnisse muss auch die Forderung, oder das Legat eines jeden Einzelnen vermindert werden. Daher setze man:

$$3000:2985 = 650 \text{ Th.}:x \text{ Th.} = \frac{2985 \times 650}{3000} \text{ Th.} = 646\frac{3}{4} \text{ Th.}$$
 $3000:2985 = 800 \text{ Th.}:x \text{ Th.} = \frac{2985 \times 800}{3000} \text{ Th.} = 796 \text{ Th.}$ 
 $3000:2985 = 550 \text{ Th.}:x \text{ Th.} = \frac{2985 \times 550}{3000} \text{ Th.} = 547\frac{1}{4} \text{ Th.}$ 
 $3000:2985 = 1000 \text{ Th.}:x \text{ Th.} = \frac{2985 \times 1000}{3000} \text{ Th.} = 995 \text{ Th.}$ 
Es erhält also:

D. anstatt 650 Thir. nur 646 Th. 18 Gr.  $(22\frac{1}{2} \text{ SGr.})$ 
E.  $-800 - 796 - -7$ 

Von dem nun übrig bleibenden Falcidischen Viertheil (995 Thlr.) bekömmt nun:

also anstatt 3000 Thir. nur 2985 Th.

Wenn aber zwei oder mehrere Erben die Verlassenschaft unter sich zu gleichen Theilen antreten sollten, von welchen nur des einen oder des anderen Erbtheil mit Legaten beschwert wäre, so betrachte man eines jeden Antheil, als eine für sich bestehende Erbschaft, und rechne wie in vorigen Beispielen gezeigt wurde. z. B.

3.) A. verlässt bei seinem Tode ein Vermögen von 8728 Gulden, und setzet B. und C. als gleiche Erben ein; verordnet

jedoch in seinem Testamente, dass C. an D. ein Legat von 2500 fl. und an E. 1500 fl. auszahlen solle. Wenn sich nun C. durch diese Legate zu sehr beschwert fühlt, und dagegen das Faleidische Viertheil verlangt, so fragt sich, wie viel D. und E., anstatt der ihnen ausgesetzten Legate jetzt nur erhalten können?

# Auflösung.

Jeder dieser beiden Erben hat zu erhalten die Hälfte von 8728 Gulden, also 4364 Gulden. Von diesen 4364 fl. ist das Falcidische Viertheil gleich 1091 Gulden; mithin beträgt  $\frac{3}{4}$  der Erbschaft des C. 3273 Gulden. Da nun die beiden Legate zusammen 4000 fl. betragen, also die 3273 fl. um 727 fl. übersteigen, so müssen diese nach Verhältniss ihrer Grösse so vermindert werden, dass dem C. das Falcidische Viertheil von 1091 fl. frei bleibe. Daher schliesse man:

### **§.** 203.

Nach dem römischen Rechte kann ein Pflichttheil - Erbe, welcher noch unter vormundschaftlicher Aussicht steht, ausser dem Pflichttheil, auch das Falcidische Viertheil (quartam Falcidiam) fordern.

Wenn also ein Vater 5 Kinder, und ein Vermögen von 12000 Thir. hinterlässt, und er setzt eines derselben mit 3000 Thir. Erbe ein, von welchem Erbe aber noch einige Legate ausgesahlt werden sollen, so dürfen diese Legate in Summa die Zahl von 1350 Thir. nicht übersteigen. Denn es käme auf dieses Kind, ohne Testament, der 5te Theil von 12000 Thir. oder 2400 Thir., von welchen der Pflichttheil die Hälfte — oder 1200 Thir. beträgt. Zieht man diesen Pflichttheil von den ihm vermachten 3000 Thir. ab, so bleibt noch eine Erbachaft von 1800 Thir., von welchen das Falcidische Viertheil 450 Thir. beträgt. Mithin kommt diesem Kinde nach den Rechten zu:

- 1.) an Pflichttheil.....1200 Thir.
- 2.) an Falcidischem Viertheil 450 überhaupt also: 1650 Thir.

Diese 1650 Thir. nun von den ihm vermachten 3000 Thir. abgezogen, bleiben Rest 1350 Thir. als der grösste Betrag der Legate.

### **§.** 204.

Wäre endlich ein Erbe mit einem Legate beschwert, welches alljährlich oder allmonatlich ausgezahlt werden sollte, so muss der jetzige baare Werth dieses Legats berechnet werden, wenn man untersuchen will, ob das Falcidische Viertheil unter dieser Bedingung noch frei bleibe.

Da jedoch die Berechnung des jetzigen baaren Werthes einer auf mehrere Jahre jährlich zu bezahlenden Summe, theils nach verschiedenen Procenten, theils auch sowohl nach dem einfachen, als auch nach dem zusammengesetzten Interusurium berechnet zu werden pflegt, so wollen wir wegen dieses Gegenstandes auf §. 354. verweisen, wo der Gebrauch der am Ende dieses Werkes angefügten Tafeln uns eine Leichtigkeit im Lösen dieser Aufgaben verschaffen wird.

# Erlass - oder Remissions Rechnung.

§. 205.

Erlass oder Remiss an Pachtgeld, Erbzins, Miethzins, u. s. w. wird gewöhnlich nur dann ertheilt, wenn der Pflichtige durch einen unvorhergesehenen ganz ungewöhnlichen Umstand verhindert wird, die bedungene Leistung zu gewähren. Diese besonderen

Fälle können herbeigeführt werden durch ungewöhnliche Naturereignisse, durch Krieg u. dgl.; auch können Hauptkrankheiten, Viehseuchen u. s. w. es nöthig machen, dem Erpachter einen Nachlass an seinem Pachte u. s. w. su gewähren.

Dergleichen ausserordentliche Fälle werden gewöhnlich schen in den Pachtcontracten, und andern dahin einschlagenden Verträgen mit berührt, und es wird dann der Remiss bei verkommenden Fällen danach berechnet. Ist dieses jedoch unterlassen worden, so entscheiden in diesem Falle gewöhnlich die Landesgesetze. Da jedoch die Bedingungen, unter welchen ein Gut oder eine Sache in Pacht genommen wird, sehr mannigfaltig seyn können, so kann hier keine allgemeine Regel zur Berechnung der Remission ertheilt werden.

### **§**. 206.

Nach den Sächs. Rechten soll der Verpachter dem Pachter bei vorkommenden Wetterschäden u. s. w. nur dann einen Erlass zu geben schuldig seyn, wenn der Schaden selbst die Hälfte des jährlichen Pachtgeldes übersteigt; in diesem Falle soll alsdann der Verpachter den erlittenen Schaden zur Hälfte mittragen, oder sich vom Pachtgelde kürzen lassen.

Hätte daher A. sein Gut an B. für 2300 Thir. jährlich verpachtet, und B. hätte durch einen der oben angegebenen Umstände einen Schaden von 1490 Thir. erlitten, (welches durch hierzu berufene Sachverständige ausgemittelt wird) so muss A. diesen erlittenen Schaden zur Hälfte mittragen, oder sich 745 Thir. am Pachtgelde kürzen lassen, wenn nämlich in dem Pachteoatracte andere Bedingungen deshalb nicht festgesetzt worden sind.

#### §. 207.

Nach dem Preuss. Landrechte hingegen kann der Pachter nur dann Remission fordern, wenn ihm durch einen solchen Umstand von einer Getraidesorte so viel-verdorben ist, dass das Eingeerndtete nicht sur Aussaat für das folgende Jahr und sur Wirthschafts - Nothdurft bis sur nächsten Erndte ausreicht. In diesem Falle ist der Verpachter gehalten, dem Pachter so viel zu ersetzen, als zur Aussaat und zu den übrigen Bedürfnissen bis zur nächsten Erndte noch zu kaufen nöthig ist. Hätte also z. B. ein Pachter nach einem erlittenen Schaden nur 123 Scheffel Korn erbaut; er bedürfte aber zur Aussaat und zum Brode bis zur nächsten Erndte 235 Scheffel, so fehlen ihm zu diesem nöthigen Bedarfe (235—123) Scheffel = 112 Scheffel, und diese 112 Scheffel muss ihm sein Verpachter entweder in natura ersetzen, oder nach den bestehenden Marktpreissen in Gelde vergüten.

#### **§**. 208.

Für das Königreich Hannover enthalten die Landesgesetze folgende Bestimmungen über Remission:

- 1) Wird d. Schaden total befunden, so ist die Remission & d. Pachtes.
- 2) ist der Schaden &

entrichten.

- 2

Hieraus ergiebt sich nun leicht, dass die Remission nicht nach einer im Voraus zu bestimmenden Regel berechnet werden kann, aber auch, dass jede Privat-Uebereinkunft, oder das darüber in jedem Lande bestehende Gesetz, die Regeln, nach welchen der Erlass zu berechnen ist, immer so deutlich vorzeichnet, dass eine fernere Anleitung hierzu ganz überflüssig wäre.

Wir wollen daher nur einen Fall ausheben, der nicht zu den gewöhnlich vorkommenden gehört. z. B.

A. verpachtet sein Gut an B., für den jährlichen Pacht von 1750 Thir., mit der Bedingung, dass B. das Pachtquantum jedesmal zu Anfang des Jahres baar erlege; wogegen sich A. verbindlich macht, jeden ausserordentlichen Schaden, der B. im Laufe des Jahres betreffen sollte, zur Hälfte mit zu tragen, welchen Erlass B. von dem nächstfälligen Pachtquantum abzuziehen berechtiget sey; im Unterlassungsfälle sollen 5 p. C. Verzugszinsen berechnet werden. Nun erleidet B. im 2ten Jahre wirk-

lich einen Wetterschaden an seinen Feldfrüchten, welcher gerichtlich auf  $\frac{5}{8}$  des ganzen Ertrags taxirt wird; es fragt sich daher, wie viel Thaler B. zu Anfange des  $3^{\text{ten}}$  Jahres von dem Pachtquantum abziehen darf?

# Auflösung.

Da sich A. den Pacht zu Anfang des Jahres geben lässt, so findet hier eine Anticipation statt, indem man den Zins oder die Miethe von einer Sache nicht eher zu entrichten pflegt, als bis man von dieser Sache einen Nutzen gezogen hat. Zahlte nun B. seine 1750 Thir. Pacht erst zu Ende des Jahres, so hätte er zugleich 5 p. C. Verzugszinsen mit zu entrichten; er würde daher am Ende des Jahres 1750 Thir. Capital und 874 Thir. Zinsen, oder in Summa 1837 Thir. 12 Gr. su bezahlen haben, und dieses ist das wirkliche jährliche Pachtquantum. Beträgt daher der Schaden an Feldfrüchten 🕏 des jährlichen Ertrags, so ist 5 von 1837 Thlr. = 1148 Thlr. 10 Gr. 6 Pf. Hiervon kommt auf den Antheil des Verpachters die Hälfte, oder 574 Thir. 5 Gr. 3 Pf., und dieses von den zu Anfange des 3ten Jahres fälligen 1750 Thir. abgezogen, giebt 1175 Thir. 18 Gr. 9 Pf., welche B. an A., nach Abzug der Remission, noch zu bezahlen hat.

Rechnung bei dem antichretischen Vertrage.

#### §. 209.

Dieser Vertrag, welchen man in der Rechtssprache Pactum antichreticum nennt, findet statt, wenn Jemand ein Capital unter gewissen Bedingungen erborgt, und seinem Gläubiger, anstatt der Zinsen, — oder auch zur successiven Tilgung der Schuld selbst — den Nutzen einer deshalb demselben verpfändeten Sache überlässt.

Da nun der Nutzen des Pfandes dem Zinsertrage des darauf geliehenen Capitals ganz gleich — oder auch grösser oder kleiner als diese Zinsen seyn kann, so giebt es 3 besondere Fälle, in welchen man die, bei einem selchem Vertrage interessirten Personen durch Rechnung auseinander setzen kann.

Ohne uns auf Streitigkeiten über die verschiedenartigen Berechnungen eines solchen Gegenstandes einzulassen, wollen wir auch hier einige dieser besonderen Fälle als Aufgaben anführen, und dieselben nach den bisher gegebenen Regeln, und mit Hülfe der gesunden Vernunft aufzulösen suchen.

Da es nun übrigens nur auf die richtige Bestimmung des Endresultats ankommt, so dürfte es wohl rathsam seyn, bei dergleichen Berechnungen vorzüglich Decimalbrüche anzuwenden.

]ster Fall.

#### §. 210.

Ist der jährliche Ertrag des Pfandes dem jährlichen Betrage der Zinsen des geliehenen Capitales ganz gleich, so ist klar, dass das Capital unter diesen Umständen ganz ungeändert bleiben muss, — der Vertrag kann so lange dauern als es beiden Personen beliebt. Bei Aufhebung des Vertrags hat der Eigenthümer des Pfandes das Letztere nur alsdann erst zurückzufordern, wenn er das darauf geliehene Capital, so wie er es erhielt — wieder zurückgezahlt hat.

2ter Fall.

#### §. 211.

Ist der Nutzen des Pfandes geringer als der Zinsertrag des darauf geliehenen Capitals, so ersieht man leicht, dass die Schuld immer grösser und endlich dem Werthe des Pfandes selbst gleich werden muss. Hier entsteht aber, vor allem, die Hauptfrage: ist es dem Darleiher erlaubt, die jedesmal noch unbezahlt bleibenden Zinsen wieder zum Capital zu schlagen, und demnach wieder Zinsen von diesen unbezahlten Zinsen in Rechnung zu bringen oder nicht?

Beide Fälle können statt finden, je nachdem die Landesgesetze darüber entschieden haben.

Wir wollen demnach, um den Unterschied deutlicher zeigen zu können, eine Aufgabe auf beide Arten auflösen, z. B.

A. erborgt sich von B. 10000 Thaler zu 5 p. C., und verpfändet dafür an den Gläubiger sein Gut, welches jährlich

420 Thir. einträgt. Am Ende des 10ten Jahres soll dieser Vertrag aufgehoben, und nun also berechnet werden, wie viel A. an B. zu bezahlen habe?

# 1ste Auflösung.

Dürsen die noch unbezahlten rückständigen Zinsen wieder sum Capital geschlagen werden, so rechne man wie folgt:

		U
Das geliehene Capital ist jetzt	10000	Thaler,
Zinsen auf das late Jahr	500	-
Summa	10500	_
Hierauf werden durch Nutzung des		
Pfandes abgezahlt.	420	-
Rest	10080	- -
Zinsen	504	-
· 2tes Jahr } Summa	10584	-
Abzahlung	420	-
Rest	10164	-
Zinsen		-
3tes Jahr Summa	10672. 2	
Absahlung		-
<u>~</u>	10252. 2	
( Zinsen	512. 61	-
	10764. 81	
Abzahlung		•
7.	10344. 81	<b>-</b>
Zinsen	517. 2405	-
		-
Abzahlung	10862. 0505 420.	•
<u>~</u>		_ `
	10442. 0505	<b>-</b>
Zinsen		_
	10964. 153024	5 -
` (Abzahlung		<b>-</b>
	10544. 15302	
Zinsen		_
	11071. 36067	3 -
Abzahlung	420.	
Resi	10651. 36067	8 -

	Transport Zinsen	1 <b>965</b> 1. 3 <b>60676</b> 3 532. 568034	
8tes Jahr		11183. 928710	-
	Abzahlung	420.	-
		10763. 928710	-
	Zinsen	538. 196436	-
9tes Jahr		11302. 125146	-
	Abzahlung	420.	- ·
		10882. 125146	
	(Zinsen	544. 106257	
10tes Jahr		11426. 231403	-
	Abzahlung	420.	-
	Rest	11006 931403	Theler

A. hat also unter diesen Umständen an seinen Gläubiger B, am Ende des 10ten Jahres 11006 Thlr. 5 Gr. 7 Pf. (6 SGr. 11 Pf.) nämlich 10000 Thlr. erborgtes Capital, und 1006 Thlr. 5 Gr. 7 Pf. unbezahlte, während dieser Zeit aufgelaufene Zinsen zu hezahlen, und dagegen sein verpfändetes Gut wieder zu übernehmen.

## §. 212.

Diese hier gezeigte Berechnung dürfte wohl bei vorkommenden ähnlichen Fällen ansuwenden seyn, ob sie gleich auf Zinses-Zinsen gegründet ist; denn es wäre unbillig, wenn B. anstatt 500 Thlr. Zinsen, die ihm am Ende eines jeden Jahres sukommen, nur 420 Thlr. als Bezahlung annehmen, und die jedesmal fehlenden 80 Thlr. seinem Schuldner ohne alle Vergütung, und swar auf mehrere Jahre zu überlassen gesetzlich gezwungen werden sollte. Ist also der Zinses-Zins in diesem Falle erlaubt, so rechne man wie oben gezeigt wurde. Ist es aber nicht erlaubt, die unbezahlten Zinsen jedes Jahr wieder sum Capital zu schlagen, so wird es auch wenig Fälle geben, bei welchen ein Vertrag unter den hier gegebeneu Umständen abgeschlossen wird.

# 2te Auflösung.

(Bei welcher also vorausgesetzt werden muss, dass die am Ende jedes Jahres unbezahlten 80 Thir. Zinsen, bis sum Ende des 10ten Jahres ungenutzt liegen bleiben.) Ein Capital von 10000 Thir. trägt bei 5 p. C. jedes Jahr 500 Thir. und in 10 Jahren, 10 mai 500 Thir. also 5000 Thir. Zinsen. Hierauf werden nun mit Ende eines jeden Jahres blos abgezahlt: 420 Thir., mithin in 10 Jahren 10 mai 420 Thir. oder 4200 Thir.; folglich hat A. am Ende des 10ten Jahres noch an B. su bezahlen: 10000 Thir. Capital und 800 Thir. rückständige Zinsen, also susammen 10800 Thir. Oder auch, A. blieb am Ende eines jeden Jahres, ausser dem Hauptstamme, noch 80 Thir. Zinsen schuldig, und dises 10 mal, giebt 800 Thir.

#### §. 213.

Hieraus geht nun hervor: 1) dass A. anstatt 10000 Thir., die er geliehen erhielt, jedesmal nur 8400 Thir. wirklich versinset, und die Zinsen der übrigen 1600 Thir. erst am Ende des 10ten Jahres abträgt; 2) dass B. wegen dieser 10 Jahre su späten Abtragung der Zinsen von 1600 Thir. Capital, einen Nachtheil von 206 Thir. 5 Gr. 7 Pf. erleidet, und 3) dass es unbillig ist, Jemandem die Zinsen, welche mit Ende eines jeden Jahres fällig sind, auf 10 Jahre, ohne einen Schadenersatz, vorsuenthalten, insofern ihm das Recht, hiervon ebenfalls Zinsen zu fordern, abgesprochen wird. Wenigstens sollte man in den Ländern, in welchen bei Vorausbesahlungen (Anticipationen) Zins von Zins abgezogen, nämlich wo das Interusurium nach dem Leibnitzischen Calcül berechnet wird, umgekehrt auch, bei nicht erfelgter Abführung früher fälliger Geldbeträge, Versugszinsen rechnen dürfen.

#### 3ter Fall.

### §. 214.

Ist der jährliche Nutzen des Pfandes grösser als der jährliche Zinsbetrag des geliehenen Capitals, so muss dieser Nutzen zunächst auf die Zinsen und das Mehr, — auf das Capital selbst abgerechnet werden. Es tritt alsdann dieselbe Rechnung ein, die wir bei dem 2<sup>ten</sup> Falle in der ersten Auflösung gezeigt haben, so dass also in diesem Falle die Berechnung mit der der Zinsessinsrechnung ganz übereinstimmt, die Landesgesetze mögen die

Zinsessinsen erlauben oder nicht. Denn diese successive Abzahlung in jährlichen Terminen führt, wie jene, wo man die Berechnung auf einmal nach der susammengesetzten Zinsrechnung ausführt, auf gleiche Resultate.

Da also die verschiedenen Fälle, welche bei den antichretischen Vertrage vorkommen können, hier nicht hinlänglich ausgeführt werden konnten, so wollen wir diesen Gegenstand bis zum 3ten Abschnitt der 2ten Abtheilung außparen, wo sich im §. 397. eine kurze, aber vollständige Auflösung dieser Aufgaben finden wird.

Ende der ersten Abtheilung.

# Zweite Abtheilung.

# Die höheren Berechnungsarten enthaltend.

# I. Abschnitt. Einleitung.

#### §. 215.

Die bisher aufgestellten Fragen über Interessen-Rechnung waren immer so beschaffen, dass zu deren Auflösung nur die Regel de tri angewendet werden durfte. Sollen aber von einem Capitale nicht allein die Zinsen, sondern selbst wieder Zinsen von diesen Zinsen, und zwar auf mehrere Jahre, berechnet werden, so ist die Auflösung durch gewöhnliche Zahlenrechnung zwar möglich, aber äusserst mühsam und zeitraubend. Da es nun überdies wenig Fälle giebt, bei welchen sich die Resultate solcher Berechnungen in ganzen Zahlen vorfinden, so wird die Schwierigkeit noch dadurch erhöht, dass man die Vortheile, welche die Decimalbrüche darbieten, ausser Acht lässt, und dagegen die gewöhnlichen oder gemeinen Brüche in der Rechnung beibehält.

# §. 216.

Obschon in den mehresten Staaten Zins von Zins zu nehmen, oder zu geben, gesetzlich verboten ist, — so darf dennoch die höhere Zins - oder die Zinseszinsrechnung nicht als eine unnöthige Speculation angesehen werden, da dieselbe in vielen, und zwar in sehr wichtigen Fällen, einen wahrhaft grossen Nutzen hat. Dahin gehören 1) alle Berechnungen des Werthes einer Sache, welche erst nach mehreren Jahren einen reinen Nutzen bringt, 2) alle Rechnungen bei Speculationen, als: Assecurans-Unternehmungen, Tontinen (Leibrenten), Anwartschaften, u. dergl.

3) bei Vertheilung einer Summe in gewisse Termine; 4) bei

forstwirthschaftlichen Rechnungen; 5) bei antichretischen Verträgen; 6) bei der Vermögens-Verwaltung eines Vormundes für seinen Pflegebefohlnen; 7) bei kameralistischen oder staatswirthschaftlichen Rechnungen; 8) bei der Berechnung des Interusuriums nach dem Leibnitzischen Calcul; endlich 9) bei Gründung aller Wohlthätigkeits-Anstalten. Und so giebt es überhaupt sehr viele Fälle, bei welchen die Zinseszinsen in Rechnung gebracht werden müssen, wenn die Berechnung selbst auf richtigen Gründen beruhen und das Unternehmen nicht missglücken soll.

### §. 217.

Alle hierher gehörigen Aufgaben der Zinsessinsrechnung wurden nun bis jetzt nach algebraischen aus geometrischen Reihen abgeleiteten Formeln und mit Hülfe der Logarithmen aufgelöst. Da aber die Kenntniss der Algebra und der Gebrauch der Logarithmen in diesem Handbuche nicht vorausgesetzt werden soll, sondern gegenwärtige Schrift vorzüglich dazu bestimmt ist, die Aufgaben aus der Zinseszinsrechnung mit Hülfe der am Ende beigefügten Tafeln, und swar nicht durch Logarithmen, sondern durch blose Zahlenrechnung zu lösen, so wird es gewiss von grossem Nutzen seyn, wenn man sich mit der Einrichtung und dem vortheilhaften Gebrauche dieser Tafeln recht innig vertraut macht.

# **§**. 218.

Um nun die Schwierigkeit sowohl, als auch das überaus Mühsame, solche Aufgaben durch Regeldetri zu lösen, besser einzusehen, so wellen wir einen der leichtesten Fälle annehmen, und berechnen, zu welcher Summe ein Capital von 1000 Thir. mit den Zinsen in 8 Jahren anwächst, wenn nicht allein die Zinsen zu 4½ p. C. jührlich zum Capital geschlagen, sondern selbst wieder Zinsen von diesen Zinsen mit in Rechnung gebracht werden.

# **§**. 219.

Es ist aus der einfachen Zinsrechnung bekannt, dass 100 Thir. bei 4½ p. C. in einem Jahre mit den Zinsen auf 104½ Thaler anwachsen; dieses vorausgesetzt rechne man nun für diese 8 Jahre wie folgt:

```
1) 100:1043=1000 Thlr.:x Thlr.; Hiernach ist x= \frac{19\times1000}{4\times100} Th.
                       = \frac{4190}{1} Thir. = 1047½ Thaler nach 1 Jahre.
  2) 100:104\frac{3}{4} = \frac{4190}{4} Thir: x Thir.; und x = \frac{419\times4190}{4\times4\times100} Thir.
=\frac{175561}{160} Thir. = 1097\frac{41}{160} Thaler am Ende des 2ten Jahres.
   3) 100:104\frac{3}{4}=1097\frac{41}{160} Th. : x Th. ; und x = \frac{419\times175561}{4\times160\times100} Th.
              = \frac{73560059}{64000} Thir. = 1149\frac{24059}{64000} Thir. nach 3 Jahren.
   4) 100:104\frac{3}{4}=1149\frac{24059}{64000} Th.: x Th.; und x = \frac{419\times73560059}{4\times64000\times100} Th.
     = \frac{30821664721}{25600000} Thir. = 1203\frac{24864721}{25600000} Thir. nach 4 Jahren.
  5) 100 : 104\[ = 1203\frac{34}{5} \frac{61173}{60000} \] Thaler : x Thaler; und
      x = \frac{419 \times 30821664721}{4 \times 25600000 \times 100} Thir. = \frac{12914277518099}{10240000000} Thir. =
                                 1261 1637518099 Thir. nach 5 Jahren.
  6) 100: 1043 == 1261 1637518099 Thir.: x Thir.; und x=
  \frac{419\times12914277518099}{4\times10240000000\times100} \text{ Thir.} = \frac{5411082280083481}{40960000000000} \text{ Thaler.} =
                             1321 266280083481 Thir. nach 6 Jahren.
  7) 100:104\frac{3}{4}=1321\frac{266280083481}{40060000000000} Thir.: x Thir.; und x =
  \frac{419\times5411082280083481}{4\times4096000000000000100} \text{ Thir.} = \frac{2267243475354978539}{1638400000000000} \text{ Thir.}
                    949975016173736007841 Thir. =
                       655360000000000000
```

 $1449\frac{35}{65}\frac{33}{86}\frac{76}{600}\frac{17}{600}\frac{378}{6000}\frac{6907841}{6000}$  Thaler am Ende des bestimmten 8ten Jahres.

#### §. 220.

Ob nun gleich das hier gegebene Beispiel noch lange nicht zu den verwickelsten dieser Art gehört und sich sogar nur auf sehr wenig Jahre beschränkt, auch die ganze bierzu nöthige Multiplication und Division (der zu vermeidenden Weitläustigkeit wegen) hier nicht angegeben ist: so wird man doch leicht einsehen, dass die Rechnung für jedes folgende Jahr immer mühsamer und beschwerlicher werden müsse, wenn man auch selbst auf den sehr bedeutenden Zeitaufwand nicht Rücksicht nehmen wollte. Das Unangenehmste bei dieser Arbeit ist aber die Ungewissheit, ob auch das auf diesem Wege gefundene Facit richtig sey. Denn es ist nicht nur jedem bekannt, dass man sich bei so vielen Ziffern sehr leicht versehen kann, wodurch alsdann nicht allein Zeit und Mühe rein verloren geht, sondern es kann auch, wenn diese Rechnung den Grund zu irgend einer Speculation legen soll, in finanzieller Hinsicht eine höchst nachtheilige Wirkung ersolgen. Es muss uns also gewiss sehr viel daran gelegen seyn, ein Mittel ausfindig su machen, durch welches man mit der wenigsten Zeit und Mühe, am sichersten zu der richtigsten Auflösung gelangen kann, und als ein solches Erleichterungsmittel sind die am Ende dieses Werkes beigefügten Tafeln anzuschen.

#### §. 221.

Wir wollen daher das obige Beispiel nochmals auflösen, und dabei untersuchen, ob uns diese Tafeln wirklich so bedeutende Vortheile gewähren.

Zuvörderst auche man in der isten Haupttafel diejenigen Tafel auf, welche mit  $4\frac{3}{4}$  p. C. überschrieben ist, und da findet man neben der Zahl 8 Jahre (oder Termin) die Zahl 1.449546839 d. h. Ein Thaler, Gulden, Livre etc. wächst in 8 Jahren (oder

Termin) bei 44 p. C. mit den Zinsessinsen auf 1 Ganzes und 449546839 tausend Millionentheile des Thalers etc. an. Da nun nach \$. 45. der Werth eines Decimalbruches 10, 100 oder 1000 etc. mal so gross wird, wenn man den Punkt oder das Komma um eine, zwei oder drei etc. Stellen (Ziffern) von der linken nach der rechten Hand zu vorrückt, so findet man den Anwachs von tausend Thalern daselbst unmittelbar, nämlich mit 1449.546839 Thalern angegeben. Dieses sind also 1449 Ganze und 546839 Millionentheil-Thaler. Wird nun der dem Ganzen zugehörige Bruch nach §. 62. in Groschen und Pfennige aufgelösst, so findet man das Resultat ebenfalls gleich, 1449 Thir. 13 Gr. 1.489632 Pf. oder 1449 Thir. 16 Silbgr. 4.86204 Pf. also eben so, wie wir es früher schon gefunden haben. Denn die oben angegebenen gemeinen Pfennig-Brüche stimmen mit den hier angege, benen Decimalbrüchen bis auf Tausendtheilpfennig vollkommen überein; eine Genauigkeit, welche in allen vorkommenden Fällen gewiss hinreicht.

### **§**. 222.

Je grösser nun die Zeit ist, in welcher man den Anwachs eines Capitals mit seinen susammengesetzten Zinsen durch die Regel de tri berechnen wollte, desto grösser würde auch die Arbeit, so wie die Gefahr, sich zu verrechnen, seyn. Bei der Berechnung mit Anwendung dieser Tafeln hingegen finden wir dieses alles nicht; denn es findet sich z.B. mit Hülft derselben eben so leicht, dass 1000 Thaler Capital in 87 Jahren bei jährlich 43/4 p. C. und Zins von Zins auf 56676.203701 Thaler anwachsen werden; welches reducirt 56676 Thir. 4 Gr. 10.665888 Pf. (oder 103/4 Pf.) beträgt.

Diese Beispiele werden uns also sehon hinlänglich von den mannigfaltigen Vortheilen, welche dergleichen richtig berechnete Tafeln gewähren, überzeugen, und es ist daher wohl der Mühe werth, die hier folgende Anleitung über deren Eststehung und vortheilhaften Gebrauch su prüfen.

# Einrichtung der Interessen - Tafeln im Allgemeinen.

#### §. 223.

Diese Tafeln selbst folgen in fünf Haupt - Abtheilungen hinter einander, und sind durch die Ueberschrift: Iste, IIte, IIIte, IVte, Vte Haupt-Tafel von einander unterschieden.

Eine jede der ersten vier Haupt-Tafeln ist auf Zinsen von Zinsen und auf das Capital Eins gegründet.

Zu jeder der ersten vier Haupt-Tafeln gehören 25 Täfelchen, welche von ½ zu ½ Procent, und swar von Einem bis mit Hundert Jahren, oder andern gleichen Zeitabschnitten (Zinszahlungs-Terminen) bereehnet sind. Der Zinsfuss selbst wird bei jeder Tafel durch die Ueberschrift angegeben. Die rechts neben den Jahren stehenden Resultate, sind, bis auf Tausend-Milliontheile der Einheit berechnet, angegeben; so dass man mittelst dieser Tafeln, eine jede Summe Geldes, wenn sie die Zahl von tausend Millionen nicht übersteigt, ganz genau berechnen kann.

Die links neben dem Punkte stehenden Zahlen geben die ganzen Einheiten, so wie die rechts neben dem Punkte stehenden, die Decimaltheile einer Einheit an.

Um jede Ungewissheit zu heben, war man noch überdiess bemühet, den Inhalt und die Anwendung einer jeden Haupt-Tafel durch eine auf der ersten Seite der Tafel befindliche Aufschrift möglichst deutlich darzustellen.

Was aber die 5te Haupt-Tafel anbelangt, so enthält dieselbe zwar ebenfalls Berechnungen, den vorhergehenden ähnlich, jedoch nicht auf ganze Jahre, sondern auf einzelne Tage, Wochen und Monate. Die §. 278. gegebene Anleitung wird ihre Einrichtung und Gebrauch hinlänglich zeigen.

Die Einheit wurde allen diesen Rechnungen deswegen zum Grunde gelegt, weil dadurch alle Regel de tri-Ansätze entbehrlich werden, indem man die bei jeder Anzahl von Jahren (oder andern Terminen) angegebene Zahl, nur mit der Zahl desjenigen Capitals, welches man zu berechnen wünscht, multipliciren darf, um das gesuchte Resultat zu erhalten.

### §. 224.

Um die grösste Bequemlichkeit hierbei zu erreichen, ist nöthig, dass die Decimalbrüche beibehalten werden. Denn man wird hierdurch in den Stand gesetzt, den Anwachs eines Capitals von 10, 100, 1000, 10000 etc. Thalern, Gulden, Rubel, Franks, Pfd. Sterling etc. sogleich abzulesen. So ist z. B. der Anwachs eines Capitals von:

10 Thir. bei ½ p. C. in 13. Jahren = 10.32991997 Thir. = 10 Thir.
7 Gr. 11 Pf.

100 Gulden bei 1 p.C. in 93 Jahren = 126.1384413 fl. = 126 fl. 8 · 3 Kr.

1000 Rubel bei ½ p. C. in 47. Jahren == 1264.168319 Rubel == 1264 Rubel 16.8 Kop.

100000 Franken bei 3 p. C. in 59 Jahren = 155402.5833 Frkn. = 155402 Fr. 58.3 Cent.

1 Million Pfd. Sterl. bei 1 p. C. in 31 Jahren = 1361327.404 Pf. = 1361327 Pf. 8 Schil. 1 Penny.

10 Millionen Th. Preuss. bei 1 p.C. in 69 Jahren = 23564444.17 Th. = 23664444 Thlr. 5 Sgr. 1 Pf.

100000 Lire Italienisch bei  $1\frac{1}{2}$  p. C. in 48 Jahren = 204347 . 8289 Lire = 204347 Lire 82.9 Cent.

#### 1). S. W.

wobei bloss der Punct um so viel Stellen, nach der rechten Hand zu, fortgerückt werden darf, als die decadische Zahl (10, 100, 1000 etc.) Nullen hatte.

#### **§**. 225.

Die den ganzen Einheiten noch zugehörigen Decimaltheile kann man entweder nach der in §. 63. gegebenen Anleitung berechnen, oder unmittelbar aus einer der am Ende dieses Werkes beigefügten Resolvirungs - Tafel abschreiben; welches letztere stets zu empfehlen ist.

Durch die obigen Beispiele erhellet also deutlich, dass diese Tafeln nicht allein in jedem Lande mit gleichem Nutzen gebraucht, sondern auch, dass die Resultate für alle Decadische Zahlen ohne alle Rechnung, geradezu aus den Tafeln abgeschrieben werden können.

#### **§. 226.**

Wäre aber auch das Anwachsen eines Capitals, welches durch keine decadische Zahl ausgedrückt ist, zu berechnen, so macht dieser Umstand nichts weiter als eine ganz geringfügige Multiplication nöthig.

Soll z. B. berechnet werden, zu wie viel ein Capital von 317 Thlr., bei ½ p. C. jährlichen Zinsen, in 37 Jahren anwächst, so findet man in der ersten Tafel neben 37 Jahren (oder Terminen) die Zahl 1.096786529; d. h. aus Einem Thaler Capital, werden in 37 Jahren 1 Ganzer und 196786529 Thaler. Mithin werden 317 Thaler, auf 317 mal 1.096786529 Thaler anwachsen.

1.096786529 317	
, 317	
7 6775 05703	
1 09678 6529	
32 90359 587	
347.681329693 Th	r.
24	
2725318772	
1362659386	•
16.351912632 Gr.	,
12	
703825264	
351912632	
4.222951584 Pf.	
Siehe auch §. 63.	

Multiplicirt man also diesen Decimalbruch, wie nebenstehet mit 317, so erhält man 347 Thaler in ganzen Einheiten. Den dazu gehörigen Bruch multiplicirt man wieder mit 24, um seinen Werth in Groschen auszudrücken, wodurch man 16 Gr. erhält. Multiplicirt man endlich den zu den Groschen gehörigen Bruch mit 12, so findet man auch die Pfennige, hier 4.2229. . . Pf. Daher wächst ein aus 317 Thlr. su ½ p. C. jährlich ausgeliehenes Capital, in 37 Jahren, mit den Zinseszinsen auf: 347 Thlr. 16 Gr. 4½ Pf. oder im Preus-

sischem: 347 Thir. 20 Sgr. 5 Pf. an.

Von dem Pfennigbruche ist es hinlänglich, wenn die erste Decimale (hier 2.) beibehalten wird.

Durch diese Rechnung erhält man also ein so genaues Resultat, dass es selbst durch Logarithmen mit 10 Decimalen nicht so genau gefunden werden kann, indem sich, wie wir § 64. gesehen haben, auch noch die Hunderttausendtheil-Pfennige als richtig angeben lassen.

Anleitung zum Gebrauche der Iten Haupt-Tafel.

## §. 227.

Wie schon einmal erwähnt wurde, so sind diese Tafeln für jedes Viertel pro Cent bis mit 6 p. C. berechnet, und man glaubt dadurch für jeden vorkommenden Fall hinlänglich vorgearbeitet su haben. Da jedoch manche Assecuranz - Gesellschaften und Sparkassen ihre Grundcapitalien auf  $3\frac{1}{8}$  pro Cent fundirt haben, so wurde auch dieser Umstand berücksichtiget, und eine Tafel, welche auf  $3\frac{1}{8}$  p. C. jährlich gegründet ist, zwischen 3 und  $3\frac{1}{4}$  p. C. eingeschaltet. Diese 25 Tafeln befinden sich von Seite 1 bis mit Seite 28.

### §. 228.

Bei allen diesen Procent-Rechnungen kommen immer vier verschiedene Grössen vor, von welchen uns dreie gegeben, oder bekannt seyn müssen, damit die 4te daraus herechnet werden kann. Diese 4 Grössen selbst sind:

- 1) Die Summe, auf welche ein angelegtes Capital in einer gewissen Zeit, mit den Zinsen, anwächst.
- 2) Die Grösse des angelegten Capitals selbst.
- 3) Die Procente, zu welchen es angelegt ist und
- 4) Die Zeit, welche dieses Capital auf Zinsen steht.

Wir wollen daher für jeden besondern Fall einige hierher gehörige Aufgaben mit der vollständigen Auflösung folgen lassen, und allemal zu Anfange derselben die Hauptregel, wie die Berechnung geschehen muss, voraussetzen.

NB. Es ist jetst bloss von dem Gebrauche der ersten Haupt-Tafel die Rede, und es werden bei der Berechnung selbst, stets Zinsen von Zinsen in Anwendung gebracht.

A. Die Summe wird gesucht, auf welche ein angelegtes Capital mit den Zinsen anwächst.

#### §. 229.

Regel. Man nehme aus den Tafeln diejenige Zahl, welche bei den gegebenen Procenten, und der genannten Zeit steht, und multiplicire dieselbe mit der Zahl des angelegten Capitals, so zeigt das Product diejenige Zahl an, auf welche das angelegte Capital, mit den Zinsen in der genannten Zeit angewachsen seyn wird.

#### **§.** 230.

## Aufgaben hierüber.

1) 2500 Thir. preussisch sind zu 4 ½ p. C. jährlich ausgeliehen; wie gross wird dieses Capital mit den Interessen in 67 Jahren seyn?

## Auflösung.

In der Tafel, welche zu 4½ p. C. berechnet ist, findet man bei 67 Jahren, die Zahl 16.259091094; d. h. aus Einem Thaler

16.259091094 2500
8129 5455470 32518 182188
40647.727735000 Thir. 30.
21.83205 Silbgr. 12.
1 66410 8 3205
9.98460 Pfennige.

werden in dieser Zeit mit den Zinsen 16 ganze und  $\frac{259}{1000}$ . Thaler.

Man darf also, um den Anwachs für 2500 Thir. zu finden, diese Zahl nur (wie nebenstehet) mit 2500 multipliciren, und im Producte durch den Punct von der rechten nach der linken Hand soviel Ziffern wieder abschneiden, als Decimalen in den Tafeln vorhanden sind, so sind die links neben dem Puncte stehenden

Ziffern 40647 ganze Thaler, so wie die rechts neben dem Punkte, Decimaltheile des Thalers. Die Letzteren multiplicirt man wieder mit 30, um sie in Silbergroschen auszudrücken; hierdurch erhält man 21 Silbergroschen, und abermals einen Bruch, welcher mit 12 multiplicirt, noch 9 ganze und 10,846 Pfennige giebt. 2500 Thir. Capital wachsen also, bei 44 p. C. jährlichen Zinsen in 67 Jahren auf 40647 Thir. 21 Silbgr. 9.9846 (beinahe 10) Pfennige an.

NB. Die, bei einem Decimalbruche nach rechts angehangenen Nullen haben keinen Werth, und sind nach der Berichtigung der Ganzen stets wegzulassen.

Der geübte Rechner wird sich bei vorkommenden Fällen auch noch der bekannten Abkürzungen bedienen, nämlich anstatt mit 2500 zu multipliciren, rückt man den Punct um 4 Stellen rechts, und dividirt alsdann durch 4. u.s. w. Auch hätte man den, den Ganzen noch zugehörigen Thalerbruch 0.727735, weit leichter in Groschen und Pfennige verwandelt, wenn man denselben durch Vergleichung in der 4ten Resolvirungstafel aufgesucht hätte; daselbst findet man nämlich seinen Werth ebenfalls mit 21 Silbgr. 10 Pfennigen angegeben.

2) Zu welcher Summe wächst ein Capital von 3279 Pfund Sterling bei 4½ p. C. jährlichen Zinsen, in 43 Jahren an?

## Auflösung.

In der Tasel, welche zu 4½ p. C. berechnet ist, findet man bei 43 Jahren die Zahl 6.637438181. Diese Zahl nun, wie

6.637438181 3279	
5 9 736943629 4 6 462067267	
13 2 74876362 199 1 2314543	
21764.159795499 20	Pfund 
3.195909980 12	Schil.
391819960 1 <b>9</b> 5909980	_
2.350919760	Pence.

nebenstehet mit 3279 multiplicirt, giebt 21764 Pfund Sterling in ganzen Zahlen. Zur Reducirung des zugehörigen Pfundbruches, multiplicire man denselben erst mit 20, weil ein Pfund Sterlinge 20 Schillinge hat, so erhält man 3 Schillinge, deren zugehöriger Bruch alsdann noch, mit 12 multiplicirt, 2 ganze und

Das gesuchte Resultat ist also 21764 Pf. 3 Schil. 2.35 Pence Sterling.

NB. Enthält das zu berechnende Capital neben den ganzen Thalern u. s. w. auch noch Groschen und Pfennige, so verwandle man diese Groschen und Pfennige u. s. w. mit Hülfe der am Ende dieses Buches angefügten Resolvirungs - Tafeln, in einen Decimalbruch des Thalers, und verfahre alsdann wie im folgenden Beispiel.

3) Ein Capital von 723 Gulden 43 Kreuzern 3 Pfennigen, verinteressirt sich jährlich auf 5 p. C.; wie gross wird dieses Capital nach 50 Jahren seyn, wenn die Zinsen jährlich sum Capital geschlagen werden?

## Auflösung.

In der 2<sup>ten</sup> Resolvirungstafel findet man 43 Kreuzer 3 Pfennige gleich 0.729167 Gulden angegeben. Von diesem Bruche dürfte es in den mehresten Fällen hiplänglich seyn, wenn nur die 3 ersten Decimalen beibehalten werden. Demnach sind 723 Gulden 43 Kreuzer 3 Pfennige = 723.729167 Gulden.

11.467 399786 723.729167	
80271 798502	
68804398716.	
1146739 9786	
103206598974	•
22934799572	
8 027179850 2	
34 402199358	
<b>229 34799572</b> .	
8027 1798502	
8299.291694777758262 60	Gulden.
17.501686665495720 4	Krz.
2.006746661982880	Pf.

Nun findet man in der Tafel für 5 p. C. bei 50
Jahren, die Zahl
11.467399786 angegeben.
Multiplicirt man dieselbe mit der Zahl der obigen Gulden, so erhält man, wie die nebenstehende Rechnung zeigt, 8299 Gulden
17 Kreuzer 2 Pf.

Es sind also die 723 Fl. 43 Kr. 3 Pf. in dieser Zeit auf 8299 fl. 17 Kr. 2 Pf. angewachsen.

NB. Die Berechnung eines solchen Gulden - oder Thaler-bruches u. s. w. kann allemal erspart werden, weil man den reducirten Werth von dergleichen Brüchen stets in den zuletzt angefügten 4 Resolvirungstafeln aufgelösst findet. Hätte man nämlich den obigen Guldenbruch 0.291695 in der 2ten Tafel vergleichend aufgesucht, so fand man den ihm nahekommenden Bruch 0.291667..., und daneben seinen reducirten Werth 17 Kr. 2 Pf. Ein Hunderttheil Pfennig mehr oder weniger würde übrigens bei dem Endresultate nicht von grossem Einfluss seyn.

4) In einem blühenden Staate bemerkt man seit vielen Jahren, dass sich die Volksmenge jährlich um 11 p. C: vermehrt.

Zu welcher Volksmasse dürften daher 4130000 Menschen, die jetzt in diesem Staate wohnen, in 45 Jahren anwachsen?

## Auflösung.

In der Tafel für 1½ p. C. steht bei 45 Jahren, die Zahl 1.954213014. Multiplicirt man dieselbe mit 4 Millionen 130 Tausend, so zeigt das Product die Zahl der Menschen, die nach 45 Jahren in diesem Staate leben werden.

Nämlich:

Die Zahl — 1.954213014 multiplicirt mit 4130000 5862639042.... 1954213014....

giebt 8070899.747820000 Menschen.

7816852056....

oder mit Hinweglassung des Bruches, = 8070900 Menschen.

5) Ein Wald wird auf 27950 Klaftern abgeschätzt, und vermöge des guten Bodens schätzt man die jährliche Vermehrung auf 3½ p. C.; wie viel Klaftern darf man demnach bei gehöriger Schonung, nach 32 Jahren erwarten?

# Auflösung.

Man nehme die Zahl, welche bei 3½ p. C. und 32 Jahren steht, als
2.782799589, und multiplicire dieselbe mit
27950

139 13997945. 2504 5196301.. 19479 597123... 55655 99178....

so ist das Product = 77779.248512550

Dieser Wald dürfte also in 32 Jahren, etwa auf 77779 Klaftern angewachsen seyn.

6) Ein Staat von 7½ Million Einwohnern konnte vor 34 Jahren ohne Nachtheil 140000 Mann als Soldaten ins Feld stellen; wenn nun die Volksmenge in diesem Staate jährlich 1½ p.C. sunahm, wie viel Mann können jetzt gestellt werden?

## Auflösung.

Obwohl im Durchschnitt mehr Knaben als Mädchen geboren werden, so kann man doch mit Recht schliesen, dass die zu Soldaten taugliche junge Mannschaft in dem Verhältnisse der ganzen Volksmasse mit anwachse. Man nehme daher in der Tafel für 1½ p. C. die Zahl, welche bei 34 Jahren steht, (nämlich 1.525566292) und multiplicire dieselbe mit 140 Tausend, so giebt das Product diejenige junge Mannschaft, welche jetzt ohne Nachtheil ins Feld gestellt werden kann; als:

1.525566292
140000
61022 65168
1525566292
213579.280880000

Also können jetzt 213579 Mann gestellt werden.

Gebrauch dieser Tafeln, wenn die Zinsen in halbjährigen oder vierteljährigen Terminen zum Capitale geschlagen werden sollen.

## §. 231.

Wenn zwar die Zinsen jährlich mit einem gewissen Procent gedacht, jedoch halbjährlich die Hälfte — oder vierteljährlich der vierte Theil derselben in Rechnung gebracht und in solchen halben, oder vierteljährlichen Terminen zum Capital geschlagen werden sollen: so lassen sich diese Tafeln ebenfalls, und zwar mit gleichen Vortheilen anwenden.

In diesem Falle rechnet man, nämlich: bei jährl. 6 p. C., auf ein halb Jahr 3 p. C., und auf ein Vierteljahr 1 ½ p. C.

-	-	5	-	-	-	-	-	$2\frac{1}{2}$ -	-	-	-	-	14 -
-	-	4	-	-	-	-	-	2 -	-	-		-	` 1 -
													흏 -
													1 -
													1 -

Auf diese Weise würden auch bei jährlich 6 p. C. die monatlich bedungenen Zinsen 1 p. C. — oder bei jährlich 3 p. C., 1 p. C. betragen. u. s. w.

Hierbei muss jedoch erinnert werden, dass die aliquoten Zinsen auf halbe oder Vierteljahre bloss in den Fällen anzuwenden sind, wenn halbjährliche oder vierteljährliche Zinssahlungstermine bedungen sind; denn es wäre durchaus falsch, auf das halbe Jahr 2½ p. C. zu rechnen, wenn die Zinstermine jährlich mit 5 p. C. bedungen wären. Ein mehreres hierüber findet man in §. 310.

Den Gebrauch der Tafeln bei den oben angegebenen Fällen wollen wir in dem nun folgenden §. zeigen.

# §. 233.

## Aufgaben.

1) Jemand hat ein Capital von 23000 Guiden zu 5 p. C. ausgeliehen; er lässt sich diese Zinsen halbjährlich mit 2½ p. C. auszahlen, und legt dieselben sogleich wieder als ein neues zinstragendes Capital an; wie gross wird dieses Capital mit den Zinsen am Ende des 21sten Jahres seyn?

## Auflösung.

Da dieser Capitalist mit Ende eines jeden halben Jahres, also jährlich 2 mal die Zinsen einfordert, so hat er in 21 Jahren, 42 Zinstermine. Man nehme daher die bei  $2\frac{1}{2}$  p. C. und 42 Jahren (oder Terminen) stehende Zahl und multiplicire dieselbe mit 23000, so giebt das Product die Zahl auf welche dieses Capital mit den Zinsen in 21 ganzen oder 42 halben Jahren angewachsen seyn wird. Nun steht bei 42, die Zahl 2.820995195

diese multiplicirt mit 23000

8462 985585... 56419 90390....

giebt zum Pruducte 64882.889485000

Diese 23000 Gulden wachsen also, bei 2½ p. C. halbjährlichen Zinsen, mit den letzten in 21 ganzen oder 42 halben Jahren an auf 64882 ganze Gulden, und wenn man den, dem Ganzen noch zugehörigen Bruch 0.889485 in der IIten Resolvirungstafel aufsucht, so erhält man dessen Werth = 53 Kreuzer 1 Pf.

2) Wenn man aber die Zinsen von dem, in voriger Aufgabe genannten 23000 Gulden Capital vierteljährlich wieder zum Capi-

tal geschlagen hätte, su welcher Summe würde dieses Capital nun mit den Zinsen in 21 Jahren anwachsen? Und wie viel Gulden u. s. w. würden durch diesen Umstand gegen den vorigen an Zinsen mehr gewonnen?

### Auflösung.

Hier sind anstatt der jährlichen 5 p. C.. auf jedes Vierteljahr 1½ p. C., und anstatt 21 ganzer Jahre, 84 Vierteljahre in Rechnung zu bringen. Man nehme daher die bei 1½ p. C. und 84 Jahren stehende Zahl

2.839113001
23000
8 517339003 ...
56 78226002 ....
so ist das Product == 65299.599023000 Gulden.

Oder, wenn man den, den 65299 ganzen Gulden noch zugehörigen Bruch in Kreuzer und Pfennige auflöst, so findet man die Summe, auf welche die 23000 Gulden unter diesen Umständen anwachsen = 65299 fl. 36 Kr. — Pf.

In der vorigen Aufgabe fanden wir 64882 - 53 - 1 
Es ist also der Unterschied = 416 fl. 42 Kr. 3 Pf.

welche man bei vierteljährlichen Zinszahlungsterminen mehr gewinnen würde, als bei halbjährlichen.

B. Das jetzt anzulegende Capital wird gesucht, welches in einer bestimmten Zeit mit den Zinsen auf eine gegebene Summe anwachsen soll.

#### §. 234.

Regel. Man nehme aus den Tafeln diejenige Zahl, welche bei den gegebenen Procenten und der genannten Zeit steht, und dividire mit derselben in die gegebene Summe, so seigt der Quotient die Grösse des jetst anzulegenden Capitals.

## Aufgaben.

#### §. 235.

Wie gross muss das Capital seyn, welches bei 4½ p. C.
 Zins von Zins in 18 Jahren auf 2000 Gulden anwachsen soll?

## Auflösung.

Man nehme die, bei 4½ p. C. und 18 Jahren stehende Zahl 2.208478766 und dividire damit in 2000 Gulden, so zeigt der Quotient die Grösse des anfänglichen Capitals, als:

2000 fl.: 2.208478766

oder 2000000000000 fl.:2208478766 == 905.6007 Gulden. 19876308894...

> 12369110600 11042393830

13267167700 13250872596

16295104000

Das jetzt anzulegende Capital muss also seyn:

905.6007 Gulden oder 905 Gulden 36 Kreuzer.

NB. Jemehr man Decimalen aus den Tafeln in Rechnung bringt, desto genauer erhält man das Resultat in seinen Bruchtheilen; wollte man jedoch nur die ganzen Einheiten bestimmen, so ist es oft hinlänglich nur die ersten 3 bis 4 Decimalen im Divisor beizubehalten.

2) Wie gross muss das anzulegende Capital seyn, welches bei jährlich 5 p. C. Interessen, in 21 Jahren auf 10000 Thaler anwachsen soll?

# Auflösung.

Man nehme in der Tafel, welche das Anwachsen bei 5 p. C. enthält, die Zahl, welche bei 21 Jahren steht; diese findet sich 2.78596259. Mit dieser Zahl nun dividire man in die 10000 Thaler, so giebt der Quotient das jetzt anzulegende Capital als:

10000 Thir.: 2.78596259

oder ,	10000.00000000 Thi. 835788777	: 2.78596259 = 3589.4236 Thir.				
	1642112230 1392981295	oder wenn man den Bruch 0.423 Thaler nach der früher gegebene Anleitung (§. 64.) in den Resol virungstafeln aufsucht, so finde				
	2491309350. 2228770072.					
	2625392780 2507366331					
	1180264490 1114385036	sich dessen Werth mit 10 gr. 2 Pf. oder				
	658794540 557192518	12 Silbgr. 8.5 (8 $\frac{1}{2}$ ) Pf.  Das jetzt anzulegende Capital muss				
	1016020220 835788777	also 3589 Thaler 10 Gr. 2 Pf. oder 3589 Thaler 12 Silbgr. 81 Pf. be-				
	1802314430 1671577554	tragen.				
	130736876	-				

3) Wie gross muss das jetzt anzulegende Capital seyn, welches in 19 Jahren bei 4½ p. C. Zins von Zins auf 13922 Francs anwachsen soll?

# Auflösung.

Man dividirt die Summe, auf welche das anzulegende Capital anwachsen soll, (hier 13922 Francs) durch die Zahl, welche bei 19 Jahren in der Tabelle zu  $4\frac{1}{2}$  p. C. steht, nämlich durch 2.30786031, so giebt der Quotient das gesuchte anzulegende Capital als:

13922 Franken: 2.30786031 (oder auf gleiche Benennung)

13922.00000000 Fr. : 1384716186	2.30786031 = 6032.4275 Franken
74 8381400 69 2358093	
560233070 461572062	Das Capital welches anzulegen ist, muss also
986610080 923144124	6032 Fr. 424 Centimen seyn.
634659560 461572 <b>9</b> 62	
1730874980 1615502217	
1153727630	,

4) Wenn die Volksmenge in einem blühenden Staate jetzt aus 5782000 Köpfen besteht, und man annehmen kann, dass sie sich jährlich um 1½ p. C. vermehrte, wie gross war demnach die Zahl der Einwohner dieses Landes vor 57 Jahren?

## Auflösung.

Man nehme die bei 1½ p. C. und 57 Jahren stehende Zahl und dividire damit in die Zahl der jetzigen Volksmenge, so zeigt der Quotient die Volksmenge von 57 Jahren, daher:

5782000 Köpfe: 2.030097. oder: 5782000000000 K.: 2030097 = 2848139.7 4060194..... 17218060 . . . . . 16240776 . . . . 9772840 . . . 8120388.... Man kann also annehmen, dass 16524520 . . . dieser Staat vor 57 Jahren 16240776... 2848140 Einwohner hatte. 2837440 . . 2030097.. 8073430 . 6090291 . 19831390 18270873 1560517

C. Die Zeit wird gesucht, wie lange ein jetzt angelegtes Capital bei gewissen Procenten auf Zinsen stehen muss, um auf eine verlangte Summe anzuwachsen.

#### **§.** 236.

Regel. Man dividire die Summe, auf welche ein jetzt angelegtes Capital anwachsen soll, durch das ansulegende Capital selbst, und suche diesen Quotienten in der Tafel, welche die genannten Procente enthält, durch Vergleichug unter den berechneten Zahlen auf, so zeigt die links daneben stehende Zahl die Zeit an.

### Aufgaben.

#### 8. 237.

1) Wie lange muss man 498 Thir. 12 Gr. zu 43 p.C. auf Zinsen anlegen, wenn das Capital mit den Interessen auf 1000 Thir. anwachsen soll?

## Auflösung.

498 Thir. 12 Gr. sind 498 Thir. oder 498.5 Thir. Man dividire also mit diesen 498.5 Thir. in 1000 Thir., nämlich:

1000 Thlr.: 498.5 Thlr.

oder 10000 : 4985 == 2.006 u. s. w.
9970

30000
29910
90

Diesen hier gefundenen Quotienten 2.006 u. s. w. suche man nun in der Tafel, welche für  $4\frac{3}{4}$  p. C. berechnet ist, durch Vergleichung auf, so findet man die ihm nahe kommende Zahl 2.0059 u. s. w. und links neben dieser Zahl steht 15 Jahr. Diese 498 Thir. 12 Gr. müssen also 15 Jahr zu  $4\frac{3}{4}$  p. C. auf Zinsen stehen, wenn sie mit den Zinsen auf 1000 Thir. anwachsen sollen.

Zur Probe wollen wir umgekehrt untersuchen, auf welche Summe diese 498 Thir. 12 Gr. bei 43 p. C. jährlichen Zinsen, in 15 Jahren mit den Zinsen anwachsen werden.

Man multiplicirt nämlich: 2.005905525 mit: 498.5.

> 1 002952762 5 16 047244200 180 53149725 802 3622100

so ist das Product = 999,9439042125

Sucht man den zu den 999 Ganzen noch zugehörigen Bruch' in der 3ten Resolvirungstafel auf, so findet man dessen Werth

gleich 22 Gr. 8 Pf.; mithin ist das Resultat = 999 Thr. 22 Gr. 8 Pf. Es fehlen also an 1000 Thlr. nur 1 Gr. 4 Pf. daher hätten die 498 Thlr. 12 Gr. noch eine kurze Zeit über 15 Jahre auf Zinseszins stehen sollen. Wie gross aber dieser Zeitunterschied ist — wird in §. 304. gezeigt werden.

2) In wie viel Jahren wird die Volksmenge eines Ortes sich verdoppeln, wenn angenommen werden kann, dass auf 50 Köpfe jährlich Einer zuwächst?

## Auflösung.

Wenn sich jährlich 50 Köpfe um Einen vermehren, so werden sich 100 Menschen jährlich um 2 vermehren, also auf 2 p. C. anwachsen. Man suche demnach bei 2 p. C. in wie viel Jahren die Zahl der Ganzen Einheiten bis auf 2 anwächst, so findet man, dass sich dieses sehr nahe bei 35 Jahren ereigne; denn in 36 Jahren wird die Volksmenge schon auf mehr als das Doppelte angewachsen seyn.

Bei vierteljährlich bedungenen Terminen.

3) Jemand hat ein Capital von 785 Gulden 18 Kreuzer zu 5 p. C. auf Zinsen angelegt, und die Zinsen vierteljährlich wieder zum Capital geschlagen, wodurch dieses Capital mit den Zinsen jetzt auf 2552 Gulden angewachsen ist. Wie lange hat dieses Capital auf Zinsen gestanden?

# Auflösung.

Wenn sich dieser Mann die Zinsen vierteljährlich bedungen hat, so betragen dieselben auf jeden Termin 1½ p. C. Nun suche man, um wie viel mal sich das angelegte Capital mit den Zinsen vermehrt hat, d. h. man dividire die 2552 Gulden durch 785 Gulden 18 Kreuzer oder 785½ fl. == 785¾ fl. so erhält man:

2552.0 fl. 785.3 fl. = 3.249 u s. w. 23559

Diesen Quotienten 3.249 u. s. w. suche man durch Vergleichung in der Tafel, welche für 1½ p. C. berechnet ist, auf, so findet man die ihm nahe kommende Zahl 3.254 u. s. w. Diese letzte Zahl gehört su 95 Jahren oder Terminen; und da hier von vierteljährigen Zinsterminen die Rede ist, so sind dieses 95 Vierteljähre oder 233 Jahre.

4) Ein Vormund hatte für seinen Pflegling ein Capital von 15000 Thlr.; welches er aber nicht verlieh, sondern in seine Wirthschaft verwendete. Nach den Landesgesetzen ist dieser Vormund schuldig, das Capital mit 5 p. C. und zwar Zins von Zins zu verinteressiren. Die Behörde verlangte deshalb bei Ablegung der Rechnung, dass dieser Vormund jetzt an Capital und Zins 34380 Thaler 6 Gr. 7 Pf. (8 Silbgr. 3 Pf.) zurückzahlen soll. Es fragt sich daher, wie lange dieser Vormund die 15000 Thlr. benutzt habe?

### Auflösung.

Vor allen Dingen verwandle man die, den 34380 gauzen Thalern noch zugehörigen 6 Gr. 7 Pf. in einen Decimalbruch des Thalers; dieses geschieht am kürzesten mit Hülfe der 3ten Resolvirungstafel. Man findet nämlich daselbst links neben 6 Gr. 7 Pf. den Bruch 0.274305 Thlr. Es sind demnach 34380 Thlr. 6 Gr. 7 Pf. gleich 34380.274305 Thlr. Diese hier zuletzt angegebene Zahl wird nun durch 15000 Thlr. (d. i. 1000mal 5mal 3) dividirt, als:

34380.274305 dividirt durch 1000

giebt: 34.380274305. Dieses wieder dividirt durch 5 giebt: 6.876054861. Dieses wieder durch 3 dividirt

gieht: 2.292018287.

Diesen zuletzt gefundenen Quotienten suche man in der Tafel für 5 p. C. durch Vergleichung auf, so findet man die ihm sehr nahe kommende Zahl bei 17 Jahren. Der Vormund hat also diese 15000 Thaler 17 Jahr benutzt.

# D. Der Zinsfuss wird gesucht.

Regel. Man verfährt gans so, wie in den letzten Aufgaben gezeigt wurde; d.h. man dividirt mit dem anzulegenden Capitale in den sämmtlichen Anwachs, und sucht den Quotienten in den verschiedenen Tafeln des Anwachses bei der gegebenen Zahl der Jahre durch Vergleichung, auf.

Da diese Frage nicht oft vorkommt, so wird ein einziges Beispiel zur Versinnlichung dieser Regel hinlänglich seyn.

## Aufgabe.

### §. 239.

Zu wie viel Procent muss ein Capital von 800 Thir. auf Interessen angelegt werden, wenn es in 29 Jahren mit den Zinsen auf 2000 Thir. anwachsen soll?

## Auflösung.

Man dividire 2000 Thir. erst durch 800 Thir., so seigt dieser Quotient, um wie viel mal sich das angelegte Capital in der Zeit von 29 Jahren vermehren soll. Dieser Quotient ist nun 2.5. Diesen Decimalbruch 2. 5 suche man unter allen den berechneten Procent - Tafeln bei 29 Jahren auf, indem man die Zahlen, die bei 29 Jahren stehen, mit 2.5 vergleicht. Man geht nämlich von Viertel - zu Viertel - Procent so lange fort, bis man bei 29 Jahren eine Zahl trifft, die 2.5 am nüchsten kommt; dieses ist in diesem Falle bei 31 p. C. der Fall; daselbst steht bei 29 Jahren der Bruch 2.5282 u. s. w. Diese Zahl ist swar um etwas zu gross, denn es werden 800 Thlr. bei 31 p. C. Zinsen in 29 Jahren auf 2.5282×800 Thir. = 2022.56 Thaler anwachsen, und man würde also noch 224 Thir. mehr erhalten, als verlangt wurde. Um ein solches Resultat genauer zu finden, hätte man die Tafeln von Zehntel - zu Zehntel - Procent berechnen müssen, anstatt dass dieselben nur von Viertel - zu Viertel - Procent berechnet sind. — Jedoch dürfte diese Bestimmung von 31 p. C. auch hinlänglich seyn. Genauer ist es 3,21 p. C.

# Anleitung.

# zum Gebrauch der IIten Haupt-Tafel.

### §. 240.

Die Iste Haupt-Tasel besindet sich von Seite 29 bis mit Seite 54 und besteht aus' 25 einzelnen Taseln, welche zusammengenommen die Iste Haupt-Tasel bilden. Die Einrichtung derselben ist der, der ersten Haupt-Tasel gleich. Die einzeln berechneten Zahlen enthalten aber den Werth, auf welchen ein Capital Eins, z. B. 1 Gulden, 1 Thaler, 1 Franc u. s. w., welches zu Anfange eines jeden Jahres oder Termines angelegt wird, mit seinen Zinsen und Zinseszinsen bis mit Ende eines beliebigen Jahres anwächst.

Es kommen hier, wie bei der Isten Haupt-Tafel ebenfalls 4 Grössen vor, nämlich:

- 1) Die Summe aller angelegten Capitalien nebst ihren Zinsen und Zinseszinsen.
- Die Grösse des jährlich oder terminlich anzulegenden Capitals.
- 3) Die Zeit, welche die gauzen Einlagen auf Zinsen gestanden haben.
- Die Zinsen oder Procente, zu welchen das Ganze berechnet wird.

## §. 241.

Von diesen vier verschiedenen Grössen müssen uns nun ebenfalls drei bekannt oder gegeben seyn, wenn die vierte gefunden oder berechnet werden soll.

Wir wollen daher wieder für jeden vorkommenden Fall, welcher durch Hilfe dieser Tafeln aufgelöst werden kann, die Hauptregel angeben und dieser alsdann einige Aufgaben folgen lassen, als:

A) Die Summe wird gesucht, auf welche ein Capital, das zu Anfange eines jeden Jahres zu gewissen Procenten angelegt wird, mit den Zinsen in einer bestimmten Zeit anwächst.

Regel. Man schlage diejenige Tafel auf, welche die in Rechnung zu bringenden Procente enthält; nehme alsdann die Zahl, welche rechts neben den genannten Jahren steht, und multiplicire dieselbe mit der Zahl des jährlich (oder terminlich) ausulegenden Capitals.

## Aufgaben.

### §. 243.

1) Es erspart jemand in seiner Wirthschaft jährlich 100 Thaler; diese legt er nicht allein zu Anfange eines jeden Jahres zu 3 p. C. sicher an, sondern er hat auch Gelegenheit, die Zinsen hiervon zu denselben Procenten wieder zu benutzen; wie viel wird sich diese Person bis Ende des 25sten Jahres an Capital und Zinsen gespart haben?

## Auflösung.

Man schlage die Tasel, welche für 3 p. C. berechnet ist, auf, so findet man bei 25 Jahren die Zahl 37.553042251; d.h. wenn man zu Anfange eines jeden Jahres einen Thaler zu 3 p. C. auf Zinsen giebt und auch die Zinsen mit jedem Jahre wieder zum Capital schlägt, so wächst dieser bis mit Ende des 25 Jahres auf 37 ganze und 553042251 tausend Milliontheil Thaler, oder 37 Thir. 13 Gr. 3 Pf. an. Insofern nun 100 Thir. das Hundertfache von einem Thaler sind, so sieht man, dass man die gefundene Zahl 37.553042251 nur mit 100 zu multipliciren habe; welches sehr leicht dadurch bewerkstelliget wird, dass man den Punkt, welcher hier die Ganzen von den Bruchtheilen trennt, um 2 Stellen oder Ziffern, nach der rechten Hand su, fortrückt. Man erhält alsdann 3755.3042251 Thaler, oder wenn man den, dem 3755 Ganzen zugehörigen Bruch in der 3ten Resolvirungstafel aufsucht, so findet man dessen Werth gleich 7 Gr. 4 Pf. Das gesuchte Resultat ist also 3755 Thir. 7 Gr. 4 Pf. oder nach Preuss. Eintheilung, 3755 Thlr. 9 Silbgr. 2 Pf.

2) Jemand ist verpflichtet 9 Jahre hinter einander und swar zu Anfange eines jeden Jahres 2000 Thir. zu bezahlen; im Unterlassungsfalle sollen 5 p. C. Zinsen von Zinsen gerechnet werden. Wenn nun dieser Mann bis zum letzten Termine nichts bezahlte, wie viel ist er am Ende des 9ten Jahres mit den Zinsen zu bezahlen schuldig?

# Auflösung.

Man suche die Zahl auf, welche in der Spalte 5 p. C. und 9 Jahre steht; daselbst findet man 11.577892536. Multiplicirt man diese Zahl mit 2000, welches am kürzesten geschieht, wenn man den Punct um 3 Stellen rechts fortrückt, und alsdann mit 2 multiplicirt; nämlich: 11577.892536×2=23155.785072 Thl. Sucht man den, zu den ganzen Thalern noch zugehörigen Bruch, 0.785072 in der 3ten Resolvirungstafel auf, so findet man dessen Werth gleich 18 Gr. 10 Pf. Es sind also am Ende des 9ten Jahres wirklich zu bezahlen 23155 Thlr. 18 Gr. 10 Pf. (23 Silbgr. 7 Pf.)

NB. Hätten jedoch die sämmtlichen Posten mit dem Betrage der Zinsen gleich zu Anfange des 9ten Jahres bezahlt werden sollen, so musste aus den Tafeln die Zahl, welche bei 8 Jahren steht, nämlich: 10.02656432 genommen, und diese mit 2000 multiplicirt werden; weil von der 9ten Terminzahlung, insofern sie sogleich bezahlt wird, keine Zinsen gerechnet werden dürfen. Nun ist:

2000 × 10.02656432 Thlr. = 20053.12864 Thlr. Hierzu den 9ten Termin von 2000 Thlr.

giebt in Summa 22053.12864 Thlr.
oder: 22053 Thlr. 3 Gr. 1 Pf.
oder: 22053 Thl. 3 Silgr. 10 Pf.

## §. 244.

Bei der Auflösung der hier folgenden Aufgaben wird die 1ste und IIte Haupt-Tafel zugleich oder gemeinschaftlich angewendet als: 3) Ein Capitalist hat ein baares Vermögen von 19000 Thlr. zu 5 p. C. auf Zinsen stehen. Von den Zinsen dieses Capitals nimmt er am Ende des ersten, so wie jeden folgenden Jahres 800 Thlr. in seine Wirthschaft; den Ueberrest aber legt er sogleich wieder als ein neues Zinstragendes Capital zu 5 p. C. an. Wie viel wird derselbe am Ende des 43. Jahres an Capital und Zinsen besitzen?

## Auflösung.

Man nehme aus der Isten Haupt-Tafel, die bei 5 p. C. und 43 Jahren stehende Zahl 8.149666933. und multiplicire dieselbe mit 19000. Man rückt nämlich den Punct erst um 3 Stellen rechts und multiplicirt alsdann bloss mit 19, als:

8149.6 66933 × 19. 7334 7 002397

#### 15484 3.671727

Diese 19000 Thir. wachsen also in 43 Jahren auf 154843 Thir. 16 Gr. 1 Pf. an. Ferner findet man den Werth der 800 Thir., die mit Ende eines jeden Jahres weggenommen werden, wenn man die Ganzen der in der IIten Haupt-Tafel bei 5 p. C. und 42 Jahren stehenden Zahl um 1 vergrössert, und diese Zahl alsdann mit 800 multiplicirt, als

142.99 3338657

800

#### Product 1143 94.6709256

Die jährlich hinweggenommenen 800 Thlr. betragen also 114394 Thaler 16 Gr. 1 Pf. (20 Silbgr. 2 Pf.)

Zieht man demnach von 154843 Thl. 16 Gr. 1 Pf. (20 Slbgr. 2 Pf.) die zuletzt gefundenen 114394 Thl. 16 Gr. 1 Pf. (20 Slbgr. 2 Pf.) ab,

sobleibt ein Ueberschuss von 40449 Thl. - Gr. - P. (- Slbgr. - Pf. )

Man hätte auch wie folget rechnen können: Da 19000 Thlr. jährlich 950 Thlr. Zinsen tragen, selbiger von diesen jedesmal 800 Thlr. wegnimmt, so bleibt jährlich ein Ueberschuss an Zinsen von 150 Thlr. Multiplicirt man daher 142.993338657 mit 150, so ist

# das Product gleich 21449.00079855 Thlr., hierzu das Haupteapital von 19000 Thlr. addirt,

giebt 40449.00079855 T. also auch 40449 T. wie oben.

4) Jemand der nur 10000 Gulden zu 5 p.C. auf Zinsen ausgeliehen hat, lässt sich am Ende eines jeden Jahres 800 Gulden zur Bestreitung seiner wirthschaftlichen Ausgaben auszahlen; wie gross wird der Rest des ganzen Vermögens am Ende des 20sten Jahres seyn?

## Auflösung.

Man nehme die in der Iten Haupt-Tafel bei 5 p. C. und 20 Jahren stehende Zahl 2.653297705, und multiplicire dieselbe mit 10000 (d. h. man rückt den Punct um 4 Stellen rechts) so erhält man 26532.97705 Gulden, als Capital und Zinsen von 10000 Gulden, am Ende des 20sten Jahres.

Um die Summe der, am Ende jeden Jahres hinweggenommenen 800 fl. zu finden, nehme man in der IIten Haupt-Tafel die bei 5 p.C. und 19 Jahren stehende Zahl 32.065954103 addire noch Eins zum Ganzen, weil die letzten 800 Gulden nicht verzinsbar sind, und multiplicire alsdann 33.065954103

mit:

800

#### so ist das Product = 26452.7632824

Die jährliche Wegnahme von 800 fl. beträgt also bis mit Ende des 20sten Jahres 26452 fl. 45 Kr. 3 Pf. Dieses letzte Resultat nun, von dem oben gefundenen abgezogen, als:

von 26532.97705 fl. oder 26532 fl. 58 Kr. 2 Pf. abgazogen 26452.76328 - - 26452 - 45 - 3 -

bleibt 80.21377 fl. oder Rest am Ende des 20sten Jahres.

80 fl. 12 Kr. 3 Pf. als

#### Oder:

Da die Zinsen von 10000 fl. jährlich nur 500 fl. betragen, so werden am Ende eines jeden Jahres 300 fl. von dem Capital weggenommen; dieses beträgt in 20 Jahren 300×33.0659541 fl.::::9919.78623 fl., zieht man diese von 10000 fl.

ab, nämlich:

10000 fl.

hiervon:

9919.78623 fl.

so bleiben noch wie oben.

80.21377 fl. oder 80 fl. 12 Kr. 3 Pf. Rest,

5) Ein Sterbender vermachte im Jahre 1727 sein baares Vermögen, von 52400 Gülden Meissnisch, an das Waisenhaus zu N. unter der Bedingung, dass dieses Capital zu 4½ p. C. sicher untergebracht werde; von den Zinsen aber soll mit Ende eines jeden Jahres an die besten 15 Kinder, welche aus dieser Anstalt entlassen werden, jedem 159 Meissner Gülden zur Erlernung einer Profession, oder bei Mädchen zur Ausstattung u. s. w. ausgezahlt, und das, was am Zinsenertrage noch fehlt, von dem Stammcapitale selbst entnommen werden. Nach 100 Jahren aber soll der Rest des Grundcapitals der Waisenhauscasse zur eigenen Disposition anheimfallen.

Wenn nun jetzt diese 100 Jahre um sind, und des Testators Wille genau befolgt wurde, wie viel Thaler, Groschen und Pfennige werden der Waisenhauscasse am Ende des Jahres 1827 zufliessen? (Ein Meissn. Gülden hat 21 Gr. à 12 Pf.)

# Auflösung.

Man nehme die in der Isten Haupt-Tafel bei 4½ p. C. und 100 Jahren stehende Zahl

81.588518032 multiplicire dieselbe mit 52400

> 326354072128 163177036064 40794259016**0**

so ist das Product = 4275238.344876800 Meissn. Gülden.

Wenn jedes Kind 159 M. Gülden erhält, so erhalten 15 Kinder am Ende eines jeden Jahres 159 M. Gülden × 15 = 2385 M. Gülden. Man nehme daher die in der IIten Haupt-Tafel bei 4½ p. C. und 99 Jahren stehende Zahl 1789.855956267, addire wegen der 100sten Zahlung Eins sum Ganzen, und multiplicire

٠	1790.8	55956267	M.	Gülden

mit

2385

8954 279781335 143268 47650136 **537256 7**868801 3581711 912534

so ist das Product =

4271191.455696795 M. Gülden.

abgezogen

Werden von 4275238.3448768 M. Gülden 4271191.4556968 -

So bleibt ein Ueberschuss von Hiervon den achten Theil

4046.8891800 M. Gülden 505.8611475 - - abgezogen

so bleibt ein Rest von 3541.0280325 Thalern

oder: 3541 Thir. — Gr. 8 Pf. welche der Waisenhauscasse am Ende des 100sten Jahres noch zufallen.

6) Ein Fürst will für eine hohe Schule einen Fond bilden, von dessen Zinsertrage, 4. p. C., am Ende jedes der ersten 5 Jahre 5 der ärmsten und fleissigsten Schüler, die nächsten 5 Jahre 10 Schüler, die 3ten 5 Jahre 15 Schüler, die 4ten 5 Jahre 20 Schüler, und die 5ten 5 Jahre 25 Schüler jeder 100 Thir. als milde Unterstützung zum Studiren erhalten kann. Zu Anfange des 26sten Jahres soll sich dieser Fond in einem solchen Zustande befinden, dass mit jedem Jahre 25 Schüler, jeder 100 Thaler daraus erhalten kann, ohne dass dadurch der Haupt-Fond vermindert, oder durch den Ertrag der Zinsen vermehrt werde. Wie gross muss die erste Geldanlage gemacht werden?

Die Auflösung wird durch die IIte Haupt - Tafel (41/2 p. C.) bewerkstelliget.

Da diese Unterstützungsgelder bloss von dem Ertrage der Zinsen des Haupt-Fonds bestritten werden dürsen, so berechne man, wie viel die sammtlichen Stipendien auf die ersten 25 Jahre (oder 5 Hauptperioden) betragen. Da ferner die Aussahlung stets erst am Ende des Jahres erfolgt, so nehme man jederzeit die vorletzte Zahl der Jahre, und addire noch Eins zum Ganzen der darnebenstehenden Zahl; als:

die 1sten 5 Schül, erh. auf 25 J	jed. J. 500 Thl. od. 44.565210145×500 T	hl-
----------------------------------	---	-----

-	2ten 5	-	-		20	- 500		31.371422774×500	-
-	3ten 5	-	-	٠.	15	- 500		20.784054291>>500	•
-	4ten 5		-	-	10	- 500	- ` -	12.288209372×500	•
-	5ten 5	-	-	•	5	- 500		5.470709726><500	-

Dieses beträgt in Summa 114.479606308×500 Thl.

Wird nun die durch die Summirung entstandene Zahl wirklich mit 500 multiplicirt, so ist das Product 57239.803154 Thaler oder 57239 Thir. 19 Gr. 3 Pf. Soviel betrüge demnach die
Summe aller Stipendien mit den Zinsen derselben, auf die ersten
25 Jahre. Da am Ende des 25sten Jahres immer noch ein Stammcapital übrig bleiben muss, welches jährlich 2500 Thir. Zinsen
bringt, weil für 25 Schüler à 100 Thir., so viel jährlich erforderlich sind: so bereehne man das hiersu nöthige Capital durch
den Schluss:

4½ Thir. Zinsen erfordern 100 Thir. Capital, wie viel erfordern 2500 Thir. Zinsen?

So ist das Resultat 555555 Thir. Addirt man diese noch zu den oben gefundenen, so erhält man:

57239.803154 Thlr. 55555.555555 -

in Summa 112795.358709 Thlr.

Hieraus ergiebt sich nun, dass man jetzt ein Capital anlegen müsse, welches mit seinen Zinseszinsen bis mit Ende des 25sten Jahres auf 112795.358709 Thaler anwächst. Um dieses Capital zu finden, so darf man die hier zuletzt gefundene Zahl nur durch diejenige Zahl, welche in der 1sten Haupttafel bei 4½ p. C. und 25 Jahren steht, dividiren, so zeigt der Quotient die Grösse des jetzt anzulegenden Haupt-Fonds, als:

112795.358709 Thir. : 3.005434457

od.: 112795.358709000 Thir.: 3.005434457 = 37530.467 Thi. 90163 03371....

22632324999. . .

21038041199... 15942838000..

15027172285..

9156657150. 9016303371.

> 14035377900 12021737828

20136400720 18032606742

21037939780

Genau genommen müsste also dieser Fürst jetzt ein Capital von 37530 Thlr. 11 Gr. 3 Pf. als ersten Haupt-Fond anlegen.

- NB. 1) Da sich die Zinsen von einem Capitale wohl genau berechnen, aber wegen der Bruchtheil-Pfenuige nicht so leicht eincassiren lassen, so dürften, wenigstens für jetzt, 37550 Thaler anzulegen seyn, wenn die jährlich ausgesetzten Stipendien von dem Zinsertrage bestritten werden sollen.
- 2) Die Rechnung bleibt ganz dieselbe, insofern anstatt der Münzsorte Thaler, eine andere, z. B. Gulden, Francs, Rubel oder Livre, Sterling u. s. w. zum Grunde gelegt werden sollten.
- B. Die Grösse des jährlich anzulegenden Capitals wird gesucht.

#### §. 245.

Regel. Man schlage die Tafel auf, welche die in Rechnung zu bringende Procente enthält. Sodann dividire man die Summe, auf welche die ganzen einzelnen Einlagen mit den Zinsen anwachsen sollen, durch die Zahl, welche in dieser Tafel bei den genannten Jahren steht, so zeigt der Quotient die Grösse des jährlich oder terminlich anzulegenden Capitals an.

### Aufgaben.

#### **§. 246.**

1) Jemand will zu Anfange eines jeden Jahres eine gewisse Summe in einer Sparcasse einlegen, so dass er am Ende des 18ten Jahres an Capital und Zinseszinsen 2500 Thaler ausgezahlt erhalten kann. Wenn nun diese Sparcasse die Einlagen jährlich mit 3 p. C. verinteressirt, und auch die Zinsen von neuem wieder als zinstragendes Capital aufnimmt, wie gross müsste unter diesen Umständen das jährlich in diese Sparcasse anzulegende Capital seyn?

## Auflösung.

Wie es die obige Regel besagt, so nimmt man aus der Tafel, welche zu 3 p. C. berechnet ist, die bei 18 Jahren stehende Zahl: 24.116868436 und dividirt mit derselben in die Hauptsumme 2500, Thlr. Da nun der Divisor 9 Decimalen enthält, so muss man, um beide Zahlen erst auf gleiche Benennung zu bringen, an den Dividendus (2500) erst 9 Nullen anhängen, als: 2500.0000000000 Thlr.: 24.116868436 == 103.66188 Thaler. 24116868436.

88313156400
<b>72 350605308</b>
159625510920
144701210616
149243003040
144701210616
45417924240
24116868436
213010558040
192934947488
200756105520

Der Bruch dieses Quotienten nach der IIIten und IVten Resolvirungstafel in Groschen und Pfennige verwandelt, giebt: 15 Gr. 11 Pf. — oder nach Preussischer Eintheilung — 19 Silbergroschen 10 Pf. Daher wäre das jährlich in diese Sparcasse einzulegende Capital gleich 103 Thl. 15 Gr. 11 Pf. oder 103 Thlr. 19 Sibgr. 10 Pf. Preussisch.

2) Jemand ist am Ende des 4ten Jahres eine gewisse Summe z. B. 100 Thir., und zwar ohne Zinsen zu bezahlen schuldig; und will diese 100 Thir. in vier gleichen jährlichen Terminen abtragen. Wie viel hat er jedesmal zu bezahlen, wenn 5 p. C. Zinsen gerechnet werden?

- a) Wenn die Zahlung zu Anfange, und
- b) Wenn die Zahlung zu Ende eines jeden Jahres erfolgen soll.

### Auflösung.

a) Man nehme aus der Tafel, welche zu 5 p. C. berechnet ist, die Zahl, welche bei 4 Jahren steht, nämlich: 4.52563125 und dividire mit dieser in das nach 4 Jahren fällige Capital, hier 100 Thir., so giebt der Quotient das zu Anfange eines jeden Jahres abzutragende Capital, als:

100 Thir.: 4.52563125 == 22.096365 Thaler, oder 22 Thir.
2 Gr. 11 Pf. zu Anfange eines jeden Jahres.
näml. 100.00000000 Thir.: 4.52563125 == 22.096365 Thaler.

90 5126250.

### Beweis.

Er zahlt zu Anfang des 1sten Jahres	22.096365	Thaler.
	1.10481825	-
Summa	23.20118325	-
Er zahlt zu Anfang des 2ten Jahres	22.096365	<b>, -</b>
<del>-</del>	45.29754825	· - 1
die Zinsen hiervon sind:	2.2648774125	-
am Ende des 2ten Jahres Summa	47.5624256625	-
Er sahlt zu Anfang des 3ten Jahres	22.096365	•
	69 . 6587906625	•

Transport	69.6587906625	Thaler
Zinsen auf das 3te Jahr ==	3.482939533125	. <b>-</b>
Capital mit Zinsen 💳	73.141730195625	` <b>-</b>
Er zahlt zu Anfange des 4ten Jahres	22.096365	-
Summa	95.238095195625	
Ziusen auf das 4te Jahr	4.76190475978	-
	99.99999955405	-
	100 Th-1	

oder: 100 Thaler.

b) Wäre der 1ste Termin am Ende des 1sten Jahres fällig gewesen, so hätte man swar eben so gerechnet, aber zu den gefundenen 22.096365 Thaler noch den Betrag der Zinsen nämlich: 1.10481825 Thaler addirt, so dass am Ende eines jeden Jahres 23.20118325 Thir. zu bezahlen seyn würden.

Hätte der 1ste Termin weder zu Anfange noch zu Ende des 1sten Jahres, sondern z. B. nach 19 Wochen abgetragen werden sollen, so muss man zu den 22.096365 Thir. noch die Zinsen auf 19 Wochen addiren; dieses geschieht, wenn man die 22.096365 Thir. mit der Zahl die in der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung Seite 188 bei 19 Wochen steht, nämlich mit 1.017937 multiplicirt als:

22.096365 Thaler
multiplicirt mit 1.017937

154674555
66289095.
198867285...
154674555...
22096365....

giebt 22,492707499005 Thlr. oder 22 Thl. 11 Gr. 10 Pf. Der Betrag auf jeden Termin wäre also: 22 Thlr. 11 Gr. 10 Pf. (14 Silbergr. 9 Pf.)

#### Beweis.

Er zahlt das	lste Mal	-	-	22.492707499	Thir.
Zinsen auf 1	Jahr	-	-	1.1246353749	-
			Summa	23.6173428739	_

	Transport	23.6173428739	Thlr.
Er giebt den 2ten Termin	_	22.492707499	-
-	Summa	46.1100503729	-
Zinsen aufs 2te Jahr -	-	2.3055025186	-
-	Summa	48.4155528915	_
Er zahlt das 3te Mal -	-	22.492707499	-
,	Summa	70.9082603905	
Zinsen aufs 3te Jahr -	-	3.5454130195	` . <b>-</b>
	Summa	74.4536734100	
Am 4ten Termin -	-	22.492707499	-
•	Summa	96.9463809090	Thir.
	oder	96 Thlr. 22 Gr. 9	P£.

Dieser letzte Betrag hat nun noch 33 Wochen und 1 Tag oder 232 Tage auf Zinsen zu stehen. Man suche daher den Anwachs des obigen Betrags auf diese Zeit, in der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel, 4te Abtheilung Seite 191, indem man die 96.946380909 Thlr. mit der bei 232 Tagen stehenden Zahl 1.031498 multiplicirt, als:

Das Capital: 96.946380909 Thlr.
multiplicirt mit 1.031498

775571047272
872517428181.
387785523636..
96946380909...
290839142727....
96946380909....
giebt 99.999998014871682 Thlr.

Dieses Product kann man ohne einen Fehler zu begehen für 100 Thir. annehmen; indem nicht einmal ganz 2 Millionentheile an 100 Ganzen fehlen. Diese kleine Differenz musste deshalb entstehen, weil nicht alle Decimalen in Rechnung gebracht werden konnten.

3) Man will für 18000 Thaler, die erst nach 21 Jahren ohne Interessen fällig sind, in 21 Terminen, und zwar mit Ende eines jeden Jahres, eine gleich grosse Summe als Besahlung annehmen. Wie viel kann jährlich gegeben werden, wenn 3½ p. C. Zins von Zins in Rechnung gebracht werden?

### Auflösung.

Man dividire die 18000 Thaler durch die Zahl, welche in der Hen Haupt-Tafel bei 3½ p. C. und 21 Jahren steht; nämlich durch 31.32890215, so zeigt der Quotient die Grösse der jeden Termin zu bezahlenden Summe, als:

Die Richtigkeit untersucht man nach der Regel A, dadurch, dass man

die 31.32890215 Thlr. wieder
mit 574.5493 multiplicire

9398670645
28196011935.
12531560860.
15664451075...
21930231505.....
15664451075....

so erhält man 17999.998800050995 Thlr. sum Product

Setzt man in diesem Producte den Punct wieder von der rechten nach der linken Hand zwischen die 12te und 13te Ziffer, weil beide Factoren zusammen (8 + 4) == 12 Decimalen haben, so erhält man 17999.9988, welches ohne Nachtheil für 18000 Ganze angenommen werden kann. Genauer würde man das Product ge-

funden haben, wenn man den oben bleibenden Divisionsrest 1199949005 noch zu diesem Producte addirte, oder den Quotienten anstatt 574.5493 Thir. zu 574.55 Thir. annähme; wodurch man ebenfalls um keinen halhen Pfennig gefehlt hätte.

## §. 247.

Wären die Zahlungstermine in halben- oder Vierteljahren bedungen, so müsste man auch (nach dieser Uebereinkunft) auf jedes halbe Jahr die Hälfte, und auf jedes Vierteljahr den vierten Theil der jährlichen Procente in Rechnung bringen; so wie auch anstatt der ganzen Jahre, doppelt so viel halbe — oder viermal so viel Vierteljahre annehmen.

- Z. B. Eine Schuld von 800 Mark Banco ist nach 5 Jahren ohne Zinsen zahlbar. Wenn nun die Zinsen zu 5 p. C. in Anschlag gebracht werden, wie viel müsste terminlich auf die ganze Schuld abgetragen werden, wenn diese 800 Mark:
- a) in 5jährlichen, oder b) in 10 halbjährlichen, oder c) in 20vierteljährlichen Terminen, zu gleichen Theilen bezahlt werden sollen?

# Auflösung.

a) Sind die Zahlungstermine zu Anfange eines jeden der 5
Jahre bewilliget worden, so dividire man diese 800 Mark durch
die Zahl, welche in der IIten Haupt-Tafel bei 5 p. C. und 5 Jahren steht; nämlich mit: 5.801912813, so zeigt der Quotient die
Grösse einer solchen Terminzahlung an.

als 800 Mark: 5.801912813

oder: 800.000000000 Mark: 5.801912813 == 137.8855 Mark. 580 1912813...

32517794950

Es müssen also jährlich 137.8855 Mark oder (siehe die 1ste Resolvirungstafel) 137 Mark 14 Schillinge 2 Pfennige auf diese Schuld abgetragen werden, wenn die 800 Mark in 5 Jahren bezahlt seyn sollen.

b) Sind die Zahlungstermine halbjährlich, so nehme man aus dieser Tafel die bei 2½ p. C. und 10 Jahren (oder Terminen) stehende Zahl 11.483466312 und dividire mit dieser in die 800 Mark, als: 800.000000000 Mark: 11.483466312 == 69.66537 Mark 689.00797872

> 43193745200 34450398935 87433462640

Die zu Anfange eines jeden halben Jahres zu bezahlende Summe ist also 69 Mark 10 Schilling 8 Pfennige.

c) Sind endlich vierteljährliche Zahlungstermine bedungen, so dividire man die 800 Mark durch die Zahl, welche in der Hten Haupt - Tafel bei 1½ p. C. und 20 Jahren (oder Terminen) steht; indem der 4te Theil von 5 p. C. soviel als 1½ p. C. ist, und 5 ganze Jahre, 20 Vierteljahre haben, also:

800.00000000 Mark.: 22.845015768 = 35.01857 Mark. 685 35047304

114 649526960 114 **22**5078840

> 42444812000 22845015768

195997962320 182760126144

132378361760 114225078840

18153282920

Die zu Anfange eines jeden Vierteljahres zu bezahlende Summe wäre demnach:

35 Mark - Schilling 4 Pfennige.

Anmerkung. 1) Aus diesen drei Resultaten ersieht man, dass, wenn die jährlich abzutragende Summe 137.8855 Mark ist, die Zinsen auf ein halbes Jahr, nicht die Hälfte, oder 68.94275 Mark, und die auf jedes Vierteljahr, nicht der 4te Theil, oder 34.4714 Mark seyn könne; sondern dass auf jeden Termin

genau so viel auf die ganze Schuld bezahlt werden müsse, als die ohigen Quotienten anzeigen; welches etwas mehr als die Hälfte oder der 4te Theil des Ganzen ist. Die Ursache liegt darinn, dass man bei halbjährlichen Terminen die zweite Hälfte um ein halbes Jahr später bezahlt, weshalb auch die Zinsen auf diese Zeit mit hinzu gerechnet werden müssen. Eben so verhält es sich mit den vierteljährlichen Terminzahlungen.

2) Hätten die Abzahlungen, anstatt zu Anfange des ganzen, halben oder Viertel-Jahres, erst am Ende einer solchen Zeitfrist bezahlt werden sollen, so hätte man im ersten Falle die bei 4 Jahren stehende Zahl: 4.52563125 um ein Ganzes vergrössern, und demnach mit 5.52563125 in 800 Mark dividiren müssen. Eben so nöthig ist es, bei halbjährlichen Terminen, die bei 9 Jahren stehende Zahl, und bei vierteljährlichen Terminen, die bei 19 Jahren stehende, um Eins zu vergrössern, und alsdann die 800 Mark dadurch zu dividiren. Die Quotienten wären in diesem Falle freilich grösser ausgefallen. Allein dieses muss deshalb statt finden, weil sonst der Empfänger, für die Zahlung die er zu Anfange des Jahres erhalten sollte, aber erst am Ende des Jahres erhält, diese Zinsen auf ein Jahr verlieren würde.

Ueberhaupt hat man auf den Anfang und das Ende eines Jahres bei dergleichen Berechnungen sehr zu achten; denn man wird sehr leicht durch den Gedanken getäuscht, dass es gleichgültig sey, ob man eine Summe zu Ende des jetzigen oder zu Anfange des nüchst folgenden Jahres in Rechnung bringt, indem hier der Zeitunterschied Null ist. Allein zwischen dem Anfange und dem Ende eines Jahres beträgt dieser Unterschied ein ganzes Jahr. —

# C. Die Zeit wird gesucht.

§. 248.

Regel. Man dividire mit der Zahl des Capitals welches jährlich (oder terminlich) zu gewissen Procenten angelegt wird, in die Zahl derjenigen Summe, zu welcher es mit den Zinsen anwachsen soll;

den gefundenen Quotienten suche man alsdann durch Vergleichung in der Tafel unter den berechneten Zahlen auf. Bei der Zahl nun, welche diesem Quotienten am nächsten kommt, findet man links daneben die Jahre. u. s. w.

### Aufgaben.

#### 8, 249,

1) Wenn jemand su Anfange eines jeden Jahres 2 Thaler in eine Sparcasse legen wollte; wie viel Jahre müsste er dieses fortsetzen, wenn er sich dadurch ein Capital von 150 Thaler sammeln will; vorausgesetzt, dass diese Casse dergleichen Einlagen mit 3½ p. C. jährlich und zwar Zins von Zins verinteressirt.

### Auflösung.

Man dividire die Summe, hier 150 Thir. durch die jährlich einzulegenden 2 Thir., so erhält man zum Quotienten 75. Zu dieser
75 zuche man daher in der Tafel, welche für 3½ p. C. berechnet ist,
diejenige Zahl auf, welche der 75 an Grösse am nächsten kommt,
dieses findet sich bei 37 Jahren, daselbst steht nämlich: 76.028894721.

Da diese Zahl schon in Rücksicht der Ganzen etwas grösser ist als
75, so ergiebt sich daraus: dass man entweder nicht ganz das Ende
des 37sten Jahres abzuwarten habe, um aus dieser Casse 150 Thir.
zu erhalten, oder dass man am Ende des 37sten Jahres aus dieser
Casse 76.028894721 mal 2 Thaler oder 152.057789442 Thir., oder
152 Thaler 1 Gr. 5 Pf. (1 Silbgr. 9 Pf.) bekommen müsse.

- Anmerkung. Geschieht die Einlage halbjährlich, so muss man auch den Quotienten in der Tafel aufsuchen, welche für die Hälfte der jährlichen Zinsen berechnet ist; die bei dieser gefundenen Zahl stehende Zeit, hat man aber alsdann auch nur für halbe Jahre anzunehmen.
- 2) Es hat jemand ein baares Vermögen von 31500 Gulden, und benutzt dieses jährlich zu 5 p. C. Allein er kann mit den Zinsen seine Wirthschaft, in welcher jährlich 1800 Gulden erforderlich sind, nicht bestreiten und nimmt daher das noch Fehlende zu An-

fange jeden Jahres von dem Stammcapitale hinweg; in wie viel Jahren wird das ganze Vermögen aufgezehrt seyn?

### Auflösung.

Die Zinsen zu 5 p. C. betragen von 31500 Gulden Capital jährlich 1575 Gulden; da derselbe aber jührlich 1800 Gulden braucht, so nimmt er, ausser den Zinsen, zu Anfange des Jahres noch 225 Gulden von dem Stammcapitale. Es ist daher zu untersuchen, in wie viel Jahren diese jährliche Hinwegnahme von 225 Gulden dem Stammcapitale selbst gleich werde. Zu diesem Behufe untersuche man, wie oft die 225 Gulden in dem Stammcapitale 31500 Gulden enthalten sind. Dieses findet sich durch Division. Es ist nämlich 31500 fl.: 225 fl. = 140 fl. Diese Zahl 140 suche man in der 2ten, Haupttafel bei 5 p. C. durch Vergleichung unter den Ganzen auf, so findet sich, dass dieselbe zwischen 41 und 42 Jahren liegt. Er kann also diese 1800 Gulden auf 41 volle Jahren beziehen. Hätte er aber diese 1800 Gulden erst am Ende des ersten Jahres bezogen, so würde er 42 Jahre die volle Einnahme haben können.

3) Ein Staat sieht sich genöthigt, eine Summe von 2 Millionen zu 5 p. C. Zinsen bei A aufzunehmen, und verpfändet dagegen eine Landeseinnahme, deren reiner Ertrag am Ende eines jeden Jahres 173920 Thaler oder Gulden u. s. w. ist. Wenn nun A diese Einnahme ebenfalls zu 5 p. C. Zinsen anstatt der Bezahlung annimmt und in Rechnung bringt, so fragt sichs, wie lange er dieselbe mit Recht beziehen darf, so dass dadurch Capital und Zinsen zugleich gedeckt werden?

# Auflösung.

Es werden am Ende jeden Jahres bezahlt 173920 Thir. die Zinsen von 2 Millionen sind in 1 Jahre 100000 - folglich werden zur Tilgung des Capitals verwendet: 73920 Thir.

Mit dem hier gefundenen Ueberschuss von 73920 Thaler dividire man in das Hauptcapital 2 Millionen, und suche den Quotienten in der 2ten Hauptrafel Seite 50. bei 5 p. C. unter den Ganzen vergleichend auf, so zeigt die links daneben stehende Zeit die Anzahl der Jahre, welche der Gläubiger die Einahme benutzen darf, als:

2000000 : 73920 = 27.057... Dieser Quotient steht in der

147840

Then Haupttafel bei 17 Jahren, und so lange
darf also der Gläubiger diese Einnahme beziehen. Da aber am Ende des 17ten Jahres einer
dem andern zur Ausgleichung noch etwas herausgeben muss, so berechne man das noch Uebrige wie folget:

2 Millionen sind am Ende des 17ten Jahres nach der 1sten Haupttafel Seite 24. mit den Zinsen angewachsen auf 2.292018318 × 2000000 Thlr. = 4584036.636 Thlr. Ferner wachsen nach der Hen Haupttafel die 173920 Thaler, die 16 mal verzinst — und das 17te mal baar gesahlt werden, also in 17 Jahren an, auf:

25.8 40366356 Thaler

multiplicirt mit:

173920

51 6 80732712. 2325 6 3297204... 7752 1 099068...

giebt 449415 6.516635520 Thaler.

Zieht man daher:

vòn 4584036.636 T.=4584036 T. 15 Gr. 3 Pf. (19 Sgr. 1 Pf.)
ab 4494156.517 - =4494156 - 12 - 5 - (15 - 6 so bleib. Rest: 89880.119 T.= 89880 T. 2 Gr. 10 Pf. (3 Sgr. 7 Pf.)
und so viel hat dieser Staat am Ende des 17ten Jahres, seinem
Gläubiger A. noch heraussugeben.

4) Ein Guthsbesitzer nimmt ein Capital von 25000 Thalern su 4½ p. C. Zinsen auf, und verpfändet dagegen sein Guth, welches jährlich einen reinen Nutzen von 1800 Thalern abwirft; wie viel ganze Jahre kann der Gläubiger dieses Guth benutzen, wenn durch den Ertrag desselben sowohl das Capital, als auch die Zinsen abgetragen werden sollen, und wie viel hat einer dem andern am Ende dieses Jahres noch baar heraus zu geben?

### Auflösung.

Man berechne zuerst den jährlichen Zinsbetrag von 25000 Thalern zu 4½ p.C., indem man schliesst: 100 Thlr. geben 4½ Thlr. wie viel 25000 Thlr. Hieraus findet man denselben gleich 1125 Thaler. Da nun das Guth alle Jahre 1800 Thlr. abwirft so werden 1125 Thlr. auf die Zinsen, und 675 Thlr. auf das Capital selbst, bezahlt. Hieraus sieht man, dass nach einer Reihe von Jahren das Capital entweder ganz abgetragen seyn wird, oder dass darauf noch ein Rest zu bezahlen bleibt, welcher kleiner als der jährliche Ertrag des Guthes seyn wird.

Die Zahl der Jahre, welche der Gläubiger das Guth benutzen kann, findet sich, indem man das ganze Capital (25000 Thlr.) durch den jährlichen Ueberschuss (675 Thlr.) dividirt, und den Quotienten (in ganzen Zahlen hier 37) in der Ilten Haupttafel bei 4½ p.C. unter den Ganzen aufsucht; diese 37 findet sich bei 22 Jahren, also kann der Gläubiger das Guth 22 volle Jahre benutzen, und somit wäre die erste Frage beantwortet.

Um die zweite Frage zu beantworten, untersuche man, auf wie viel die 22 Jahre Pacht à 1800 Thir. in Summa mit Zinsen anwachsen, insofern die ersten 21 Jahre des Ertrags verzinst, die letzten 1800 Thir. aber baar in Rechnung gebracht werden. Man nehme daher aus der IIten Haupttafel, die bei 21 Jahren stehende Zahl:

25	30	3377955	
		3311800	

1800

multiplicire dieselbe mit:

282 42 7023640 353 03 377955

so ist das Product = 635 46.0803190 Thir. hierzu den Ertrag des letzten Jahres addirt 18 00 Thir.

giebt in Summa 653 46.0803190 Thlr.

Der Gläubiger hat also bis mit Ende des 22sten Jahres an Capital und Zinsen empfangen:

65346.080319 Thir. oder 65346 Thir. 1 Gr. 11 Pf. (2 Silbgr. 5 Pf.)

Ferner suche man, zu wie viel die 25000 Thlr. mit den Zinsen in 22 Jahren anwachsen. In der 1sten Haupttafel steht bei 41 p.C. und 22 Jahren die Zahl:

2.633 652008 diese

multiplicirt mit:

25000

13 168 250040 52 673 04016

giebt: 65 841.300200

Der Gläubiger hat demnach am Ende des 22sten Jahres su erhalten 65841.3002 T. od. 65841 T. 7 Gr. 2 Pf. (9 Sgr.—Pf.) hat darauf erhalt. 65346.0803 - - 65346 - 1 - 11 - (2 -495 T. 5 Gr. 3 Pf. (6 Sgr. 7 Pf.) erhält also noch baar 495.2199 T. od:

NB. Hätte der Gläubiger das Guth z. B. 29 Jahre, also 7 Jahre sur Ungebühr behalten, und es sollten nunmehr beide Interessenten aus einander gesetzt werden, so wird die Rechnung auf dieselbe Weise geführt. Man berechnet nämlich suerst den Anwachs von 25000 Thir. auf 29 Jahre, so ist nach der Isten Haupttafel 3.584036492 × 25000 gleich 89600.9123 Thaler, oder 89600 Thir. 21 Gr. 11 Rf. (27 Silbgr. 4 Pf.); und dieses ware demnach die Forderung des Gläsbigers.

Ferner betragen die versinsbaren 28 jährlichen Einnahmen, - à 1800 Thir. nach der II(en Haupttafel 56.423033164×1800 Thir. dieses sind ausgeführt,

101561.4596952 Thir. = 101561 Thir. 11 Gr. - Pf. (13 Sgr. 9 Pf.)

hierzu die letztén 1800

103361 Thir. 11 Gr. -- Pf. (13 Sgr. 9 Pf.) giebt die Summa. Er hatte aber bloss zu fordern: 89600 - 21 - 11 - (27 - 4 - )

Zahlt daher zurück: 13760 Thir. 13 Gr. 1 Pf. (16 Sgr. 5 Pf.)

Der Guthsbesitzer hat also nicht allein seine Schuld von 25000 Thir. abgetragen, sondern er muss von seinem Gläubiger am Ende des 29sten Jahres, ausser dem Guthe, noch eine Summé von 13760 Thir. 13 Gr. 1 Pf. heraus bekommen.

5) Auf einer Strasse von eires 20 Meilen, kommen jetzt im Durchschnitt jährlich 8600 Thlr. ein; diese Einkunfte vermehrten sich aber um 60 p.C., wenn daselbst Chaussee angelegt würde. Da jedoch dieser Bau nicht unter 275000 Thlr. hergestellt werden kann, so fragt sichs: wie viel Jehre würden nöthig seyn, um bei 41 p. C. Zinsen das ganze Capital wieder zu erhalten?

#### · Auflösung.

Wenn diese Strasse jetzt 8600 Thaler Ueberschussgelder bringt, so würde sie nach vollendetem Baue jährlich 13760 Thaler Ertrag geben, nämlich: 100; 160 = 8600 Thlr.: x Thlr. und x =  $\frac{160 \times 8600}{100}$  Thlr. = 13760 Thlr. Nun betragen die Zinsen su  $4\frac{1}{4}$  p. C. von den 275000 Thlr. jährlich 12375 Thlr. Werden diese durch die jährlichen Einkünfte von 13760 Thlr. gedeckt, so bleibt noch ein jährlicher Ueberschuss von 1385 Thlr. Es fragt sich daher, wenn man diese 1385 Thlr. zu  $4\frac{1}{4}$  p. C. Zins von Zins anlegt, und su Anfange eines jeden Jahres denselben Ueberschuss zum Capitale schlägt, in welcher Zeit die ganze Summe auf 275000 Thaler angewachsen seyn wird?

Man untersuche suerst, um wie viel mal sich diese 1385 Thaler vermehren müssen, wenn sie bei 41 p. C. Zins von Zins auf 275000 Thaler anwachsen sollen; dieses geschieht, wenn man die 275000 Thlr. durch 1385 Thlr. dividirt; es ist nämlich 275000 : 1385 = 198 und ein Bruch, der hier nicht zu beachten ist. Die 198 suche man in der Hen Haupttafel bei 41 p. C. unter den Ganzen (vergleichend) auf, so findet sich, dass sie zwischen 195 und 205 fällt. Die erste Zahl gehört zu 51, die andere zu 52 Jahren; hieraus folgt also, dass 1385 Thir., welche jährlich zu 41 p. C. auf Zinseszins angelegt werden, bereits nach 52 Jahren, schon auf mehr als 275000 Thir. angewachsen sind, Denn wenn man die bei 51 Jahren stehende Zahl 195.974769456 mit 1385 multiplicirt, so zeigt das Product 271425, dass noch 3575 Thir. an der verlangten Summe fehlen würden. Multiplicirt man aber die bei 52 Jahren stehende Zahl 205.838634082 mit 1385, so ist das Product in ganzen Zahlen 285086; die 1385 Thir. würden nämlich in 52 Jahren auf 285086 Thir. anwachsen, und mithin einen Ueberschuss von circa 10086 Thaler bringen.

NB. Die Ausführung der Multiplication wurde hier, um nicht weitläufig zu werden, weggelassen. Die den Ganzen zugehörigen Brüche können bei einer solchen Speculationsrechnung im Resultate stets weggelassen werden; 'indem man den Gegenstand wohl genau berechnen kann, in der Ausübung selbst aber dürften sich

manche Hindernisse finden, welche durch eine genaue Rechnung nicht aufgehoben werden können.

Genauer sind die obigen Producte, bei 51 Jahren = 271425.0557 Thir. und bei 52 Jahren = 285086.5082 Thir.

D) Der Zinsfuss oder die Procente werden gesucht.

#### **8.** 250.

Regel. Man dividire mit dem jährlich angelegten Capitale in die ganze Summe, auf welche alle Einlagen in der gegebenen Zeit mit den Zinsen angewachsen sind, und suche alsdann diesen Quotienten bei den genannten Jahren durch Vergleichung unter den verschiedenen Procent-Tafeln auf; wie schon am Ende der Anleitung zur ersten Haupttafel und zwar §. 238. gelehrt wurde.

### Aufgabe.

Ein Hamburger ersparte sich in 35 Jahren eine Summe von 5520 Mark Banco, und zwar dadurch, dass er zu Anfange eines jeden Jahres 80 Mark auf Zinsen auslieh, und auch mit Ende eines jeden Jahres diese Zinsen wieder als neues Capital benutzte. Zu wie viel Procent hat dieser Mann sein Geld ausgeliehen?

# Auflösung.

Man dividire die 5520 Mark durch die jährliche Einlage 80 Mark, so findet man den Quotienten gleich 69. Die Zahl 69 suche man in den verschiedenen Procenten der 2ten Haupttafel bei 35 Jahren auf, so findet sich, dass die in der Tafel, welche zu 3½ p.C. berechnet ist, bei 35 Jahren stehende Zahl 69.0076... jenem Quotienten am nächsten kommt. Daher benutzte er sein Geld zu 3½ p.C. jährlich.

NB. Da diese Art Aufgaben nur in wenig Fällen vorkommt, so dürfte diese Anleitung hinlänglich seyn.

# IIter Abschnitt.

# Anleitung

Zum Gebrauch der IIIten Haupt-Tafel, und Einleitung in das zusammengesetzte oder Leibnitzische Interusurium.

#### §. 251.

Diese IIIte Haupttafel befindet sich Seite 55. bis mit Seite 80, und besteht ebenfalls aus 25 einzelnen Tafeln, wovon jede den jetzigen baaren Werth enthält, welchen ein Capital Eins, das nach einer bestimmten Zahl von Jahren, oder andern Zeiträumen, erst zahlbar ist, und jetzt, oder sofort, mit einem bestimmten Procent Rabatt oder Interusurio bezahlt werden sollte, haben würde.

#### §. 252.

Wollte man also wissen, welchen Werth Ein Thaler, der erst nach drei Jahren zahlbar oder fällig ist, jetzt haben würde, wenn man wegen dieser um drei Jahre früheren Zahlung, ein Interusurium (Rabatt oder Abzug) von ½ p. C. jährlich in Rechnung bringen will, so schlage man die zu ½ p. C. berechnete Tafel Seite 56 auf, und es findet sich rechts neben 3 Jahren die Zahl 0.992537344 d. h. Ein Thaler, welcher nach Verlauf von drei Jahren erst zahlbar ist, ist jetzt, oder sofort, nur 99 Thlr. oder 992 Thlr. oder 9925 Thlr. u. s. w. werth. Von diesem Bruche können nämlich soviel Decimalen beibehalten werden, als es die Genauigkeit der Rechnung erfordert.

0.992537344 24	Thir.
3 970149376 19 85074688	
23.820896256 12	Gr.
1 641792512 8 20896256	
9.850755072	Pf.

Den gefundenen Bruch, welcher in diesem Falle Thaler anzeigt, verwandelt man, wie nebenstehet, in Groschen und Pfennige. Man multiplicirt denselben erst mit 24, so giebt das Product 23 ganze Groschen; den zu diesen ganzen noch zugehörigen Bruch, dessen Decimalen 82089.... sind, multiplicirt man wieder mit 12, um ihn in Pfennigen aus-

zudrücken, und semit erhält man anstatt 0.992537344 Thir., den ihm gleichen reducirten Werth von 23 Gr. 9 85 Pf., welches für 23 Gr. 10 Pf. angenommen werden kann. Kürzer gelangt man zu diesem reducirten Werthe, wenn der Bruch 0.992537... in der 3ten Resolvirungstafel durch Vergleichung aufgezucht wird, so findet man neben dem ihm nahe kommenden Bruche 0.993056, ebenfalls den Werth 23 Gr. 10 Pf.

Es ist also Ein Thaler, welcher nach 3 Jahren ohne Zinsen zahlbar ist, und sofort mit 1 p.C. jährlichen Rabatt bezahlt werden sollte, jetzt nur 23 Gr. 10 Pf. werth.

### §. 253.

Wie schon oft gezeigt wurde, so kann man den Werth für alle decadische Zahlen z. B. 10, 100, 1000, 10000 u. s. w. Thaler, Gulden, Rubel u. s. w. geradezu aus diesen Tafeln ablesen; auch kann die Reduction des Bruches durch die am Ende angegebenen Resolvirungstafeln jedesmal erspart werden. Denn, so ist der Werth von einem Capitale, welches nach einigen Jahren erst fällig ist, und jetzt mit einem bestimmten Abzug oder Interusurio bezahlt werden soll, folgender:

10 Thaler auf 19 Jahre zu ½ p. C. = 9.53667001 Thir. = 9 Thir. 12 Gr. 11 Pf.

100 Gulden auf 32 Jahre zu ½ p. C. = 85.2483582 Gulden = 85 fl. 15 Kr. — Pf.

1000 Thir. preuss. auf 47 Jahre zu 3\frac{3}{4} p. C. = 177.238900 Thir. = 177 Thir. 7 Silbgr. 2 Pf.

10000 Liv. Sterling auf 53 Jahre zu 4½ p.C. = 1101.45974 Liv. = 1101 Liv. 9 Schil. 2 Pence.

100000 Francs auf 93 Jahre zu 5 p. C. == 1070.0281 Francs == 1070 Francs 3 Centimen.

u. s. w.

#### §. 254.

Auch in diesen Tafeln kommen 4 verschiedene Grössen vor, welche in einer solehen Beziehung zu einander stehen, dass man stets eine davon finden kann, wenn die übrigen darin gegeben, oder bekannt sind.

Diese 4 Grössen selbst sind:

- 1) Die Grösse des jetzigen baaren Worthes, eines später erst fällig-werdenden Capitals.
- 2) Die Grösse des su anticipirenden, oder auf eine gewisse Zeit voraus su beschlenden Capitals.
- 3) Die Zeit, auf welche ein Capital anticipirt eder verausentnemmen wird, und
- 4) die Procente, oder der Zinsfuss.

Da überhaupt Beispiele eine Sache immer deutlicher machen, als es durch Worte geschehen kann, so wollen wir auch hier für jeden besondern Fall einige Aufgaben folgen lassen, und diesen eine kurze Regel zur Auflösung voransetzen.

A) Der jetzige baare Werth für ein später erst fälliges Capital wird gesucht.

#### §. 255.

Regel. Man schlage die Tafel auf, deren Procente so eben in Rechnung zu bringen sind, und multiplicire alsdann die Zahl, welche daselbst neben der genannten Zeit steht, mit der des zu rabattirenden Capitals, so giebt das Product den jetzigen baaren Werth desselben.

# Aufgaben.

# §. 256.

1) Jemand hat in Augsburg nach 6 Jahren ein Capital von 2000 Gulden zu erhalten, ohne dass dieses Capital bis dahin verzinst wird; er will diese Summe sofort mit einem Rabatt oder Interusurio von 4½ p. C. verkaufen, wie viel kann jetzt dafür baar gegeben werden?

# Auflösung.

Man schlage die Tafel (Seite 73) welche zu 4½ p. C. berechnet ist auf, nehme sodann die Zahl, welche neben 6 Jahren steht, also: 0.779011950, und multiplieire dieselbe mit 2000; nämlich man rücke den Punct um 3 Stellen rechts, und nehme

dieses tausendfache Product 2 mal, so ist das Resultat der jetzige baare Werth von 2000 Gulden; als:

 $0.779011050 \times 1000 \text{ mal } 2 = 779.01105 \times 2 = 1558.02210 \text{ Gulden}.$ 

Den, dem 1558 ganzen Gulden noch zugehörigen Decimalbruch kann man stets in den Resolvirungstafeln außuchen; daselbst findet man dessen Werth, beinahe gleich 1 Krs. 1 Pf. oder 1½ Kreuzer. Der jetzige baare Werth jener 2000 Gulden ist demnach 1558 Gulden 1½ Kreuzer, und soviel kann dafür sofort gegeben werden. Das Interusurium selbst findet man, wenn man den jetzigen haaren Werth, von den ganzen veraus entnommenen Capitale absieht, es beträgt nämlich in diesem Falle 441 Gulden 58¾ Kreuzer.

2) Wie viel ist eine Summe von 5000 Liv. Sterling, welche erst in 20 Jahren ohne Zinsen zahlbar ist, jetzt werth, wenn ein Interusurium (Rabatt) von 4½ p. C. jährlich in Rechnung gebracht wird?

### Auflösung.

Man nehme Seite 71 die bei 43 p. C. und 20 Jahren stehende Zahl

0.3952 93222, und multiplicire

dieselbe mit:

5000

so ist das Product 1976.466110 Liv. Sterling oder 1976 Livre 9 Schillinge 4 Pence der jetzige baare Werth.

3) Ein Kaufmann hat in Paris ein Capital von 7562 Francs nach 5 Jahren zahlbar, zu fordern. Er will diese Post sofort mit 3½ p. C. Rabatt verkaufen, wie viel kann man jetzt dafür geben?

# Auflösung.

In der Tafel Seite 73 welche zu 3½ p. C. berechnet ist, steht bei 5 Jahren die Zahl 0.841973167. Diese Zahl wird (wie

0.841973167 7562 1 683946334 50 51839002. 420 9865835... 5893 812169.... 6367.001088854 Fr. neben stehet) mit der Zahl des zu anticipirenden Capitals multiplicirt, so zeigt das Product, dass anstatt der 7562 Francs, welche erst nach 5 Jahren fällig oder zahlbar sind, jetzt oder sofort 6367 Francs bezahlt werden können; denn da die

beiden ersten Decimalen Nullen sind, so beträgt der Werth des Bruches keine Ganse, sondern nur 10 Centime.

Das Interusurium, oder den Rabatt erhält man, wie schon oben gezeigt wurde, wenn von dem zu rabattirenden Capitale 7562 Fr.

der jetzige baare Werth 6367 - abgezogen wird Es wurden demnach rabattirt 1195 Fr.

4) Ein Grundstück, z. B. ein junger Wald, der aber erst nach Verlauf von 18 Jahren einen reinen Ertrag von 1785 Thalern jährlich abwirft, ist zu verkaufen. Wie viel könnte man jetzt für dieses Grundstück geben, wenn man das darauf zu bezahlende Capital zu 4½ p. C. jährlichen Interessen in Anschlag bringt? (Hierbei vergleiche man auch §. 360. u. s. w.)

### Auflösung.

Wenn dieser Wald jährlich einen reinen Ertrag von 1785 Thlr. bringt, so wird dadurch ein Capital von 42000 Thlr., jährlich mit 4½ p.C. verinteressirt; denn es verhält sich 4½: 100=1785 Thlr.:

x Thlr. und x = 
$$\frac{100 \times 1785}{4\frac{1}{4}}$$
 Thlr. =  $\frac{100 \times 1785 \times 4}{17}$  Thlr. =

(100 × 105 × 4) Thir. = 42000 Thir. Daher ist dieser Wald mach 18 Jahren 42000 Thir. werth. Da nun aber diese 42000 Thir. bis dahin, also in 18 Jahren keine Zinsen tragen, so müssen dieselben auf diese Zeit zu 4½ p. C. rabattirt werden. Man nehme daher (aus der Tafel Seite 73) die bei 4½ p. C. und 18 Jahren stehende Zahl:

0.472 749256
multiplicire dieselbe mit: 42000
945 498512
18 909 97024

so ist das Product gleich ,19855.468752 Thir.

Sucht man den, den 19855 ganzen Thalern noch zugehörigen Bruch in der IIIten und IVten Resolvirungstafel auf, so findet sich dessen Werth gleich 11 Gr. 3 Pf. oder 14 Silbergr. 1 Pf. Dieser Wald könnte demnach jetzt mit 19855 Thir. 11 Gr. 3 Pf. (14 Silbgr. 1 Pf.) baar bezahlt werden.

5) Bei einer Auseinandersetzung zweier Länder, soll der eine Staat A an den andern B, noch eine Summe von 875000 Thir. herausgeben, welche Summe aber, nach getroffener Uebereinkunst erst nach 10 Jahren, und zwar ohne Zinsen zahlbar ist. Man kommt jedoch nachher überein, diese Schuld jetzt mit einem Interusurium von 5 p. C. abzutragen. Wenn nun in dem Staate A das Interusurium nach dem Leibnitzischen Calcül, und in dem Staate B. nach der gemeinen Rabattrechnung gesetzlich berechnet wird, num wie viel werden die berechneten Resultate des jetzigen baaren Werthes von obigen 875000 Thir. differiren?

### ·Auflösung.

Man nehme aus der 3ten Haupttafel Seite 76 die bei 5 p. C. und 10 Jahren stehende Zahl

0.613 913254

multiplicire dieselbe mit: 8

875000

3 069 566270

42 973 92778

491 130 6032

so ist das Product: 537 174.097250 Thir.

oder: 537 174 Thir. 2 Gr. 4 Pf. (2 Silbgr. 11 Pf.) und soviel wird der Staat A geben wollen.

Der Staat B rechnet aber nach §. 149. und 150. wie folget: 100 Thaler tragen in 10 Jahren 50 Thir. Zinsen; demnach sind 150 Thir. die nach 10 Jahren zahlbar sind, jetzt nur 100 Thaler werth; und so im Verhältniss auch die 875000 Thir. Mithin verhalten sich 150: 100 = 875000 Thir.: x Thir.; hieraus ist x = 8750000 Thir.: 15 = 583333.33333... Thaler oder 583333 Thir. 8 Gr. — Pf. (10 Silbgr. — Pf.)

Der Staat B fordert also baar 583333 Thl. 8 Gr. — Pf. (10 Sgr. — Pf.)

Der St. A will aber nur zahlen: 537174 - 2 - 4 - (2 - 11 -)

Mithin ist die gesuchte Differenz 56159 Thl. 5 Gr. 8 Pf. (7 Sgr. 1 Pf.)

NB. Dieses Beispiel dürfte hinlänglich seyn, um die bedeutende Abweichung swischen dem einfachen und dem zusammengesetzten Interusurium zu zeigen.

Kommen bei der zu rabattirenden Zahl auch noch kleinere Münseinheiten z. B. Groseben und Pfennige oder Kreuzer u. s. w.

mit vor, so werden dieselben zuerst in einen Thalerbruch, oder Guldenbruch u. s. w. verwandelt; wobei die Resolvirungstafeln ebenfalls gute Dienste leisten. Z. B.

6) Jemandem sind 574 Reichsthaler 47 Grote 3 Schwaren durch eine Erbschaft in Oldenburg zugefallen, jedoch mit der Bedingung, dass sie der Miterbe erst nach 10 Jahren, von Eröffnung des Testaments an, gerechnet, und zwar ohne Zinsen, auszuzahlen nöthig habe. Man kommt aber überein, diese Erbschaft sofort mit 3<sup>3</sup>/<sub>4</sub> p. C. Rabatt abzutragen. Wie viel beträgt daher ihr jetziger baarer Werth, so wie der Rabatt oder das Internsurium? (Ein Reichsthaler hat 72 Groten à 5 Schwaren.)

### Auflösung.

Vor allen verwandle man die 47 Grote 3 Schwaren in einen Bruch des Thalers; dieses geschicht nach der 4ten Resolvirungstafel; man findet nämlich daselbst links neben 47 Groten 3 Schwaren den Bruch 0.661111. Es sind also 574 Thir. 47 Gr. 3 Schwaleich 574.661111 Thir. Da nun dieses Capital zu 3½ p. C. auf 10 Jahre rabattirt werden soll, so nehme man (Seite 71.) aus der Tafel, welche für 3½ p. C. berechnet ist, die Zahl, welche neben 10 Jahren steht, und multiplicire dieselbe mit der Zahl des zu rabattirenden Capitals, so giebt das Product den jetzigen baaren Werth jener Erbschaft; also:

die Zahl 0.692 020478
multiplicirt mit: 574.661111

692 020478
6 920 20478
69 202 0478
692 020 478
41521 228 68
415212 286 8
2 768081 912
48 441433 46
346 010239 0

giebt zum Producte: 397.677256722231058

In diesem Producte setzt man den Punct wieder um 15 Ziffern von der rechten nach der linken Hand zu, weil die beiden Factoren 9 und 6 oder zusammen 15 Decimalen haben; so erhält man 397 Reichsthaler, und einen Bruch 0.67725..., welcher letztere wieder in der 4ten Resolvirungstafel aufgesucht, 48 Grote 4 Schwaren giebt. Der jetzige baare Worth der obigen Erbschaft ist demnach gleich 397 Rthlr. 48 Gr. 4 Schw.

Zieht man von der ganzen Erbschaft 574 Rthlr. 47 Gr. 3 Schw. den jetzigen baaren Werth ab 397 - 48 - 4 -

so bleibt ein Interusurium von 176 Rthlr. 70 Gr. 4 Schw.

Es ist durchaus nicht nöthig jedesmal die ganzen Decimalen in Rechnung zu bringen; denn so konnte man oben in dem Thalerbruche die letzten 4 Decimalen weglassen, ohne dass desshalb im Producte um einen Schwar gefehlt worden wäre. Selbst wenn man in beiden

Factoren die 4 letzten Decimalen ganz weg-0.69202liess, so erhielt man das Resultat immer noch 574.66 mit gehöriger Genauigkeit; wie uns die neben-4 152 12 stehende Rechnung zeigt; denn der Bruch 41 521 2. 276808.. 0.6762. . . Thir. giebt ebenfalls 48 Grot. 4 48 44 14 . . . Schw. wie oben. Es kommt also darauf an, 346010.... wie genau wir das Resultat haben wollen, und 397.67 62132 ob uns auch die Bruchtheil-Pfennige die wir

im Endresultate finden, im Geschüftsleben noch einen Nutzen gewähren können.

#### §. 257.

Noch verdient bemerkt zu werden, dass alle Aufgaben die wir in §. 235. mit Hilfe der Isten Haupt - Tafel, und zwar durch Division auflösten, durch diese oder die III e Haupt - Tafel ebenfalls und zwar durch Multiplication auflösen können. Z B.

Wie gross muss das jetzt anzulegende Capital seyn, wenn dasselbe bei 5 p. C. Zins von Zins, in 25 Jahren auf 12000 Thir. anwachsen soll?

# Auflösung.

Man nehme aus der IIIten Haupt-Tafel diejenige Tafel, welche zu 5 p. C. berechnet ist, und multiplicire die Zahl, welche bei 25 Jahren steht, nämlich 0.295302772 mit der Zahl desjenigen Capitals, auf welche es in der genannten Zeit anwachsen soll, also

hier mit 12000, so erhält man zum Producte die Grösse des jetzt anzulegenden Capitals, als:

0.295 302772

multiplicirt mit:

12000

590 605544 2 953 02772

giebt zum Product:

3 543.633264 Thir.

Man müsste demnach jetzt 3543 Thir. 15 Gr. 2 Pf. (19 Silbergr. — Pf.) zu 5 p. C. anlegen, wenn das Capital mit Zins und Zinseszins in 25 Jahren auf 12000 Thir. anwachsen sollte.

NB. Beispiele, wo auf Bruchtheile des Jahres, oder auf Tage anticipirt wird, findet man weiter hinten in §. 337. und §. 354. angegeben.

B. Das zu rabattirende Capital wird gesucht.

#### §. 258.

Regel. Man nehme die Zahl, welche bei den genannten Procenten und Jahren steht, und dividire mit dieser in die Zahl des jetzigen baaren Werthes, so giebt der Quotient die Grösse desjenigen Capitals an, welches rabattirt wurde.

#### Aufgaben.

#### **§.** 259.

Ein gewisses Capital, welches nach 18 Jahren in München erst zahlbar war, ist auf diese Zeit zu 4½ p. C. rabattirt worden, und man erhielt dieser Anticipation wegen, jetzt nur 905 Gulden 36 Kreuzer baar ausgezahlt; wie gross war das nach 18 Jahren fällige Capital?

# Auflösung.

Ein Gulden hat 60 Kreuser, folglich sind 36 Kr. = 36 Gulden = 10 Gulden; mithin sind 905 fl. 36 Kr. = 905.6 Gulden. Diese 905.6 Gulden dividire man durch die, auf Seite 74 bei 4½ p. C. und 18 Jahren stehende Zahl, so giebt der Quotient die Grösse des gesuchten Capitals; also:

#### 905.6 fl.: 0.452800369

oder: 9056000 fl.: 4528 = 2000 Gulden.

Man kann hier in dem Divisor die letzten 5 Decimalen weglassen, indem sie auf den Quotienten nur einen geringen Einfluss haben.

Anmerkung. Alle Aufgaben, welche wir §. 230 mit Hilfe der Isten Haupt-Tafel auflösten, lassen sich nach der hier gegebenen Regel, auch mit Hilfe der IIIten Haupt-Tafel lösen. Da jedoch dergleichen Fragen mehr in jene Rubrik gehören, so wollen wir es bei diesem Beispiele hiermit bewenden lassen.

## C) Die Zeit der Anticipation wird gesucht.

**§**. 260.

Regel. Man dividire das rabattirte oder wahre Capital durch dasjenige, welches in einer gewissen Zeit erst sahlbar ist, und suche den Quotienten in der Tafel, welche die in Rechnung su bringenden Procente enthält, durch Vergleichung auf, so steht links bei der Zahl, die diesem Quotienten am nächsten kommt, die gesuchte Zeit der Anticipation.

# Aufgaben.

## §. 261.

Ein Capital von 3845 Thaler preuss., welches nach einer gewissen Zeit erst zahlbar oder fällig war, wurde sofort mit 1842 Thaler 17 Silbergr. 3 Pf. baar bezahlt. Wenn nun der Anticipation wegen ein Interusurium von 3½ p. C. in Abzug gebracht worden ist, so soll berechnet werden, auf welche Zeit dieses Capital anticipirt wurde?

# Auflösung.

Nach der 4ten Resolvirungstafel sind 1842 Thir. 17 Silbgr. 3 Pf. so viel als 1842.575 Thaler. Man dividire daher diese 1842.575 Thaler durch das zu anticipirende Capital, nämlich durch 3845 Thaler, und suche den gefundenen Quotienten in der Tafel, welche auf Seite 64. zu 3½ p. C. berechnet ist, durch

Vergleichung auf, so steht neben der Zahl, die diesem Quotienten am nächsten kommt, die gesuchte Zeit, als:

1842.575 Thir.: 3845 Thir. = 0.4792...

1538 0	Sucht man diesen Quotienten 0.4792 in der
304 57 . 269 15 .	Tafel 31 p. C. durch Vergleichung unter den be- rechneten Zahlen auf, so findet sich, dass die
35 425 34 605	Zahl, welche bei 23 Jahren steht, ihm am nächsten kommt, und diesem nach werden die 3845
8200	Thir. auf 23 Jahre voraus entnommen.

Anmerkung. Nicht immer ist die Zeit, auf welche ein Capital anticipirt wird, eine ganze Anzahl Jahre, und in diesem Falle würden wir uns hier bloss mit einer Annäherung begnügen müssen. Um jedoch auch diese Fälle möglichst genau auflösen zu können, müssen wir bis zur Anleitung des Gebrauches der Vten Haupt-Tafel in Geduld stehen; und verweisen deshalb auf §. 304.

# D) Der Zinsfuss wird gesucht.

#### **§**. 262.

Regel. Man dividire den jetzigen baaren Werth (oder das rabattirte Capital) durch das su rabattirende oder scheinbare Capital, und suche den erhaltenen Quotienten bei den genannten Jahren in allen Tafeln (welche die IIIte Haupt-Tafel bilden) durch Vergleichung auf; bei derjenigen Zahl, welche diesem Quotienten am nächsten kommt, zeigt die Ueberschrift dieser Tafel an, zu wie viel Procent rabattirt worden ist.

# Aufgaben.

#### §. 263.

1) Ein Capital von 3750 Thalern, welches nach 18 Jahren erst zahlbar war, wurde sofort mit 2301 Thir. 5 Gr. 4 Pf. baar bezahlt. Zu wie viel Procent Rabatt ist anticipirt worden?

#### Auflösung.

Man verwandle die 5 Gr. 4 Pf. nach der IIIten Resolvirungs-Tafel in einen Decimalbruch, so sind 2301 Thir. 5 Gr. 4 Pf. gleich 2301.22222.. Thaler. Diese jetzt gefundene Zahl wird nun durch 3750 Thir. dividirt, s. B.

2301.22222 Th	dr.: 3750 Thir. = 0.61365
2250 0	Der gefundene Quotient 0.61365 wird
51 22	nun in den verschiedenen Tafeln, welche zu
37 50	der IIIten Haupt-Tafel gehören, bei 18 Jahren
13 722	durch Vergleichung aufgesucht, so findet man,
11 250	dass die Zahl, welche in der Tafel 23 p.C. bei
2 4722.	18 Jahren steht, diesem Quotienten am näch-
<b>2 2 5 0 0</b> .	sten kommt; woraus sich dann ergiebt, dass
22222	hier su 2 <sup>2</sup> Procent rabattirt worden ist.
18750	Diel zif 75 Llocett taparrite molden me
3472	•

2) A. verborgt sofort an B. 1000 Thaler, und lässt sich dagegen einen Schuldbrief über 1564 Thlr., nach acht Jahren ohne Zinsen zahlbar ausstellen. Wie viel Procent Zinsen hat A. jährlich in Anschlag gebracht?

# Auflösung.

Man di	ridire die 10(	O Thir. d	urch 1564	Thir., s	o ist der
1000 Thir	. : 1564 Thir.	= 0.6393	· · · Quoti	ient (wie	nebenste-
10000	•		het)	gleich 0	. 6393
9384	•		diese	n Quotien	ten suche
6160	-		' man	daher u	nter den,
4692			zu v	erschieder	nen Pro-
14680					eten, Ta-
14076					gleichung
604	0	•			_
4699	2 .				auf, so
134	8				ihm am mende in
	•			•	

der Tafel, welche zu  $5\frac{3}{4}$  p. C. berechnet ist. A. nahm also jährlich  $5\frac{3}{4}$  p. C. Zins von Zins Interessen.

Anmerkung. Hier sollte eigentlich die Berechnung des zusammengesetzten Interusuriums folgen. Um uns jedoch in der Anleitung zum Gebrauche dieser Tafeln nicht zu unterbrechen, so wollen wir erst noch zu der IVten Haupt-Tafel übergehen, und alsdann die Bemerkungen, welche wir für jenen wichtigen Gegenstand gesammelt haben, zusammen in ein Ganzes fassen.

# Einrichtung und Gebrauch der IVten Haupt-Tafel.

#### **§**. 264.

Diese IV6 Haupt - Tafel welche sich von Seite 81 bis mit Seite 106 vorfindet, ist wieder ganz so eingerichtet, wie die drei vorhergehenden; denn sie besteht ebenfalls in 25 einzelnen Tafeln, von welchen eine jede nach einem besondern Zinsfuss berechnet ist.

Sie unterscheidet sich jedoch von der vorhergehenden oder IIIten Haupt-Tafel darinn, dass man durch diese IVte Tafel den jetzigen baaren Werth von Zahlungen, die zu Anfange, oder zu Ende, eines jeden Jahres zu leisten wären, auf Einmal, und zwar in Summa, finden kann.

Hätten wir z. B. auf 37 hintereinander folgende Jahre, mit Ende eines jeden, eine Summe von 100 Thalern von jemandem zu erhalten, und wir wollten diese 37 Renten sofort mit 3½ p. C. Rabatt verkaufen, so findet man in der Tafel, welche Seite 95 zu 3½ p. C. berechnet ist, bei 37 Jahren die Zahl 21.346334574, wenn nämlich mit Ende eines jeden Jahres ein Thaler bezahlt werden sollte, so würden die 37 Zahlungen zusammen jetzt 21 ganze Thaler, und den Bruch 0.346334574 Thir., welcher letzterer nach der 3ten Resolvirungstafel aufgelöst, 8 Gr. 4 Pf. giebt, also in Summa 21 Thir. 8 Gr. 4 Pf. werth seyn. Da nun 100 Thaler soviel als 100 mal 1 Thaler sind, so darf man nur jene bei 37 Jahren stehende Zahl mit 100 multipliciren, welches am kürzesten dadurch bewerkstelliget wird, dass der Punct um 2 Stellen oder Ziffern nach der rechten Hand zu, fortgerückt wird; man erhält alsdann 2134.6334574 Thir. oder 2134 Thir. 15 Gr.

2 Pf., und dieses ist der jetzige baare Werth von 37 jährigen. Renten à 100 Thir.

#### §. 265.

Sind aber die jährlich zu zahlenden 100 Thaler nicht am Ende, sondern zu Anfange eines jeden Jahres zahlbar, so ergiebt sich leicht, dass die erste Zahlung nicht rabattirt werden darf, weil sie gleich baar erfolgt; es giebt also bloss 36 Renten, welche rabattirt werden müssen. Daher nimmt man die bei 36 Jahren stehende Zahl 100 mal, dieses giebt:

	2104.0090447	Thir.
addirt hierzu die erste Rente	100	-
so ist der Werth aller Renten	2204.0090447	Thir. oder
2204 Thir Gr. 3 Pf.	•	

In diesem letzten Falle rechnet man am kürzesten so: Man nimmt ein Jahr weniger, vergrössert aber die Zahl welche dabei steht um ein Ganzes, und multiplicirt alsdann erst, mit der Zahl der jährlichen Rente; als: bei 36 Jahren steht – 21.040090447

hierzu addirt -	-	1
-	giebt:	22.040090447
diese Summe multiplicirt	mit:	100
	gight .	2204 0000447 wie oben

Es versteht sich von selbst, dass man eine jede solche Zahl allemal in Gedanken um Eins vergrössern kann u. s. w.

Die vorstehende Bemerkung ist sehr nöthig, wenn man bei dem Gebrauche dieser Tafeln nicht in bedeutende Fehler gerathen will.

#### **§.** 266.

Bei dieser vierten Haupt-Tafel sind ebenfalls wieder vier besondere Grössen in Betracht zu ziehen, als:

- 1) Die Summe, oder der jetzige baare Werth aller Einlagen oder Renten auf eine bestimmte Zeit.
- 2) Die Grösse des jährlich oder terminlich einsulegenden Capitals, oder die Rente selbst.

- Die Zahl der auf einander folgenden Jahre oder Termine, in welchen diese Einnahme oder Rente bezogen wird.
- 4) Der Zinsfuss, oder die Procente, zu welchen jene Einnahmen oder Renten rabattirt und bezahlt werden sollen.

Von diesen Grössen lässt sich, mit Hilfe der IVten Tafel, stets eine berechnen, wenn uns die übrigen drei gegeben oder bekannt sind.

Die hier folgenden Aufgaben und ihre Auflösungen werden uns hierzu die nöthige Aufklärung über den vortheilhaften Gebrauch dieser IV<sup>ten</sup> Haupt-Tafel an die Hand geben.

A) Die Summe, oder der jetzige baare Werth aller Einlagen oder Zeitrenten wird gesucht.

#### §. 267.

Begel. Man nehme die Zahl, welche bei den in Rechnung zu bringenden Procenten und Jahren steht, und multiplicire dieselbe mit der Zahl der jährlichen Einlage oder Rente.

# Aufgaben.

#### §. 268.

1) Es hat jemand in Hamburg, in 25 auf einander folgenden Jahren, und zwar mit Ende eines jeden Jahres, eine Rente von 800 Mark Banco zu beziehen, und ist gesonnen, diese ganze Einnahme jetzt baar mit einem Rabatt von 3½ Procent zu verkaufen. Wie viel ist die Summe aller 25 Renten sofort werth?

# Auflösung.

Nimmt man aus der Tafel, welche Seite 96. zu 3½ p. C. berechnet ist, die bei 25 Jahren stehende Zahl 15.48 1514592 und multiplicire dieselbe mit:

Nämlich man multiplicirt erst mit 100, wobei der Punct bloss um 2 Ziffern nach der rechten Hand zu fortgerückt wird, welches in Gedanken geschehen kann, und nimmt alsdann das 100fache Product noch 8 mal; und erhält somit 13185 ganze Mark, und einen Bruch, welcher letztere stets mit Hilfe der Resolvirungstafeln (hier durch die erste) in die niedern Münzsorten verwandelt werden kann. Es ist demnach der jetzige baare Werth der sämmtlichen 25 Renten 13185 Mark 3 Schillinge 5 Pfennige Banco.

2) Ein Vater will seinem Sohne auf 24 hintereinander folgende Jahre eine jährliche Einnahme von 1000 Gulden sichern, und deshalb das hierzu nöthige Capital in einer Bank niederlegen. Wenn nun diese Bank dergleichen Gelder zu 3½ Procent verzinsbar annimmt, so fragt sichs, wie gross das jetzt zu erlegende Capital seyn muss?

### Auflösung.

In der Tafel, welche zu 3½ p. C. berechnet ist, steht bei 24 Jahren die Zahl 16.058367603. Multiplicirt man diese Zahl mit 1000, welches geschieht, wenn der Punet um 3 Stellen oder Ziffern, von der linken nach der rechten Hand zu, fortgerückt wird, so erhält man 16058.367603. Dieses sind 16058 Gulden und 22 Kreuser, welche letstern aus der 2ten Resolvirungstafel absulesen sind. Wenn also jemand unter diesen Umständen 24 Jahre, am Ende eines jeden Jahres, eine Rente von 1000 Gulden besiehen will, so muss man sofort 16058 Gulden 22 Kreuzer baar erlegen, und eben so viel müsste jetzt baar bezahlt werden, wenn eine solche Einnahme oder Rente erkauft werden sollte.

3) Eine Stadt bezahlte auf eine Kriegsschuld in 6 auf einander folgenden Jahren am Ende eines jeden 10219 Thir. und somit war am Ende des 6ten Jahres das anfängliche Capital nebst dessen Zinsen à 5 p. C. rein abgetragen. Wie gross war diese Kriegaschuld zu Anfange des 1sten Jahres?

## Auflösung.

Man multiplicire (Tab. IV) die bei 5 p.C. und 6 Jahren stehende Zaht

5.075692067 mit 10219

45 681228603 50 75692067. 1015 1384134. 50756 92067....

so ist das Product: 51868.497232673

Mithin war die Kriegsschuld dieser Stadt

51868.49723.... Thir. oder 51868 Thir. 11 Gr. 11 Pf. (14 Silbergr. 11 Pf.) oder sehr nahe 51868½ Thaler.

4) Ein Staat hat sich gegen einen andern verbindlich gemacht, eine Kriegsschuld von 1 Million 6 mal Hunderttausend Thalern, in 32 auf einander folgenden jährlichen Terminen, und swar mit Ende eines jeden Jahres 50 Tausend Thaler, ohne weitere Interessen zu bezahlen. Nachdem die ersten 7 Jahre diese Summe richtig bezahlt waren, wurde man einig, den Rest der ganzen Schuld sofort baar, und zwar mit einem Interusurium zu 6 p. C. absutragen. Wie viel hat man also für die noch schuldigen 25 Termine sofort baar zu bezahlen?

# · Auflösung.

Da in den ersten 7 Jahren alles richtig bezahlt worden ist, so bleibt nur zu berechnen übrig, wie viel die noch zu bezahlenden 25 Termine à 50000 Thaler jetzt zusammengenommen werth sind. Man nehme also aus der Tafel, welche zu 6 p. C. berechnet ist, die bei 25 Jahren stehende Zahl:

also 12.7833 56158

multiplire dieselbe mit

50000

so erhält man zum Product:

63 9167.80790.

Die ganzen 25 Terminzahlungen à 50000 Thaler sind demnach zu Anfange des 8ten Jahres 639167 Thir. 19 Gr. 5 Pf. (24 Silbergr. 3 Pf.) werth. Das Interusurium, welches hierbei in Abzug gebracht wurde, findet sich, wenn man von der ganzen Schuld 25 mal 50000 Thaler oder 1250000 Thaler, ihren baaren oder jetzigen Werth, abzieht; es beträgt demnach, 610832.1921 Thir. oder 610832 Thir. 4 Gr. 7 Pf. (5 Silbgr. 9 Pf.)

5) Bei der Versteigerung eines beträchtlichen Grundstückes finden sich unter andern folgende Licitanten. Es bietet nämlich der 1ste, 47850 Thaler baar Geld. Der 2te 55500 Thaler, doch so, dass er jetzt nur 13500 Thaler baar, und die übrigen 42000 Thlr. in sieben auf einander folgenden jährlichen Terminen, nämlich mit Ende eines jeden Jahres 6000 Thaler, bezahlen will. Der 3te will sogleich 20000 Thaler baar, und 10 Jahre hintereinander, mit Ende eines jeden Jahres, 3600 Thaler Bezahlung geben. Welcher von diesen drei Käufern hat am mehresten geboten, wenn jährlich ein Interusurium von 5 p. C. in Rechnung gebracht werden soll?

# Auflösung.

Man sucht den jetzigen baaren Werth der Zahlungen, die der 2te und 3te Käufer in Tagezeiten zu zahlen verspricht, welches sich mit Hilfe derjenigen Tafel, welche zu 5 p. C. berechnet ist, sehr leicht ausführen lässt. Da nämlich der 2te Käufer in 7 auf einander folgenden Jahren, am Ende eines jeden, 6000 Thaler zu zahlen verspricht, so nehme man die Zahl, welche bei 7 Jahren steht, nämlich:

#### 5.786 373397

multiplicare dieselde mit	0000
so ist das Product =	34 718.240382
Dieses sind also 34718	Thir. 5 Gr. 9 Pf. (7 Silbergr. 3 Pf.)
hierzu die baaren 13500	
mithin in Summa 48218	Thir. 5 Gr. 9 Pf. (7 Silbergr. 3 Pf.)
und soviel wäre demnach	das Gebot des 2ten Licitanten jetzt
werth.	
Um ferner die Grösse	oder den Werth des Gebotes von dem
3ten Käufer zu berechuen,	so nehme man die bei 10 Jahren ste-
hende Zahl	7.72 1734929
und multiplicire dieselbe m	it 3600
_	46 33 0409574

231 65 204787

so ist das Product = 277 98.2457444

Es bietet also im baaren Gelde

der 1ste 47850 Thir. - Gr. - Pf.

- 2te 48218 5 9 (7 Silbergr. 3 Pf.)
- 3te 47798 5 11 (7 5 -)

Hieraus ergiebt sich nun, dass das Gebot des 2ten Käufers das höchste ist. Er will nämlich:

368 Thir. 5 Gr. 9 Pf. (7 Silbgr. 3 Pf) mehr als der 1ste und 419 - 23 - 10 - (29 - 10 -) mehr als der 3te geben.

6) Ein Ritterguth, auf welchem noch Consensschulden haften, soll, um diese jetzt zu decken, auf 12 hintereinander folgende Jahre so verpachtet werden, dass der ganze auf diese 12 Jahre fällige Pacht, jetzt gleich, mit einem Interusurium zu 5 Procent in voraus bezahlt werde. Wenn nun dieses Guth bisher für 5600 Thaler jährlich verpachtet war, und die Pachtgelder in ½ jährlichen Terminen abgetragen wurden, so fragt sichs, wie viel der sämmtliche Pacht sofort betragen werde?

# Auflösung.

Wenn jährlich 5600 Thir. Pacht bedungen sind, so beträgt dieses auf jedes Vierteljahr 5600 Thir.: 4 == 1400 Thir.; daher ist dieser Pacht in 48 Terminen, jeden zu 1400 Thir., zu entrichten fällig. Wenn ferner jährlich 5 p. C. berechnet werden, so wird gewöhnlich auf jeden vierteljährlichen Termin 1\frac{1}{4} p. C. gerechnet. Man nehme daher die bei 1\frac{1}{4} p. C. und 48 Jahren oder Terminen stehende Zahl

35.93 1480908 und multiplicire 1400 143 72 5923632 359 31 480908

so ist das Product 503 04.0732712 Thaler.

Mithin ist der jetzige baare Werth aller 48 vierteljährlichen Pachtzahlungen à 1400 Thir. gleich 50304 Thir. 1 Gr. 9 Pf. (2 Silbergr. 2 Pf. NB. Wäre aber der Pacht bloss in jährlichen Terminen bedungen worden, so hätte man die bei 5 p. C. und 12 Jahren stehende Zahl - 8.86 3251636

zu multipliciren mit

5600

53 17 9509816 443 16 258180

giebt znm Product

496 34.2091616 Thaler.

oder 49634 Thaler 5 Gr. — Pf. (6 Silbergr. 3 Pf.) In diesem Falle würde demnach der Pachter jetzt einen baaren Gewinn von 669 Thlr. 20 Gr. 9 Pf. (25 Silbergr. 11 Pf.) haben.

7) Jemand kauft ein Ritterguth unter der Bedingung, dass er jetzt 32500 Thaler baar, und sum Schlusse eines jeden der auf einander folgenden 8 Jahre, 4500 Thir. bezahlt; wie theuer ist dieses Guth gekauft worden, wenn man die jährlichen Zinsen su 4 p. C. anschlägt?

### Auflösung.

Da 32500 Thir. jetzt baar bezahlt werden, so hat man bloss zu untersuchen, wie viel die Terminzahlungen à 4500 Thir. jetzt zusammen werth sind. Dieses findet sich sehr leicht, wenn man die bei 4 p. C. und 8 Jahren stehende Zahl mit 4500 multiplicirt, als:

6.73 2744875

4500 33 66 3724375 269 30 979500 302 97.351937500

hierzu die baar gezahlten 32500 - - - - - - - - - - - - - - giebt den jetzigen Kaufpreis 62797 Thir. 8 Gr. 5 Pf. (10 Silbgr. 7 Pf.)

### **§**. 269.

So wie dieser vorstehende, werden gewöhnlich dergleichen Kaufpreise berechnet; allein das Resultat ist nicht immer richtig, indem wohl selten eine Sache für einen so hohen Preis erkauft wird, die nicht auch jährlich einen reellen Nutzen abwerfen sollte.

Rechnet man daher, dass dieses Guth nur zu 3 p. C. verpachtet wird, so zieht der Käufer auch auf die ersten 8 Jahre einen Nutzen von eirea 1800 Thir.; da er nun diese ebenfalls 8 mal, nämlich am Ende eines jeden Jahres, beziehen kann, so ist ihr jetziger Werth in Summa: 1800 mal 6.732744875 Thir. oder 12118.940775 Thir. Zieht man daher von obigem Kaufpreise

62797.3519875 Thlr. == 62797 Thlr. 8 Gr. 5 Pf. (10 Silbgr. 7 Pf.) den Werth dieser Pachtgelder ab

12118.940775 Thir. = 12118 Thir. 22 Gr. 7 Pf. (28 Silbgr. 3 Pf.)

So bleibt der wahre Kaufpreis von:

50678.4111625 Thir. = 50678 Thir. 9 Gr. 10 Pf. (12 Silbgr. 4 Pf.)

Denn wenn der jährliche Pacht (1800 Thir.) von den (4500 Thir.) Termingeldern abgerechnet wird, so zahlt der Käufer mit Ende eines jeden der 8 Jahre, nur 2700 Thir. Daher sind seine 8 Terminzahlungen jetzt in Summa nur

18178.4111625 Thir. werth

hierzu die baar gezahlten 32500 Thlr.

giebt wie oben 50678 Thir. 9 Gr. 10 Pf. (12 Silbergr. 4 Pf.)
Billige Ausnahmen von dieser Regel hat man zu machen:
bei Erkaufung von Grundstücken, welche erst urbar gemacht werden müssen; eben so bei Erkaufung eines jungen Waldes, welcher erst nach gewissen Jahren schlagbar wird, und so überhaupt bei Verwendung von Capitalien auf Gegenstände, welche uns erst nach einer bestimmten Zeit, jedoch vor der Hand keinen Nutzen gewähren; so dass das Capital auf diese Zeit ohne Zinsertrag darauf verwendet wird. Man wird hier leicht einsehen, dass diese Fälle von den obigen sehr unterschieden zu werden verdienen, indem das, auf eine Oeconomie-Wirthschaft verwendete Capital sogleich einen reellen Nutzen abwirft. (Siehe auch §. 360.)

8) Jemand will eine Rente verkausen, welche aber erst nach 8 Jahren anhebt, und alsdann 24 Jahre hinter einander, zu Ende eines jeden Jahres mit 275 Pfund Sterling in London pünktlich ausgezahlt wird; wie viel ist diese Rente jetzt werth, wenn die Zinses-Zinsen zu 5 p. C. in Rechnung gebracht werden?

#### Auflösung.

Man berechne zuerst, wie viel diese 24 Renten zu Anfange des 8ten Jahres zusammen werth sind. Dieses findet sich, wenn man Seite 102 die bei 5 p. C. und 24 Jahren stehende Zahl 13.7986 u. s. w. mit 275 multiplicirt, als:

> 13.798641794 275 68 993208970 965 90492558. 2759 7283588.

Die Summe aller 24 Renten würde demnach zu Anfange des 8ten Jahres oder zu Anfange des Jahres, in welchem dieselbe das erstemal ausgezahlt wird, 3794.62649... Pfund Sterling werth seyn. Da man aber diese Summe noch 8 Jahre früher kaufen will, so muss dieselbe noch auf diese Zeit rabattirt werden. Dieses geschieht mit Hilfe der 3ten Haupt-Tafel, indem die hier gefundene Grösse, mit der auf Seite 76 bei 5 p. C. und 8 Jahren stehende Zahl multiplicirt wird, (wobei es jedoch nicht nöthig ist, alle Decimalen mit in Rechnung zu bringen.)

Man multiplicire dahe	r 37 94.6265 <b>P</b> fund
mit	0.67 6839
	341 51 6385
	1138 38 795.
	3 0357 01 20
•	<b>22</b> 7677 59 0
	265 6238 55
	9976 7750 0

so ist das Product = 2568.3512 05 6335 Pfund Sterling.

Sucht man den, dem 2568 Ganzen noch zugehörigen Bruch 0.3512... in der 2ten Resolvirungs - Tabelle durch Vergleichung auf, so findet sich sein Werth (in der 2ten Doppelspalte) gleich 7 Schillinge. Der jetzige baare Werth aller dieser Renten ist daher 2568 Pfund Sterling 7 Schilling.

B) Das jährlich oder terminlich zu bezahlende Capital, oder die Rente wird gesucht.

Regel. Man dividirt die gegebene Summe aller Terminzahlungen durch die Zahl, welche bei den in Rechnung zu bringenden Procenten und Jahren steht, so giebt der Quotient die Grösse einer solchen Terminzahlung oder Rente.

# Aufgaben. §. 271.

1) Eine Schuld von 19600 Gulden rheinisch, welche jetzt fällig ist, soll in 10 gleichen, auf einander folgenden jährlichen Terminen, abgetragen werden. Wie gross muss die am Ende eines jeden Jahres zu bezahlende Summe seyn, wenn mit Ende des 10ten Jahres Capital und Zinsen, die letztern zu 5 p. C. gerechnet, rein abgetragen seyn sollen?

### Auflösung.

Hier sind gegeben: die Grösse der ganzen Schuld 19600 Gulden; die Zeit, in welcher dieselbe abgeführt werden soll, 10 Jahre oder Termine; und der Zinsfuss oder die Procente, nach welchen das Ganze berechnet werden soll. Man dividire daher mit der Zahl, welche in der Tafel 5 p. C. bei 10 Jahren steht, also mit 7.721734929 in die ganze Schuld 19600 Gulden, so giebt der Quotient die Grösse des auf jeden Termin abzutragenden Capitals an.

Nämlich: 19600 fl.: 7.721734929 oder auf gleiche Benennung gebracht: 19600000000000 fl.: 7.721734929 = 2538.2896.... Gulden,

	15443469858
_	41565301420 38608674645
•	29566267750. 23165204787.
	64010629630 61773879432
	22367501980 15443469858
	69240321220 61773879432
	74664417880

69495614361 51688035190 Wenn der dem 2538 ganzen Gulden noch sugehörige Bruch in der 2ten Resolvirungs-Tabelle aufgesucht wird, so findet sich dessen Werth 17 Krz. 1 Pf. Man hat demnach am Ende eines jeden dieser 10 Jahre 2538 fl. 17½ Kreuzer zu bezahlen.

2) Der Staat A. hat an einen andern B. bei Gelegenheit einer Auseinandersetzung, sofort 52976 Thaler heraus zu geben. Man wird jedoch einig, diese Schuld in 5 auf einander folgenden jährlichen Terminen so abzutragen, dass mit Ende eines jeden Jahres eine Summe bezahlt werde, welche so gross ist, dass mit Ende des 5ten Jahres Capital und Zinsen, die letztern zu 5 p. C. gerechnet, ganz getilget seyn. Wie viel muss am Ende eines jeden Jahres bezahlt werden?

# Auflösung.

Man dividire die ganze Schuld 52976 Thir. durch die, in der 4ten Haupt-Tafel bei 5 p. C. und 5 Jahren stehende Zahl 4.3294766706, so zeigt der Quotient die am Ende jedes Jahres zu bezahlende Summe an, als:

52976 Thir.: 4.329476671 52976000000000 Thir.: 4329476671 = 12236.1209 Thir. oder 4329476671.... 9681233290... 8658953342. . . 10222799480... 8658953342. . 15638461380. 12988430013. 26500313670 **25976860026** 5234536440 4329476671 9050597690 8658953342 39164434800

Der Staat A hat demnach am Ende eines jeden der auf einander folgenden 5 Jahre 12236 Thir. 2 Gr. 11 Pf. (3 Silbgr. 8 Pf.) an den Staat B, abzutragen; wodurch am Ende des 5ten Jahres die ganze Schuld von 52976 Thalern erloschen seyn wird.

u. s. w.

#### **§**. 272.

Dass in allen solchen Fällen Zinsen von Zinsen in Rechnung gebracht werden müssen, aber demohnerachtet nur einfache Zinsen

besalht werden, lässt sich aus folgender Rechnung leicht ersehen und erweisen.

Successive Abzahlung.		Thaler u. De- cimaltheile des Thalers.	Gr.	ler  Pf
Die Schuld besteht zu Anfange des Zinsen bis Ende des Jahres	Jahres in -	52976. 2648. 8	19	3
Am Ende des 1sten Jahres werden	Summa bezahlt	55624. 8 12236. 1209	19 2	3
Zinsen auf das 2to Jahr -	Rest.	43388. 6791 2169. 43395	16 10	4 5
Am Ende des 2tes Jahres werden	Summa bezahlt	45558. 11305 12236. 1209	2 2	
Zinsen auf das 3te Jahr	Rest	33321. 99215 1666. 09961	23 2	10
Am Ende des 3ten Jahres werden	Summa bezahlt	34988. 09176 12236. 1209	2 2	2 11
Zinsen auf das 4te Jahr	Rest	22751. 97086 , 1137. 59854	23 14	3 5
Am Ende des 4ten Jahres werden	Summa bezahlt	23889. 56940 12236. 1209	13 2	8 11
Zinsen suf das 5te Jahr	Rest	11653. 44850 582. 6724	10 16	9 2
Am Ende des 5ten Jahres werden	Summa bezahlt	12236. 1209 12236. 1209	2 2	11 11
	Rest	0.	— I	_

3) Wenn alles, wie in der vorhergehenden Aufgabe, verbleibt, nur mit der einzigen Abänderung, dass der erste, und jeder folgende Zahlungstermin, nicht am Ende, sondern zu Anfange des ersten, und eines jeden folgenden Jahres eintritt, so soll berechnet werden, wie viel der Staat A nunmehr zu Anfange jeden Jahres zu bezahlen habe?

# Auflösung.

Alle Termine werden hier um ein Jahr früher bezahlt, als in der vorigen Aufgabe, und der erste Termin wird sofort, also baar auf die Schuld abgetragen. Daher müssen auch bloss die Zinsen von vier jährlichen Terminen, und der erste selbst baar in Rèchnung gebracht werden. In einem solchen Falle nimmt man demnach die bei 4 Jahren stehende Zahl (3.545950504), addirt wegen des ersten Zahlungstermins noch eine Einheit zu dem Ganzen, also hierzu 3, und dividirt sodann mit 4.545950504 im das zu bezahlende Capital 52976 Thaler.

#### Mithin:

52976 Thir.: 4.545950504

oder: 52976000000000 Thir.: 4545950504 = 11653.448.. Thir. 4545950504.... Der Staat A hat demnach in die-7516494960... sem Falle auf jeden Termin nur zu 4545950504. . . bezahlen 11653 Thir. 10 Gr. 9 Pf. 29795444560. . (13 Silbgr. 5 Pf.) und mithin 582 27275703024. . Thir. 16 Gr. 2 Pf. (20 Silbgr. 3 24297415360. Pf.) weniger als im vorigen Bei-22729752520. spiele. Dieser Unterschied kommt 15676628400 daher, dass in dem jetzigen Falle 13637851512 ein jeder Termin um ein Jahr frü-20387768880 18183802016 her abgetragen wurde. Der Staat 22039668640 A erspart also die Zinsen für eine 18183802016 solche Terminzahlung auf diese 5 38558666240 Jahre, und bezahlt demnach jedes 36367604032 Jahr um so viel weniger.

21910622080

Anmerkung. Wäre eine Schuld erst nach einer bestimmten Zeit von Jahren, und swar ohne Zinsen, zahlbar, und man wollte dieselbe nach und nach in gleichen Terminen abtragen, so liesse sich zwar die Grösse eines solchen Termins ebenfalls durch diese 4te Haupttafel berechnen, indem man die nach Jahren erst fällige Summe, auf ihren jetzigen baaren Werth reducirte, und dann so rechnete, wie in den vorigen Beispielen gezeigt wurde. Weit kürzer lässt sich aber ein solcher Fall mit Hilfe der 2ten Haupttafel berechnen. Man sehe deshalb §. 246. Aufgabe No. 2. u. s. w.

4) Ein Guthsbesitzer, welcher zu einer vorhabenden grossen Reise Geld benöthigt ist, übergiebt sein Guth auf 6 hinter einander folgende Jahre mit der Bedingung in Pacht, dass der Pachter den Pacht auf diese 6 Jahre jetzt gleich in voraus mit 5766 Thir. 8 Gr. 4\frac{1}{2} Pf., oder 5766\frac{1}{20} Thaler abführen soll; wogegen sich der Besitzer des Guthes verbindlich macht, im Fall der Pachter während dieser Zeit einen ausserordentlichen Schaden an seinen Feldfrüchten erleiden sollte, diesen mit dem Pachter zur Hälfte zu tragen, den Betrag der Vergütung aber entweder am Ende des Jahres baar anzuweisen, oder bis zu seiner Rückkehr zu versinsen. Nun hat der Pachter im 2ten Jahre Misswachs, dessen Schaden die Aestimatoren auf \frac{9}{16} taxiren, und im 4ten Jahre wird ihm durch Ueberschwemmung ebenfalls \frac{5}{8} seines j\text{\text{\text{ahrlichen Ertrags}}} ruinirt. Wie viel Ersatz kann der Pachter am Ende des 6ten Jahres von der Herrschaft fordern, wenn bei dieser Auseinandersetzung 4 p. C. Zinsen in Rechnung gebracht werden?

### Auflösung.

Vor allem wird das jährliche Pachtquantum auszumitteln gesucht. Dieses findet sich sehr leicht; wenn man nämlich die auf alle 6 Jahre jetzt vorausbezahlten (also rabattirten) 5766. Thlr. durch die in der 4ten Haupttafel bei 4 p. C. und 6 Jahren stehende Zahl dividirt, so giebt der Quotient den jährlich zu entrichtenden Pacht als:

5766.350000 Thir.: 5.242137 = 1100 Thir.

5242137

Der Quotient findet sich also (bis auf eine nicht zu beachtende Kleinigkeit) gleich 1100

Theler, und dieses ist der jährlich bedungene Pacht.

Nun betragen  $\frac{3}{16}$  dieses Pachtes  $\frac{1100\times9}{16}$  Thir. = 9900 Thir. :  $16=618\frac{3}{4}$  Thir. Hiervon trägt nach Uebereinkunft die Herrschaft die Hälfte, mithin  $309\frac{3}{8}$  Thir. Ferner betragen  $\frac{5}{8}$  des Pachtes,  $\frac{1100\times5}{8}$  Thir. = 5500 Thir. :  $8=687\frac{1}{4}$  Thir., wovon auf den Antheil der Herrschaft  $343\frac{3}{4}$  Thir. kommen.

Da nun die Herrschaft den Pacht mit 4 p. C. Zins von Zins vorausgenommen hat, so hat auch der Pachter das Recht, sieh die ersten 300% Thir. auf 4 Jahre, und die 343% Thir. auf 2 Jahre su 4 p. C. Zins von Zins vergüten zu lassen. Man berechne nach der 1sten Haupt-Tafel, auf wie viel diese beiden Posten in der genannten Zeit bei 4 p. C. Zinsen anwachsen, als:

bei 4 Jahren steht die Zahl

1.16985856

diese multiplicirt mit:

399 <del>8</del>
10 52872794
350 957568
361.486295**94**0.43869696

wegen 🖁

so erhält man:

361.92499200

oder 361 Thir. 22 Gr. 2 Pf. (27 Silbgr. 9 Pf.)

Ferner wachsen 3433 Thlr. in 2 Jahren an, auf:

† von 1.0816 = 0.2704 abgezogen giebt 371.8000 Thir.

oder 371 Thir. 19 Gr. 2 Pf. (24 Silbgr. - Pf.)

Der Pachter hat daher von der Guthsherrschaft am Ende des 6ten Jahres baar zu erhalten:

- a) 361 Thir. 22 Gr. 2 Pf. (27 Silbgr. 9 Pf.)
- b) 371 19 2 (24 - -)

also: 733 Thir. 17 Gr. 4 Pf. (21 Silbgr. 9 Pf.) in Summa.

5) Jemand der ein baares Vermögen von 180000 Gulden besitzt, legt dasselbe in eine Bank, um sich bis an sein Ende eine Jahrrente zu kaufen. Wenn nun diese Bank das Geld mit 3½ p. C., und swar Zins von Zins, verinteressirt, und die wahrscheinliche Lebensdauer des Rentners 55 Jahre ist, so fragt sichs, wie gross diese Rente zu Ende eines jeden Jahres seyn kann?

# Auflösung.

Da die Summe aller 55 Renten jetzt 180000 fl. worth ist, so

darf man diese 180000 fl. nur durch die Zahl, welche bei 3½ p. C. und 55 Jahren steht, nämlich durch 24.264053, dividiren.

Man hat nämlich, wie schon früher erwähnt wurde, nicht immer nöthig, die ganzen Decimalen in Rechnung zu bringen, daher: 180000 fl.: 24.264053 (oder auf gleiche Benennung gebracht)

180000000000 fl.: 24264053 == 7418.3814... Gulden. 169848371...

69848371
101516290
97056212
44600780.
<b>24</b> 264053.
203367270
194112424
92548460
72792159
197563010
194112424
34505860
24264053
102418070
97056212

5361858

Diese Anstalt kann also den Rentner jährlich, und zwar mit Ende eines jeden Jahres, eine Rente von 7418 Gulden 22 Kreuser 3 Pf. auf 55 hinter einander folgende Jahre auszahlen.

§. 273.

Theils zum Beweis der Richtigkeit der hier gefundenen Rente, theils zur Ueberzeugung, dass diese Tafeln in jeder Form mit einander übereinstimmen, wollen wir die hier vorgelegte Aufgabe nochmals prüfen. Gesetzt diese Bank liess die Bruchtheil-Gulden an jeder Jahresrente fehlen, und sahlte dafür am Ende eines Jahres nur die vollen 7418 Gulden, so muss am Ende des 55sten Jahres der Bank noch ein reiner Ueberschuss bleiben. Wir wollen daher sowohl das, was der Rentner wirklich erhalten hat, als auch jenen Ueberschuss nach der 2ten Haupttafel berechnen.

a) 7418 Gulden, die am Ende eines jeden Jahres bezahlt werden, wächsen bei diesem Zinsfusse in 55 Jahren, auf 1193904.0285364 Gulden an; denn wenn man die in der 2<sup>ten</sup> Haupttafel bei 3½ p. C. und 54 Jahren stehende Zahl

multiplicirt mit

1**59.9468898** 7418

1279 5751184 1599 468898

63978 75592 111**9628 2**286

so erhält man:

1186486.0285364 fl.

hierzu die letzte Rente

7418.

- addirt

giebt in Summa

1193904.0285364 Gulden.

b) Berechnen wir nun auf dieselbe Weise auch den Anwachs des Bruches 0.3814, nämlich die Zahl

multiplicirt mit

159.946 8898

0.3814

639 787 5592

1599 468 898.

**12 7957** 511 84 . .

47 9840 669 4 . . .

giebt zum Producte

61.0037 437 6972

hierzu den letzten Uebersch. 0.3814

giebt in Summa 61.3851 437 6972 Gulden, als Hauptüberschuss für die Bank. Addirt man nun beide Resultate, so muss deren Summe derjenigen gleich seyn, su welcher die 180000 Gulden selbst, in 55 Jahren anwachsen; das letztere aber findet sich, wenn man die, in der 1sten Haupttafel bei 3½ p. C. und 55 Jahren stehende Zahl:

6.6331 41145

multiplicirt mit

180000

53 0651 29160

66 3314 1145

giebt zum Product: 119 3965.40610 fl.

Eben so viel beträgt die Summe der beiden obigen Resultate.

nämlich a) 1193904.02 fl. als Werth aller Renten

und b)

61.38 fl. als Ueberschuss der Bank

in Summa = 1193965.40 Gulden.

NB. Die übrigen kleinen Bruchtheile konnten nicht kommen, weil die Brüche nicht vollständig in Rechnung gebracht wurden.

Ob es gleich wenig Fälle geben dürfte, in welchen die Zeit oder der Zinsfuss (Procente) bei einer solchen Berechnung als un-

bekannt erscheinen, so wollen wir doch auch zu diesem ein Paar Beispiele mit aufführen; sollte es auch nur dienen, um zu zeigen, dass mit Hilfe dieser Tafeln jeder vorkommende Fall aufgelöst werden kann.

### C) Die Zeit wird gesucht.

# §. 274.

Regel. Man dividire die ganze Schuld durch die Grösse einer Terminzahlung, und suche diesen Quotienten in der genannten Procent-Tafel durch Vergleichung auf; wie schon §. 236, und §. 248. gezeigt worden ist.

### Aufgaben.

#### §. 275.

1) Wenn man bei einer Lebens-Assecuranz-Gesellschaft, sofort 7680 Mark niederlegt, um sich eine Lebensrente von jährlich 300 Mark zu versichern; wie viel ganze Jahre kann diese
Gesellschaft die Rente ohne Nachtheil geben, angenommen, dass
man diese Einlagen zu 3½ p. C. berechnet, und die Rente mit
Ende eines jeden Jahres auszahlt?

## Auflösung.

Nach der obigen Regel dividirt man also die ganze Einlage von 7680 Mark durch eine Terminzahlung oder Rente, hier 300 Mark, so erhält man 25.6. Diesen Quotienten sucht man nun Seite 95. in der Tafel, welche zu 3½ p. C. berechnet ist, durch Vergleichung mit den daselbst angegebenen Zahlen auf, und somit findet sich, dass die, diesem Quotienten (25.6) sehr nahe kommende Zahl, bei 56 Jahren steht. Hier findet man nämlich die Zahl: 25.63738... Da aber dieselbe etwas zu gross gegen den Quotienten ist, so kann die Gesellschaft diese Rente nur 55 Jahre auszahlen, wenn die Casse keinen Nachtheil dadurch erleiden soll. In dem letzten Falle würde ihr swar am Ende des 55sten Jahres noch ein Ueberschuss von 232 Mark 11 Schilling

11.54 Pf. verbleiben; allein wenn die Gesellschaft die 300 Mark 56 mal auszahlen wollte, so würde sie bei der letzten Rente noch 67 Mark 4 Schillinge 0.47 Pf. zulegen müssen. Das Letztere kann man am kurzesten mit Hilfe der leten und 2ten Haupt-Tafel berechnen. Nämlich die 7680 Mark, welche jetzt zu 31 p. C. Zinsen gezahlt werden, wachsen nach der 1sten Haupt-Tafel in 56 Jahren an, auf 5.995748099 mal 7680 Mark oder 46047.34540032 Mark; dieses sind 46047 Mark 5 Schilling 6.32 Pfennige. Um nun ferner den Werth von 56 Renten 1 300 Mark zu finden, nehme man die in der 2ten Haupt - Tafel bei 31 p. C. und 55 Jahren stehende Zahl 152.715326108, addire su dem Ganzen noch eine Einheit (weil die letzte Reute nicht mehr versinsbar ist) und multiplicire sodann 153.715326108 mit 300, so erhält man den Werth von 56 Renten gleich 46114.5978324 Mark, oder 46114 Mark 9 Schil. 6.78 Pf. Würde aber die Rente das 56ste mal nicht ausgezahlt, so gehen 300 Mark ab, und es verbleiben in diesem Falle 45814 Mark 9 Schil. 6.78 Pf. als Werth von 55 Renten am Ende des 56sten Jahres.

Es sind demnach werth am Ende des 56sten Jahres:

die eingesahlten 7860 Mark 46047 Mark 5 Schil. 6.32 Pf. die Renten à 300 Mark auf 55 Jahr nur 45814 - 9 - 6.78 - folglich bleibt ein Cassenüberschuss von 232 Mark 11 Schil. 11.54 Pf.

Hingegen würden betragen:

die Renten à 300 Thir. auf 56 Jahr
die gezahlte Einlage von 7860 Mark nur
Mithin müsste die Casse noch zulegen

46114 Mark 9 Schil. 6.78 Pf.
46047 - 5 - 6.32 67 Mark 4 Schil. 0.46 Pf.

2) Wie viel Jahre, oder wie oft muss man zu Anfange eines jeden Vierteljahres 7 Thlr. 6 Gr. bezahlen, wenn dadurch eine sofort fällige Schuld von 500 Thalern abgetragen werden soll. Insofern der Gläubiger diese Abschlagszahlung ebenfalls in vierteljährlichen Terminen a 3 p. C. Zins in Rechnung bringt, und wie viel würde einer dem Andern bei der letzten Terminzahlung noch heraus zu geben haben?

### Auflösung.

Nach der im vorigen Beispiele gegebenen Regel, dividire man die 500 Thir. durch 7 Thir. 500 Thir.: 7.25 Thir. 50000 Thir. : 725 = 68.965 ... 6 Gr. oder durch 7 Thir. 4350 oder 7.25 Thir. so erhalt 6500 man (wie die nebenste-**5800** hende Division zeigt) 7000 68.965...; dieser Quotient 6525 wird nun in der Tafel, 4750 welche für 3 p. C. be-4350 rechnet ist, durch Ver-4000 gleichung aufgesucht, so

findet sich hierzu die nächst kleinere Zahl 68.7428..., und links darneben die Zahl 97, welche die Zeit angiebt. Diese 97 sind aber nicht ganze, sondern nur Vierteljahre. Daher müssten die 7 Thir. 6 Gr. auf 97 Vierteljahre oder  $\frac{9}{4}$ 7 =  $24\frac{1}{4}$  Jahr abgetragen werden.

Um nun zu untersuchen, wie viel Einer dem Andern zu Anfange des 97 oder am Ende des 96 Vierteljahres heraus zu geben habe, beobachte man zuvörderst, dass die ersten 7 Thlr. 6 Gr. sogleich baar auf das Capital abgetragen wurden, und dass mithin nur 96 verzinsbare Terminzahlungen in Rechnung gebracht werden können. Man multiplicire daher die bei 96 Terminen (Jah-

ren) stehende Zahl
mit

68.258438557

7\frac{1}{4}(7+\frac{1}{4})

477.809069899

17.064609639

giebt auf 96 Termine
hierzu den 1sten Termin baar
beträgt auf 97 Terminzahlungen

68.258438557

477.809069899

17.064609639

592.123679538 Thlr.

7.25

502.123679538 Thlr.

oder 502 Thlr. 3 Gr. — Pf.

Mithin hat der Schuldner im letzten Termine 2 Thlr. 3 Gr. su viel bezahlt, oder er hätte das letztemal nur 5 Thlr. 3 Gr. bezahlen sollen.

Anmerkung. Hier könnte noch die Frage entstehen; su welcher Zeit der Schuldner die letzten 7 Thlr. 6 Gr. besahlen müsse, so dass diese 500 Thir. Schuld mit der letzten Abzahlung rein abgetragen wären? Da uns aber die Beantwortung dieser Frage auf Bruchtheile des Jahres oder des Zinstermines leitet, so wollen wir diesen Gegenstand lieber im folgenden Abschnitte näher betrachten; indem daselbst noch Einiges zu beachten ist, welches im täglichen Verkehr gewöhnlich unbeachtet bleibt.

D) Der Zinsfuss, oder die Procente werden gesucht.

### §. 276.

Regel. Das Verfahren hierbei ist eben so, als wenn die Zeit gesucht werden sollte. Man dividire nämlich mit der Terminzahlung in das Hauptcapital, und suche diesen Quotienten bei den genannten Jahren oder Terminen in allen Procent - Tafeln durch Vergleichung auf. In der Tafel nun, wo man eine diesem Quotienten am nächsten kommende Zahl findet, zeigen uns die über der Tafel stehenden Procente, den gesuchten Zinsfuss an.

# Aufgaben.

### §. 277.

Ein Gläubiger kommt mit seinem Schuldner überein, dass letzter eine Schuld von 2150 Thlr. 14 Silbgr. 8 Pf. preussisch, in 20 auf einander folgenden Jahren so abtragen soll, dass er mit Ende eines jeden halben Jahres 82 Thlr. 3 Silbgr. — Pf. bezahlt. Wie viel Procent Zinsen sind bei dieser Uebereinkunft der Berechnung zum Grunde gelegt worden?

### Auflösung.

Nach der obigen Regel dividirt man die 2150 Thlr. 14 Silbgr. 8 Pf. durch 82 Thlr. 3 Silbgr. — Pf. Nun sind nach der 4ten Resolvirungstafel: 2150 Thlr. 14 Silbgr. 8 Pf. == 2150.488889 Thaler, und so auch 82 Thlr. 3 Silbgr. == 82.1 Thlr., folglich:

#### 2150.488889 Thir.: 82.1 Thir. --

oder: 2150.488889: 821 = 26.19353... als der gesuchte Quotient. 1642 Nun bedenke man, dass in 20 ganzen 508 4 Jahren 40 halbjährige Termine bezahlt 4926 werden; daher wird der oben gefundene 1588 Quotient bei 40 Jahren oder Terminen 821 in allen Procent - Tafeln (der 4ten Haupt-7678 Tafel) durch Vergleichung mit den Zah-7 389 len, welche bei 40 Jahren oder Terminen 2898 2463 stehen, aufgesucht, so findet sich eine diesem Quotienten sehr nahe kommende Zahl 4358 4105 (bei 40 Jahren) in der Tafel, welche auf 2539 Seite 90. zu 21 p. C. berechnet ist; und 2463 mithin sind auch der Berechnung der in Frage stehenden Terminzahlungen auf

jedes halbe Jahr 2½ p. C. Zinsen zum Grunde gelegt. Es wäre aber durchaus falsch, wenn man hierbei sagen wollte; es sey demnach jährlich das Doppelte, nämlich 4½ p. C. in Rechnung gebracht worden, welches in dem nun folgenden Abschnitt näher auseinander gesetzt werden soll.

# IIIter Abschnitt.

# Anleitung

Zu der Berechnung des Interusuriums nach dem von Leibnitz aufgestellten System.

### §. 278.

Es wurde schon früher, sowohl bei der Terminrechnung (§. 119.) als auch bei der Rechnung über Abschlagszahlungen (§. 135.) die Bemerkung gemacht, dass auf diese Weise nicht immer gerechnet werden dürfe, wenn jene Zweifel aufgehoben, keiner der beiden Interessenten benachtheiliget und das ganze System der Zinsrechnung nicht unterbrochen werden soll.

Es wurden daher auch, aus besondern Gründen, welche in den folgenden §. enthalten sind, alle Zinsberechnungen auf Bruchtheile des Jahres, oder auf Zeiten, welche zwischen swei festgesetzten Zinszahlungsterminen liegen, ausgelassen. Um aber den Leser nicht länger in dieser Ungewissheit zu lassen, wollen wir nunmehr auf diesen nicht unwichtigen Gegenstand unsere Aufmerksamkeit ganz vorzüglich richten.

Da sich jedoch einige Länder bei Berechnung des Interusuriums einzig und allein auf den Leibnitzischen 'Calcul durch die Gesetze berufen, und man nicht annehmen kann, dass jedermann Gelegenheit habe, dieses System selbst kennen zu lernen, so wurde für zweckmässig erachtet, das ganse Leibnitzische System zur Berechnung des Interusuriums in einer deutschen Uebersetzung hier 'beizufügen; damit sich jeder selbst von den Vortheilen oder Nachtheilen, so wie verzüglich von der unrichtigen Anwendung, welche durch Missverständnisse herbeigeführt werden, zu überzeugen Gelegenheit habe.

Leibnitzens Aufsatz, welcher hier in der Uebersetzung erscheint, befindet sich lateinisch in

- 1) Acta eruditorum Lips. anno MDCLXXXIII pag. 425. etc., und
- 2) Leibnitii, opera omnia, ed. Duteus, vol. 3. pag. 151. etc.

Iuridisch - mathematische Abhandlung über das einfache Interusurium.

### §. 279.

Interusurium, oder Abzug wegen früherer Zahlung, gewöhnlich Rabatt genannt, ist der Unterschied zwischen einem Geldbetrag, welcher erst nach bestimmter Zeit fällig wird, und seinem gegenwärtigen Werthe, oder auch die Bestimmung dessen, was derjenige zu viel fordert, welcher der Zeit nach (tempore) zu viel fordert, oder endlich, wie viel derjenige der Billigkeit gemäss weniger zu zahlen hat, der eine, erst nach einigen Jahren fällige Schuld, schon jetzt abträgt. Der Betrag dieses Rabatts, welcher von den Rechtsgelehrten zuweilen nicht bestimmt, suweilen nicht einmal richtig genug angegeben wird, fässt sich

gleichwohl, unter Hinzunichung zweier Rechtsgrundsätze durch genaue Rechnung festztellen.

Der 1ste dieser Sätze besteht darin, dass derjenige, der einen Geldbetrag zahlen soll, ohe dieser fällig ist, seiner Seits die gesetzlichen Zinsen wegen der Zwischenzeit fordern dart.

Der 2te ist der bekannte Rechtssatz, dass Gegenrechnung eine Art Zahlung ist, und dass von demjenigen, der sich von einem ihm zu zahlenden Geldbetrage etwas absiehen lässt, angenommen wird, als habe er zu derselben Zeit eine dem Absuge gleich kommende Zahlung geleistet.

Dazu kommt noch:

- 3) der Heischesatz (poetwistum), dass Glänbiger und Schuldner über einen erst nach gewisser Zeit betagt werdenden Geldbetrag nich vereinigen können, und zwar so, dass das ganze Geschäft ohne irgend eine Rechts Verletzung sofort völlig abgemacht wird. —
- 4) Daraus ergiebt sieh nun die erste Schlussfolge: dass, wenn die gesetzlichen Zinsen den zwanzigsten Theil des Capitals ausmachen, der gegenwärtige Worth, einer erst nach Verlauf eines Jahres fälligen Einheit, folgender seyn muss:
- $\frac{1}{1} \frac{1}{20} + \frac{1}{100} = \frac{1}{100000} \frac{1}{32000000} = s. f.$  ins Unendhiebe; oder altgemeiner ausgedrückt, wenn anstatt 20 irgend eine Zahl z. B. v angenommen wird, die den wie vielten Theil die Quote der Zinsen bezeichnen soll:  $\frac{1}{1} \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} =$
- $\frac{1}{v^2} \frac{1}{v^3} + \frac{1}{v^4} \frac{1}{v^5}$  u. s. f. Wenn nämlich der Schuldner, der irgend eine Grösse, oder 1, z. B. 1 Ducaten, 10 Ducaten, 100 Ducaten nach Jahresfrist zu zahlen hat, dieselbe jetzt schon zahlt, so wäre der Gläubiger dagegen schuldig, nach Jahresfrist ihm Verzinsung zu gewähren, und zwar den zwanzigsten Theil jener Grösse oder  $\frac{1}{20}$ , nach Grundsatz 1. Da es den Betheiligten aber gefallen hat, sofortige Zahlung eintreten zu lassen, um sich gänzlich auszugleichen (nach Satz 3.,) so verlangt der Schuldner wieder seiner Seits von dem Gläubiger, dass er ihm dieses  $\frac{1}{20}$  schon jetzt voraus bezahle. Diese letztere Zahlung aber kann durch Gegenrechnung geschehen, so dass der Eine sich so viel

abziehen lässt, als er von Jenem empfangen sollte (nach Grundsatz 2). Er empfängt also nur 1 weniger  $\frac{1}{20}$ , oder  $1-\frac{1}{20}$ . Aber weil der Schuldner ebenfalls  $\frac{1}{20}$  welches erst nach Jahresfrist fällig war, schon sofort erhält, so wird auch Er dem Andern deshalb Verzinsung gewähren müssen (Grundsatz 1.) und zwar den zwanzigsten Theil von  $\frac{1}{20}$ . oder  $\frac{1}{400}$ .

Um indess die völlige Ausgleichung sofort zu bewirken (Grundsatz 3.), so zahlt der Schuldner nunmehr  $1 - \frac{1}{2^{10}} + \frac{1}{4^{10}0}$ . Aber da auch er dieses erst nach einem Jahre fällige  $\frac{1}{4^{10}0}$  schon jetzt zahlt, so muss ihm der Andere deshalb ebenfalls Zinsen gewähren (Grunds. 1.) und zwar den zwanzigsten Theil von  $\frac{1}{4^{10}0}$  oder  $\frac{1}{8^{10}0^{10}}$ ; und da Alles, wie gesagt, sogleich geendiget werden soll (Grunds. 3.), so sollen diese Zinsen durch Vorausbezahlung jetzt sogleich so berichtigt werden, dass diese Vorausbezahlung wieder in besondern Anschlag kommt. Die vorbemerkte Zahlung kann aber durch Gegenrechnung erfolgen (Grunds. 2.) oder der Gläubiger kann vom Schuldner  $\frac{1}{80^{10}0}$  von der nächst vorhergehenden Summe sich abziehen lassen, nämlich von der Summe:  $1 - \frac{1}{2^{10}} + \frac{1}{40^{10}}$  so dass der Schuldner nunmehr  $1 - \frac{1}{2^{10}} + \frac{1}{40^{10}} - \frac{1}{80^{10}}$  zahlt.

Wenn nun so durch fortgesetzte Berechnung und Berücksichtigung der verschiedenen Vorauszahlungen, alles sofort ausgeglichen, und Keinem unrecht gethan werden soll, so wird klar, dass Einer dem Andern die Summe einer unendlichen Reihe zu bezahlen habe, welche um  $\frac{1}{20}$  in geometrischer Progression fortschreitet; denn unter Abwechslung der Zeichen + und - ist jedesmal die folgende Grösse der zwanzigste Theil der nächstvorhergehenden.

5) Die Folgerung aus der Berechnung dieser unendlichen Reihe ist folgende:

Der Bruch  $\frac{v}{v+1}$  ist gleich der ganzen unendlichen Reihe  $\frac{1}{1} - \frac{1}{v} + \frac{1}{v^2} - \frac{1}{v^3} + \frac{1}{v^4} - \frac{1}{v^5}$  u. s. f. Weil nämlich v gleich 20 ist, so ist nun noch zu beweisen, dass der Bruch  $\frac{2}{2}$  gleichbedeutend ist, mit der unendlichen Reihe  $\frac{1}{4} - \frac{1}{20} + \frac{1}{400} - \frac{2}{3000} + \frac{1}{100000}$  u. s. f. Der Bruch  $\frac{2}{2}$  nämlich, multiplicirt mit 21, ist

gleich 20, und jene unendliche Reihe mit 21 multiplicirt, giebt, wie sich sogleich zeigen wird, ebenfalls 20. Was aber ein gleiches Resultat giebt, ist sich selbst gleich; mithin sind jener Bruch und jene Reihe sich gleich. Es ist deshalb nur noch zu beweisen, dass jene Reihe mit 21. oder mit (20+1) multiplicirt, 20 giebt. Das Verfahren dabei ist folgendes:

Nebenstehende

Grösse  $1-\frac{1}{20}+\frac{1}{400}-\frac{1}{8000}+\frac{1}{160000}-\frac{1}{3200000}$  u. s. f.

multiplicirt mit: 20

giebt  $(\odot)$  20 —  $1 + \frac{1}{20} - \frac{1}{400} + \frac{1}{8000} - \frac{1}{150000}$  u. s. f.

Nebenstehende Grösse  $1 - \frac{1}{20} + \frac{1}{400} - \frac{1}{8000} + \frac{1}{180000}$  u. s. f. multiplicirt mit:

giebt als Resultat (\*)  $1 - \frac{1}{20} + \frac{1}{400} - \frac{1}{8000} + \frac{1}{160000}$  u. s. f. Mithin ist  $\Theta +$  gleich 20 \* \* \* \*

6) Die zweite Schlussfolge ist diese:

Der jetzige Werth einer erst nach Jahresfrist fälligen Einheit, oder eines Capitals, ist  $\frac{v}{v+1}$  angenommen; nämlich so, dass v die Zahl ist, welche den Zinsfuss ausdrückt; oder wenn v gleich 20, so ist beim Zinsfuss su 5 v. H. oder beim zwanzigsten Theil des Capitals, der jetzige Werth  $\frac{20}{21}$  oder  $\frac{100}{100}$  des Hauptstammes. Denn jener gegenwärtige Werth ist  $1 - \frac{1}{20} + \frac{1}{400} - \frac{1}{8000}$  u. s. f. (Grundsatz 4.) oder was eben gezeigt werden sollte  $\frac{20}{21}$  oder  $\frac{100}{100}$ . (Grundsatz 5.) Beim Zinsfuss 6 v. H. wäre der Ansatz von  $\frac{100}{210}$  oder  $\frac{50}{30}$  ansuwenden, und der jetzige Werth einer solchen Forderung würde  $\frac{100}{100}$  oder  $\frac{50}{50}$  des Capitals seyn.

Derselbe Satz lässt sich aber noch auf andere Art beweisen, auch ohne eine unendliche Reihe, und zwar auf folgende Art:

Nach einem Jahre hat der Schuldner die Summe S zu zahlen. Es fragt sich also, wie viel an dem andern jetzt zu bezahlen sey, damit beides auf eins hinaus komme?

Angenommen, der Schuldner habe jetzt Y zu bezahlen, so muss Y eine solehe Summe seyn, welche nach Ablauf eines Jahres, an Capital und Zinsen dem gleich kommt, was dieser schuldig ist. Denn derselbe hat Y sofort ohne Rechtsverbindlichkeit gegeben,

mithin ist der andere diese Y sekuldig, und hat nach einem Jahre Y nebst dessen zwanzigsten Theil oder Y + 1 Y zu zahlen. Wenn aber dieser Betrag S, gleich ist der Summe, welche der Schuldner nach einem Jahr zu zahlen hatte, so kisst sich diese gegenseitige Forderung durch Gegenrechnung (Grundsatz 2) sofort ausgleichen, und das Geschäft als sofort abgemacht ansehen. (Grundsatz 3.) Da also  $Y + \frac{1}{2^{10}} Y = S$ , so ist  $Y = \frac{S}{1 + \frac{1}{n^{10}}}$  oder Y wird seyn wie oben bemerkt wurde,  $=\frac{20}{21}$  S. Denn sobald der Schuldner  $\frac{20}{21}$  ohne Verpflichtung schon jetzt zahlt, so darf er vom Andern nach Ablauf eines Jahres 21 als Zinsen fordern; mithin würde der Andere an den Schuldner zurückzuzahlen haben 30 + 1 oder 31 gleich 1. Allein nach Jahresfrist ist auch der Schuldner selbst 1 schuldig, namlich die fragliche Einheit oder das Capital; mithin ist klar, dass wenn bei erfolgender Gegenrechnung, der Schuldner statt 1, gegenwärtig 20 zahlt, keiner dem Andern mehr etwas schuldig Obwohl dieser Weg einfacher ist, als der vorbemerkte, so halte ich den erstern doch um deswillen für besonders beachtenswerth, weil er ein merkwürdiges Beispiel einer Analyse darbietet, welche sich von der Algebra dadurch unterscheidet, dass diese, wie aus dem erstern Beweise einleuchtet, eine unbekannte Grösse als bekannt annimmt, und so durch Gleichung mit bekannten Grössen den Werth der unbekannten findet. Die vorbezeichnete Analyse aber schreitet nur durch bekannte Grössen fort, und gelangt so unmittelbar zum Werthe der unbekannten Dieser Umstand ist aber besonders vortheilhaft, denn in den Fällen, wo es unmöglich ist, den rationellen Werth einer unbekannten Grösse durch Algebra zu erfahren, lässt sich derselbe auf diesem Wege, durch eine unendliche Reihe dennoch auffinden.

7) Dritte Schlussfolge. Der jetzige Werth einer erst nach zwei Jahren betagten Einheit eder eines Capitals, ist nach dem Obigen  $\frac{1}{1} - \frac{2}{v} + \frac{3}{v^2} - \frac{4}{v^3} + \frac{5}{v^4} - \frac{6}{v^5}$  u. s. f. Wenn nämlich der Schuldner nach swei Jahren 1. zu zahlen hat, und diese 1. im Voraus schon jetzt bezahlt, so hat der Gläubiger als Zinsen nach einem Jahre  $\frac{1}{20}$  und nach zwei Jahren ferner  $\frac{1}{20}$  überhaupt  $\frac{2}{20}$  und mithin

hat er, wenn er (Grundsatz 2.) sofort zahlt, überhaupt nur I —  $\frac{2}{2\pi}$ zu zahlen. Weil aber so der Schuldner die ersten 1 um ein Jahr, nämlich die ersten, und im andern 20. um zwei Jahr, nämlich das erste und zweite Jahr voraus bezahlet hat, so hat ihm der Andre ebenfalls Zinsen zu gewähren, sowohl wegen der erstern als wegen der letztern um ein Jahr vorausbezahlten 10, und swar sweimal 10 oder 20, und nach dem sweiten Jahr ist er ihm wegen der letztern fürs zweite Jahr vorausbesahlten 21, dann to schuldig. Wenn jener also to vorausgieht, so wird der Schuldner zu bezahlen haben  $\frac{1}{4} - \frac{2}{20} + \frac{3}{400}$ . Aber da er so fürs erste Jahr wieder 200 vorausbezahlt hat, die letzten 100 aber fürs erste und zweite Jahr, so hat derselbe Zinsen zu fordern, welche von den 2 nach Verlauf des ersten Jahres 300n betragen, von den letztern 100 aber 100, mithin überhaupt 300; im zweiten Jahr aber wieder die Zinsen der letztern 440 welche ann betragen, und die Zinsen es ersten und zweiten Jahres 8000, so dass, wenn sich der Andre dies sofort abziehen lässt, der Schuldner nur zu zahlen hat  $1 - \frac{2}{20} + \frac{8}{400} - \frac{4}{8000}$ . Auf diese Art hat aber der Andre die erstern 3000 im Voraus empfangen rücksichtlich des erstern Jahres, und die letztern gloop rücksichtlich des ersten und zweiten Jahres, so dass desshalb Zinsen zu vergüten sind von den ersten 3 fürs erste Jahr 3 1500000, von den letztern 3000 aber 160000, mithin überhaupt 160000; im zweiten Jahr wegen der letztern 1 wieder 1 1 0000 mithin überhaupt wegen des ersten und zweiten Jahres, zusammen 150000; und wenn diese wieder im Voraus unter Berücksichtigung des Unterschieds der Anticipation gezahlt werden, so sind überhaupt nur zu bezahlen 1 —  $\frac{2}{20} + \frac{3}{400} - \frac{4}{8000} + \frac{5}{150000}$ ; und so erscheint hei fortgesetztem Verfahren die vorbemerkte unendliche Reihe.

8) Vierte Schlussfolge. Bei drei Jahren bleiben swar dieseiben Nenner und Zeichen, statt der Zähler aber kommen Triangular - Zahlen, bei vier Jahren Pyramidal - Zahlen, bei fünf Jahren Triangel - Triangular - Zahlen, und so bei fortschreitenden Jahren immer höhere Figuren - Zahlen, (numeri Figurati) ins Unendliche, die ich ihrer Anwendung wegen combinatorische nenne. Da sich dies aber auf die vorbezeichnete Art nachweisen lässt, so sey hiermit genug davon gesagt.

Die Zahlen selbst sind folgender Art:

r.	200	11. B. T.
5 Jahren	1-25+15-855+16000================================	Triangel- 1. 5. 15. 35. 70
4 Jahren	1-20+100-8000+160000	Pyramid. 1.4.10.20.35
3 Jahren	1-25+265-3000+186500= \$280	Triangul. 1.3. 6.10.15
2 Jahren	1-28+280-8080+1805000= 229	Naturl. 1.2. 3. 4. 5
1 Jahr	1-36+460 - 5000 + 150000 u.s.f. == 39	Einheit. 1.1. 1. 1. 1. 1
Nach	Jetziger Werth des schuldigen Capitals.	Sinnbildliche oder combinatori- sche Zahlen.

- 9) Um den gegenwärtigen Werth dergleichen Posten auch noch auf andere Weise zu finden, dient der Hilfssatz: der gegenwärtige Werth des künftigen Werthes ist der gegenwärtige Werth der Summe selbst. Wenn ich z. B. wissen will, welches, am Ende des Jahres 1683, der jetzige Werth einer erst nach zwei Jahren (1685) fälligen Schuldpost sey, so frage ich zuerst, welches der künftige Werth, der nach zwei Jahren (1685), fälligen Summe am Ende eines Jahres (1684) ist, und dieser wird (nach Grundsatz 6.) der von 30 des ganzen weil nur ein Jahr dazwischen liegt. also Einer dem Andern nach zwei Jahren eine Einheit schuldig ist, so ist es für gegenwärtige Rechnung ehen so viel, als ob derselbe nur 30 schuldig wäre. Nun ist (nach Grundsatz 6.) wenn der Eine dem Andern nach einem Jahre 3º schuldig ist, eben so viel, als ob er jetzt 20 von jener Summe schuldig ware, oder 30 von 30 das ist 400. Wenn also Einer dem Andern etwas nach zwei Jahren schuldig ist, so ist dessen jetziger Werth 400 davon, oder die Quadratzahl von 20 von jener Summe, als eine Einheit betrachtet. Eben so ist klar, dass der jetzige Werth einer nach drei Jahren fälligen Einheit 👭 von 🧚 von 20 ist, oder die Cubikzahl (cubus) von 30, und zwar 8000, und so immer weiter. Der vorbemerkte Satz ist aber nichts anderes, als eine Folge des bekannten Axioms, dass, was einem dritten gleich ist, sich selbst gleich ist, denn 400 gleichen sich aus mit den nach einem Jahre fälligen  $\frac{20}{21}$ , und diese sind gleich einer nach zwei Jahren fälligen Einheit. Mithin hebt sich diese Einheit auch mit den sofort fälligen 400 auf.
- 10) Fünste Schlussfolge. Wenn die Zahl des Zinssusses (quotae usurariae) zu v angenommen wird, mithin 20 bei 5 v. H. oder der zwanzigste Theil des Capitals, so wird der jetzige Werth der nach einigen Jahren fälligen Summe seyn im Verhältniss von v zu (v + 1) (subsesqui vigecupla) oder 20 zu 21, und zwar bestimmt (replicata) nach der Anzahl der Jahre. 'Sonach ist der gegenwärtige Werth einer nach einem Jahre fälligen Summe, einmal  $\frac{20}{21}$  der Summe, oder wird zur Summe selbst im Verhältniss von 20 zu 21 stehen. Der jetzige Werth einer nach zwei Jah-

ren fälligen Summe wird seyn  $\frac{20}{4}$  von  $\frac{20}{4}$  mithin  $\frac{400}{44}$  der Summe selbst; oder wird im doppelten Verhältniss von 20 su 21 der Summe, oder wie 400 (dem Quadrat von 20) su 441 (dem Quadrat von 21) stehen. Der jetnige Werth einer nach drei Jahren fälligen Summe ist  $\frac{20}{2}$  von  $\frac{20}{21}$  von  $\frac{20}{21}$ , oder  $\frac{8000}{9201}$  der Summe; oder wird sich im verdreifachten Verhältnisse von 20 su 21 befinden; oder wie die dritte Potens (dignitus) oder die Cubikzahl von 20 zur Cubikzahl von 21 sich verhalten; und so immer weiter.

Um dies allgemein auszudrücken, mag der gegenwärtige Werth Z seyn; die Schuldsumme S; die Anzahl der Jahre a; der Zinsfuss v. Sonach ist Z gleich S multiplicirt mit  $\left(\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}+1}\right)^{\mathbf{a}}$  Wenn sonach  $\mathbf{v}=20$  ist und S die Einheit, so ist eine Einheit: nach: einem Jahre, zwei, – drei, – vier, – fünf Jahren u. s. f. jetz. Werth  $\frac{20}{21}$   $\frac{400}{441}$   $\frac{3000}{9201}$   $\frac{160000}{194481}$   $\frac{3200000}{4084101}$  u. s. f. d. i. Seite Quadrat Cubus  $\frac{\text{Doppel-}}{\text{Quadrat}}$  Surdesolidum – –

(latus) (quadratuus) (cubus) (biquadratum) (surdesolidum)

Diese Zahlen lassen sich durch Multiplication, oder durch
Addition ihrer Logarithmen, nach den betreffenden Jahren fogtsetzen, wobei es zweckmässig ist, Decimalbrüche anzuwenden.
Ueber den Vortheil dieser Sätze, welche, selbst bei vorzüglichen
Rechtslehrern, nicht gehörig bestimmt augewendet werden, namentlich in Bezug auf Lebensrenten, wo das zusammengesetzte Interusurium zur Anwendung kommt, soll von mir an
einem andern Orte abgehandelt werden.

Um übrigens diese Abhandlung desto gemeinnütziger zu machen, haben die Herausgeber der Acta. Erud. auf eigene Veranlassung des berühmten Verfassers derselben, noch folgende Tabelle beigefügt, in welcher, bei einem Capital von 100000 und 5 v. H. Zinsen, für jede Anzahl Jahre bis zu vierzig, das Interusurium berechnet ist, wodurch sodann mit Hilfe der Regel de tri, jedes gegebene Capital nach seinem Werthe, im Falle der Vorausbezahlung, auf leichte Art gefunden werden kann, wodurch denen, welche mit Anwendung der Logarithmen nicht vertraut sind, eine höchst verwickelte Rechnung erspart wird.

Tabelle

zu Bestimmung der im Fall der Vorausbezahlung sich ergebenden Capitalbeträge, bei einer Schuld von 100000.

Jahr	Vorausbez. Capital	Jahr	Vorausbez. Capita
1	0. 95238	11	0. 58468
2	0. 90703	12	0. 55684
<b>3</b> .	0. 86384	13	0. 53032
4	0. 82270	14	0. 50507
5	0. 78353	. 15	0. 48102
6	0. 74622	16	0. 45811
7	0. 71068	17	0. 43630
8	0. 67684	18	0. 41552
9	0. 64461	19	0. 39573
10	0. 61391	20	0. 376 <del>89</del>
Jahr	Vorausbez. Capital	Jahr	Vorausbez. Capita
21	0. 35894	31	0. 22036
22	0. 34185	32	0. 20987
23	0. 32557	33	0. 19987
24	0. 31007	<b>34</b> .	0. 19035
25	0. 29530	35	0. 18129
26	0. 28124	36	0. 17266 *
27	0. 26785	37	0. 16444
28	0. 25509	38	0. 15661
29	0. 24295*	39	0. 14915
	0. 23138	40	0. 14205

<sup>\*)</sup> Im Original ist die letzte Ziffer bei 29 Jahren nur mit 4 und bei 36 Jahren nur mit 5 angegeben; obgleich diese fehlerhaften Resultate auch in andern Schriften z. B. in Polacks Mathesis Forensis u. s. w., mit aufgenommen sind, so hielt es der Verfasser doch für Schuldigkeit, dieselben hier berichtiget ausugeben. (Siehe meine Ilite Haupt-Tafel Seite 76.)

Anmerkung des Verfassers.

Beleuchtung des Leibnitzischen Systems zur Berechnung des Interusuriums; und einige Gründe gegen dasselbe.

### **§.** 280. .

Es bedarf wohl nur einer flüchtigen Uebersicht des vorgedachten sehr sinnreich und gründlich ausgearbeiteten Systems, um sogleich einzusehen, dass dasselbe auf die Berechnung der Interessen von Interessen gegründet sey. So wie sich jedoch manches auf dem Papier zeigen, und durch mathematische Berechnungen sogar beweisen lässt, ohne dass es in der Wirklichkeit den Umständen gemäss ausführbar und möglich ist, so ist es auch hier der Fall. Das System selbst ist nämlich mathematisch genommen, im strengsten Sinne des Wortes richtig und wahrhaft schön ausgearbeitet. Allein in der wirklichen Anwendung dürfte dasselbe bloss eine grosse Wahrscheinlichkeit der Brauchbarkeit - und zwar nur in einigen besonderen Fällen - für sich haben. Man glaubt sogar behaupten zu dürfen, dass die Ausführung (ich setze hier ebenfalls mathematische Genauigkeit voraus) bei den mehresten im täglichen Leben vorkommenden Fällen dieser Art, geradezu unmöglich ist.

## **§**. 281.

Fast alle seit Leibnitz aufgetretene Vertheidiger dieses Systems, nahmen ihre Zuflucht zur Buchstabenrechnung und Algebra, unterliessen aber leider, die Fälle aus dem täglichen Leben, als Beweisse anzuführen! Ein Mittel, denjenigen, welcher der algebraischen und logarithmischen Rechnungen unkundig ist, gleichsam zu zwingen, das zu glauben, was man ihm berechnete, und durch die aufgestellten Formeln scheinbar zu beweisen suchte.

# **§**. 282.

In neueren Zeiten haben sich jedoch auch Einige bemühet, die Gründe und den Beweiss der Richtigkeit dieser Formeln durch Zahlenbeispiele, dem folgenden ähnlich, zu führen; z.B.: Wenn A an B ein Capital von 2000 Thlr. zu 5 p.C. jährlichen Zinsen ausleihet, so erhält A am Ende des Jahres von B 100 Thlr. In-

teressen. Diese 100 Thir. kann A sogleich wieder als ein neues Capital an eine zweite Person C ausleihen; und A erhält demnach am Ende des 2ten Jahres von B 100 Thir., und von C 5 Thir. Interessen. Diese letzten beiden Zinsposten, welche zusammen 105 Thir. betragen, kann A wieder als ein neues Capital an eine dritte Person D verborgen; wodurch er am Ende des 3ten Jahres folgende Zinsposten erhält, nämlich:

Auch die jetzt empfangenen 110 Thir. 6 Gr. sucht A sogleich wieder, und zwar bei E, als ein neues zinstragendes Capital unterzubringen; mithin hat A am Ende des Aten Jahres folgende Zinsposten zu erhalten, als:

1) 1	00 7	ГЫ.	—G	ŀr.	-1	Pf.	von	de	m Capi	tal	der	2000	Thl.		Gr.	.—F	'f. v	n.	B.
									-										
3)	5	-	6	-	_	-	-	-	-	•	-	105	-	_	, <b>-</b>	_		• .	D.
4)	5	-	12	-	3	_	-	-			-	110	-	6	·-	_	-	<b>-</b> ,	E.
betr.	115	Thl	. 18	Gr	. 3	P	f, a	n	Zinsen	u	nd	2315	Thl	. 6	Gı	·. —	Pf.	a	ın

Capitalien.

Das Capital des A an 2000 Thir. ist also mit Zinsen von Zinsen, in der Zeit von 4 Jahren auf die Summe von 2431 Thir.

— Gr. 3§ Pf. angewachsen.

Auf diese Art sein Capital zu benutzen, behauptet man, sey nicht nur erlaubt, sondern auch unter allen möglichen Arten im bürgerlichen Leben die gewöhnlichste; und hieraus zieht man die Schluszfolge: "dass eine Summe von 2431 Thir. — Gr. 3\frac{3}{5} Pf. welche nach 4 Jahren ohne allen Abzug zu bezahlen ist, jetzt oder 4 Jahre früher, nur 2000 Thir. werth sey."

§. 283.

So mathematisch richtig und einleuchtend nun die hier vorgelegte Berechnung über den Anwachs eines Capitals ist, so gelangt man doch nur su einer grossen Wahrscheinlichkeit derselben; und swar, wenn sich folgende Hanptumstände jedesmal damit vereinigen lassen:

- Jede Zinspost muss sur gesetzten Zeit p\u00e4n etlich eingeben.
- · 2) Man muss Gelegenheit haben, dieselbe auch sogleich wieder als ein neues zinstragendes Capital auszuleihen.
- 3) Müssen die eingegangenen Zinsen, zu demselben Zinsfusse auch sogleich wieder untergebracht werden können.
- 4) Der Darleiher muss ein Mann seyn, der von einem andern Einkommen leben kann, so dass er nie nöthig hat, die Zinsen selbst, oder auch nur einen Theil derselben, für seinen Bedarf su benutzen u. s. w.

Treffen daher alle diese Umstände zusammen, dann ist erst eine grosse Wahrscheinlichkeit vorhanden, mit 2000 Thir. Capital in 4 Jahren 431 Thir. — Gr. 38 Pf. an Interessen zu gewinnen. Denn zur völligen Gewissheit kann man alsdann erst gelangen, wenn eine dritte Person das Risios übernimmt.

#### **§**. 284.

Allein was den ersten Fall, das pünotliche Eingehen der Zinsen betrifft, so ist es eine fast tägliche Erscheinung, dass die Zinsen erst nach der Verfallzeit besahlt werden, und oft, ohne Zinsen auf Zinsen su erhalten, eingeklagt werden müssen; wodurch ein Theil der Zeit, und mit dieser auch die Benutsung dieser Zinsen, als eines neuen sinstragenden Capitals, verlohren geht.

2) Die Gelegenheit, ein Capital welches aus Thalern, Greschen, Pfennigen, und Bruchtheil-Pfennigen besteht, sogleich und sieher auf Interessen wieder untersubringen, findet sich schwerer, is wenn das Capital aus einer runden Summe besteht. Ja es g. 't Zeiten, wo runde Summen, mit Sicherheit auf Interessen su verleihen, ausgeboten werden, ohne dass sich hierzu sogleich Gelegenheit findet. Bei grössern Capitalien ist es nicht immer so sehwer, die Zinsen wieder als ein neues Capital ansulegen. Wenn aber z. B. ein Auszügler, welcher noch 25 Jahre zu leben gedenkt, tich jedes Jahr eine Rente von 20 Thalera bedungen hat, und durch irgend einen Umstand genöthigt wird, seine 20 Thlr. jähr-

lichen Renten sofort baar anzunehmen; und aich dabei ein gesetsliches Internsurium von 5 p. C., und swar chenfalls Interessen von Interessen; in Abrug bringen lassen muss; so fragt sich: ist dieser Mann wohl im Stande, sein erhaltenes kleines Capital, dessen jährlicher Zinsertrag meistens blos in Groschen, Pfennigen und Bruchtheilpfennigen besteht, wieder so zu benutsen, dass er in seinen letzten Lebensjahren auch noch jährlich 20 Thlr. zususetzen hat? Ich glaube, es wird ihm nicht allein schwer, sondern sogar unmöglich werden, die kleinen Zinsposten mit ihren Bruchtheilen wieder so sp benutzen, dass sie in den Zwischenräumen ebenfalls die zur Erfüllung des Ganzen so unumgänglich nöthigen Zinsen, wieder hervor bringen, wie solche ihm früher gesetzlich abgezogen worden sind. Also bei dem besten Willen und der grössten Anstrengung, (denn Letztere wird erforderlich, wenn Jemand 25 und mehrere Jahre lang, von so kleinen Capitalien, Interessen von Interessen haben will) ist er doch endlich in die traurige Lage versetst, auf seine letsten Lebenstage, die jährliche Leibrente von vollen 20 Thir. su entbehren, und endlich Mangel zu leiden. Und dieses ist die Folge, dass bei Anticipationen, die Berechnung des Internsurii gesetzlich nach dem Leibnitzischen Calcul geschah. Schwerlich aber dürste dieser Erfolg bei der diesfallaigen Gesetzgebung beabsichtiget worden seyn.

# §. 285.

Was den Zinsfuss betrifft, welcher dem Leibnitzischen Calcul sum Grunde gelegt ist, so wäre es wenigstens noch billig, wenn bei einer vorkommenden Anticipation nur diejenigen Procente in Rechnung gebracht würden, welche bei allem sichern Geldverkehr eben gewöhnlich sind. Allein wenn das Gesetz befiehlt, dass nicht allein Interessen von Interessen, sondern auch sogar die höchsten, im Lande beim gewöhnlichen Verkehr erlaubten Zinsen in Rechnung gebracht werden sollen, so wird dem Inhaber einer Forderung dadurch etwas entsogen, was er sich auf dem Wege des Verborgens durchaus nicht

wieder zu ersetzen im Stande ist. Denn wer hinlängliche Sicherheit geben kann, dem wird es in der Regel und bei gehörigem Geldumlaufe nicht schwer, ein Capital zu 4, ja sogar zu 3½ p. C. Zinsen aufzunehmen. Wer aber unter diesen Umständen mehr als die gewöhnlichen Zinsen verspricht, ohne hinlängliche Sicherheit zu geben, bei dem wird man oft Gefahr laufen, das Capital mit den Interessen zugleich zu verlieren.

Hieraus glaube ich geht hervor, dass ein Gesetz, nach welchem bei vorkommenden Anticipationen, ein Interusurium von 5 p.C. und zwar Interessen von Interessen in Rechnung gebracht werden darf, keineswegs zum Wohl, sondern vielmehr zum Nachtheil der betreffenden Unterthanen, und besonders der ärmern Classe, welche am meisten dabei betheiligt ist, besteht, und daher nicht aufrecht zu erhalten seyn möchte.

### §. 286.

Was endlich den 4ten Punct betrifft, nach welchem der Anticipant die nach und nach eingehenden Interessen nicht zu seinem täglichen Bedarf zu verwenden benöthiget seyn muss, so gehört diese Bedingung wohl unter die seltenen Fälle des Lebens. Denn jeder lebt in der Regel von dem, was er täglich, monatlich, oder auch jährlich, es sey nun durch sein Vermögen, oder durch Anwendung seiner Kräfte und Mühe u. s. w. in dieser Zeit erwirbt. Es wird daher sehr selten einen Menschen geben, welcher ein besonderes Capital nur dazu verwendet, 'um mehrere Jahre hindurch von diesem Capitale Interessen von Interessen zu sammeln. Gesetzt aber, es giebt dergleichen, wird ein solcher wohl aus eigenen Antriebe sich dazu verstehen, ein Capital, welches ihm z. B. nach 20 Jahren mit Interessen von Interessen ausgezahlt werden muss, schon jetzt anzunehmen und hiervon Interessen von Interessen auf eine so höchst mühsame und unsichere Art zu sammeln? Da übrigens kein Gesetz diese frühere Annahme einer erst später betagten Forderung gebietet, so dürste wohl jeder dergleichen Gläubiger die Vorsicht gebrauchen, und diese

überaus grosse und nutzlose Bemühung nebst ihrem unsichern Erfolge seinem Schuldner selbst überlassen.

Derjenige also, welcher ein ihm erst später gehöriges Capital früher zu nehmen, durch seine eigenen Verhältnisse genöthiget wird, ist aus den obigen Gründen auch rein ausser Stand gesetzt, die nach und nach eingehenden Zinsen, wieder als ein neues Capital anzulegen, und mühsam mehrere Jahre hindurch Interessen von Interessen zu sammeln.

Dass es Fälle giebt, in welchen man ein Capital bei einer richtigen Speculation viel höher benutzen kann, gehört nicht hier-her; wenigstens wird das Gesetz bei einer Anticipation niemanden darauf anweisen.

### §. 287.

Aus diesem allen geht nun wohl genugsam hervor, dass der Unbemittelte, welcher sich durch seine Verhältnisse genöthiget sieht, ein ihm erst später zukommendes Capital mehrere Jahre früher anzunehmen, und dessen Interusurium ihm nach dem Leibnitzischen Calcul zu 5 p.C., und zwar Interessen von Interessen berechnet und abgezogen wird, durchaus ausser Stand gesetzt wird, auf dem gewöhnlichen, erlaubten Wege, zu seinem rechtmässigen ihm zukommenden Eigenthume zu gelangen; sondern er wird stets, einen dem zu anticipirenden Capitale angemessenen sehr bedeutenden Verlust zu erleiden haben.

### **§**. 288.

Zur Versinnlichung des Gesagten mag folgendes Beispiel dienen:

Gesetzt A habe von B nach 9 Jahren die reine Summe von 10 Tausend Thaler (mit Inbegriff der Interessen) zu fordern. Wie viel sind diese 10 Tausend Thaler jetzt (also 9 Jahre früher) nach dem Leibnitzischen Calcul, werth?

Nach diesem Mathematiker werden für die nach 9 Jahren erst fälligen zehn Tausend Thaler, jetzt nur 6446.089 Thlr. oder 6446 Thlr. 2 Gr. 1.6 Pf. ausgezahlt. (Siehe Seite 245. und 76.)

Følglich wenn man von dem su anticipirenden Capitale der 10000 Thir. — Gr. — Pf.

den jetzigen baaren Werth 6446 - 2 - 1.6 - absieht so bleibt ein Interusurium von 3553 Thlr. 21 Gr. 10.4 Pf.

Nach §. 157, No. 5. bezeichnet aber das Interusurium nichts anders, als die Zinsen, oder den Nutzen, welchen B von den jetzt baar gezahlten 6446 Thir. 2 Gr. 1.6 Pf. in der Zeit von 9 Jahren nech ziehen könnte. Wenn dieser Abzug also so beschaffen ist, dass man von einem Capitale von 6445 Thir. 2 Gr. 1.6 Pf. bei 5 p. C. einfachen Zinsen, in 9 Jahren wirklich 3553 Thir. 21 Gr. 10.4 Pf. Interessen erhält, so hat weder A noch B etwas verlohren. Allein, bei 5 p. C. jährlichen einfachen Interessen, tragen 6446 Thir. 2 Gr. 1.6 Pf. Capital in 9 Jahren nur 2900.74 Thir. oder 2900 Thir. 17 Gr. 9.1 Pf. Zinsen. Nach §. 97. ist nämlich die Berechnung folgende:

100 Thir. Capit. in 1 Jahr 5 Thir. Zinsen 6446.089 - - 9 - x - -

x | 5 Thir. Zinsen 100 | 6446.089 je mehr Capital, desto mehr Zinsen 1 | 9 | je mehr Zeit, desto mehr Zinsen. hieraus x = 6446.089 × 5 × 9 Thir. = 2900.74 Thir.

100 oder 2900 Thir. 17 Gr. 9.1 Pf.

Nun wurden dem A, nach Leibnitz, abge-

zogen 3553 Thl. 21 Gr. 10.4 Pf.

Er kann aber von den 6446.089 Thir. in 9

Jahren nur Interessen ziehen: 2900 - 17 - 9.1 Demnach erleidet A einen reinen Verlust von 653 Thl. 4 Gr. 1.3 Pf.

Oder er hätte die 6446 Thlr. 2 Gr. 1.6 Pf. zu mehr als  $6\frac{1}{8}$  Procent auf Interessen ausleihen müssen, welches jedoch durch die Gesetze streng verboten ist.

#### **§**. 289.

Wenn aber der jetzige baare Werth, der nach 9 Jahren erst fälligen Summe von 10000 Thir. nach dem einfachen Interusurium berechnet würde, nach welchem nämlich nicht Interessen sen von Interessen, sondern nur die einfachen Interessen zu dem

Capital geschlagen werden, so ware dieses nach § 150 folgendermassen zu bewerkstelligen.

100 Thir. Capital tragen in 9 Jahren, bei 5 p. C. Zinsen, 9 × 5 Thir. == 45 Thir. Zins. Daher sind 100 Thaler, welche B jetzt hat, nach 9 Jahren mit den Interessen auf 145 Thaler angewachsen. Wenn also B an A nach 9 Jahren 145 Thaler bezahlen sollte, so braucht er ihm jetzt, oder 9 Jahre früher, nur 100 Thaler dafür zu entrichten; weit B den Nutzen des Capitals an A zu geben nicht schuldig ist. Umgekehrt, wenn A für 145 Thir. die er von B nach 9 Jahren zu bekommen hat, jetzt oder 9 Jahre früher, 100 Thaler baar dafür erhält, so verliert er nichts, denn diese 100 Thaler bringen ihm in einem Jahre 5 Thir. Interessen, folglich in 9 Jahren, 9 mal 5 Thaler oder 45 Thaler; mithin ist also A nach 9 Jahren in dem völligen Besitze seiner ganzen Forderung, wenn dieselbe nur 145 Thaler hetrug.

In demselben Verhältnisse müssen daher auch die obigen, nach 9 Jahren (ohne Interessen) erst fälligen 10000 Thaler, zu ihrem jetzigen baaren Werthe berechnet werden. Nämlich: wie sich die nach 9 Jahren zahlbaren 145 Thaler mit den Interessen, zu deren jetzigen baarem Werthe 100 Thaler verhalten, so verhalten sich auch die nach 9 Jahren zahlbaren 10000 Thaler mit Interessen, zu ihrem jetzigen baaren Werthe. Also:

145: 100 = 10000 Thir.: x Thir. hieraus ist nun

$$x = \frac{100 \times 10000}{145}$$
 Thl. = 1000000 T.: 145 = 6896 T. 13 Gr. 2.9 Pf.

Welches im 1sten Theile §. 87 u. s. w. näher auseinander gesetzt worden ist.

Nach dieser richtigen Rechnung, ist also der jetzige baare Werth von 10000 Thaler, welche nach 9 Jahren erst zahlbar waren, 6896 Thaler 13 Gr. 2.9 Pf. Werden also diese 6896 Thir. 13 Gr. 2.9 Pf. von den zu anticipirenden 10900 Thalern abgezogen, so bleiben 3103 Thaler 10 Gr. 9.1 Pf. für das Interusurium übrig.

Berechnet man daher den jetzigen baaren Werth, einer nach 9 Jahren erst fälligen Summe von 10000 Thalern, so ist derselbe

- 1) Nach dem einfachen Interusurium = 6896 Thlr. 13 Gr. 2.9 Pf.
- 2) Nach Leibnitz aber nur = 6446 2 1.6 Hieraus ergiebt sich, dass A von B 450 Thlr. 11 Gr. 1.3 Pf. zu wenig erhielt.

Ferner fanden wir das Interusurium:

- 1) Nach Leibnitzens Calcul = 3553 Thlr. 21 Gr. 10.4 Pf.
- 2) Nach dem einfachen = 3103 10 9.1

Der Unterschied ist also wieder 450 Thlr. 11 Gr. 1.3 Pf.

Woraus sich gleichfalls ergiebt, dass B an A, 450 Thir. 11 Gr. 1.3 Pf. zu wenig ausgezahlt hat.

### **§**. 290.

Wenn daher A wirklich so glücklich ist, das früher ausgezahlt erhaltene, und nach Leibnitz berechnete Capital von 6446 Thir. 2 Gr. 1.6 Pf. sogleich wieder, und zwar zu 5 Procent einfacher Zinsen unterzubringen, so wird er doch (§. 288.) am Ende des 9ten Jahres 653 Thir. 4 Gr. 1.3 Pf. rein verlieren, und hat dabei auch das Risico mit übernommen, dass das Capital zu gewissen Zeiten ganz unbenutzt bleibt; wenn er nicht etwa dasselbe mit den Zinsen zugleich verlieren will. Wird nun aber A, nach dem Leibnitzischen Calcul, noch überdies in die Nothwendigkeit versetzt, diese 9 Jahre hindurch auf dem in §. 282. angegebenen höchst beschwerlichen Wege, Interessen von Interessen zu sammeln, um zu seinem rechtmässigen Eigenthume zu gelangen; so glaube ich, dass jeder, der nur einigermassen Einsicht in die höchst mühsame Arbeit erlangt hat, Interessen von Interessen auf mehrere Jahre, und bei so hohen Procenten, zu sammeln, diese Mühe gern seinem Schuldner überlassen wird! A wird daher nicht allein Zeit und Geld ersparen, sondern auch einer grossen Beschwerde überhoben seyn, wenn er sich diese Summe der 6446 Thir. 2 Gr. 1.6 Pf. die er früher erhalten konnte, von einem Dritten durch Erborgung auf Verpfändung seiner Forderung selbat, oder sonst, zu verschaffen sucht; denn er wird dafür bloss die jährlich fälligen einfachen Zinsen bezahlen, und, falls er hinlängliche Sicherheit geben kann (wie es hier fast stets möglich ist) vielleicht noch obendrein nach einem niedrigeren Zinafus erlangen, als der ist, worauf sich die Leibnitzische Rechnung gründet.

Da nun überdiess der Leibnitzische Calcul vorzüglich auf Gründen der höhern Arithmetik beruht, und man nicht voraussetzen kann, dass jeder Rechtsgelehrte auch zugleich ein Mathematiker sey, so kommt noch hinzu, dass die Leibnitzische Art, das Interusurium zu berechnen, so einleuchtend und fasslich auch dieselbe dargestellt ist, doch von vielen, ja selbst von juridischen Mathematikern ganz falsch verstanden, und diesem nach auch ganz willkührlich berechnet werden dürfte. Als Beweis des Gesagten lese man J. F. Polacks Mathesis Forensis, dritte Auflage, Seite 87. und §. 53. u. s. w. Daher bieten Gesetze, welche hloss angeben, dass das auf ein Jahr zu anticipirende Capital mit 29 baar, oder mit 4 Interusurium, nach dem Leibnitzischen Calcul in Rechnung gebracht werden soll, selbst noch zur willkührlichen Berechnung dieses Gegenstandes die Hand; denn der nicht ganz Eingeweihete kommt hier sehr leicht auf den Gedanken, dass sonach das Interusurium auf 2 Jahre  $\frac{2}{21}$ , auf 3 Jahre  $\frac{3}{21}$  u. s. w. seyn müsse, welches jedoch nicht allein gegen die Gründe des von Leibnitz aufgestellten Systems, sondern auch gegen die der gesunden Vernunft streitet. Denn diesem nach würde das Interusurium bei einer Vorausnahme auf 20 Jahre 30, auf 21 Jahre 31 oder das ganze Capital betragen; welches wie leicht einzusehen ist, durchaus niemals statt finden kann. Noch widersinnlicher würde aber das Resultat einer solchen Berechnung seyn, wenn die Zeit der Anticipation grösser als 21 Jahre wäre! denn in einem solchen Falle würde der Gläubiger nicht allein seine ganze Forderung durch eine solche höchst fehlerhafte Berechnung verlieren, sondern er müsste sogar noch an seinen Schuldner herausgeben. Obgleich nun das Unsinnige einer solchen Berechnung sehr einleuchtend ist, so gab es doch, wenigstens in frühern Zeiten, Schriftsteller, welche den Leibnitzischen Calcul so verstanden haben. (Siehe die oben angezogene Stelle in Polack's Mathesis Forensis).

Ein Gesetz aber, welches selbst von Rechtsgelehrten und solchen Personen, die über dessen Befolgung und gehörige Ausübung zu wachen haben, nicht gleichförmig verstanden wird, giebt der Willkühr zu sehr freien Spielraum, und kann überhaupt unmöglich dem dabei Beabsiehtigten guten Zweck entsprechen.

# §. 292.

Deshalb erlaube ich mir noch folgendes zu bemerken:

- 1) In jedem Lande, in welchem Interessen von Interessen zu nehmen, gesetzlich verbotenist, sollten auch bei vorkommenden, früher zu leistenden Zahlungen nicht Interessen von Interessen abgezogen werden.
- 2) Sollen jedoch wirklich Zinsen von Zinsen bei Anticipationsrechnungen in Ansatz gebracht werden; so muss auch derjenige, welcher nachlässig bei Abtragung seiner, zur gesetzten Zeit schuldigen Interessen befunden würde, gesetzlich dazu angehalten werden können, diese Zinsen, von der Zeit an, da sie fällig waren, ebenfalls wieder zu verzinsen.
- 3) Wäre es gut, wenn Gesetze, welche die Vorschrift zur Berechnung dieser und ähnlicher Gegenstände enthalten, wenigstens durch ein Beispiel erläutert wären, durch welches letztere jeder Zweifel und jede Ungewissheit gänzlich aufgehoben würde.

Anwendung des Leibnitzischen Calculs, auf die Berechnung der Zinsen im Laufe des Jahres, oder zwischen zwei festgesetzten Zinszahlungs-Terminen.

# §. 293.

Wenn dem Leibnitzischen Calcul bei Berechnung des Interusuriums gesetzliche Kraft gegeben wird, so sollten, der Consequenz halber, auch alle Geldgeschäfte, bei welchen jene Anticipation vorkommt, nach diesem Systeme berechnet werden, damit das Ganze dieser Zinsberechnungen in bessern Verhältnisse stehe, als es jetzt wirklich der Fall ist. Hierher gehört:

- a) die Berechnung derjenigen Zinsen, welche im Laufe des Jahres, oder zwischen zwei festgesetzten Zinszahlungsterminen, abgetragen werden müssen, und
  - 6) die Berechnung der Zinsen bei Abschlagsnahlungen u. s. w.

Der Beweis, dass die unter a und b, angeführten Fälle grösstentheils falsch, d. h. nicht in dem Sinne und nach den von Leibnitz aufgestellten Gründen, berechnet werden, liefert uns das Leibnitzische System selbst. Denn Leibnitz sagt gleich im Eingange: "Interusurium oder Absug wegen früherer Zahlung u. s. w. ist der Unterschied swischen einem Geldbetrage, welcher erst nach einer bestimmten Zeit fällig wird, und seinem gegenwärtigen Werthe, u. s. f."

Was sind nun die Zinsen anders, als ein Geldbetrag, welcher erst sum festgesetzten Zinszahlungstermine fällig wird?

Ferner sagt derselbe in §. 2.

"Der 1ste Rechtsgrundsats besteht darinn, dass, wer einen Geldbetrag, bevor dieser fällig ist, sahlen soll, von der andern Seite die gesetzlichen Zinsen (das Interusurium), wegen der Zwischenzeit fordern darf."

Hieraus geht hervor, dass derjenige, der nach 10 Monaten erst 100 Thir. Zinsen zu bezahlen hatte, wegen früherer Abtragung derselben, ebenfalls auf eine Vergütung (Interusurium) Anspruch hat.

#### §. 294.

Wenn wir also auf diese Weise das Leibnitzische System über die Berechnung des Interusuriums, und des jetzigen baaren Werthes eines erst später sahlbaren Geldbetrages recht genau durchgehen, so finden wir Schritt vor Schritt, dass alle Geldbeträge, sie mögen wirkliche Capitalien, oder von diesem getragene Zinsen seyn, wenn sie früher als zu der fälligen Zeit, d. h. am Ende des ganzen-halben- oder Vierteljahres, da sie bedungen waren, bezahlt, oder in Rechnung gebracht werden sollen, wegen dieser hier jederzeit statt findenden Anticipation — rabattirt werden sollten; nämlich derjenige, welcher einen solchen Geldbetrag, bevor er fällig ist, zahlen

soll, oder wirklich zahlt, sollte jederzeit auf eine Vergütung (Interusurium) Anspruch machen dürfen.

Wenn ferner die im Leibnitzischen Systeme aufgestellten Rechtsgründe gültig sind, — welches vorauszusetzen ist, weil das ganze System in einigen Ländern die Kraft eines Gesetzes erhalten hat, — so müssen nicht allein von Capitalien, die man auf ganze Jahre voraus erhebt, sondern selbst von deren Zinsen, die auf irgend eine Zeit anticipirt, also im Laufe des Jahres oder zwischen zwei bedungenen Zinszahlungsterminen — Zinsen von Zinsen in Rechnung gebracht werden; d. h. alle Geldbeträge, also auch die Zinsen, welche auf irgend einen gewissen Theil des Jahres anticipirt werden, müssen nach Verhältniss der Zeit und der Grösse des Geldbetrags, dasselbe gesetzliche Interusurium erleiden, als andere Geldbeträge auf ganze Jahre.

#### **§**. 295.

Wenn also A von B 52000 Thaler erst am Ende des Jahres ohne Zinsen zu fordern hat, so wird man leicht einsehen, dass A nicht mit Ende einer jeden Woche schon 1000 Thir. Bezahlung verlangen kann; ob es gleich der 52ste Theil des ganzen Schuldbetrages ist. Denn B ist erst die ganzen ungetrennten 52000 Thaler am Ende des Jahres zu bezahlen schuldig, und darf daher, wenn er 1000 Thaler schon nach einer Woche, also 51 Wochen früher als sie zahlbar sind, abträgt, das gesetzliche Interusurium fordern. Eben so, wenn B 10400 Thaler Capital zu 5 p. C. Zinsen mit der Bedingung an A geliehen hat, dass A den Betrag der Zinsen (520 Thir.), stets am Ende des Jahres absutragen schuldig sey, so beträgt zwar der 52ste Theil dieser Zinsen 10 Thaler; allein dieser Betrag ist nur scheinbar, denn B ist durchaus nicht berechtiget, diese 10 Thaler, welche erst am Ende des Jahres oder 51 Wochen später fällig sind, schon jetzt oder am Ende der ersten Woche einzufordern; denn er wurde einen Geldbetrag, der ihm erst nach 51 Wochen zukommt, auf diese 51 Wochen anticipiren; alle Geldbeträge aber, sagt Leibnitz, welche anticipirt, also früher erhoben werden sollen, ehe sie fällig oder sahlbar sind, müssen rabattirt, nämlich es muss das gesetzliche Interusurium abgezogen werden.

Wenn also die Zinsen eines Capitals jährlich mit 520 Thalern bedungen sind, so würde man (wie es gewöhnlich zu geschehen pflegt.)

Auf 1 Woche den 52sten Theil von 520 Thir. oder 10 Thaler

- 1 Monat 12ten - 520 - 43\frac{1}{3} - \frac{1}{4} Jahr 4ten - 520 - 130 - \frac{1}{4} \text{die Halfte} 520 - 260 -
- 3 den 4ten - 520 3 mal 390

u. s. w. als Betrag der Zinsen in Rechnung bringen. Alle in dieses ist durchaus falsch, und selbst gegen die Gründe des Leibnitzischen Calculs; denn auch die Zinsen sind ein Geldbetrag, welcher erst zu dem festgesetzten oder bedungenen Zinszahlungstermine zahlbar wird, und mithin findet jedesmal, wenn die Zinsen vor dem festgesetzten Zinszahlungstermine in Rechnung gebracht werden sollen, eine Anticipation derselben statt; und deshalb muss ein solcher Geldbetrag, jedesmal auf die Zeit der frühern Zahlung rabattirt, nämlich es muss das Interusurium auf diese Zeit berechnet und abgezogen werden.

#### §. 296.

Nur dann, wenn wir das so eben bemerkte bei allen unsern Zinsberechnungen beobachten, können wir sagen, dass wir nach dem Leibnitzischen Calcul rechnen. Hätte man schon früher darauf geachtet, so wären schon

- 1) su Leibnitzens Zeiten nicht so viele Streitigkeiten über die Berechnung des Interusuriums entstanden,
- 2) die Zweifel, welche wir §. 119. und §. 136. fanden, wären gehoben,
- 3) die in den mathematischen Lehrbüchern, als allgemein gültig aufgestellten Formeln, würden auch allgemein richtig befunden werden; anstatt dass man jetzt diesen Gegenstand mehrentheils mit Stillschweigen über-

geht, oder sagt: "In diesem Falle ist die allgemeine Formel nicht anwendbar," oder: "hier muss nech eine Berichtigung vorgenommen werden" — oder: "die Zahl der Jahre darf kein Bruchseyn" — und wie die mancherlei Entschuldigungen sonst heissen mögen. Denn unter allen mathematischen Lehrbüchern, in welchen die Berechnung der Zinsen auf Bruchtheile des Jahres aufgenommen und abgehandelt worden, sind mir bis jetzt nur wenige vorgekommen, worin diese Berechnung, aus dem richtigen Gesichtspuncte aufgefasst ist.

### §. 297.

Keinesweges soll hier der allgemein gültige Sats in Zweifel gezogen werden, dass, wenn jährlich 5 vom Hundert als Zinsen, und swar in jährlich en Zinszahlungstermin en bedungen sind, auch jährlich 5 von jedem 100 Capital als Zinsen berechnet und bezahlt werden müssen. Aber falsch ist es, wenn man in einem solchen Falle auf die Hälfte des Jahres, auch die Hälfte der jährlich bedungenen Zinsen in Rechnung bringen wollte. Indem die Zinsen in diesem Falle auf 1 Jahr anticipirt würden.

Sind aber die Zinsen (bei 5 von Hundert jährlich) in halbjährigen Zinssahlungsterminen bedungen, so betragen dieselben allerdings von einem ausgeliehenen Capitale, am Ende eines jeden halben Jahres, 2½ von jedem Hundert. Gans falsch ist es aber, wenn man in diesem Falle nach Verlauf eines Vierteljahres, die Hälfte der halbjährlich bedungenen Zinsen, nämlich 1½ vom Hundert, berechnet; denn diese Zinsen würden ebenfalls auf ‡ Jahr anticipirt; und deshalb müssen sie auch den gesetzlichen Rabatt erleiden.

Sind endlich (bei jährlich 5 Procent), die Zinsen in vierteljährlichen Terminen abzutragen bedungen werden, so müssen auch am Ende eines jeden Vierteljahres, 1½ von jedem Hundert Capital, als Zinsen entrichtet werden. Dahingegen müssen aber diejenigen Zinsen, welche z. B. auf 2 Monate in Rocknung gebracht werden sollen, wegen einer um einen Monat frühern Bezahlung, auch auf einen Monat rabattirt werden. Dieses

folgt aus dem Systeme des Leibnitzischen Calcula, und ist der Sache völlig angemessen.

Was nûtzt es also, dass wir bei juridischen Auseinandersetzungen, (von welchen hier bloss die Rede seyn kann) auf Bruchtheile der Pfennige Rücksicht nehmen, wenn wir in manchen Fällen die Greschen, ja sogar mehrere Thaler, unberechnet lassen?

# Die Ite Abtheilung der Vten Haupt-Tafel \*)

Berechnung des wahren Zinsbetrages auf einzelne Tage, Wochen, Monate u. s. w.; wenn die Zinsen in jährigen Zahlungs-Terminen mit 5 vom Hundert abzutragen, bedungen sind.

### **§**. 298.

Nachdem wir uns num hinkinglich überzeugt haben, dass die Zinsen, welche in jährigen Terminen sahlbar bedungen wurden, auf des halbe Jahr nicht die Hälfte, und auf einen Monat nicht der 12te Theil des jährigen Betrags seyn können, u. s. w. so wird es nöthig seyn, su zeigen, wie viel die Zinsen wirklich betragen, wenn sie im Laufe des Jahres, oder zwischen den festgesetzten Zinszahlungsterminen zu bezahlen sind, und wie dieselben berechnet werden müssen.

Wir haben §. 152. bei der einfachen Rabatt- oder Interusurian-Rechnung gesehen, und uns daselbst auch überzeugt, dass der jetzige haare Werth gans richtig gefunden wird, wenn man den Zinsbetrag für 190 Thaler, auf die Zeit der frühern Zahlung berechnet, diesen zu 100 addirt, und alsdann schliesst: das Capital 100 mit den Zinsen, verhält sich zu 100 (ohne Zinsen), wie das zu rabattirende Capital, zu seinem jetzigen Werthe.

Wir wollen daher untersuchen, wie viel die Zinsen auf jedes Vierteljahr, oder auf jeden Monat u. s. w. betragen müssen,

<sup>\*)</sup> Diese Tafel findet sich Seite 109. bis mit Seite 120. und führt den Buchstaben A.

wenn diese Zinsen für ein Capital, in jährigen Terminen zahlbar, mit 5 von jedem Hundert bedungen sind.

### §. 299.

Es ist allgemein bekannt, dass, wenn jährlich 5 p. C. gegeben werden; man diese Zinsen gewöhnlich so in Rechnung zu bringen pflegt, nämlich:

für	1	Monat	-	12	Aou	5,	also	12		Procent
-	2	-		3 1 3	-	5,	-	10	= \$	7,
· -	3	- 4	Jahr -	3 12	-	5,	-	$\frac{15}{12}$	= 11	-
-	4	•	-	14	-	5,	-	20 12	$= 1\frac{2}{8}$	-
-	5	-		1 ¥	-	5,	-	25 T2	= 21	· -
-	6	$-\frac{1}{2}$	Jahr	6 T2	-	5,	-	8 <u>0</u> 1 2	= 2 <del>]</del>	-
-	7	-	-	7 12	-	5,	-	35 12	= 21	<u>.</u> -
-	8	-		1 T		5,	•_	40 12	= 31	-
-	9	- 🖁	Jahr -	9 1 2	-	5,	-	$\frac{45}{12}$	= 3₹	-
-	10	-	-	12	-	5,	-	$\frac{50}{12}$	= 4}	-
-	11	-		11	-	5,	-	$\frac{55}{12}$	=47	, <b>-</b>

Auf gleiche Weise bringt man auch die Zinsen auf einzelne Tage in Rechnung, nämlich:

für 1 Tag 
$$\frac{1}{365}$$
 von 5, also  $\frac{5}{365} = \frac{1}{73}$  Procent - 2 Tage  $\frac{2}{365}$  - 5, -  $\frac{10}{365} = \frac{2}{73}$  - 3 -  $\frac{3}{365}$  - 5, -  $\frac{10}{365} = \frac{2}{73}$  . - u. s. w.

Da nun §. 290. ausreichend dargethan wurde, dass alle Geldbeträge auf die Zeit der frühern Zahlung rabattirt werden müssen, so ist auch hier der fragliche Zinsbetrag,

von 1 Monat, nämlich 
$$\frac{5}{12}$$
, auf 11 Monate

- 2 - -  $\frac{5}{6}$ , - 10 -

- 3 - -  $\frac{1}{4}$ , - 9 -

u. s. w. zu rabattiren; welches nach §. 150. auf folgende Art geschieht.

#### §. 300.

Um die wahren Zinsen für ein Capital von 100, auf einen Monat zu berechnen, addire man (wegen 11 monatlicher Antici-

pation) die Zinsen von 11 Monat (also  $4\frac{7}{12}$ ) zu 100, und schliesse sodann:  $(100+4\frac{7}{12})$ , verhält sich zu 100, wie die scheinbaren Zinsen von einem Monat, nämlich  $\frac{5}{12}$ , zu ihrem jetzigen oder baaren Werthe, also:

 $104_{12}^{7}:100=\frac{5}{12}:x$ , und nach §. 78 ist  $x=\frac{100\times5\times12}{12\times1255}=\frac{100}{12\times1255}=\frac{100}{12\times1255}$  also sind die wahren Zinsen (bei 5 p. C. jährlich) auf einen Monat gleich  $\frac{100}{25}$ . Wird nun dieser gemeine Bruch (nach §. 48.) in einen Decimalbruch verwandelt, so findet man  $\frac{100}{25}$  = 0.3984063745..., oder in sofern nur 6 Decimalen beibehalten werden, gleich 0.398406. Eben so wird der wahre Betrag der auf 2 Monate kommenden Zinsen berechnet, indem man den scheinbaren Betrag der Zinsen von 10 Monaten zu 100 addirt, insofern die Zinsen auf 2 Monate, um 10 Monate zu früh in Rechnung gebracht, oder auf diese Zeit anticipirt werden.

Es ist also der wahre Betrag dieser Zinsen auf:

1 Monat (anstatt 
$$\frac{5}{12}$$
),  $=\frac{100}{251}$  oder  $= 0.398406$  Procent 2 - ( -  $\frac{5}{6}$ ),  $=\frac{200}{250}$  -  $= 0.800000$  - 3 - od.  $\frac{1}{4}$  Jahr ( -  $1\frac{1}{4}$ ),  $=\frac{300}{249}$  -  $= 1.204819$  - ( -  $1\frac{3}{2}$ ),  $=\frac{400}{248}$  -  $= 1.612903$  - 5 - ( -  $2\frac{1}{12}$ ),  $=\frac{500}{247}$  -  $= 2.024291$  - 6 - od.  $\frac{1}{2}$  Jahr ( -  $2\frac{1}{2}$ ),  $=\frac{600}{248}$  -  $= 2.439024$  - 4. 8. W.

Der Zähler des gemeinen Bruches nimmt nämlich für jeden folgenden Monat um 100 Einheiten zu, und der Nenner um eine Einheit ab; nach welchem Gesetze, sich die Brüche für die noch fehlenden Monate, leicht fortsetzen lassen.

#### **8**. 301.

Auf dem im vorigen §. gezeigten Wege, berechne man nun auch die wahren Zinsen für jeden Tag des Jahres. Man rabattire nämlich den scheinbaren Zinsbetrag.

für einen Tag  $\frac{5}{365}$  oder  $\frac{1}{13}$ , auf 364 Tage - zwei Tage  $\frac{16}{365}$  -  $\frac{2}{13}$ , - 363 - drei -  $\frac{15}{365}$  -  $\frac{7}{13}$ , - 362 - vier -  $\frac{20}{360}$  -  $\frac{4}{13}$ , - 361 -

Du die scheinbaren Zinsen auf 364 Tage, 3/3 oder 4/3 sind, so schlieset man: (100 + 4/3), verhalten sich zu ihren jetzigen Werth 100, wie die Zinsen für 1 Tag (1/3) die nach 364 Tagen erst fällig sind, zu ihrem jetzigen wahren Werthe, also:

$$104_{13}^{72}: 100 = \frac{1}{15}: x; \text{ und } x = \frac{100 \times 1 \times 73}{73 \times 7664} = \frac{100}{7554}.$$

Eben so sind die scheinharen Zinsen auf 363 Tage gleich 163 oder 471; daher:

$$104\frac{71}{73}$$
:  $100 = \frac{2}{73}$ : x; und x =  $\frac{100 \times 2 \times 73}{73 \times 7663} = \frac{200}{7662}$ 

### **8.** 302.

Fährt man auf diese Weise fort, und verwandelt den jedesmal kommenden gemeinen Bruch, in einen Desimalbruch, so findet man die wahren Zinsen su einem Capital von hundert Einheiten und 5 Procent jährlich:

anf 1 Tag anstate 
$$\frac{1}{131}$$
 gleich  $\frac{1}{1664}$  oder 0.013048

- 2 Tage -  $\frac{2}{133}$ , -  $\frac{1}{1669}$  - 0.026099

- 3 - -  $\frac{2}{133}$ , -  $\frac{1}{1662}$  - 0.039154

- 4 - -  $\frac{1}{133}$ , -  $\frac{1}{1661}$  - 0.052213

- 5 - -  $\frac{5}{133}$ , -  $\frac{560}{1661}$  - 0.065274

Q. S. W.

Auch hier lassen sich die gemeinen Brüche, welche die wahren Zinsen für ein Capital von hundert Einheiten enthalten, leicht fortsetzen. Der Zähler nimmt nämlich für jeden darauf folgenden Tag um 100 Einheiten zu, und der Nenner um eine Einheit ab.

Auf diese Weise wurde die 1ste Tabelle der Vien Haupt-Tafel berechnet.

Um jedoch den Richter oder Sachwalter in den Stand su setzen, jeden ihm vorkommenden ähnlichen Fall leicht zu berechnen, so wurden jene Tabellen nicht auf das Capital von hundert Einheiten, sondern bloss auf Eine Einheit gegründet.

#### **§**. 303.

Wollte man also berechnen, wie viel die Zinsen für ein Capital von 3169 Thaler, (bei 5 Procent in jährlich bedungenen

Zinsterminen) auf 53 Tage betragen, so darf man nur den bei 53 Tagen stehenden Decimalbruch 0.000963 mit 3169 multiplieiren, so erhält man sum Product 22.065743 Theler. Multiplicitet

CUTCO, SO CIRRE DE	BU RAM Lidenot 43'000 tal variot. Proteibrioric
<b>9,996963</b> 3169	man den, den 22 ganzen Thalern noch suge- hörigen Bruch, wie nebenstehet mit 24, (wenn
62667 41778. 6963 20 889	der Thaier 24 Gr. hat) und schneidet im Products durch den Punct wieder 6 Zissern als Desimalen ab, (siehe §. 63.) so erhält man
22.065747 Thir. 24	1 Groschen und einen Bruch, welcher, mit 12 multiplieirt, 6 ganze und 10 oder 100 oder.
262988 1 31494 .	<sup>925</sup> <sub>1000</sub> u. s. w. Pfennige giebt. Daher ist der wahre Betrag der gesuchten Zinsen, gleich
1.577928 Gr. 12	22 Thaler 1 Gr. and beinahe 7 Pf. (eder 22 Thir. 2 Silbergroschen nach preussischer Ein-
1 155856 5 77928	theilung); welche Bruchtheif-Thaler auch nach _der 3ten und 4ten Resolvirungs-Tabelle, durch
6.935136 Pf.	blosses Abschreiben gefunden werden können.

# §. 304.

Um nun auch zu seigen, dass diese gesundenen Zinsen wirklich die richtigen sind, so müssen wir vor allen Dingen erst berecknen, wie gross dieser Zinsbetrag nach der bisher üblichen Berechnungsart gewesen wäre. Zu diesem Behuse wird die Rechnung wie solget angesetzt:

(mit Wegfall der Bruchtheilpfennige).

Demnach sind die Zinsen für ein Capital von 3169 Thir. auf 53 Tage bei jährlich bedungenen Zinsterminen, folgende, nämlich:

- 1) die scheinbaren: 23 Thir. Gr. 2 Pf.
- 2) die wahren: 22 1 7 -

Mithin ein Unterschied von - Thir. 22 Gr. 7 Pf.

Da nämlich die Zinsen erst am Ende des Jahres fällig sind, und nach 53 Tagen — also 312 Tage zu früh — schon bezahlt werden sollen, so muss der scheinbare Betrag derselben, nämlich die 23 Thlr. — Gr. 2 Pf. wegen dieser Anticipation rabattirt werden, und es findet sich demnach ihr jetziger Werth gleich 22 Thlr. 1 Gr. 7 Pf.; mithin ist der Unterschied von — Thlr. 22 Gr. 7 Pf. der Rabatt oder das Interusurium, auf die Zeit von 312 Tagen.

Nun bezeichnet das Wort Interusurium, wie wir schon §. 153. gesehen haben, nichts anders, als den Nutzen, welchen man sich mit dem (312 Tage) zu früh erhaltenen rabattirten Geldbetrage bei 5 p. C. Zinsen verschaffen kann. Tragen uns also die jetzt erhaltenen 22 Thir. 1 Gr. 7 Pf. oder 22.065747 Thir. bei 5 p. C. Zinsen, in den 312 Tagen 22 Gr. 7 Pf. Zinsen, dann haben wir gerade so viel, als wir am Ende des Jahres erst zu erwarten berechtiget waren, und die rabattirte Zinsrechnung hätte als dann ihre vollkommene Richtigkeit.

Um nun den Betrag an Zins von 22 Thir. 1 Gr. 7 Pf. oder 22.065747 Thir. su finden, so rechne man, wie folget:

100 Thir. Capital in 365 Tagen 5 Thir. Zinsen 22.065747 Thir. - - 312 - x - -

$$x = \frac{5 \times 22.065747 \times 312}{100 \times 365}$$
 Th.  $= \frac{6884.513064}{7300}$  Thl.  $= 0.943084$  Thl.

= - Thir. 22 Gr. 7 Pf.

Der Nutzen also, welchen man sich mit dem wahren Zinsbetrage bei diesem Zinsfusse in 312 Tagen verschaffen kann, giebt

- Thir. 22 Gr. 7 Pf.

hierzu den wahren Zinsbetrag von 22 - 1 - 7 -

giebt die Summe 23 Thlr. - Gr. 2 Pf.

gleich dem scheinbaren Zinsbetrage, welcher schon oben durch Rechnung gefunden wurde.

Man ersieht also hieraus:

1) dass die §. 294. angeführten Gründe, so wie die darauf berechneten Tabellen selbst, ihre vollkommene Richtigkeit haben; und auch

- 2) dass bei allen rechtlichen Auseinandersetz ungen, wo Zinsen zwischenzweifestgesetzten Zinszahlungsterminen in Rechnung zu bringen sind, diese Zinsen auf die Zeit der frühern Zahlung rabattirt werden müssen, und
- 3) dass alle Zinsberechnungen, bei welchen auf diesen Hauptgegenstand nicht Rücksicht genommen wird, durchaus falsch sind.

Das hier Gesagte versteht sieh aber nicht allein von den Ländern, wo das Interusurium nach dem Leibnitzischen Calcul berechnet wird, sondern es sollte dieses in jedem Lande und an jedem Orte beobachtet werden, wo ein Rabatt oder Interusurium, wegen eines früher abgetragenen (anticipirten) Geldbetrags, gesetzlich anerkannt, und in Rechnung zu bringen ist; insofern nämlich eine Gerichtsbehörde den Gläubiger und seinen Schuldner so auseinander setzen will, dass weder dem einen noch dem anderen ein Nachtheil dadurch erwachsen soll.

Ueber den Betrag der im Laufe des Jahres, oder zwischen zwei festgesetzten Zinszahlungsterminen, in Rechnung zu bringenden zusammengesetzten Zinsen \*)

§. 305.

Auch hierüber giebt uns der Leibnitzische Calcul die schönste Aufklärung. Denn wer ersieht nicht aus der im 4ten und 5ten §. jener Abhandlung als allgemein aufgeatellten Form:  $1 - \frac{1}{20} + \frac{1}{400} = \frac{1}{8000} + \frac{1}{160000} - \frac{1}{8200000}$  u. s. w. oder aus:  $\frac{1}{1} - \frac{1}{1} + \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1$ 

<sup>\*)</sup> Die Tafeln hierzu, finden sieh auf Seite 109. bis mit 120.

Terminen, Zinsen von Zinsen in Rechnung zu bringen

Man lese jene Sätne, und urtheile sedann, ob es wehl richtig sey, wenn bei der susammengesetzten Zinsrechnung im Laufe des Jahres, oder swischen swei bedungenen Zinszahlungsterminen, einfache Zinsen mit eingemischt werden? Denn die Ansicht, dass, da man bloss mit Ende des Jahres (oder Zinstermines), die Zinsen sum Capital schlage, man in der Zwischenseit einfache Zinsen sechnen mässe, ist durchaus falsch. Denn, wenn bloss jährige Zinstermine bedungen sind, so können auch im Laufe des Jahres keine Zinsen eingefordert werden, indem die festgesetzte Zinssahlungszeit noch nicht abgelaufen ist; soll daher der Betrag dieser Zinsen wirklich in Bechnung gebracht werden, so müssen dieselben, weil sie noch nicht fällig eder sahlbar sind, rabattirt werden; wie wir sehen §. 293. u. s. w. bei den einfachen Zinsen gesehen haben.

# **§.** 306.

Eben so unrichtig ist es, wenn die Zinsen su 5 vom Handert, bloss am Ende des Jahres zum Capital geschlagen werden, dass man die Zinsen auf ein halbes Jahr zu 21, oder 2.5, und auf ein Vierteljahr zu 14, oder 1.25 Procent annimmt und in Rechnung bringt, welches letstere auch Mejer Hirsch (in seiner Sammlung von Beispielen u. s. w. aus der Buchstabenrechnung, Berlin 1816. Seite 286, No. 13. u. 14.) und eben so der Professor Schweins in seiner Zinszinsrechnung, richtiger berechnet angiebt; indem auch diese Schriftsteller, die halbjährigen Zinsen anstatt: 2.5, mit 2.4695, die vierteljährigen anstatt 1.25, mit 1.2272 Procent, and so überhaupt die  $\frac{1}{n}$  jährigen Zinsen anstatt  $\frac{1}{n}$  mal 5, mit 100  $\binom{n}{p-1}$  angeben. Es ist daher unbegreislich, warum demohnerachtet die mehresten · Mathematiker, die als allgemein aufgestellte Formel S = apn für unbrauchbar erklären, wenn die Zahl der Jahre, nämlich n ein Bruch ist! und dass sie lieber sagen: "in diesem Falle kann die allgemeine Formel nicht unmittelbar angewendet werden." Wie kannabereine Formelfür allgemein ausgegeben werden, wenn sie schon bei dem nächsten Falle nicht anwendbarbefunden wird?

### §. 307.

Es wird daher nicht unsweckmässig seyn, zu zeigen, dass die Formel  $S = ap^n$  oder  $S = a\left(\frac{100 \times r}{100}\right)^n$  in der That allgemein ist.

Zu dieser Absicht wollen wir aber erst untersuchen, wie viel die Zinsen auf Bruchtheile des Jahres betragen, und wie dieselben von einem Zinstermine zum andern in Rechnung gebracht werden müssen, wenn diese Fermel die allgemeinen Regeln zur richtigen Auflösung eines jeden hierher gehörigen Falles geben, und also wirklich allgemein seyn soll.

Wir wollen demnach annehmen, dass die Zinsen für ein Capital Eins, z. B. 1 Thaler, 1 Guiden, 1 Rubel u. s. w. in einem gewissen Zeitraume, also in  $\frac{1}{n}$  Jahren, x Thaler oder x Gulden u. s. w. betragen; so wird das Capital mit den Zinsen nach  $\frac{1}{n}$  Jahren, auf (1 + x) Thaler, Gulden, Rubel u. s. w. angewachsen seyn.

Wenn wir ferner das System der Zinseszinsrechnung befolgen, so wird das Capital mit den Zinsen,

in 
$$\frac{2}{n}$$
 Jahren auf  $(1+x) \times (1+x)$  oder  $(1+x)^2$ 

$$-\frac{3}{n} - (1+x)^2 \times (1+x) - (1+x)^2$$

$$-\frac{4}{n}$$
 -  $-(1+x)^2 \times (1+x)$  -  $(1+x)^4$  und mithin

$$-\frac{n}{n} \text{ od. 1 Jahre} - (1+x) \times \frac{n-1}{x} (1+x) - (1+x)^n \text{ anwachsen.}$$

Setzt man daher den jährlichen Zinsfuss (bei 5 Procent =  $\frac{100 + 5}{100} = \frac{105}{100} = 1.05$ ) nämlich  $\frac{100 + 5}{100} = p$ , so muss

auch  $(1 + x)^n = p$  seyn; weil die Zinsen die wir im Laufe des Jahres berechnen, zusammengenommen den jährig bedungenen Zinsen gleich seyn müssen. Ist also  $(1 + x)^n = p$ , so ist auch  $(1 + x) = \sqrt{p}$ , und hieraus sind die Zinsen für das Capital Eins, auf den nten Theil des Jahres, nämlich  $x = \sqrt{p-1}$ ; folglich würden auch die Zinsen (Procente) für ein Capital 100 auf Bruchtheile des Jahres gleich 100  $(\sqrt{p} - 1)$  seyn.

Diesem nach sind die wahren Zinsen für ein Capital von 100, bei dem Zinsfusse zu 5 vom Hundert jährlich, wie folget in Rechnung zu bringen, nämlich:

für 1 Tag: 
$$100 \left(\sqrt[3]{p} - 1\right) = 100 \left(\sqrt[3]{1.05} - 1\right) = 0.0134$$

- 2 Tage:  $100 \left(\sqrt[3]{p^2} - 1\right) = 100 \left(\sqrt[3]{1.05^2} - 1\right) = 0.0267$ 

- 3 Tage:  $100 \left(\sqrt[3]{p^3} - 1\right) = 100 \left(\sqrt[3]{1.05^3} - 1\right) = 0.0401$ 

und eben so:

- 1 Monat:  $100 \left(\sqrt[3]{p} - 1\right) = 100 \left(\sqrt[3]{1.05} - 1\right) = 0.4074$ 

- 2 Monate:  $100 \left(\sqrt[3]{p^2} - 1\right) = 100 \left(\sqrt[4]{1.05} - 1\right) = 0.8165$ 

- 3 Monate:  $100 \left(\sqrt[3]{p^3} - 1\right) = 100 \left(\sqrt[4]{1.05} - 1\right) = 1.2272$ 

- 4 Monate:  $100 \left(\sqrt[3]{p^4} - 1\right) = 100 \left(\sqrt[3]{1.05} - 1\right) = 1.6396$ 

u. s. w.

Auf diesem hier gezeigten Wege wurden nun die Resultate, welche in der ersten Abtheilung der Vten Haupt-Tafel stehen, und mit: "Zinsen von Zinsen" überschrieben sind, berechnet.

### §. 308.

Damit nun diese Tafeln, mit der vorhergehenden in Haupt-Tafel besser in Verbindung kommen, und auch, um sie für denjenigen, welcher in algebraischen und logarithmischen Rechnungen nicht genug bewandert ist, ganz bequem einzurichten, so wurde hier das Capital Eins jederzeit zum Grunde gelegt; nämlich es sind die im vorigen §. für das Capital Hundert gefundenen Zinsen, durch 100 dividirt wurden, indem man den Punct, welcher die Ganzen von den Bruchtheilen trennt, bloss um 2 Ziffern nach der linken Hand zu, versetzte. Umgekehrt lassen sich in den Tafeln eben so leicht die Procente angeben, wenn man den Punct wieder um 2 Ziffern nach der rechten Hand zu fortrückt.

### §. 309.

Damit wir nun die in §. 302. ausgesprochene Behauptung, dass nämlich die Formel S = ap<sup>n</sup> auch dann richtig und anwendbar sey, wenn n keine ganze Zahl ist, vollständig rechtfertigen, so wollen wir auf doppeltem Wege, nämlich, einmal mit Hilfe der hier berechneten Tafeln, und das anderemal nach der Formel S = ap<sup>n</sup> und mit Anwendung der Logarithmen, die Frage auflösen: "Wie lange muss man von einem Capital z. B. von 1000 Thalern, welches zu 5 p. C. jährlich auf Zinseszins ausgeliehen ist, die Zinsen sammeln, damit sie eben so viel betragen, als das Capital selbst; oder, damit das Capital mit den Zinsen doppelt so gross werde, als es anfänglich war?"

Erste Auflösung, mittelst der vorliegenden Tafeln.

#### **§**. 310.

Nach der in §. 236. gegebenen Anleitung hat man das Capital mit den Zinsen, oder die Summe, zu welcher das angelegte Capital anwachsen soll, also hier 2000 Thlr., durch die jetzt anzulegende Summe, 1000 Thlr., zu dividiren, und diesen Quotienten in der 1sten Haupt-Tafel, und zwar in der Tafel, welche zu 5 p. C. berechnet ist, durch Vergleichung aufzusuehen, wo uns sodann die links daneben stehende Zahl, die Termine oder die ganzen Jahre anzeigt. Da nun 2000 Thlr. durch 1000 Thlr. dividirt, zum Quotienten 2 giebt, so findet man die, diesem Quotienten am nächsten kommende Zahl, bei 14 Jahren; daselbst steht nämlich die Zahl 1.979931599; woraus man jedoch ersieht, dass dieses Capital am Ende des 14ten Jahres mit den Zinsen noch nicht das Doppelte erreicht haben wird. Um daher noch die Anzahl Tage zu finden, welche das nach 14 Jahren mit seinen Zinsen

augewachsene Capital noch ferner auf Zinsessinsen ausstehen muss, so dividire man mit der Zahl 1.979931599 nochmals in den oben gefundenen Quotienten 2, und suche diesen neuen Quotienten in der 4ten Abtheilung der Vten Haupt-Tafel durch Vergleichung mit der diesem Quotienten am nächsten kommenden Zahl auf, so findet man links die Zahl der Tage, welche das Capital über 14 Jahre auf Zinsessins stehen bleiben muss. Nun ist:

2: 1.979931599 (oder auf gleiche Benennung gebracht)

20000000000 : 1979931599 = 1.010135.....

2006840100 1979931599

2690850100

1979931599

7109185010 5939794797

11693902130 9899657995

1794244135

u. s. w.

Die diesem Quotienten 1.010135... am nächsten kommende Zahl findet sich nun (Seite 186.) bei 75 Tagen. Weil aber dieser Quotient noch um etwas grösser ist, so kann man 76 Tage dafür annehmen.

Demnach wird ein Capital, welches su 5 p. C. in jährigen Terminen bedungenen Zinsen angelegt ist, in 14 Jahren 76 Tagen auf etwas unbedeutendes mehr als das Doppelte angewachsen seyn; oder was dasselbe ist, die Zinsen sind in dieser Zeit dem angelegten Capitale selbst gleich geworden.

Zweite Auflösung, nach der Formel S = ap<sup>n</sup> und mit Hilfe der Logarithmen.

§. 311.

Reducirt man diese Formel auf n, so ist:  $n \log p = \log S - \log a$ , and  $n = \frac{\log S - \log a}{\log p}$ 

Nun ist in unserm Beispiele 
$$S = 2000$$
,  $a = 1000$ , und  $p = 1.05$ ; daher ist  $n = \frac{\log .2000 - \log .1000}{\log .1.05} = \frac{3.3010300 - 3.000000}{0.0211893} = \frac{0.3010300}{0.0211893} = \frac{3010300}{211893} = \frac{3010300}{211893}$ 

14.206699 Jahre. Also hat das Capital 14 ganze und einen Bruchtheil Jahre auf Zinseszins zu stehen. Verwandelt man den, den 14 Jahren noch zugehörigen Bruch in Tage, (indem man den letztern mit 365 multiplicirt) so erhält man 75.445 Tage, also ebenfalls etwas über 75 Tage; so dass das Capital nach 14 Jahren und 76 Tagen auf etwas unbedeutendes mehr, als das Doppelte angewachsen seyn wird, wie wir oben in der 1sten Auflösung schon gefunden haben. Es stimmen daher beide Auflösungen vollkommen mit einander überein.

### §. 312.

Um uns jedoch noch mehr von der Wahrheit der in §. 307 aufgestellten Behauptung zu überzeugen, so wollen wir auch umgekehrt untersuchen, wie gross ein Capital von 1000 Thir. mit seinen Zinseszinsen werden wird, wenn dasselbe, bei 5 p. C. jährlichen Interessen, 14 Jahre und 76 Tage ausgeliehen ist!

Erste Auflösung, mittelst der vorliegenden Tafeln.

Man nehme aus der 1sten Haupt - Tafel Seite 24 die bei 5 Procent und 14 Jahren stehende Zahl 1.979931599, multiplicire dieselbe mit der Zahl des anzulegenden Capitals, also mit 1000, so ist (nach §. 45.) das Product gleich 1979.931599; nämlich 1000 Thir. Capital werden bei 5 p. C. Zinseszinsen in 14 Jahren auf 1979.931599 Thir. oder 1979 Thir. 22 Gr. 4 Pf. angewachsen seyn.

Um nun zu berechnen, auf wie viel das zuletzt gefundene Capital noch in 76 Tagen mit seinen Zinsen anwachsen werde, so darf man dasselbe nur mit der (Seite 186, in der 4ten Abtheilung der Vten Haupt - Tafel) bei 76 Tagen stehenden Zahl 1.010211 multipliciren, als:

s:

das Capital 1979.931599 multiplicirt mit: 1.010211

1979 931599 19799 31599. 395986 3198.. 19 799315 99....

giebt sum Product 2000.148680 557389 Thaler.

Mithin muss das angelegte Capital von 1000 Thalern 14 Jahre und 76 Tage zu 5 p. C. auf Zinseszins stehen, damit es seine doppelte Grösse erreiche.

Anmerkung. Der Bruch, welcher den 2000 Thalern noch zugehört, kommt daher, dass wir anstatt 75.445 Tagen, volle 76 Tage in Rechnung gebracht haben; bei der Annahme von 75 Tagen hingegen, würden wir nur 1999.8813898 Thaler, also etwas zu wenig gefunden haben.

Zweite Auflösung, nach der Formel  $S = ap^n$ , mit Hilfe der Logarithmen.

§. 313.

Um su berechnen, wie gross das Capital bei 5 p. C. jährlichen Zinsen, in 14 Jahren 76 Tagen mit seinen Zinsessinsen seyn werde, setze man in dieser Formel a = 1000, p = 1.05 und n =  $14\frac{76}{365}$  =  $\frac{5186}{365}$ , so ist S =  $1000 \times 1.05^{14}\frac{76}{365}$  oder S =  $1000 \cdot \sqrt{1.05^{5186}}$ .

Der Werth von S, oder der Ausdruck 1000. √ 1.05<sup>5</sup>186 wird nun berechnet, indem man den Logarithmus von 1.05 mit 5186 multiplieirt, alsdann das Product durch 365 dividirt, und zu dem gefundenen Quotienten wieder die natürliche Zahl in den logarithmischen Tafeln aufsucht; endlich die gefundene Zahl, 1000mal nimmt. Nun ist log: 1.05 = 0.0211893; diesen mit 5186 multiplieirt, giebt 109.8877098. Dividirt man dieses Product durch 365, so ist der Quotient = 0.3010622, hierzu ist die natürliche Zahl = 2.000148, und diese 1000 mal genommen, giebt 2000.148. Dieses sind 2000 Thaler und ein Bruchtheil, wie wir in der vorigert Auffängen ebenfalls gefunden habe.

Es stimmen also beide Auflösungen auf gans verschiedenen Wegen berechnet, vollkommen mit einander überein, wodurch wir zu der Ueberzeugung gelangen, dass diese in den mathematischen Werken als allgemein aufgestellte Formel, auch allgemein anwendbar sey.

### §. 314.

Nach der in §. 300. und 307. gegebenen Anleitung wurden nun die, in der 1sten Abtheilung der 5ten Haupttafel angegebenen Zinsbeträge berechnet, und eingetragen.

Da es jedoch auch Fälle geben kann, bei welchen weder die einfachen, -noch die zusammengesetzten Zinsen, ohne Nachtheil der Interessenten, in Anwendung gebracht werden dürfen, so wurden auch diese berücksichtiget, indem man eine 3te Rubrik einschaltete, welche mit: "Mittle Zinsen" überschrieben ist. Diese mittle Zinsen wurden nämlich dadurch berechnet, dass man die einfachen Zinsen zu den zusammengesetzten addirte, und diese Summe durch zwei dividirte:

Berechnung des wahren Zinsbetrags auf einzelne Tage, Wochen und Monate, wenn die Zinsen in halb jährigen Zahlungs - Terminen mit 2½ vom Hundert abzutragen sind \*)

# **§**. 315.

Es scheint für den ersten Anblick überflüssig zu seyn, dass wir die Zinsen auf einzelne Tage nochmals berechnen wollen, da sie doch in der vorhergehenden Tafel schon auf jeden Tag des Jahres berechnet sind. Wollen wir jedoch dem bisher aufgestellten Systeme treu bleiben, so müssen wir auch diese Zinsberechnung aus einem andern Gesichtspunkte betrachten, und vor allem in Erwägung ziehen:

Dass derjenige, welcher sich die Zinsen am Ende eines jeden halben Jahres auszahlen lässt, sein Capital höher benutzt, als wenn er bei gleichen Procenten den Zinsbetrag erst am Ende

<sup>\*)</sup> Die hierzu gehörigen Tafeln auden sich auf Seite 121 bis mit 126.

eines jeden ganzen Jahres beziehen wollte. Denn wenn A an B für ein gewisses Capital, jährlich 2000 Thlr. Zinsen zu bezahlen hat, und B verlangt schon am Ende des halben Jahres die Hälfte dieser Zinsen, so kann er diese 1000 Thlr. noch ein halbes Jahr benutzen, und wird daher bei 5 vom Hundert, noch 25 Thaler Interessen ziehen, welches nicht seyn könnte, wenn die Zinsen erst am Ende des Jahres bezahlt würden. Hieraus folgt also wieder,

a) dass, wenn der Zinsfuss derselbe bleiben soll, die halbjährigen Zinsen weniger als 2½ vom Hundert betragen müssen, als da, wo sie in jährigen Terminen mit 5 vom Hundert bedungen sind; oder

b) dass, wenn man auf ein halbes Jahr die Hälfte der jährlich bedungenen Zinsen, nämlich 2½ p. C. fordert, man, genau erwogen, sein Geld jährlich zu mehr als 5 vom Hundert, also zu einem höhern Zinsfuss, ausgeliehen hat.

Dieses wäre mithin der erste Grund, warum die Zinsen auf einselne Tage bei halbjährig bedungenen Terminen, nicht jenen gleich seyn können, wo sie in jährigen Terminen absutragen sind.

Bringt man also auf jedes halbe Jahr die Hälfte des jährlichen Zinsbetrags in Rechnung, so hat man sein Geld auch zu einem höhern Zinsfusse ausgeliehen, und die Zinsen auf einzelne Tage müssen deshalb auch mehr betragen, als wir bei jährigen Zinsterminen fanden.

# §. 316.

Die Ursache des Mehrbetrags liegt aber auch in folgendem. In dem vorigen §. sahen wir nämlich, dass die scheinbaren Zinsen für 1 Monat, auf 11 Monate zu rabattiren waren, weil sie erst nach 11 Monaten fällig wurden. In dem jetzigen Falle aber werden dieselben 5 Monate früher in Rechnung gebracht, und dürfen deshalb auch nur auf die Zeit von 5 Monaten rabattirt werden. Je kleiner nun die Zeit der Anticipation ist, desto kleiner ist das Interusurium oder der Rabatt; und desto grösser mithin der baare. Werth oder die wahren Zinsen.

Nehmen wir demnach bei 5 Procent jährlich, die Zinsen auf ein halbes Jahr su  $\frac{5}{2}$ , oder  $2\frac{1}{2}$  Procent, und das halbe Jahr selbst su  $\frac{365}{2}$ , oder  $182\frac{1}{2}$  Tage sn, so sind, wie bei ganzen Jahren, die scheinbaren Zinsen:

auf einen Tag, gleich 
$$\frac{2\frac{1}{2}}{182\frac{1}{2}} = \frac{5}{365} = \frac{1}{18}$$
 Procent.

- swei Tage, gleich  $\frac{2 \times 2\frac{1}{2}}{182\frac{1}{2}} = \frac{2 \times 5}{365} = \frac{2}{75}$ 

- drei Tage, gleich  $\frac{3 \times 2\frac{1}{2}}{182\frac{1}{2}} = \frac{3 \times 5}{365} = \frac{2}{75}$ 

- vier Tage, gleich  $\frac{4 \times 2\frac{1}{2}}{182\frac{1}{2}} = \frac{4 \times 5}{365} = \frac{4}{75}$ 

Ferner sind diese scheinbaren Zinsen:

auf einen Monat 
$$\frac{2\frac{1}{2}}{6} = \frac{5}{2 \times 6} = \frac{5}{12}$$
 Procent auf swei Monate  $\frac{2 \times 2\frac{1}{2}}{6} = \frac{2 \times 5}{2 \times 6} = \frac{10}{12}$  oder  $\frac{5}{6}$  Procent u. s. w. also gans so, wie es §. 299 bei jährlich bedungenen Zahlungsterminen gefunden wurde.

# §. 317.

Da wir uns jedoch in den vorhergehenden Paragraphen hinlänglich überzeugt haben, dass alle Geldbeträge, welche später erst zahlbar oder fällig sind, auf die Zeit der Vorausnahme (Anticipation) rabattirt werden müssen, so soll auch hier der scheinbare Zinsbetrag, nämlich:

Man berechne demnach die Zinsen auf 181½ Tage durch den Schluss: 100 geben in 182½ Tagen 2½, wie viel also in 181½ Tagen?
oder nach dem Ansatz:

Nun addire man diesen Zinsbetrag auf 1811 Tage zu 100, und schliesse sodann:

$$102\frac{71}{146}: 100 = \frac{1}{18}: x, \text{ so erhält man } x = \frac{100 \times 1 \times 146}{73 \times 14963}.$$

 $=\frac{200}{14963}$  Procent, als die wahren Zinsen auf einen Tag, bei halbjährigen Zinsterminen.

Eben so finden sich diese Zinsen für 2 Tage gleich  $\frac{400}{14361}$  Procent, auf drei Tage  $\frac{600}{14369}$  Procent u. s. w.

### **8**. 318.

Sollen aber die Zinsen bloss für das Capital Eins angegeben werden, wie wir es bisher immer gethan haben, so darf man diese Brüche nur durch 100 dividiren, welches geschieht, wenn man in dem Zähler derselben die beiden letzten Nullen rechts hinweg lässt; und somit sind die wahren Zinsen für das Capital von einer Einheit, nämlich:

Diese Brüche, welche sich leicht fortsetzen lassen, indem der Zähler derselben für jeden folgenden Tag um zwei Einheiten zunimmt, wogegen der Nenner immer um zwei Einheiten kleiner wird, findet man nun von Seite 121. bis mit 126. in der ersten Verticalspalte neben den Tagen, in der Tafel, in welcher diese

Zinsen für halbjährige Zinssahlungs-Termine angegeben sind, eingetragen. Werden dieselben in Decimalbrüche verwandelt, so erhält man zum Resultat diejenigen Zahlen, welche in der Rubrik: für "Einfache Zinsen," angegeben sind.

Die monatlichen Zinsen wurden auf demselben Wege berechnet, und zwischen die Tage, nach welchen sie in Rücksicht ihres Zinsbetrags zu atehen kommen, eingeschaltet.

Die zusammengesetzten Zinsen auf einzelne Tage, wenn die Zinsen in halb jährigen Terminen zu 2½ Procent berechnet, und zum Capital geschlagen werden \*).

§. 319.

Was die zusammengesetzten Zinsen auf einzelne Tage u. s. w. bei halbjährigen Terminen betrifft, so beziehen wir uns ganz wieder auf die in §. 306 und 307 gegebene Auseinandersetzung, und haben hier bloss noch zu bemerken, dass in diesem Falle statt 5 Procent, nur 2½ Procent, so wie anstatt 365 Tagen, nur a 65 oder 182½ Tage in Rechnung gebracht werden können. Diesemnach betragen die Zinsen auf:

1 Tag = 
$$\sqrt[182\frac{1}{100}]$$
 - 1 =  $\sqrt[365]{\frac{100 + 2\frac{1}{2}}{100}}^2$  - 1 =  $\sqrt[365]{\frac{100 + 2\frac{1}{2}}{100}}^2$  - 1 = 0.000135.  
2 Tage =  $\sqrt[182\frac{1}{2}]{\frac{100 + 2\frac{1}{2}}{100}}^2$  - 1 =  $\sqrt[365]{\frac{100 + 2\frac{1}{2}}{100}}^4$  - 1 =  $\sqrt[365]{\frac{365}{1.025^4}}$  - 1 = 0.000271.  
3 Tage =  $\sqrt[182\frac{1}{100}]{\frac{182\frac{1}{2}}{100}}^3$  - 1 =  $\sqrt[365]{\frac{100 + 2\frac{1}{2}}{100}}^6$  - 1 =  $\sqrt[365]{\frac{365}{1.025^6}}$  - 1 = 0.000406.  
U. S. W.

<sup>\*)</sup> Die hierzu gehörigen Tafeln anden sich auf Seite 121 bis mit 126.

Eben so sind diese Zinsen auf einzelne Monațe, nămlich auf :

1 Monat = 
$$\sqrt[6]{\left(\frac{100+2\frac{1}{2}}{100}\right)} - 1 = \sqrt[6]{1.025} - 1 = 0.004124$$
2 Monate =  $\sqrt[6]{\left(\frac{100+2\frac{1}{2}}{100}\right)^2} - 1 = \sqrt[6]{1.025^2} - 1 = 0.008265$ 
3 Monate =  $\sqrt[6]{\left(\frac{100+2\frac{1}{2}}{100}\right)^2} - 1 = \sqrt[6]{1.025^3} - 1 = 0.012423$ 
u. 4. W.

# **§**. 320.

Die Resultate der hier gefundenen Ausdrücke, welche nach einem gewissen Gesetz zunehmen und sich also leicht weiter fortsetzen lassen, findet man Seite 121 — 126 in der 1sten Abtheilung der 5ten Haupt-Tafel bei halbjährig bedungenen Terminen in der 2ten Verticalspalte, mit 6 Decimalen für jeden Tag u. s. w. bis mit 6 Monaton eingetragen.

Die Resultate der 3ten Verticalspalte, welche "Mittle Zinsen" überschrieben sind, findet man auf demselben Wege, wie §. 314 angegeben wurde.

Berechnung des wahren Zinsbetrags auf einzelne Tage, Wochen und Monate, wenn die Zinsen in vierteljährigen Zahlungs-Terminen mit 11 vom Hundert abzutragen

bedungen sind \*).

# **§**. 321.

Es ist schon §. 297 bemerkt worden, dass wenn 5 vom Hundert aufs Jahr als Zinsen ausgemacht, und die Abtragung der Zinsen in vierteljährigen Terminen bedungen sind, dass auch auf jedes Vierteljahr 5 oder 1½ vom Hundert (Procent) in Rechnung gebracht werden müssen. Da wir aber schon in §. 315 dargethan haben, dass derjenige, welcher sich die Zinsen in halbjähri-

<sup>\*)</sup> Die hierzu gehörige Tafel ist auf Seite 127 bis mit 129 befindlich.

gen Terminen besahlen lässt, sein Capital höher benutzt, als bei jährlich bedungenen Terminen, so wird man noch viel weniger besweifeln, dass die Benutzung eines Capitals noch grösser seyn muss, wenn die Zinsen in vierteljährigen Terminen abgetragen werden. Denn wenn A an B für ein Capital, welches zu 5 Procent ausgeliehen ist, 2000 Thaler Zinsen zu bezahlen hat, und B verlangt diese Zinsen in vierteljährigen Terminen, so kann B die ersten 500 Thlr. auf 3 Vierteljahre, die zweiten 500 Thlr. auf 2 Vierteljahre, und die dritten 500 Thir. noch auf ein Vierteljahr, - also überhaupt kann B die früher abgetragenen 500 Thaler auf 6 Vierteljahre benutzen, daher zieht B wegen dieser vierteljährigen Abtragung einen Nutzen von 6 mai 6½ Thir. oder  $37\frac{1}{2}$  Thaler, welchen B nicht haben könnte, wenn die Zinsen bloss am Ende jeden Jahres abgetragen würden. Hieraus geht also hervor, dass A anstatt 2000 Thaler, 2037 Thaler an Zinsen bezahlt, und mithin das von Berborgte Capital mit mehr als 5 Procent jährlich verinteressirt.

Es folgt also hieraus, dass, bei denselben Procenten, die Zinsbeträge auch auf einzelne Tage grösser ausfallen müssen, als da, wo die Zinsen in halbjährigen oder jährigen Terminen abzutragen sind.

Dieses stimmt nun auch mit der wahren oder rabattirten Zinsen-Berechnung vollkommen überein; denn es kommen hier die scheinbaren Zinsen für einen Tag, nämlich  $\frac{5}{363}$  oder  $\frac{1}{7}$  Procent, nicht auf 364 sondern bloss auf 90½ Tage zu früh in Rechnung, und können deshalb auch bloss auf diese kürzere Zeit rabattirt werden; mithin wird hier ein geringerer Abzug (Interusurium) in Rechnung gebrächt, und der jetzige wahre Werth muss desto grösser ausfallen.

# §. 322.

Was die Berechnung dieser Zinsen anbelangt, so wird dieselbe eben so geführt, wie früher schon gezeigt wurde; es müssen also die scheinbaren Zinsen auf;

Man berechne daher die Zinsen auf 90½ Tage, auf dem gewöhnlichen Wege, und schliesse alsdann: 100 plus dieser Zinsen, verhalten sich zu 100, wie die scheinbaren Zinsen auf einen Tag ("L. Procent) zu ihrem jetzigen oder wahren Werthe.

Nun sind die Zinsen auf 90½ Tage gleich  $1\frac{49}{292}$  Procent, daher verhält sich:  $101\frac{69}{292}$ :  $100 = \frac{1}{73}$  p. C.: x p. C. und hieraus ist x =  $\frac{100 \times 292}{73 \times 29561} = \frac{100 \times 4}{29561} = \frac{400}{29561}$  Procent, als der wahre Zinsbetrag auf einen Tag.

Ferner sind die Zinsen auf  $89\frac{1}{4}$  Tage, gleich  $1\frac{65}{292}$  Procent; mithin verhält sich:  $101\frac{65}{292}$ :  $100 = \frac{2}{73}$  Procent: x Procent; hieraus ist  $x = \frac{100 \times 2 \times 292}{73 \times 29557} = \frac{100 \times 2 \times 4}{29557} = \frac{800}{29557}$  Procent, als der wahre Zinsbetrag auf zwei Tage.

# §. 323.

Diese Brüche, welche die täglichen Zinsen für ein Capital von 100 Einheiten enthalten, lassen sich durch Vergleichung leicht fortsetzen; denn der Zähler derselben nimmt für jeden folgenden Tag immer um 400 Einheiten zu, während der Nenner um 4 Einheiten abnimmt. Um nun diese Zinsen für ein Capital von einer Einheit einsurichten, so darf man nur in jedem Zähler die beiden letzten Nullen weglassen, wodurch der Bruch den hundertsten Theil des Werthes erhält, den er früher hatte.

Demnach sind also die wahren Zinsen für ein Capital Eins, bei 5 Procent, und vierteljährig bedungenen Zinsterminen:

auf einen Tag = 
$$\frac{4}{29561}$$
 = 0.000135  
- swei Tage =  $\frac{8}{29557}$  = 0.000271  
- drei Tage =  $\frac{12}{29553}$  = 0.000406  
- vier Tage =  $\frac{16}{29563}$  = 0.000541  
u. s. w.

Sowohl den Werth dieser gemeinen Brüche, als auch denselben in Decimalbrüchen, findet man nun auf Seite 127 und 128 in der 1sten Abtheilung der 5ten Haupt-Tafel, welche für vierteljährige Zinstermine berechnet wurde, in der ersten Verticalspalte, welche "Einfache Zinsen" überschrieben ist, neben den Tagen eingetragen; eben so wurden die Zinsen auf Monat berechnet, und der Betrag zwischen den Tagen eingeschaltet.

Die zusammengesetzten Zinsen, bei 5 Procent jährlich; aber bei vierteljährig bedungenen Zinsterminen \*).

**§**. 324.

Wir beziehen uns hier wieder auf die in §. 306 und §. 307 gegebene Auseinandersetzung, und zeigen hier bloss, dass, wenn die Zinsen in vierteljährigen Terminen zum Capitale geschlagen werden sollen, dieselben auf einzelne Tage, oder auf die Zeit zwischen den bedungenen Zinsterminen, auf folgende Weise in Rechnung gebracht werden müssen; vorausgesetzt, dass man auf ein 4tel Jahr §, oder 1½ Procent als Zins, und das Vierteljahr selbst zu 365 - oder 91½ Tage annimmt, und in Rechnung bringt.

Es ist nämlich der wahre Zinsbetrag für das Capital E i n s, auf:

1 Tag = 
$$\sqrt{\frac{100 + 1\frac{1}{4}}{100}} - 1 = \sqrt{10125} - 1$$
  
=  $\sqrt{1.0125^4} - 1 = 0.000136$ .  
2 Tage =  $\sqrt{\frac{100 + 1\frac{1}{4}}{100}^2} - 1 = \sqrt{1.0125^2} - 1$   
=  $\sqrt{1.0125^8} - 1 = 0.000272$ .  
3 Tage =  $\sqrt{\frac{100 + 1\frac{1}{4}}{100}^3} - 1 = \sqrt{1.0125^3} - 1$   
=  $\sqrt{1.0125^{12}} - 1 = 0.000408$ .

<sup>\*)</sup> Die hierzu gehörige Tafel findet sich von Seite 127 bis mit 129.

Eben so sind diese Zinsen in der Zeit von:

1 Monat = 
$$\sqrt[3]{\left(\frac{100+1\frac{1}{4}}{100}\right)} - 1 = \sqrt[3]{1.0125} - 1 = 0.004149$$
.  
2 Monat =  $\sqrt[3]{\left(\frac{100+1\frac{1}{4}}{100}\right)^2} - 1 = \sqrt[3]{1.0125^2} - 1 = 0.008316$ .

u. s. w.

Die hier gefundenen Decimalbrüche enthalten also den wahren Betrag der zusammengesetzten Zinsen, auf jeden einzelnen Tag, so wie auf die betreffenden Monate. Man findet dieselben in der vorgenannten Tafel, in der 2<sup>ten</sup> Verticalspalte, mit der Ueberschrift, Zusammengesetzte Zinsen" angegeben.

Die 3te Rubrik, welche die Ueberschrift "Mittle Zinsen" führt, wurde auf demselben Wege berechnet, wie wir schon bei jährigen und halbjährigen Zinsterminen angeführt haben

Anwendung dieser Zinstafeln, nebst der Angabe des Unterschiedes der wahren Zinsen, von der noch zeither gewöhnlichen Berechnung.

# **§**. 325.

Die vorliegende erste Abtheilung der 5ten Haupt-Tafel enthält den in dem vorigen Paragraphen berechneten wahren Zinsbetrag, auf jeden Zeit-Theil des Jahres; und swar für drei verschiedene Fälle, je nachdem die Zinsen:

- 1) in jährigen Terminen mit 5 Procent
- 2) in halbjährigen Terminen mit  $2\frac{1}{2}$  Procent, oder
- 3) in vierteljährigen Terminen mit 1½ Procent abzutragen sind.

Die Rechnungen selbst sind bloss auf den Zinsfuss "Fünf vom Hundert" gegründet, indem dieses bei Gerichtsbehörden die gebräuchlichsten Procente sind.

#### **§**. 326.

Der Gebrauch dieser Zinstafel ist kürzlich folgender:

ĺ

1) Will man wissen, wie viel die einfachen Zinsen von 1000 Thaler, auf 37 Tage betragen, insofern jährige Zinszahlungs-Termine bedungen sind, so nehme man aus der Tafel A, den bei 37 Tagen stehenden Decimalbruch, nämlich: 0.004851, und multiplicire denselben mit der Zahl des Capitals, also hier mit 1000, so erhält man (nach §. 45,) 4.851 Thaler. Wird nun der, den 4 ganzen Thalern noch zugehörige Bruch in der dritten Resolvirungstafel aufgesucht, so findet man den Zinsbetrag gleich 4 Thaler 20 Gr. 5 Pf., oder nach der vierten Resolvirungstafel (in Preussischer Eintheilung) 4 Thlr. 25 Silbergr. 6 Pf.

Alle Brüche unter  $\frac{1}{2}$  Pfennig können hier stets ausser Acht gelassen werden, indem die Rechnungen an und für sich schon genau sind.

- 2) Wären die Zinsen in halbjährigen Terminen absutragen, und man wollte in diesem Falle den Betrag der Zinsen für 1000 Thaler auf die Zeit von 37 Tagen wissen, so nehme man aus der rechts darauf folgenden Tafel B, den bei 37 Tagen stehenden Bruch 0.004969, und multiplicire denselben mit 1000, so erhält man 4.969 Thaler oder 4 Thir. 23 Gr. 3 Pf. nach sächsischer, und 4 Thir. 29 Silbergr. 1 Pf. nach preussischer Eintheilung.
- 3) Sind die Zinsen in vierteljährigen Terminen abzutragen, so findet man in der 3ten Zinstafel neben 37 Tagen, den Bruch 0.005031; und diesen Bruch mit der Zahl des Capitals 1000 multiplicirt, giebt 5.031. Die Zinsen von 1000 Theler betragen daher (in diesem Falle) in 37 Tagen 5.031 Thir. oder 5 Thir. Gr. 9 Pf. (5 Thir. Silbergr. 11 Pf.)

Wir fanden also die Zinsen von 1000 Thir. auf 37 Tage: im 1sten Falle == 4 Thir. 20 Gr. 5 Pf. oder 4 Thir. 25 Silbergr. 6 Pf.

§. 327-

Hätte man aber den Betrag dieser Zinsen auf dem bisher gewöhnlichen Wege nach §. 299 berechnet, so würde man dieselben 5 Thlr. 1 Gr. 8 Pf. oder 5 Thlr. 2 Silhergr. 1 Pf. gefunden haben.

Die Ursache, dass wir im sweiten Falle den Betrag der Zinsen grösser fanden als im ersten, und im dritten Falle wieder grösser als im sweiten, liegt nun nicht etwa in einer unrichtigen Berechnung, sondern sie ist lediglich darinn zu suchen, dass derjenige, der sich die Zinsen im Laufe des Jahres in mehreren Zinsterminen abtragen lässt, sein Capital zu einem höhern Zinsfusse benutzt, als derjenige, welcher die Zinsen erst am Ende des Jahres zieht. Soll demnach der zuletzt angegebene Zinsbetrag von 5 Thlr. 1 Gr. 8 Pf. oder 5 Thlr. 2 Silbergr. 1 Pf. seine Richtigkeit haben, so kann dieses unter keiner andern Bedingung statt finden, als wenn die Zinsen mit jedem Tage fällig sind; dieser Fall tritt aber bloss alsdann ein, wenn man sich im Laufe des Jahres 365 Zinszahlungstermine bedungen hat. Im entgegengesetzten Falle sind bloss die in den Tafeln berechneten täglichen Zinsen, als die richtigen anzunehmen.

### §. 328.

Diese hier berechneten wahren Zinsbeträge weichen zwar von jenen, wie man sie im täglichen Verkehr berechnet, noch nicht so sehr ab, dass man schon bei kleinen Capitalien einen grossen Unterschied wahrnehmen könnte. Da jedoch bei rechtlichen Auseinandersetzungen keiner der Interessenten einen Nachtheil erleiden soll, so sollte auch auf diese Kleinigkeit Rücksicht genommen werden, indem der Unterschied, nach Verhältniss der Grösse des Capitals und der Zeit selbst, doch mehrere Thaler betragen kann.

Um nun diesen Unterschied recht deutlich vor Augen zu legen, und andern Theils auch, um zu zeigen, wie diese Tafeln anzuwenden sind, wenn das Capital nicht durch eine decadische Zahl 10, 100, 1000 u. s. w. ausgedrückt ist, so wollen wir berechnen, wie viel die Zinsen (zu 5 vom Hundert jährlich) bei einem Capitale von 52875 Thalern auf 73 Tage betragen:

- 1) wenn wir dieselben nach der bisher gewöhnlichen Art berechnen.
  - 2) wenn die Zinsen bloss mit Ende des Jahres fällig sind,
  - 3) wenn halbjährige und
  - 4) wenn vierteljährige Zinssahlungstermine bedungen sind.

1ster Fall. Gewöhnlich wird der Betrag dieser Zinsen nach 5. 92. berechnet, indem man die Rechnung so anordnet:

100 Thir. Capital in 365 Tagen, 5 Thir. Zinsen. 52875 - - - 73 - x -

oder 528 Thir. 22 Silbergroschen 6 Pfennige.

Man würde also, wie es gewöhnlich zu geschehen pflegt, in diesem Fälle 528 Thlr. 18 Gr. — Pf. oder 528 Thlr. 22 Silbergr. 6 Pf., als Zinsen in Rechnung bringen.

2<sup>ter</sup> Fall. Sind die Zinsen bloss in jährlichen Terminen zahlbar, so nehme man aus der Tafel A, welche für ganze Jahre berechnet ist, den bei 73 Tagen stehenden Decimalbruch, und multiplicire denselben mit der Zahl des Capitals;

Nun steht bei 73 Tagen der Bruch:

giebt zum Producte 508.393125

Dieses hier gefundene Resultat liesert uns nun den Betrag der Zinsen von 508 ganzen Thalern, nebst einem Bruche, welcher letztere nach der 3ten und 4ten Resolvirungs-Tasel ausgelösst, 9 Gr. 5 Pf. sächsisch, oder 11 Silbergr. 10 Pf. preussisch giebt.

Demnach sind die wahren Zinsen in diesem 2ten Falle für 52875 Thaler Capital auf 73 Tage gleich: 508 Thir. 9 Gr. 5 Pf. oder 508 Thir. 11 Silbergr. 10 Pf.

3ter Fall. Sind aber die Zinsen in halbjährigen Terminen abzutragen, so nehme man den (in der rechts folgenden Tafel, welche für halbjährige Termine berechnet ist) bei 73 Tagen stehenden Bruch:

0.009852
multiplicire denselben mit: 52875

49260
98964.
6 8816.
19 704...
492 60....

so ist das Product gleich: 520.924500

In diesem Falle betragen also die gesuchten Zinsen 520 Thlr. 22 Gr. 2 Pf. sächsisch, oder 520 Thlr. 27 Silbergr. 9 Pf. preussisch.

4ter Fall. Sind endlich die Zinsen in vierteljährigen Terminen abzutragen bedungen, so nehme man aus der für vierteljährige Zinstermine berechneten Tafel, den bei 73 Tagen stehenden Bruch:

0.009975

multiplicire denselben mit:

52875

49875 69825. 7 9800.. 19 950... 498 75....

so erhält man zum Producte: 527.428125

Es betragen also die Zinsen in diesem Falle: 527 Thlr. 10 Gr. 3 Pf. nach sächsischer, oder 527 Thlr. 12 Silbergr. 10 Pf. nach preussischer Eintheilung.

# **§**. 329.

Um nun die Zinsen von 52875 Thalern auf die Zeit von 73 Tagen in Rücksicht ihres Mehrbetrags mit einander desto besser vergleichen zu können, so wollen wir die Resultate, nach ihrer Grösse geordnet, hier unter einander stellen. Wir fanden nämlich diese Zinsen:

- a) bei jährigen Terminen = 508 Thlr. 9 Gr. 5 Pf. oder 508 Thlr. 11 Silbergr. 10 Pf.
- b) bei ½ jährigen Terminen = 520 Thlr. 22 Gr. 2 Pf. oder 520 Thlr. 27 Silbergr. 9 Pf.
- c) bei ½ jährigen Terminen = 527 Thlr. 10 Gr. 3 Pf. oder 527 Thlr. 12 Silbergr. 10 Pf.
- d) auf die gewöhnliche Artberech.: = 528 Thir. 18 Gr. Pf. oder 528 Thir. 22 Silbergr. 6 Pf.

Hieraus ersieht man nun:

- 1) dass diese Zinsen, wenn sie bloss in jährlichen Terminen zahlbar bedungen waren, für das Capital 52875 Thaler auf die Zeit von 73 Tagen, über 20 Thaler weniger betragen müssen, und dass man also über 20 Thaler zuviel in Rechnung bringt, wenn diese Zinsen auf dem gewöhnlichen Wege berechnet werden.
- 2) dass man sein Geld höher benutzt, wenn man sich im Laufe des Jahres mehrere Zinszahlungstermine ausmacht, und
- 3) dass der Zinsfuss, (bei gleichen jährlichen Procenten) da am grössten angenommen wird, wo man die täglichen Zinsen dem 365sten Theile der jährlichen gleich setzt.

### §. 330.

Zum Beweise, dass der unter a angegebene Betrag der Zinsen der richtige sey, überlege man folgendes:

Der Darleiher hätte diese Zinsen (bei jährlich bedungenen Terminen) anstatt nach 73 Tagen, erst nach 365 Tagen erhalten sollen; er kann also die jetzt erhaltenen 508 Thlr. 9 Gr. 5 Pf. oder 508.393125 Thlr. noch 292 Tage zu 5 Procent benutzen. Dieser Nutzen findet sich durch den folgenden Rechnungsansatz, nämlich:

100 Thir. Capital in 365 Tagen 5 Thir. Zins 508.393125 - - - 292 - x - -

x | 5 Thir. Zins 100 508.393125 je grösser das Capital, desto mehr Zinsen. 365 292 je mehr Zeit, desto mehr Zinsen.

$$x = \frac{5 \times 508.393125 \times 292}{100 \times 365}$$
 Thir.  $= \frac{508.393125 \times 4}{100}$  Thir.

= 20.335725 Thir. oder 20 Thir. 8 Gr. 1 Pf.

Addirt man also diese Nutzung an 20 Thir. 8 Gr. 1 Pf.
zu den unter a angegebenen Zinsen 508 - 9 - 5 so hat der Darleiher am Ende des Jahres 528 Thir. 17 Gr. 6 Pf.
also eben so viel, als wenn man die Zinsen auf dem bisher gewöhnlichen Wege berechnet. (Die kleine Differenz, welche sich bei den Pfennigen findet, liegt in der Annahme von nur 6 Decimalen.)

Soll also weder der Gläubiger noch sein Schuldner einen Nachtheil oder Gewinn durch eine im Laufe des Jahres nöthig werdende Zinsberechnung erleiden, wie bei rechtlichen Auseinandersetzungen stets angenommen werden kann, so müssen auch diese Zinsbeträge nach den hier vorliegenden Tafeln berechnet werden.

#### **§**. 331.

Dass diese Tafeln nicht allein für Länder anwendbar sind, wo man nach Thalern, Groschen und Pfennigen rechnet, sondern dass sie für jedes andere Land, und für jede Münzeintheilung mit gleichem Nutzen angewendet werden können, leuchtet von selbst ein.

So berechnet man z. B. die Zinsen für ein Capital von 956 Gulden 30 Kreuzer (956.5 Gulden), auf 163 Tage, bei jährlich bedungenen Zinsterminen, indem man den, neben 163 Tagen stehenden Bruch:

mit der Zahl des Capitals multiplicirt, also mit 956.5.

130368 1 08640 19 5552

Das Product ist sodann gleich:

20.7828320 Gulden.

Wird der, den 20 ganzen Gulden noch zugehörige Bruch, in der 2ten Resolvirungstafel aufgesucht, so findet sich der Betrag dieser Zinsen gleich 20 Gulden 47 Kreuzer.

Eben so findet man den Betrag der Zinsen für ein Capital von 243 Mark Banco, welche bei halbjährig bedungenen Zinsterminen auf 119 Tage berechnet werden sollen, indem man den bei 119 Tagen stehenden Bruch: 0.016161 mit 243 multiplicirt; das Product 3.927123 enthält alsdann den Betrag dieser Zinsen in Mark Banco, welches, nach der 1sten Resolvirungstafel ausgeführt, 3 Mark 14 Schillinge 10 Pfennige giebt.

Wollte man endlich wissen, wie viel die wahren Zinsen von 2028 dänischen Reichsbankthalern auf 3 Wochen oder 21 Tage betragen, wenn die Zinstermine vierteljährig bedungen sind; so nehme man aus der 3<sup>ten</sup> Tafel, welche für vierteljährige

Zahlungstermine berechnet ist, den Bruch, welcher neben 21 Tagen oder 3 Wochen steht, nämlich: 0.002849 und multiplieire denselben mit der Zahl des Capitals, also mit 2028, so ist das Product = 5.777772.

Sucht man nun den su 5 Ganzen gehörigen Bruch in der 1sten Resolvirungstafel auf, so findet sich in der 2ten Rubrik dessen Werth mit 4 Mark 10½ Schillinge angegeben; mithin ist der wahre Betrag der gesuchten Zinsen gleich 5 Reichsbankthaler 4 Mark 10½ Schillinge dänisch.

#### **§**. 332.

Sind bei dem Capitale, von welchem die Zinsen berechnet werden sollen, neben den ganzen Einheiten auch noch Unterabtheilungen der Münzgattungen, so verwandle man die letztern in einen Decimalbruch der höhern Gattung. Sollten z. B. die Zinsen von 79 Thlr. 17 Gr. 11 Pf. berechnet werden, so findet man die 17 Gr. 11 Pf. mit Hilfe der 3ten Resolvirungstafel gleich 0.746528 Thaler. Es sind demnach 79 Thlr. 17 Gr. 11 Pf. gleich 79.746528 Thaler. Im übrigen verfahre man wie oben gezeigt wurde; nur dürfte es einige Abkürzung gewähren, wenn in einem solchen Falle die Zahl des Capitals, mit dem in Rechnung zu bringenden Zinsbruche (nach §. 58.) multiplicirt wird.

Anwendung dieser Tafeln bei zusammengesetzten Zinsen.

### §. 333.

Die zusammengesetzten Zinsen stehen in der ersten Abtheilung der Vten Haupt-Tafel \*) und zwar in der 2ten Verticalspalte, welche "Zinsen von Zinsen" überschrieben ist. Da diese Zinsen ebenso in 3 Abtheilungen, je nachdem sie 1) jährlich, 2) halb jährlich oder 3) vierteljährlich zum Capitale geschlagen werden, und zwar ebenfalls für jede Zahl von

<sup>\*)</sup> Diese Tafeln finden sich Seite 109. bis 129. in 3 Abtheilungen, welche mit A, B oder C bezeichnet sind, angegeben.

Tagen der Zwischenzeit berechnet, angegeben sind, wie wir es bei den einfachen Zinsen schon gefunden haben; so bedarf es eigentlich keiner besondern Anleitung in Rücksicht ihrer Auwendung, es bleibt nämlich auch hier die Hauptregel: man nimmt aus den Tafeln denjenigen Bruch, welcher in der Horizontalspalte für die in Rechnung zu bringenden Tage oder Monate steht, und multiplicirt diesen Bruch mit der Zahl desjenigen Capitals, von welchem die Zinsen auf diese Zeit berechnet werden sollen. Das Product giebt uns dann jedesmal den wahren Betrag dieser Zinsen in derselben Münz-Gattung.

### §. 334.

Nur für diejenigen, welche bei Berechnung der Zinsessinsen auf Bruchtheile des Jahres, oder zwischen zwei Zinsterminen, einfache Zinsen einmischen, indem sie behaupten, dass in diesem Falle, nicht Zinsen von Zinsen gerechnet werden dürfen, für diese sey es mir erlaubt, zu zeigen, dass sie in allen solchen Fällen mehr als den Betrag der Zinsessinsen, mithin stets zu viel annehmen.

Um uns hiervon überzeugen zu können, wollen wir zu diesem Behufe ein Beispiel aus den Vorlesungen über Mathematik des Freiherrn v. Vega, (dritte Auflage, Wien 1802.) anführen.

Dieser Schriftsteller berechnet nämlich (Seite 380. No. 7.) wie hoch ein Capital von 20000 Gulden in 12 Jahren anwächst, wenn man die Zinsen zu 5 Procent mit Ende eines jeden Jahres sum Capitale schlägt; und findet somit nach der allgemeinen Formel S = ap<sup>n</sup>, dass das Capital mit den Zinsen am Ende des 12ten Jahres auf 35917.12 Gulden anwachsen werde; welches wir nach der 1sten Haupt-Tafel ebenfalls, nur etwas genauer, nämlich: 35917.12752 Gulden gefunden haben würden. Seite 382, behauptet jedoch der Freiherr v. Vega, dass diese Formel S = ap<sup>n</sup>, nicht unmittelbar angewendet werden könne, wenn die Anzahl der Jahre (n) ein Bruch wäre, und führt als Erläuterung das Beispiel an, dass, wenn man den Anwachs der obigen 20000 Gulden für

124 Jahre berechnen wollte, so müsste man die Zinsen von den oben gefundenen 35917.12 Gulden auf das letzte halbe Jahr nach dem Ansatze: "100 Gulden bringen in ½ Jahr ½ Gulden Zinsen, wie viel 35917.12 Gulden in derselben Zeit" berechnen, und ihren Betrag nämlich 897.93 Gulden, noch zu dem für 12 ganze Jahre gefundenen Capitale addiren. Hiernach findet nun Freiherr v. Vega Capital und Zinsen nach 12½ Jahren gleich 36815.05 Gulden. Gleich darauf bemerkt derselbe auch noch, dass 11 Gulden zu wenig, nämlich nur 36804.1 Gulden gefunden würden, wenn man in der Formel n == 12½ annähme.

Da nun dieser Unterschied von 11 Gulden bloss durch die Zinsberechnung des letzten halben Jahres hervorgebracht wird, so verdient dieser Gegenstand noch einer nähern Beachtung.

Vor allem wollen wir daher berechnen, wie viel Zinsen jenes, nach 12 ganzen Jahren gefundene Capital von 35917.12 Gulden in dem letzten halben Jahre, nach unsern vorliegenden Tafeln trage, insofern hier die Zinsen mit Ende eines jeden Jahres zum Capitale geschlagen werden. Man nehme aus der Isten Abtheilung der Zinstafel, welche für jährliche Termine berechnet ist, den bei einem halben Jahre oder 6 Monaten stehenden Bruch:

multiplicire diesen mit der Zahl des Capitals 3 5917.12 oder '

auch umgekehrt, nämlich: multiplicirt mit: 3 5917.12 Gulden

0.0246 95

3 23 2540 8 21 55 0272 143 66 848 718 34 24

giebt als Zinsen 886.97 3278 40 Gulden Hierzu das Capital 35917.12(752) -

beträgt in Smme 36804.10 0798 4 Gulden.

Wir finden also hiernach genau eben so viel, als Freiherr v. Vega bei Anwendung der Formel, indem er (n) gleich 12½ Jahre annahm. Dieses kann uns nun als Beweis dienen,

1) dass unsere Zinstafeln mit der Formel S == ap<sup>n</sup> in jedem Falle genan übereinstimmen;

- 2) dass die Differenz von 11 Gulden lediglich dadurch entstand, dass man von der, diesen Rechnungen zum Grunde gelegten Formel abwich;
- 3) gelangen wir noch zu der Ueberzeugung, dass gerade derjenige mehr als den Betrag der Zinseszinsen in Rechnung bringt, welcher zwischen zwei Zinsterminen einfache Zinsen (wie sie gewöhnlich berechnet werden) annimmt; und
- 4) wird auch dadurch der Irrthum entfernt, dass in einem solchen Falle durch Annahme der Zinseszinsen das Capital noch mehr anwachse, als durch die einfachen Zinsen; denn das obige Beispiel überzeugt uns gerade vom Gegentheil.

Die Hte Abtheilung der Vten Haupt-Tafel \*).

Die Berechnung des Interusuriums eines erst
später ohne Zinsen fällig werdenden Capitals;
nach 5 Procent jährlichen Zinsen berechnet.

**§.** 335.

A) bei einfachen Zinsen. (Siehe Seite 130-141.)

Was man eigentlich unter Interusurium zu verstehen habe, und bei welchen Gelegenheiten dasselbe in Anwendung komme, ist im §. 143 u. s. w. schon hinlänglich gezeigt worden; auch fanden wir im §. 148. Anleitung, wie das Interusurium nach einfachen Zinsen, und auf ganze Jahre berechnet werde. Es bleibt uns also hier nur noch übrig zu zeigen, wie diese Beträge dann zu nehmen sind, wenn die Zeit der Vorausbezahlung (Anticipation) nicht ganze Jahre, sondern Bruchtheile eines Jahres sind.

Nach den in §. 289. aufgestellten Gründen (über deren Richtigkeit wohl kein Einwurf mehr zu erwarten ist,) wurde nun der jetzige baare Werth und das Interusurium auch hier, und zwar

<sup>\*)</sup> Die IIte Abtheilung der Vten Haupt-Tafel findet man auf Seite 130. bis mit Seite 156. in 5 hesondern Abtheilungen, welche durch A, B, C, D oder E von einander unterschieden sind.

so berechnet, dass man die Zinsen auf die Zeit der Vorausbezahlung (Anticipation) berechnete, dieselben zu 100 addirte, und alsdann schloss: "100 plus diese Zinsen, verhalten sich zu 100 ohne Zinsen, wie das zu anticipirende Capital, zu seinem jetzigen baaren Werthe".

Nehmen wir also die Zinsen, wie es hier durchgängig geschehen soil, auf das ganse Jahr von 365 Tagen zu 5 Procent an, so sind die Zinsen auf 1 Tag  $\frac{5}{365}$  oder  $\frac{7}{73}$ , auf 2 Tage  $\frac{2}{73}$ , auf 3 Tage  $\frac{3}{73}$ , u. s. w. Procent; daher ist der jetzige baare Werth für das Capital E in s, auf die Zeit der Anticipation von 1 Tag,  $(100 + \frac{1}{13})$ : 100 = 1 : x; und  $x = \frac{100 \times 73}{7301} = \frac{7300}{7301}$  2 Tage,  $(100 + \frac{2}{73})$ : 100 = 1 : x;  $-x = \frac{100 \times 73}{7302} = \frac{7300}{7302}$  3 Tage,  $(100 + \frac{3}{73})$ : 100 = 1 : x;  $-x = \frac{100 \times 73}{7303} = \frac{7300}{7303}$ 

Diese gemeinen Brüche lassen sich nun ohne weitere Rechnung leicht fortsetzen, indem der Zähler unverändert bleibt und der Nenner für jeden folgenden Tag immer um eine Einheit zunimmt; man findet diese Brüche, welche den jetzigen baaren Werth enthalten, in der 3ten Abtheilung der Vten Haupt-Tafel in der ersten Verticalspalte, welche "Einfache Zinsen" überschrieben ist, und sogleich daneben den ihnen gleich kommenden Werth in Decimalbrüchen ausgedrückt.

### §. 336.

Das in der 2ten Abtheilung der Vten Haupt-Tafel angegebene Interusurium ist nun, wie wir §. 157. gesehen haben, bloss die Ergänzung des baaren Werthes zu dem zu rabattirenden Capitale. Daher würde man auch alle, in der 2ten Abtheilung angegebenen Werthe finden, wenn man den baaren Werth in der 3ten Abtheilung, von Eins abzieht. Um aber dieses Interusurium auch auf einem andern Wege zu berechnen, so schliesse man: 100 plus den Zinsen, verhalten sich zu den Zinsen allein, d. i. zum Interusurium, wie sich das zu rabattirende Capital, zu seinem Interusurium verhält". Legen wir daher dieser Rechnung

wieder 5 Procent Zinsen, und das Capital Eins zum Grunde, so ist das Interusurium auf:

1 Tag, 
$$(100 + \frac{1}{13}) : \frac{1}{13} = 1 : x;$$
 und  $x = \frac{1 \times 73}{73 \times 7301} = \frac{1}{7301}$   
2 Tage,  $(100 + \frac{2}{13}) : \frac{2}{13} = 1 : x;$   $x = \frac{2 \times 73}{73 \times 7302} = \frac{2}{7302}$   
3 Tage,  $(100 + \frac{3}{13}) : \frac{3}{13} = 1 : x;$   $x = \frac{3 \times 73}{73 \times 7303} = \frac{3}{7303}$   
4 Tage,  $(100 + \frac{4}{13}) : \frac{4}{13} = 1 : x;$   $x = \frac{4 \times 73}{73 \times 7304} = \frac{4}{7304}$ 

Diese Brüche, welche sich ebenfalls ohne Rechnung leicht fortsetzen lassen, indem sie wieder nach einem bestimmten Gesetze sunchmen, findet man in der 2<sup>ten</sup> Abtheilung der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel mit ihrem Werthe in Decimalbrüchen als Interusurium für jeden einzelnen Tag des Jahres, angegeben; sie gründen sich aber bloss auf einfache Zinsen, wie es auch die Ueberschrift der ersten Verticalspalte besagt.

Sowohl das Interusurium, als auch der jetzige baare Werth auf einzelne Monate, halbe - und Vierteljahre, wurde nun ganz auf demselben Wege, wie wir bei einzelnen Tagen gezeigt haben, berechnet.

# §. 337.

Damit jedoch ein jeder in Stand gesetzt werde, alle hierher gehörende Berechnungen durch blosse Multiplication, kurz und doch richtig aufzulösen, so wurde für nöthig erachtet, auch das Interusurium, und den baaren Werth auf ganze Jahre, und swar ebenfalls von Einem bis mit Hundert Jahren anzugeben; welche letztere Berechnungen jeder Abtheilung, und swar am Schlusse derselben, beigefügt sind.

Anwendung dieser Tafeln auf die Berechnung des einsachen Interusuriums \*).

§. 338.

Sowohl das Interusurium, als auch der baare Werth, deren

<sup>\*)</sup> Diese Tafeln findet man auf Seite 130. bis 156. und swar in der ersten Verticalspalte.

Resultate in der 2ten und 3ten Abtheilung der Vien Haupt-Tafel bei den einzelnen Tagen angegeben sind, wurde bloss für die Fälle berechnet, wenn eine gewisse Summe Geldes, die erst nach einer bestimmten Zahl von Tagen, Wochen oder Monaten u. s. w. ohne bis dzhin Zinsen zu tragen, fällig oder zahlbar wird, auf diese Zeit vorausbesahlt (anticipirt) werden soll.

Der Gebrauch dieser Tafeln lässt sich aus folgenden Aufgaben ersehen.

# A) Auf Bruchtheile des Jahres \*)

### §. 339.

 Welches Interusurium darf derjenige in Rechnung bringen, welcher ein Capital von 1000 Mark Banco, auf 205 Tage früher abzahlt, ehe es fällig wurde?

# Auflösung.

Man nehme aus der 2ten Abtheilung der Vten Haupt-Tafel den bei genannter Zeit stehenden Bruch, und multiplicire denselben mit der Zahl des Capitals.

Nun steht bei 205 Tagen (Seite 136.) der Decimal-Bruch: 0.027315.

Diesen Bruch mit 1000 multiplicirt, (welches geschieht, indem man den Punct um 3 Ziffern nach der rechten Hand su fortrückt) so erhält man 27.315. Dieses sind nun für das gegebene Beispiel (wenn man den Bruch nach der 1sten Resolvirungstafel auflöst), 27 Mark 5 Schillinge 1 Pfennig.

Anmerkung. Man ersieht hier leicht, dass auch die Rechnung alsdann dieselbe bleibt, wenn das zu rabattirende Capital in Thalern, Gulden, Pfund Sterling u. s. w. angegeben ist; denn in jedem dieser Fälle würde man als Interusurium) 27 Ganze, derselben Münsgattung erhalten haben; nur der Bruch 215 oder 0.315 veranlasst uns, seinen Werth in derjenigen Resolvirungs-Tafel aufzusuchen, welche für die in Rechnung zu bringende Geldsorte berechnet ist.

<sup>\*)</sup> Die hierzu gehörige Tafel findet nich Seite 130, bis 141.

2) Wie viel beträgt das Interusurium, wenn 15000 Thir. auf 172 Tage früher abgetragen werden?

# Auflösung.

Man nehme (Seite 135.) den bei 172 Tagen stehenden Bruch 0.023019 und multiplicire denselben mit 15000, oder besser mit 1000×15; nun ist 0.023019×1000 = 23.019, und das erhaltene Product 23.019 wieder mit 15 multiplicirt, giebt 345.285. Daher ist das gesuchte Interusurium gleich 345 Thir. 6 Gr. 10 Pf. oder 345 Thir. 8 Silbergr. 7 Pfennige.

3) Eine Schuld von 3735 Gulden soll auf 8 Monate anticipirt werden; wie viel Gulden und Kreuzer Interusurium sind deshalb in Abzug zu bringen?

### Auflösung.

Bei 8 Monaten steht der Brueh diesen multiplicirt mit:	0.032258 3735
	161290
	96774
	22 5806
	96 774

so erhält man zum Producte 120.483630

Daher ist das gesuchte Interusurium = 120 fl. 29 Krs.

# B) Auf mehrere ganze Jahre \*)

§. 340.

Eben so leicht lässt sich das einfache Interusurium berechnen, wenn die Zeit der Anticipation in ganzen Jahren angegeben ist. Da jedoch hier der Einfluss auf das zu suchende Resultat grösser seyn könnte, so wurden anstatt 6 Decimalen, in diesem Falle 9 Decimalen angegeben, von welchen letzten man jedoch, nach Verhältniss der Grösse des zu rabattirenden Capitals, auch einige Decimalen weglassen kann. Die Rechnung ist übrigens ganz der vorigen gleich.

<sup>\*)</sup> Die hierzu nothige Tafel Andet sich Seite 151. bis 153.

# Aufgabe.

2840 Reichsbankthaler dänisch sind erst nach 19 Jahren, und zwar ohne bis dahin Zinsen zu tragen, zahlbar. Man kommt jedoch überein, diese ganze Schuld sofort mit 5 Procent Rabatt abzutragen; wie viel beträgt in diesem Falle der Rabatt oder das Interusurium?

# Auflösung.

Man nehme hier ebenfalls aus der Tafel, (Seite 151), welche den Betrag des einfachen Internsuriums enthält, den bei 19 Jahren stehenden Bruch, also: 0.487179487 und multiplieire denselben mit: 2840

> 1 9 487179480 38 9 7435896 97 4 358974

so ist das Product gleich: 138 3.589743080

Demnach ist (mit Hilfe der 1sten Resolvirungs-Tafel) das gesuchte Interusurium gleich 1383 Rbthlr. 3 Mark 81 Schilling.

# C) Bei jährlichen Verbindlichkeiten \*).

# §. 341.

Wenn jemand ein Grundstück unter der Bedingung erkaufte, dass er eine gewisse Summe sogleich baar, den Rest des Kaufpreises aber in jährlichen Terminen, und zwar in gleichen Raten, abzuzahlen verspricht, so ersieht man leicht, dass man die Rechnung nach der vorhergehenden Tafel so oft wiederholen müsse, als jährliche Zahlungstermine bedungen sind. Um also eine solche Berechnung abzukürzen, so wurde die nächst folgende Tafel eingeschaltet; welche uns Fragen von folgender Beschaffenheit auflösst.

# Aufgaben.

1) A erkauft von B ein Guth für 27500 Thaler; er bezahlt darauf sogleich 20000 Thaler, und verspricht den Rest von 75000 Thaler in den nächsten auf einander folgenden 5 Jahren so ab-

a) Hierzu gehört die Tafel, welche sich auf Seite 154, 155. und 156. vorfindet.

sutragen, dass er mit Ende eines jeden 1500 Thaler bezahlt. Wenn nun die 5 Terminsahlungen sofort auf Einmal bezahlt werden sollen, so soll herechnet werden, welches (einfache) Interusurium A wegen früherer Bezahlung in Abzug bringen darf?

#### Auflösung.

Man nehme aus der Tafel, welche für jährliche Verbindlichkeiten berechnet ist, die bei 5 Jahren stehende Zahl

und multiplicire dieselbe mit 15×100 oder

1500

3 17 8147940 6 35 629588

0.63 5629588

so ist das Product gleich:

9 53.444382000

Das gesuchte Interusurium, welches A wegen der sofortigen Bezahlung der 7500 Thaler Termingelder in Abzug bringen darf, beträgt demnach 953.444... Thaler oder 953 Thlr. 10 Gr. 8 Pf. nach sächsischer, oder 953 Thlr. 13 Silhergr. 4 Pf. nach preussischer Münseintheilung.

2) A hat die Verbindlichkeit übernommen, an B 9500 Francs und swar mit Ende eines jeden der ersten auf einander folgenden 19 Jahre 500 Francs auszuzahlen. Wenn nun beide Interessenten dahin übereinkommen, dass diese 19 Terminzahlungen, mit 5 Procent Rabatt sofort ausgezahlt werden, so fragt sichs: welches Interusurium A wegen Anticipation in Abzug bringen darf?

# Auflösung.

Da A die Verbindlichkeit hat, 19 Jahre hinter einander, mit Ende eines jeden 500 Francs zu bezahlen, so darf man nur die bei 19 Jahren stehende Zahl:

5.88 3932364 mit der Zahl des jährlich abzutragenden Capitals, also mit:

500

multipliciren, so ist das Product = 29 41.966182000

Daher hat A an den ganzen 9500 Francs, wegen sofort zu leistender Zahlung ein Interusnrium von 2941 Francs 96.6 Centimes in Abzug zu bringen.

Es wird ein Guth für 2500 Gulden (rheinisch) jährlichen
 Pacht, auf 9 hinter einander folgende Jahre verpachtet. Der Be-

sitzer des Guthes kommt mit seinem Pachter dahin überein, dass Letzterer ihm den Pacht auf alle 9 Jahre in Voraus bezahlen, und wegen dieser Anticipation ein Interusurium von 5 Procent in Abzug bringen soll. Wie viel beträgt in diesem Falle das Interusurium?

#### Auflösung.

Man nehme die bei 9 Jahren stehende Zahl:

1.72 1717191

und multiplicire dieselbe mit: 2500

8 60 8585955 34 43 434382

so ist das Product gleich:

43 04.292977500

Der Pachter kann demnach ein Interusurium von 4304 Gulden 17<sup>1</sup>/<sub>2</sub> Kreuzer in Abzug bringen.

Die Berechnung des Interusuriums nach dem von Leibnitz aufgestellten Calcul oder bei 5 Procent Zins von Zins \*)

#### §. 342.

Das zusammengesetzte Interusurium findet sich ebenfalls in der 2ten Abtheilung der Vten Haupt-Tafel, und zwar in der zweiten Verticalspalte, welche "Zinsen von Zinsen" überschrieben ist.

Diese 2te Abtheilung selbst zerfällt wieder in funf Unterabtheilungen, oder Tafeln, von welchen die Berechnung des wahren Interusuriums, für ein Capital Eins, nämlich:

In der leten Tafel: (Seite 130 — 141) auf jeden Tag, und zwar von 1 bis mit 365 Tage, so wie auf jede Woche, jeden Monat, also auch auf halbe - und Vierteljahre angegeben ist; insofern die Zinstermine in ganzen Jahren mit 5 vom Hundert bedungen sind.

In der 2ten Tafel (Seite 142-147) findet man das Interusurium ebenfalls auf jeden Tag (von 1 bis mit 182 Tage),

<sup>\*)</sup> Die hierzu gehörigen Tafeln finden sich Seite 130 bis mit Seite 156 und zwar in der zweiten Verticalspalte.

jede Woche, und jeden Monat, insofern die Zinstermine in halben Jahren, mit 2½ Procent bedungen sind.

Die 3te Tafel (Seite 148 — 150) enthält das Interusurium auf dieselben Zeiten berechnet, für den Fall, dass die Zinstermine vierteljährig mit 1½ Procent bedungen sind.

Die 4te Tafel (Seite 151 — 153) enthält das Interusurium auf ganze Jahre, und zwar von Einem bis mit 100 Jahren, ebenfalls bei 5 Procent jährlich. Endlich enthält:

Die 5te Tafel (Seite 154 — 156) den gesammten Betrag des Interusuriums, insofern jemand mit Ende eines jeden Jahres eine gewisse Summe (jedoch ohne Zinsen) absutragen verbunden ist, sämmtliche Zahlungen aber sofort abtragen will u. s. w.

Damit wir uns nun von dem überaus grossen Nutzen dieser Tafeln recht deutlich überzeugen können, und auch Gelegenheit haben, zugleich eine Fertigkeit in dem vortheilhaften Gebrauche derselben zu erlangen, so wollen wir für jeden Fall einzeln, einige Aufgaben mit ihren Auflösuhgen hier folgen lassen.

Aufgaben über den Gebrauch der 1 ten Tafel, welche für ein ganzes Jahr berechnet ist \*).

#### §. 343.

1) Eine Schuld von 2000 Gulden, welche erst nach 67 Tagen ohne Zinsen fällig wird, soll sofort anticipirt werden; wie viel beträgt das Interusurium?

Anmerkung. Es wird hier stets vorausgesetzt, dass bei vorkommender Anticipation auf das ganze Jahr 5 Procent Zinsen in Rechnung gebracht werden.

# Auflösung.

In der Tafel, welche das Interusurium für jeden Tag des gansen Jahres enthält, findet man bei 67 Tagen (in der zweiten Verticalspalte, welche "Zinsen von Zinsen" überschrieben ist) den Decimalbruch 0.008916.

<sup>\*)</sup> Diese Tafel findet sich von Seite 130 bis Seite 141.

Dieser Bruch nun enthält den Rabatt oder das Interusurium insofern bloss 1 Thaler, 1 Gulden, I Mark u. s. w. auf 67 Tage vorausbezahlt (anticipirt) werden sollte. Da also in unserem Beispiele 2000 Gulden auf 67 Tage vorausbezahlt werden sollen, so wird das wahre Leibnitzische Interusurium gefunden, wenn der bei der genannten Zeit stehende Bruch 0.008916 mit der Zahl des Capitals, also hier mit 2000 (oder mit 1000 mal 2) multiplicirt wird.

Nun ist (nach §. 45)  $0.008916 \times 1000 = 8.916$ , und dieses Resultat noch mit 2 multiplicitt, giebt 17.832.

Daher ist der Betrag des gesuchten Interusuriums gleich 17.832 Gulden oder 17 Gulden 50 Kreuzer.

- Anmerkung. Die Auflösung des dem Ganzen noch zugehörigen Decimalbruches kann stets nach einer von den am Ende der Tafeln noch beigefügten vier Resolvirungs-Tafeln bewirkt werden, indem dieselben fast für jede gangbare Rechnungs-Münze eingerichtet sind.
- 2) Man hat in London nach 127 Tagen eine Summe von 459 Pfund Sterling, und swar ohne Zinsen zu fordern; welches Interusurium darf der Engländer in Abzug bringen, wenn er diese Schuld sofort abtragen will?

# Auflösung.

Man	findet	bei	127	Tagen	den	Bruch	
	multip	licirt	man	densel	lben	mit:	
	_						

0.016833 459

151497 84165 67332

so ist das Product gleich:

7.726347

Das gesuchte Interusurium ist also 7.726347 Pfund oder 7 Pfund 14 Schillinge 6 Penc.

#### §. 344.

Es ware wohl überflüssig, noch mehr Beispiele anzuführen, da der Gebrauch dieser Tafel so überaus leicht ist. Auch die 2te und 3te Tafel wird auf dieselbe Weise benutzt. Da jedoch die 2te Tafel für den Fall berechnet ist, dass die Zinstermine halbjährig mit 2½ Procent, und eben so die 3te Tafel auf vierteljährige Zinstermine, jeden zu 1½ Procent gegründet wurde, so ist es nicht gleichgültig, aus welcher von diesen drei Tafeln man den Bruch aushebt und in Rechnung bringt. Ein Beispiel wird uns den Unterschied deutlich machen.

# Aufgabe.

Drei Brüder haben nach 70 Tagen, und zwar jeder 20000 Thaler ohne Zinsen, zu fordern. Der erste will sich ein Interusurium von 5 Procent jährlich, der zweite von 2½ Procent halbjährlich, und der dritte von 1½ Procent auf das Vierteljahr abziehen lassen, wenn ihnen diese Forderung sofort ausgezahlet wird. Wie viel wird bei jedem das Interusurium betragen?

#### Auflösung.

In der für jährig bedungene Zinstermine berechneten 1sten Tafel (Seite 132) steht bei 70 Tagen der Bruch: 0.009313. Eben so findet man in der 2ten Tafel (Seite 144) welche für halbjährige Zinstermine berechnet wurde, bei 70 Tagen den Bruch: 0.009426; und endlich in der 3ten Tafel, (Seite 150) welche für vierteljährige Termine berechnet ist, findet man bei 70 Tagen den Bruch: 0.009484.

Nun findet sich das Interusurium, wenn man diese Brüche mit der Zahl des Capitals, also hier mit 2000 multiplicirt; daher ist dieser Betrag, im:

- 1sten Falle = 0.009313 × 20000 Thir. = 186.26 Thir.
  - 2ten '  $= 0.009426 \times 20000$  Thir. = 188.52 Thir.
- 3ten = 0.009484 × 20000 Thir = 189.68 Thir.

  oder wenn man die Bruchtheil-Thaler, nach der 3ten und 4ten

  Resolvirungstafel in Groschen und Pfennige ausdrückt:
  - 1) 186 Thir. 6 Gr. 3 Pf. oder 186 Thir. 7 Silbergr. 10 Pf.
  - 2) 188 12 6 - 188 15 7 -
  - 3) 189 16 4 - 189 20 5 -

Hieraus ergiebt sich ein Verlust:

des 2ten gegen den 1sten von: 2 Thl. 6 Gr. 3 Pf. od. 2 Thl. 7 Sgr. 9 Pf. des 3ten gegen den 2ten von: 1 - 3 - 10 - od. 1 - 4 - 10 - des 3ten gegen den 1sten von: 3 - 10 - 1 - od. 3 - 12 - 7 -

Da sich nun bei dieser Berechnung ein Unterschied von mehrern Thalern zeigte, so dürfte dieser Gegenstand wohl eine genauere Beachtung verdienen, als es bisher zum Theil geschah.

Der Unterschied selbst ist darinn aufzusuchen, dass derjenige, welcher schon nach einem Vierteljahre den vierten Theil den jährlichen Zinsbetrags aum Capitale schlügt, sein Capital zu einem höhern Zinsfusse benutzt, als derjenige, welcher die Zinsen bloss mit Ende eines jeden ganzen Jahres zum Capitale legt. Da zun das Interusurium nichts anderes ist, als der Zinsbetrag des jetzigen baaren Werthes auf die Zeit der Anticipation, so ersieht man leicht, dass wenn ein Capital zu einem höheren Zinsfusse rabattirt wird, in diesem Falle auch das Interusurium grösser ausfallen muss.

Ueber den Gebrauch der 4ten Tafel, oder die Berechnung des Leibnitzischen Interusuriums auf mehrere ganze Jahre \*).

#### §. 346.

Diese vierte Tafel enthält den Betrag des Interusuriums für jede Zahl von ganzen Jahren und zwar von 1 bis mit 100 Jahren, bis auf tausend Millionen-Theile der Einheit genau berechnet. Der Gebrauch derselben soll durch folgende Aufgaben versinnlicht werden.

# Aufgaben.

# §. 347.

1) Eine Staatsschuld von 3 Millionen Thalern ist erst nach 13 Jahren (ohne Zinsen) zahlbar; nach einer neuern Uebereinkunft soll jedoch diese ganze Schuld sofort mit einem Interusurium von 5 Procent nach dem Leibnitzischen Calcul berechnet,

<sup>\*)</sup> Diese Tafel ist auf Seite 151 bis mit Seite 153 befindlich.

also Zins von Zins, abgetragen werden. Wie viel beträgt das Internsurium in diesem Falle?

#### Auflösung.

Man nehme aus der 4ten Tafel Seite 151 (2te Verticalspalte) den bei 13 Jahren stehenden Bruch: 0.469678649 und multiplicire denselben mit 3000000, welches geschieht, indem man den Punet um 6 Stellen nach der rechten Hand zu fortrückt; das dadurch erhaltene Product 469678.649, wird wieder mit 3 multiplicirt. Demnach ist (469678.649×3) Thlr. gleich 1409035.947 Thaier, oder 1409035 Thlr. 22 Gr. 9 Pf. (28 Silbergr. 5 Pf.) das gesuchte Interusurium.

2) Es sollen 4800 Lire Italiano (neue österreichische Lire) auf 24 Jahr anticipirt, und deshalb ein Interusurium von 5 Procent jährlich in Rechnung gebracht werden; wie viel beträgt das Interusurium? (1 Lire = 100 Centesimi).

#### Auflösung.

Man nehme aus der 4<sup>ten</sup> Tafel die bei 24 Jahren stehende Zahl: - 0.68993209 und

multiplicire dieselbe mit:

4800

551 94567200 2759 72836

so ist das Product gleich:

3311.67403200

Folglich ist das gesuchte Interusurium = 3311.674032 Lire oder 3311 Lire 67% Centesimi.

Anleitung zum Gebrauch der 5ten Tafel, 2te Verticalspalte \*).

# **§**. 348.

Diese 5te Tafel enthält den Gesammtbetrag des Interusuriums; insofern nämlich jemand die Verbindlichkeit hat, mit Ende eines jeden Jahres eine gleiche Summe z. B. eine Jahrente, Gelder auf Tageszeiten u. s. w. an einen Andern, und zwar ohne Zinsen abzutragen, und die sämmtlichen Terminzahlungen sollten

<sup>\*)</sup> Diese Tafel findet sich Seite 154 his mit Seite 156.

sofort auf Einmal, und swar nach dem von Leibuits aufgestellten Systeme, also su 5 Procent Zius von Zins abgetragen werden.

Als Erläuterung mögen folgende Berechnungen dienen.

# Aufgaben.

#### §. 349.

1) Ein Vater überlässt sein Guth seinem Sohne für den Kaufpreis von 10000 Thalern unter der Bedingung: 1) Du übernimmst zugleich 4000 Thlr. Consensschulden, welche noch auf dem Guthe haften; 2) 4000 Thlr. will ich Dir, als einzigem Kinde zum Erbtheil überlassen, und 3) den Rest von 2000 Thlr. sollst Du mir in zwanzig auf einander folgenden Terminen, und zwar mit Ende eines jeden Jahres 100 Thlr. abtragen. Krieg und andere Unglücksfälle machen es jedoch nöthig, dass das Guth schon zwei Jahre nach der Uebernahme öffentlich versteigert wird. Wenn nun der neue Ersteher die noch auf dem Guthe haftenden 1800 Thaler Tagezeitgelder sofort abführen will, welches Interusurium kann er wegen früherer Bezahlung (nach dem Systeme von Leibnitz) in Abzug bringen?

# Auflösung.

Man nehme aus der 5ten Tafel (Seite 154) aus der zweiten Spalte, die bei 18 Jahren stehende Zahl 6.310413097, und da jährlich 100 Thaler zu bezahlen sind, so multiplicire man die 6.310413097 mit 100; dieses geschieht, wenn der Punct um zwei Ziffern nach der rechten Hand zu versetzt wird. Somit erhält man für das gesuchte Interusurium 631.0413... Thir. gleich 631 Thir. 1 Gr. — Pf. oder 631 Thir. 1 Silbergr. 3 Pf.

2) Der Staat A hat die Verbindlichkeit übernommen, an B eine Kriegsschuld von 20 Millionen Franken in 32 auf einander folgenden jährlichen Terminen, und zwar jeden mit 625000 Franken, abzutragen. 1) Welches Interusurium könnte der Staat A in Rechnung bringen, wenn die ganzen 32 Terminzahlungen sofort abgetragen werden sollten? und 2) welche Summe würde

der Staat B anstatt der ganzen Forderung jetzt baar erhalten? (Ein Frank == 100 Centimes.)

# Auflösung.

In der 5ten Tafel (Seite 154) sweite Verticalspalte findet sich bei 32 Jahren die Zahl 16.197323332. Multiplicirt man dieselbe mit der Zahl des jährlich abzutragenden Capitals, so zeigt uns das Product die Grösse des Interusuriums.

> Also: 16.197 323332 multiplicirt mit: 625000

> > 80 986 616660000 323 946 46664.... 9718 393 9992 .....

giebt zum Producte:

10123 327.082500000

Demnach ist das gesuchte Interusurium gleich 10123327 Franken 8 Centimen.

Nun findet sich das, was B jetzt baar zu erhalten hat, dadurch, wenn das jetzt gefundene Internaurium von der ganzen Forderung abgezogen wird.

also von 20000000 Franken — Cent. abgezogen 10123327 - 8 -

bleibt für B: 9876672 Franken 92 Cent. als jetziger baarer Werth.

Die IIIte Abtheilung der Vten Haupt-Tafel.

Berechnung des jetzigen baaren Werthes eines, erst später ohne Zinsen fällig werdenden Capitals \*).

A) bei einfachen Zinsen zu 5 vom Hundert jährlich. §. 350.

Die Gründe zu der Berechnung des jetzigen baaren Werthes eines erst später ohne Zinsen fällig werdenden Capitals, wurden sehon in §. 143 und §. 335 angegeben. Es kommt daher jetzt bloss noch darauf an, zu seigen, wie die vorliegenden 5 Tafeln,

<sup>\*)</sup> Die hicher gehörigen Tafein sind befindlich von Seite 157 bis mit 183.

welche die 3te Abtheilung der 5ten Haupt - Tafel bilden, angewendet werden müssen.

Die ganze 3te Abtheilung, welche den jetzigen baaren Werth enthält, besteht wieder aus 5 einzelnen Tafeln, von welchen jede in 3 Verticalspalten abgetheilt ist; wovon die 1ste nach einfachen, die 2te nach zusammengesetzten, und die 3te nach mittlen Zinsen berechnet ist, so wie es die Ueberschrift einer jeden Verticalspalte besagt.

Die erste dieser Tafeln (Seite 157 — 168) ist für den Fall berechnet, dass auf das ganze Jahr 5 Procent als Interusurium bedungen sind; und in diesem Falle findet man daselbst den rabattirten oder jetzigen baaren Werth auf jede Zeit der Anticipation, im Lau'fe des ganzen Jahres, für das Capital Eins.

Die zweite Tafel (Seite 169 — 174) enthält ebenfalls diesen jetzigen Werth, aber für den Fall berechnet, dass die Zinstermine in halben Jahren, jedes mit 2½ Procent, bedungen sind.

Die dritte Tafel (Seite 175 — 177) giebt diesen Werth für den Fall, dass die Zinstermine vierteljährig, mit 1½ Procent bedungen sind.

Die vierte Tafel (Seite 178 — 186) enthält den jetzigen baaren Werth eines Capitals Eins, welches erst nach mehreren ganzen Jahren fällig wird; ebenfalls zu 5 Procent jährlich, und von 1 bis mit 100 Jahren berechnet.

Die fünfte Tafel endlich (Seite 181 — 183) enthält den jetzigen Werth von Zahlungen, welche mit Ende eines jeden Jahres fällig werden, zusammengenommen; und zwar ebenfalls zu 5 Procent jährlich, von 1 bis mit 100 Jahren, berechnet.

Anwendung dieser Tafeln, insofern der jetzige baare Werth nach dem einfachen Interusurium berechnet werden soll.

#### 8. 351.

Die Einrichtung dieser vorliegenden Tafeln ist ganz wieder so, wie bei den vorhergehenden, nur dass hier die Resultate nicht das Interusurium, sondern den jetzigen baaren Werth eines erst später, ohne Zinsen, fällig werdenden Capitals enthalten. Die Rechnungen sind stets auf 5 Procent und das Capital Eins gegründet.

Bei Rechnungen für das einfache Interusurium, bedient man sich stets der ersten Verticalspalte, welche "Einfache Zinsen" überschrieben ist.

#### §. 352.

Zur Versinnlichung mögen folgende Aufgaben dienen.

1) Ein Lieferant hat für 6000 Gulden Waaren geliefert, mit dem Accord, erst nach 6 Monaten dafür Bezahlung zu verlangen. Er bittet jedoch, dass ihm die Hälfte des Betrages sofort mit 5 Procent Rabatt ausgezahlt werde; wie viel kann derselbe daher anstatt der 3000 Gulden jetzt baar erhalten?

#### Auflösung.

Man nehme (Seite 163) aus dieser 3ten Abtheilung und zwar der ersten Tafel, welche für jährlich bedungene Termine und 5 Procent berechnet ist, den bei 6 Monaten stehenden Bruch: 0.975610, und multiplicire denselben mit der Zahl des zu rabattirenden Capitals, also hier 3000, so zeigt das Product 2926.83 die Grösse des jetzigen baaren Werthes. Mithin können diesem Lieferanten, anstatt 3000 Gulden nach 6 Monaten, sofort nur 2926.83 Gulden oder 2926 Gulden 50 Kreuzer baar ausgezählt werden.

2) A in Oldenburg ist an B 2789 Reichsthaler, sofort zu bezahlen schuldig, hat aber dagegen an C eine Forderung von 3000 Reichsthalern, welche jedoch erst nach 219 Tagen (ohne Zinsen) zahlbar wird. Wenn sich nun B von diesen 3000 Reichsthalern bezahlt machen will, so fragt sichs: wie viel B an A jetzt noch heraus zu geben habe, insofern er diese Schuld mit 5 Procent Rabatt annimmt? (1 Reichsthaler = 72 Grote à 5 Schwaren.)

# Auflösung.

Man berechne den Werth, welcher die 3000 Rthlr., die erst nach 219 Tagen fällig werden, jetzt haben. Dieses geschieht dadurch, dass man (Seite 164) den bei 219 Tagen stehenden Bruch: 0.970874 mit 3000 multiplicirt; das Product 2912.622 zeigt uns sodann den jetzigen Werth jener 3000 Rthlr. in Thalern. Sucht man den, den 2912 ganzen Thalern noch zugehörigen Bruch 0.622 in der 4ten Resolvirungstafel auf, so findet sich dessen Werth gleich 44 Grote 4 Schwaren. Demnach ist der Werth jener 3000 Reichsthaler, jetzt nur 2912 Rthlr. 44 Grt. 4 Schw. A war aber an B schuldig: 2789 - - - - -

Demnach hat Av. Bsofort noch baar su erh. 123 Rthir. 44 Grt. 4 Schw.

B) Berechnung des baaren Werthes eines Capitals, welches erst nach mehreren ganzen Jahren ohne Zinsen fällig wird; nach 5 Procent einfachen Zinsen.

**5**. 353.

#### Aufgaben.

1) Eine Staatsschuld von 1'756975 Gnlden, welche erst nach 12 Jahren fällig wird, (ohne dass bis zur Ahtragung Zinsen zu entrichten sind), soll sofort, mit 5 Procent einfachen Rabatt, abgezahlt werden; wie gross ist der jetzige Werth jener ganzen Schuld?

# Auflösung.

In der, (von Seite 178 bis mit Seite 180) berechneten 4ten Tafel findet man neben 12 Jahren den Bruch 0.625000.... Multiplicirt man diesen mit der Zahl des zu rabattirenden Capitals (oder umgekehrt), so giebt uns das Product den jetzigen baaren Werth der obigen Staatsschuld.

Also das Capital multiplicirt mit:

1756 975 Gulden 0.625(000)

8784 875 35139 50 1054185 0

giebt zum Producte: 1098109.375 Gulden.

Mithin hat dieser Staat anstatt 1756975 Gulden nach 12 Jahren, jetzt nur 1098109 Gulden 22 Kreuser 2 Pfennige zu besahlen, und sieht deshalb ein Internsurium von 658865 Gulden 37 Kreuzer 2 Pf.

2) A hat von B eine gewisse Summe geliehen erhalten, werüber er dem B eine Schuldverschreibung von 600 Thalern, welche erst nach 5 Jahren (und zwar ohne Zinsen) zahlbar ist, ausstellt. Wenn nun B den Nutzen dieses Vorschusses auf die ganzen 5 Jahre gleich im Voraus, und zwar zu 5 Procent jährlichen einfachen Zinsen, abgezogen hat, so fragt es sich, wie gross die Summe gewesen sey, welche A von B baar erhielt?

#### Auflösung.

Vorausgesetzt, dass jene Uebereinkunft auf richtiger Berechnung beruht, so muss A von B soviel erhalten haben, als 600 Thaler, die erst nach 5 Jahren ohne Zinsen fällig sind, und auf diese Zeit su 5 Procent anticipirt werden, jetzt werth sind. Man nehme daher den (Seite 178) bei 5 Jahren stehenden Bruch: 0.80000000, also 0.8, (weil die an einem Decimalbruch rechts noch angehangenen Nullen keinen Worth haben), und multiplicire die obigen 600 Thaler mit 0.8, so ist das Product 480 Thaler. Mithin hat A von B nur 480 Thaler baar erhalten.

3) Wie viel kann man jetzt, für 372 Reichsbankthaler 3 Mark 7 Schillinge geben, welche in Copenhagen erst nach 9 Jahren ohne Zinsen zahlbar sind, wenn das einfache Interusurium su 5 Procent jährlich in Rechnung gebracht wird? (Ein dänischer Reichsbankthaler hat 6 Mark à 16 Schillinge.)

# Auflösung.

Man verwandle zuerst die 3 Mark 7 Schillinge, mit Hilfe der 1sten Resolvirungs-Tafel in einen Bruch des Reichsbankthalers; so findet man daselbst 3 Mark 7 Schillinge gleich 0.572917 Rbthlr., mithin ist das zu rabattirende Capital gleich 372.572917 Rbthlr. Nimmt man daher aus der vorliegenden Tafel (Seite 178) den bei 9 Jahren stehenden Bruch:

und multiplicitt denselben mit:

0.689 655172 372.572917

482 7586204 689 655172. 62 068 96548.. 137 931 0344... 4827 586 204.... 34482 758 60.... 1 37931 034 4.... 48 27586 204..... 206 89655 16.....

so ist das Product =

256.94683 9156176724 Rbthlr.

Wird nun der, den 256 Ganzen noch zugehörige Bruch (0.9468...) wieder in der laten Resolvirungstafel aufgesucht, so findet man dessen Werth gleich 5 Mark 11 Schillinge; und demnach ist der gesuchte Werth: 256 Rbthlr 5 Mark 11 Schillinge.

- Anmerkung. In der obigen Rechnung konnte man auch weniger Decimalen annehmen, wodurch das Mühsame einer solchen Multiplication etwas abgekürzt worden wäre, ohne dass dadurch das Resultat eine bedeutende Veränderung in Rücksicht der Richtigkeit erlitt.
- C) Berechnung des jetzigen baaren Werthes im Fall, dass jemand die Verbindlichkeit hat, mit Ende eines jeden Jahres eine gleiche Summe abzuführen \*).

#### §. 354.

Mit Hilfe der vorliegenden 5ten Tasel, sindet man den jetzigen Werth von Zahlungen, die erst mit Ende eines jeden Jahres
fällig werden; z. B. von Leibrenten, Termingeldern u. s. w. Die
Tasel selbst ist zu 5 Procent jährlich, für ein Capital Eins, und
zwar die erste Verticalspalte zu einsachen Zinsen berechnet.

Mit Hilfe dieser ersten Spalte werden Rechnungsfragen von folgender Beschaffenheit aufgelösst:

Die hierzu gehörige Tafel findet man von Seite 183 bis mit Seite 183 augegeben.

#### Aufgaben.

#### §. 355.

1) Der Bauer A verkauft sein Guth an B für 4250 Thaler, und swar so, dass ihm B 3000 Thir. sofort baar, die übrigen 1250 Thir. aber in Terminen, nämlich mit Ende eines jeden der sunächst auf einander folgenden 25 Jahre, 50 Thaler aussahlen soll. Nach 2 Jahren ist A gesonnen, sich selbst wieder eine kleine Wirthschaft anzukaufen, und kommt deshalb mit B überein, dass letzterer die noch schuldigen 23 Termingelder à 50 Thir. im Voraus auf Einmal mit 5 Procent einfachem Rabatt abtrage. Wie viel ist A su fordern berechtiget?

#### Auflösung.

Nach der vorhergehenden 4ten Tafel könnte man das Resultat dadurch finden, dass man die Rechnung 23 mal wiederholte und endlich diese einzelnen 23 Werthe addirte. Mit Hilfe der vorliegenden 5ten Tafel wird aber diese Berechnung überaus abgekürzt; man nimmt nämlich die (Seite 181) bei 23 Jahren stehende Zahl: 15.045179269 und multiplieirt dieselbe mit der Zahl des jährlich abzuführenden Capitals, also mit 50, so giebt das Product den jetzigen Werth aller 23 Terminsahlungen in Thalern. Daher ist (15.045179269 × 50) Thaler = 752.25896345 Thaler = 752 Thir. 6 Gr. 3 Pf. oder 752 Thir. 7 Silbergr. 9 Pf. das gesuchte Resultat.

2) Jemand bezieht aus Amsterdam mit Ende eines jeden Jahres eine sichere Rente von 2000 Gulden. Er will dieses Einkommen auf die nächsten 18 Jahre mit 5 Procent einfachem Rabatt verkaufen. Wie viel kann man jetzt dafür baar geben? (1 Niederländischer Gulden hat 100 Cents)

# Auflösung.

Man nehme aus der 5ten Tafel (Seite 181) die bei 18 Jahren stehende Zahl 12.603247123, und multiplieire dieselbe mit 2000, so erhält man 25206.494246; dieses sind 25206 Gulden 49 Cents; und so viel sind die 18 Renten à 2000 Gulden jetzt zusammen werth.

3) Es wünscht jemand einen gewissen Vorschuss zu haben, und verspricht dagegen die ersten 10 auf einander folgenden Jahre eine sichere Einnahme von 125 Mark Banco, welche stets mit Ende jeden Jahres fällig ist, so als Bezahlung anzuweisen, dass mit Ende des 10ten Jahres Capital und Zinsen (die letztern zu 5 Procent jährlich gerechnet) abgetragen sind. Wie gross darf die jetzt vorzustreekende Summe seyn?

### Auflösung.

Man berechne, wie viel die 10 jährlichen Einnahmen jede su 125 Mark, jetst susammen werth sind, so giebt dieser Werth die Grösse des Vorschusses an. Dieser Werth findet sich nun leicht, indem man die (Seite 181) bei 10 Jahren stehende Zahl 7.944949476 mit 125 multiplicirt; nämlich:

> 7.944949476 125

39 724747380 158 89898952 794 4949476

giebt zum Producte:

993.118684500

Die vorzustreckende Summe, oder der Werth jener zehn Einnahmen wäre also jetzt: 993.1186... Mark oder 993 Mark 1 Schilling 11 Pfennige.

Vertheilung einer Summe in mehrere gleiche Terminzahlungen.

#### **§.** 356.

Eben so lässt sich diese vorliegende Tafel mit Vortheil anwenden, wenn ein jetzt fälliges Capital auf mehrere jährige Termine vertheilt werden soll, so, dass mit dem letzten Termine, Capital und Zinsen rein abgetragen sind. Man findet im allgemeinen, die Grösse einer solchen Terminsahlung, wenn man das jetzt fällige Capital durch diejenige Zahl dividirt, welche in der Tafel neben den in Rechnung zu bringenden Jahren steht.

#### Aufgabe,

#### §. 357.

Eine Kriegsschuld von 2'375000 Gulden ist sofort zahlbar. Man kommt jedoch überein diese Schuld in fünf gleichen Terminen und swar in den nächsten 5 Jahren mit 5 Procent einfachen Zinsen so abzutragen, dass am Ende eines jeden Jahres eine gleich grosse Summe fällig wird. Wie gross ist die terminlich zu entrichtende Summe?

#### Auflösung.

Nach der oben angegebenen Regel hat man das Capital durch die (Seite 181) bei 5 Jahren stehende Zahl zu dividiren. Daher ist: 2375000 Gulden: 4.364370412 (oder auf gleiche Benennung gebracht) 237500000000000000: 4364370412 = 544179.2918... Gulden.

19281479400.... 17457481648. . . . 18239977520... 17457481648... 7824958720.. 4364370412... **34605883080.** 30550592884 . 40552901960 39279333708 12735682520 8728740824 40069416960 39279333708 79008325**20** 4364370412 35364621080 34914963296 449657784

**2**1821852060 ....

Die am Ende eines jeden der ersten auf einander folgenden 5 Jahre abzuführende Summe, wäre demnach 544179.2918 Gulden, oder 544179 Gulden 17 Kreuzer 2 Pf.

Man würde aber sehr fehlerhaft rechnen, wenn man den 5ten Theil der Schuld, oder 475000 Gulden für eine solche Terminzahlung annehmen wollte, indem auch die Zinsen mit berücksichtiget werden müssen.

#### §. 358.

Dass das in der vorigen Aufgabe gefundene Resultat seine Richtigkeit habe, lässt sich dadurch erweisen, dass man eine jede Terminzahlung wieder auf ihren jetzigen baaren Werth zurückführt; welches dadurch geschieht, dass die 1ste Zahlung wieder auf 1 Jahr, die 2te auf 2 Jahre u. s. w. zu 5 Procent rabattirt wird. Nun sind 544179.2918 Gulden, welche bezahlt werden:

nach 1 Jahr, jetzt nur 518265.9922 Gulden

- 2 Jahren - 494708.4471 -
- 3 - 4731993842 -
- 4 - 453482.7431 -
- 5 - 435343.4334

also in Summe nur 2'375000.0000 Gulden werth.

Da nun diese Summe der obigen Kriegsschuld vollkommen gleich ist, so ergiebt sich hiereus die Richtigkeit der Grösse einer solchen Terminsahlung, so wie des hierbei angewendeten Verfahrens.

Es darf jedoch nicht unbemerkt hleiben, dass alle dergleichen Vertheilungen einer Summe in gleiche Termine, richtiger d. h. den Geldgeschäften weit angemessener gefunden werden, wenn man hierbei die Zinseszinsen zum Grunde legt; welches in der Folge näher auseinander gesetzt und erwiesen werden soll.

Berechnung des jetzigen baaren Werthes eines erst später ohne Zinsen fällig werdenden Capitals, bei 5 Procent Zins von Zins, oder nach dem Leibnitzischen System \*).

§. 359.

Zu der Berechnung dieses Gegenstandes benutzt man eben-

<sup>\*)</sup> Die hierzu nöttigest Tasein besieden sich ebenfalls von Seite 15; bis mit 183, und zwar in der 21en Vertiealspalte, welche mit "Zinsenvon Zinsen überschrieben ist.

falls die 3te Abtheilung der 5ten Haupt-Tafel; nur mit dem Unterschiede, dass in diesem Falle stets die zweite Verticalspalte, welche "Zinsen von Zinsen" überschrieben ist, im Anwendung gebracht wird.

Bei Berechnung des jetzigen baaren Werthes eines Capitals, welches nur auf einzelne Tage oder Monate oder überhaupt im Laufe zwischen zwei festgesetzten Zins-Terminen, voraus erhoben werden soll, bedient man sich stets einer der ersten drei Tafeln; und zwar: der ersten, (Seite 157—168) wenn die Zinsen am Ende des Jahres mit 5 Procent bedungen sind; der zweiten (Seite 169—174) wenn die Zinsen am Ende jeden halben Jahres mit 2½ Procent genommen werden; so wie der dritten (Seite 175—177) wenn die Zinsen am Ende eines jeden Vierteljahres mit 1½ Procent in Rechnung zu bringen, bedungen sind.

Der Inhalt der noch übrigen 2 Tafeln, wurde schon im §. 350 angegeben. Es bleibt daher nur noch übrig, zu zeigen, wie dieze Tafeln bei vorkommenden Fällen gebraucht werden müssen, weshalb für jeden Fall einzeln, einige Beispiele aufgeführt werden sollen.

a) Anwendung der ersten Tafel bei Berechnung des baaren Werthes im Laufe des ganzen Jahres; bei 5 Procent Zins von Zins.

# Aufgaben.

**§**. 360.

1) 329 Thaler, welche erst den 17ten October (ohne Zinsen) fällig werden, sollen den 5ten May desselben Jahres, auf diese Zeit vorausbezahlt, und das Interusnrium nach dem Leibnitzschen Calcul, also zu 5 Procent Zins von Zins berechnet werden. Wie viel beträgt demnach der jetzige baare Werth dieser 329 Thaler?

# Auflösung.

Nach der am Ende beigefügten 1sten Ergänzungstafel sind vom 5ten Mai bis mit 5ten October, 153 Tage, und mithin bis zum 17ten October noch 12 Tage mehr, also 165 Tage als Zeit der Anticipation anzunehmen.

Man nehme daher (Seite 162) aus dieser Tafel, 2te Verticalspalte, die bei 165 Tagen stehende Zahl: 0.978186 329 und multiplicire dieselbe mit:

8 803674 19 56372 293 4558

so giebt uns das Product:

321.823194 den jetzigen baaren Werth in Thalern, und wenn man den, den 321 ganzen Thalern noch zugehörigen Bruch nach der 3ten Resolvirungstafel auflösst, so ist dieser Werth überhaupt 321 Thir. 19 Gr. 9 Pf.

Nach preussischer Münzeintheilung würde man das Resultat in Thalern, eben so gefunden haben, und nur der Bruch würde nach der 4ten Resolvirungstafel 24 Silbergr. 8 Pf. betragen; so dass also 329 Thaler, welche nach 165 Tagen erst fällig werden, jetzt nur 321 Thir. 24 Silbergr. 8 Pf. werth sind.

#### **8**. **361**.

Sind bei einer zu anticipirenden Summe auszer den Ganzen, auch noch Münztheile der niedern Gattung vorhanden, so lässt sich der jetzige baare Werth einer solchen gemischten Zahl auf swei Wegen berechnen, welches bei der Auflösung der folgenden Aufgabe näher angegeben werden soll.

2) Es sollen 2017 Thir. 9 Gr. 3 Pf., welche erst nach 214 Tagen ohne Zinsen fällig werden, auf diese Zeit vorausbezahlt, und das Interusurium, nach dem Leibnitzischen Calcul berechnet, abgezogen werden. Wie viel beträgt der jetzige baare Werth dieser Summe?

# lste Auflösung.

Man verwandle zuerst die 9 Gr. 3 Pf. nach der 3ten Resolvirungstafel in einen Bruch des Thalers; dieser Bruch findet sich daselbst gleich 0.385417 Thaler. Daher sind 2017 Thir. 9 Gr. 3 Pf. gleich 2017.385417 Thaler. Diese hier zuletzt gefundene Thalersahl darf nur bloss mit dem (Seite 164) bei 214 Tagen stehenden Decimalbruche (nach §. 57) multiplicirt werden; das Product zeigt zodann den jetzigen Werth in Thalern.

Also die Zahl multiplicirt mit:

2017.385417 Thaler 0.971799

18156 468753 181564 68753. -1 412169 7919. . 2 017385 417. . . 141 216979 19. . . .

giebt: 1960.493130 855183 Thaler.

Sucht man nun die ersten Ziffern des Bruches, welcher den 1960 ganzen Thalern noch zugehört, also 0.4931... Thaler wieder in der 3ten Resolvirungstafel auf, so findet sich dessen Werth gleich 11 Gr. 10 Pf. Der jetzige Werth von 2017 Thir. 9 Gr. 3 Pf., welche zu 5 Procent Interusurium auf 214 Tage vorausbezahlt werden, ist demnach genau = 1960 Thir. 11 Gr. 10 Pf.

#### 2te Auflösung.

Da die in den Tafeln angegebenen Resultate jederzeit für eine Einheit berechnet sind, so findet sich der jetzige Werth von 2017 Thalern, wenn der Bruch, welcher (Seite 164) bei 214 Tagen steht, also 0.971799, mit 2017 multiplicirt wird. Zerlegt man nun die 9 Gr. 3 Pf. in 8 Gr. + 1 Gr. + 3 Pf., so sind: 8 Gr.  $=\frac{1}{3}$  von 1 Thaler; ferner 1 Gr.  $=\frac{1}{8}$  von 8 Gr. und 3 Pf.  $=\frac{1}{4}$  von 1 Gr. Daher multiplicire man den obigen Bruch

0.971799 mit: 2017 6 802593 9 71799 1943 598

so ist der Werth von 2017 Thir. = 1960.118583 Thir.

1) wegen 8 Gr.,  $\frac{1}{3}$  von 0.971799  $\implies$  0.323933 - 2) wegen 1 Gr.,  $\frac{1}{4}$  von den vorhergehenden  $\implies$  0.040491 -

2) wegen 1 Gr., ‡ von den vorhergehenden = 0.040491 3) wegen 3 Pf., ‡ von den vorhergehenden = 0.010123

Dieses addirt giebt: 1960.493130 Thir.

Das nun so eben gefundene Resultat ist dem vorigen gans gleich zu achten, indem die übrigen kleinern Bruchtheile hier übersehen werden können.

Diese 2te Auflösung ist stets möglich; es kommt nur darauf an, dass man die niedern Münz-Einheiten in solche aliquote Theile zerlegt, welche  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{8}$ ,  $\frac{1}{4}$  u. s. w. des vorhergehenden betragen, so dass man nur das vorhergehende Resultat mit dem Nenner des Bruches zu dividiren hat.

#### §. 362.

Obschon bei solchen Vorausbezahlungen auf einzelne Tage oder Monate, die Zinsen auf das ganze Jahr mit 5 Procent in Rechnung gehracht werden, so darf man doch nicht glauben, dass es gleichgültig sey, auf das halbe Jahr die Hälfte, nämlich 2½ Procent, oder auf ein Vierteljahr 1½ Procent anzunehmen, wie es oft, jedoch gans unrichtig, geschieht.

Damit nun dieser Unterschied recht deutlich werde, so wollen wir die folgende Aufgabe, sowohl nach der 1sten als auch nach der 2ten und 3ten Tafel auflösen.

3) Es sollen 900000 Thaler preussisch, welche erst nach 29 Tagen fällig sind, auf diese Zeit vorausbezahlt, und das Interusurium nach dem Leibnitzschen Calcul in Rechnung gebracht werden. Wie viel heträgt der baare Werth dieser Summe; wenn man 1) 5 Procent auf das ganze Jahr, 2) 2½ Procent auf das halbe Jahr und 3) 1½ Procent auf das Vierteljahr als Zinsen annimmt?

# lete Auflösung.

Man nehme (Seite 158) aus der Tafel, welche für jährlich bedungene Zinstermine berechnet ist, aus der 2<sup>ten</sup> Verticalspalte, die bei 29 Tagen stehende Zahl, und multiplicire dieselbe mit 900000, d. i. mit 100000 mal 9. Nun steht bei 29 Tagen der Bruch: 0.996131; diesen mit 100000 multiplicirt (§. 45) giebt 99613.1; multiplicirt man nun die 99613.1 noch mit 9, so ist das Product gleich 896517.9. Daher ist der jetzige Werth sehr nahe 896518 Thaler.

# 2te Auflösung.

In der nächstfolgenden 2ten Tafel, (Seite 170) welche für halb jährige Zinstermine berechnet ist, steht bei 29 Tagen der Bruch: 0.996084. Wird nun dieser Bruch wieder mit 900000 multiplicirt, so erhält man 896475.6; oder, den Bruch ( $\frac{6}{10}$ ),

welcher mehr als ½ Thaler beträgt, für voll gerechnet, giebt: 896476 Thaler als den jetzigen Werth.

#### 3te Auflösung.

In der folgenden 3ten Tafel, (Seite 176) findet man bei 29 Tagen den Bruch: 0.996060; diesen Bruch mit 900000 multiplicitt giebt 896454. Also beträgt in diesem 3ten Falle der jetzige Werth von 900000 Thaler 896454 Thaler.

Wir finden also den jetzigen Werth von 900000 Thir. welche auf 29 Tage voraus bezahlt werden:

1)	bei	jährig	bedungenen	Zinsterminen	mit	896518	Thaler '
	-	$\frac{1}{2}$ -	· <b>-</b> '	-	-	896476	-
		mit	hin ein Unte	rschied von		42	Thalern.
· 2)	bei	jährig	bedungenen	Zinsterminen	mit:	896518	Thaler
•	-	<del>l</del> -	· <b>-</b>	-	-	896454	-
		also	einen Unter	rschied von		64	Thalern.
3) b	ei <u>I</u>	jährig	bedungenen	Zinsterminen	mit	: 89647	6 Thaler
	. 1		-	- ,	_	89645	4 _

mithin einen Unterschied von 22 Thalern.

Hieraus geht wieder hervor, dass derjenige sein Capital am höchsten benutzt, welcher sich im Laufe des Jahres mehrere Zinstermine bedingt; welches schon bei Berechnung des Interusuriums

und §. 327 ausgesprochen wurde. (Siehe das Ende von §. 297)

Berechnung des jetzigen baaren Werthes bei mehrjähriger Vorausbezahlung, und 5 Procent Zins von Zins.

# §. 363.

# Aufgaben.

1) Es sollen 9713 Gulden, welche nach 17 Jahren ohne Zinsen erst fällig sind, sofort, mit einem Interusurium zu 5 Procent abgetragen werden; wie viel beträgt der jetzige Werth dieser Schuld?

# Auflösung.

Man nehme aus der 4ten Tafel, (Seite 178) welche den jetzlgen baaren Werth eines Capitals Eins, von einem Jahre bis mit 100 Jahren enthält, und swar ebenfalls aus der 26en Verticalspalte die bei 17 Jahren stehende Zahl:

0.436296688

und multiplicire dieselbe mit 9713

1 308890064
4 36296688
305 4076816
3926 670192

so ist das Product = 4237.749730544

folglich ist der Werth von 9713 Gulden, welche auf 17 Jahre vorausbezahlt werden, jetzt nur 4237 Gulden 45 Kreuser.

2) A hat an B eine Forderung von 963 Thaler 18 Silbergroschen 7 Pfennige preussisch, welche Summe aber erst nach 5 Jahren fällig wird. Beide Interessenten wollen sich jedoch sofort auseinandersetzen, und wegen früherer Abtragung das übliche Interusurium, nach dem Leibnitzschen Calcul, in Rechnung bringen. Wie viel hat A von B zu erhalten?

#### Auflösung.

Man kann entweder die 18 Silbergr. 7 Pf. mit Hilfe der 4ten Resolvirungstafel in einen Bruch des Thalers verwandeln, und die zu rabattirende Summe von 963.619444 Thaler alsdann mit der (Seite 178) bei 5 Jahren stehenden Zahl 0.783526166 multipliciren; oder man rechne wie §. 361 2te Auflösung gezeigt wurde, so dass man die 18 Silbergr. 7 Pf., in 15 Silbergr. + 3 Silbergr. + 6 Pf. + 1 Pf. zerlegt, annimmt; in diesem Falle kommt die Rechnung so zu stehen:

Man nimmt die bei 5 Jahren stehende Zahl: 0.783526166 Thir.
multiplicirt dieselbe zuerst mit: 963

2 350578498
47 01156996
705 1735494

so sind 963 Thaler jetzt werth: 754.535697858 Thir.
15 Sigr. = \frac{1}{2} Thir. = (0.783526166:2) T. = 0.391763083 3 Silbgr. sind \frac{1}{2} vom vorhergehenden = 0.078352616 6 Pfennige sind \frac{1}{6} von 3 Silbergr. = 0.013058769 1 Pfennig ist der 6te Theil von 6 Pfennigen = 0.002176461 
Diese fünf Posten addirt, giebt: 755.021048787 Thir.

Sucht man nun den Bruch, welcher den 755 ganzen Thalern noch zugehört, wieder in der 4ten Resolvirungstafel auf, so findet sich dessen Werth gleich 8 Pfennige; es ist also der Werth von 963 Thir. 18 Silbergr. 7 Pf., wenn sie auf 5 Jahre voraus erhoben (anticipirt) werden, jetzt nur 755 Thaler - Silbgr. 8 Pf.

#### **§**. 364.

Ist die Zeit der Anticipation nicht allein in ganzen Jahren, sondern ausser diesen auch noch in Tagen angegeben, so verfahre man wie bei der Auflösung folgender Aufgabe gezeigt wird.

3) Eine Summe von 4263 Gulden ist in Frankfurt a. M. erst nach 6 Jahren und 231 Tagen, ohne Zinsen, zahlbar. Man kommt jedoch überein, die ganze Schuld sofort mit einem Interusurium von 5 Procent Zins von Zins (also nach dem Leibnitzschen Calcul) absutragen, wie gross ist der gegenwärtige Werth jener Schuld? (1 Gulden = 60 Kreuser à 4 Heller)

# Auflösung.

Zu der Auflösung dieser Aufgabe gehören zwei Rechnungen, nämlich: 1stens) Man berechne zuerst den Werth, welchen die 4263 Gulden haben, wenn sie nur auf 6 ganze Jahre voraus erhoben würden. Dieses geschieht, wenn man die (Seite 178) bei 6 Jahren stehende Zahl: 0.746215397

mit der Zahl des Capitals multiplicirt; also mit: 4263

> 2 238646191 44 77292382 149 2430794 · 2984 861588

so ist der Werth von 4263 Gulden = 3181.116237411 Gulden. Da nun die, so eben gefundenen 3181.116... Gulden um noch 231 Tage früher erhoben werden sollen, so müssen dieselben 2tens) auch noch auf diese Zeit rabattirt werden. Zu diesem Behufe nehme man aus der vorhergehenden 1sten Tafel, (Seite 164) welche den baaren Werth auf einzelne Tage bei jährlich bedungenen Zinsterminen enthält, und swar ebenfalls aus der 26en Verticalspalte, die bei 231 Tagen stehende Zahl, und multiplicire das vorher gefundene Resultat mit dieser Zahl. Nun ist:

das vorhergehende Resultat == 3181.116237411 Gulden bei 231 Tagen steht die Zahl: 0.969594

> 12724 464949644 286300 46136600

Diese beiden Zahlen mit einander multiplicirt:

286300 46136699. 1 590558 1187055.

28 630046 136699. . .

- 190 8669**74 24466. . . .** 2863 004613 66**0**0

2863 004613 6699....

geben sum Producte:

3084.391217 096281134 Gulden.

Daher ist der jetzige Werth von 4263 Gulden, welche auf die Zeit von 6 Jahren 231 Tagen voraus erhoben werden, gleich 3084 Gulden 23 Kreuser 2 Heller.

Anmerkung. Die Auflösung der letzten Aufgabe wird Manchem etwas mühsam vorkommen; allein man versuche sie mit Hilfe der Logarithmen zu lösen, und es findet sich, dass die Arbeit nicht geringer, das Resultat selbst aber weniger genau ist. Uebrigens konnten auch hier (so wie in allen ähnlichen Fällen) in dem ersten Factor mehrere Decimalen weggelassen werden, wodurch die Multiplication sehr abgekürzt, das Resultat selbst aber um keinen ganzen Pfennig u. s. w. vermindert wird.

#### §. 365.

Diese Tafel lässt sich auch mit Vortheil anwenden, wenn der jetzige Werth einer Sache ausgemittelt werden soll, welche erst nach mehrern Jahren einen gewissen Nutzen abwirft; so dass das darauf verwendete Capital bis dahin ganz unversinsbar bleibt. Es dürfte aber in allen diesen Fällen nicht unsweckmässig seyn, anstatt der 1sten oder 2ten Verticalspalte, die 3te, welche: "Mittle Zinsen" überschrieben ist, in Anwendung zu bringen, und das zwar aus folgendem Grunde:

Der Käufer wird nämlich so wenig als möglich für eine solche Sache geben wollen, und deshalb ihren jetzigen Werth nach zusammengesetzten Zinsen berechnen, weil er voraussetzt, dass der Empfänger das Geld auf diese Weise (nämlich Zins von Zins)

benutzen kann; der Verkäuser hingegen wird das Grundstück so hoch als möglich zu verkausen suchen, und deshalb den jetzigen Werth bloss nach einfachen Zinsen berechnet, annehmen.

Da jedoch nicht mit Gewissheit anzunehmen ist, dass sich ein Capital auf viele Jahre hinter einander, gleichförmig zu Zins von Zins benutzen lässt, so darf der Werth einer solchen Sache auch nicht durch Zinseszinsrechnung bestimmt werden. Eben so unrichtig würde es aber auch seyn, wenn man diesen Werth nach der einfachen Zinsrechnung ausmitteln wollte; weil wohl niemand den Zinsertrag der ersten Jahre, auf alle folgende, ganz unbenutzt liegen lässt, wie bei der einfachen Zinsrechnung angenommen werden muss.

Es ist also die grösste Wahrscheinlichkeit vorhanden, dass ein solches auf mehrere Jahre vorausbezahltes Capital, su mehr als einfachen, aber auch zu weniger als zusammengesetzten Zinsen benutzt werden kann; man wird daher der Wahrheit am nächsten kommen, wenn in allen dergleichen Fällen der jetzige Werth einer Sache, mit Hilfe der 3ten Verticalspalte, also nach mittlen Zinsen berechnet wird.

# **§**. 366.

Da nun alle Berechnungen des Interusuriums und des jetzigen Werthes eines erst später fällig werdenden Capitals, zu dem
obigen in ganz gleichem Verhältnisse stehen, so würde man der
Wahrheit auch hier um vieles näher kommen, wenn man diese
Gegenstände, anstatt nach dem Leibnitzschen Calcul, nach mittlen Zinken berechnete; wenigstens würden die Rechnungen nach mittlen Zinsen der Billigkeit weit angemessener seyn, als nach zusammengesetzten Zinsen.

Zu diesem Behufe wurde nun in der 5ten Hauptfafel, für alle dergleichen Berechnungen noch die 3te Verticalspalte, jedoch nur für 5 Procent Zinsen, beigefügt; eines Theils weil dieses das gewöhnliche Procent bei gerichtlichen Auseinandersetzungen ist, und andern Theils, um nichts Unnöthiges drucken zu lassen, insefern ein soleher gutgemeinter Vorschlag nicht Beifall finden sellte.

Um jedoch den Unterschied der nach dieser 3ten Spalte berechneten Resultate, gegen die der vorhergehenden näher vor Augen zu stellen, andern Theils um die Anwendung dieser 3ten
Spalte bei Berechnung mittlerer Zinsen zu zeigen, sollen zu diesem Behufe hier noch ein paar Beispiele folgen.

# Aufgaben.

#### **8.** 367.

1) Ein junger Wald, welcher erst nach 44 Jahren schlagbar wird, alsdann aber regelmässig jedes Jahr einen reinen Nutzen von 1800 Thaler abwirft, wird zum Verkauf ausgeboten. Wie gross ist der Kaufpreiss dieses Waldes anzunehmen, wenn sich das darauf zu verwendende Capital mit 5 Procent verinteressiren soll?

#### Auflösung.

Wenn ein Grundstück jährlich einen reinen Ertrag von 1800 Thalern liefert, so wird dadurch ein Capital von 36000 Thalern su 5 Procent verinteressirt; wenn also dieses Grundstück sofort 1800 Thaler jährlich einbrächte, so könnte man auch jetzt schon 36000 Thaler dafür geben. Da aber diese jährliche Einnahme von 1800 Thalern erst nach 44 Jahren anhebt, so darf man auch jetzt nur so viel dafür bezahlen, dass das darauf verwendete Capital mit seinen Zinsen in 44 Jahren gerade 36000 Thaler beträgt; oder, es müssen die 36000 Thaler auf die Zeit von 44 Jahren su 5 Procent rabattirt werden.

Der Verkäufer wird nun so schliessen: 100 Thaler bringen in 44 Jahren 220 Thaler Zins, folglich sind (100 + 220) Thir. oder 320 Thaler, welche nach 44 Jahren erst Zinsen bringen, jetzt nur 100 Thaler werth, und somit kann auch für eine Sache, die nach 44 Jahren 36000 Thaler werth ist, jetzt nur 11250 Thaler gegeben werden; welches wir auch hier mit Hilfe der 1sten Verticalspalte finden würden, wenn wir den (Seite 179) bei 44 Jahren stehenden Bruch 0.3125 mit 36000 multipliciren.

Der Käufer wird aber 11250 Thaler auf keinen Fall geben wollen, indem er die Zinsen von 11250 Thaler, welche jedes Jahr

5621 Thaler betragen, besser zu benutzen gedenkt, als dass er dieselben auf eine so grosse Reihe von Jahren ganz unbemutst sollte liegen lassen; sondern er wird den Kaufpreiss nach Zinseszins und zwar nach dem Ausdruck 36000  $\times (\frac{100}{100})^{44}$  berechnen. d. h. er wird aus der 2ten Verticalspalte, den (Seite 179) bei 44 Jahren stehenden Bruch, welcher den Werth von (100)44 enthält, nehmen, und denselben mit 36000 multipliciren; also: bei 44 Jahren steht der Bruch:

diesen multiplicirt (§. 57) mit:

0.116861334

701 168004 3505 84002

36000

giebt zum Producte:

4207.008024

Der Käufer wird demnach nur 4207 Thaler geben wollen. indem er annimmt, dass diese 4207 Thaler auf 44 Jahre su 5 Procent Zins von Zins benutzt, mit den Zinsen wieder auf 36000 Thaler anwachsen.

Wir ersehen also hieraus 1) dass der Verkäufer zu viel fordert, indem er die Zinsen zu gering in Anschlag bringt, und 2) dass der Käufer zu wenig geben will, indem er die Zinsen zu hoch in Anschlag bringt. Der wahre Werth muss also swischen diesen beiden Resultaten liegen, und wird demnach am richtigsten bestimmt werden, wenn man das Mittel von beiden gefundenen Resultaten annimmt. Man addire demnach die beiden gefundenen Resultate, und dividire ihre Summe durch 2, so giebt der Quotient den mittlen "und der Wahrheit am nächsten kommenden jetzigen Werth, dieses Grundstücks.

Nun wurden verlangt:

11250 Thaler

4207

Man will aber bloss geben: Dieses addirt gieht:

15457 Thaler.

Die Hälste dieser Summe ist:

7728 Thaler

77281 Thaler. Der mittle Werth wäre demnach:

**§**. 368.

Damit nun dieser hier gefundene mittle Werth weit schneller und eben so richtig berechnet werden könne, so wurde su diesem Behufe die 3te Verticalspalte berechnet: man findet nach dieser, den gesuchten mittlen Werth,

wenn man (Seite 179) das 44ste Resultat: 0.214 680667 multiplicirt mit: 36000

> 1 288 084002 6 440 42001

das Product ist dann:

7 728.504012

Also erhält man mit Hilfe dieser dritten Verticalspalte den gesuchten mittlen Werth, ebenfalls 7728.5 Thaler, welcher den oben gefundenen 7728. Thalern gleich ist.

Der Gebrauch dieser 3ten Spalte ist demnach der ersten und zweiten ganz gleich, sie führt jedoch weit schneller zum Ziele, als die vorige Durchschnittrechnung.

2) Es sind 10000 Gulden, und zwar ohne Zinsen, nach 9 Jahren erst zahlbar; wie viel könnte man jetzt für diese Schuld geben, insofern man ein Interusurium zu 5 Procent und zwar nach: 1) einfachen, 2) zusammengesetzten und 3) mittlen Zinsen in Abzug bringen wollte?

#### Auflösung.

Man, multiplicire den (Seite 178) bei 9 Jahren stehenden Bruch (nach §. 45) mit 10000, und suche den dem ganzen Gulden noch zugehörigen Bruch in der 1sten Resolvirungstafel auf, so erhält man:

Im 1sten Falle: 6896.55172 Gulden oder 6896 Gulden 33 Krz. - Pf.

- 2ten - :6446.08916 - - 6446 - 5 - 1 -

- 3ten - :6671.32044 - - 6671 - 19 - 1

u. s. w.

Berechnung des jetzigen baaren Werthes von Capitalien oder Zeitrenten, welche mit Ende eines jeden Jahres fällig werden; für 5 p. C. Zins von Zins.

#### **§**. 369.

Die nun (Seite 181) folgende 5te Tafel enthält den Gesammtbetrag des jetzigen baaren Werthes von Zahlungen, welche erst mit Ende eines jeden Jahres, und swar ebenfalls ohne Zinsen fällig werden; dahin gehören alle Rentenzahlungen, Tagezeitgelder u. s. w. Mit Hilfe dieser Tafel und swar der 2ten Verticalspalte, findet man also den jetzigen Werth von einer bestimmten Anzahl solcher Terminzahlungen, insofern dieselben nach dem Leibnitzschen Calcul also su 5 Procent Zins von Zins, in Voraus auf Einmal abgetragen werden sollen. Mittelst dieser Tafel werden demnach Rechnungsfragen, den folgenden ähnlich, aufgelösst.

# Aufgaben.

#### **§**. 370.

1) Jemand besieht aus Hamburg mit Ende eines jeden Jahres eine Leibrente von 600 Mark Banco; er will diese Rente auf die nächsten 12 Jahre mit einem Interusurium von 5 Procent Zins von Zins verkaufen. Wie viel kann man jetzt dafür geben, insofern die erste Rente erst nach einem Jahre anhebt?

(1 Mark = 16 Schilling à 12 Pfeunige)

# Auflösung.

Man nehme aus dieser Tafel, und zwar aus der 2ten Verticalspalte, die Zahl, welche (Seite 181) bei 12 Jahren steht, und multiplierre dieselbe mit der Zahl des Betrages einer solchen Terminzahlung.

Nun steht bei 12 Jahren die Zahl: diese multiplicirt mit: 8.86 **32**51636 600

giebt zum Producte:

53 17.9509816

Demnach sind die 12 jährlichen Renten à 600 Mark, jetzt zusammen 5317.9509... Mark oder 5317 Mark 15 Schillinge 3 Pfennige werth.

2) Ein Familienvater hat sich bei der Uebergabe des Guthes an seine Kinder, noch eine Jahres-Rente von 120 Thalern, und zwar auf die nächsten 36 Jahre vorbehalten; nach 5 Jahren muss jedoch das Guth Schulden halber öffentlich versteigert werden, und der Erstaher übernimmt dasselbe unter der Bedingung, die noch darauf haftenden 31 Renten sogleich baar zu erlegen. Wenn ihm nun dieses sugestanden wird, so fragt siehe, wie viel

der Auszügler sofort baar zu erhalten habe, insofern das Interusurium gesetzlich nach dem Leibnitzschen Calcul berechnet wird?

#### Auflösung.

Man nehme (Seite 181) die bei 31 Jahren stehende Zahl: 15,5 92810502

und multiplicire dieselbe mit:

120

31 1 85621004 155 9 2810502

so erhält man zum Product: 187 1.137260240

Demnach ist der jetzige Werth aller 31 Renten 1871 Thir. 3 Gr. 4 Pf., oder nach preussischer Münzeintheilung 1871 Thir. 4 Silbergr. 2 Pf.

3) Ein Staat hat an einen andern eine Kriegsschuld von 2000000 Gulden, und swar so zu bezahlen, dass mit Ende eines jeden der zunächst auf einander folgenden 20 Jahre, 100000 Gulden abgetragen werden. Man kommt jedoch überein, dass ein Interusurium von 5 Procent Zins von Zins in Abzug gebracht werden könne, wenn die gesammten 20 Terminzahlungen sofort auf Einmal abgezahlt würden. Es fragt sich daher, wie viel dieser Staat jetzt baar zu bezahlen habe?

# Auflösung.

Da 20 Jahre hinter einander mit Ende eines jeden Jahres 100000 Gulden zu bezahlen sind, so darf man nur die (Seite 181) bei 20 Jahren stehende Zahl: 12.462210343 mit 100000 multipliciren, welches dadurch geschicht, dass man in diesem Decimalbruche den Punct um 5 Ziffern nach der rechten Hand zu versetzt; so erhält man 1246221.0343 Gulden oder 1246221 Gulden 2 Kreuzer, als den jetzigen Betrag der ganzen Schuld.

#### §. 371.

Diese Tafel 2te Vertiealspalte, lässt sich auch alsdann mit vielem Nutzen anwenden, wenn ein jetzt fälliges Capital in mehrere jährige Terminzahlungen vertheilt werden soll.

Die Regel zur Auflösung solcher Aufgaben ist folgende:

Man dividire das Capital, welches jetzt fällig ist, und in mehrere jährige Termine vertheilt werden soll, durch die Zahl, welche in dieser Tafel (2te Verticalspalte) bei der in Rechnung zu bringenden Zahl von Jahren steht; so zeigt der Quotient die Grösse des Capitals an, welches am Ende eines jeden Jahres abzutragen ist.

# Aufgabe.

### **§**. 372.

Eine Summe von 800 Thalern ist sofort fällig; man kömmt jedoch überein, dass die ganze Schuld in den nächsten 5 Jahren und swar mit Ende eines jeden Jahres eine gleich grosse Summe, so abgetragen werde, dass am Ende des 5ten Jahres Capital und Zinsen, die letztern zu 5 Procent gerechnet, rein gedeckt sind. Wie viel hat man am Ende jedes dieser 5 Jahre zu bezahlen?

# Auflösung.

Nach der oben gegebenen Regel hat man die ganze Schuld von 800 Thaler durch die (Seite 181) bei 5 Jahren stehende Zahl, also durch: 4.329476671 zu dividiren, welches nach §. 59 wie folget ausgeführt wird.

800 Thir.: 4.329476671 (oder auf gleiche Benennung gebracht) 800.000000000 Thir.: 4.329476671 == 184.7798... Thaler

432 9476671.. 367 05233290. 346 35813368.

20 694199220 17 317906684

3 3762925360 3 0306336697

34565886630

30306336697 42595499330 38965290039

> 36302092910 34635813368

Die am Ende eines jeden der ersten auf einander folgenden fünf Jahre abzutragende Summe wäre demnach 184.7798 Thaler, oder 184 Thlr. 18 Gr. 8 Pf. (23 Silbergr. 5 Pf.)

Dass dieses gefundene Resultat das richtige sey, und auch, dass man jederzeit bei Vertheilung einer Geldsumme in einzelne Termine die Berechnung auf Zinsen von Zinsen gründen müsse, dieses lässt sich durch folgende einfache Zahlenrechnung erweisen:

Die zu bezahlende Summe ist jetzt 800 Thaler. = 800 T. - Gr. - Pf. Zinsen bis Ende d. Jahres, z. 5. v. H. 40 = 40 - -Summe 840 =840 -Hierauf werden abgezahlt 184.7798 T. == 184 - 18 -Rest 655.2202 - == 655 -Zinsen im 2ten Jahre 32.7610 - = 32 - 18Summe: 687.9812 - = 687 - 23 Abgesahltam Ende d. 2ten Jahres 184.7798 - = 184 - 18 -Rest: 503.2014 - = 503 -4 - 10 -Zinsen im 3ten Jahre 25.1600 - = 25 -3 - 11 -Summe: 528.3614 - = 528 -8 -Abgezahlt am Ende d. 3ten Jahres 184.7798 - = 184 - 18 -Rest: 343.5816 - = 343 - 14 Zinsen im 4ten Jahre 17.1791 - = 17 -Summe: 360.7607 - = 360 - 18 -Abgezahlt am Ende d. 4ten Jahres 184.7798 - = 184 - 18 -Rest: 175.9809 - = 175 - 23 -Zinsen im 5ten Jahre 8.7990 - == 8 - 19 -Summe: 184.7799 - == 184 - 18 -Abgesahlt am Ende d. Sten Jahres 184.7798 - = 184 - 18 -Rest: 0

Dieses Beispiel dürfte schon hinlänglich seyn, um uns zu überzeugen, dass die Rechnung bei Vertheilung einer Summe in gewisse gleiche Termine, stets auf die Zinseszinsrechnung gegründet werden sollte.

Die IVte Abtheilung der Vten Haupt-Tafel.

Ueber den Anwachs eines Capitals mit seinen Zinsen, im Laufe des Jahres.

#### A) Bei 5 Procent einfachen Zinsen.

#### §. 373.

Die vorliegende IV to Abtheilung besteht aus 3 Tafeln, von welcher jede in drei Verticalspalten abgetheilt ist; von diesen Spalten ist wieder die erste nach einfachen, die zweite nach zusammengesetzten, und die dritte nach mittlen Zinsen berechnet, wie man aus der Ueberschrift leicht ersehen kann.

Wir haben uns bei Berechnung der Zinsen sattsam überzeugt, dass der Zinsbetrag auf einzelne Tage u. s. w. nicht der
365ste Theil der jährlich bedungenen Procente seyn kann; und
dass auch selbst die rabattirten oder wahren Zinsen auf einzelne
Tage nur alsdann gleich sind, wenn der Zinsfuss ein und derzeibe
bleibt. Wir sahen aber auch §. 327, dass der Zinsfuss grösser
wird, nämlich dass derjenige sein Capital höher benutzt, der sich im
Lanfe des Jahres mehrere Zinssahlungstermine bedungen hat, u. s. w.

Es wurden also hier drei der gewöhnlichsten Fälle in Betracht gezogen, insofern es nämlich festgesetzt ist, die Zinsen erst mit Ende des ganzen Jahres, oder am Ende eines jeden halben Jahres, oder am Ende eines jeden viertel Jahres abzutragen.

#### §. 374.

Bei jedem dieser drei Fälle wurden auf das Jahr 5 vom Hundert als Zinsen zum Grunde gelegt, indem dieses der gewöhnliche Zinsfuss bei gerichtlichen Auseinandersetzungen ist; auf andere Fälle, wie die des täglichen Verkehrs, konnte hier weniger Rücksicht genommen werden, indem diese grösstentheils auf eingewurzelten Gewohnheiten beruhen, und daher schwer abzuändern sind. Der Verfasser hält sich jedoch verpflichtet, nicht nur anzugeben wie man gewöhnlich rechnet, sondern auch zu zeigen, wie gerechnet werden muss, um richtige Resultate zu erhalten.

Die Resultate für die oben angeführten drei Fälle, welchen das Capital Eins ebenfalls zum Grunde gelegt wurde, sind nun in folgenden 3 Tafeln enthalten; nämlich:

Die erste Tafel (Seite 184 bis Seite 195) enthält den berechneten Werth, auf welchen ein Capital Eins bei 5. Procent in jährigen Zinsterminen anwächst; auf jeden Tag u. s. w. des Jahres.

Die zweite Tafel (Seite 196 — 201) bestimmt denselben Werth, insofern die Zinssahlungstermine am Ende eines jeden halben Jahres mit 2½ Procent bedungen sind; auf jeden Tag u. s. w. des halben Jahres.

Die dritte Tafel endlich giebt diesen Werth, unter der Voraussetzung an, dass die Zinszahlungstermine am Ende eines jeden Vierteljahres mit 1½ Procent bedungen sind, und zwar ebenfalls auf jeden Tag u. s. w. des Vierteljahres berechnet. (Diese Tafel findet sich auf Seite 202—204.)

Der Gebrauch dieser vorliegenden 3 Tafeln ist nun gans derselbe, wie wir bei den vorhergehenden schon gesehen haben; die Anwendung selbst, wollen wir in einigen der folgenden Beispiele zu zeigen Gelegenheit nehmen.

# 1ste A u f g a b c. §. 376.

Ein Capital von 12000 Thalern ist unter der Bedingung zu 5 Procent einfachen Zinsen ausgeliehen worden, dass der Zinsbetrag jederzeit am Ende des Jahres abgeführt werden soll, welches auch bisher geschehen ist; durch irgend einen Umstand wird es aber nöthig, nach 2 Monaten des nächst folgenden Jahres Capital und Zinsen einzuziehen; es fragt sich daher: wie viel der Gläubiger wirklich zu fordern hat?

# Auflösung.

Vor Allem muss hier in Erwägung gezogen werden, ob es nicht widerrechtlich sey, ein Capital, das auf ganze Jahre ausgeliehen war, nach zwei Monaten oder im Laufe einer solchen Jahresfrist einzufordern, denn der Schuldner wird eines Theils dadurch dass er das Capital vor einem bestimmten Termine zurückzahlen soll, in seinen Geschäften, wozu er das Geld erborgte, gestört, und hatte demnach nicht Gelegenheit, das Capital so zu benutzen, als bei grössern Fristen; andern Theils, soll er auch die Zinsen, welche erst am Ende des Jahres fällig sind, schon jetzt, also 10 Monate vor dem festgesetzten Zinszahlungstermine zugleich mit bezahlen, welches ihm ebenfalls nur zum Nachtheile gereichen kann.

Wenn demnach bei rechtlichen Auseinandersetzungen weder dem Schuldner, noch seinem Gläubiger ein Schade zugefügt werden soll, so müssen auch hier die Landesgesetze beachtet, und eine Schuld, welche nach getroffener Uebereinkunft erst später fällig wird, wegen der hier ebenfalls statt findenden Anticipation, auf die Zeit der frühern Abzahlung rabattirt werden.

Den wahren Betrag eines Capitals mit seinen Zinsen findet man nun mit Hilse der 1sten Tasel, welche für jährige Zinszahlungstermine berechnet ist, sehr leicht dadurch, dass man die (Seite 186) bei 2 Monaten stehende Zahl 1.008 mit der Zahl des Capitals, hier 12000 multiplicirt; nimmt man nämlich jene Zahl 1.008 erst 1000 mal, so erhält man 1008 Ganze, und diese wieder mit 12 multiplicirt giebt 12096. Der Schuldner würde demnach jetzt 12096 Thaler zu bezahlen haben, und zwar 12000 Thaler an Capital, und 96 Thaler als Betrag der Zinsen auf 2 Monate. Denselben Betrag würden wir nun auch auf dem Wege der Rabattrechnung finden, wenn wir in Erwägung ziehen, dass der Schuldner erst am Ende des Jahres verbunden war, 12000 Thaler. Capital nebst 600 Thaler Zinsen, also in Summe 12600 Thaler an seinen Gläubiger zurück zu zahlen. Da nun diese Schuld um 10 Monate früher eingefordert wird, so müssen die ganzen 12600 Thaler auf die Zeit von 10 Monaten rabattirt werden. Nehmen wir aber aus der ersten Tafel der 3ten Abtheilung (welche den jetzigen baaren Werth bei jährig bedungenen Zinsterminen enthält) den Seite 167 bei 10 Monaten stehenden Bruch: 0.96, und multipliciren damit die ganze in Voraus zu zahlende Summe von 12600 Thalern, so giebt das Product ebenfalls 12096 Thaler.

Dass die hier gefundenen 96 Thaler der wahre Zinsbetrag von 12000 Thalern Capital auf 2 Monate sind, lässt sich dadurch erweisen: der Gläubiger hatte, den Bedingungen gemäss, den Zinsbetrag erst am Ende des Jahres zu fordern; da er diese Zinsen aber schon nach 2 Monaten erhält, so kann er dieselben noch 10 Monate benutzen. Geschicht dies nun ebenfalls zu 5 Procent, so verschaft er sich damit einen Gewinn von 4 Thalern, und mithin hat er am Ende des Jahres (96 + 4) Thaler = 100 Thaler; und dieses sind die Procente, welche ihm auf 2 Monate, nach einem Jahre zahlbar, rechtlich zukommen.

Würde man aber dem Schuldner schon jetzt, die auf 2 Monate nur scheinbar kommenden 100 Thaler, als Betrag der Zinsen abfordern, so ist offenbar, dass er dadurch 4 Thaler verliert, welche sein Gläubiger zur Ungebühr bezieht.

Hieraus ergiebt sich nun wieder:

- l) dass alle Zinsberechnungen nur nach einem festgesetzten System ausgeführt werden dürfen.
- 2) dass die hier angefügten Tafeln alle unter sich, und zwar genau mit diesem Systeme übereinstimmen, und endlich
- 3) dass man die hier gezeigten Wege bei Berechnung dieser Gegenstände nie verlassen darf, wenn nicht die Willkühr die Oberhand behalten soll; wobei Verirrungen, wie wir sie schon so oft gefunden haben, unvermeidlich sind.

# 24e Aufgabe. , 8. 377.

Wir wollen annehmen, dass alles wie in der vorigen Aufgabe verbleibt; nur mit der einzigen Abanderung, dass die Zinsen nicht erst am Ende des Jahres, sondern mit Ende eines jeden halben Jahres abzutragen sind. Wie viel würden in diesem Falle die Zinsen von 12000 Thaler Capital auf 2 Monate betragen?

## Auflösung.

Auf jeden Fall betragen sie mehr als 96 Thaler, weil derjenige, der sich im Laufe des Jahres mehrere Zinszahlungstermine bedungen hat, sein Geld auch zu einem höhern Zinzfusse benutzt; sie müssen aber auch weniger als 100 Thaler, wie man sie auf dem gewöhnlichen Wege berechnet, betragen, weil sie schon 4 Monate vor der festgesetzten Zinszahlungszeit eingefordert werden. Den wahren Betrag findet man daher mit Hilfe der 2ten Tafel (Seite 196—201) welche für halbjährige Zinszahlungstermine berechnet ist. Man nehme daher aus dieser 2ten Tafel die (Seite 198) bei 2 Monaten stehenden Zahl: 1.008 197

und multiplicire dieselbe mit:

12000

2 016 394 10 081 97

so ist das Product gleich:

12 098.364(000)

Es sind demnach 12000 Thaler Capital in 2 Monaten mit den Zinsen auf 12098.364 Thir. oder 12098 Thir. 8 Gr. 9 Pf. (10 Silbergr. 11 Pf.) angewachsen. Nimmt man hiervon das Capital (12000 Thaler) wieder hinweg, so bleibt für den Zinsbetrag auf 2 Monate noch 98,364 Thir. oder 98 Thir. 8 Gr. 9 Pf. (10 Silbergr. 11 Pf.)

Auch das hier gefundene Resultat ist richtig. Denn wenn der Gläubiger die 98.364 Thaler noch bis Ende des halben Jahres, also auf 4 Monate ausleihet, so wird er mit dem Nutzen, den er hiervon siehen kann, ebenfalls 100 Thaler haben; nämlich:

100 Thaler bringen in 6 Monaten 2½ Thir. Zinsen 98.364 - - - 4 - x - -

= 1.6394 Thir. Zinsen.

Er erhielt also auf 2 Monate baar: 98.364 T. = 98 T. 8 G. 9 P. bezieht hierv. in 4 Monat. noch Zinsen: 1.639 - = 1 - 15 - 4 - mithin hat er am Ende d. halben Jahr.: 100.003 T. = 100 T. - G. 1 P. Anmerkung. Die kleine Differens von 3 Tour Thir., welche noch keinen Pfennig am Werth beträgt, und daher gans unbeach-

tet bleiben kann, ist dadurch entstanden, dass die Resultate in den Tafeln nur mit 6 Decimalen, mit Rücksicht auf die 7te, eingetragen sind.

#### §. 378.

Würde endlich der wahre Betrag der Zinsen von 12000 Thaler Capital auf 2 Monate gesucht, insofern die Zinssahlungstermine bloss mit Ende eines jeden Vierteljahres bedungen sind, so wird das Resultat mit Hilfe der 3ten Tafel Seite 202, gefunden. Man nimmt nämlich aus dieser Tafel die Seite 204 bei 2 Monaten stehende Zahl, und multiplicirt dieselbe mit der Zahl des Capitals, so giebt das Product das Capital mit den Zinsen auf diese Zeit.

Nun steht bei 2 Monaten die Zahl: 1.008 299

diese multiplicirt mit: 12000

2 016 598
10 082 99

giebt zum Producte:

12 099.588(000)

Daher sind 12000 Thir. Capital in 2 Monaten mit den Zinsen auf 12099.588 Thir. oder 12099 Thir. 14 Gr. 2 Pf. (17 Silbergr. 8 Pf.) angewachsen; und die Zinsen allein betragen auf diese Zeit 99.588 Thir. oder 99 Thir. 14 Gr. 2 Pf. (17 Silbergr. 8 Pf.)

Der Grund, dass wir hier wieder etwas mehr an Zinsbetrag finden, als in der 2<sup>ten</sup> Aufgabe, liegt darin, dass hier die Zinsen schon nach 3 Monaten fällig waren, und daher nur auf 1 Monat im Voraus erhoben wurden. Dass diese Zinsen aber auch wieder weniger als die gewöhnlich in Rechnung zu bringenden 100 Thaler betragen, kommt daher, dass der Gläubiger die zu früh erhaltenen Zinsen noch einen Monat benutzen kann. Verleiht er demnach diese Zinsen ebenfalls zu 5 Procent, so gewinnt er mit den 99 T.14 G. 2 P., in einem

Monat noch an Zinses-Zinsen

-- - 9 - 10 -

u. hat daher am Ende d. 3ten Monats ebenf.: 100 T. - G. -P.

Ueber den Anwachs eines Capitals im Laufe des Jahres.

## B) bei 5 Procent Zins von Zins.

§. 379.

Hat ein Capital schon ein oder mehrere Jahre auf Zinseszinsen gestanden, und es soll der Anwachs desselben noch auf einige
Monate oder Tage über die Zahl der ganzen Jahre berechnet werden, so bediene man sich zur richtigen Berechnung des zu suchenden Resultats, der 2ten Verticalspalte einer der vorliegenden drei Tafeln; und zwar: der 1sten Tafel (Seite 184—195)
wenn die Zinsen jährlich zum Capital geschlagen werden; der
2ten Tafel (Seite 196—201) wenn man die Zinsen in halbjährigen Terminen wieder zum Capital legt; oder endlich der
3ten Tafel (Seite 202—204) wenn man mit Ende eines jeden
Vierteljahres die Zinsen wieder zum Capitale schlägt.

Diese Tafeln stehen mit denen der 1sten Haupttafel (Seite 3 bis Seite 28) in einer sehr genauen Verbindung. Man sucht nämlich nach §. 229 mit Hilfe jener 1sten Haupt-Tafel zuerst den Anwachs auf die Zahl von ganzen Jahren, und mit Hilfe dieser vorliegenden alsdann noch den Anwachs auf Bruchtheile des Jahres.

Wir wollen daher einige Beispiele anführen, bei welchen die vorliegenden Tafeln zuerst einzeln, und sodann auch mit jenen der 1sten Haupt-Tafel zusammen, angewendet werden.

## Iste Aufgabe. §. 380.

Ein gewisses Capital hat 17 Jahr 146 Tage zu 5 Procent auf Zinseszinsen gestanden und ist dadurch, dass man die Zinsen mit Ende eines jeden Jahres wieder zum Capitale schlug, in den 17 ganzen Jahren auf 9500 Gulden angewachsen; es soll berechnet werden, auf wie viel diese 9500 Gulden in den letzten 146 Tagen noch anwachsen werden?

## Auflösung.

Gewöhnlich berechnet man die Zinsen auf Bruchtheile des Jahres nach der Regeldetri, ohne darauf Rücksicht zu nehmen, ob die Zinsen in jährigen-, halbjährigen- oder vierteljährigen Terminen sum Capitale geschlagen werden. — Man schliesst nämlich hierbei: 100 Gulden Capital bringen in 365 Tagen 5 Gulden Zinsen, wie vich Zinsen werden 9500 Gulden Capital in 146 Tagen bringen u. s. w. Hiernach findet man allerdings diese Zinsen gleich 190 Gulden, und daher das Capital mit den Zinsen auf diese ganze Zeit, gleich 9690 Gulden. Allein dieser Schluss und mithin auch das Resultat, ist stets unrichtig; wie auch schon mehrmals erinnert und bewiesen wurde.

Das richtige Resultat findet sich aber, wenn wir aus der vorliegenden Tafel, welche für jährige Termine berechnet ist, und swar (Seite 189) aus der 2ten Verticalspalte, die bei 146 Tagen stehende Zahl:

1.01 9708
multipliciren mit der Zahl des Capitals:
9500

5 09 8540 91 77 372

Das Product ist alsdann ==

96 87.226000

Demnach sind diese 9500 Gulden in den letzten 146 Tagen mit den Zinsen auf 9687.226 Gulden, oder 9687 Gulden 13 Kreuser 2 Pf. angewachsen; und nur dieses hier suletzt gefundene Resultat ist das richtige, ob es gleich gegen die oben gefundenen 9690 Gulden, um 2 Gulden 46 Kreuzer 2 Pf. weniger beträgt. Die Ursache hiervon wurde schon früher angegeben.

## 2te Aufgabe.

Ein Capital von 1000 Mark Banco ist zu 5 Procent Zins von Zins so angelegt, dass man die Zinsen stets am Ende eines jeden Jahres wieder zum Capitale schlagen kann; man wünscht zu wissen, wie gross das Capital mit den Zinsen nach 41 Jahren und 33 Tagen seyn werde?

## Auflösung.

Man berechne zuerst nach §. 229, auf wie viel diese 1000 Mark in 41 ganzen Jahren bei 5 Procent jährlichen Zinsen anwachsen werden; wozu man aus der 1sten Haupt-Tafel diejenige Tafel benutzt, welche zu 5 Procent berechnet ist. Man nimmt nämlich aus jener Tafel die (Seite 24) bei 41 Jahren ste-

hende Zahl, also: 7.391988148, und multiplicirt dieselbe mit der Zahl des Capitals hier 1000, so ist das Product: 7391.988148. Die 1000 Mark würden also in den 41 ganzen Jahren auf: 7391.988148 Mark, oder 7391 Mark 15 Schillinge 10 Pfennige anwachsen.

Um nun auch den Anwachs auf die noch übrigen 33 Tage zu berechnen, bediene man sich hierzu der Tafel, welche wir in der vorigen Aufgabe schon anwendeten, wie folget: man nimmt das zuletzt für 41 ganze Jahre gefundene Resultat und multiplicirt dasselbe mit der Zahl, welche (Seite 185) in der Tafel bei 33 Tagen steht, so giebt das Product die Grösse des Capitals mit den Zinsen auf 41 Jahr 33 Tage.

Nun fanden wir für 41 Jahre 7391.988148 Mark bei 33 Tagen steht die Zahl: 1.004421

7391 988148 147839 76296. 2 956795 2592. 29 567952 592. . . 7391 988148 . . . . . .

Das Product ist daher: 7424.668127 602308 Mark.
Folglich wächst ein Capital von 1000 Mark bei 5 Procent
Zins von Zins in 41 Jahren 33 Tagen an, auf: 7424.668...
Mark oder 7424 Mark 10 Schillinge 8 Pf.

Wären aber die Zinsen von 7391.988... Mark auf die letzten 33 Tage, nach der einfachen Zinsrechnung berechnet worden, so würde man dieselben gleich 33.415836 Mark oder 33 Mark 6 Schillinge 8 Pfennige gefunden haben; addirt man nun diese Zinsen zu dem Capitale von 41 Jahren, also:

zu 7391.988148 Mark oder 7391 Mark 15 Schill. 10 Pf. addirt 33.415836 - - 33 - 6 - 8 - giebt: 7425.403984 Mark oder 7425 Mark 6 Schill. 6 Pf. das richtige Resultat ist aber: 7424 - 10 - 8 - folglich wieder ein Unterschied von: — Mark 11 Schill. 10 Pf.

Gebrauch der 2ten Tafel bei halbjährigen Zinsterminen.

**§**. 381.

Diese 2te Tafel, welche sich Seite 196 bis mit Seite 201

vorsindet, wird eben so angewendet wie die vorhergehende. Man benutzt sie nämlich, wenn der Anwachs eines Capitals noch auf einige Tage, Wochen u. s. w. gefunden werden soll; aber nur in dem Falle, dass die Zinsen am Ende jeden halben Jahres mit 2½ Procent berechnet, oder zum Capitale geschlagen werden.

Hätte man daher mit Hilfe der 1sten Haupt-Tafel schon gefunden, dass ein gewisses Capital in 20 Jahren dadurch, dass man die Zinsen am Ende eines jeden halben Jahres sum Capitale schlug, auf 2581 Pfund Sterling angewachsen sey, und man wollte berechnen, auf wie viel dieses Capital in 73 Tagen mit seinen Zinsen noch anwachsen werde, so darf man nur die (Seite 198) bei 73 Tagen stehende Zahl mit der Zahl des Capitals multipliciren, und das Product giebt Capital und Zinsen auf diese ganze Zeit.

Nun steht bei 73 Tagen die Zahl: diese multiplicirt mit:

1.009926 . 2581

1 009926 80 79408 **504 9630** 2019 852

giebt sum Producte:

2606.619006

Mithin wurde das Capital von 2581 Pfund Sterling in den 73 Tagen, noch auf 2606.619... Pfund oder 2606 Pfund 12 Shillinge 5 Pence Sterling mit den Zinsen anwachsen. (1 Pfund Sterling == 20 Shillings à 12 Pence)

Berechnet man aber die Zinsen von 2581 Pfund auf diese 73 Tage nach der einfachen Zinsrechnung, so ist der Betrag derselben 25.81 Pfund oder 25 Pfund 16 Shillinge 2 Pence; und wenn diese Zinsen zu dem Capitale 2581 Pfund addirt werden, so erhält man 2606.81 Pfund, oder 2606 Pfund 16 Shillinge 2 Pence, welches gegen das oben gefundene richtige Resultat, wieder um 3 Shillinge 9 Pence Sterling zu viel ist.

#### §. 382.

Will man diese 20 Tafel mit einer der .xsten Haupt-Tafeln unmittelbar in Verbindung setzen, (welches in diesem Falle nur mit derjenigen, welche zu 2½ Procent berechnet ist, geschehem kann), so verschre man, wie in der Ausseung der folgenden Ausgabe gezeigt werden soll.

## Aufgabe.

Ein Capital von 5000 Franken ist zu 5 Procent, doch soangelegt, dass die Zinsen mit Ende eines jeden halben Jahres zu 2½ Procent berechnet und wieder zum Capitale geschlagen werden; man soll durch Rechnung finden, auf wie viel dieses Capital mit seinen Zinsen in 23 Jahren und 97 Tagen anwachsen wird? (1 Frank hat 100 Centimen.)

## Auflösung.

Man erwäge zuerst, dass, da die Zinsen mit Ende eines jeden halben Jahres zum Capitale geschlagen werden, anstatt 23 ganzer Jahre, doppelt soviel, nämlich 46 halbe Jahre oder Zinstermine in Rechnung zu bringen sind; und da ferner die Zinsen am Ende eines jeden Termines mit 2½ Procent berechnet werden sollen, so nehme man aus der 1sten Haupt-Tafel, und zwar aus derjenigen Tafel, welche (Seite 13) zu 2½ Procent berechnet ist, die Zahl, welche bei 46 Jahren oder Terminen steht, und multiplicire dieselbe mit der Zahl des zu berechnenden Capitals, also:

bei 46 Jahren findet man die Zahl: 3.113 850861 diese Zahl multiplicirt mit: 5000

giebt zum Producte:

15569.254305(000)

ı.

Die suerst angelegten 5000 Franken Capital sind demnach in 23 ganzen - oder 46 halben Jahren mit den Zinseszinsen auf die Summe von 15569.254305 Franken, oder 15569 Franken 25 Centimen angewachsen.

Damit nun auch der Anwachs dieses Capitals auf die letzten 97 Tage noch gefunden werde, so dient uns hierzu die 2te Tafel der Vten Haupt-Tafel Seite 196—201, welche den Anwachs eines Capitals bei 2½ Procent, und halbjährigen Zinsterminen auf jeden Tag des halben Jahres enthält. Man nimmt nämlich das oben in 46 halben Jahren mit seinen Zinsen angewachsene Capital, und multiplicirt dasselbe mit derjenigen Zahl, welche in unserer vorliegenden Tafel bei 97 Tagen steht, so giebt uus

das Product, Capital und Zinsen von 5000 Franken auf 23 Jahre 97 Tage.

Nun fanden wir:

Capital und Zinsen nach 23 Jahren = 15569.254305 Franken Seite 199 bei 97 Tagen steht die Zahl: 1.013211

> 15569 254305 • 155692 54305. 3 113850 8610. 46 707762 915... 155 692543 05.... 15569 254305....

so ist das Product = 15774.939723 623355

Die anfänglich angelegten 5000 Franken würden demnach in 23 Jahren 97 Tagen mit den Zinseszinsen auf 15774.9397... Franken oder 15774 Franken 94 Centimen anwachsen.

Wenn wir aber die Zinsen auf die letzten 97 Tage nach der einfachen Zinsenrechnung (nämlich so wie es in den mehresten Lehrbüchern geschieht), berechneten, so würden wir dieselben gleich 206.8791 Franken finden, und wenn wir den Zinsbetrag zu dem auf 23 Jahre berechneten Capitale hinzufügen, so erhalten wir 15776.1334 Franken; also wieder 1.1937 Franken oder 1 Frank 19 Centimen mehr, als wir oben nach der richtigen Rechnung gefunden haben. Jedoch wird diese Differenz immer geringer, je mehr wir Zinstermine im Laufe des Jahres annehmen.

Gebrauch der 3ten Tafel bei vierteljährigen Zinsterminen.

Diese Tafel findet sich Seite 202 bis mit Seite 204.

§. 383.

Wird endlich ein Capital zu 5 Procent so benutzt, dass die Zinsen mit Ende eines jeden Vierteljahres zum Capitale geschlagen und sodann von neuem wieder mit verinteressirt werden, so lässt sich durch die vorliegende 3te Tafel, der Anwachs eines Capitals noch auf einzelne Tage, Wochen oder Monate über die Zahl von ganzen Vierteljahren genau bestimmen.

Diese vorliegende Tafel steht nämlich mit derjenigen der 1sten Haupt-Tafel, welche (Seite 8) zu 11 Procent berechnet ist, in einer solchen Verbindung, dass jene uns die Resultate für ganze Vierteljahre, diese vorliegende aber für die einzelnen Tage u. s. w. des Vierteljahres liefert.

Der Gebrauch und die Anwendung dieser Tafel ist daher dem der vorhergehenden ersten und zweiten Tafel ganz ähnlich. Ein Beispiel wird das Gesagte noch mehr versinnlichen.

## Aufgabe **5**. 384.

Es soll berechnet werden, wie hoch ein Capital von 2500 Thalern mit seinen Zinseszinsen bei 5 Procent jährlich, in 23# Jahren und 57 Tagen auwachsen werde, insofern die Zinsen auf jedes Vierteljahr mit 11 Procent berechnet, und wieder zum Capitale geschlagen werden?

## Auflösung.

Es sind 234 Jahre eben so viel als 95 Vierteljahre; daher berechne man zuerst: auf wie viel dieses Capital nach 95 Vierteljahren angewachsen seyn wird, wenn man die Zinsen à 11 Procent mit Ende eines jeden Vierteljahres zum Capitale schlägt, welches mit Hilfe der 1sten Haupt-Tafel, und zwar derjenigen Tafel bewerkstelliget wird, welche (Seite 8) zu J. Procent berechnet ist. Man nehme daher aus jener Tafel, die bei 95 Jahren (oder vierteljührigen Terminen) stehende Zahl, und multiplicire dieselbe mit der Zahl des angelegten Capitals, so giebt das Product Capital und Zinsen am Ende des 95sten Termines.

Nun steht bei 95 Jahren die Zahl: diese mit der Zahl des Capitals multiplicirt:

3.25 4827894 2500

16 27 4139470 65 09 655788

giebt zum Producte:

81 37.0697350(00)

Die zuerst angelegten 2500 Thaler würden also in 95 Vierteljahren oder in 23 Hahren mit den Zinseszinsen auf 8137.069735 Thaler, oder 8137 Thir. 1 Gr. 8 Pf. (2 Silbergr. 1 Pf.) anwachsen. Um nun auch den Anwachs auf die 57 Tage richtig zu berechnen, nehme man das so eben gefundene Resultat, und multiplicire dasselbe noch mit derjenigen Zahl, welche in der vorliegenden 3ten Tafel (Seite 203) bei 57 Tagen steht, so zeigt das Product, Capital und Zinsen am Ende der ganzen Zeit; und zwar: fanden wir den Anwachs für 233 Jahr == 8137.069735 Thlr. bei 57 Tagen steht die Zahl:

73233 627615 5 69594 88145 56 95948 8145 8137 06973 5 . .

Das Product ist also: 8200.45750 823565 Thir.

Das Capital von 2500 Thalern ist demnach in 23½ Jahren und 57 Tagen, bei vierteljährigen Zinsterminen a 1½ Procent Zins von Zins, auf 8200.4575... Thaler oder 8200 Thir. 11 Gr. — Pf. (13 Silbergr. 9 Pf.) angewachsen.

#### **§**. 385.

Bei allen solchen Aufgaben würde man das gesuchte Resultat auch auf einem andern Wege gefunden haben, wenn man nämlich (wie in dem letzten Beispiele) die bei 95 Terminen oder Vierteljahren stehende Zahl: 3.254827894 sogleich mit derjenigen Zahl, welche denen noch hinzugehörigen 57 Tagen entspricht, also mit 1.00779 multiplicirt, und das gefundene Product alsdann erst so oftmals genommen hätte, als die Zahl des Capitals anzeigt. Denn es giebt 3.254827894 × 2500 × 1.00779 eben so viel, als 3.254827894 × 1.00779 × 2500, indem die Versetzung der Factoren auf die Grösse des zu suchenden Products keinen Einfluss haben kann.

Beweis der Richtigkeit der vorhergehenden Rechnungen. (Für Rechnungsverständige)

## **§**. 386.

Wenn in dem letzten Beispiele die Zinsen auf die 57 einzelnen Tage wieder nach der einfachen Zinsrechnung gesucht, und alsdann zum Capitale addirt wurden, so wäre das Resultat, wie

bei den vorhergehenden Beispielen, wieder um etwas zu gross ausgefallen.

Da nun unsere Resultate (bei richtiger Berechnung) auf einzelne Jahre oder ganze Termine vollkommen genau mit denen anderer Schriftsteller übereinstimmen, so dass sich diese Differenz nur bei Berechnung der Zinsen auf einzelne Tage zeigt, so dürfte wohl, auch bei dem Unbefangensten der Zweisel entstehen, ob es richtiger sey, bei der Zinseszinsrechnung die Zinsen aus einzelne Tage ebenfalls nach der zusammengesetzten, oder nach der einfachen Zinsrechnung, berechnet anzunehmen.

Da wir nun in allen unseren susammengesetzten Zinsberechnungen, die Zinsen oder den Anwachs eines Capitals im Laufe des Jahres, nämlich swischen zwei festgesetzten Zinszahlungsterminert nicht nach der einfachen, sondern jederzeit nach der zusammengesetzten Zinsreehnung berechnet, und stets behauptet haben, dass man nur auf diesem Wege zu den richtigen Resultate gelangen kann, so muss uns auch sehr daran gelegen seyn, uns von der Wahrheit dieser Behauptung noch auf einem andern Wege zu überzeugen; zumal da diese Behauptung gegen die Lehren der Schriftsteller streitet, welche annehmen, dass n, oder die Zahl der Jahre in der Formel  $S = a \left(\frac{100+r}{100}\right)^n$ , nicht ein Bruch oder eine gemischte Zahl seyn könne.

## **§**. 387.

Vor allem wird es nicht schwer seyn, uns zu überzeugen, dass ein jedes Capital z. B. 100 oder a, zu 5 oder r Procent jährlich oder terminlich bedungenen Zinsen, und zwar:

- 1) bei einfachen Zinsen, in arithmetischer Progression,
- 2) bei Zinseszinsen aber, in geometrischer Progression anwächst.

Denn bei einfachen Zinsen erhält man:

oder auch:	Capital u. Zins: 100, 100 $\left(\frac{100+5}{100}\right)$ , 100 $\left(\frac{100+5}{100}\right)^2$ , 100 $\left(\frac{100+5}{100}\right)^3$ 100 $\left(\frac{100+5}{100}\right)^3$	nach Jahren: 0 I	Bei Zinsessinsen	allgemein:	oder:	An Capital und Zins:	nach Jahren:
$\mathbf{a} \left( \frac{100 + \mathbf{r}}{100} \right)$	$0, 100 \left(\frac{100+5}{100}\right)$	-	Bei Zinseazinsen hingegen erhalt man:	, <b>,</b>	100,		
), $\cdot \left(\frac{100 + 100}{100}\right)$	), $100 \left( \frac{100 + 100}{100} \right)$	ы	an:	(a+r), (a+	105, 11	(100 + 5), $(100 -$	2
$\frac{1}{2}$ , $\frac{100}{1}$	$(\frac{5}{10})^2$ , 100 $(\frac{10}{10})^2$	မ	•	-2r), $(a+3r)$	0, 116,	+10), (100+15)	0 1 2 3 4
oder auch: 4, a $\left(\frac{100+r}{100}\right)$ , a $\left(\frac{100+r}{100}\right)^2$ , a $\left(\frac{100+r}{100}\right)^3$ a $\left(\frac{100+r}{100}\right)^n$	0+5)* 10			a, $(a+r)$ , $(a+2r)$ , $(a+3r)$ $(a+4r)$ $(a+nr)$	120,	(100+0), $(100+5)$ , $(100+10)$ , $(100+15)$ , $(100+20)$ ,	4
$n \left(\frac{100+r}{100}\right)^n$	$00\left(\frac{100+5}{100}\right)^{1}$	5		(a + nr)	(a 9 + 0.0r)	),,,,,	Ħ

oder, endlich, wenn man den Bruch  $\left(\frac{100+r}{100}\right) = p$  setzt, so ist dieser Anwachs allgemein

Nennt man demnach die Summe, auf welche ein Capital 100 oder a mit seinen Zinsen in n Jahren anwächst S, so ist:

- 1) bei einfachen Zinsen 8 = 100 + 5 n = a + rn
- 2) bei Zinseazinsen aber  $8 = 100 \left(\frac{100+5}{100}\right)^n = ap^n$

Schon hieraus ergiebt sich, dass die Berechnung eines Capitals nach susammengesetzten Zinsen auf ganz andern Gründen beruhe, als diejenigen sind, worauf sich die einfache Zinsrechnung stützt, und auch, dass es schon deshalb ganz unrichtig seyn würde, wenn man in einer geometrischen Reihe ein Glied oder einen Theil desselben nach der einfachen Zinsrechnung z. B. nach den Gesetzen arithmetischer Reihen, bestimmen wollte.

#### §. 388.

Der Satz, dass bei der Zinsessinsrechnung der Betrag der jährlich bedungenen Zinsen jedesmal mit Ende des Jahres zum Capitale geschlagen, und sodann erst wieder mit verinteressirt wird, hat so manchen Schriftsteller verleitet, zu behaupten, dass man deshalb auch im Laufe des Jahres oder zwischen swei Zinsterminen, und zwar nach Verhältniss der Zeit, nur einfache Zinsen in Rechnung bringen müsse.

Allein man hat dabei folgendes gans auser Acht gelassen:

- 1) Wenn die Zinszahlungstermine erst mit Ende des Jahres fällig werden, so kann man vor dieser festgesetzten Zeit weder einfache noch zusammengesetzte Zinsen fordern.
- '2) Derjenige, welcher die Zinsen erst am Ende des Jahres su sahlen verbunden ist, und vielleicht den (scheinbaren) Betrag derselben sehon nach Verlauf von 6 Monaten entrichten soll, kann wegen der hier statt findenden Anticipation, der Billigkeit gemäss, auf eine Vergütung Anspruch machen; welches Interusurium bei susammengesetzten Zinsen auch nach der Zinsessinsrechnung berechnet werden muss.
- 3) Bei der Zinseszinsrechnung dürsen die Zinsen durchaus nicht als proportional mit der Zeit in Rechnung gebracht wer-

den; denn die Zinsen von 2, 3 oder n Jahren betragen stets mehr, als das 2, 3 oder n fache der einjährigen Zinsen.

- 4) Da ferner die 2jährigen Zinsen weniger als die Hälfte des 4jährigen Zinsbetrags, und auch die jährigen Zinsen weniger als der dritte Theil des 3jährigen, auch weniger als die Hälfte des 2jährigen Zinsbetrages sind, so können auch die Zinsen auf 6 Monate nicht als die Hälfte, die auf 3 Monate nicht als der vierte Theil und so überhaupt die 

  1 tel jährigen nicht als der mte Theil des jährlich bedungenen Zinsbetrages angenommen werden, sondern sie mässen stets um etwas kleiner als der mte Theil des jährlichen Betrages seyn, wenn der bedungene oder festgesetzte Zinsfuss ungeändert bleiben soll, welches hier stets vorausgesetzt werden muss.
  - 5) Es ist durchaus falsch, wenn man annimmt, dass ein Capital am Ende des Jahres oder Zinstermines, einen plötzlichen Zuwachs durch seine Zinsen erhalte; denn bei einem jeden Capitale, welches nach Zinseszinsen benutzt wird, erfolgt diese Zunahme in den Zwischenzeiten, in eben dem Verhältnisse und nach denselben Gesetzen, als bei ganzen Jahren; und dieses ist um so strenger genommen richtig, je kleiner man diese Zeiträume annimmt.

## **8**. 389.

Soll demnach der Anwachs eines Capitals a, auf Bruchtheile z. B. auf jeden m<sup>ten</sup> Theil des Jahres nach dem Zinsfusse  $\left(\frac{100+r}{100}\right) = p$  berechnet werden, so müssen zwischen jede zwei Glieder der Hauptreihe a, ap, ap<sup>2</sup>, ap<sup>3</sup> . . . noch (m-1) Glieder, und zwar so eingeschaltet werden, dass dadurch ebenfalls eine geometrische Reihe von m mal so viel Gliedern entstehe, wodurch aber das Gesetz der Hauptreihe selbst, nicht aufgehoben werden darf.

Da wir nun von dieser neuen Reihe das erste Glied = a, das (m+1)te Glied = ap und die Zahl der Glieder = (m+1) selbst kennen, so sind, wenn wir den Exponenten der neuen Reihe mit y bezeichnen, diese Glieder der neuen Reihe selbst, folgende: Zahl des Gliedes : 1 2 3 4 5 m (m+1)te Glieder der neuen Reihe: a, ay, ay², ay³, ay⁴, ... ay<sup>m-1</sup>, ay<sup>m</sup>

Da nun das (m+1)te Glied der neuen Reihe, dem 2ten Gliede der Hauptreihe selbst gleich seyn soll, so ist auch ay = ap, und hieraus folgt  $y^m = \frac{ap}{a} = p$ ; und sonach ist  $y = \sqrt[m]{p}$ . Demnach wäre die neue Reihe selbst folgende:

1 2 3 4 
$$(m+1)$$
  $(m+2)$   $(m+3)$  a, a  $\sqrt{p}$ , a  $\sqrt{p^2}$ , a  $\sqrt{p^3}$ , .... a  $\sqrt{p^m}$ , a  $\sqrt{p^{m+\tau}}$ , a  $\sqrt{p^{m+2}}$ .... §. 390.

Werden nun die Zinsen in jährigen Terminen sum Capitale geschlagen, so ist bei Berechnungen des Anwachses auf Vierteljahre m=4, weil nur 3 Glieder eingeschaltet werden, indem das 4te Glied, dem 2ten Gliede der Hauptreihe selbst gleich seyn muss. Die neue Reihe ist alsdann bei 5 Procent Zinsen:

Bei einselnen Monaten ist m = 12; indem noch 11 Glieder eingeschaltet werden müssen, und das 12te Glied der neuen Reihe dem 2ten Gliede der Hauptreihe selbst gleich ist. Die ersten Glieder der neuen Reihe sind demnach folgende:

a, a V P, a V p <sup>2</sup> , a V p <sup>2</sup> , a V p <sup>2</sup> , a V p <sup>364</sup> , a V p <sup>365</sup> oder ap  365 365 365 365 365 365 365 365 365 365	Hiernach sind die ersten Glieder der neuen Reihe: Tage: 0, 1, 2, 3, 4, 364, 365,	Soll endlich der Anwachs auf jeden einzelnen Tag des Jahres berechnet werden, so setze man m == 365 weil nur noch 364 Glieder einsuschalten sind, indem das 365ste Glied chenfalls einem Hauptgliede der gegebenen Reihe selbst gleich seyn muss.	oder a, a V 1.05, a V 1.05 <sup>2</sup> , a V 1.05 <sup>3</sup> , a V 1.05 <sup>4</sup> , a V 1.05 <sup>11</sup> , a V 1.05 <sup>12</sup> od. a×1.05.	Monato: 0, 1, 2, 3, 4, 11, 12,
365 oder ap 365 oder ap 64, a V 1.05365 od. a×1.05	365,	berechnet werden, so setze das 365ste Glied chenfalls ei-	11, a V1.0512 od. a×1.05.	12,

Für ein Capital a == 1 und jährlich 5 Procent Zinsen, ist sonach der Anwachs

des Capitals mit Zinsen nach 
$$\frac{1}{4}$$
 Jahr,  $\sqrt[4]{\frac{100+5}{100}}$ 

$$= \sqrt[4]{1.05} = 1.012272$$
des Capitals mit Zinsen nach  $\frac{1}{2}$  Jahr,  $\sqrt[4]{\frac{100+5}{100}}^2$ 

$$= \sqrt[4]{1.05^2} = 1.024695$$
des Capitals mit Zinsen nach  $\frac{1}{4}$  Jahren,  $\sqrt[4]{\frac{100+5}{100}}^3$ 

$$= \sqrt[4]{1.05^3} = 1.037270$$

Zieht man ferner von diesem Betrage das Capital nämlich 1 ab und multiplieirt den Rest mit 100, so erhält man den Betrag der Zinsen, oder die Procente, nämlich:

auf 
$$\frac{1}{4}$$
 Jahr,  $100 \begin{pmatrix} 4 \\ \sqrt{1.05} - 1 \end{pmatrix} = 100 (1.012272 - 1)$   
= 1.2272 Procent \*)  
auf  $\frac{1}{2}$  Jahr,  $100 \begin{pmatrix} 4 \\ \sqrt{1.05^2} - 1 \end{pmatrix} = 100 (1.024695 - 1)$   
= 2.4695 Procent  
auf  $\frac{3}{4}$  Jahr,  $100 \begin{pmatrix} 4 \\ \sqrt{1.05^3} - 1 \end{pmatrix} = 100 (1.037270 - 1)$   
= 3.7270 Procent.

Eben so findet man den Anwachs eines Capitals Eins mit seinen Zinsen, anf einzelne Tage, nämlich:

<sup>\*)</sup> Man sehe auch: Meier Hirsch Sammlung von Beispielen u. s. w. aus der Buchstabenrechnung, dritte Ausgabe, Seite 286 Num. 13. u. 14.

auf 1 Tag = 
$$\sqrt{\frac{100+5}{100}}$$
 =  $\sqrt{\frac{365}{100+5}}$  =  $\sqrt{1.05}$  = 1.000134  
auf 2 Tage =  $\sqrt{\frac{100+5}{100}}^2$  =  $\sqrt{1.05^2}$  = 1.000267  
auf 7 Tage =  $\sqrt{\frac{100+5}{100}}^7$  =  $\sqrt{1.05^7}$  = 1.000936  
auf 8 Tage =  $\sqrt{\frac{100+5}{100}}^8$  =  $\sqrt{1.05^8}$  = 1.001070\*)  
auf 73 Tage =  $\sqrt{\frac{100+5}{100}}^{73}$  =  $\sqrt{1.05^{73}}$  = 1.009806  
u. s. w. u. s. w.

Eben so würden die Zinsen für ein Capital Hundert auf einzelne Tage folgende seyn, nämlich:

auf 1 Tag: 
$$100 \left( \sqrt[365]{1.05} - 1 \right) = 0.0134$$
 Procent

auf 2 Tage:  $100 \left( \sqrt[365]{1.05^2} - 1 \right) = 0.0267$  Procent

auf 7 Tage:  $100 \left( \sqrt[365]{1.05^7} - 1 \right) = 0.0936$  Procent

auf 8 Tage:  $100 \left( \sqrt[365]{1.05^8} - 1 \right) = 0.1070$  Procent

auf 73 Tage:  $100 \left( \sqrt[365]{1.05^73} - 1 \right) = 0.9806$  Procent

u. s. w.

8. 391.

**8**. 391.

Würden wir aber, wie es gewöhnlich geschieht, auf 73 Tage, als den 5ten Theil des ganzen Jahres, auch den 5ten Theil der jährlich bedungenen 5 Procente, also 1 Procent als Zinsen annehmen, so würden wir auf diese Zeit, 10000 Thaler als Betrag

<sup>\*)</sup> Die Richtigkeit dieser Berechnung giebt auch Leonhard Kuler in seiner vollständigen Anleitung zur Algebra, im 1sten Theile Seite 353 und zwar §. 558 und 559 durch ein Beispiel zu erkennen,

der Zinsen für ein Capital von 1 Million Thaler in Rechnung bringen; und da wir nach richtiger Rechnung nur 9806 Thaler dafür annehmen sollen, so ergiebt sich eine Differenz von 194 Thalern.

Die Ursache, durch welche der hier gefundene nicht unbedeutende Unterschied von 194 Thalern veranlasst wurde, hat man einzig und allein in den, in § 388 unter Nummer 1 bis 5 angegebenen Gründen aufzusuchen; denn es sind allerdings für ein Capital von 1 Million Thaler auf 73 Tage 10000 Thaler als Zinsen zu rechnen; allein diess 10000 Thaler sind den hier angenommenen Bedingungen gemäss erst am Ende des Jahres zahlbar, und müssen daher, wenn sie schon nach Verlauf von 73 Tagen, also 292 Tage vor dem festgesetzten Zinszahlungstermine erhoben werden sollen, wegen der hier statt findenden Anticipation, auch auf diese Zeit rabattirt werden.

Beobachten wir nun das hier Gesagte bei allen der gleichen Rechnungen, so werden wir in der atlgemeinen Formel  $S = ap^n$  oder  $= a\left(\frac{100+r}{100}\right)^n$  auch dann noch die vollkommenste Uebereinstimmung finden, wenn n eine gemischte Zahl oder irgend ein ächter Bruch seyn sollte.

#### §. 392.

Als eine eben so unrichtige Behauptung findet man gewöhnlich aufgestellt, dass ein Capital, welches zu gleichen Procenten ausgeliehen ist, dann einen grössern Zuwachs an Zinsessinsen erhalte, wenn man die Zinsen in halbjährlichen, oder in vierteljährlichen Terminen wieder zum Capitale schlägt. Dieser Behauptung liegt aber ebenfalls wieder eine falsche Ansicht über das Procentwesen überhaupt, und über die Grösse des Zinsfusses insbesondere, zum Grunde.

Wenn wir nämlich sagen wollen, dass zwei Capitale zu gleichen Procenten ausgeliehen, oder auf eine andere Weise benutzt werden, so wird vorausgesetzt, dass dieser Benutzung, bei glei-

chen Procenten, auch eine und dieselbe Zeit zum Grunde gelegt werde. Denn wenn A sein Capital so angelegt hat, dass er mit Ende jeden Jahres den 20sten Theil desselben als Zinsen erhält, so sagt man, er habe 5 Procent gewonnen; wenn aber B sein Geld im Waarenhandel anlegt, und heute eine Waare für 105 Thaler verkauft, die er erst vor einem Monate für 100 Thaler eingekauft hat, so sagt man auch, dass er 5 Procent gewonnen habe. Ist es aber richtig, im allgemeinen zu sagen, dass sowohl A als B sein Capital zu 5 Procent benutzt habe? Gewiss nicht. Denn wenn B Gelegenheit hat, sein Geld im ganzen Jahre auf diese Weise anzulegen, so wird er am Ende des Jahres anstatt jede 100 Thaler, mit dem Gewinn 1791 Thaler haben; B hat daher in derselben Zeit, in welcher A mit 100 Thalern 5 Thaler gewann, 794 Thaler gewonnen, welches nicht möglich seyn könnte, wenn beide ihre Capitale su gleichen Procenten benutst hätten. Wir können daher nur alsdann sagen, dass zwei gleiche Capitale zu einem und demselben Zinsfusse ausgeliehen oder benutzt werden, wenn man in gleichen Zeiträumen auch gleiche Zinsen bezieht.

## **§**. 393.

Gewöhnlich versteht man unter dem Worte Zinsfuss, den Nutzen, welchen man mit einem Capitale von Hundert Einheiten in Jahresfrist erlangt oder erlangen kann. Werden demnach zwei Capitale zu gleichen Procenten, z. B zu 5 Procent jährlich ausgeliehen, oder auf eine andere Weise benutzt, so wird voraus gesetzt, dass in Jahresfrist mit jedem Hundert als Capital 5 Einheiten als Zinsen gewonnen werden. Wird aber eine solche Benutzung gewählt, welche in Jahresfrist mehr als 5 Procent Zinsen abwirft, so kann auch der Zinsfuss nicht mehr derselber sondern er muss ein höherer seyn. Zu die ser letzten Benutzung gehören nun alle diejenigen Arten, wo man sich zwar 5 Procent jährlich bedingt, die scheinbaren Zinsen aber in halbjährigen, oder vierteljährigen Terminen entweder einzieht, oder vieder zum Capitale schlägt.

Nimmt man daher, wie es gewöhnlich zu geschehen pflegt, auf das halbe Jahr 2½, und auf das Vierteljahr 1½ Procent als Betrag der Zinsen an, so hat man freilich einen grössern Gewinn, als wenn die Zinsen mit 5 Procent am Ende des Jahres erst berechnet werden.

Gesetzt A habe ein Capital von 8000 Gulden zu 5 Procent jährlichen Zinsen ausgeliehen, so werden sowohl die einfachen als die zusammengesetzten Zinsen am Ende des Jahres 400 Gulden betragen. Würde A aber die Zinsen mit 11 Procent (als den 4ten Theil von 5 Procent) berechnen, und mit Ende eines jeden Vierteljahres zum Capitale schlagen, so würde das Capital mit seinem Zinsen am Ende des Jahres auf 8407 Gulden anwachsen, so dass A anstatt 400 Gulden, 4071 Gulden als Zinsen gezogen hätte. Dasselbe wurde nun auch bei einfachen Zinsen statt finden, und zwar aus folgendem Grunde: Wenn sich A anstatt der 400 Gulden Zinsen, welche ihm bei diesem Zinsfusse am Ende des Jahres erst zukommen, schon nach Verlauf eines jeden Vierteljahres 100 Gulden (als den 4ten Theil des jährlichen Betrages) auszahlen lässt, so kann er die ersten 100 Gulden noch 3 Jahre benutzen; eben so kann er von den zweiten 100 Gulden noch 2 Jahre und von den dritten 100 Gulden noch 1 Jahr den Nutzen haben; im Ganzen kann also A von 100 Gulden nach & Jahren die Zinsen ziehen, und hat daher Gelegenheit, sich ebenfalls noch einen Gewinn von 71 Gulden damit zu verschaffen. Sind demnach die Zinsen bloss in jährlichen Terminen bedungen, so gehören diese 71 Gulden nicht dem A, sondern seinem Schuldner; hat sich aber A die Zinsen in vierteljährigen Terminen zahlbar bedungen. so hat er auch sein Geld zu mehr als 5 Procent aufs Jahr, namlich zu einem höhern Zinssusse, ausgeliehen.

Hieraus geht ganz deutlich hervor, dass derjenige sein Capital zu einem höhern Zinsfusse benutzt, welcher sich im Laufe des Jahres mehrere Zinstermine bedingt. Aber unrichtig ist es, zu sagen, dass ein Capital bei einem und demselben Zinsfusse höher anwachse, wenn man die Zinsen im Laufe des Jahres wieder zum Capitale schlage; denn keinesweges liegt diese Vermehrung in der Zahl der Zinstermine,

sondern einzig und allein darinn, dass man die vierteljährigen, oder halbjährigen Zinsen zu gross annimmt, wodurch sodann auch der Zinsfuss höher angenommen wird, und also nicht mehr derselbe bleibt.

## §. 394.

Soll also das Letztere nicht statt finden, so muss man sich, insofern die Zinsen in jährlichen Terminen mit 5 Procent bedungen sind, sur richtigen Berechnung dieser Zinsen im Laufe des Jahres, der in der 5ten Haupt-Tafel und swar der (Seite 109 bis Seite 120) befindlichen Tabelle bedienen; daselbst findet man nämlich die Zinsen:

auf ½ Jahr anstatt mit 1½ Procent, mit: 1.2272 Procent auf ½ Jahr anstatt mit 2½ Procent, mit: 2.4695 Procent angegeben.

Nun ist es allerdings wahr, dass ein Capital, z. B. 1000 Thaler hüher anwächst, wenn man die Zinsen in vierteljährigen Terminen mit  $1\frac{1}{4}$  Procent berechnet, und wieder zum Capitale schlägt; denn unter diesen Umständen würden 1000 Thaler in 5 Jahren oder 20 Vierteljahren, auf 1000  $\left(\frac{100+1\frac{1}{4}}{100}\right)^{20}$  Thaler. = 1000 × 1.012520 Thir. = 1282.037... Thir. = 1282 Thir. — Gr. 11 Pf. angewachsen seyn; wogegen der Anwachs bei 5 Procent jährlich, in 5 Jahren, nur 1000  $\left(\frac{100+5}{100}\right)^5$  Thaler = 1000 × 1.055 Thir. = 1276.281... Thir. = 1276 Thir. 6 Gr. 9 Pf. seyn würde. Es ergiebt sich also schon hier eine Differenz von 5.756 Thalern oder 5 Thir. 18 Gr. 2 Pf. Diese Differenz oder das höhere Anwachsen darf man aber keinesweges ausschliesslich und allein in den mehrfachen Zinsterminen, sondern wie wir schon oft bemerkt haben, hauptsächlich auch in dem erhöheten Zinsfusse suchen.

Hätten wir nämlich anstatt 1½ Procent, wie man diese Zinsen gewöhnlich auf ein Vierteljahr annimmt, die Seite 354 richtiger gefundenen 1.2272... oder noch genauer 1.227224 Pro-

cente in Rechnung gebracht, so würden wir finden, dass mit 100 Thaler Capital in Jahresfrist nur 5 Thlr. als Zinseszinsen gewonnen werden, denn es ist  $100 \left(\frac{100 + 1.227224}{100}\right)^4 = 100 \times 1.01227224^4 = 100 \times 1.05 = 105.$ 

Unter dieser Voraussetzung würde es ganz gleichgültig seyn, ob wir die Zinsen in vierteljährlichen Terminen mit 1.227224 Procent berechneten, und sogleich wieder als neues zinstragendes Capital anlegten, oder ob wir diese Zinsen blos am Ende jedes Jahres mit 5 Procent in Rechnung bringen; das Capital würde in diesem Falle, selbst bei mehreren ganzen Jahren, mit den Zinsezzinsen auf eine und dieselbe Summe anwachsen. Denn es wachsen z. B. 10000 Gulden bei 5 Procent jährlich bedungenen Zinseszinsen in 5 ganzen Jahren an, auf:  $10000 \left(\frac{100+5}{100}\right)^5 = 10000 \times 1.05^5 = 12762.8$  Gulden, oder 12762 fl. 48 Kreuzer. Dasselbe würde man aber auch erhalten, wenn man die wahren Zinsen mit 1.227224 Procent auf das Vierteljahr berechnete; denn es ist  $10000 \left(\frac{100+1.227224}{100}\right)^{20} = 10000 \times 1.01227224^{20} = 10000 \times 1.27628 = 12762.8 = 12762$  Gulden 48 Kreuzer,

Nehmen wir aber auf das Vierteljahr  $1\frac{1}{4}$  Procent als Betrag der Zinsen an, so ist  $10000 \left(\frac{100+1\frac{1}{4}}{100}\right)^{20} = 10000 \times 1.0125^{20}$  =  $10000 \times 1.282037... = 12820.37$ ; mithin wachsen 10000 Gulden, unter diesen Umständen, in 5 Jahren auf 12820 fl. 22 Kreuzer mit den Zinseszinsen an. Man findet demnach, dass dieses Capital (in derselben Zeit) um 57 Gulden 34 Kreuzer mehr anwächst, als bei 5 Procent jährlichen Zinsen, welches einzig und allein darin liegt, dass wir anstatt 1.227224 Procentigen verschaft geschen State of the second secon

also dem Obigen ganz gleich.

cent in Rechnung brachten.

**§**. 395.

cent, die um 0.02276 zu grosse Zahl, nämlich 11 oder 1.25 Pro-

Will man also diesen unrichtigen Resultaten vorbeugen, so ist vor allem nöthig, dass, wo jährliche Zinstermine bedungen sind, man auf das halbe Jahr nicht die Hälfte, auf das Vierteljahr nicht den vierten Theil, und so überhaupt auf den mten
Theil des Jahres nicht auch den mten Theil der, auf das ganze
Jahr bedungenen Procente, als Betrag der Zinsen annehme; indem die Zinseszinsen mit der Zeit in keinem einfachen Verhältnisse stehen, wovon man sich an den berechneten Resultaten der
1sten Haupt-Tafel hinlänglich überzeugen kann.

#### **§**. 396.

Diese Sätze finden nun nicht allein bei jährlich bedungenen Zinsterminen ihre Anwendung, sendern sie müssen auch in jedem andern Falle beschtet werden.

Im Allgemeinen wächst nämlich ein Capital a, bei dem Zinsusse r Procent in  $\frac{n}{m}$  Jahren mit den Zinseszinsen wie folget an:

1) Wenn die Zinsen auf das ganze Jahr mit r Procent bedungen werden, so ist sodann:

$$S = a \left(\frac{100 + r}{100}\right)^{\frac{n}{m}} = a \sqrt[m]{\left(\frac{100 + r}{100}\right)^{n}}; s. B. der Anwachs auf$$

$$7 \text{ Monate} = a \sqrt[12]{\left(\frac{100 + r}{100}\right)^{7}}; \text{ auf } 89 \text{ Tage} = a \sqrt[3]{\left(\frac{100 + r}{100}\right)^{89}}.$$

2) Wenn die Zinsen auf das halbe Jahr mit ½r Procent bedungen sind, so ist:

$$S = a \left(\frac{190 + \frac{1}{2}r}{100}\right)^{\frac{n}{m}} = a \sqrt[m]{\left(\frac{100 + \frac{1}{2}r}{100}\right)^{n}}; \text{ s. B. auf 2 Mo-}$$

$$\text{nate ist } S = a \sqrt[6]{\left(\frac{100 + \frac{1}{2}r}{100}\right)^{2}}; \text{ eben so auf 19 Wochen:}$$

$$S = a \sqrt[26]{\left(\frac{100 + \frac{1}{2}r}{100}\right)^{19}}.$$

3) Sind aber die Zinsen auf das Vierteljahr mit år bedungen, so ist:

$$S = a \left(\frac{100 + \frac{1}{4}r}{100}\right)^{\frac{n}{m}} = a \sqrt[\frac{100 + \frac{1}{4}r}{100}\right)^{\frac{n}{m}}; \text{ z. B. auf 1 Monate ist}$$

$$S = a \sqrt[3]{\left(\frac{100 + \frac{1}{4}r}{100}\right)^{\frac{n}{m}}}; \text{ auf 2 Monate ist}$$

$$S = a \sqrt[3]{\left(\frac{100 + \frac{1}{4}r}{100}\right)^{\frac{n}{m}}}. \text{ u. s. w.}$$

**§**. 397.

Soll aber der wahre Zinsbetrag (x) oder die Procente, auf den mien Theil des Jahres berechnet werden, nämlich dass x von der Beschaffenheit sey, dass wenn es m mal als Zins zum Capital geschlagen, und wieder mit verinteressirt wird, dieser ganze Zinsanwachs am Ende des mien Termines, d. h. am Ende des Jahres, doch nur den Zinsfuss r hervorbringe, so berechne man x aus folgender Gleichung:  $\frac{100+x}{100} = \frac{100+r}{100}$  Es ist näm-

lich: 
$$\frac{100 + x}{100} = \sqrt[m]{\frac{100 + x}{100}}$$

oder: 
$$100 + x = 100 \sqrt[m]{\frac{100 + r}{100}}$$

hieraus ist: 
$$x = 100 \sqrt[m]{\frac{100 + r}{100}} - 100$$

oder auch: 
$$x = 100 \left[ \sqrt[m]{\frac{100 + r}{100}} - 1 \right]$$

Eben so würden diese Zinsen auf den  $\frac{n}{m}$  Theil des Jahres seyn:  $100 \left[ \sqrt[m]{\left( \frac{100+r}{100} \right)^n} - 1 \right]$ ; welcher Ausdruck, wenn man den Bruch  $\frac{100+r}{100} = p$  setzt, mit dem §. 307 gefundenen, so wie mit dem ganzen System der Zinseszinsrechnung genau und vollkommen übereinstimmt.

## Nachträgliche Bemerkungen.

Nachtrag zu der in §. 135 aufgeführten Rechnung über Abschlagszahlungen.

## **§**. 398.

In jenem Paragraphen war es immer noch ungewiss, wie auf eine Schuld von 2000 Thalern, die A an B zu 5 Procent verzinsbar ausgeliehen hat, eine Abschlagszahlung von 100 Thalern die von B nach 2 Monaten schon erfolgte, in Rechnung gebracht werden Ob wir nun gleich daselbst drei Wege zeigten, auf welchen dieses geschehen könne, so blieb doch noch sweifelhaft, ob einer von diesen, und welcher, der rechte sey.

Um dieses nun möglichst genau zu bestimmen, wollen wir vor allem untersuchen, wie gross der Vermögenszustand oder die Forderung des A an B, am Ende des Jahres seyn werde.

A hat nämlich am Ende des Jahres von B zu erhalten:

- 1) an geliehenem Capital: 2000 T. G. P. } == 2100 T. G. P. 2) an Zins. auf 12 Monate: 100 — — -

B hat hierauf bezahlt vor 10 Monaten:

1) ein Capital von: 100 - - - - } = 104 T. 4 G.—P.
2) hierv. Zins. auf 10 Mon.: 4 - 4 - - - } , 1) ein Capital von: folgl. ist Ban Aam Ended. Jah. nur noch schuldig: 1995 T. 20 G. - P. welches Resultat auch mit der in §. 137 gegebenen zweiten Auflösung genau übereinstimmt.

Hieraus ergiebt sich nun, dass jene 26e Rechnung, indem sie mit der hier, sich auf die gesunde Vernunft gründenden, gans gleich ist, nicht mehr in Zweisel gezogen werden kann; aber auch, dass die von B vor 10 Monaten abschläglich gezahlten 100 Thaler, nicht als Betrag der Zinsen von 2000 Thaler Capital angenommen werden dürsen; denn sonst würde A am Ende des Jahres immer noch volle 2000 Thaler von B haben wollen, und demnach 4 Thir. 4 Gr. von B zu viel fordern.

## §. 399.

Nun wurde ferner §. 137 und swar in der 1sten Auflösung die Regel ertheilt, "man solle die Zinsen von 2000 Thaler Capital auf die Zeit von 2 Monaten berechnen, diese von den auf Abschlag gezahlten 100 Thalern decken, und den Ueberschuss auf das Capital selbst abrechnen". Nimmt man daher (wie es gewöhnlich, doch mit Unrecht zu geschehen pflegt,) den Betrag der Zinsen von 2000 Thalern auf die Zeit von 2 Monate für 16 Thlr. 16 Gr. — Pf. an, so würden von den 100 Thir. noch 83 Thlr. 8 Gr. auf das Capital abzurechnen übrig bleiben; so, dass also die Forderung des A nach 2 Monaten noch in 1916 Thlr. 16 Gr. — Pf. bestände. Wenn nun diese Rechnung ihre Richtigkeit haben soll, so muss diese Forderung von der Beschaffenheit seyn, dass sie mit den 10 monatlichen Zinsen am Ende des Jahres genau auf die Summe von 1995 Thir. 20 Gr. anwächst.

Dieses ist aber nicht der Fall; denn die Zinsen von 1916
Thlr. 16 Gr. betragen auf 10 Monate: 79 Thlr. 20 Gr. 8 Pf.
hierzu das Capital selbst: 1916 - 16 - -giebt in Summe: 1996 Thlr. 12 Gr. 8 Pf.
Es sollte aber bloss seyn: 1995 - 20 - -Mithin erhielt A am Endedes Jah. zu viel: -- Thlr. 16 Gr. 8 Pf.

Demnach sollte man glauben, dass die §. 137 gegebene 1ste Regel unrichtig wäre; allein auch dieses ist nicht der Fall, sondern diese Differenz wird einzig und allein durch die höchst fehlerhafte Berechnung der 2 monatlichen Zinsen von 2000 Thaler Capital hervorgebracht, indem man die Zinsen, welche im Lauf des

Jahres berechnet werden, allgemein zu gross annimmt. Man übersieht nämtich hierbei gewöhnlich: dass, wenn die Zinsen erst am Ende des Jahres fällig werden, man im Laufe des Jahres gar keine Zinsen zu fordern habe, und dass also der Betrag von 16 Thir. 16 Gr. nur scheinbar ist, indem dieselben erst 10 Monate später (nämlich am Ende des Jahres) erhoben werden können, und endlich, dass ein Geldbetrag von 16 Thir. 16 Gr. der erst nach 10 Monaten zahlbar oder fällig wird, (nach §. 300) jetzt nur 16 Thir. werth ist, und mithin anstatt 16 Thir. 16 Gr. auch nur 16 Thir. dafür in Rechnung gebracht werden können.

#### §. 400.

Wenn daher von einem Capitale die Zinsen bloss auf einen gewissen Theil des Jahres berechnet werden sollen, so muss dieses entweder nach der in § 300 gegebenen Anleitung geschehen, oder man bediene sich hierzu einer der in der 5ten Haupt-Tafel 1ste Abtheilung (von Seite 109 bis Seite 129) befindlichen Tabellen, su deren Anwendung § 303 hinlängliche Anleitung gegeben wurde.

Sollen demnach die wahren einfachen Zinsen eines Capitals von 2000 Thaler, von welchen die Zinsen in jährlichen Terminen mit 5 Precent bedungen sind, auf die Zeit von 2 Monaten berechnet werden, so nehme man (Seite 111) aus der ersten dieser Tafeln, den bei 2 Monaten stehenden Bruch  $\frac{2}{150}$  oder 0.008 und multiplicire denselben, (wie schon oft gezeigt wurde), mit der Zahl des Capitals, also hier mit 2000, so erhält man zum Producte 16 Ganze, welche in diesem Falle 16 Thaler, und dem wahren Betrage der Zinsen von 2000 Thaler auf die Zeit von 2 Monaten gleich sind.

Werden nun von den von B nach 2 Monaten auf Abschlag gesahlten 160 Thalern suerst 16 Thaler auf den Betrag der Zinsen, und die noch übrigen 84 Thaler auf das Capital von 2000 Thalern selbst abgerechnet, so verbleiben auf die übrigen 10 Monate nur noch zu verinteressiren

1916 Thir. — Gr. — Pf.

hiervon betragen die Zins. auf 10 Monate: 79 - 20 - \_ \_

also susammen: 1995 Thir. 20 Gr. - Pf.

Es hat also A am Ende des Jahres gerade so viel, als ihm den Rechten nach zukommt; welches wir ebenfalls in §. 398 schon gefunden haben, woraus sich nun die Richtigkeit der rabattirten Zinsrechnung von selbst erweiset.

## §. 401.

In der 3ten Regel, welche wir §. 137 aufgestellt finden, wurde schon darauf Rücksicht genommen, dass 100 Thaler, welche erst nach 10 Monaten fällig werden, jetzt nur mit 96 Thalern an Werth in Rechnung gebracht werden dürfen. Man ersicht demnach, dass jene drei Regeln alsdann vollkommen mit einander übereinstimmen, wenn wir die Zinsen auf Zeiten zwischen zwei festgesetzten Zinszahlungs-Terminen entweder nach der §. 350 gegebenen Anleitung rabattiren, oder nach der 1sten Abtheilung der 5ten Haupt-Tafel berechnet annehmen.

Bei Berechnungen von Zinsbeträgen auf Zwischenzeiten hat man nun auch noch darauf Rücksicht zu nehmen, ob diese Zinsen in jährigen, in halbjährigen oder in vierteljährigen Terminen bedungen sind, weil sich für jeden dieser Fälle der Zinsfuss selbst, und mithin auch der Betrag der Zinsen auf diese Zwischenzeiten ändert. Zu diesem Behufe wurden daher in jener 1sten Abtheilung drei verschiedene Tafeln angegeben, und zwar Seite 109, 121 und 127; deren Resultate jenen Bedingungen für jeden Zeitraum der Zwischenzeit u. s. w. entsprechen.

Es muss also hier nochmals bemerkt werden, dass alle Abschlagszahlungen, bei welchen die Zinsen auf Zwischenzeiten auf die zeither gewöhnliche, und nicht auf die hier angegebene Weise in Rechnung gebracht werden, stets zum Vortheil des Gläubigers, aber zum Nachtheil des Schuldners berechnet werden.

Da übrigens die Abschlagssahlungen bei ganzen Jahren eben so wie bei dem antichretischen Vertrage, in Rechnung gebracht werden müssen, so findet man mehrere ähnliche Beispiele in den noch folgenden Paragraphen.

Nachtrag zu den (§. 209) aufgeführten Rechnungen bei dem antichretischen Vertrage.

#### **§.** 402.

Es wurde am Schlusse jener Anleitung behauptet, dass die Berechnungen bei dem antichretischen Vertrage stets nach der Zinseszinsrechnung geführt werden müssen, wenn der Schuldner und sein Gläubiger rechtlich auseinander gesetzt werden sollen. Wir wollen daher zunächst untersuchen, ob jene Behauptung im Allgemeinen Grund habe, und wenn sich dies bestätigen sollte, so wollen wir jene Rechnung mit Hilfe der am Ende dieses Werkes beigefügten Tafeln aufzulösen suchen.

Gesetzt also, A habe von B ein Capital von 1200 Gulden auf 6 Jahre erborgt, und dagegen dem B ein Vorwerk (ein Beiguth) zum Unterpfande und einstweiliger Benutzung überlassen, welches im Durchschnitt jährlich einen reinen Nutzen von 240 Gulden abwirft. Nun bringen beide Interessenten die Zinsen auf das Jahr mit 5 Procent in Anschlag; und es soll berechnet werden, wie viel einer dem andern am Ende des 6ten Jahres noch heraus zu geben habe?

## Auflösung.

Nach der einfachen Zinsrechnung und nach den Landesgesetzen werden jederzeit die Zinsen bis zur nächsten Einnahme, das ist hier bis mit Ende des Jahres, berechnet, und sodann von dieser Einnahme oder dem jährlichen Ertrage des Pfandes, zuerst diese Zinsen gedeckt, und dann der Ueberschuss auf das Capital selbst abgerechnet. Die Rechnung ist also der bei Abschlagszahlungen völlig gleich, und kann, wie folget, angeordnet werden.

$\boldsymbol{\mathit{B}}$	1200 Gulden	
Die Zinsen	60 -	
•	Summe:	1260 Guiden
Hiervon	240 -	
Bleibt am Ende des	1020 Gulden	
(	Zinsen:	51 -
2tes Jahr	Summe:	1071 -
	abgezahlt:	240 -
(	Rest:	831 -
ĺ	Zinsen:	41.55
Stes Jahr	Summe:	872 55
	abgezahlt:	240
. (	Rest:	632.55
. (	Zinsen:	31.6275
4tes Jahr	Summe:	664.1775
}	abgezahlt:	240
	Rest:	424.1775
ĺ	Zinsen:	21.2089
5tes Jahr	Summe:	<b>445.3864</b>
ým sam	abgezahlt:	240
	Rest:	205.3864
ĺ	Zinsen:	10.2693
6tes Jahr	Summe:	215.6557
	abgezahit:	240 -
minus		24.3443 Gulden.

Nach dieser hier vorgelegten Rechnung hat B am Ende des 6ten Jahres an A nicht allein das zum Unterpfaud erhaltene Guth wieder zurück zu geben, sondern er hat auch an A noch überdiess 24.3443 Gulden oder 24 Gulden  $20\frac{1}{2}$  Kreuzer baar zu überliefern; indem der 6jährige Ertrag des Guthes das darauf erhaltene Capital nebst den in dieser Zeit aufgelaufenen Zinsen, noch um 24 Gulden  $20\frac{1}{2}$  Kreuzer übersteigt.

#### §. 403.

Um uns nun zu überzeugen, dass dieses Resultat auch mit dem, welches wir nach der Zinseszinsrechnung finden, übersin-

stimmt, so berechne man zuerst nach der Isten Haupt-Tafel, wie viel die 1200 Gulden Capital mit 5 Procent Zins von Zins am Ende des 6ten Jahres werth seyen. Zu diesem Behufe nehme man die (Seite 24) bei 5 Procent und 6 Jahren stehende Zahl:

1.34 0095641 und multiplicire dieselbe mit: 1200 2 68 0191282 13 40 095641

so erhält man sum Producte: 16 08.1147692(00)

Diese 1200 Gulden Capital sind demnach, mit 5 Procent Zins von Zins, am Ende des 6ten Jahres 1608.1147692 Gulden oder 1608 Gulden 7 Kreuzer werth.

Eben so findet man den Werth von 240 Gulden, welche 6 Jahre hinter einander, und zwar mit Ende eines jeden Jahres abgetragen werden, wenn man aus der 2<sup>ten</sup> Haupt-Tafel die (Seite 50) bei 5 Procent und 5 Jahren stehende Zahl:

5.8 01912813

mit 240 multiplicirt, als:

240

23 2 07651252 116 0 3825626

die Benutzung von 5 Jahren beträgt: 139 2.45907512 Gulden

hierzu die letzte Einnahme: 240.

giebt in Summe: 1632.45907512 Gulden.

B hat also das Guth benutzt auf: 1632.459075 fl. (27½ Krz.) hat aber an A bloss zu fordern: 1608.114769 - (7 -)

folglich hat B an A noch 24.344306 fl. (201 Krs.)
am Ende des 6ten Jahres nebst den Guthe selbst zurück zu geben.

Da wir nun überzeugt seyn können, dass man solche Rechnung, wir mögen dieselbe nach der einfachen, oder nach der susammengesetzten Zinsrechnung ausführen, ganz gleiche und sogar bis auf die kleinsten Theile übereinstimmende Resultate liefert, so wollen wir, bei den hier noch folgenden Berechnungen, uns stets der am Ende dieses Buches beigefügten Tafeln bedienen; indem sie uns, bei mehrjährigen Verträgen, noch überdies bedeutende Abkürsungen gewähren.

Manche Schriftsteller meinen, dass dergleichen Rechnungen auch so geführt werden können: "Da das Guth jährlich 240 Gulden einbringt, die Zinsen von 1200 Gulden Capital aber nur 60 Gulden betragen, so bezöge der Pfandgläubiger mit Ende eines jeden Jahres (240 - 60) Gulden = 180 Gulden zu viel; und da dieses in den 6 Jahren 6 mal 180 Gulden oder 1080 Gulden beträgt, so soll dieser Ueberschuss am Ende des 6ten Jahres von den 1200 Gulden Capital abgezogen werden." Hiernach würde also A am Ende des 6ten Jahres an B noch (1200 - 1080) Guiden oder 120 Gulden zu bezahlen haben. Allein dieser Calcul ist durchaus unrichtig; denn B muss sich entweder den jährlichen Ueberschuss von 180 Gulden, am Ende eines jeden Jahres von dem Capitale selbst abrechnen lassen, oder er ist gehalten, diese 180 Gulden am Ende eines jeden Jahres an den Eigenthümer des Pfandes baar auszuliefern. In jedem andern Falle wurde B diesen jährlichen Ueberschuss auf die Zeit des ganzen Vertrages zur Ungebühr behalten, und davon den Nutzen ziehen, welcher seinem Schuldner zukommt.

Durch eine solche unrichtige Berechnung würde schon in diesem Falle dem Schuldner ein Nachtheil von 144 Gulden  $20\frac{1}{2}$  Kreuzer erwachsen. Denn nach unserer richtigen Rechnung hat A von B noch zu erhalten 24 Guld.  $20\frac{1}{2}$  Krz. nach dies. unrichtig. Rechn. soll A a. B noch geben: 120 - -

mithin erleidet A einen Verlust von: 144 Guld. 201 Krz.

Da uns also die vorliegenden Tafeln auch in diesem Falle richtige d. h. mit den Landesgesetzen und der Vernunft übereinstimmende Resultate liefern, so dürfte es nicht unzweckmässig seyn, uns ihren vortheilhaften Gebrauch noch durch einige Beispiele und besondere Fälle beim antichretischen Vertrage, recht geläufig zu machen.

## lie Aufgabe. S. 405.

, Ein Hamburger nimmt ein Capital von 32000 Mark zu 43 Procent jährlichen Zinsen auf, und überlässt dagegen seinem Gläu-

biger als Unterpfand und sur Benutzung ein Grundstück, welches im Durchschnitt jährlich einen reinen Ertrag von 2780 Mark liefert. Wenn nun dieser Vertrag am Ende des 15ten Jahres wieder aufgehoben werden soll, so fragt sichs, wie diese beiden Interessenten auseinander gesetzt werden müssen?

## Auflösung.

Nach der im vorigen Paragraph gezeigten ersten Auflösung könnte man die Zinsen von 32000 Mark Capital auf das erste Jahr aufsuchen, dieselben zum Capitale addiren, und von dieser Summe die erste Pfandnutzung nämlich 2780 Mark abziehen; somit erhielt man den Rest der Schuld am Ende des 1sten Jahres. Wiederholte man diese Berechnung 15 mal, so würde es sich finden, dass der Schuldner an seinen Pfandgläubiger am Ende des 15ten Jahres noch 5317 Mark auf die ganze Schuld zu hezahlen hätte. Kürzer findet sich aber dieses Resultat mit Hilfe der 1sten und 2ten Haupt-Tafel. Man berechnet nämlich zuerst, wie stark das Capital mit seinen Zinseszinsen bis zum Ende des 15ten Jahres anwächst; dieses findet sich, wenn man aus der 1sten Haupt-Tafel die (Seite 23) bei 42 Procent und 15 Jahren stehende Zahl:

multiplicirt mit der Zahl des Capitals:

32000

4 011 811050 60 177 16575

so ist das Product ==

64 188.976800000

Der Gläubiger wurde demnach (wenn Nichts abgetragen, wäre) am Ende des 15ten Jahres 64188.9768 Mark oder 64188 Mark 15 Schillinge 8 Pfennige mit Zins und Zinseszinsen zu fordern haben.

Da aber der Pfandgläubiger das Pfand mit Ende eines jeden Jahres auf 2780 Mark benutzt, und diesen Nutzen 15 Jahre hintereinander bezieht, so berechne man auch diese ganze Benutzung mit ihren Zinseszinsen; welches nach der 2<sup>ten</sup> Haupt-Tafel geschieht. Man nimmt nämlich aus dieser Tafel (Seite 49) die bei 4<sup>3</sup>/<sub>4</sub> Procent und 14 Jahren stehende Zahl (weil nur 14 Termine verzinsbar sind, indem von der 15<sup>ten</sup> Einnahme keine Zinsen ge-

rechnet werden können) und addirt zu dem Ganzen (wegen der letzten Einnahme) noch eine Einheit, also: 21.176958421

multiplicirt dieselbe mit:

2780

169 4 15667368 1482 3 8708947 4235 3 916842

so erhält man sum Producte:

5887 1.9444 10380

Der Nutzen, welchen der Gläubiger in den 15 Jahren aus dem Pfande bezogen hat, ist demnach (ebenfalls mit den Zinseszinsen) 58871.94441... Mark oder 58871 Mark 15 Schillinge 1 Pfennig.

Am Ende des 15ten Jahres
hätte also der Pfandgläubiger zu fordern: 64188 Mrk. 15 Schl. 8 Pf.
die 15 Nutzungen betragen aber: 58871 - 15 - 1 mithin hat er auf die 32000 Mrk. zu erhalten: 5317 Mrk. — Schl. 7 Pf.

Bezahlt demnach der Schuldner am Ende des 15ten Jahres an seinen Gläubiger noch 5317 Mark — Schl. 7 Pf., so ist das erborgte Capital von 32000 Mark nebst den in 15 Jahren aufgelaufenen Zinsen rein abgetragen, und der Gläubiger ist gehalten, das in Pfand genommene Grundstück wieder an den Eigenthümer abzutreten.

Noch kürzer findet man aber auch das verlangte Resultat auf folgendem Wege, wobei bloss die 2te Haupt-Tafel in Anwendung kommt. Man berechnet nämlich den jährlichen Betrag der Zinsen des auf das Pfand geliehenen Capitals, also hier von 32000 Mark, welche in diesem Falle zu 4½ Procent gerechnet, 1520 Mark auf jedes Jahr betragen. Werden nun von dem jährlichen Ertrage des Pfandes, also von 2780 Mark diese Zinsen besahlt, so bleibt am Ende eines jeden Jahres noch ein reiner Ueberschuss von 1260 Mark. Um daher zu finden, wie hoch dieser Ueberschuss mit seinen Zinsen in der Zeit des Vertrages, also in 15 Jahren, anwächst, so nehme man aus der 2ten Haupt-Tafel (Seite 49) die bei 4½ Procent und 14 Jahren stehende Zahl, addire wegen der letzten Einnahme noch eine Einheit hinzu, und multiplicire diese um Eins vermehrte Zahl, also:

21.1 76958421

mit der Zahl des jährlichen Ueberschusses, also mit:

1260

127 0 <del>0</del>1750526 423 5 3916842 2117 6 958421

so ist das Product ==

2668 2.967610460

Dieses sind nun 26682.9676... Mark oder 26682 Mark 15 Schillinge 5 Pfennige. Soviel hat sich demnach der Gläubiger auf die ganzen 32000 Mark abrechnen zu lassen.

Zieht man daher von d. ganzen Schuld 32000 Mrk. — Schl. — Pf. die nach und nach erhaltenen 26682 - 15 - 5 - ab, so hat der Gläubiger noch baar zu erh. 5317 Mrk. — Schl. 7 Pf.

Insofern nun' das Resultat dieser letzten Auflösung mit dem der vorigen ganz genau übereinstimmt, so wollen wir für die Folge, ähnliche Aufgaben, nur auf diesem zweiten Wege aufzulösen suchen.

#### 2te Aufgabe.

A in Oldenburg hat von B vor 12 Jahren ein Capital von 9876 Thalern zu 5½ Procent geliehen erhalten. Dagegen hat B zu derselben Zeit von A ein Guth, welches jährlich einen reinen Ertrag von 796 Thalern einbringt, zum Unterpfande, und zugleich zur Deckung des Zinsbetrags, und zur successiven Tilgung der Schuld selbst, übernommen. Dieser Vertrag soll jetzt (also nach 12 Jahren) aufgehoben und deshalb berechnet werden, welcher von beiden, und wie viel einer dem andern noch heraus zu geben habe, wenn A sein Guth in jedem Falle Schuldenfrei wieder an sich nehmen will? (1 Thaler = 72 Groote à 5 Schwaren.)

## Auflösung.

Man berechne zuerst den jährlichen Betrag der Zinsen von 9876 Thaler Capital à 51 Procent; diese finden sieh nach der gewöhnlichen Zinsrechnung = 543.18 Thaler oder 543 Thir. 13 Groot — Schwaren. Zieht man nun von der jährlichen Pfandnutzung: 796 Thir.

den Betrag der jährlichen Zinsen:

543.18 Thir. ab,

so bleibt noch ein Ueberschuss von:

252.82 Thirn. (59 Groot)

Da nun der Pfandgläubiger diesen Ueberschuss in der Zeit des Vertrages 12 mal bezieht, so berechnet man mittelst der 2ten Haupt-Tafel, wie viel diese sämmtlichen Einnahmen am Ende des 12ten Jahres mit den Zinsen zusammen werth sind. Zu diesem Zwecke nehme man aus dieser 2ten Haupt-Tafel (Seite 52) die bei 5½ Procent und 11 Jahren stehende Zahl, addire zu den Ganzen (wegen der letzten Einnahme) noch eine Einheit, und multiplicire diese, um Eins vermehrte Zahl, mit der Zahl des jährlichen Ueberschusses.

Also die Zahl:

16.38559065 252.82

multiplicirt mit:

32 77118130 13 10 8472520 32 77 118130 819 27 95325 3277 11 8130

giebt zum Producte:

4142.60 50281330

Die von dem Pfandgläubiger am Ende eines jeden der 12 Jahre bezogenen Ueberschussgelder sind demnach mit, den Zinsen am Ende des 12ten Jahres 4142.605... Thaler oder 4142 Thir. 43 Groote 3 Schwaren werth. Da also die Zinsen für das geliehene Capital mit Ende eines jeden Jahres schon abgerechnet sind, so hat der Gläubiger nur noch zu fordern:

9876 Thir. — Gr. — Sch.

hierauf hat er nach und nach erhalten: 4142 - 43 - 3 - Mithin hat der Schuldner noch zu bezahlen: 5733 Thlr. 28 Gr. 2 Sch. und kann nach Entrichtung dieser Summe sein verpfändetes Grundstück wieder in Empfang nehmen.

# 3te Aufgabe. §. 406.

'A leihet an B ein Capital von 7950 Thalern zu  $4\frac{1}{2}$  Procent; dagegen übergiebt B an A ein Haus in der Stadt zum Unterpfand, welches jährlich einen reinen Ertrag von 720 Thalern liefert, mit der Bedingung, dass A von diesem Ertrage die Zinsen entnehme, und den Ueberschuss am Ende des Jahres von dem Capitale selbst abrechne. Wie viel Jahre darf A dieses Pfand

benutzen, wenn durch den Ertrag desselben das Capital selbst abgetragen seyn soll?

## Auflösung.

Man suche zuvörderst den Betrag der jährlichen Zinsen des geliehenen Capitals; diese sind von 7950 Thalern à 41 Procent = 357.75 Thir. Zieht man diesen Zinsbetrag von der jährlichen Pfand - Nutzung (720 Thir.) ab, so bleiben am Ende jeden Jahres noch 362.25 Thaler übrig, welche, laut des Vertrages, vom Capitale absurechnen sind. Es fragt sich daher, in wie viel Jahren diese Ueberschussgelder zusammen nebst ihren Zinsen, zu der Summe von 7950 Thaler angewachsen sind, - Nun fanden wir in der vorigen Auflösung die Grösse des Anwachses, wenn wir die, bei der uns bekannten Zahl von Jahren stehende Zahl mit dem jährlichen Ueberschusse multiplicirten. Da uns aber jetzt die Grösse des Anwachses bekannt, und dagegen die Zahl der Jahre unbekannt ist, so verfahre man auf die der vorhergehenden entgegengesetzte Art, d. h. man dividire das ganze Capital 7950 Thlr., durch den jährlichen Ueberschuss (hier 362.25 Thir.) und suche diesen Quotienten in der 2ten Haupt-Tafel (Seite 48) in der Tafel, welche zu 41 Procent berechnet ist, durch Vergleichung auf, so findet man links'darneben die Zahl der Jahre, also:

7950 Thir. : 369 72450	2.25 Thir.	= 21.9	· =		gesuchten Luotienten.
70500	•				
36225					
342750					
326025					
16725				,	

Zu diesem Quotienten findet sich in der genannten Tafel (Seite 48) die nächst kleinere Zahl bei 15 Jahren, und somit wäre die erste Hauptfrage beantwortet, nämlich der Vertrag müsste 15 ganze Jahre von beiden Seiten gehalten werden.

Allein diese Auflösung ist nicht geeignet, den Schuldner und seinen Gläubiger ganz auseinander zu setzen; denn der Gläubiger

wird am Ende des 15ten Jahres immer noch etwas zu fordern haben. Aber er darf das Pfand auch nicht ganz 16 Jahre benutzen, indem sonst der Ertrag des Pfandes seine Forderung übersteigen würde.

Auch darf die zur Befriedigung des Gläubigers über die 15 Jahre noch nöthige Zeit nicht nach einzelnen Tagen berechnet werden, weil der Nutzen des Pfandes nicht in täglichen Einnahmen besteht.

Sollen also diese beiden Personen am Ende des 15ten Jahres auseinander gesetzt werden, so berechne man, wie viel die sämmt-lichen Ueberschussgelder à 362.25 Thir. mit ihren Zinsen bis mit Ende des 15ten Jahres betragen. Dieses findet sich, wenn man aus der 2ten Haupt-Tafel zu der (Seite 48) bei 4½ Procent und 14 Jahren stehenden Zahl Eins addirt, und diese Summe alsdann mit der Zahl des jährlichen Ueberschusses multiplieirt. Nun steht bei 14 Jahren:

hierzu addirt:	1.
giebt :	20.784054291
liese Zahl multiplicirt mit:	362.25
,	1 03 920271455
	4 15 68 108 582.
•	41 56 8108582
	1247 04 325746
	6235 21 62873
iebt zum Producte:	7529.02 366691475

Die sämmtlichen Ueberschussgelder sind demnach am Ende des 15ten Jahres werth 7529.023669... Thaler oder 7529 Thir. — Gr. 7 Pf.

Da nun die Zinsen für das Capital schon abgerechnet sind, so hat der Pfandgläubiger am Ende des 15ten Jahres nur noch zu fordern:

7950 Thir. — Gr. — Pf. Capital hierauf sind nach und nach bezahlt:

7529 — — 7 —

mithin hat der Pfandgläubiger noch

420 Thir. 23 Gr. 5 Pf. am

Ende des 15ten Jahres zu erhalten, und dagegen das Pfand surück zu geben.

Wollte man aber den Vertrag erst am Ende des 16ten Jahres aufheben, so müsste dem Gläubiger sein jetziges Guthaben an

420 Thir. 23 Gr. 5 Pf. noch auf ein Johr mit 41 Procent verzinst werden; hiervon betragen die Zinsen auf ein Jahr:

18 Thir. 22 Gr. 8 Pf. addirt man hierzu das Guthaben: 420 23 so hat er am Ende des 16. Jahres noch: 439 Thir. 22 Gr. 1 Pf. zu fordern. Da aber die Pfandnutzung auf dieses Jahr wieder 720 Thaler beträgt, so hat der Gläubiger am Ende des Jahres 720 Thir. — Gr. — Pf. eingenommen: 439 22 er hat aber blos zu fordern: folglich muss er seinem Schuldner noch 280 Thlr. 1 Gr. 11 Pf. am Ende des 16ten Jahres (nebst dem Pfande) herausgeben.

Dieses hier zuletzt gefundene Resultat würde man nun auch erhalten, wenn man die Rechnung, anstatt für 15, für 16 Jahre führte. In diesem Falle nimmt man nämlich aus der 2ten Haupt-Tafel die (Seite 48) bei 41 Procent und 15 Jahren stehende Zahl, addirt zu den 21 Ganzen noch eine Einheit, und multipli-22.719336734 cirt alsdann diese Summe:

mit der Zahl des Ueberschusses:

362.25

1 13 596683670 4 54 38673468. **45 43 8673468.** . 1363 16 020404. . . 6815 80 10202. . . .

so erhält man zum Producte: 8230.07 973189150

Die sämmtlichen Ueberschussgelder, welche der Pfand-Gläubiger in den 16 Jahren bezogen hat, betragen daher am Ende des 16ten Jahres mit den Zinsen 8230.0797... Thaler oder 8230 Thir. 1 Gr. 11 Pf. Da aber seine Forderung nur noch in dem geliehenen Capitale von 7950 Thalern besteht, so hat er das zu viel erhaltene an 280 Thalern I Gr. 11 Pf. nebst dem Pfande, an seinen Schuldner zurück zu geben, wie wir oben schon gefunden haben.

# 4te Aufgabe.

Eine Staatsbehörde hat vor 25 Jahren bei dem Banquier  $m{B}$ eine Summe, von 5 Millionen Gulden zu 51 Procent jährlicher Zinsen aufgenommen, und dagegen dem Gläubiger eine sichere Landes-Einnahme, welche jährlich 350000 Gulden reinen Ertrag liefert, theils als Unterpfand, theils zur successiven Tilgung der Schuld selbst, überlassen; auch hat der Staat dem Gläubiger noch den Vortheil sugesichert, dass die jährlichen Ueberschussgelder nur mit 4½ Procent Zinsen in Rechnung gebracht werden sollen. Es soll daher berechnet werden, wie viel ganze Jahre der Gläubiger diese Einnahme von jetzt an gerechnet, noch beziehen darf.

## Auflösung.

Da der Gläubiger sein Capital mit  $5\frac{1}{4}$  Procent verinteressirt erhält, so betragen die jährlichen Zinsen von 5000000 Gulden Capital 262500 Gulden. Werden also von der jährlichen Pfandnutzung an - - - - 350000 Gulden die ebenfalls jährlich fälligen Zinsen - 262500 - abgezogen, so bleibt noch ein Ueberschuss von: 87500 Gulden.

Wenn also B diesen jährlichen Ueberschuss, laut Uebereinkunft, nur mit  $4\frac{1}{2}$  Procent in Rechnung bringen soll, so muss berechnet werden, in wie viel Jahren alle diese Ueberschussgelder nebst ihren Zinsen und Zinsessinsen à  $4\frac{1}{2}$  Procent, auf 5000000 Gulden anwachsen.

Um dieses zu finden, dividire man das Capital von 5000000 Gulden, durch den jährlichen Ueberschuss von 87500 Gulden, und suche sodann den dadurch erhaltenen Quotienten in der 2ten Haupt-Tafel und zwar in derjenigen Tafel, welche zu 4½ Procent berechnet ist, durch Vergleichung auf; so zeigt die links daneben stehende Zahl von Jahren, die Zeit des Vertrages an.

Also: 5000000 Gulden: 87500 Gulden

2500

					LULE		
oder	50000 4375	Gulden: 875	Gulden	=	57.14	=	Quotient
	6250	- ,					
	6125						
	1250						
	875	i					
	375	i0					
1	350	0					

Dieser, Quotient kommt nun (in der genannten Tafel Seite 48) der bei 28 Jahren stehenden Zahl: 56.423... am nächsten. Da aber unser Quotient noch um etwas grösser ist, so musste auch der Vertrag noch etwas länger als 28 ganze Jahre gehalten werden; wo alsdann am Ende des 29sten Jahres der Gläubiger an die Staatsbehörde noch eine gewisse Summe heraus zu geben hat. Um diese herauszugebende Summe zu bestimmen, nehme man die bei 28 Jahren stehende Zahl, addire zu dem Ganzen noch eine Einheit, und multiplicire diese Summe:

57.42 3033164

mit der Zahl des jährlichen Ueberschusses:

87500

287 11 5165820 4019 61 232148 45938 42 65312

so ist das Product =

50245 15.401850000

Mithin sind die Ueberschussgelder, welche der Gläubiger in 29 Jahren bezogen hat, mit den Zinsen

5024515 fl. 24 Krz. werth.

Er hat aber blos noch zu fordern:

DAFIE G DA TZ

5000000 - --

folglich hat dieser Staat noch: 24515 fl. 24 Krs. am Ende des 29sten Jahres (vom Anfange des Vertrages an gerechnet) von seinem Gläubiger baar, nebst der verpfändeten Einnahme, zu erhalten.

Soll aber dieser Vertrag ein Jahr früher schon aufgehoben werden, so addire man zu der, bei 27 Jahren stehenden Zahl (52.99...) noch eine ganze Einheit, und multiplicire sodann diese Summe:

- 53.99 3333171

mit der Zahl des jährlichen Ueberschusses:

87500

269 96 6665855 3779 53 332197 43194 66 65368

Das Product ist sodann = 47244 16.652462500

Dieses Product zeigt uns nun, dass die Ueberschussgelder in 28 Jahren mit den Zinsen noch nicht zur Deckung der Forderung des Gläubigers hinreichen. Der Gläubiger B hat nämlich zu fordern: 5000000 fl.

er hat aber bles erhalten:

4724416 ft. 39 Krz.

Folglich müsste dieser Staat noch:

275583 fl. 21 Krz.

an B herausgeben, wenn er am Ende des 28sten Jahres diese Landes-Einnahme wieder an sich bringen, und auch den Gläubiger ganz befriedigen wollte.

# 5te Aufgabe. §. 407.

Ein Guthsbesitzer hat von einem Capitalisten ein Capital von 20000 Franken zu 5 Procent Zinsen aufgenommen, und dagegen seinem Gläubiger ein Guth zum Unterpfand und zur Benutzung auf 9 Jahre überlassen. Am Ende des 9ten Jahres verlangt der Guthsbesitzer sein Gut wieder zurück, und will auch von seinem Pfandgläubiger noch überdiess die Summe von 950 Franken 47 Centimen heraus haben. Es fragt sich daher, wie hoch der jährliche Nutzen des Pfandes in Anschlag gebracht worden ist?

## Auflösung.

Man berechne zuerst, welchen Werth die geliehenen 20000 Franken nebst den Zinsen nach 9 Jahren haben. Dieses findet sich, wenn man aus der 1sten Haupt-Tafel die bei 5 Procent und 9 Jahren stehende Zahl: 1.551328216

mit der Zahl des Capitals multiplicirt:

20000

das Product ist sodann = 3 1026.56432

Der Gläubiger würde also, wenn Nichts abgetragen wäre, am Ende des 9ten Jahres 31026.56432 Franken, oder 31026 Franken 56 Centimen zu fordern haben.

Der Aufgabe nach müssen aber Capital und Zinsen durch die 9jährige Benutzung des Pfandes nicht allein gedeckt seyn, sondern der Gläubiger muss auch, weil er am Ende des 9ten Jahres noch 950.47 Franken heraus geben soll, um so viel mehr, nämlich:

31026.56432 Franken

nnd

950.47

also in Summe: 31977.03432 Franken,

eingenommen haben.

Vertheilt man daher die ganze Summe von 31977.03432 Franken in 9 gleiche Termine, wo jeder mit Ende des Jahres erst fällig wird, so ist ein solcher Termin die Grösse der Pfandnutzung auf ein Jahr.

Die Vertheilung einer solchen Summe in 9 Termine wird aber dadurch bewirkt, dass man aus der 2ten Haupt - Tafel Seite 50 die bei 5 Procent und 8 Jahren stehende Zahl um ein Ganzes vergrössert, nämlich Eins dazu addirt, und mit dieser Summe alsdann in die oben gefundene Summe dividirt. Der Quotient zeigt uns sodann die Grösse einer solchen Terminzahlung, welches hier der jährliche Nutzen des Pfandes selbst ist. Also:

31977.03432 Franken ; 11.02656... = 2900 Franken 22053 12

9923 914 9923 904

1032

Das Pfand hat demnach mit Ende eines jeden Jahres einen reinen Ertrag von 2900 Franken geliefert.

# 6te Aufgabe. §. 408.

Gegen ein von B zu  $4\frac{1}{2}$  Procent Zinsen entlehntes Capital verpfändet A ein Grundstück, welches jährlich einen Nutzen von 2450 Thalern abwirft. Wenn nun B diesen Nutzen 11 Jahre hinter einander bezogen hat, und am Ende dieser Zeit von seinem Schuldner noch 1791 Thaler 21 Gr. 1 Pf. baar heraus bekommt, so fragt sich, wie gross ist die Summe gewesen, welche B an A zu Anfange dieses Vertrages geliehen hat?

## Auflösung.

Man berechne zuerst nach der 2ten Haupt-Tafel, wie viel die sämmtlichen Pfandnutzungen à 2450 Thaler auf alle 11 Jahre mit ihren Zinsen werth sind. Dieses findet sich, wenn man (Seite 48) die bei 4½ Procent und 10 Jahren stehende Zahl um ein Ganzes vermehrt, und alsdann diese Summe, nämlich:

13.8 41178794

multiplicirt mit:

2450

69 2 05893970. 553 6 4715176. . 2768 2 357588. . .

Das Product ist alsdann:

3391 0.888045300

Der Gläubiger hat also das Grundstück in den 11 Jahren benutzt auf: 33910.8880453 Thaler oder 33910 Thir. 21 Gr. 4 Pf. Da nun der Schuldner am Ende des 11ten Jahres auch noch 1791 Thir. 21 Gr. 1 Pf oder (nach der 3ten Resolvirungs - Tafel) 1791.878472 Thir. heraus zu geben hat, so wird der Gläubiger überhaupt einnehmen,

1) an Pfandnutzung: 33910.8880453 Thlr. = 33910 T. 21 Gr. 4 Pf.

2) baar: 1791.878472 - = 1791 - 21 - 1 -

also in Summe: 35702.7665173 Thir. = 35702 T. 18 Gr. 5 Pf.

Mithin muss das Capital, welches A von B vor 11 Jahren gegen Pfand zu 4½ Procent geborgt hat, von der Grösse seyn, dass es mit den Zinsen und Zinsenzinsen in dieser Zeit auf 35702.7665173 Thir. anwächst.

Da man nun den Anwachs eines Capitals, welches zu 4½ Procent 11 Jahre ausgeliehen ist, dadurch findet, dass man aus der 1sten Haupt-Tafel (Seite 22) die bei 4½ Procent und 11 Jahren stehende Zahl: 1.622853... mit der Zahl des angelegten Capitals multiplicirt, so wird man in diesem entgegen gesetzten Falle das geliehene Capital finden, wenn man das Capital mit den Zinsen durch jene Zahl dividirt; also:

35702.7665173 Thlr.: 1.622853... oder auf gleiche Benennung:

35702 7665173 Thir. : 16228530 = 22000 Thaler

32457 060....

3245 7065...

**3245 7060...** 

517.3

Demnach betrug das Capital, welches A vor 11 Jahren gegen Pfand von B zu  $4\frac{1}{2}$  Procent sich erborgte, 22000 Thaler.

7te Aufgabe.

A will ein Capital bei B aufnehmen, und dagegen ein Grund-

stück, dessen reiner Ertrag sich am Ende jedes Jahres auf 9750 Gulden beläuft, mit der Bedingung zum Unterpfande geben, dass der Pfandgläubiger B sich von dem Ertrage des Pfandes nach und nach bezahlt machen soll. Wenn nun dieser Vertrag mit Ende des 16ten Jahres wieder aufgehoben, und die Forderungen des Gläubigers zu dieser Zeit ganz berichtiget werden soll, sofragt sich: wie viel B dem A sofort auf dieses Pfand leihen könne, wenn die Zinsen zu B Procent jährlich in AnschlaB gebracht werden?

## Auflösung.

Man berechne zuerst, wie viel die sämmtlichen Pfandnutzungen am Ende des 16ten Jahres mit den Zinsen werth sind. Dieses geschieht, wenn man aus der 2ten Haupt-Tafel (Seite 50) die bei 5 Procent und 15 Jahren stehende Zahl (wegen der letzten Nutzung, welche baar oder ohne Zinsen in Rechnung gebracht wird) um eine Einheit vermehrt, und diese Summe:

23.657491768

mit der Zahl der Pfandnutzung multiplicirt:

9750

118 2 87458840 1656 0 2442376 21291 7 425912

Man erhält zum Producte: 23066 0.544738000

Die sämmtlichen Pfandnutzungen a 9750 Gulden würden demnach mit den Zinsen am Ende des 16ten Jahres 230660.544738 Gulden, oder 230660 Gulden 32\frac{3}{4} Krz. werth seyn; und sonach dürfte man bloss noch berechnen, welche Summe jetzt zu 5 Procent angelegt werden muss, so dass dieselbe am Ende des 16ten Jahres mit den Zinseszinsen ebenfalls 230660 Gulden 32\frac{3}{4} Kreuzer beträgt. Das Letztere findet sich aber, wie in der vorigen Auflösung sehon gezeigt wurde, wenn man diese Summe durch die aus der 1sten Haupt-Tafel (Seite 24) bei 5 Procent und 16 Jahren stehende Zahl 2.182874588 dividirt; der Quotient zeigt uns alsdann die Grösse des gesuchten Capitals, oder diejenige Summe, welche A von B auf diese Pfandnutzung im Voraus erhalten kann. Mithin:

230660.544738000 Gulden: 2.182874588 == 105668.253...fl.
218287 4588.....

12373 085938...
10914 372940...

1458 7129980...
1309 7247528..

148 98824520...
130 97247528..

18 015769920
17 462996704

5527732160
4365749176

11619829840
10914372940

7054569000

Diesem Quotienten zu folge kann also B an A auf diese 16jährige Pfandnutzung ein Capital von 105668.253 Gulden oder 105668 Gulden 15 Kreuzer 1 Pfennig darleihen.

Da es hier nur darauf ankommt, zu berechnen, wie viel die 16 Nutzungen à 9750 Gulden, welche mit Ende eines jeden Jahres zahlbar werden, jetzt in Summe werth sind, so würde man das gesuchte Resultat weit schneller finden, wenn man sich in einem solchen Falle der 4ten Haupt-Tafel bediente. Man nimmt nämlich aus dieser Haupt-Tafel (Seite 102) die bei 5 Procent und 16 Jahren stehende Zahl, also: 10.8 3776956 und multiplicirt dieselbe mit:

54 1 8884780. 758 6 438692. . 9753 9 92604. . .

so erhält man: 10566 8.25321000 z. Producte; dieses ist mithin der jetzige Werth aller Nutzungen in Gulden ausgedrückt, und also genau so viel, als wir oben gefunden haben.

8te Aufgabe. §. 409.

Gegen Verpfändung eines Guthes, welches jährlich 550 Thaler reinen Ertrag liefert, nimmt A von B ein Capital von

8490 Thalern su  $4\frac{1}{4}$  Procent Zinsen auf. A überlässt dagegen seinem Gläubiger nicht allein den jährlichen Ertrag des Guthes, sondern er verspricht auch, mit Ende eines jeden Jahres noch eine gleiche Summe baar, und zwar von einer solchen Grösse an B su bezahlen, dass mit Ende des 12ten Jahres Capital und Zinsen rein abgetragen sey, und A somit sein verpfändetes Guth wieder an sich nehmen könne. Es soll nun berechnet werden, wie viel A am Ende eines jeden dieser 12 Jahre an B noch baar zu bezahlen habe  $\mathfrak f$ 

## Auflösung.

Hier muss zuerst be echnet werden, auf welche Summe diese 8490 Thaler in der Zeit von 12 Jahren bei 4½ Procent Zins von Zins anwachsen werden. Dieses findet sich, wenn man aus der 1sten Haupt-Tafel die (Seite 22) bei 4½ Procent und 12 Jahren stehende Zahl: 1.695881433 mit der Zahl des Capitals, also hier mit 8490, maltiplicirt.

Also: multiplicirt mit:

1.6 95881433 8490

15 2 62932897 67 8 3525732 1356 7 051464

giebt zum Producte:

1439 8.033366170

Es wachsen demnach diese 8490 Thaler bei 41 Procent Zins von Zins in 12 Jahren auf 14398.033366170 Thaler oder 14398 Thir. — Gr. 10 Pf. (1 Silbergr. — Pf.) an.

Diese Summe muss nun in 12 gleiche jährliche Terminsahlungen, und swar so vertheilt werden, dass diese mit ihren Zinsessinsen am Ende des 12ten Jahres ebenfalls auf die hier berechnete Summe anwachsen. Um also die Grösse einer solchen Terminsahlung zu finden, nehme man aus der 2ten Haupt-Tafel (Seite 48) die bei 4½ Procent und 11 Jahren stehende Zahl 14.464031839, addire zu den 14 Ganzen (wegen der letzten Zahlung, die keine Zinsen trägt) noch eine ganze Einheit, und dividire alsdann mit diesen 15.464031839 in die oben berechnete Summe 14398.03336617, so zeigt der Quotient die Grösse der Summe, welche mit Ende eines jeden Jahres abgetragen werden muss; also:

14398.033366170 Thir.: 15.464031839 == 931.065941... Thir. 13917 6286551...

480 40471107. 463 92095517.

> 16 483755900 15 464<del>0</del>31839

1 01972406100 92784191034

> 91882150660 77320159195

145619914650 139176286551

> 64436280990 61856127356

25801536340

Dieser Quotient seigt nun, dass A an B, mit Ende elnes jeden Jahres 931.06594 Thaler, oder \$31 Thir. 1 Gr. 7 Pf. (2 Silbergroschen) abzahlen müsste, wenn jene Schuld von 8490 Thalern nebst den Zinsen auf 12 Jahre dadurch abgetragen werden soll. Insofern nun der Gläubiger das Pfand jährlich blos auf 550 Thaler benutzen kann, muss der Schuldner A mit Ende eines jeden dieser 12 Jahre noch 381 Thir. 1 Gr. 7 Pf. (2 Silbergr.) baar zulegen.

Zur Ueberzeugung, dass dieses Resultat auch das richtige sey, berechne man, mit Hilfe der 4ten Haupt-Tafel, wie viel diese 12 Terminsahlungen à 931.06594 Thir. jetzt zusammen werth sind. Zu dieser Absicht nehme man aus der genannten Tafel (Seite 100) die bei 4½ Procent und 12 Jahren stehende Zahl:

und multiplicire dieselbe mit:

931.06594

36 474323124 820 67227029. 4559 2903905. 54711 484686... 9 11858 0781..... 273 55742 343..... 8206 72270 29.....

so erhält man zum Producte: . 8489.99998 632769914

welche Zahl von 8490 Ganzen, als der Grösse des von B geliehenen Capitals, nicht um den hundertsten Theil eines Pfennigs abweicht; und dieser Unterschied ist blos in der zu geringen Anzahl der Decimalen zu suchen.

# 9te Aufgabe. §. 410.

A erborgt sich von B die Summe von 25000 Thalern zu 3½ Procent Zinsen, und verpfändet dagegen an B zwei Güther; von welchen das 1ste zu 31400 Thir. und das 2te zu 10560 Thir. geschätzt worden ist. Ferner bringt das 1ste Guth 1570 Thir. und das 2te 530 Thir. reinen jährlichen Gewinn. Beide Interessenten sind in ihrem Vertrage dahin überein gekommen, dass B von beiden Güthern so lange den Nutzen ziehen kann, bis das Capital selbst soweit abgetragen ist, dass B für den Rest der Schuld das 2te Guth selbst annehmen, und als sein Eigenthum betrachten könne. Es fragt sich daher, zu welcher Zeit B das 1ste 'uth an A wieder zurück zu geben habe?

## Auflösung.

Des Gläubigers Forderung besteht in 25000 Thaler Capital, da ihm aber (früher oder später) 10560 Thaler durch die Annahme des 2ten Guthes wieder abgetragen werden, so hat A am Ende des Vertrages nur noch die Summe von 14440 Thalern Capital zu fordern, weil die Zinsen des ganzen geliehenen Capitals von der Pfandnutzung jedes Jahres bezahlt werden. Man berechne daher den jährlichen Ertrag von beiden Güthern, so wie auch den Betrag der Zinsen von 25000 Thlr. Capital, indem man schliest: 100 Thlr. geben 33 Thlr. Zinsen, wie viel 25000 Thlr.? so erhält man 9374 Thlr. als Zinsen.

Nun trägt das 1ste Guth jährlich ein:	1570 Thaler
eben so das 2te	530 -
also nimmt B am Ende jeden Jahres ein:	2100 Thaler
hiervon sind auf die Zinsen abzurechnen:	937.5 -
folglich bleibt am Ende jeden Jahres Ueberschuss:	1162.5 Thaler.

folglich bleibt am Ende jeden Jahres Ueberschuss: 1162.5 Thaler. Es fragt sich also, in wie viel Jahren werden diese 1162.5 Thlr. wenn sie am Ende jeden Jahres zu 3½ Procent Zins von Zins angelegt werden, auf die Summe von 14440 Thaler anwachsen?

Um dieses zu bestimmen, dividire man die 14440 Thaler durch den jährlichen Ueberschuss von 1162.5 Thaler, und suche alsdann den erhaltenen Quotienten in der 2ten Haupt-Tafel, und zwar (Seite 45) in der Tafel, welche zu 3½ Procent berechnet ist, durch Vergleichung auf, so zeigt die links daneben stehende Zahl der Jahre, die Zeit des Vertrages. Mithin:

14440 Thir. : 1162.5 Thir. = 12.4... = Quotient.

Sucht man nun diesen Quotienten in der genannten Tafel durch Vergleichung auf, so findet man eine ihm am nächsten kommende Zahl bei 10 Jahren, und mithin könnte dieser Vertrag nach 10 Jahren aufgehoben werden.

Da jedoch am Ende des 10ten Jahres des B Forderung noch nicht ganz gedeckt seyn würde, so dass er von A noch etwas an baarem Gelde erhalten müsste, nach 11 Jahren aber das Pfand mehr, als ihm sukommt, eingetragen haben würde, so wollen wir das zu wenig oder zu viel Entnommene für diese beiden Jahre berechnen.

Soll nämlich der Vertrag am Ende des 10ten Jahres aufgehoben werden, so nehme man aus der genannten 2ten HauptTafel die bei 3½ Procent und 9 Jahren stehende Zahl, addire zu
dem Ganzen noch eine Einheit und multiplicire die erhaltene
Summe:

11.86783847

mit der Zahl des Ueberschusses: 1162.5

5 9 33919235 23 7 3567694. 712 0 703082. . 1186 7 83847. . .

so ist das Product = 13796.3 62221375

Die Ueberschussgelder nebst ihren Zinsen und Zinseskinsen sind demnach am Ende des 10ten Jahres nur 13796.3622... Thir. oder 13796 Thir. 8 Gr. 8 Pf. (10 Silbergr. 11 Pf.) werth; und da B die Summe von 14440 Thir. su fordern hat, so müsste A an B am Ende des 10ten Jahres noch 643 Thir. 15 Gr. 4 Pf. (19 Silbergr. 1 Pf.) baar bekahlen.

Sollen aber beide Interessenten erst am Ende des 11ten Jahres auseinander gesetzt werden, so findet man die Grösse der Forderung, wenn man aus derselben Tafel die bei 10 Jahren stehende Zahl um eine Einheit vermehrt, und diese Summe:

13.312882413

multiplicirt mit:

1162.5

6 6 564412065 26 6 25764826. 798 7 7294478.. 1331 2 882413...

13312 8 82413....

das Product ist nämlich = 15476.2 258051125

Der Gläubiger hat also die verpfändeten Güther bis dahin benutzt auf: 15476.2258 Thir. oder 15476 T. 5 G. 5 P. (6 Sig. 9 P.) seine Forderung besteht aber blos in: 14440 - - - - - (- - - -) mithin hat A von B noch:

1036 T. 5 G. 5 P. (6 Sig. 9 P.) und auch das erste Guth am Ende des 11ten Jahres zu erhalten.

Nachtrag zu der Seite 162 und Seite 201 gegebenen Anleitung zum Gebrauche der Isten und IIIten Haupttafel.

## §. 411.

Man könnte diesen hier beigegebenen Taseln der höheren Zinsrechnung den Vorwurf machen, dass, da sie nur auf die Zeit bis mit 100 Jahren berechnet hier angegeben sind, dieselben, obwohl für seltne, jedoch mögliche Fälle, wo der Anwachs eines Capitals mit seinen Zinsen und Zinseszinsen für mehr als 100 Jahre gesucht werden sollte, für alle solche Fälle als unbrauchbar befunden würden; allein dieses ist nicht der Fall, und es werden diejenigen, welche eine Kenntaiss von der Lehre der Potenzen

erlangt haben, auch gewiss keine Schwierigkeit hierin finden, indem die erste und dritte Haupttafel und namentlich die bei den Jahren angegebenen Resultate nichts anderes enthalten, als die verschiedenen Potenzen der Ausdrücke von  $\left(\frac{100+r}{100}\right)^n$  oder  $\left(\frac{100}{100+r}\right)^n$ , wo hier durch r die Procente, welche über jeder Tafel angegeben sind, und durch n die Zahl der Jahre bezeichnet wird. Da nun z. B. die 7te Potenz einer Grösse gefunden werden kann, wenn man die 4te Potenz dieser Grösse mit der 3ten oder auch die 5te mit der 2ten u. s. w. multiplicirt, so ist auch leicht begreiflich, dass das 150ste Resultat gefunden wird, wenn man das 100ste mit dem 50sten oder auch das 80ste mit dem 70sten u. s. w. multiplicirt.

Man darf also, um ein Resultat für 150 Jahre zu finden, nur zwei solche Zahlen von Jahren wählen, welche zusammen genommen 150 geben, und hierauf die neben diesen Jahren stehenden Resultate mit einander multipliciren, so erhält man zum Producte eine Zahl, welche den Anwachs eines Capitales Eins auf die Zeit von 150 Jahren angiebt.

Damit aber das hier Gesagte möglichst deutlich werde, so soll diese Regel und der Gebrauch der Tafeln selbst, für eine Zeit von mehr als 100 Jahren noch durch ein Beispiel versinnlicht werden.

# Aufgabe.

Wie uns öffentliche Blätter wiederholend berichten, (siehe Leipziger Zeitung vom 9ten Januar 1829) so hat Rudolph Vitzthum von Apolda in seinem am 24sten Septbr. 1638 errichteten letzten Willen ein Capital zu Errichtung eines Vitzthumschen Geschlechts-Gymnasii ausgesetzt. Angenommen nun, dass das Capital zu dieser Stiftung anfänglich nur in 5000 Thalern bestanden habe, und es wäre von dieser Summe bis jetzt (1829) da diese Anstalt in Wirksamkeit tritt, sowohl das Grund-Capital, als auch der jährliche Zinsertrag nach dem Zinsfusse unserer Sparkassen nur mit 3½ p. C. benutzt worden, so fragt sichs: zu welcher Summe jenes Capital mit seinen Zinseszinsen bis zum Jahre 1829 angewachsen seyn würde?

#### Auflösung.

Der Zeitraum vom Jahre 1638 bis 1829 beträgt 191 Jahre. Die Frage ist also kürzlich diese: wie noch werden 5000 Thlr. Capital bei 3½ p. C. jährlicher Verzinsung in 191 Jahren mit Zinsen und Zinseszinsen anwachsen?

Wie schon im vorigen Paragraph erwähnt wurde, so wählt man aus der Tafel (Seite 16) welche zu 3½ Procent berechnet ist, zwei Zahlen der Jahre oder Zinstermine, welche zusammengenommen 191 betragen, und multiplicirt die neben diesen beiden Zahlen stehenden Resultate mit einander, so seigt das Product, wie hoch ein Capital Eins in der Summe der genannten Jahre anwachsen werde. Wir wollen also zu dem vorliegenden Beispiele die Zahl 191 in die zwei Theile 100 und 91 zerlegt annehmen. Man nehme daher aus jener Tafel sowohl den Decimalbruch der bei 100 Jahren, als auch denjenigen, welcher bei 91 Jahren steht, multiplicire diese beiden Brüche mit einander wie hier folgt, als:

bei 100 Jahren steht:

21.696823486

ferner steht bei 91 Jahren:

16.448280431

21 696823486 650 90470458. 8678 7293944.. 1735745 87888... 4339364 6972.... 173574587 888.... 867872939 44..... 8 678729394 4..... 130 180940916.....

Product =

356.875437159 6 3500 246 6

Wie schon §. 57 angewiesen wurde, so schneidet man in dem Producte von der rechten nach der linken Hand zu, wieder so viel Ziffern als Decimalen ab, als beide Factoren deren zusammengenommen enthalten, also hier 9+9 d. i. 18; und somit zeigt das Product 356.875437...., dass wenn vor 191 Jahren Ein Thaler zu 3½ p. C. auf Zins von Zins angelegt worden wäre, dieser jetzt auf 356.875437.... Thaler oder 356 Thir. 21 Gr. mit den Zinsen angewachsen seyn würde. Da aber unzerm vorliegenden Beispiele 5000 Thir. Capital zum Grunde gelegt sind,

so ersieht man leicht, dass das hier gefundene Product noch mit 5000 multiplicht werden muss, welches am kürzesten dadurch bewerkstelliget wird, wenn man die Zahl 5000 in 1000 mal 5 zerfällt annimmt; d. h. man rückt den Punkt, welcher die Ganzen von den Bruchtheilen trennt, um 3 Stellen nach der rechten Hand zu und nimmt sodann den hierdurch entstandenen Decimalbruch 356875.437... noch 5 mal; und hiernach findet sich das Endresultat = 1784377.185... Thaler; das heisst: 5000 Thir. Capital würden bei 3½ p. C. Zins von Zins in 191 Jahren auf 1 Million 784 Tausend 377 Thir. 4 Gr. 5 Pf. anwachsen.

§. 412.

Als Erweis, dass es gleichgültig sey, welche swei Zählen von Jahren man in der Tabelle aushebt, so wollen wir die Zahl, welche bei 95 Jahren steht, mit derjenigen bei 96 Jahren multipliciren; (weil 95 + 96 auch 191 giebt)

Nun finden wir bei 95 Jahren: ebenso stehet bei 96 Jahren:

18.602715661 19.184050525

93 013578305 372 05431322. 9301 3578305... 930135 78305... 74410862 644..... 1 488217252 88..... 1 860271566 1...... 167 424440949......

Das Product ist ==

356.875437142832772025

Das hier gefundene Product stimmt nun mit dem der vorigen Rechnung bis auf 10 Milliontheilchen vollkommen überein
und es würde dieses noch weiter der Fall seyn, wenn man den
vorliegenden Tafeln eine noch grössere Ausdehnung gegeben hätte.
Da jedoch bei einem Capitale von mehreren Tausend Thalern und
einem Zeitraume von beinahe 200 Jahren, der Unterschied dieser
beiden Resultate noch nicht & Pfennig beträgt, so dürften diese
Tafeln in Räcksicht ihrer Ausdehnung und Genauigkeit selbst zur
Berechnung der grössten europäischen Staatsschuld hinlänglich seyn.

# Tafeln

der

# höhern und niedern ZINSRECHNUNG

in

fünf besondern Haupt-Abtheilungen.

Entworfen

u n d

auf das Genaueste berechnet

Y O D

Friedrich Löhmann,

Lieutenant von der Armee, und Lehrer der Mathematik an der Kreuzschule zu Dresden.

Als

dritte Hauptabtheilung

zu dessen

Handbuch

der

juridischen und staatswirthschaftlichen Rechnungen.

LEIPZIG 1829. Verlag von Johann Ambrosius Barth.

-.t. -, 

# I. Haupt-Tafel.

Diese Haupt-Tafel enthält den Werth, auf welchen ein angelegtes Capital Eins, z. B. 1 Thaler, 1 Gulden, 1 Pfund Sterling u. s. w. mit seinen Zinsen und Zinseszinsen in einer bestimmten Zeit anwächst.

Diese Haupt-Tafel theilt sich in 25 einzelne Täfelchen, von welchen jede nach einem besondern Zinsfusse — und zwar jedesmal von Einem Jahr — bis mit Hundert Jahren berechnet ist.

Mit Hilfe dieser Tafeln kann man Fragen, den folgenden ähnlich, berechnen.

- s) Auf welche Summe wird ein Capital mit seinen Zinseszinsen in einer gegebenen Zeit anwachsen? (Siehe §. 227, Seite 162.)
- b) Wie gross muss das jetzt anzulegende Capital seyn, welches mit seinen Zinseszinsen in einer gegebenen Zeit, auf eine bestimmte Summe anwachsen soll? (Siehe §. 234, Seite 169.)
- c) Wie viel Jahre muss ein Capital bei einem gewissen Zinsfusse auf Zinseszinsen ausgeliehen werden, wenn dasselbe mit den Zinsen auf eine bestimmte Summe anwachsen soll? (Siehe §. 236, Seite 172.)
- d) Zu wie viel Procenten muss man ein Capital anlegen, wenn danselbe in einer gewissen Zeit mit den Zinseszinsen auf eine bestimmte Summe anwachsen soll? u. s. w. (Siehe §. 238, Seite 175.)

Die Hauptanleitung zur Auflösung dieser und aller ähnlichen Aufgaben findet man von §. 215. bis mit §. 239. augegeben.

Würde eine dieser 25 Täselchen sehlerhaft berechnet gesunden, so hat derjenige, welcher dem Versasser — oder der Verlagshandlung diesen Fehler zuerst anzuzeigen die Güte haben wird, einen vollwichtigen Ducaten in Golde zu erwarten.

Diese Tasel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinseszinsen anwächst!

# bei ! Procent.

T	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:						
Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1	1. 002 5	35	1. 091 323 093	69	1. 188 016 053		
2	1. 005 006 25	36	1. 094 051 401	70	1. 190 986 093		
3	1. 007 518 766	37	1. 096 786 529	71	1. 193 963 559		
4	1. 010 037 563	38	1. 099 528 496	72	1. 196 948 468		
5 6	1. 012 562 656 1. 015 094 063	39 40	1. 102 277 317 1. 105 033 010	73 74	1. 199 940 839 1. 202 940 691		
1111			1. 107 795 593	75	1. 205 948 043		
7	1. 017 631 798 1. 020 175 878	41 42	1. 107 795 593 1. 110 565 082	76	1. 203 948 043		
8 9	1. 022 726 317	43	1. 113 341 494	77	1. 211 985 320		
10	1. 025 283 133	44	1. 116 124 848	78	1. 215 015 283		
11	1. 025 265 155 1. 027 846 341	45	1. 118 915 160	79	1. 218 052 821		
12	1. 030 415 957	46	1. 121 712 448	80	1. 221 097 953		
13	1. 032 991 997	47	1. 124 516 729	81	1. 224 150 698		
14	1. 035 574 477	48	1. 127 328 021	82	1. 227 211 075		
15	1. 038 163 413	49	1. 130 146 341	83	1. 230 279 103		
16	1. 040 758 822	50	1. 132 971 707	84	1. 233 354 801		
17	1. 043 360 719	51	1. 135 804 136	85	1. 236 438 188		
18	1. 045 969 120	52	1. 138 643 647	86	1. 239 529 283		
19	1. 048 584 043	53	1. 141 490 256	87	1. 242 628 106		
20	1. 051 205 503	54	1. 144 343 981	88	1. 245 734 676		
21	1. 053 833 517	55	1. 147 204 841	89	1. 248 849 013		
22	1. 056 468 101	56	1. 150 072 853	90	1. 251 971 136		
23	1: 059 109 271	57	1. 152 948 035	91	1. 255 101 064 1. 258 238 816		
24	1. 061 757 044	58	1. 155 830 406	92			
25	1. 064 411 437	59	1. 158 719 982	93	, 1. 261 384 413		
26	1. 067 072 465 1. 069 740 147	60	1. 161 616 782 1. 164 520 824	94 95	1. 264 537 874 1. 267 699 219		
27		61			1. 270 868 467		
28	1. 072 414 497 1. 075 095 533	62 63	1. 167 432 126 1. 170 350 706	96 97	1. 270 808 407		
29 30	1. 075 095 533 1. 077 783 272	64	1. 173 276 583	98	1. 277 230 752		
31	1. 080 477 730	65	1. 176 209 774	99	1. 280 423 829		
31 32	1. 080 477 730	66	1. 179 150 299	100	1. 283 624 889		
33	1. 085 886 872	67	1. 182 098 174	101			
34	1. 088 601 589	68	1. 185 053 420	102			

Diese Tasel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

## bei 4 Procent.

Das Capital Line wächet mit Zine von A	line au ·					
Das Capital Bins wächst mit Zins von Zins an:						
Werth. Werth.	Werth.					
1 1.005 35 1.190 726 890 69 1.	410 776 644					
m	417 830 527					
	<b>424</b> 919 680					
	432 044 278					
	439 204 500					
	446 400 522					
	453 632 525					
	460 900 688 468 205 191					
(B) II =	475 546 217					
	482 923 948 490 338 568					
	497 790 261 505 279 212					
	512 805 608					
	520 369 636 527 971 484					
	535 611 342					
	543 289 398" 5 <del>5</del> 1 005 845					
	558 760 875					
	566 554 679					
	574 387 452					
	58 <b>2 2</b> 59 390					
	590 170 687					
101 11	598 121 540					
	606 112 148					
[	614 142 708					
29 1. 155 621 9.73 633 1. 369 184 237 97 1.	622 213 422					
30 1. 161 40 388 64 1. 376 030 158 98 1.	630 324 489					
31 1. 167 207 083 65 1. 382 910 309 99 1.	638 476 112					
	646 668 492					
33 1. 178 908 334 67 1. 396 773 985 101	1					
34 1. 184 802 876 68 1. 403 757 855 102						

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

# bei & Procent

	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.			
11	1. 007 5	35	1. 298 903 594	69	1. 674 591 113			
2	1. 015 056 25	36	1. 308 645 371	70	1.687 150 546			
3	1. 022 669 172	37	1. 318 460 211	71	1. 699 804 176			
4	1. 030 339 191	38	1. 328 348 663	72	1. 712 552 707			
5	1. 038 066 735	39	1. 338 311 278	73	1. 725 396 852			
6	1. 045 852 235	40	1. 348 348 612	74	1. 738 337 329			
7	1. Q53 696 127	41	1. 358 461 227	75	1. 751 374 858			
8	1. 061 598 848	42	1. 368 649 686	76	1. 764 510 170			
9	1.069 560 839	43	1. 378 914 559	77	1. 777 743 996			
10	1. 077 582 545	44	1. 389 256 418	78	1. 791 077 076			
liil	1. 085 664 415	45	1: 399 675 841	79	1. 804 510 154			
12	1. 093 806 898	46	1.410 173 410	80	1.818043980			
13	1. 102 010 449	47	1. 420 749 710	81	1. 831 679 310			
14	1. 110 275 528	48	1. 431 405 333	82	1.845416905			
15	1. 118 602 594	49	1. 442 140 873	83	1. 859 257 532			
16	1. 126 992 114	50	1. 452 956 930	84	1. 873 201 963			
17	1, 135 444 555	51	1. 463 854 107	85	1. 887 250 978			
18	1. 143 966 389	52	1. 474 833 013	86	1. 901 465 360			
19	1. 152 540 092	53	1. 485 894 260	87	1. 915 665 901			
20	1. 161 184 142	54	1. 497 038 467	88	1. 930 033 395			
21	1. 169 893 023	55	1. 508 266 256	89	1. 944 508 645			
22	1. 178 667 221	56	1. 519 578 253	90	1. 959 092 460			
23	1. 187 507 225	57	1. 530 975 090	91	1. 973 785 654			
24	1. 196 413 529	58	1, 542 457 403	92	1. 988 589 046			
25	1. 205 386 631	59	1. 554 025 833	93	2, 003 503 464			
$\begin{array}{c} 25 \\ 26 \end{array}$	1. 214 427 031	59 60	1. 565 681 027	94	2. 018 529 740			
27	1. 223 535 233	61	1. 577 423 635	95	2. 033 668 713			
28	1. 232 711 748	62	1. 589 254 312	96	2. 048 921 228			
28 29	1. 241 957 086	63	1. 601 173 719	97	2. 064 288 137			
30	1. 251 271 764	64	1. 613 182 522	98	2. 079 770 298			
31	1. 260 656 302	65	1. 625 281 391	99	2. 095 368 576			
31 32	1. 270 111 224	66	1. 637 471 001	100	2. 111 083 840			
33	1. 279 637 058	67	1, 649 752 034	101				
34	1. 289 234 336	68	1. 662 125 174	102				
				-	and the second second			

Diese Taset enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinseszinsen anwächst

## bei 1 Procent.

4			THE RESERVE OF THE PARTY OF THE	-				
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:							
Jahre.	Werth.	lahre.	Werth.	ohre.	Werth.			
1	4. 01	35	1. 416 692 756	69	1. 986 894 424			
2	1. 020 1	36	1. 430 768 784	70	2. 006 763 368			
3	1. 030 301	37	1. 445 076 471	71	2. 026 831 002			
4	1. 040 604 01	38	1. 459 527 236	72	2. 047 099 312			
5	1. 051 010 050	39	1. 474 122 509	73				
6	1.001 520 151	40	1. 488 863 734	74	2. 088 246 008			
7	1. 072 135 352	41	1. 503 752 371	75	2. 109 128 468			
8	1: 082 856 706	42	1. 518 789 895	76	2. 130 219 753			
9	1. 093 685 273	43	1. 533 977 794	77	2. 151 521 951			
10	1. 104 622 125	44	1. 549 317 572	78	2. 173 037 170			
11	1. 115 668 347	45	1. 564 810 747	79	2. 194 767 542			
12	1. 126 825 030	46	1. 580 458 855	80	2, 216 715 217			
13	1. 138 093 250	17	1. 596 263 443	81	2. 238 882 369			
14	1. 149 474 213	48		82	2. 261 271 193			
15	1. 160 968 955	49	1. 628 348 338	83	2. 283 883 905			
16	1, 172 578 645	<u>50</u>	1. 644 631 822	84	2, 306 722 741			
17	1. 184 304 431	51	1. 661 078 140	85	2. 329 789 971			
18	1. 196 147 476	52	1. 677 688 921	86	2. 353 087 871			
19	1. 208 108 950	53	1. 694 465 811	87	2. 376 618 750			
20	1. 220 190 040	54	1. 711 410 469	88	2. 400 384 937			
21	1. 232 391 940	55	1. 728 524 573	89	2. 424 388 787			
22	1. 244 715 860	56	1. 745 809 819	90	2. 448 632 675			
23	1. 257 163 018	57	1. 763 267 917	91	2. 473 119 001			
24	1. 269 734 649	58	1. 780 900 597	92				
25	1. 282 431 995	59	1. 798 709 603	93	2, 522 828 693			
26	1. 295 256 315	60	1. 816 696 699	94	2. 548 056 980			
27	1. 308 208 878	61	1. 834 863 666	95	2. 573 537 550			
<u>28</u>	1. 321 290 967	62	1. 853 212 302	96	2, 599 272 926			
29	1. 334 503 877	63	1. 871 744 425	97	2. 625 265 655			
30	1. 347 848 915	64	1. 890 461 869	98	2. 651 518 311			
31	1. 361 327 404	65						
32	1. 374 949 679	05 66	1. 909 366 488 1. <b>928 46</b> 0 153	99 100	2. 678 033 494 2. 704 813 829			
33	1. 388 690 085	67	1. 928 400 183 1. 947 744 755	101	A. 104 013 029			
34		68	1. 967 222 202	102	'			

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

# bei 11 Procent

فعر		-	all Control					
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.			
1	1. 012 5	35	1. 544 635 870	69	2. 356 444 417			
2	1. 025 156 25	36	1. 563 943 819	70	2. 385 899 972			
3	1. 037 970 703	37	1. 583 493 116	71	2. 415 723 722			
4	1.060 945 337	38	1. 603 286 780	72	2. 445 920 268			
5	1.064 082 154	39	1. 623 327 865	73	2. 476 494 271			
6	1. 077 383 181	40	1. 643 619 463	74	2. 507 450 450			
7	1. 090 850 470	41	1. 664 164 707	75	2. 538 793 581			
8	1. 104 486 101	42	1. 684 966 766	76	2. 570 528 500			
9	1. 118 292 177	43	1.706 028 850	77	2. 602 660 107			
10	1. 132 270 830	44	1. 727 354 211	78	2. 635 193 358			
11	1. 146 424 215	45	1. 748 946 138 1. 770 807 965	79	2. 668 133 275 2. 701 484 941			
12	1. 160 754 518	<b>4</b> 6		80				
13	1. 175 263 949	47	1. 792 943 065	81	2. 735 253 503			
14 15	1. 189 954 749 1. 204 829 183	48 49	1. 815 354 853 1. 838 046 789	82 83	2. 769 444 171 2. 804 062 223			
16	1. 219 889 548	60	1. 861 022 374	84	2. 839 113 001			
17 18	1. 235 138 167 1. 250 577 394	51 52	1. 884 285 153 1. 907 838 718	85 86	2. 874 601 914 2. 910 534 438			
-		-						
19 20	1. 266 209 612	53	1. 931 686 702	87	2. 946 916 118 2. 983 752 570			
21	1. 282 037 232 1. 298 062 697	54 55	1. 955 832 785 1. 980 280 695	88 89	3. 021 049 477			
		1						
22 23	1. 314 288 481 1. 330 717 087	56 57	2. 005 034 204 2. 030 097 131	90 91	3. 058 812 595 3. 097 047 753			
24 24	1. 347 351 050	38	2. 055 473 346	91	3. 135 760 850			
<b>2</b> 5	1. 364 192 939	<b>59</b>	2. 081 166 762	93	3. 174 957 860			
26	1. 381 245 350	60	2. 107 181 347	93	3. 214 644 833			
27	1. 398 510 917	61	2. 133 521 114	95	3. 254 827 894			
28	1. 415 992 304	62	2. 160 190 128	96	3. 295 513 243			
29	1 433 692 207	63	2. 187 192 504	97	3. 336 707 158			
30	1. 451 613 360	64	2. 214 532 411	98	3. 378 415 998			
31	1. 469 758 527	65	2. 242 214 966	99	3:420 646 197			
32	1. 488 130 509	66		100	3. 463 404 275			
<b>3</b> 3	1. 506 732 140	67	2. 298 619 763	101	1 Carried A. Sant G. S.			
34	1. 525 566 292	68	2. 327 352 510	102				
	-	HEIDE		200	The second second			

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinseszinsen anwächst

# bei 11 Procent.

6			- II-1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	_			
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an.						
Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.		
1	1. 015	35	1. 683 881 318	69	2. 793 552 999		
2	1. 030 225	36	1. 709 139 538	70	2. 835 456 294		
3	1. 045 678 375	37	1. 734 776 631	71	2. 877 988 139		
4 5	1. 061 363 551 1. 077 284 004	38	1. 760 798 281 1. 787 210 255	72 73	2. 921 157 961		
6	1. 093 443 264	39 40	1. 814 018 409	74	2. 964 975 330   3. 009 449 960		
7	1. 109 844 913	41	1. 841 228 685	75	3. 054 591 709		
8	1. 126 492 587	42	1. 868 847 115	76	3. 100 410 585		
9	1. 143 389 975	43	1. 896 879 822	77	3. 146 916 744		
10	1. 160 540 825	44	1. 925 333 019	78	3. 194 120 495		
111	1. 177 948 937	45	1. 954 213 014	79	3. 242 032 302		
12	1. 195 618 171	46	1. 983 526 210	80	3. 290 662 787		
13	1. 213 552 444	47	2. 013 279 103	81	3. 340 022 729		
14 15	1. 231 755 731 1. 259 232 067	48	2. 043 478 289	82	3. 390 123 070		
1-1		49	2. 074 130 464	83	3. 440 974 916		
16 17	1. 268 985 548 1. 288 020 331	50 51	2. 105 242 421 2. 136 821 057	84 85	3. 492 589 540		
18	1. 307 340 636	51	2. 168 873 373	86	3. 544 978 383 3. 598 153 058		
19	1. 326 950 745	53	2. 201 406 473	87	3. 652 125 354		
20	1. 346 855 007	54	2. 234 427 570	88	3. 706 907 235		
21	1. 367 057 832	55	2. 267 943 984	89	3. 762 510 843		
22	1. 387 563 699	56	2. 301 963 144	30	3. 818 948 506		
23	1. 408 377 155	57	2. 336 492 591	971	3. 876 232 733		
24	1. 429 502 812	58	2. 371 539 980	92	3. 934 376 224		
25	1. 450 945 354	59	2. 407 113 079	93	3. 993 391 868		
26 27	1. 472 709 534 1. 494 800 177	60	2. 443 219 776	94	4. 053 292 746		
I'		61	2. 479 868 072	95	4. 114 092 137		
28 29	1. 517 222 180 1. 539 980 513	62 63	2. 517 066 093 2. 554 822 085	96 97	4. 175 803 519		
30	1. 563 080 220	64	2. 593 144 416	98	4. 238 440 572 4. 302 017 180		
31	1. 586 526 424	65	2. 632 041 582	99	4. 366 547 438		
<b>32</b>	1. 610 324 320	66	2. 671 522 206	100	4. 432 045 650		
33	1. 634 479 185	67	2. 711 595 039	101			
34	1. 658 996 373	68	2. 752 268 965	102			

Diese Tafel enthält den berechneten Worth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsensinsen anwächst

# bei 12 Procent.

	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1	1.017 5	35	1. 835 289 696	69	3. 310 357 022		
2	1. 035 306 25	36	1. 867 407 266	70	3. 368 288 269		
3	1. 053 424 109	37	1. 900 086 893	71	3, 427 233 314		
4	1. 071 859 031	38	1. 933 338 414	72	3. 487 209 897		
5	1. 090 616 564	39	1. 967 171 836	73	3. 548 236 070		
6	1. 109 702 354	40	2. 001 597 343	74	3. 610 330 202		
7	1. 129 122 145	41	2. 036 625 297	75	3. 673 510 980		
8	1. 148 881 783	42	2. 072 266 239	76	3. 737 797 422		
9	1. 168 987 214	43	2. 108 530 899	77	3. 803 208 877		
10	1. 189 444 490	44	2. 145 430 189	78	3, 869 765 033		
11	1. 210 259 769	45	2. 182,975 218	79	3. 937 485 921		
12	1. 231 439 315	16	2. 221 177 284	80	4. 006 391 924		
13	1 252 989 503	47	2. 260 047 886	81	4. 076 503 783		
14	1. 274 916 819	48	2. 299 598 724	82	4. 147 842 599		
15	1. 297 227 864	49	2. 339 841 702	83	4. 220 429 845		
16	1. 319 929 351	50	2. 380 788 932	84	4. 294 287 367		
17	1. 343 028 115	51	2. 422 452 738	85	4. 369 437 396		
18	1. 366 531 107	<b>52</b>	2. 464 845 661	86	4. 445 902 550		
19	1. 390 445 401	53	2. 507 980 460	87	4. 523 705 845		
20	1. 414 778 196	54	2. 551 870 118	88	4. 602 870 697		
21	1. 439 536 814	55	<b>2. 596 527 84</b> 5	89	4. 683 420 934		
$\overline{22}$	1. 464 728 708	56	2. 641 967 083	90	4. 765 380 801		
23	1. 490 361 461	57	2. 688 201 507	91	4. 848 774 965		
24	1. 516 442 786	58	2. 735 245 033	92	4. 933 628 527		
25	1. 542 980 535	59	2. 783 111 821	93	5, 019 967 026		
26	1. 569 982 695	60	2. 831 816 278	94	5. 107 816 449		
27	1. 597 457 392	6 I	2. 881 373 063	95	5. 197 203 237		
28	1. 625 412 896	62	2. 931 797 091	96	5. 288 154 293		
29	1. 653 857 622	63	2. 983 103 540	97	5. 380 696 993		
30	1. 682 800 130	64	3. 035 307 852	98	5. 474 859 191		
31	1. 712 249 132	65	3. 088 425 740	99	5. 570 669 227		
32	-	66	3. 142 473 190	100	5. 668 155 938		
33		67	3. 197 466 471	101	1.0		
34	1.803 724 517	68	3. 253 422 134	102			

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetst angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

## bei 2 Procent.

8	-						
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:						
ahre.	Werth.	ahre.	Werth.	ahre.	Werth.		
1	1. 02	35	1. 999 889 553	69	3. 921 135 513		
2	1. 040 4	36	2. 039 887 344	70	3. 999 558 223		
3	1. 061 208	37	2. 080 685 091	71	4. 079 549 387		
4	1. 082 432 16	38	2. 122 298 792	72	4. 161 140 375		
5	1. 104 080 803	39	2. 164 744 768	73	4. 244 363 183		
6	1. 126 162 419	40	2. 208 039 664	74	4. 329 250 446		
7	1. 148 685 668	41	2. 252 200 457	75	4. 415 835 455		
8	1. 171 659 381	42	2. 297 214 466	76	4. 504 152 164		
9	1. 195 092 569	13	2. 343 189 355	77	4. 594 235 208		
10	1. 218 994 420	44	2. 390 053 142	78	4. 686 119 912		
11	1. 243 374 308	45	2. 437 854 205	79			
12	1. 268 241 795	46	2. 486 611 289	80	4. 875 439 156		
13	1. 293 606 630	47	2. 536 343 515	81	4. 972 947 939		
14 15	1. 319 478 763	48	2. 587 070 385	82	5, 072 406 898		
	1. 345 868 338	19	2. 638 811 793	83	5. 173 855 036		
16	1. 372 785 705	50	2. 691 588 029	84	5. 277 332 137		
17	1. 400 241 419 1. 428 246 248	ál	2. 745 419 790	85	5. 382 878 779		
18		52	2. 800 328 185	86	5. 490 536 355		
19	1. 456 811 173	53	2. 856 334 749	87	5. 600 347 082		
20 21	1. 485 947 396 1. 515 666 344	54 55	2. 913 461 444 2. 971 730 673	88	5. 712 354 024 5. 826 601 104		
1				89			
22	1. 545 979 671	56	3. 031 165 286	90	5. 943 133 126		
23 24	1. 576 899 264 1. 608 437 249	57 58	3. 091 788 592	91 92	6. 061 995 789 6. 183 235 705		
		_	3. 153 624 364				
25 26	1. 640 605 994	59	3. 216 696 851	93	6. 306 900 419		
26 27	1. 673 418 114 1. 706 886 477	60 61	3. 281 030 788	94 95	6. 433 038 427 6. 561 699 196		
		_	3. 346 651 404				
28 29	1. 741 024 206	<b>62</b>	3. 413 584 432	96	6. 692 933 180		
30	1. 775 844 690 1. 811 361 584	63 64	3. 481 856 121 3. 551 493 243	97 98	6. 826 791 843 6. 963 327 680		
31 32	1. 847 588 816	65	3. 622 523 108	99	7. 102 594 234		
33	1. 884 540 592 1. 922 231 404	6 <b>6</b> 6 <b>7</b>	3. 694 973 570 3. 768 873 042	100 101	7. 244 646 118		
34	1. 960 676 032	68	3. 844 250 503	102			
<u> </u>		901	G. 0.54 WOO 000	- 02			

Diese Tasel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

# bei 2½ Procent.

	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:				
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.
	1. 022 5	35	2. 178 793 564	69	4. 642 681 072
2	1. 045 506 25	36	2. 227 816 419	70	4. 747 141 396
3	1. 069 030 141	37	2. 277 942 289	71	4. 853 952 077
쉐	1. 093 083 319	38	2. 329 195 990	72 73	4. 963 165 999
5 6	1. 117 677 693 1. 142 825 442	39 40	2. 381 602 900 2. 435 188 965	74	5. 074 837 234 5. 189 021 071
7	1. 168 539 014			75	5. 305 774 046
8	1. 108 539 014 1. 194 831 142	$\begin{array}{c} 41 \\ 42 \end{array}$	2. 489 980 717     2. 546 005 283	76	5. 425 153 962
9	1. 221 714 843	43	2. 603 290 402	77	5. 547 219 926
10	1. 249 203 426	44	2. 661 864 436	78	5, 672 032 374
11	1. 277 310 504	45	2. 721 756 386	79	5. 799 653 103
12	1. 306 049 990	46	2. 782 995 905	80	5. 930 145 297
13	1. 335 436 115	47	2. 845 613 313	81	6, 063 573 567
14	1. 365 483 427	48	2. 909 639 612	82	6. 200 003 972
l 5	1. 396 206 804	49	2. 975 106 503	83	6. 339 504 061
16	1. 427 621 457	50	3. 042 046 400	84	6. 482 142 902
17	1. 459 742 940	51	3. 110 492 444	85	6. 627 991 118
18	1. 492 587 156	52	3. 180 478 524	86	6. 777 120 918
19	1. 526 170 367	53	3. 252 039 290	87	6. 929 606 139
20	1. 560 509 201	54	3, 325, 210 174	88	7. 085 522 277
21	1. 595 620 658	55	3. 400 027 403	89	7. 244 946 528
22	1. 631 522 122	56		90	7. 407 957 825
23	1. 668 231 370	57	3. 554 749 900	91	7. 574 636 876
24	1. 705 766 576	58	3. 634 731 773	92	7. 745 066 206
25	1. 744 146 324	59		93	7. 919 330 195
26 27	1. 783 389 616 1. 823 515 883	60	3. 800 134 786 3. 885 637 819	94 95	8. 097 515 125 8. 279 709 215
		61		Z'	
28 29	1.864 544 990	62		96 97	8. 466 002 672 8. 656 487 732
30	1. 906 497 252 1. 949 393 441	63 64		98	8. 851 258 706
$\frac{30}{31}$		?			
$31 \\ 32$	1. 993 254 793 2. 038 103 <b>0</b> 26	65 66		99 100	9. 050 412 027 9. <b>254</b> 046 <b>2</b> 98
33	2. 038 103 020	67	0	8101	J. 204 040 200
34	2. 130 849 452	68		102	

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

# bei 21 Procent

1	10 BOI 24 I I GCCRG				
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:				
Jahre.	Werth.	Werth.	ahre	Werth.	
$rac{1}{2}$		35   2. 373 205 186 36   2. 432 535 316	69 70	5. 494 734 493 5. 632 102 855	
3		37 <b>2. 493 348 699</b>	71	5. 772 905 427	
4	1. 103 812 891	38 2. 555 682 416	72	5. 917 228.062	
5		39 2. 619 574 476	73		
6		2. 685 063 838	74	6. 216 787 733	
7 8		1	75 76	6. 372 207 426 6. 531 512 612	
9		2. 891 520 075	77	6. 694 800 427	
10	1. 280 084 544	2. 963 808 077	78	6. 862 170 438	
11		15 3. 037 903 279	79	7. 033 724 699	
12		16 3. 113 850 861	80	7. 209 567 816	
13	1 - I	17 3. 191 697 132	81	7. 389 807 012	
14 15		18   3. 271 489 561 19   3. 353 276 800	82 83	7. 574 552 187 7. 763 915 992	
16		3. 437 108 720	84	7. 958 013 891	
17	1. 521 618 261	3. 523 036 438	85	8. 156 964 239	
18	1. 559 658 718	52 3. 611 112 349	86	8. 360 888 345	
19		3. 701 390 157	87	8. 569 910 553	
20 21		3. 793 924 911 55 3. 888 773 034	88 89	8. 784 158 317	
21 22		II		9. 003 762 275	
23		3. 985 992 360       4. 085 642 169	90 91	9. 228 856 332 9. 459 577 740	
24		8 4. 187 783 223	92	9. 696 067 184	
<b>2</b> 5	1. 853 944 098	9 4. 292 477 804	93	9. 938 468 863	
26		4. 399 789 749	94	10. 186 930 585	
27		4. 509 784 493	95	10. 441 603 849	
28 <b>29</b>		4. 622 529 105	96	10. 702 643 946	
30		3 4. 738 092 332 4 4. 856 544 641	97 98	10. 970 210 044 11. 244 465 295	
31		5 4. 977 958 <b>2</b> 57	99	11. 525 576 928	
32		6 5. 102 407 213	100	11. 813 716 351	
33	2. 258 850 861		101		
34	2. 315 322 133 6	8 5. 360 716 578	102		

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelogtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinseszinsen anwächst

# bei 22 Procent.

1					•	
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:					
ahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	
1	1. 027 5	35	2. 584 425 808	69	6. 500 493 192	
2 3	1. 055 756 25 1. 084 789 547	36 37	2. 655 497 517 2. 728 523 699	70 71	6. 679 256 755 6. 862 936 316	
4	1. 114 621 259	38	<b>2.</b> 803 558 101	72	7. 051 667 065	
5	1. 145 273 344	39	2. 880 655 949	73	7. 245 587 909	
6	1. 176 768 361	40	2. 959 873 987	74	7. 444 841 577	
7	1. 209 129 491	41	3. 041 270 522	75	7. 649 574 720	
8 9	1. 242 380 552	42	3. 124 905 461 3. 210 840 361	76	7. 859 938 025	
	1. 276 546 017	43		77	8. 076 086 320	
10 11	1. 311 651 033 1. 347 721 436	44 45	3. 299 138 471 3. 389 864 779	78 79	8. 298 178 694 8. 526 378 608	
12	1. 384 783 775	46	3. 483 086 061	80	8. 760 854 020	
13	1. 422 865 329	47	3. 578 870 927	81	9. 001 777 506	
14	1.461 094 126	48	3. 677 289 878	82	9. 249 326 387	
15	1. 502 198 964	<b>49</b>	3. 778 415 349	83	9. 503 682 863	
16 17	1. 543 509 436	50 51	3. 882 321 772	84	9. 765 034 141	
18	1. 585 955 945 1. 629 569 734	51	3. 989 085 620 4. 098 785 475	85 86	10. 033 572 580 10. 309 495 826	
19	1. 674 382 901	53	4. 211 502 075	87	10, 593 006 961	
20	1. 720 428 431	<b>54</b>	4. 327 318 383	88	10. 884 314 653	
21	1. 767 740 213	55	4. 446 319 638	89	11. 183 633 306	
22	1. 816 353 069	56	4. 568 593 428	90	11. 491 183 222	
23 24	1. 866 302 778 1. 917 626 105	57 58	4. 694 229 747 4. 823 321 065	91 92	11.807 190 760 12.131 888 506	
		59			12. 465 515 440	
25 26	1. 970 360 823 2. 024 545 745	อย 60	4. 955 962 395 5. 092 251 361	93 94	12. 808 317 115	
27	2. 080 220 753	61	5. 232 288 273	95	13. 160 545 835	
28	2. 137 426 824	62	5. 376 176 200	96	13. 522 460 846	
29	2. 196 206 062	63	5. 524 021 046	97	13. 894 328 519	
30	2. 256 601 728	64	5. 675 931 625	98	14. 276 422 553	
31	2. 318 658 276	65	5. 832 019 744	99	14. 669 024 174	
32 33	2. 382 421 379 2. 447 937 966	66 67	5. 992 400 287 6. 157 191 295	100 101	15. 072 422 338	
34		68	6. 326 514 056	102		

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetst angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinseszinsen anwächst

# bei 3 Procent

11					
	Das Capital Ein's wächst mit Zins von Zins an:				
ahre.	Werth	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
1	1. 03	35	2. 813 862 454	69	7. 687 205 740
2	1. 060 9 1. 092 727	36 37	2. 898 278 328 2. 985 226 678	70 71	7. 917 821 912 8. 155 356 569
4	1. 125 508 81	38	3. 074 783 478	72	8. 400 017 267
5	1. 159 274 074	39	3. 167 026 983	73	8. 652 017 785
6	1. 194 052 297	40	3. 262 037 792	74	8. 911 578 318
7	1. 229 873 865	41	3. 359 898 926	75	9. 178 925 668
8	1. 266 770 081	42	3. 460 695 894	76 77	9. 454 293 438 9. 737 922 241
9	1. 304 773 184	43	3. 564 516 770		
10 11	1. 343 916 379 1. 384 233 871	44 45	3. 671 452 273 3. 781 595 842	78 79	10. 030 059 908 10. 330 961 705
12	1. 425 760 887	46	3. 895 043 717	80	10. 640 890 556
13	1. 468 533 713	47	4. 011 895 028	81	10. 960 117 273
14	1. 512 589 725	48	4. 132 251 879	82	11. 288 920 791
15	1. 557 967 417	49	4. 256 219 436	83	11. 627 588 415
16	1. 604 706 439	50	4. 383 906 019	84	11. 976 416 068
17 18	1. 652 847 632 1. 702 433,061	51 52	4. 515 423 199 4. 650 885 895	85 86	12. 335 708 550 12. 705 779 806
19	1. 753 500 053	53	4. 790 412 472	87	13. 086 953 200
20	1. 806 111 <b>23</b> 5	54	4. 934 124 846	88	13. 479 561 796
21	1.860 294 572	55	5. 082 148 592	89	13. 883 948 650
22	1. 916 103 409	56	5. 234 613 049	90	14. 300 467 110
23	1. 973 586 511	57	5. 391 651 441	91	14. 729 481 123
24	2. 032 794 106	58	5. 553 400 984	92	15. 171 365 557
25 26	2. 093 777 930 2. 156 591 <b>2</b> 68	59	5. 720 003 014	93 94	15. 626 506 523 16. 095 301 719
20 27	2. 221 289 006	60 61	5. 891 603 104 6. 068 351 197	95	16. 578 160 771
28	2. 287 927 676	62	6. 250 401 733	96	17. 075 505 594
<b>2</b> 9	2. 356 565 506	63	6. 437 913 785	97	17. 587 770 761
30	2. 427 262 471	64	6. 631 051 199	98	18. 115 403 884
31	2. 500 080 345	65	6. 829 982 735	99	18. 658 866 001
32	2. 575 082 756 2. 652 335 238	66	7. 034 882 217 7. 245 928 683	100 101	19. 218 631 981
33 34	2. 052 335 238 2. 731 905 296	67 68	7. 463 306 544	101	
- T	2. 101 000 200	-001	100 000 011		

# I. Haupt - Tafel.

Diese Tasel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsesninsen anwächst

# bei 31 Precent.

	13								
	Das Capital Eins machet mit Zins von Zins an:								
Jahra	Werth.	Jahre.	Werth.	Johns	Werth.				
1	1. 031 25	35	2, 935 882 394	69	8. 358 211 326				
2	1. 063 476 563	36	3. 027 628 719	70	8. 619 405 430				
3	1, 096 710 205	37	3. 122 242 116	71	8, 888 761 850				
4	1. 130 982 399	38	3. 219 812 182	72	9. 166 535 658				
5	1. 166 325 599	39	3. 320 431 313	73	9, 452 989 897				
6	1, 202 773 274	40	3. 424 194 791	74	9. 748 395 831				
7	1, 240 359 939	41	3, 531 200 879	75	10. 053 033 201				
8	1. 279 121 187	42	3. 641 550 996	76	10. 367 190 488				
9	1. 319 093 724	43	3. 755 349 372	77	10. 691 165 191				
10	1. 360 315 403	44	3. 872 704 040	78	11, 025 264 103				
11	1. 402 825 259	45	3,993 726 041	79	11. 369 803 607				
12	1. 446 663 548	16	4. 118 529 980	80	11. 725 109 969				
$\overline{13}$	1. 491 871 784	47	4. 247 234 042	81	12, 091 519 656				
14	1. 538 492 778	48	4. 379 960 105	82	12, 469 379 645				
15	1. 586 570 677	49	4. 516 833 859	83	12, 859 047 759				
16	1, 636 151 011	5 <b>6</b>	4, 657 984 917	84	13. 260 893 002				
17	1. 687 280 730	51	4. 803 546 945	85	13. 675 295 908				
18	1. 740 908 252	52	4. 953 657 788	86	14, 102 648 905				
19	1.794 383 510	53	5. 108 459 593	87	14, 543 356 683				
20	1.850 457 995	54	5. 268 098 956	88					
21	1, 908 284 807	55	5. 432 727 048	89	15, 466 518 973				
22	1. 967 918 708	56	5, 602 499 768	90	15, 949 847 691				
23	2. 029 416 167	57	5. 777 577 886	91	16, 448 280 431				
24	2. 092 835 422	58	5. 958 127 195	92	16, 962 289 194				
<b>2</b> 5	2. 158 236 529	59	6, 144 318 670	93	17. 492 360 732				
26	2. 138 230 329 2. 225 681 421	60	6. 336 328 628	94	18. 038 997 005				
27	2. 295 233 965	61	6. 534 338 898	95	18. 602 715 661				
28	2. 366 960 027	62	6. 738 536 988	96	19. 184 050 525				
29	2. 440 927 528	63	6. 949 116 269	97	19. 783 552 104				
30	2. 517 206 513	64	7. 166 276 153	98	20. 401,788 108				
31	2. 595 869 216	65	7. 390 222 283	99	21, 039 343 986				
32	2. 676 990 129	6 <b>d</b>	7. 621 166 729	100	21, 696 823 486				
33	2. 760 646 071	67	7. 859 328 189	101					
34		68		102					
	THE RESERVE AND ADDRESS OF THE PERSON OF THE								

Diese Tasel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinseszinsen anwächst

### bei 34 Precent.

1	14								
	Das Capital Eine wächet mit Zine von Zine an:								
Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.				
1	1. 032 5	35	3. 063 036 073	69	9, 086 866 814				
2 3	1. 066 056 25 1. 100 703 078	36 37	3. 162 584 746 3. 265 368 750	70 71	9. 382 189 986 9. 687 111 160				
4	1. 136 475 928	38	3. 371 493 234	72	10. 001 942 273				
5	1. 173 411 396	39	3. 481 066 764	73	10. 327 005 397				
6	1. 211 547 266	40	3. 594 201 434	74	10. 662 633 072				
7	1. 250 922 552	41	3. 711 012 981	75	11. 009 168 647				
8	1. 291 577 535 1. 333 553 805	42 43	3. 831 620 903 3. 956 148 582	76 77	11. 366 966 628 11. 736 393 043				
10	1. 376 894 304	44	4. 084 723 411	78	12, 117 825 817				
11	1. 421 643 369	45	4. 217 476 922	79	12. 511 655 156				
12	1. 467 846 778	46	4. 354 544 922	80	12. 918 283 949				
13	1. 515 551 799	47	4. 496 067 632	81	13. 338 128 177				
14 15	1. 564 807 232 1. 615 663 467	48 19	4. 642 189 830 4. 793 060 999	82 83	13. 771 617 343 14. 219 194 907				
16	1. 668 172 530	50	4. 948 835 482		14. 681 318 741				
17	1. 722 388 137	50 51	5. 109 672 635	84 85	15. 158 461 600				
18	1. 778 365 751	52	5. 275 736 995	86	15. 651 111 602				
19	1. 836 162 638	53	5. 447 198 448	87	16. 159 772 729				
20	1. 895 837 924	54	5. 624 232 397	88	16. 684 965 343				
21	1. 957 452 657	5 <b>5</b>	5. 807 019 950	89	17. 227 226 717				
22 23	2. 021 069 868 2. 086 754 639	56 57	5. 995 748 099 6. 190 609 912	90 91	17. 787 111 585 18. 365 192 711				
24	2. 154 574 164	58	6. 391 804 734	92	18. 962 061 475				
<b>25</b>	2. 224 597 825	59	6. 599 538 388	93	19. 578 328 473				
26	2. 296 897 254	60	6. 814 023 385	94	20. 214 624 148				
27	2. 371 546 415	61	7. 035 479 115	95	20. 871 599 433				
28 29	2. 448 621 673 2. 528 201 878	62 63	7. 264 132 218 7. 500 216 515	96 97	21. 549 926 414 22. 250 299 023				
30	2. 610 368 439	64 64	7. 743 973 551	98	22. 250 299 025 22. 973 433 741				
31	2. 695 205 413	65	7, 995 652 692	99	23. 720 070 338				
32	2. 782 799 589	66	8. 255 511 404	100	24. 490 972 624				
33 34	2. 873 240 575 2. 966 620 894	67	8. 523 815 525	101	- ×				
그테	a. yuu uzu 894	68	8. 800 839 529	102					

Diese Tasel enthätt den berochneten Worth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital E i.n.s. in der angegebenen Zeit mit seinen Zinseszinsen anwächst

#### bei 31 Procent

	5	_		-				
ì	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	.Werth.	Jahre	Werth.			
1	1. 035	35		69	10. 737 029:237			
2	1. 071 225	36	3. 450 266 141	70	11. 112 825 261			
3	1. 108 717 875	37	3. 571 025 425	71	11. 501 774 145			
4	1. 147 523 001	38	3. 696 011 315	72	11. 904 336 240			
5 6	1. 187 686 306 1. 229 255 326	39 40	3. 825 371 711 3. 959 259 721	73 74	12. 320 988 008 12. 752 222 589			
		_		75				
7 8	1. 272 279 263 1. 316 809 037	4] 42	4. 097 833 811 4. 241 257 995	76	13. 198 550 379 13. 660 499 642			
9	1. 362 807 353	43	4. 389 702 025	77	14. 138 617 130			
10	1. 410 598 761	44	4. 543 341 595	78	14. 633 468 729			
ii	1. 459 969 717	45	4. 702 358 551	79	15. 145 640 135			
12	1. 511 068 657	46	4. 866 941 101	80	15. 675 737 540			
13	1. 563 956 060	47	5. 037 284 039	81	16. 224 388 354			
14	1. 618 694 522	48	5. 213 588 981	82	16. 792 241 946			
15	1. 675 348 831	49	5. 396 064 595	83	17. 379 970 414			
16	1. 733 986 040	50	5. 584 926 856	84	17. 988 269 379			
17	1. 794 675 551	51	5. 780 399 296	85	18. 617 858 807			
18	1. 857 489 196	<b>52</b>	5. 982 713 271	86	19. 269 483 865			
19	1. 922 501 317	53	6. 192 108 235	87	19. 943 915 800			
20	1. 989 788 863	54	6. 408 832 024	88	20. 641 952 853			
21	2. 959 431 474	<b>56</b>	6. 633 141 145	89	21. 364 421 203			
22	2. 131 511 575	56	6. 865 301 085	90	22. 112 175 945			
23 24	2. 206 114 480 2. 283 328 487	57 58	7. 105 586 623 7. 354 282 154	91 92	22. 886 102 103 23. 687 115 677			
25 26	2. 363 244 984 2. 445 958 559	59 60	7. 611 682 030	93	24. 516 164 726 25. 374 230 491			
20 27	2. 531 567 108	60 61	7. 878 090 901 8. 153 824 <b>0</b> 82	94 95	26, 262 328 558			
28	2. 620 171 957	62		96	27, 181 519 958			
20 29	2. 711 877 976	62 63	8. 734 580 <b>20</b> 3	97	28. 132 862 910			
30	2. 806 793 705	64	9. 040 290 510	98	29, 117 513 112			
31	2. 905 031 484	65	9. 356 700 677	99	30, 136 626 071			
32	3. 006 707 586	66	I	100	31, 191 407 983			
33	3. 111 942 352	67	10. 023 131 683	101				
34	3. 220 860 334	68	10. 373 941 292	102				

Diese Tasel enthält den berechneten Worth, nuf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsesninsen anwächst

bei 34 Procent.

10	Charles of the last of the las									
	Due Capital Eine wächet mit Zine von Zine an:									
Jahre.	Werth.	ahre.	Werth.	Jahra	Werth.					
1	1.037 5	35	3: 627 301 775	69	12. 681 752 452					
2	1. 076 406 25	36	3. 763 325 592	70	13. 157 318 169					
3	1. 116 771 484	37	3. 904 450 302	71	13. 650 717 600					
4	1. 158 650 415	38	4. 050 867 188	72	14. 162 619 510					
5	1. 202 099 806	39	4. 202 774 707	73	14. 693 717 742					
6	1. 247 178 548	10	4. 360 378 759	74	15. 244 732 157					
7	1. 293 947 744	41	4. 523 892 962	75	15. 810 409 613					
8	1. 342 470 784	42	4. 693 538 949	76	16. 409 524 974					
	1. 392 813 439	43	4. 869 546 659	77	17. 024 882 160					
10	1. 445 043 943	44	5. 052 154 659	78	17. 663 315 241					
11 12	1. 490 233 090 1. 555 454 331	15 46	5. 241 610 458 5. 438 170 851	79	18. 325 689 563					
				80	19. 012 902 922					
13	1. 613 783 869	17	5. 642 102 258	81	19. 725 886 781					
14	1. 674 300 764 1. 737 087 043	18 19	5. 853 681 092 6. 073 194 133	82	20. 465 607 535					
				83	21. 233 067 818					
16 17	1. 802 <b>227</b> 807 1. 869 811 349	50		84	22. 029 307 861					
18	1. 939 929 275	51 52	6. 537 224 122 6. 782 370 027	85 86	22. 855 406 906					
	<del></del>				23. 712 484 665					
19 20	2. 012 676 623	53	7. 636 708 903	87	24. 601 702 840					
20 21	2. 088 151 996 2. 166 457 696	54 55	7. 300 585 487 7. 574 357 443	88 89	25. 524 266 696 26. 481 426 697					
22		_								
23	2. 247 699 860 2. 331 988 604	56 57	7. 858 395 847 8. 153 085 691	90	27. 474 480 199 28. 504 773 206					
24	2. 419 438 177	58	8. 458 826 494	91 92	28. 504 773 200 29. 573 702 201					
25	2. 510 167 109	59								
26	2. 604 298 375	60 60	8. 776 <b>632</b> 395 9. 105 123 609	93 94	30. 682 716 034 31. 833 317 885					
27	2. 701 959 564	61	9. 446 576 129	95	33. 027 067 306					
28	2. 803 283 048	62	9. 800 822 724	96						
29	2. 908 406 162	63	10. 168 353 576	90	34. 265 582 330 35. 550 541 667					
30	3. 017 471 393		10. 549 666 836	98	36. 883 686 980					
31	3. 139 626 571	-	10. 945 279 342	gy	38, 266 825 241					
32	3. 248 025 067		11. 355 727 317	100	39. 701 831 188					
33	3. 369 826 007	67	11. 781 567 092	101	35.702 352 100					
34	3. 496 194 482	68		102						

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinecssinsen anwächst

### bei 4 Procent.

	17							
L	Das Capital Eines wächst mit Zine von Zine an:							
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.			
T	1. 04	35	3. 946 088 994	69	14. 972 709 952			
2	1.081 6	36	4. 103 932 554	70	15. 571 618 350			
3	1. 124 864	37	4. 268 089 856	71	16. 194 483 084			
4	1. 169 858 56	38	4. 438 813 450	72	16. 842 262 408			
5	1. 216 652 902 1. 265 319 018	39 40	4. 616 365 988 4. 801 020 628	73 74	17. 515 952 9 <del>04</del> 18. 216 591 020			
7	1, 315 931 779 1, 368 569 950	41 42	4. 993 061 453 5. 192 783 911	75 76	18. 945 254 661 19. 703 064 847			
	1. 423 311 812	43	5. 400 495 268	77	20. 491 187 441			
10	1. 480 244 285	44	5. 616 515 078	78	21, 310 834 939			
	1. 480 244 265 1. 539 454 956	45	5. 841 175 681	79	22. 163 268 336			
12	1. 601 032 219	46	6 074 822 709	80	23. 049 799 070			
13	1. 665 073 507	47	6. 317 815 617	81	23. 971 791 033			
14	1. 731 676 448	48	6. 570 528 242	82	1			
13	1.800 943 506	49	6. 833 349 371	83	25. 927 889 181			
16	1. 872 981 246	50	7. 106 683 346	84	26, 965 004 748			
17	1.947 900 496	5 l	7. 390 950 680	85	28. 043 604 938			
18	2. 025 816 515	52	7. 686 588 707	86	<b>29.</b> 165 <b>349</b> 1 <b>36</b>			
19	2. 106 849 176	53	7. 994 052 256	87	30. 331 963 101			
20	2. 191 123 143	54	8. 313 814 346	88	31, 545 241 625			
21	2. 278 768 069	55	8. 646 366 920	89	32, 807 051 290			
22	2. 369 918 792	5 <b>6</b>	8. 992 221 596	90	34. 119 333 342			
23	2. 464 715 543	57	9. 351 910 460	91	35. 484 106 675			
24	2. 563 304 165	58	9. 725 986 879	92	36, 903 470 942			
25	2. 665 836 331	59	10. 115 026 354	93	38. 379 609 780			
26	2. 772 469 785	60	10. 519 627 408	94	39. 914 794 171			
27	2. 883 368 576	61	10. 940 412 504	95	41. 511 385 938			
28	2. 998 703 319	62	11. 378 029 005	96	43. 171 841 376			
29 30	3. 118 651 452 3. 243 397 510	63	11. 833 150 165	97	44. 898 715 031 46. 694 663 632			
11		64	12. 306 476 171	98				
31	3. 373 133 410	65	12. 798 735 218	99	48. 562 450 177			
32 33	3. 508 <b>0</b> 58 <b>747</b> 3. 648 381 097	6 <b>6</b> 67	13. 310 684 627 13. 843 112 012	1 <b>0</b> 0 101	50. 504 948 184			
34	3. 794 316 341	68		102				
	101 011	F./~	12 000 000 702					

Diese Tasel enthält den berechneten Worth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

bei 44 Procent.

19	18							
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:							
Jahre.	. Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.			
1	1. 042 5	35	4. 292 024 848	69	17. 670 481 820			
2	1. 086 806 25	36	4. 474 435 904	70	18. 421 477 298			
3	1. 132 995 516	37	4. 664 599 430	71	19. 204 390 083			
4	1. 181 147 825	38	4. 862 844 906	72	20. 020 576 661			
5	1. 231 346 608	39	5. 069 515 814 5. 284 970 237	73	20. 871 451 179 21. 758 487 844			
6	1. 283 678 838	40		74				
7	1. 338 235 189	41	5. 569 581 472	75	<b>32, 683 223</b> 578			
8	1, 395 110 185 1, 454 402 367	42 43	5. 743 738 684 5. 987 847 578	76 77	23. 647 260 580 24. 652 269 154			
10				78				
11	1. 516 214 468 1. 580 653 583	44 45	6. 242 331 100 6. 507 630 172	78	25. 699 990 593 26, 792 240 194			
12	1. 647 831 360	16	6. 784 204 454	80	27, 930 910 402			
13	1. 717 864 193	47	7. 072 533 144	81	29. 117 974 094			
14	1. 790 873 421	48	7. 373 115 802	82	30, 355 487 993			
15	1. 866 985 542	49	7. 686 473 224	83	31. 645 596 233			
16	1. 946 332 427	50	8. 013 148 336	84	32, 990 534 072			
17	2, 029 051 555	51	8. 353 707 140	85	34. 392 631 771			
18	2. 115 286 246	52	8. 708 739 694	86	35. 854 318 621			
19	2. 205 185 912	53	9. 078 861 131	87	37. 378 127 169			
20	<b>2. 298 906 313</b>	54		<b>8</b> 8	38. 966. 697. 567			
21	2. 396 609 831	55	9. 866 963 020	89	40. 622 782 213			
22	2. 498 465 749	56	10. 286 308 948	90	42. 349 250 457			
23	2. 664 650 544	57		91	44, 149 093 602			
24	2. 715 348 192	58	11. 179 224 854	92	46: 025 430 080			
25	2. 830 750 490	59	11. 654 341 911	93	47. 981 510 858			
26 27	2. 951 957 386	60	12. 149 651 442	94	50. 020 725 070			
	3. 076 477 325	61	12. 666 011 628	95	52. 146 605 885			
28	3. 207 227 611	62	13. 204 317 122	96	54. 362 836 635			
29 30	3. 343 534 784 3. 485 635 013	63 64	13, 765 500 6 <b>0</b> 0 14, 350 534 375	97 98	56, 673 257 192 59, 081 870 623			
31 32	3. 683 774 501 3. 788 <b>2</b> 09 917	65	14, 960 432 086	<b>9</b> 9 1 <b>0</b> 0	61. 592 850 124			
33	3. 949 208 838	66 67	15, 596 250 450 16, 259 091 094	101	64. 210 546 255			
34	4. 117 050 214	1	16. 959 102 466	102				
		-55	,		•.			

Diese Tafel anthält den herechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebeuen Zeit mit seinen Zinsessinsen anwächst

### bei 41 Procent.

Das Ca	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:								
Wer Wer	t h.	Wes	th.	ahre	Wes	rth.			
1 1.045	35	4. 667 3	47 810	60	20. 846	062 756			
2 1, 092 0	_ 8 .11	4. 877 3	•	70	21.784				
3 1, 141 1		5. 096 8	60 492	71	22. 764	421 681			
4 1. 192 5		<b>5</b> . 326 2		72		820 656			
5 1. 246 1 6 1. 302 2		5. 565 8 5. 816 3		73 74	-	317 586 <b>98</b> 6 877			
7 1.360 8 8 1.422 1		6. 078 1 6. 351 6		75 76		996 287 611 1 <b>2</b> 0			
9 1.4860		6. 637 4		77	29. 645				
10 1. 552 9		6. 936 1		78	30. 979				
11 1.622 8		7. 248 2		79		202 023.			
12 1. 695 8		7. 574 4		80		096 434			
13 1. 772 1	96 097 47	7. 915 2	68 491	81	35. 352	450 774			
14 1.851 9		8. 271 4		82		311 059			
15 1. 935 2	82 443 49	8. 643 6	371 074	83	<b>38. 605</b>	<b>760</b> 056			
16 2. 022 3		9. 032 6	36 273	84	40. 343	019 259			
17 2. 113 3		9. 439 1		85		455 125			
18 2. 208 4		9. 863 8	64 626	86	44. 055	585 606			
19 2, 397 8		0. 307 7		87		986 958			
20 2. 411 7 21 2. 520 2		0. 771 5		88		800 871			
	<del></del>   -	1. 256 3		89		741 911			
22 2. 633 6 23 2. 752 1	4	1. 762 8		90		105 297			
24 2. 876 0		2. <b>292  </b>  2. 845 3		91 92		275 035 832 41 <b>2</b>			
25 3. 005 4		3. 423 3		II)		564 879			
26 3. 140 6		13. 423 3 14. 027 4		93 94		475 289			
27 3. 282 0	* • * (1	4. 658 6		95		791 677			
28 3, 429 6	99 993 62	5. 318 2	80 144	96	68. 416	977 303			
29 3. 584 0	36 492 63	6. 007 6		97		741 281			
30 3. 745 3	18 135 64 1	l <b>6. 727</b> 9	44 874	98	74. 713	049 639			
31 3. 913 8		7. 480 7	02 393	99	78. 075	136 873			
32 4. 089 9		8. 267 3		100	-	518 032			
33 4. 274 0 34 4. 466 3		9. 089 3		101					
34 4. 466 3	01 941 108	9. 948 3	69 412	102					

Diese Tefel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebeneu Zeis mit seinen Zinsesminsen anwächst

### bei 41 Procenti

20	1.0	-	The Later Control	Special States					
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:								
ahre	Werth.	Jahre.	Werth,	fahre.	Werth.				
I	1. 047 5	3 <b>5</b>	5. 074 474 884	69	24. 582 620 860				
2	1. 097 256 25 1. 149 375 922	36 37	5, 315 512 441 5. 567 999 282	70 71	25. 750 295 351 26. 973 434 380				
4	1. 203 971 278	38	5. 832 479 248	72	28. 254 672 513				
5	1. 261 159 914	39	6. 109 522 012	73	29. 596 769 458				
6	1. 321 065 010	40	6. 399 724 308	74	31. 002 616 007				
7 8	1. 383 815 598 1. 449 546 839	41 42	6. 703 711 213 7. 022 137 495	75 76	82, 475 240 267 34, 017 814 180				
9	1. 518 400 313	43	7. 355 689 026	77	35. 633 660 354				
10	1. 590 524 328	44	7. 705 084 255	78	37. 326 259 220				
11	1. 666 074 234	45	8. 071 075 757	79	39. 099 256 533				
12	1. 745 212 760	46	8. 454 451 856	80	40, 956 471 219				
13 14	1. 828 110 366 1. 914 945 609	47 48	-8. 856 038 319 9. 276 700 139	· 81 82	42. 901 903 602 44. 939 744 023				
15	2. 005 905 525	49		83	47. 074 381 864				
16	2. 101 186 037	50	10. 178 917 207	·84	49. 310 415 002				
17	2. 200 992 374	51	10. 662 415 774	85	51. 652 659 715				
18	2. 305 539 512	_	11. 168 880 523	86	54. 106 161 051				
19 20	2. 415 652 639 2. 529 767 639	53 54	11. 699 402 348 12. 255 123 960	87 88	56. 676 203 701 59. 368 323 377				
21	2. 649 931 602	53	12. 837 242 348	89	62. 188 318 737				
22	2. 775 <sup>8</sup> 03 353	56	13. 447 011 350	90	65. 142 263 878				
23	2. 907 654 012	1	14. 085 744 399	91	68. 236 521 412				
24	3. 045 767 578	-	14. 754 817 258	92	71. 477 756 179				
$\begin{array}{c} 25 \\ 26 \end{array}$	3. 190 441 538 3. 341 987 511		15. 455 671 078 16. 189 815 454	93 94	74. 872 949 597 78. 429 414 703				
27	3. 500 731 918		16. 958 831 688	95	82. 154 811 901				
28	3. 667 916 684	62	17. 764 376 193	96	86. Q57 165 467				
29	3. 841 199 976	63	18. 608 184 062	97	90. 144 880 826				
30	4. 023 656 975		19. 492 072 805	98	94. 426 762 666				
31 32	4. 214 780 681 4. 414 982 764	<b>6</b> 5	20. 417 946 263 21. 387 798 711	99 100	98. 912 033 892 103. 610 355 502				
33	4. 624 694 445		22, 403 719 150	101	Ind. Ata and na				
34	4. 844 367 431		23. 467 895 809	102					

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsensinnen anwächst

#### bei 5 Procent.

	1			,					
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an:								
ahre.	Werth.	ahre.	Werth.	ahre.	Werth.				
1	1.05	35	5. 516 015 368	69	28. 977 548 129				
2	1. 102 5	36	5. 791 816 13 <b>6</b>	70	30. 426 425 536				
3	1. 157 625	37	<b>6. 0</b> 81 <b>406 943</b>	71	31. 947 746 812				
4	1. 215 506 25	38	6. 385 477 290	72	33. 545 134 153				
5	1. 276 281 563	39	6. 704 751 154	73	<b>35. 222 390 861</b>				
6	1. 340 095 641	40	7. 039 988 712	74	36. 983 510 404				
7	1. 407 100 423	41	7. 391 988 148	75	38. 832 685 924				
8	1. 477 455 444	42	7. 761 587 555	76	40. 774 320 220				
9	1. 551 328 216	43	8. 1 <b>49</b> 66 <b>6 933</b>	77	42. 813 036 231				
10	1. 628 894 627	44	8. 557 150 280	78	44. 953 688 942				
11	1.710 339 358	45	8. 985 007 793	79	47. 201 372 445				
12	1. <b>79</b> 5 <b>85</b> 6 <b>32</b> 6	46	9. 434 258 183	80	49. 561 441 067				
13	1. 885 649 142	47	9, 905 971 092	81	52. 039 513 120				
14	1. 979 931 599	48	1	82	54. 641 488 776				
15	2. <b>678 92</b> 8 179	49	10. 921 333 129	83	57. 373 563 215				
16	2. 182 874 588	50	11. 467 399 786	84	60. 242 241 376				
17	2. 292 018 318	5 il	12. 040 769 775	85	63. 254 353 445				
18	2. 406 619 234	52	12, 642 808 264	86	66. 417 071 117				
19	2. 526 950 195	43	13. 274 948 677	87	69. 737 924 673				
20	2. 653 297 705		13. 938 696 111	88	73. 224 820 906				
21	2. 785 962 590		14. 635 630 916	89	76. 886 061 952				
22	2. 925 260 720	86	15. 367 412 462	90	80, 730 365 049				
23	3. 971 <b>52</b> 3 756		16. 135 783 086	91	84. 766 883 302				
24	3. 225 099 944		16. 942 572 240	92	89. 005 227 467				
25	3. 386 354 941	50	17. 789 700 852	93	93. 455 488 840				
26	3. 555 672 688		18. 679 185 894	94	98. 128 263 282				
27	3. 733 456 322	0	19. 613 145 189	. 95	103. 034 676 446				
28	3. 920 129 138	62	20. 593 802 448	96	108, 186 410 268				
29	4. 116 135 505		21. 623 492 571	97	113. 595 730 782				
30	4. 321 942 375		22. 704 667 199	98	119. 275 517 321				
31	4. 538 639 494	85	23. 839 900 559	99	125, 239 293 187				
32	4. 764 941 469		25. 031 895 587		131. 501 257 846				
33	5. 003 188 542		26. 283 499 366	101					
34	8. 253 317 969	68	27. 597 664 885	102					

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegten Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsensitzen anwächet

### bei 51 Procent

	Das Capital Eins wäckst mit Zins von Zins an:								
Jahre	Werth.	Werth.	Jahre.	Werth.					
1	1. 052 5	35 5. 994 785 632	ÜĐ	34. 144 850 145					
2 3	1. 107 <b>756 25</b> 1. 165 913 453	36 6, 309 511 878 37 6, 640 761 252	70 7]	35. 937 454 778 37. 824 171 154					
4	1. 227 123 909	38 6. 989 401 217	72	39, 809 940 140					
5	1. 291 547 915	39 7. 356 344 781	73	41.899 961 997					
6	1. 359 354 180	10 7. 742 552 882	74	44. 999 710 002					
7	1. 430 720 275	41 8. 149 936 909	75	46. 414 944 7,77					
8 9	1. 505 833 689 1. 584 889 326	42 8, 576 861 <b>34</b> 6 43 9, 627 146 667	76 77	48. 851 729 378 51. 416 445 170					
		44 9. 501 071 762	78	54, 115 808 541					
10 11	1. 668 096 016	45 9. 999 878 <b>629</b>	79	56. 946 888 490					
12	1. 847 843 787	46 10. 524 871 626	80	59. 947. 125 135					
13	1. 944 855 586	17 11. 077 497 386	81	63. 994 349 205					
14	2. 046 960 594	48 11, 658 992 324	82 83	66. 466 802 538					
15	2. 154 425 931	19 12. 271 089 421		69. 893 159 672					
16 17	2, 267 533 292 2, 386 578 790	50 12. 915 321 616 51 13, 593 376 900	84 85	73. 562 550 554 77. 424 584 458					
18	2. 511 874 176	52 14. 307 028 240	86	81. 489 375 442					
19	2. 643 747 571	53 15. 058 147 223	87	86. 767 567 337					
20	2. 782 544 318	54 15. 848 <b>699 9</b> 52	88	90. 270 364 623					
21	2. 928 627 895	55 16. 680 756 700	89	95, 969 558 765					
22	3. 082 380 859	56 17: 556 496 426	90	99, 997 560 601 105, 247 482 532					
23 24	3. 244 205 854 3. 414 526 662	57 18. 478 212 489 58 19. 448 318 645		10. 772 <b>92</b> 2 740					
25	3. 593 789 312	59 29, 469 355 373	-	16. 588 501 184					
26	3. 782 463 250	60 21. 543 996 530	94	<b>22. 709 39</b> 7 496					
27	3. 981 042 571	61 22. 675 056 348		120. 151 <b>64</b> 0 865					
28	4. 190 047 306	82 23. 865 496 807		135. 932 102 010					
29 30	4. 410 024 790 4. 641 551 691	63 25. 118 435 389 64 26. 437 153 247		143. <b>06</b> 8 <b>53</b> 7 365 150. <b>57</b> 9 <b>63</b> 5 57 <b>7</b>					
$\frac{30}{31}$				158. 485 666 445					
31 32	4. 885 232 523 5. 141 707 231	65 27, 825 103 792 66 29, 285 921 741		66. <b>80</b> 5 <b>532</b> 433					
33	5. 411 646 860	67 30. 823 432 633	101						
34	5. 695 758 321	68 32. 441 662 846	102						

Diese Tafel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital E ins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsensinsen anwächst

## bei 51 Procent.

2:1	23								
	Das Capital Eins wüchst mit Zins von Zins an:								
Vahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.				
10	1. 055	35	6. 513 825 008	69	40. 217 930 078				
3	-1. 113-025 1. 174 241 375	36 37	6. 872 085 383 7. 250 050 079	70 71	42, 429 916 233 44, 763 561 625				
4	1. 238 824 651	38	7. 648 802 834	72	47. 225 557 515				
5	1. 306 960 906	39	8. 069 486 990	73	49. 822 963 178				
6	1. 878 842 807	40	8. 513 308 774	74	52. 563 226 153				
8	1. 454 679 161 1. 534 686 515	41 42	8. 981 540 757 9. 475 525 498	75 76	55. 454 203 591 58. 504 184 789				
0	1. 619 094 273	43	9. 996 679 401	77	61. 721 914 952				
10	1. 708 144 458	44	10. 546 496 768	78	65. 116 620 275				
11	1. 802 092 404	45	11. 126 554 090	79	68. 698 034 390				
12	1. 901 207 486		11. 738 514 565	80	72. 476 426 281				
18 14	2. 005 773 897 2. 116 091 462	47 48	12. 384 132 866 13. 066 260 173	81 82	76. 462 629 727 80. 668 074 361				
15	2. 232 476 492	19	13. 783 849 483	83	85. 104 818 451				
16	2. 355 262 699	50	14. 541 961 205	84	89. 785 583 466				
17	9. 484 802 148			85	94. 723 790 557				
18	2. 621 466 266	_	16. 185 566 370	86	99. 933 599 037				
19 20	2. 765 646 911 2. 917 757 491		17. 075 772 520 18. 014 940 009	87 88	105. 429 946 985 111. 228 594 069				
21	3. 078 234 153		19. 005 761 709		117. 346 166 742				
22	3. 247 537 031	56	20. 051 078 603	90	123. 800 205 913				
23	3. 426 151 568	57	21. 153 887 926	91	130. 6 <del>0</del> 9 217 238				
24	3. 614 589 904		22. 317 351 762		137. 792 724 187				
25 26	3. 813 392 349 4. 023 128 928		23. 544 896 109	- 1	145. 371 324 017 153. 366 746 838				
27	4. 244 401 019	<b>1</b>	24. 839 770 445 26. 205 957 820		161. 801 917 914				
<del>2</del> 8	4. 477 843 075	$\overline{62}$	27. 647 285 500	96	170. 701 023 399				
29	4, 724 124 444	63	29. 167 886 202	97	180. 089 579 686				
30	4. 983 951 288	-	30. 772 119 943		189. 994 506 569				
31 32	5. 258 068 609 5. <b>547 262 38</b> 3	65	32. 464 586 540		200. 444 204 430				
33	5. 852 361 814		34. 250 138 800 36. 133 896 434	101	211, 468 635 674				
34				102	1				

Diese Tafel enthält den berochneten Worth, auf welchen ein jetzt ungelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsen ninsen anwächst

bei 51 Procent.

le constru	The second second second		La primaria de la companio della com	-	district the work or the				
	Das Capital Eins wächst mit Zins von Zins an.								
Jahre.	Werth.	ahre.	Werth.	Jahra	Werth.				
I	1. 057 5	35	7. 076 412 837	.09					
2	1. 118 306 25	36	7. 483 306 575	70	50. 075 618 637				
3	1, 182 608 859	37	7. 913 596 793	71	52: 954 966 708				
4	1. 250 608 869	38	8. 368 628 513	72	55. 999 877 294				
5 6	1. 322 518 879 1. 398 563 714	39 40	8.849 824 653 9.358 689 570	73 74	3				
7 8	1. 478 981 128 1. 564 022 543	41 42	9. 896 814 221 10. 465 881 038	75 76					
9	1. 653 953 839		11. 067 669 198	77					
10	1. 749 056 185	44	11. 794 060 177	78	78. 319 396 387				
liil	1. 849 626 915		12. 377 043 637	79					
12	1. 955 980 463		13. 088 723 646		87, 585 970 476				
13	2. 068 449 339	47	13. 841 325 256	81	92, 621 212 029				
14	2. 187 385 177	48			97. 946 931 720				
15	2. 313 159 824	19	15. 478 840 542	83	103. 578 880 294				
16	2. 446 166 514	50	16. 368 873 873	84	109. 534.665 911				
17	2. 586 821 089	51	17. 310 084 121	85	115, 832 909,201				
18	2. 735 563 301	52	18. 305 413 958	86	122. 493 301 480				
19	2. 892 858 191	53	19. 357 975 261	87	129. 536 666 315				
20	3. 059 197 537		20. 471 058 838		136. 985 024 628				
21	3. 235 101 395	55	21. 648 144 721		144. 861 663 544				
22	3. 421 119 726	56	22. 892 913 043	• .	153. 191 209 198				
23	3. 617 834 110	57	24. 209 255 543	91	161. 999 703 727				
24	3. 825 859 571	58	25. 601 287 736		171. 314 686 691				
25	4. 045 846 497	59	27. 073 361 781		181, 165 281 176				
26 27	4. 278 482 670 4. 524 495 424	60 61	28. 630 080 084 30. 276 309 688	94	191. 582 284 844 202. 598 266 222				
<b></b> -11									
28 29	4. 784 653 910 5. 059 771 510	62 63	32. 017 197 495 33. 858 186 351	96	214. 247 666 530 226. 566 907 355				
30	5. 350 708 372		35. 895 032 067		239. 594 594 528				
$\frac{30}{31}$	5. 658 374 104	-	37. 863 821 411		253. 371 188 539				
32	5. 983 730 614		40. 040 991 142		267. 940 031 880				
33	6. 327 795 125	67	42. 343 348 132	101					
34	6. 691 643 344		44. 778 090 650						

Diese Tasel enthält den berechneten Werth, auf welchen ein jetzt angelegtes Capital Eins in der angegebenen Zeit mit seinen Zinsesninsen anwächst

### bei 6 Procent

25		Cin	s wäckst mit Z	ins •	on Zins an:
ahre.	. Werth.	ahre		ahre.	Werth.
1 2 3	1. 06 1. 123 6 1. 191 916	35 36 37	8. 147 252 000	69 70 71	55. 732 009 603 59, 075 930 179 62. 620 485 990
4 5 6	1. 262 476 96 1. 338 295 578 1. 418 519 112	38 39	<del></del>	72 73 74	66. 377 715 149 70. 360 378 058 74. 582 000 742
7	1, 503 630 259 1, 593 848 075	41 42	10. 902 861 013 11. 557 032 674	75 76	79. 056 920 786 83. 800 336 033
9 10 11	1. 689 478 959 1. 790 847 697 1. 898 298 558	44 45	12. 250 454 635 12. 985 481 913 13. 764 610 827	77 78 79	94. 158 057 567 99. 807 541 021
12 13 14	2. 012 196 472 2. 132 928 260 2. 260 903 956	46 47 48	15. 465 916 726 16. 393 871 729	80 81 82	112. 143 753 091 118. 872 378 277
15 16 17	2. 396 558 193 2. 540 351 685 2. 692 772 786	50	17. 377 504 053 18. 420 154 275 19. 525 363 531	83 84 85	126. 004 720 973 133, 565 004 231 141, 578 904 485
18 19 20	2. 854 339 153 3. 025 599 502 3. 207 135 472	53	20, 696 885 343 21, 938 698 464 23, 255 929 372	86 87 88	150. 073 638 754 159. 078 Q57 080 168. 622 740 505
21 22 23	3. 399 563 601 3. 603 537 417 3. 819 749 662		24. 650 321 594 26. 129 340 890 27, 697 101 343	90 91	178. 740 104 935 189. 464 511 231 200. 832 381 905
24 25 26	4. 048 934 641 4. 291 870 720 4. 549 382 963	58 59	29. 358 927 424 31. 120 463 069 32. 987 690 853	92 93	212. 882 324 819 225. 655 264 308 239. 194 £80 167
$\frac{27}{28}$	4. 822 345 941 5. 111 686 697	61 62	34. 966 952 305 37. 064 969 443	95 96	253, 546 254 977 268, 759 030 275 284, 884 572 092
29 30 31	5. 418 387 899 5. 743 491 173 6. 088 100 643	64 65	39. 288 867 669 41. 646 199 666 44. 144 971 646	98 99	301. 977 646 417 320. 096 305 202
32 33 34	6. 453 386 682 6. 840 589 883 7. 251 025 276	67	46. 793 669 945 49. 601 290 141 52. 577 367 550	100 101 102	339. 302 083 514

# II. Haupt - Tafel.

Diese Haupt - Tafel enthält den Werth, auf welchen ein Capital Eins, 1 Thaler, 1 Gulden, 1 Pfund Sterling u. s. w. das zu Anfange eines jeden Jahres angelegt wird, in einer gewissen Zahl von Jahren oder andern Terminen mit den Zinseszinsen anwüchst, insofern man nämlich mit Ende eines jeden Jahres oder Termines nicht allein die Zinsen sum Capitale schlägt, sondern auch eine dem anfänglichen Capital gleiche Summe zu der vorigen hinzulegt.

Zu dieser Haupt-Tafel gehören die folgenden 25 einzelnen Täfelchen, von welchen jede nach einem besondern Zinsfusse und zwar von einem bis mit 100 Jahren berechnet ist.

Mit Hilfe dieser Tafeln werden Fragen, den folgenden ähnlich, beantwortet:

- s) Wenn man zu Anfange eines jeden Jahres ein gewisses Capital auf Zinsen giebt und die Zinsen j\u00e4hrlich zum Capital schl\u00e4gt, auf welche Summe werden diese Capitale in einer gegebenen Zeit angewachsen seyn! (Siehe \u00e4.242, Seite 177-185.)
- b) Wie viel muss man zu Anfange eines jeden Jahres aulegen, wenn die Capitale mit den Zinsen in einer gegebenen Zeit, auf eine bestimmte Summe anwachsen sellen! (Siehe §. 245.)
- c) Wie viel Jahre, muss man zu Anfange eines jeden Jahres ein gewisses Capital auf Zinsen anlegen, wenn die Capitale mit den Zinsen auf eine bestimmte Summe anwachsen sollen? (Siehe §. 248, Seite 198 — 200.)
- d) Zu wie viel Procent wurde ein Capital verzinsst, welches zu Anfange eines jeden Jahres angelegt, mit den Zinsen, in einer gegebenen Zeit auf eine gewisse Summe angewachsen ist? (Siehe §. 250, Seite 200.)

Die Haupt-Anleitung zur Auflösung dieser und aller ähalichen Aufgaben findet man von §. 249 bis mit §. 250 angegeben.

Würde eine diesen 25 Täfelchen sehlerhaft berechnet gesunden, so hat derjenige, welcher dem Versasser — oder der Verlagshandlung diesen Fehler zuerst anzuseigen die Güte haben wird, einen vollwichtigen Ducaten in Golde zu erwarten.

zu + Procent.

	0		- Y					
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.			
1	1 002.5		<b>36.</b> 6 <b>2</b> 0 560 3 <b>09</b>	69	75. 394 437 361			
2	2 907 506 25 3. v15 025 016	$\frac{36}{37}$	37. 714 611 710 38. 811 398 239	70 71	76. 585 423 455 77. 779 387 013			
4	4. 025 062 578	38	39. 910 926 735	72	78. 976 335, 481			
5	5. 037 625 235		41. 013 204 052	73	80. 176 276 319			
6	6. 052 719 298	40	42. 118 237 062	74	81. 379 217 010			
7	7. 070 351 096	41	43. 226 032 654	75	82. 585 165 053			
8	8. 090 526 974	42	44. 336 597 736	76	83. 794 127 965			
9	9. 113 253 291	43	45. 449 939 230	77	85. 006 113 285			
10 11	10. 138 536 424 11. 166 382 765	44 45	46. 566 064 078 47. 684 979 239	78	86. 221 128 569 87. 439 181 390			
12	12. 196 798 722	45 46	48. 806 691 687	79 80	88. 660 279 343			
13	13. 229 790 719	47	49. 931 208 416	81	89. 884 430 042			
14	14. 265 365 196	48	51. 058 536 437	82	91. 111 641 117			
15	15. 303 528 609	49	52. 188 682 778	83	92. 341 920 220			
16	16. 344 287 430	50	53. 321 654 485	84	93. 575 275 020			
17	17. 387 648 149	51	54. 457 458 621	85	94. 811 713 208			
18	18. 433 617 269	<b>52</b>	55. 596 102 268	86	96. 051 242 491			
19	19. 482 201 313	53	56. 737 592 523	87	97. 293 870 597			
20 21	20. 533 406 816 21. 587 240 333	5 <b>4</b> 55	57. 881 936 505 59. 029 141 346	88 89	98. 539 605 274 99. 788 454 287			
	22. 643 708 434	_	60. 179 214 199		101. 040 425 422			
11	23. 702 817 705	57	61. 332 162 235	91	l			
N 11	24. 764 574 749	58	62. 487 992 641		103. 553 765 302			
<b>25</b>	25. 828 986 186	59	63. 646 712 622	93	104. 815 149 715			
26	26. 896 058 651	60	64. 808 329 404		106. 079 687 59 <del>0</del>			
	27. 965 798 798	61	65. 972 850 227	95	107. 347 386 809			
28	29.·038 213 295	62	67. 140 282 353	96	108. 618 255 276			
	30. 11 <b>3 3</b> 08 8 <b>2</b> 8 31. 191 <b>0</b> 92 100	63 64	68. 310 633 069 69. 483 <b>909</b> 641	97 08	109. 892 300 914 111. 169 531 666			
	32. 271 569 831	65			112, 449 955 495			
M 11	32. 271 509 831 33. 354 748 755	66 86	70. 660 119 415 71. 839 269 714		112. 449 955 495 113. 733 580 384			
33	34. 440 635 627	67	73. 021 367 888	101				
34	35. 529 237 216	68	74. 266 421 308	102				

zu i Procent

3	7							
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
Jahre	Werth	Pare	Werth.	Jahre	Werth.			
1	1. 005		38. 336 104 965	69	82. 560 105 491			
2	2. 015 025		39. 532 785 490	70	83. 983 986 018			
3	3. 030 100 125		40. 735 449 417	71				
4	4. 050 250 626		41. 944 126 664	72	II			
6	5. 075 501 879 6. 105 879 388	39 40	43. 158 847 297 44. 379 641 534	73 74	88. 280 104 477 89. 726 504 999			
7	7. 141 408 785	41		75				
8	8. 182 115 829		46. 839 572 449	76	•			
9	9. 228 026 408		48. 978 779 302	77				
10	10, 279 166 540		49. 324 164 154	78	95, 584 789 620			
iii	11. 335 562 373	45	59. 575 784 975	79				
12	12. 397 240 185	46	51. 83 <b>3 66</b> 3 900	80	98. 57.3 052 136			
13	13. 464 226 386	47	53. 097 832 219	81	100. 055 842 396			
	14. 536 547 518	48	54. 368 321 380	82	11-0-1			
15	15. 614 230 255	49	55. 645 162 987	83	103. 073 927 216			
16	16. 697 301 406	50	56. 928 388 802	84	104. 594 296 853			
R 11	17. 785 787 914		58. 218 030 746		106. 122 268 337			
18	18. 879 716 853	52	59. 514 120 900	86	107. 657 879 678			
	19. 979 115 437		60. 816 691 504	· .	109. 201 169 077			
	21. 084 011 015		62. 125 774 962		110. 752 174 922			
!	22. 194 431 070	·	63. 441 403 837		112. 310 935 797			
R 11	23. 310 403 225		64. 763 610 856		113. 877 490 476			
1 — - H	24. 431 955 241 25. 559 115 017		66. 602 428 910   67. 427 891 055		115. 451 877 928 117. 034 137 318			
J	26. 691 910 592	5 <b>9</b>						
	20. <del>0</del> 91 910 592 27. 830 370 145		68. 770 930 510 79. 118 880 662		118. 624 308 004 120. 222 429 544			
	28. 974 521 996		71. 474 475 066		121. 828 541 692.			
N11	30, 124 394 606		72, 836 847 441		123. 442 684 401			
	31. 280 016 579		74. 206 031 078		125. 064 897 823			
	32. 441 416 662		75. 582 061 837		126. 695 222 312			
31	33, 608 623 745	65	76. 964 972 146	99	128, 333 608 423			
B 11	34. 781 666 864		78. 354 797 007		129. 980 366 915			
II	35. 960 575 198	1	79. 751 57 <b>0</b> 992	101	11			
34	37. 145 378 074	68	81. 155 <b>328</b> 847	102				

zu ? Procent.

-3	-	_			
_	Alle Einlagen	si	nd mit den Zins	en n	ach Juhren:
Jahre.	Werth.	ahre.	Werth.	ahre.	Werth.
1	1. 007 5		40. 152 716 122	69	90. 020 072 854
2	2. 022 556 25		41. 461 361 493	70	92. 307 223 401
3	3. 045 225 422	37	42. 779 821 704	71	94. 007 027 576
4	4. 075 564 613 5. 113 631 347		44. 108 170 367 45. 446 481 645	72 73	95. 719 580 283
6	6. 159 483 582	39 40	46. 794 830 257	74	97. 444 977 135 99. 183 314 464
7	7. 213 179 709	41	48, 153 291 484	75	100. 934 689 322
8	8. 274 778 557	<b>-</b>	49. 521 941 170		102. 699 199 492
9	9. 344 339 396	43	50. 900 855 729	77	104. 476 943 488
10	10. 421 921 942	44	52. 290 112 147	78	106. 268 020 564
	11. 507 586 356	B 1	53. 689 787 988	79	108, 072 530 719
12	12. 601 393 254	-	55. 099 961 398	80	109. 890 574 699
1	13. 703 403 703	47	56. 520 711 108	81	111. 722 254 009
	14. 813 679 231 15. 932 281 825	48 49	57. 952 116 442 59. 394 257 315	82	113. 567 670 914 115. 426 928 446
16 17	17.,059 273 939 18. 194 718 493	50 51	60. 847 214 245 62. 311 068 352	84 85	117. 300 130 410 119. 187 381 388
11	19. 338 678 882		63. 785 901 364		121. 088 786 748
	20, 491 218 974	53	65. 271 795 625	87	123. 004 452 649
	21. 652 403 116	54	66. 768 834 092		124. 934 486 043
21	<b>22</b> . 8 <b>22 2</b> 96 139	55	68. 277 100 348	89	126. 878 994 689
22	24. 000 963 360	56	69. 796 678 600	90	128. 838 087 149
	25. 188 470 586	57	71. 327 653 690	91	
24	26. 384 884 115	58	72. 870 111 092	92	132. 800 461 849
	27. 590 270 746	1	74. 424 136 926		134, 803 965 312
	28. 804 697 777 30. 028 233 010	60 61	75. 989 817 952		136. 822 495 052 138. 856 163 765
11			77. 567 241 587		
	31. 260 944 757 32. 502 901 843	62 63	79. 156 495 899 80. 757 669 618		140. 905 084 993 142. 969 373 131
	33. 7 <b>54</b> 173 607	64	82. 370 852 140		145. 049 143 429
	35. 014 829 909		83. 996 133 531		147. 144 512 005
11	36. 284 941 133		85. 633 <b>604</b> 533		149. 255 595 845
- 11	37. 564 578 192		87. 283 356 567	101	
34	38. 853 812 528	68	88. 945 481 741	102	

#### zu 1 Procent.

Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:		19.	the second second	e or the same	- Vaca	of the latest and the	407	
1   1. 01   35   42. 076 878 359   69   99. 676 336 840   2   2. 030 1   37   44. 952 723 614   71   101. 683 100 208   33. 060 401   37   44. 952 723 614   71   103. 709 931 210   4   4. 101 005 01   38   46. 412 250 850   72   105. 757 030 522   107. 824 600 827   72. 285 670 563   41   40   49. 375 237 092   74   109. 912 846 836   8   8. 368 527 268   42   52. 397 779 358   76   112. 021 975 304   114. 152 195 057   77   105. 566 834 667   44   55. 481 074 723   78   118. 476 754 178   11. 682 503 013   45   57. 045 885 470   79   120. 671 521 719   12. 809 328 043   46   58. 626 344 325   80   122. 888 236 937   13. 947 421 324   47   60. 222 607 768   81   125. 127 119 306   14. 5096 895 537   48   61. 834 833 840   82   127. 388 390 499   146. 257 864 492   49   63. 463 182 184   83   129. 672 274 404   16   17. 430 443 137   50   65. 107 814 006   84   131. 978 997 148   17. 430 443 137   50   65. 107 814 006   86   134. 308 787 120   18   19. 810 895 044   52   68. 446 581 068   86   134. 308 787 120   120. 2239 194 035   54   71. 852 457 347   88   141. 438 878 678   120. 22 239 194 035   54   71. 852 457 347   88   141. 438 878 678   120. 22 24. 716 301 836   56   75. 326 791 740   90   146. 311 900 139   143. 863 267 465   144. 27. 243 199 502   58   78. 870 960 254   92   151. 282 869 332   25. 973 464 853   57   77. 090 059 657   91   148. 785 019 141   27. 243 199 502   58   78. 870 960 254   92   151. 282 869 332   25. 973 464 853   57   77. 090 059 657   91   148. 785 019 141   27. 243 199 502   58   87. 870 960 254   92   151. 282 869 332   25. 973 464 853   57   77. 090 059 657   91   148. 785 019 141   27. 243 199 502   58   88. 70 960 254   92   153. 805 698 026   156. 363 755 006   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 927 292 556   158. 92		Alle	Einlages	ı sin	rd mit	den Zis	isen n	ach Jahren:
2   2.030   3.060   401   37   44.952   723   614   71   101.683   100   208   37   44.952   723   614   71   103.709   931   210   4.101   005   01   38   46.412   250   850   72   105.757   030   522   55.152   015   060   39   47.886   373   359   73   109.912   846   836   8.368   527   268   9.462   212   541   43   53.931   757   152   77   116.303   717   008   10.566   83.4   667   44   55.481   074   723   112   809   328   043   45   57.045   885   470   79   112   12.809   328   043   46   58.626   344   325   80   122.888   236   937   131   3.947   421   324   47   60.222   607   768   14   15.096   895   537   48   61.834   833   846   82   127.388   390   499   15   16.257   864   492   49   63.403   182   184   83   129.672   274   404   160   17.430   443   137   50   65.107   814   006   84   131.978   997   148   18.614   747   569   51   66.768   892   146   81   19.810   895   044   52   68.446   581   688   681   134.308   787   120   122.239   194   035   54   71.852   457   347   88   134.308   787   120   122.239   194   035   54   77.090   059   657   23.471   585   975   55   73.580   981   921   921   243   199   502   58   78.870   900   254   92   153.805   688   026   27   31.129   906   690   61   84.321   230   221   33.784   891   533   33.806   648   817   38   390   648   817   38   390   348   331   36.494   007   853   36.668   60	Jahre	w	erth.	Jahre	w	erth.	Jabre	Werth.
3   3.060 401   37   44.952 723 614   71   103.709 931 210     4   4.101 005 01   38   46.412 250 850   72   105.757 030 522     5   5   152 015 060   39   47.886 373 359   73   107.824 600 827     7   285 670 563   41   50.878 989 463   75   112.021 975 304     8   8.368 527 268   42   52.397 779 358   76   114.152 195 057     9   9   462 212 541   43   53.931 757 152   77   116.303 717 008     10   10   566 834 667   44   55.481 074 723   78   118.476 754 178     11   11   682 503 013   45   57.045 885 470   79   120.671 521 719     12   12   809 328 043   46   58.626 344 325   80   122.888 236 937     13   13.947 421 324   47   60.222 607 768   81   125.127 119 306     14   15.096 895 537   48   61.834 833 846   82   127.388 390 499     15   16   257 864 492   49   63.403 182 184   83   129.672 274 404     16   17   430 443 137   50   65.107 814 006   84   131.978 997 148     19   810 895 044   52   68.446 581 068   86   136.661 874 991     19   21   019 003 995   53   73.850 981 921   89   143.863 267 465     22   24.716 301 835   56   75.326 791 740   25   27   24   27   2	1							99. 676 336 840
4         4. 101 005 01         38         46. 412 250 850         72         105. 757 030 522         107. 824 600 827           6         6. 213 535 211         40         49. 375 237 092         74         109. 912 846 836         73         109. 912 846 836         74         109. 912 846 836         75         110. 824 600 827         74         109. 912 846 836         75         112. 021 975 304         88         8. 368 527 268         42         52. 397 779 358         76         114. 152 195 057         116. 303 717 008         10         10. 566 834 667         44         55. 481 074 723         78         118. 476 754 178         11         11. 682 503 013         45         57. 045 885 470         79         120. 671 521 719         122. 888 236 937           13         13. 947 421 324         47         60. 222 607 768         81         125. 127 119 306         122. 888 236 937           15         16. 257 864 492         49         63. 463 182 184         83         129. 672 274 404           16         17. 430 443 137         50         65. 107 814 006         84         131. 978 997 148           17         18. 614 747 569         51         66. 768 892 146         85         134. 308 787 120           18         19. 10 903 995         53         <			_	<b>B</b> 11				11
5         5. 152 015 060         39         47. 886 373 359         73         107. 824 600 827           6         6. 213 535 211         40         49. 375 237 092         74         109. 912 846 836           7         7. 285 670 563         41         50. 878 989 463         75         112. 021 975 304           8         8. 368 527 268         42         52. 397 779 358         76         114. 152 195 057           9         462 212 541         43         53. 931 757 152         77         116. 303 717 008           10         10. 566 834 667         44         55. 481 074 723         78         118. 476 754 178           11         11. 682 503 013         45         57. 045 885 470         79         120. 671 521 719           12         809 328 043         16         58. 626 344 325         80         122. 888 236 937           13         13. 947 421 324         47         60. 222 607 768         81         125. 127 119 306           14         15. 096 895 537         48         61. 834 833 846         82         127. 388 390 499           15         16. 257 864 492         49         63. 463 182 184         83         129. 672 274 404           16         17. 430 443 137         50 <t< th=""><th>3</th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th></th><th>103. 709 931 210</th></t<>	3							103. 709 931 210
6 6. 213 535 211 40 49. 375 237 092 74 109. 912 846 836 7 7. 285 670 563 41 50. 878 989 463 8. 368 527 268 42 52. 397 779 358 76 114. 152 195 057 9. 462 212 541 43 53. 931 757 152 77 116. 303 717 008 10 10. 566 834 667 44 55. 481 074 723 78 118. 476 754 178 11 11. 682 503 013 45 57. 045 885 470 79 120. 671 521 719 12 12. 809 328 043 46 58. 626 344 325 80 122. 888 236 937 13 13. 947 421 324 47 60. 222 607 768 81 125. 127 119 306 15. 096 895 537 48 61. 834 833 846 82 127. 388 390 499 15 16. 257 864 492 49 63. 463 182 184 83 129. 672 274 404 16 17. 430 443 137 50 65. 107 814 006 84 131. 978 997 148 18. 614 747 569 51 66. 768 892 146 85 134. 308 787 120 18 19. 810 895 044 52 68. 446 581 068 86 136. 661 874 991 19 21. 019 003 995 53 70. 141 046 878 87 139. 038 493 741 20 22. 239 194 035 54 71. 852 457 347 88 141. 438 878 678 23. 471 585 975 55 73. 580 981 921 89 146. 311 900 139 148. 785 019 141 27. 243 199 502 58 78. 870 960 254 92 151. 282 869 332 25. 973 464 853 57 77. 090 059 657 91 148. 785 019 141 27. 243 199 502 58 78. 870 960 254 92 151. 282 869 332 25 28. 525 631 497 59 80. 669 669 856 93 153. 805 698 026 26 28. 820 887 812 60 82. 486 366 555 94 156. 353 755 006 158. 927 292 556 28 32. 450 387 657 62 86. 174 442 523 96 161. 526 565 481 39. 936 648 817 98 160. 803 349 448 31 36. 494 067 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101				. "		-		11
7       7. 285 670 563       41       50. 878 989 463       75       112. 021 975 304         8       368 527 268       42       52. 397 779 358       76       114. 152 195 057       116. 303 717 008         10       10. 566 834 667       44       55. 481 074 723       78       118. 476 754 178       120. 671 521 719       122. 809 328 043       46       58. 626 344 325       80       122. 888 236 937         13       13. 947 421 324       47       60. 222 607 768       81       125. 127 119 306       127. 388 390 499       127. 388 390 499         15. 096 895 537       48       61. 834 833 846       82       127. 388 390 499       127. 388 390 499       129. 672 274 404         16       17. 430 443 137       50       65. 107 814 006       84       131. 978 997 148       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       24. 716 301 835       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         25       <				<b>.</b>				11.0
8 8. 368 527 268 42 52. 397 779 358 76 114. 152 195 057 9. 462 212 541 43 53. 931 757 152 77 116. 303 717 008 10 10. 566 834 667 44 55. 481 074 723 78 118. 476 754 178 11 11. 682 503 013 45 57. 045 885 470 12. 809 328 043 46 58. 626 344 325 80 122. 888 236 937 13 13. 947 421 324 47 60. 222 607 768 81 125. 127 119 306 15. 096 895 537 48 61. 834 833 846 16. 257 864 492 49 63. 463 182 184 83 129. 672 274 404 16 17. 430 443 137 50 65. 107 814 006 18. 614 747 569 51 66. 768 892 146 19. 810 895 044 52 68. 446 581 068 86 136. 661 874 991 19. 810 895 044 52 68. 446 581 068 86 136. 661 874 991 19. 21. 019 003 995 53 70. 141 046 878 22. 239 194 035 54 71. 852 457 347 23. 471 585 975 55 73. 580 981 921 89 143. 863 267 465 22 24. 716 301 835 56 75. 326 791 740 90 139 25. 973 464 853 577 77. 090 059 657 22 24. 716 301 835 56 75. 326 791 740 90 146. 311 900 139 25. 973 464 853 577 77. 090 059 657 22 24. 716 301 835 56 75. 326 791 740 90 146. 311 900 139 148. 785 019 141 27. 243 199 502 58 78. 870 960 254 92 153. 805 698 026 26 29. 820 887 812 60 82. 486 366 555 22 28. 525 631 497 59 80. 669 669 856 29 153. 805 698 026 156. 353 755 006 158. 927 292 556 28 32. 450 387 657 62 86. 174 442 523 96 161. 526 565 481 36. 494 007 853 63 88. 046 186 948 30 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 98 160. 803 349 448 31 36. 494 007 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101					49. 375	237 092	74	109. 912 846 836
9 9. 462 212 541 43 53. 931 757 152 77 116. 303 717 008 10 10. 566 834 667 44 57. 045 885 470 11. 682 503 013 45 57. 045 885 470 12. 809 328 043 46 58. 626 344 325 80 122. 888 236 937 13 13. 947 421 324 47 60. 222 607 768 81 125. 127 119 306 145. 096 895 537 48 61. 834 833 846 15. 096 895 537 48 61. 834 833 846 17. 430 443 137 18. 614 747 569 51 66. 768 892 146 19. 810 895 044 52 68. 446 581 068 19. 810 895 044 52 68. 446 581 068 19. 22. 239 194 035 54 71. 852 457 347 21 23. 471 585 975 55 73. 580 981 921 22. 239 194 035 54 71. 852 457 347 22 24. 716 301 835 56 75. 326 791 740 22. 239 194 035 54 71. 852 457 347 22 24. 716 301 835 56 75. 326 791 740 22. 243 199 502 58 77. 090 059 657 29. 820 887 812 60 82. 486 366 655 27 31. 129 096 690 61 84. 321 230 221 95 164. 151 831 136 36. 494 067 853 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 36. 494 067 853 35. 132 740 449 54 89. 936 648 817 36. 494 067 853 35. 132 740 449 54 89. 936 648 817 36. 494 067 853 36. 494 067 853 37. 869 008 532 37.	- I				· · - · <del>-</del>			
10         10. 566 834 667 11. 682 503 013 15 57. 045 885 470 12. 809 328 043 16 58. 626 344 325 13. 947 421 324 47 60. 222 607 768 15. 096 895 537 48 61. 834 833 846 15. 096 895 537 48 61. 834 833 846 16. 257 864 492 49 63. 463 182 184 129. 672 274 404 16 17. 430 443 137 18. 614 747 569 51 66. 768 892 146 19. 810 895 044 52 68. 446 581 068 136. 661 874 991 19 21. 019 003 995 53 70. 141 046 878 13. 430 8787 120 136. 661 874 991 19 21. 019 003 995 53 70. 141 046 878 132. 3471 585 975 55 73. 580 981 921 19 23. 471 585 975 55 73. 580 981 921 19 24. 716 301 835 56 75. 326 791 740 143. 863 267 465 143. 863 267 465 143. 863 267 465 143. 863 267 465 143. 863 267 465 144. 878 129.	- 1							
11       11. 682 503 013       45       57. 045 885 470       79       120. 671 521 719         12       12. 809 328 043       46       58. 626 344 325       80       122. 888 236 937         13       13. 947 421 324       47       60. 222 607 768       81       125. 127 119 306         14       15. 096 895 537       48       61. 834 833 846       82       127. 388 390 499         15       16. 257 864 492       49       63. 463 182 184       83       129. 672 274 404         16       17. 430 443 137       50       65. 107 814 006       84       131. 978 997 148         17       18. 614 747 569       51       66. 768 892 146       85       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25								
12       12. 809 328 043       16       58. 626 344 325       80       122. 888 236 937         13       13. 947 421 324       47       60. 222 607 768       81       125. 127 119 306         14       15. 096 895 537       48       61. 834 833 846       82       127. 388 390 499         15       16. 257 864 492       49       63. 463 182 184       83       129. 672 274 404         16       17. 430 443 137       50       65. 107 814 006       84       131. 978 997 148         17       18. 614 747 569       51       66. 768 892 146       85       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       146. 311 900 139         24       27. 243 199 502       58       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       153. 805 698 026         26		ł .		<b>•</b> 11				
13       13. 947 421 324       47       60. 222 607 768       81       125. 127 119 306         14       15. 096 895 537       48       61. 834 833 846       82       127. 388 390 499         15       16. 257 864 492       49       63. 463 182 184       83       129. 672 274 404         16       17. 430 443 137       50       65. 107 814 006       84       131. 978 997 148         17       18. 614 747 569       51       66. 768 892 146       85       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       146. 311 900 139         24       72. 243 199 502       58       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         24       27. 243 199 502       58       87. 870 960 254       92       153. 805 698 026         26       29. 820 887 812       60       82. 486 366 555       94       156. 353 755 006         29		_		11				
14       15. 096 895 537       48       61. 834 833 846       82       127. 388 390 499         15       16. 257 864 492       49       63. 463 182 184       83       129. 672 274 404         16       17. 430 443 137       50       65. 107 814 006       84       131. 978 997 148         17       18. 614 747 569       51       66. 768 892 146       85       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       146. 311 900 139         22       24. 716 301 835       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       91       148. 785 019 141         26       29. 820 887 812       60       82. 486 366 555       93       153. 805 698 026         28       32. 450 387 657       62       86. 174 442 523       96       161. 526 565 481         30				1				
15       16. 257 864 492       49       63. 463 182 184       83       129. 672 274 404         16       17. 430 443 137       50       65. 107 814 006       84       131. 978 997 148         17       18. 614 747 569       51       66. 768 892 146       85       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       146. 311 900 139         22       24. 716 301 835       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         23       25. 973 464 853       57       77. 090 059 657       91       148. 785 019 141         24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25       28. 525 631 497       59       80. 669 669 856       93       153. 805 698 026         28       32. 450 387 657       62       86. 174 442 523       96       161. 526 565 481         30		1						
16       17. 430 443 137       50       65. 107 814 006       84       131. 978 997 148         17       18. 614 747 569       51       66. 768 892 146       85       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       146. 311 900 139         22       24. 716 301 835       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         23       25. 973 464 853       57       77. 090 059 657       91       148. 785 019 141         24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25       28. 525 631 497       59       80. 669 669 856       93       153. 805 698 026         27       31. 129 096 690       60       84. 321 230 221       96       156. 353 755 006         28       32. 450 387 657       62       86. 174 442 523       96       161. 526 565 481         30		_						1
17       18. 614 747 569       51       66. 768 892 146       85       134. 308 787 120         18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       143. 863 267 465         22       24. 716 301 836       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         23       25. 973 464 853       77. 090 059 657       91       148. 785 019 141         24       27. 243 199 502       88. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25       28. 525 631 497       59       80. 669 669 856       93       153. 805 698 026         26       29. 820 887 812       60. 82. 486 366 555       94       156. 353 755 006         28       32. 450 387 657       62       86. 174 442 523       96       161. 526 565 481         29       33. 784 891 533       63       88. 046 186 948       97       164. 151 831 136         30       35. 132 740 449       64								129. 672 274 404
18       19. 810 895 044       52       68. 446 581 068       86       136. 661 874 991         19       21. 019 003 995       53       70. 141 046 878       87       139. 038 493 741         20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       143. 863 267 465         22       24. 716 301 836       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         23       25. 973 464 853       57       77. 090 059 657       91       148. 785 019 141         24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       153. 805 698 026         26       29. 820 887 812       60       82. 486 366 555       94       156. 353 755 006         27       31. 129 096 690       61       84. 321 230 221       96       158. 927 292 556         28       32. 450 387 657       62       86. 174 442 523       96       161. 526 565 481         29       33. 784 891 533       63       88. 046 186 948       97       164. 151 831 136         30       35. 132 740 449       64       89. 936 648 817       98       160. 803 349 448         31	11							
19         21. 019 003 995         53         70. 141 046 878         87         139. 038 493 741           20         22. 239 194 035         54         71. 852 457 347         88         141. 438 878 678           21         23. 471 585 975         55         73. 580 981 921         89         143. 863 267 465           22         24. 716 301 835         56         75. 326 791 740         90         146. 311 900 139           24         27. 243 199 502         58         78. 870 960 254         91         148. 785 019 141           26         29. 820 887 812         60         82. 486 366 555         93         153. 805 698 026           27         31. 129 096 690         61         84. 321 230 221         96         158. 927 292 556           28         32. 450 387 657         62         86. 174 442 523         96         161. 526 565 481           29         33. 784 891 533         63 88. 046 186 948         97         164. 151 831 136           30         35. 132 740 449         64         89. 936 648 817         98         166. 803 349 448           31         36. 494 067 853         65         91. 846 015 306         99         169. 481 382 942           32         37. 869 008 532         66 <t< th=""><th></th><th></th><th></th><th>8 H</th><th></th><th></th><th></th><th></th></t<>				8 H				
20       22. 239 194 035       54       71. 852 457 347       88       141. 438 878 678         21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       143. 863 267 465         22       24. 716 301 835       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         23       25. 973 464 853       57       77. 090 059 657       91       148. 785 019 141         24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25       28. 525 631 497       59       80. 669 669 856       93       153. 805 698 026         26       29. 820 887 812       60       82. 486 366 555       94       156. 353 755 006         28       32. 450 387 657       62       86. 174 442 523       96       161. 526 565 481         29       33. 784 891 533       63       88. 046 186 948       97       164. 151 831 136         30       35. 132 740 449       64       89. 936 648 817       98       169. 481 382 942         31       36. 494 067 853       65       91. 846 015 306       99       169. 481 382 942         32       37. 869 008 532       66       93. 774 475 459       100       172. 186 196 772         33					08. <b>44</b> 6	681 068	86	136. 661 874 991
21       23. 471 585 975       55       73. 580 981 921       89       143. 863 267 465         22       24. 716 301 835       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         23 25. 973 464 853       57       77. 090 059 657       91       148. 785 019 141         24 27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25 28. 525 631 497       59       80. 669 669 856       93       153. 805 698 026         26 29. 820 887 812       60       82. 486 366 555       94       156. 353 755 006         27 31. 129 096 690       61       84. 321 230 221       96       161. 526 565 481         29 33. 784 891 533       63       88. 046 186 948       97       164. 151 831 136         30 35. 132 740 449       64       89. 936 648 817       98       169. 481 382 942         31 36. 494 067 853       65 91. 846 015 306       99       169. 481 382 942         32 37. 869 008 532       66 93. 774 475 459       100       172. 186 196 772         33 39. 257 698 617       67 95. 722 220 213       101				B 18				139. 038 493 741
22       24. 716 301 835       56       75. 326 791 740       90       146. 311 900 139         23       25. 973 464 853       57 77. 090 059 657       91       148. 785 019 141         24       27. 243 199 502       58 78. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25       28. 525 631 497       59 80. 669 669 856       93       153. 805 698 026         26       29. 820 887 812       60 82. 486 366 555       94       156. 353 755 006         27       31. 129 096 690       61 84. 321 230 221       95       158. 927 292 556         28       32. 450 387 657       62 86. 174 442 523       96 161. 526 565 481         29       33. 784 891 533       63 88. 046 186 948       97         30       35. 132 740 449       64 89. 936 648 817       98         31       36. 494 067 853       65 91. 846 015 306       99         32       37. 869 008 532       66 93. 774 475 459       100         33       9. 257 698 617       67 95. 722 220 213       101				<b>8</b> 78				
23 25. 973 464 853 57 77. 090 059 657 91 148. 785 019 141 27. 243 199 502 58 78. 870 960 254 92 151. 282 869 332 25 28. 525 631 497 59 80. 669 669 856 27 31. 129 096 690 61 84. 321 230 221 95 158. 927 292 556 28 32. 450 387 657 62 86. 174 442 523 96 161. 526 565 481 33. 784 891 533 63 88. 046 186 948 97 164. 151 831 136 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 98 169. 481 382 942 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 39. 257 698 617 87 95. 722 220 213 101								143. 863 267 465
24       27. 243 199 502       58       78. 870 960 254       92       151. 282 869 332         25       28. 525 631 497       59       80. 669 669 856       93       153. 805 698 026         26       29. 820 887 812       60       82. 486 366 555       94       156. 353 755 006         27       31. 129 096 690       61       84. 321 230 221       96       158. 927 292 556         28       32. 450 387 657       62       86. 174 442 523       96       161. 526 565 481         29       33. 784 891 533       63       88. 046 186 948       97       164. 151 831 136         30       35. 132 740 449       64       89. 936 648 817       98       160. 803 349 448         31       36. 494 067 853       65       91. 846 015 306       99       169. 481 382 942         32       37. 869 008 532       66       93. 774 475 459       100       172. 186 196 772         33       9. 257 698 617       67       95. 722 220 213       101								146. 311 900 139
25 28. 525 631 497 59 80. 669 669 856 93 153. 805 698 026 27 31. 129 096 690 61 84. 321 230 221 95 158. 927 292 556 28 32. 450 387 657 62 86. 174 442 523 96 161. 526 565 481 33. 784 891 533 63 88. 046 186 948 97 164. 151 831 136 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 98 169. 803 349 448 31 36. 494 067 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101								
26     29. 820 887 812     60 82. 486 366 555     94     156. 353 755 006       27     31. 129 096 690     61 84. 321 230 221     96     158. 927 292 556       28     32. 450 387 657     62 86. 174 442 523     96     161. 526 565 481       29     33. 784 891 533     63 88. 046 186 948     97     164. 151 831 136       30     35. 132 740 449     64 89. 936 648 817     98     166. 803 349 448       31     36. 494 067 853     65 91. 846 015 306     99     169. 481 382 942       32     37. 869 008 532     66 93. 774 475 459     100     172. 186 196 772       33     39. 257 698 617     67 95. 722 220 213     101								151. 282 869 332
27 31. 129 096 690 61 84. 321 230 221 96 158. 927 292 556 28 32. 450 387 657 62 86. 174 442 523 96 161. 526 565 481 29 33. 784 891 533 63 88. 046 186 948 97 164. 151 831 136 30 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 98 160. 803 349 448 31 36. 494 067 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 39. 257 698 617 87 95. 722 220 213 101								153. 805 698 026
28 32. 450 387 657 62 86. 174 442 523 96 161. 526 565 481 29 33. 784 891 533 63 88. 046 186 948 97 164. 151 831 136 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 98 160. 803 349 448 31 36. 494 067 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 32 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101								
29 33. 784 891 533 63 88. 046 186 948 97 164. 151 831 136 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 98 160. 803 349 448 31 36. 494 067 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 32 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101		31. 129	096 690	61	84. 321	230 221	95	158. <b>927 2</b> 92 556
30 35. 132 740 449 64 89. 936 648 817 98 166. 803 349 448 31 36. 494 067 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 32 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101								161. 526 565 481
31 36. 494 007 853 65 91. 846 015 306 99 169. 481 382 942 32 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101								
32 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101				64	89. 936	648 817	98	160. 803 349 448
32 37. 869 008 532 66 93. 774 475 459 100 172. 186 196 772 33 39. 257 698 617 67 95. 722 220 213 101				65	91. 846	015 306	99	169. 481 382 942
E -11				66	93. 774	475 459	100	
#74940 K60 275 K02 ERQ107 CON 445 415 FLAGR								
34  40. 000 270 003 #00  91. (169 4/2 4/3 #102	34	40. 660	275 603	68	97. 689	412 415	102	

# II. Haupt - Tafel.

amirter Anwachs, wenn man zu Anfange eines jeden Jahres ein ital Eins auf Zinsen giebt, und auch die Zinsen jährlich sum Capitale schlägt. Berechnet nach dem Zinsfasse:

zu 11 Procent.

3								
_	Alle Kinlagen	si	nd mit den Zinse	en a	ach Jahren:			
	- Werth.	Jahre.	Werth,	Jahre.	Werth.			
η	1. 012 5	35	44. 115 505 498		109. 871 <b>997 7</b> 57			
2	2. 037 656 25	36	45. 679 449 317	70	112. 257 897 729			
3	3. 075 626 953	37	47. 262 942 433		114. 673 621 451			
4	4. 126 572 290	38	48. 866 229 214		117. 119 541 719			
3	5. 190 654 444 6. 268 037 624	39 40	50. 489 557 079 52. 133 176 542		119. 596 035 990 122. 103 486 440			
-				·				
3	7. 358 888 095 8. 463 374 196	41 42	53. 797 341 249		124. 642 280 021 127. 212 808 521			
3	9. 581 666 373	42 43	55. 482 308 015 57. 188 336 865	11	127. 212 808 521 129. 815 468 628			
7	10. 713 937 203	14			132, 450 661 985			
1	11. 860 361 418	45	58. 915 691 076 60. 664 637 214		132. 450 001 985 135. 118 <b>79</b> 5. <b>260</b>			
2	13. 021 115 936	46	62. 435 445 179		137. 820 280 201			
3	14. 196 379 885	47	64. 228 388 244		140. 555 533 704			
1	15. 386 334 633	48	66. 043 743 097	- 1	143. 324 977 875			
5	16. 591 163 816	49	67. 881 789 886		146. 129 040 098			
1	17. 811 053 364	<b>50</b>	69. 742 812 260	84	148. 968 153 099			
1	19. 046 191 531	51	71. 627 097 413		151. 842 755 013			
3	<b>20. 29</b> 6 768 925	52	73. 534 936 130	86	154. 753 289 451			
3	21. 562 978 537	53	75. 466 622 832	87	157. 700 205 569			
3	22. 845 015 768	54	77. 422 455 617	<b>8</b> 8	160. 683 958 139			
1	<b>24. 143 078 466</b>	55	79. 402 736 313	<b>89</b>	163. 705 007 615			
2	25. 457 366 946	56	81. 407 770 517	90	166. 763 820 211			
	26. 788 084 033	57	83. 437 867 648		169. 860 867 963			
4	28. 135 435 084	58	85. 493 340 994	92	172. 996 628 813			
5	29. 499 628 <b>022</b>	59	87. 574 507 756	1	176. 171 586 673			
1	30. 880 873 372	60	89. 681 689 103	( )	179. 386 231 506			
4	32. 279 384 290	61	91. 815 210 217		182. 641 059 400			
3	33. 695 376 593	62	93. 975 400 345	1	185. 936 572 643			
	35. 129 068 801	63	96. 162 592 849		189, 273, 279 801			
4	36. 580 682 161	64	98. 377 125 259		192. 651 695 798			
	38:460 440 688	65	100. 619 339 325	1	196. 072 341 996			
11	39: <b>538 571 196</b> 41: 045 303 <b>33</b> 6		102. 889 581 067 105. 188 <b>20</b> 0 830		199. 530 740 271			
	42 570 869 628		107. 515 553 340					
2	0 00n U20	1,70	1-01. 010 000 040	1142				

zu 11 Procent

3	31 -							
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
ahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	shre.	Werth.			
1	1. 015	35	46. 275-969 207	69	121. 363 752 946			
2	2. 045 225	36	47. 985 108 745		124. 199 209 241			
3	3. 090 903 375	37	49. 719 885 376	71	127-077 197 379			
4	4. 152 266 926	38	51. 480 683 656	72	129. 998 355 340			
5	5. 229 550 930	39	<b>53. 267 893 911</b>	73	132. 963 330 670			
6	6. 322 994 193	40	55. 081 912 320	74	135. 972 780 630			
7	7. 432 839 106	41	56. 923 141 005	75	139. 027 372 340			
8	8. 559 331 693	42	58. 791 988 120	76	1			
9	9. 702 721 668	43	60. 688 867 942	77	145. 274 699 669			
10	10. 863 262 493	14	62, 614 200 961	78	148. 468 820 164			
11	12. 041 211 431	45	64. 568 413 975	79	151. 710 852 466			
12	13. 236 829 602	46	66. 551 940 185	80	155. 001 515 253			
13	14. 450 382 046	47	68. 565 219 288	81	158. 341 537 982			
14	15. 682 137 777	48	70. 608 697 577	82	161. 731 661 052			
15	16. 932 369 844	49	72. 682 828 040	83	165. 172 635 967			
16	18. 201 355 391	50	74, 788 070 461	84	168. 665 225 507			
17	19. 489 375 722	51	76. 924 891 518	85	172. 210 203 889			
18	20. 796 716 358	52	79. 093 764 891	86	175. 808 356 948			
19	22. 123 667 103	53	81, 295 171 364	87	179. 460 482 302			
	23. 470 522 110	54	83. 529 598 935		183. 167 389 536			
21	24. 837 579 942	55	85. 797 542 919	89				
22	26. 225 143 641	56	88. 099 506 062	90	190, 748 848 885			
23	27. 633 520 795	57	90. 435 998 653	91	194. 625 081 618			
24	29. 063 023 607	58	92. 807 538 633		198. 559 457 843			
25	30. 513 968 961	59	95. 214 651 713	93	202, 552 849 710			
26	31. 986 678 496	60	97. 657 871 488		206, 606 142 456			
27	33. 481 478 673	61			210. 720 234 593			
28	34. 998 700 853	62	102. 654 805 654	96	214. 896 038 112			
	36. 538 681 366		105. 209 627 739		219. 134 478 683			
	38. 101 761 587		107. 802 772 155		223. 436 495 864			
31	39. 688 288 010		110, 434 813 737		227, 803 043 302			
	41. 298 612 331		113, 106 335 943					
	42. 933 091 515	67	115. 817 930 983		M			
	44. 592 087 888		118. 570 199 947	1				
		_						

zu 1 Procent.

39	NAME OF TAXABLE PARTY.			-	The state of the s
NAME OF TAXABLE	Alle Einlagen	si	nd mit den Zinse	en n	ach Jahren:
Jahre.	Werth.	fahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
1	1.017 5	35	48. 566 129 487	69	134. 330 758 257
2	2. 052 806 <b>25</b>	36	50. 433 536 753		137. 699 046 526
3	3. 106 230 359	37	52. 333 623 646	71	141. 126 279 841
4	4. 178 089 391	38	54. 266 962 060	72	144. 613 489 738
5	5. 268 705 955	39	<b>56. 234 133 89</b> 6		148. 161 725 808
6	6. 378 408 309	40	58. 235 731 240	74	151. 772 056 010
7	7. 507 530 455	41	60. 272 356 536		155. 445 566 990
8	8. 656 412 238	42	62. 344 622 776		159. 183 364 412
9	9. 825 399 452	<b>43</b>	64. 453 153 674		162. 986 573 290
Mai i	11. 014 843 942	44	66. 598 583 863		166. 856 338 322
183 1	12. 225 103 711	45	68. 781 559 081		170. 793 824 243
	13. 456 543 026	46	71. 002 736 365	80	174. 800 216 167
MR1	14. 709 532 529	47	73. 262 784 251	81	178. 876 719 950
m	15. 984 449 348	48	75. 562 382 976	-	183. 024 562 549
#	17. 281 677 212	49	77. 902 224 678		187. 214 992 394
MH 1	18. 601 606 563	50	80. 283 013 619	-	1
	19. 944 634 678	51	82. 705 466 348		195. 908 717 156
#1	21. 311 165 785	<b>52</b>	85. 170 312 009		200. 354 619 707
un ı	22. 701 611 186	53	87. 678 292 469		204. 878 325 552
M4 I	24. 116 389 382	54	90. 230 162 587		209. 481 196 249
<b>M</b> —	<b>25</b> . 555 926 196	5 <b>5</b>	92. 826 690 433		214. 164 617 183
	27. 020 654 904	56	95. 468 657 515		218. 929 997 984
M4 /	28. 511 016 365	57	98. 156 859 022		223. 778 772 948
<b>#</b>	30. 027 459 152		100. 892 104 055		228. 712 401 475
CO 1	31. 570 439 687	59	103. 675 215 876		233. 732 368 501
44. (	33. 140 422 381	60 e 1	106. 507 032 153		238. 840 184 950
H	34. 737 879 773	61	109. 388 405 216		244. 037 388 186
1-4-1	36. 363 292 669	62	112. 320 202 307	-	249. 325 542 480
MG 11	38. 017 150 291		115. 303 305 848	1	254. 706 239 473
	39. 699 950 421	-	118. 338 613 700		260. 181 098 664
<b>11</b> 1 12	41. 412 199 553	55			265. 751 767 890
M36 . 16	43, 154 413 045				271. 419 9 <b>23</b> 828
12.1	44. 927 115 274 46. 730 839 791		[1 <b>27. 7</b> 66 979 101] [131. 020 401 235		
1.7-2	· 10. 700 000 791	loo.	191. UAU 4U 1 400	1112	

zu 2 Procent.

	13	Proces	ATTENDED TO COLUMN THE PARTY NAMED IN	realization incoming any
	Alle Einlagen	8 i	nd mit den Zinsen	nach Jahren:
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Werth.
1	1. 02	35		148. 977 911 142
2 3	2. 060 4 3. 121 608	36 27		152. 977 469 365
I—!		$\frac{37}{36}$	55. 114 939 620 71	
4 5	4. 204 040 16 5. 308 120 963	38 39		161. 218 159 128 165. 462 522 310
6	6. 434 283 382	40		169. 791 772 756
7	7. 582 969 050	41	63. 862 223 301 75	174. 207 608 212
8	8. 754 628 431	42		178. 711 760 376
9	9. 949 721 000	43	68. 502 657 123 77	183. 305 995 583
10	11. 168 715 420	44	70. 892 710 265 78	
11	12. 412 089 728 13. 680 331 523	15 46	73. 330 564 4704 79 75. 817 175 760 80	11
1				[
P) 1	14. 973 938 153 16. 293 416 916	17 18	78. 353 519 275 81 80. 940 589 660 82	202. 620 344 900 207. 692 751 798
	17. 639 285 255	19	83. 579 401 454 83	
16	19. 012 070 960	5υ	86. 270 989 483 84	218, 143 938 971
	20. 412 312 379	51	89. 016 409 272 85	11
18	21. 840 558 626	52	91.816 737 458 86	229. 017 354 105
	23. 297 369 799	53	94. 673 072 207 87	
	24. 783 317 195	54		240. 330 055 211
$\frac{21}{30}$	26. 298 983 539	55	100. 558 264 324 89	
22 23	27. 844 963 210 29. 421 862 474	56	103. 589 429 611 90	11
1 !	31. 030 299 723	57 58	106. 681 218 203 91 109. 834 842 567 92	258. 161 785 230 264. 345 020 935
_	32, 670 905 718	59	113. 051 539 418 93	
	34. 344 323 832	60	116. 332 570 207 94	1)
27	36. 051 210 309	61	119. 679 221 611 95	
28	37. 792 234 515	62	123. 092 806 043 96	290. 339 592 156
	39. 568 079 205	63	126. 574 662 164 97	
	41. 379 440 789			304. 129 711 679
31	43. 227 029 605			311. 232 305 913
	45. 111 570 197 47. 033 801 601		137. 443 652 086 100	10
	48. 994 477 633	1	141. 212 525 127 101 145. 056 775 630 102	
				'AI

#### zu 21 Procent.

Silvery.	and a second slave and a		an arrivative recommendation	-	
			ed mit den Zinse	n n	ach Jahren:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
1	1. 022 5	35	53. 569 618 642		165. 539 617 683
2	2. 068 006 25	36	55. 797 435 062		170. 286 758 979
3	3. 137 036 391	37	58. 075 377 350		175. 140 711 056
4 5	4. 230 119 709 5. 347 797 403	38 39	60. 404 573 341 62. 786 176 241		180. 103 877 055 185. 178 714 288
6	6. 490 622 844	40	65. 221 365 206		190. 367 735 360
7	7. 659 161 858	41	67. 711 345 924	75	195. 673 509 405
8	8. 853 993 000	42	70. 257 351 207		201. 098 663 367
9	10. 075 707 843	43	72. 860 641 609	77	206. 645 883 293
10	11. 324 911 269	44	75. 522 506 045		212. 317 915 667
	12. 602 221 773	45	78. 244 262 431		218. 117 568 769
	13. 908 271 763	46	81. 027 258 336		224. 947 714 067
	15. 243 707 877	47	83. 872 871 648	81	230. 111 287 633
	16. 609 191 305 18. 005 398 109	48 49	86. 782 511 261 89. 757 617 764		236. 311 291 605     242. 650 795 666
_		50			249. 132 938 569
	19. 433 019 566 20. <b>892 762 5</b> 07	յս 51	92. 799 664 164 95. 910 156 607		255, 760 929 686
	22. 385 349 663	<b>52</b>	99. 090 635 131		262. 538 050 604
19	23, 911 520 030	53	102. 342 674 421	87	269, 467 656 743
20	25. 472 029 231	54	105. 667 884 590	88	276. 553 179 020
21	27. 067 649 889	55	109. 067 911 999	89	<b>283. 798 125 548</b>
	28. 699 172 011	56	112. 544 440 019	90	291. 206 083 372
	30. 367 403 382	57	116. 099 189 920	91	298. 780 720 248 306. 525 786 454
	32. 073 169 958	58	119. 733 921 693		
	33. 817 316 282 35. 600 705 898	59 60	123. 450 434 931 127. 250 569 717		314. 445 116 649 322. 542 631 774
MB1 1	37. <b>424 221</b> 781		131. 136 <b>2</b> 07 536		330. 822 340 989
	39. 288 766 771.	_	135. 109 272 205		339, 288 343 661
	41. 195 264 023.	63	139. 171 730 830		
30	43. 144 657 464.		143. 325 594 773		356, 796 090 <b>099</b>
31	45. 137 912 257	65	147. 572 920 656		365. 846 502 127
<b>3</b> 1 (	47. 176 015 282				37 <b>5</b> . 100 548 <b>42</b> 5
	49. <b>2</b> 59 975 626 51. <b>3</b> 90 825 078		156. 356 417 126 160. 896 936 512		
- 14	o 1. 380 623 0/5	34	1100.080 830 012	102	

zu 2½ Procent.

	36							
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
Jahre.	Werth.	anre.	Worth	Jahre	Worth.			
1	1. 025	35	56. 301 412 629		184. 284 114 207			
2	2. 075 625	36	58. 733 947 944		189. 916 217 062			
3	3. 152 515 625	37	61. 227 296 643	71	195. 669 122 489			
4	4. 256 328 516	38	63. 782 979 059	72	201. 606 350 551			
5	5. 387 736 729	39	66. 402 553 536		207. 671 509 315			
6	6. 547 430 147	40	69. 087 617 374		213. 888 297 047			
7	7. 736 115 900	41	71. 839 807 808		220. 260 504 474			
8 9	8. 954 518 798 10. <b>2</b> 03 381 768	42 43	74. 660 803 004 77. 552 323 079		226. 792 017 085 233, 486 817 513			
	11. 483 466 312 12. 795 552 970	44 45	80. 516 131 156 83. 554 034 434		240. 348 987 950 247. 382 712 649			
	14. 140 441 794	46	86. 667 885 295		254, 592 280 465			
-	15. 518 952 839	47	89. 859 582 428	81	261. 982 087 477			
	16. 931 926 660	48	93. 131 071 988		269. 556 639 664			
U 1	18. 380 224 826	49	96. 484 348 788		277. 320 555 656			
16	19. 864 730 447	50	99. 921 457 508	84	285, 278 569 547			
	21. 386 348 708	51	103. 444 493 946		293. 435 533 786			
18	22. 946 007 426	52	107. 055 606 294	86	301. 796 422 130			
19	24. 544 657 612	53	110, 756 996 452	87	310, 366 332 684			
20	26. 183 274 052	54	114. 550 921 363		319. 150 491 001			
21	<b>27. 862 855 903</b>	55	118. 439 694 397	89	328. 15 <b>4 2</b> 53 276			
$\overline{22}$	29. 584 427 301	56	122, 425 686 757	90	337. 383 109 608			
H ' !!	<b>31. 349 037 983</b>	57	126. 511 328 926		346. <b>842 6</b> 87 348			
	33. 157 763 933	58	130. 699 112 149		356. 538 754 531			
11 - 11	35. 011 708 031	59	134. 991 589 953		366. 477 223 395			
	36. 912 000 732		139. 391 379 701		376. 664 153 980			
	38. 859 800 750	61	143. 901 164 194		387. 105 757 829			
28	40. 856 295 769	62		1	397. 808 401 775			
	42. 902 703 163 45. 000 270 742		153. 261 785 631		408. 778 611 819			
			158. 118 330 272		420. 023 077 115			
	47. 150 277 511		163. 096 288 529		431. 548 654 042			
- 1	49. 354 034 449 51. 612 885 310	00 67	168. 198 695 742 173. 428 663 136		445' 20% 91A 384			
			178. 789 379 714					
2.5								

zu 21 Procent.

	36						
	Alle Einlagen	si	nd mit den Zinse	n n	ach Jahren:		
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth,	Jahre	Werth.		
1	1. 027 5	35	59. 199 909 722		205. 518 427 465		
2	2. 083 256 25	36	61. 855 407 240		212. 197 684 220		
3	3. 168 045 797	37	64. 583 930 939	71	219. 060 620 536		
4	4. 282 667 056	38	67. 387 489 040	72	226. 112 287 601		
5 6	5. 427 940 400 6. 604 708 761	39 40	70. 268 144 988 73. 228 018 975	73 74	233. 357 875 510 240. 802 717 086		
7		41					
8	7. 813 838 252 9. 056 218 804	$\frac{41}{42}$	76. 269 289 497 79. 394 194 958	75 76	248. 452 291 806 256. 312 229 831		
9	10. 332 764 821	43	82. 605 035 320		264. 388 316 151		
10	11. 644 415 854	44	85. 904 173 791	78	272. 686 494 845		
11	12. 992 137 290	45	89. 294 038 570		281. 212 873 453		
12	14. 376 921 065	46	92. 777 124 631		289. 973 727 473		
13	15. 799 786 395	47	96. 355 995 558	81	298. 975 504 979		
14	17. 261 780 521	48	100. 033 285 436	82	308. 224 831 366		
15	18. 763 979 485	49	103. 811 700 786	83	317. 728 514 228		
16	20. 307 488 921	50	107. 694 022 557	84	327. 493 548 370		
17	21. 893 444 866	51	111. 683 108 178		337. 527 120 950		
JI	23. 523 014 600	<b>52</b>	115, 781 893 653	86	347. 836 616 776		
19	25. 197 397 501	53	119. 993 395 728	87	358. 429 623 737		
N I	26. 917 825 933 28. 685 566 146	54 55	124. 320 714 111	88 89	369. 313 938 390		
			128. 767 033 749		380. 497 571 696		
22 23	30. 501 919 215 32. 368 221 993	56 57	133. 335 627 177 138. 029 856 924	90 91	391. 988 754 917		
1	34. 285 848 098	58	142. 853 177 989		403. 795 945 678 415. 927 834 184		
25	36. 256 208 921	<del>59</del>	147, 809 140 384	93	428, 393 349 624		
U1	38. 280 754 666	60	152, 901 391 745	94	428. 393 349 624 441. 201 666 738		
27	40. 360 975 419	61	158. 133 680 018	95	454 362 212 574		
28	42. 498 402 243	62	163, 509 856 218	96	467, 884 673 419		
1 1	44. 694 608 305	63	169. 033 877 264	97	481. 779 001 939		
30	<b>46. 9</b> 51 <b>2</b> 10 033	64	174. 709 808 889	98	496. 055 424 492		
31	49. 269 868 309	65	180. 541 828 633	99	510. 724 448 665		
	51. 652 289 688	66			525. 796 871 004		
	54. 100 227 654	67	192. 691 420 216				
34	56. 615 483 915	108	199. 017 934 272	102			

zu 3 Procent.

3	PAR SELENDER	•					
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:						
Jahre	Werth.	Jahre	Werth. Werth.				
1	1. 03	35	62. 275 914 267 69 229. 594 063 737				
2	2. 090 9	36	65. 174 222 595 70 237. 511 885 650				
3	3. 183 627	37	68. 159 449 273 71 245. 667 242 219				
4	4. 309 135 81	38	71. 234 232 751 72 254. 067 259 486				
5 6	5. 468 409 884 6. 662 462 181	39 40	74. 401 259 733 73 262. 719 277 270   77. 663 297 525 74 271. 630 855 588				
7		41	81. 023 196 451 75 280. 809 781 256				
8	7. 892 336 046 9. 159 106 128	42	84. 483 892 345 76 290. 264 074 694				
- 11	10. 463 879 311	43	88. 048 409 115 77 300. 001 996 934				
	11, 807 795 691	44	91, 719 861 388 78 310, 032 056 842				
11	13. 192 029 562	45	95. 501 457 230 79 320. 363 018 548				
12	14. 617 790 448	46	99. 396 500 947 80 331. 003 909 104				
13	16. 086 324 162	47	103. 408 395 975 81 341. 964 026 377				
	17. 598 913 887	48	107. 540 647 855 82 353. 252 947 169				
15	19. 156 881 303	49	111. 796 867 290 83 364. 880 535 584				
	20. 761 587 742		116. 180 773 309 84 376. 856 951 651				
	22. 414 435 375						
	24. 116 868 436		125. 347 082 403 86 401. 898 440 007				
3 1 1	25. 870 374 489						
	27. 676 485 724 29. 536 780 295		135. 071 619 722   88 428. 464 955 003				
. 1	31. 452 883 704 33. 426 470 215	56 57	145. 388 381 363 90 456. 649 370 763 150. 780 032 804 91 471. 378 851 886				
	35. 459 264 322	57 58	156. 333 433 788 92 486. 550 217 442				
	37. 553 042 251	<del>59</del>					
	39. 709 633 519	59 60	167. 945 039 906 94 518. 272 025 684				
	41. 930 922 525	61	174. 013 391 103 95 534. 850 186 455				
28	44. 218 850 200	$\overline{62}$	180, 263 792 836 96 551, 925 692 049				
	46. 575 415 706						
30	49. 002 678 178	64	193. 332 757 820 98 587. 628 866 694				
31	51. 502 758 523						
	54. 077 841 279	66	207. 197 622 771 100 625. 506 364 676				
	56. 730 176 517	67	214. 443 551 454101				
34	59. 462 081 812	108	221. 906 857 997 102				

zu 3 Procent.

No. of Lot		ORGEN	No. of Concession, Name of Street, or other	X 0/40	in the same of		
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1	1. 031 25	35	63. 884 118 995		242. 820 973 764		
2	2. 094 726 563	36	66. 911 747 713		251, 440 379 194		
3	3. 191 436 768	37	70. 033 989 829	71	260. 329 141 044		
4	4. 322 419 167	38	73. 253 802 012		269. 495 676 701		
5	5. 488 744 766	39	76. 574 233 324		278. 948 666 598		
6	6. 691 518 039	40	79. 998 428 116		288. 697 062 430		
7	7. 931 877 978	41	83. 529 628 994		298. 750 095 630		
8	9. 210 999 165	42	87. 171 179 901		309. 117 286 119		
9	10. 530 092 889	43	90. 926 529 272				
10	11.890 408 292	44	94. 799 233 312		330. 833 715 414		
11	13, 293 233 551	45	98. 792 959 353	79	342. 203 519 020		
12	14. 739 897 099	46	102. 911 489 333		353. 928 628 990		
13	16. 231 768 884	47	107. 158 723 375	81			
14	17. 770 261 661	48	111. 538 683 480		378. 489 528 291		
15	19. 356 832 338	49	116. 055 517 339	83	391. 348 576 050		
16	20. 992 983 349	5 C	120. 713 502 256	84	404. 609 469 051		
17	22. 680 264 078	51	125. 517 049 201	85			
18	24. 420 272 331		130. 470 706 989	86	432. 387 413 864		
19	26. 214 655 841		135. 579 166 582	87	446. 930 770 548		
H (	28. 065 113 836		140. 847 265 538	88	461. 928 607 127		
21	29. 973 398 644	55	146, 279 992 586	89	477. 395 126 100		
22	31. 941 317 351	56	151, 882 492 354	90	493. 344 973 790		
23	33. 970 733 518	57	157. 660 070 240	91	509. 793 254 221		
24	36. 063 568 941	58	163. 618 197 435	92			
25	38. 221 805 470	59	169. 762 516 105	93	544. 247 904 148		
26	40. 447 486 891	60	176. 098 844 733		562. 286 901 152		
27	42. 742 720 857	61	182. 633 183 631	95			
28	45. 109 680 883	62	189. 371 720 620	96			
29	47. 550 608 411	63		97	619. 857 219 443		
30	50. 067 814 924		203. 487 113 042	·	640. 259 007 551		
31	52. 663 684 140	65			661. 298 351 536		
	55. 340 674 269		218. 498 502 053		682. 995 175 022		
3 - 1	58. 101 320 340	67					
34	60. 948 236 601	08	234, 462 762 438	102			

zu 31 Procent

	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1		35	65, 541 069 094		256. 913 538 019		
2	2. 098 556 25	36	68, 703 653 840		266. 295 728 005		
3	3. 199 259 328	37	71. 969 022 590	71	275. 982 839 165		
4	4. 335 735 256	38	75. 340 515 824	72	285. 984 781 438		
5	5. 509 146 652	39	78. 821 582 588 82. 415 784 022		296. 311 786 834 306. 974 419 906		
6	6. 720 693 918	40					
7	7. 971 616 471	41	86. 126 797 003	75	317. 983 588 553 329. 350 555 181		
8 9	9. 263 194 006 10. 596 747 811	42 43	89. 958 417 905 93. 914 566 487	76 77	341. 086 948 225		
		_			353. 204 774 042		
10 11	11. 973 642 115 13. 395 285 484	44 45	97. 999 289 898 102. 216 766 820	78 70	365. 716 429 198		
		46	106. 571 311 741		378. 634 713 147		
	16. 378 684 060	47	111. 067 379 373	81	391 972 841 325		
	17. 943 491 292	48	115. 709 569 203		405. 744 458 668		
	19. 559 154 759	49	120. 502 630 202	83	419. 963 653 574		
16	21, 227 327 289	50	125, 451 465 683	84	434. 644 972 316		
17	22. 949 715 426	51	130. 561 138 318	85	449. 803 433 916		
18	24. 728 081 177	52	135. 836 875 313	86	465. 454 545 518		
19	26. 564 243 816	53	141. 284 073 761	87	481. 614 318 247		
20	28. 460 081 740	54	146. 908 306 158		498. 299 283 590		
21	30. 417 534 396	5 <b>5</b>	152. 715 326 108	89	515. 526 510 307		
22	32. 438 604 264	56	158. 711 074 207	90	533. 313 621 892		
23	34. 525 358 903	57	164. 901 684 119	91	551. 678 814 604		
24	36. 679 933 067	58	171. 293 488 853		570. 640 876 078		
<b>2</b> 5	38. 904 530 892	59	177. 893 027 240		590. 219 204 551		
26			184. 707 050 626		610. 433 828 699 631. 305 428 131		
27	43. 572 974 560	61	191. 742 529 771				
28	46. 021 596 234		199. 006 661 988		652. 855 354 546 675. 105 653 568		
	48. 549 798 111 51. 160 166 550	63 84	206. 506 878 503 214. 250 852 054		698. 079 087 309		
1		-					
31	53. 855 371 963 56. 638 171 551		222. 246 504 746 230. 502 016 150		721. 799 157 647 746. 290 130 270		
n 1	59. 511 412 127		239. 025 831 675		TEO MOU AUG AUG		
	62. 478 033 021		247. 826 671 205				
					The second second		

zu 3½ Procent.

	Alle Einlugen sind mit den Zinsen nuch Jahren:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth			
1	1. 035	35	69. 007 603 184	69	287. 937 864 591			
2	2. 106 225	36	72. 457 869 296	70				
3	3. 214 942 875	37	76. 028 894 721	71	310. 552 463 996			
4	4. 362 465 876	38	79. 724 906 037		322. 456 800 236			
5	5, 550 152 181	39	83. 550 277 748		334. 777 788 244			
6	6. 779 407 508	40	87. 509 537 469	74	347. 530 010 833			
7	8. 051 686 770	41	91. 607 371 280	ì	360. 728 561 212			
8	9. 368 495 807	<b>42</b>	95. 848 629 275		374. 389 060 854			
8	10. 731 393 161	<b>4</b> 3	100. 238 331 300	77	388. 527 677 984			
10	12. 141 991 921	4.1	104. 781 672 895	78	403. 161 146 714			
11	13. 601 961 638	<b>1</b> 5	109. 484 031 447	79	418. 306 786 849			
12	15. 113.030 296	46	114. 350 972 547	80	433. 982 524 388			
13	16, 676 986 356	47	119. 388 256 586	81	450. 206 912 742			
14	<b>3.</b> 295 680 879	48	124. 601 845 567	82	466. 999 154 688			
15	19. 971 029 709	49	129. 997 910 162	83	484. 379 125 102			
16	21. 705 015 749	50	135. 582 837 017	84	502. 367 394 480			
17	23. 499 691 300		141. 363 236 313	85	520. 985 253 287			
18	25. 357 180 496	<b>52</b>	147. 345 949 584	86	540. 254 737 152			
19	27, 279 681 813	53	153. 538 057 819	87	560. 198 652 953			
20	29. 269 470 677	54	159. 946 889 843	88				
21	31. 328 902 150		166. 580 030 988	89	602. 205 027 009			
22	33. 460 413 726	56	173. 445 332 072	90	624. 317 202 955			
	35. 666 528 206	57	180. 550 918 695	91	647. 203 305 058			
	37. 949 856 693	58	187. 905 200 849		670. 89 <b>0 420</b> 735			
	40. 313 101 678	59	195. 516 882 879	93	<del>   </del>			
	42. 759 060 236	60	203. 394 973 780					
27	45. 290 627 345	61	211. 548 797 862	95				
<b>II</b>	47. 910 799 302	$\frac{62}{62}$		96				
100	50. 622 677 277	63	219. 988 005 787 228. 722 585 990					
	53. 429 470 982		237. 762 876 499		II			
<b>II</b>		_		-				
31	56. 334 502 466 59. 341 210 053	65 86	247. 119 577 177	-	861. 611 656 660 892. 803 064 643			
	62. 453 152 404	67	266, 826 894 061		094. 003 004 043			
	65. 674 012 739		277. 200 835 353		12.4			
<u> </u>		L'.	200 ODG ODG	4.02				

zu 3% Procent.

	Zu Syllotent							
No. females	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.			
. 1	1. 037 5	35	72, 688 682 450		323. 195 151 177			
2	<b>2</b> . 113 906 <b>25</b>	36	76, 452 008 042	70	336. 352 469 346			
3	3. 230 677 734	37	80. 356 458 344	71	350. 003 186 947			
4	4. 389 328 149	38		72	364. 165 806 <b>457</b>			
5	5. 591 427 955 •			73	378. 859 524 199			
6	6. 838 606 503	40	92. 970 478 998	74	394. 104 256 357			
7	8. 132 554 247	41	97. 494 371 960	75	409. 920 665 970			
8	9. 475 025 031		102. 187 910 909	76	426. 330 190 944 443. 355 073 104			
9	10. 867 838 470		107. 057 457 568	77				
μo	12 882 413		112. 109 612 227	78	461. 018 388 346			
	13. 812 115 503 15. 367 569 835		117. 351 222 685 12 <b>2</b> . 789 393 536	79 80	479. 344 077 909 498. 356 980 830			
_		_						
B1 1	16. 981 353 703 18. 655 654 467 .		128. 431 495 793 134. <b>2</b> 85 176 886	81 82	518. 082 867 611 538. 548 475 147			
	20. 392 741 510		140. 358 371 019		559. 781 542 965			
l								
14 1	22. 194 969 316 24. 064 780 666		146. 659 309 932 1153. 196 534 055	84 85	581. 810 850 826 604. 666 257 732			
11 1	26. 004 709 941	_	159. 978 904 082	86	628. 378 742 397			
	28. 017 386 564		167. 015 612 985	87	652, 980 445 237			
	30. 105 538 560		174. 316 198 472	88	678, 504 711 933			
<b>1</b> 1 1	32, 271 995 256		181. 890 555 914	89	704. 986 138 631			
$\overline{22}$	34. 519 696 115		189. 748 951 761	90	732, 460 618 829			
	36. 851 684 720		197. 902 037 452	91	760. 965 392 036			
<b>48</b> 4 !	39. 271 122 897		206. 360 863 857	92	790.,539 094 237			
$\overline{25}$	41. 781 290 005		215, 136 896 251	93	821, 221 810 271			
	44. 385 588 380		224, 242 029 861	94	853. 055 128 156			
27	47. 087 547 945	61	233. 688 605 980	95	886. 082 195 462			
28	49. 890 830 993	62	243. 489 428 705	96	920. 347 777 792			
29	52. 799 <b>237</b> 155		253. 657 782 281	97	955. 898 319 459			
30	55. 816 708 548		264. 207 449 117	98	992. 782 006 438			
31	58. 947 335 119	65	275. 152 728 459	99	1031. 048 831 680			
32	6 <b>2</b> . 195 360 186				1070. 750 662 868			
	65. 565 186 193	67	298. <b>290 022 867</b>	101				
34	69. 061 380 675	68	310. 513 398 <b>725</b>	102				

#### zu 4 Procent

Ž,	Alle Einlagen	sis	d mit den Zinse	n ne	ach Jahren:			
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.			
1	1. 04	35	76. 598 313 850	69	363. 290 458 756			
2	2. 121 6	36	80. 702 246 403	70	378. 862 977 106			
3	3. 246 464	37	84. 970 336 260	71	395. 056 560 191			
4	4. 416 322 56	38 39	89. 409 149 710 94. 025 515 698	72 73	411. 898 822 598 429. 414 775 502			
5 6	5. 632 975 462 6. 898 294 481	39 40	98. 826 536 326	74	447. 631 366 522			
7	8. 214 226 260	41	103. 819 597 779	75	466, 576 621 183			
8	9. 582 795 311	42	109, 012 381 691	76	486. 279 686 030			
- 11	11. 006 107 123	43	114. 412 876 958	77	506. 770 873 472			
10	12. 486 351 408	44	120. 029 392 037	78	528. 081 708 410			
184 JI	14. 025 805 464	45	125. 870 567 718	79	550. 244 976 747			
12	15. 626 837 683	46	131. 945 390 427	80	573. 294 775 817			
<b>LIB</b> I - 11	17. 291 911 190	47	138. 263 206 044	81	597. 266 566 849			
1 <b>8</b> 1 11	19. 023 587 638	48	144. 833 734 286	82	622. 197 229 523 648. 125 118 704			
	20. 824 531 143	<b>49</b>	151. 667 083 657	83				
<b>181</b> 11	22. 697 512 389	50	158. 773 767 003	84 85	675. 090 123 452 703. 133 728 391			
184 II	24. 645 412 884 26. 671 229 400	51 52	166. 164 717 683 173. 851 306 391	86	732, 299 077 526			
HII	28. 778 078 576	53	181. 845 358 646	87	762, 631 040 627			
	30. 969 201 719	54	190. 159 172 992	88	794. 176 282 252			
	33. 247 969 788	55	198. 805 539 912	89	826. 983 333 542			
22	35. 617 888 579	56	207.797 761 508	90	861. 102 666 884			
IB) !!	38. 082 604 122	57	217, 149 671 969	91	896. 586 773 559			
24	40. 645 908 287	<b>5</b> 8	226. 875 658 847	92	933. 490 244 502			
25	43. 311 744 619	59	236. 990 685 201	93	971. 869 854 282			
111	46. 084 214 403	60	247. 510 312 609	94	1011. 784 648 453			
27	48. 967 582 980	61	258. 450 725 114	95	1053. 296 034 391			
IN II	51. 966 286 299	$\bf 62$	269. 828 754 118	96	1096. 467 875 767			
III — ~ II	55. 084 937 751	63	281. 661 904 283	97	1141, 366 590 798 1188, 061 254 430			
-	58. 328 335 261	64	293. 968 380 454	<u></u>				
181 11	61. 701 468 671	65	306. 767 115 673	99	1236, 623 704 607 1287, 128 652 791			
1911	65. 209 527 418 68. 857 908 515	66 67	320. 077 800 299 333. 920 912 311	101	1201. 120 002 791			
188	72. 652 224 855	,	348. 317 748 804					

zu 41 Procent.

	5			_				
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
ahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	ahre	Werth.			
ī	1. 042 4	35	80. 751 433 042	69	408. 917 112 888			
2	2, 129 306 25	36	85. 225 868 946	70	427. 338 590 186			
3	3. 262 301 766	37	89. 890 468 376	71	446. 542 980 269			
4	4. 443 449 591	38	94. 753 313 282	72	466. 563 556 930			
5 6	5. 674 796 198 6. 958 475 037	39 40	99. 822 829 097  105. 107 799 333	73 74	487. 435 008 100 509. 193 495 944			
		41	110. 617 380 805	75	531. 876 719 522			
7 8	8. 296 710 226 9. 691 820 410		116, 361 119 489	76	555. 523 980 101			
9	11146 222 778		122. 348 967 067	77	580. 176 249 255			
10	12. 662 437 246	44	128. 591 298 168	78	605. 876 239 849			
11	14. 243 090 829	15	135. 098 928 340	79	632. 668 480 042			
12	15. 890 922 189	46	141. 883 132 794	80	660. 599 390 <b>444</b>			
13	17. 608 786 382	17	148. 955 665 938	81	689. 717 364 538			
<b>.</b> (		<b>48</b>	156. 328 781 740	82	720. 072 852 531			
15	21. 266 645 345	49	164 015 254 964	83	751. 718 448 764			
	23. 212 977 772	50	172. 028 403 300	84	784. 708 982 836			
	25. 242 029 327.	51	180. 382 110 441	85	819. 101 614 607			
	27. 357 315 574		189. 090 850 134	86	854. 955 933 227			
	29. 562 501 486		198. 169 711 265	87	892. 334 060 389 931. 300 757 956			
	31. 861 407 799 34. 258 017 630		207. 634 423 994 217. 501 387 014	88 89	931. 300 757 950 971. 923 540 169			
	36. 756 483 380		227. 787 695 962	90	1014, 272 790 626			
	39. 361 133 923		238, 511 173 040	90 91	1058. 421 884 228			
	42. 076 482 115		249. 690 397 894	92	1104. 447 314 308			
25	44. 907 232 605	59	261. 344 739 805	93	1152. 428 825 166			
<b>2</b> 6	47. 858 289 991		273. 494 391 246	94	1202. 449 550 235			
27	50. 934 767 315	81	<b>286</b> . 160 40 <b>2</b> 87 <b>4</b>	95	1254. 596 156 120			
28	54. 141 994 926	62	299. 364 719 997	96	1308. 958 992 755			
29	57. 485 529 710		313. 130 220 596	97	1365. 632 249 947			
30	60. 971 164 723	64	327. 480 754 972	98	1424. 714 120 570			
31	64. 604 939 224	65	342. 441 187 058	99	1486. 306 970 694			
	68. 393 149 141				1550. 517 516 949			
	72. 342 357 979 76. 459 408 193	67	374. <b>296</b> 528 602 391. <b>246</b> 631 068					
	10. 400 400 183	00	391. Z4U U31 UUS	102	1			

zu 4½ Procent.

	4.	-	****		
	Alle Einlage	ı si	nd mit den Zinse	en n	ach Jahren:
Sahre.	Werth.	ahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
7	1. 045	35	85. 163 965 811	69	
2	2. 137 025	36			
3	3. 278 191 125	37	95. 138 204 764	71	505. 418 236 810
4	33	38			
5	•	39	11	73	
6		40	111. 846 687 595	74	
7	8. 380 013 619	41	117. 924 788 537	75	1
, 8 9	9. 802 114 231 11. 288 209 372	42 43	11	76 77	635, 559 969 337 665, 205 167 957
I —	<del>-</del>	-			
10	12. 841 178 794 14. 464 031 839	44	137. 849 965 101	78	696. 184 400 515
12	16. 159 913 272	45 46	145. 098 213 531 152. 672 633 140	79 80	728. 557 698 538 762. 387 794 972
<b>!</b>		-1			
13 14	17. 932 109 369 19. 784 054 291	47 48	160. 587 901 631 168. 859 35 <b>7 20</b> 4	81 82	797. 740 245 746 834. 683 556 805
15	21. 719 336 734	19	177. 503 028 279		873. 289 316 861
16	23. 741 706 887	50			
17	25. 855 083 697	50 51	195. 974 769 456	84 85	
18	28. 063 562 463	52	205. 838 634 082		999, 846 376 851
19	30. 371 422 774	$\frac{1}{53}$	216. 146 372 615	87	1045, 884 463 810
20	32. 783 136 799	54	226. 917 959 383	88	
21	35. 303 377 955	55	238. 174 267 555	89	1144. 269 006 592
$\overline{22}$	37. 937 029 963	56	249. 937 109 595	90	1196, 806 111 888
23	10. 689 196 311	57	262. 229 279 527	91	1251. 707 386 <b>923</b>
24	43. 565 210 145	58	275. 074 597 106	92	1309. 079 219 335
<b>2</b> 5	46. 570 644 602	59	288. 497 953 975	93	1369. 032 784 205
26	49. 711 323 609	60	302. 525 361 904	94	
27	52. 993 333 171	ő1	317. 184 003 190	95	1497. 155 051 171
28	56. 423 033 164	62	332. 502 283 <b>33</b> 3	96	1565. 572 028 474
29	60. 007 069 656	63	348. <b>509</b> 886 083	97	1637. 067 769 755
30	63. 752 387 791	64	365. <b>237</b> 830 957	98	1711. 780 819 394
31	67. 666 245 242	65	382. 718 533 350	99	1789. 855 956 267
32	71 756 226 277			100	1871. 444 474 299
	76. 030 256 460	67 ce	420. 075 231 382		
.54	80. 496 618 001	108	140. 023 616 794	102	

zu 4% Procent

1	5	200		CH 34	
	Alle Einlagen	si/	sd mit den Zinse	n n	ach Jahren:
Jahre	·Werth.	Jahre.	Werth.	whre.	Werth.
	1. 047 5	3a	89. 852 893 501	09	520. 058 849 498
2	2. 144 756 25	36	95. 168 405 942		545. 809 144 849
3	3. 294 132 172	37	100. 736 405 224	71	572. 782 579 229
4	4. 498 103 450	38	106. 568 884 472	72	601. 037 251 742
5 6	5. 759 263 364 7. 080 328 374	39 40	112. 678 406 485 119. 078 130 793	73 74	630. 634 021 200
					661. 636 637 207
7 8	8. 464 143 971 9. 913 690 810	41 42	125. 781 842 005  132. 803 979 501	75 76	694. 111 877 474
9	11. 432 091 124	4:	140. 159 668 <b>52</b> 7	77	728. 129 691 655 763. 763 352 008
10	13. 022 615 452	-	147. 864 752 782	78	
11	14. 688 689 686	4 . 4 :	155, 935 828 539	79	801. 089 611 228 840. 188 867 762
12	16. 433 902 446	41	164. 390 280 395	80	881. 145 338 981
13	18. 262 012 812	47	173. 246 318 713	81	921. 047 242 582
14	20. 176 958 421	48	182. 523 018 852	82	968. 986 986 605
15	22. 182 863 946	49	192. 240 362 248	83	1016. 061 368 468
16	24. 284 049 983	50	202, 419 279 455	84	1065, 371 783 471
17	26. 485 042 357	51	213. 081 695 229		1117. 024 443 186
18	28. 790 581 869	52	<b>224</b> . <b>2</b> 50 575 752	86	1171. 130 604 237
19	31. 205 634 508	<del>5</del> 3	235, 949 978 100	87	1227. 806 807 938
	33. 735 402 147	54	248. 205_102 060	88	1287. 175 131 315
21	36. 385 333 749	55	261. 042 <sup>3</sup> 44 408	89	1349. 36 <b>3 4</b> 50 0 <b>5</b> 3
22	39. 161 137 102	ວັບ	274. 489 355 767	90	1414. 505 713 930
23	42. 068 791 115	57	288. 575 100 166	91	
24	<u>45. 114 558 693</u>	58	303. 329 917 424	92	1554. 219 991 521
25	48. 305 000 231	59	318. 785 588 502	93	1629. 092 941 118
	51. 646 987 742	60	334. 975 403 955		1707. 522 355 821
27	55. 147 719 659	61	351. 934 235 643	95	1789. 677 167 722
28	58. 814 736 343	62	<b>369</b> . 698 611 836	96	1875. 734 333 189
29 30	62. 655 936 319 66. 679 593 295	63 84	388. 306 795 899  4 <b>0</b> 7. 798 868 7 <b>04</b>	1	1965. 879 214 016
		64		98	2060. 305 976 682
$\frac{31}{32}$	70. 86 33 976 75. 30 6 740	65 80	428. 216 814 967		
33	75. 30 <b>9.55</b> 6 740 79. 934 051 185	60 67	449. 604 613 678 472. <b>60</b> 8 332 <b>8</b> 2°	100 01	2262. 828 366 076
	84. 778 418 616		495. 477 228 637		
		-			

zu 5 Procent

	Alle Einlagen	sir	id mit den Zinse	n n	ach Jahren:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
ì	1. 05	35	94. 836 322 719	69	
2	2. 152 5		100, 628 138 855	70	617. 954 936 240
3	3. 310 125		106. 709 545 798	71	649. 902 683 058
4	A. 525 631 25		113. 095 023 088	72	683. 447 817 211
5	5. 801 912 813		119. 799 774 242	73 74	718. 670 208 072 755. 653 718 475
0	7. 142 008 453	40	126. 839 762 955		
7	8. 549 108 876	41	134. 231 751 102	75	794. 486 404 399 835. 260 724 619
8	10. <b>026</b> 564 320 11. 577 892 536	42 43	141. 993 338 657 150. 143 005 590	76 77	878. 073 760 850
		-			
10	13. 206 787 162	14	158. 700 155 870	78 79	923. 027 448 892 970. 228 821 337
11 12	14. 917 126 520 16 712 982 846	45 46	167. 685 163 663 177. 119 421 847	80	1019. 790 262 404
_		4			1071. 829 775 524
	18. 598 631 989 20. 578 563 588	47 48	187. 025 392 939 197. 426 662 586	81 82	1126. 471 264 300
	22. 657 491 768	49	208. 347 995 715	83	1183. 844 827 511
_		50		84	1244. 087 068 891
	24. 840 366 356 27. 132 384 674	51	219. 815 395 501 231. 856 165 276	85	1307. 341 422 33
	29. 539 003 908	52	244. 498 973 540		1373. 758 493 45
	32, 065 954 103	53	257, 773 922 217	87	1443. 496 418 12
	34. 719 251 808	54	271. 712 618 327		1516. 721 239 03
	37. 505 214 398	55	286. 348 249 244	89	1593. 607 300 98:
22	40, 430 475 118	56	301. 715 661 706	<b>9</b> 0	1674. 337 666 03
1	43. 501 998 874	57	317. 851 444 791	91	1759. 104 549 33
	46. 727 098 818		334. 794 017 031		1848. 109 776 80
<b>2</b> 5	50. 113 453 759	59	352. 583 717 882	93	1941. 565 265 64
	53. 669 126 447	60	371. 262 903 777		2039. 693 528 92
	57. 402 582 769	61	390. 876 048 965	95	2142. 728 205 36
_	61. 322 711 908	$\overline{62}$	411. 469 851 414	96	2250. 914 615 63
	65. 438 847 503	63	433. 093 343 984	97	2364. 519 346 41
30	69. 760 789 878		455. 798 011 184	98	2483. 785 863 73
31	74, 298 829 372	65	479. 637 911 743	99	2609 25 156 92
[	79. 063 770 841		504. 669 807 330	100	274 26 414 77
	84, 066 959 383	67	530. 953 297 696	101	
34	89. 320 307 352	68	558. 5 <b>59</b> 962 581	102	*

zu 51 Procent.

-	47							
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jehre.	Werth.			
1	1. 052 5		100, 133 559 582	69				
2	2, 160 256 25		106. 443 071 460					
3	3. 326 169 703		113. 083 832 712	71				
4 5	4. 553 293 013 5. 844 841 527		120. 073 233 929 127, 4 <b>2</b> 9 578 711	72 73				
6	7. 204 195 707		135. 172 131 593	74	1			
7	8. 634 915 982	41	143. 321 168 502	75	910. 461 511 953			
8	10. 140 749 071	42	151. 898 029 848	76	II			
9	11. 725 638 397	43	100. 925 176 415	77	1010. 729 686 501			
10	13. 393 734 413	44	170. 426 248 177		1064. 845 495 042			
11	15. 149 405 470		180. 426 126 206		1121. 802 383 532			
	16. 997 249 257		190. 950 997 832		1181. 749 508 667			
	18. 942 104 843		202. 028 425 218		1244. 843 857 872			
	20. 989 065 <b>347</b> 23. 143 <b>491 278</b>		213. 687 417 542 225. 958 506 963		1311. 250 660 410 1381. 143 820 082			
_			238. 873 828 579		1454. 700 370 636			
B F	25. 411 024 570 27. 797 603 360		<b>252.</b> 467 204 579		1532. 130 955 098			
11 - · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	30. 309 477 536		266. 774 232 819		1613. 620 330 237			
19	32, 953 225 107	53	281. 832 380 042	87	1699. 387 897 575			
11 - B	35. 735 769 425		297. 681 079 995		1789. 658 262 197			
21	38. 664 397 320	55	31 <b>4. 3</b> 61 836 694	89	1884. 667 820 963			
22	41. 746 778 179	56	331. 918 333 121	90	1984. 665 381 563			
23	44. 990 984 034		350. <b>39</b> 6 545 610	91	2089. 912 814 095			
24	48. 405 510 696		369. 844 864 25 <b>4</b>		2200. 685 736 835			
1 -	51. 999 300 007		390. 314 219 627		2317. 274 238 019			
	55. 781 763 257 59. 762 805 828		411; 858 216 158 434, 533 272 506	94	2439. 983 635 515 2569. 135 276 380			
-		_						
	63. 952 853 134 68. 362 <u>8</u> 77 9 <b>24</b>		458. 398 769 313 483. 517 204 702		2705. 067 378 390 2848. 135 915 755			
30	73. 004 429 015	1 1	509. 954 357 948	98	2998. 715 551 332			
<b>  </b>	77. 889 661 538		537, 779 461 741	· · ·	3157. 200 617 777			
1 - I	83. 031 368 709				3324. 006 150 210			
	88. 443 015 629		<b>597. 288</b> 816 115		•			
34	94. 138 773 950	68	630. 330 478 961	102				

Summirter Anwachs, wenn man zu Anfange eines jeden Jahres ein Capital E ins auf Zinsen giebt, und auch die Zinsen jährlich zum Capitale schlägt. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 5½ Procent.

-	18							
	Alle Einlagen	si.	nd mit den Zinse	en n	ach Jahren:			
Jahre.	Werth	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth			
	1, 055	35		69				
2 3	2. 168 025 3. 342 266 375		112, 637 274 170 119, 887 <b>324 24</b> 9	70 71	794. 701 120 461 839. 464 682 086			
4	4. 581 091 026	38	127. 536 127 083	72	886. 690 239 601			
5	5. 888 051 032	39	135. 605 614 072	73				
ti	7. 266 893 839	40	144. 118 922 846	74	989. 076 428 932			
7	8. 721 573 000	41	153. 100 463 603	75	1044. 530 632 523			
8	10. 256 259 515 11. 875 353 788	42 43	162. 575 989 101 172. 572 668 502	76 77	1103. 034 817 312 1164. 756 732 264			
10	13. 583 498 247	14		78	1229. 873 352 539			
11	15. 385 590 650	45		79	32.4			
12	17. 286 798 136	16		80	1371. 047 813 <b>2</b> 09			
13	19. 292 572 033	47	218. 368 366 789	81	1447. 510 442 936			
	21. 408 663 495	48	231, 433 626 963		1528. 178 517 297			
-	23. 641 139 987	49	245. 217 476 446		1613. 283 335 749			
16 17	25. 996 402 687 28. 481 204 835	50 51	259: 759 437 650 275: 101 <b>206 72</b> 1	84 85	1703. 068 919 <b>2</b> 15 1797. 792 709 772			
18	31. 102 671 100	51 52	291. 286 773 091		1897. 726 308 809			
19	33. 868 318 011	53	308. 362 545 611	87				
20	36. 786 075 502	54	326, 377 485 619	88	2114. 384 849 862			
21	39. 864 309 654	55	345. <b>383 247 32</b> 8	89	2231. 731 016 605			
22	43. 111 846 685	56	365. 434 325 931	90	2355. 531 222 518			
$\frac{23}{24}$	46. 537 998 253 50. 152 588 157	57 58	386. 588 <b>213</b> 858 408. 905 565 620	91	2486. 140 439 757 2623. 933 163 943			
25	53. 965 980 505	59	432, 450 371 729	93				
26	57. 989 109 <b>43</b> 3	60	457. 290 142 174	93				
27	62. 233 510 452	61	483. 496 099 994	95	3084. 473 152 712			
28	66. 711 353 527	62	511. 143 385 493	96	3255. 174 176 111			
29	71. 435 477 971	63	540. 311 271 695	97	3435, 263 755 797			
30	76. 419 429 259	إسنا	571. 083 391 639	98	3625. 258 262 366			
31	81. 677 497 868 87. 224 760 251	65 66	603. 547 978 179		3825, 702 466 795 4037, 171 102 470			
1 1	93. 077 122 065	67	100,000,00	ALC: NO	4057. 171 102 470			
			712. 053 274 150					

Summirter Anwachs, wenn man zu Anfange eines jeden Jahres ein Capital Eins auf Zinsen giebt, und auch die Zinsen jährlich zum Capitale schlägt. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 5 Procent.

	49									
	Alle Einlagen sind mit den Zinsen nach Jahren:									
Jahre.	Wes	rth.	Jahre.	We		Jahre	W	ert	h.	
I	1.057	5	35	111, 753	157 8	25 69	852.	489 (	019	77 i
2		806 25		119, 236			902.			
3	3. 358	415 109	37	127, 150	061 1	03 71	955.	519 (	605	116
4				135. 518			1011.	519	182	410
5				144, 368			1070.			2
6	7. 330	106 571	40	153. 727	203 8	39 74	1133.	364 :	365	426
7	1	087 699					1199.			
8				174. 089			1269.			
0			_	185. 167			1343.	885	154	562
10				196. 861			1422.			
11				209, 238			1504.	_	-	- 1
12				222. 327			1592.	412	383	105
13				236. 168			1685.			
14				250. 805			1782.			- 4
15			-	266. 284			1886.			-
16				282, 653			1996.			
17				299. 963			2111.			
18			1	318. 269			2234.	420	283	740
19				337, 627			2363.			
20				358. 098			2500.		-	1
21	41. 108	430 011	25	379. 746	313 7	86 89	2645.	803	638	228
22				402. 639			2798.		-	
23				426. 848			2960.			1
24				<b>152. 449</b>			3132.			
25				479. 523			3313.			- 1
26				508. 153			3505.			
27			•	538. 429			3707.	U50 (	U7 <b>U</b>	080
28				570. 446			3921.			. '11
29	74. 664	493 428	63	604. 304	905 5	08 97			_	
30			3-	640. 109			4388.	JU4	148	000
31				677, 973			4641.			
32				718. 014			4909.	375	368	918
33				760 358			l			1
34	104. 070	144 988	808	805. 136	198 9	09:103	i			

Summirter Anwachs, wenn man zu Anfange eines jeden Jahres ein Capital Eins auf Zinsen giebt, und auch die Zinsen jährlich zum Capitale schlägt. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 6 Procent,

	50 	e de la constante de la consta	La la comp		
1	Alle Einlagen	si.	nd mit den Zinse	n n	ach Jahren:
shre.	Werth.	hre.	Werth.	Jahre.	Werth.
1	1.06	1	118. 120 860 <b>004</b>	69	966. 932 169 649
2 3	2. 183 6 3. 374 616	P I	126. 268 118 664 134. 904 205 784	70 71	1026. 008 099 828 1088. 628 585 818
4	4. 637 092 96	_	144. 058 458 131	72	1155. 006 309 967
5			153. 761 965 619	73	1225. 366 679 025
6			164. 047 683 556	74	1299. 948 679 767
7			174. 950 544 569	75	1379. 005 600 553
8 g			186. 507 577 243 198. 758 <del>03</del> 1 878	76 77	1462. 805 936 586 1551. 63 <b>4 292</b> 781
10			211. 743 513 791	78	1645. 792 350 348
11	15. 869 941 197	45	225. 5 <del>08</del> 124 <del>6</del> 18	79	1745. 599 891 369
12	17. 882 137 669	46	240. 098 612 095	80	1851. 395 884 851
13			255. 564 528 821	81	1963. 539 637 942
14 15			271. 958 499 550 289. 335 904 583	82 83	2082. 412 016 218 2208. 416 737 191
16			307. 756 058 858		2341. 981 741 423
17			327, 281 422 390	84 85	2483. 560 645 908
18			347. 978 307 733	86	2633. 634 284 663
19			369. 917 006 197	87	2792. 712 341 742
$\frac{20}{21}$			393, 172 026 569 417, 822 348 163	1	
$\frac{21}{22}$				89	3140. 075 187 182
23			443. 951 689 053 471. 648 799 <b>39</b> 6	1	3329. 539 698 413 3530. 372 08 <b>0</b> 317
24			501. 097 717 <b>82</b> 0		3743. 254 405 136
25			532. 128 180 88 <b>9</b>	93	3968. 909 669 445
$\frac{26}{27}$			565. 115 871 74 <b>2</b>		4208. 104 249 611
28		_	600. 082 824 047		4461. 650 504 588
28 29			637. 147 793 490 676. 436 661 099	- 1	4730, 409 534 863 5015, 294 106 955
30			718. 082 860 765		6317. 271 753 372
31	89. 889 778 031	บ่5	762. 227 832 411	99	5637. 368 058 575
32	96. 343 164 713	66	809. 021 502 355	100	5976. 670 142 089
			858. 622 792 497 911. 200 160 047		
2411	110. 204 110 014	voll	011. 400 100 04/1	102	

# Ill. Haupt-Tafel.

Diese Haupt-Tafel enthält den jetzigen baaren Werth eines erst später ohne Zinsen fälligen oder zahlbaren Capitals Eins, z. B. 1 Gulden, 1 Frank, Mark Banko u. s. w.

Diese 3te Haupt-Tafel besteht aus 25 einzelnen Täfelchen, von welchen eine jede nach einem besondern Zinsfusse und zwar von Einem bis mit hundert Jahren berechnet ist.

Mit Hilfe dieser Tafeln lassen sich Aufgaben den Folgenden ührlich, auflösen.

- a) Wie viel ist ein Capital, welches nach einer gewissen Zeit (ohne Zinsen) erst fällig oder zahlbar ist, jetzt werth? (Siehe §. 255, Seite 203.)
- b) Welchen Rabatt (Interusurium) hat man wegen Vorausnahme (Anticipation) eines erst später fälligen Capitals, in Rechnung zu bringen?
- c) Wie gross war das erst später gahlbare Capital, welches sofort mit einer gewissen Summe abgetragen wird? (Siehe §. 258, Seite 209.)
- d) Wenn ein bestimmtes, nach Jahren erst fällig werdendes Capital, sofort mit einer gewissen Summe und zu gegebenen Procenten voransbezahlt und rabattirt wurde, wie gross war die Zeit der Vorausnahme (Anticipation) (Siehe §. 260, Seite 210.)
- e) Zu wie viel Procenten wurde ein nach Jahren erst fälliges Capital rabattirt, wenn dasselbe sofort mit einer bestimmten Bumme baar abgetragen wurde! (Siehe §. 262, Seite 211.)

Die Haupt-Anleitung zur Auflösung dieser und aller ähnlichen Aufgaben findet man von §, 251 bis mit §, 263 angegeben.

Würde eine dieser 25 Täselchen sehlerhaft berechnet gesunden, so hat derjenige, welcher dem Versasser — oder der Verlagshandlung diesen Fehler zuerst anzuzeigen die Güte haben wird, einen vollwichtigen Ducaten zu erwarten.

# zu ! Procent.

5	1		desire to leave to the second		•
B	hin Capital Ein	s, (	velches später f	üllig	wird, ist jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth,
1	0. 997 506 234	35	0. 916 318 922	68	0. 841 739 467
2 3	0, 995 018 688 0, 992 537 344	36 37	0. 914 033 837 0. 911 754 451	70 71	0. 839 640 367 0. 837 546 500
-					
4 5	0. 990 062 189 0. 987 593 206	38 39	0. 909 480 749 0. 907 212 717	72 73	0. 835 457 856 0. 833 374 420
6	0. 985 130 380	40	0. 904 950 342	74	0. 831 296 179
7	0. 982 673 696	11	0, 902 693 608	75	0. 829 223 121
8		42	0. 900 442 501	76	0. 827 155 233
9	0. 977 778 691	43	0. 898 197 009	77	0. 825 092 502
10	0. 975 340 340	44	0. 895 957 116	78	0. 823 034 915
11	<b>0.972 908 070</b>	45	0. 893 722 809	79	0. 820 982 459
12	0. 970 481 8 <b>5</b> 5	46	0. 891 494 074	80	0. 818 935 121
13	0. 968 061 711	17	U. 889 270 897	81	0. 816 892 889
14	0. 965 647 592	18	0, 887 053 263	82	0. 814 855 749
15	0. 963 239 493	19	0. 884 841 161	83	0. 812 823 690
16		50	0. 882 634 574	84	0. 810 796 698
17 18	0, 958 441 297 0, 956 051 169	51 52	0. 880 433 490 0. 878 237 896	85 86	0. 808 774 761 0. 806 757 867
19	0. 953 667 001	53			
20	0. 951 288 779	54	0. 876 047 776 0. 873 863 118	87 88	0. 804 746 002 0. 802 739 154
21	0. 948 916 488	55	0. 871 683 909	89	0. 800 737 310
$\overline{22}$	0. 946 550 113	56	0. 869 510 133	90	0. 798 740 459
23	0. 944 189 639	57	0. 867 341 779	91	0. 796 748 588
24	0. 941 835 051	58	0. 865 178 832	92	0. 794 761 684
25	0. 939 486 335	59	0. 863 021 279	93	0. 792 779 734
26	0. 937 143 477	üΟ	0. 860 869 106	94	0. 790 802 727
27	0. 934 806 460	61	0. 858 722 300	95	0. 788 830 651
28		02	0. 856 580 848	96	0. 786 863 492
29	0. 930 149 897	<b>63</b>	0. 854 444 736	97	0. 784 901 239
30		64	0. 852 313 951	98	0. 782 943 879
31		ชอ์	0. 850 188 480	อง	0. 780 991 401
32 33		66 57	0. 848 068 309 0. 845 953 426	100	0. 779 043 791
34		68		101	
				all	A STATE OF THE PARTY OF THE PAR

#### zu { Procent.

	2	_			\ 
E	hin Capital Ein	8, 1	oelches späler f	üllig	wird, ist jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	W.crth.
1	0 995 024 876	35	0. 839 823 143	69	0. 708 829 427
2	0. 990 074 503	36	0. 835 644 919	70	0. 705 302 912
3	0. 985 148 759	37	0. 831 487 481	71	<b>0</b> . 701 793 <b>9</b> 42
4	0. 980 247 522	38	0. 827 350 728	72	0. 698 302 430
5	0. 975 370 668	39	0. 823 234 555	73	0. 694 828 289
6	0. 970 518 078	40	0. 819 138 861 ·	.74	0. 691 371 432
7	0. 965 689 630	41	0. 815 063 543	75	0. 687 931 773
8	0. 960 885 204	42	0.811 008 509	76	0. 684 509 227
9	0. 956 104 680	43	0. 806 973 632	77	0. 681 103 708
10	0. 951 347 941	44	0. 802 958 838	78	0. 677 715 133
11	0. 946 614 866	45	0. 798 964 018	79	0. 674 343 415
12	0. 941 905 340	46	0. 794 989 073	80	0. 670 988 473
13	0. 937 219 213	47	0. 791 033 903	81	0. 667 650 222
14	0. 932 556 461	48	0. 787 098 411	82	0. 664 328 579
15	0. 927 916 877	19	0. 783 182 499	83	0. 661 023 462
16	0. 923 300 375	50	0. 779 286 068	84	0. 657 734 788
17	0. 918 706 841	51	0. 775 409 023	85	0. 654 462 475
18	0. 914 136 160	52	0. 771 551 267	86	0. 651 206 443
19	0. 909 588 219	53	0. 767 712 703	87	0. 647 966 610
20	0. 905 062 904	54	0. 763 893 237	88	0. 644 742 896
21	0. 900 560 104	55	0. 760 092 773	89	0. 641 535 220
22	0. 896 079 705	56	0. 756 311 217	90	0. 638 343 502
23	0. 891 621 597	57	0. 752 548 475	91	0. 635 167 664
24	0. 887 185 669	58	0. 748 804 453	92	0. 632 007 626
25	0. 882 771 810	59	0. 745 079 057	93	0. 628 863 309
26	0. 878 379 910	üΟ	0. 741 372 196	94	0. 625 734 636
27	0. 874 009 861	<b>ម</b> 1	0. 737 683 777	95	0. 622 621 528
28	0. 869 661 553	<b>52</b>	0. 734 013 709	.96	0. 619 523 909
29	0. 865 334 879	63	0. 730 361 899	97	0. 616 441 700
30	0. 861 029 730	64	0. 726 728 258	98	0. 613 374 826
31	0. 856 746 000	<b>ប</b> 5	0. 723 112 695	99	0. 610 323 210
32	0. 852 483 582	66	9. 719 515 119	100	0. 607 286 776
33	0. 848 242 370	67	0. 715 935 442	101	
34	0. 844 022 259	68	0. 712 373 574	102	

## zu i Procent.

(Base)					
E	in Capital Ein	, ,	oelc <b>hes s</b> päter fe	ällig	wird, ist jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.
1	0. 992 555 831	35	0. 769 880 078	69	0. 597 160 699
2	0. 985 167 978	36	0. 764 148 961	70	0. 592 715 334 0. 588 303 061
3	0. 977 833 328	37	0. 758 460 507	71	
4	0. 970 554 172	38	0. 752 814 399 0. 747 210 321	72 73	0. 583 923 634 0. 579 576 808
5 6	0. 963 329 203 0. 956 158 018	39 40	0. 741 647 962	74	0. 575 262 340
7	0. 949 040 216	41	0. 736 127 009	75	0. 570 979 990
8	0. 941 975 401	42	0. 730 647 155	76	0. 566 729 519
9	0. 934 963 177	43	0. 725 208 095	77	0. 562 510 689
10	0. 928 003 153	44	0, 719 809 523	78	0. 558 323 264
11	0. 921 094 941	45	0. 714 451 140	79	0. 554 167 012
12	0. 914 238 155	46	0. 709 132 645	80	0. 550 041 699
13	0. 907 432 412	47	0. 703 853 742	81	0. 545 947 096
14	0. 900 677 332	48	0. 698 614 136	82	0. 541 882 974
15	<b>0.</b> 89 <b>3 972 53</b> 8	49	0. 693 413 534	83	0. 537 849 105
16	0. 887 317 655	50	0. 688 251 647	84	0. 533 845 266
17	0. 880 712 313	51	0. 683 128 186	85	0. 529 871 232
18	0. 874 156 142	<b>52</b>	0. 678 042 864	86	0. 525 926 781
19	0. 867 648 776	53	0. 672 995 399	87	0. 522 011 693
20	0. 861 189 852 0. 854 779 010	54 55	0. 667 985 507 0. 663 012 911	88 89	0. 518 125 750 0. 514 268 734
21					
22 23	0. 848 415 891	56 57	0. 658 077 331	90 91	0. 510 440 431 0. 506 640 626
24	0. 842 100 139 0. 835 831 404	58	0. 653 178 <b>4</b> 92 0. 648 316 121	91	0. 502 869 108
<b>2</b> 5		59		93	0. 499 125 666
25 26	0. 829 609 334 0. 823 433 582	эу 60	0. 643 489 946 0. 638 699 699	93	0. 495 125 000
27	0. 817 303 804	61	0. 633 945 110	95	0. 491 722 174
<b>2</b> 8	<b>6.811 219 656</b>	62	0. 629 225 916	96	0. 488 061 711
29	0. 805 180 800	63	0. 624 541 852	97	0. 484 428 497
30	0. 799 186 898	64	0. 619 892 657	98	0. 480 822 330
31	0. 793 237 616	65	0. 615 278 072	99	0. 477 243 007
32	0. 787 332 622	66	0. 610 697 838	100	0. 473 690 330
33	0. 781 471 585	67	0. 606 151 700	101	
34	0. 775 654 178	68	0. 601 639 404	102	

# zu 1 Procent

			Charles when the Control				
E	Ein Capital Eins, welches später fällig wird, ist jeizt:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1	0. 990 099 010	35	0. 705 914 199	69	0. 503 298 005		
2	0. 980 296 049	36 37	0. 698 924 950	70 71	0. 498 314 857 0. 493 381 046		
3	0. 970 590 148		0. 692 004 901				
4 5	0. 960 980 344	38 39	0. 685 153 367 0. 678 369 670	72 73	0. 488 496 085 0. 483 659 490		
6	0. 951 465 688 0. 942 045 <b>2</b> 35	39 40	0. 671 653 139	74	0. 478 870 782		
7	0. 932 718 055	41	0. 665 003 108	75	0. 474 129 488		
8	0. 932 718 055 0. 923 483 222	41 42	0. 658 418 919	76	0. 469 435 136		
2	0. 914 339 824	43	0. 651 899 919	77	0. 464 787 264		
10	0. 905 286 955	14	0. 645 445 465	78	0. 460 185 410		
iil	0. 896 323 718	15	0. 639 054 916	79	0. 455 629 118		
12	0. 887 449 225	46	0, 632 727 639	80	0. 451 117 939		
13	0. 878 662 599	17	0. 626 463 009	81	0. 446 651 425		
14	0. 869 962 970	48	0. 620 260 405	82	0. 442 229 133		
15	0. 861 349 475	49	0. 614 119 213	83	0. 437 850 627		
16	0. 852 821 262	50	0. 608 038 825	.84	0. 433 515 472		
17	0. 844 377 487	51	0. 602 018 638	85	0. 429 223 240		
18	0. 836 017 314	<b>52</b>	0. 596 058 058	86	0. 424 973 505		
19	0. 827 739 915	53	0. 590 156 493	87	0. 420 765 846		
20	0. 819 544 470	54 55	0. 584 313 359	88 89	0. 416 599 848 0. 412 475 097		
$\frac{21}{20}$	0. 811 430 169		0. 578 528 078				
22	0. 803 396 207	56	· ·	90	0. 408 391 185 0. 404 347 708		
23 24	0. 795 441 789 0. 787 566 127	57 56	0. 567 128 790 0. 561 513 653	91 92	0. 400 344 265		
$\frac{\mathbf{z}}{25}$	0. 779 768 443	59	0. 555 954 112	93	0. 396 380 461		
26	0. 772 047 963	60	0. 550 449 616	94	0. 392 455 902		
27	0. 764 403 924	61	0. 544 999 620	95	0. 388 570 200		
28	0. 756 835 568	62	0. 539 603 584	96	0. 384 722 970		
29	0. 749 342 147	63	0. 534 260 974	97	0. 380 913 832		
30	0. 741 922 918	64	0. 528 971 262	98	0. 377 142 408		
31	0. 734 577 146	<u>υ5</u>	0. 523 733 922	99	0. 373 408 324		
32	0. 727 304 105	66	0. 518 548 438	100	0. 369 711 212		
33	0. 720 103 075	67	0. 513 414 295	101			
34	0. 712 973 341	68	0. 508 330 985	102	v		

#### zu 11 Procent.

5:	}				
E	in Capital Ein	8, 1	oclches später f	ällig	wird, ist jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
1		35	0. 647 401 772	69	0, 424 368 168
2	0. 975 461 058	36	0.639 409 158	70 71	0. 419 129 055 0. 413 954 622
3		37	0. 631 515 218		
4 5	0. 951 524 275 0. 939 777 062	38 39	0. 623 718 733 0. 616 018 502	72 73	0. 408 844 071 0. 403 796 613
6	0. 939 77 002	40	0. 608 413 335	74	0. 398 811 470
7	0, 916 715 927	41	0. 600 902 060	75	0, 393 887 872
8	0. 905 398 446	42	0. 593 483 516	76	0. 389 025 058
9	0. 894 220 688	43	0. 586 156 559	77	0. 384 222 280
10	0. 883 180 926	44	0. 578 920 058	78	0. 379 478 795
11	0, 872 277 458	45	0. 571 772 897	79	0. 374 793 872
12	0. 861 508 600	46	0. 564 713 972	80	0. 370 166 787
13	0. 850 872 692	47	0. 557 742 195	81	0. 365 596 826
14	0. 840 368 091	<b>4</b> 8	0. 550 856 489	82	0. 361 083 285
15	0. 829 993 176	49	0. 544 055 791	83	0. 356 625 467
16	0. 819 746 347	50	0. 537 339 053	84	0. 352 222 683
17	0. 809 626 021	51	0. 530 705 238	85	0. 347 874 255
18	0. 799 630 638	52	0. 524 153 321	86	0. 343 579 511
19	0, 789 758 655	53	0. 517 682 292	87	0. 339 337 789
$\begin{array}{c} 20 \\ 21 \end{array}$	0. 780 008 548 0. 770 378 813	54 55	0. 511 291 153 0. 504 978 917	88 89	0. 335 148 434 0. 331 010 799
$\begin{array}{c} 22 \\ 23 \end{array}$	0. 760 867 964 0. 751 474 532	56 57	0. 498 744 609 0. 492 587 268	90 91	0. 326 924 246 0. 322 888 144
24 24	0. 742 197 069	58	0. 486 505 944	92	0. 318 901 870
<u>25</u>	0. 733 034 142	59	0. 480 499 698	93	0. 314 964 810
$\frac{23}{26}$	0. 723 984 338	60	0. 474 567 603	94	0. 311 076 356
27	0. 715 046 259	61	0. 468 708 743	95	0. 307 235 907
$\overline{28}$	0. 706 218 528	62	0. 462 922 216	96	0. 303 442 871
29	0. 697 499 781	63	0. 457 207 127	97	0. 299 696 663
30	0. 688 888 672	64	0. 451 562 594	98	0. 295 996 704
31	0. 680 393 874	65	0. 445 987 747	99	0. 292 342 424
32	0. 671 984 073	66		100	0. 288 733 258
33	0. 663 687 973	67	0. 435 043 680	101	
34	0. 655 494 294	681	0. 429 672 770	1102	l

## zu 1½ Procent

0.0		-	THE RESERVE OF THE PERSON NAMED IN	engeno	The second second
E	in Capital Ein	, 1	oelches später f	üllig	wird, ist jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.
1		35	0. 593 806 081	69	0. 357 907 076
2	0. 970 661 749	36	0. 585 089 735	70	0. 352 676 923
3	0. 956 316 994	37	0. 576 443 089	71	0. 347 464 948
4	0. 942 184 230	38	0. 567 924 226	72	0. 342 329 998
5 6	0. 928 260 325 0. 914 542 193	39	0. 559 531 257 0. 551 262 322	73	0. 337 270 934
		40		74	0. 332 286 635
7 8	0. 901 026 791	41	0. 543 115 588	75	0. 327 375 995
9	0. 887 711 124 0. 874 592 240	42 43	0. 535 089 249 0. 527 181 526	76 77	0. 322 537 926 0. 317 771 356
10 11	0. 861 667 232 0. 848 933 233	44 45	0. 519 390 666 0. 511 714 942	78 79	0. 313 075 227 0. 308 448 500
12	0. 836 387 422	46	0. 504 152 653	80	0. 303 448 300
13	0. 824 027 017	47	0. 496 702 121	81	0. 299 399 160
14	0. 811 849 277	48	0. 489 361 695	82	0. 294 974 542
15	0. 799 851 505	49	0. 482 129 749	83	0. 290 615 312
16	0. 788 031 039	50	0. 475 004 679	84	0. 286 320 505
17	0. 776 385 260	51	0. 467 984 905	85	0. 282 089 167
18	0. 764 911 587	<b>52</b>	0. 461 068 872	86	0. 277 920 362
19	0. 753 607 474	53	0. 454 255 047	87	0. 273 813 164
20	0. 742 470 418	54	0. 447 541 918	88	0. 269 766 664
21	0. 731 497 949	55	0. 440 927 998	89	0. 265 779 965
22	0. 720 687 634	56	0. 434 411 820	90	0. 261 852 182
23	0. 710 037 078	57	0. 427 991 941	91	0. 257 982 446
24	0. 699 543 920	58	0. 421 666 937	92	0. 254 169 897
25	0. 689 205 832	59	0. 415 435 406	93	0. 250 413 692
26	0. 679 020 524	60	0. 409 295 967	94	0. 246 712 997
27	0. 668 985 738	61	0. 403 247 258	95	0. 243 066 992
28	0. 659 099 249	62	0. 397 287 939	96	0. 239 474 869
29 30	0. 649 358 866	63	0. 391 416 688	97	0. 235 935 831
30	0. 639 762 430	64	0. 385 632 205	98	0. 232 449 095
31	0. 630 307 813	65	0. 379 933 207	99	0. 229 013 887
32 33	0. 620 992 919 0. 611 815 684	66	0. 374 318 431	100	0. 225 629 445
34	0. 602 774 073	67 68	<b>0. 368</b> 786 631 <b>0. 363</b> 336 583	101 102	
	0.002117013	EUOI	v. 303 330 383	1112	

#### zu 13 Procent.

	24 17 110 cent.						
I	Ein Capital Ein	s, 1	velc <b>hes späte</b> r f	üll <b>i</b> g	wird, üt jetzt:		
Jahre.	Werth.	fahre	Werth.	Jahre	Werth.		
1	0. 982 800 983	35	0. 544 873 107	69	1 -		
2 3	0. 965 897 772 0. 949 285 279	36 37	0. 535 501 826 0. 526 291 720	70 71	0. 296 886 703 0. 291 780 544		
<b>!</b> !							
4 5	0. 932 958 506 0. 916 912 536	38 39	0. 517 240 020 0. 508 344 000	72 73	0. 286 762 205 0. 281 830 177		
6	0. 901 142 542	40	0. 499 600 983	74	0. 276 982 975		
7	0. 885 643 776	41	0. 491 008 337	75	0. 272 219 140		
8	0. 870 411 573	42	0. 482 563 476	76	0. 267 537 238		
9	0. 855 441 349	43	0. 474 263 859	77	0. 262 935 861		
10	0. 840 728 599	44	0. 466 106 986	78	0. 258 413 622		
11 12	0. 826 268 893 0. 812 057 880	45 46	0. 458 090 404 0. 450 211 700	79 80	0. 253 969 162 0. 249 601 142		
13 14	0. 798 091 283 0. 784 364 897	47 48	0. 442 468 501 0. 434 858 477	81 82	0. 245 308 248 0. 241 089 187		
15	0. 770 874 592	<b>49</b>	0. 427 379 339	83	0. 236 942 690		
16	0. 757 616 307	50	0. 420 028 834	84	0. 232 867 509		
17	0. 744 586 051	51	0. 412 804 751	85	0. 228 862 416		
18	0. 731 779 902	52	0. 405 704 915	86	0. 224 926 208		
19	0. 719 194 007	53	0. 398 727 189	87	0. 221 057 698		
20	0. 706 824 577	54	0. 391 869 474	88	0. 217 255 723		
21	0. 694 667 889	55	0. 385 129 704	89	<b>0.213 519 138</b>		
22	0. 682 720 284	56	0. 378 505 851	90	0. 209 846 819		
23 24	0. 670 978 166 0. 659 438 001	57 58	0. 371 995 923 0. 365 597 958	91 92	0. 206 237 659 0. 202 690 574		
25 25	0. 648 096 316	59	0. 359 310 033	93	0. 199 204 496		
26	0. 636 949 696	อช 60	0. 353 130 253	93	0. 199 204 490 0. 195 778 374		
27	0. 625 994 787	61	0. 347 056 760	95	0. 192 411 179		
28	0. 615 228 292	62	0. 341 087 725	96	0. 189 101 895		
29	0. 604 646 970	63	0. 335 221 351	97	0. 185 849 529		
30	0. 594 247 636	64	0. 329 455 874	98	0. 182 653 099		
31	_	65	0. 323 789 556	99	0. 179 511 646		
32	0. 573 982 468	66	0. 318 220 694	100	0. 176 424 222		
32 33 34	0. 564 110 534 0. 554 408 387	67 68	0. 312 747 611 0. 307 368 659	101 102	1		
2 2 11	J. JUZ 100 JOT	2011	0. 001 000 003	- V 24,			

#### zu 2 Procent,

56	The second second	-		enerity.	the state of the state of			
E	Ein Capital Eine, welchce später füllig wird, ist jetzt:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.			
1	0. 980 392 157	35	0. 500 027 613	69	0. 250 027 614			
2	0. 961 168 781	36	0. 490 223 150	70				
3	0. 942 322 335	37	0. 480 610 932	71	0. 245 125 112			
	0. 923 845 426	38	0. 471 187 188	72	0. 240 318 737			
5	0. 905 730 810	39	0. 461 948 223	73	0. 235 606 605			
6	0. 887 971 382	40	0. 452 890 415	74	0. 230 986 868			
7	0. 870 560 179	41	0. 444 010 211	75	0. 226 457 713			
8	0. 853 490 371	42	0. 435 304 128	76	0. 222 017 366			
9	0. 836 755 266	43	0. 426 768 753	77	0. 217 664 084			
10	0. 820 348 300	44	0. 418 400 739	78	0. 213 396 161			
11	0. 804 263 039	45	0. 410 196 803	79	0. 209 211 923			
12	0. 788 493 176	46	0. 402 153 728	80	0. 205 109 728			
13	0. 773 032 525	47	0. 394 268 361		0. 201 087 969			
14	0. 757 875 025	48	0. 386 537 609	82	0. 197 145 067			
15	0. 743 014 730	49	0. 378 958 440	83	0. 193 279 478			
16	0. 728 445 814	50	0. 371 527 882	84	0. 189 489 684			
17	0. 714 162 562	51	0. 364 243 022	85	0. 185 774 200			
18	0. 700 159 375	52	0. 357 101 002	86	0. 182 131 569			
19	0. 686 430 760	53	0. 350 099 021	87	0. 178 560 362			
20	0. 672 971 333	54	0. 343 234 335	88	0. 175 059 178			
21	0. 659 775 817	55	0. 336 504 250	89	0. 171 626 645			
22	0. 646 839 036	56	0. 329 906 127	91	0. 168 261 417			
23	0. 634 155 918	57	0. 323 437 379	91	0. 164 962 173			
24	0. 621 721 488	58	0. 317 095 470	93	0. 161 727 621			
25	0. 609 530 871	59	0. 310 877 912		0. 158 556 491			
26	0. 597 579 285	60	0. 304 782 266	94	0. 155 447 540			
27	0. 585 862 044	61	0. 298 806 144	95	0. 152 399 549			
28	0. 574 374 553	62	0. 292 947 200	96	0. 149 411 323			
29	0. 563 112 307	63	0. 287 203 137	97	0. 146 481 689			
30	0. 552 070 889	64	0. 281 571 703	98	0. 143 609 499			
31	0. 541 245 970	65	0. 276 050 689	99	0. 140 793 627			
32	0. 530 633 304	66	0. 276 637 930		0. 138 032 967			
33 34	0. 520 228 729	67 68	0. 265 331 304	101 102	-			

#### zu 21 Procent.

69	7.72				****		
E	Ein Capital Eins, welches spüter fällig wird, ist jetzt:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth		
1	0. 977 995 110	35	0. 458 969 595	69	0. 215 392 784		
2	0. 956 474 435	36	0. 448 870 020	70	0. 210 653 089		
3	0. 935 427 321	37	0. 438 992 684	71	0. 206 017 691		
4	0. 914 843 345	38	0. 429 332 699	72	0. 201 484 295		
5	0. 894 712 318	39	0. 419 885 280	73	0. 197 050 655		
6	0. 875 024 272	<b>4</b> 0	0. 410 645 750	74	0. 192 714 577		
7	0. 855 769 459	41	0. 401 609 536	75	0. 188 473 914		
8	0. 836 938 346	42	0. 392 772 162	76	0. 184 326 566		
9	0. 818 521 610	43	0. 384 129 254	77	0. 180 270 480		
10	0. 800 510 132	44	0. 375 676 532	-78	0. 176 303 648		
11	0. 782 894 995	45	0. 367 409 811	79	0. 172 424 106		
12	0. 765 667 477	<b>4</b> 6	0. 359 324 999	80	0. 168 629 932		
13	0. 748 819 048	47	0. 351 418 092	81	0. 164 919 249		
14	0. 732 341 367	48	0. 343 685 175	82	0. 161 290 210		
15	0. 716 226 276	19	0. 336 122 421	83	0. 157 741 046		
16	0. 700 465 796	50	0. 328 726 084	84	0. 154 269 971		
17	0. 685 052 123	51	0. 321 492 503	85	0. 150 875 278		
18	0. 669 977 626	52	0. 314 418 095	86	0. 147 555 284		
19	0. 655 234 842	53	0. 307 499 360	87	0. 144 308 346		
20	0. 646 816 472	54	0. 300 732 870	88	0. 141 132 857		
21	0. 626 715 376	55	0. 294 115 277	89	0. 138 027 244		
$\overline{22}$	0. 612 924 573	56	0. 287 643 302	90	0. 134 989 969		
23	0. 599 437 235	57	0. 281 313 743	91	0. 132 019 530		
24	0. 586 246 685	58	0. 275 123, 465	92	0. 129 114 455		
25	0. 573 346 391	59	0. 269 069 403	93	0. 126 273 305		
26	0. 560 729 967	60	0. 263 148 561	94	0. 120 273 303		
27	0. 548 391 165	61	0. 257 358 006	95	0. 120 777 188		
28	0. 536 323 878	$\overline{\bf 62}$	0. 251 694 871	96	0: 118 119 500		
29	0. 524 522 130	63	0. 246 156 353	97	0. 115 520 293		
30	0. 512 980 078	64	0. 240 739 710	98	0. 112 978 282		
31	0. 501 692 008	65	0. 235 442 259	99	0. 110 492 207		
32	0. 490 652 331	66	0. 230 261 378	100	0. 110 492 207		
33	0. 479 855 580	67	0. 225 194 502	101	0. 200 000 000		
34	0. 469 296 411	68		102			
	The same and the same of	NATURE OF THE PARTY OF THE PART					

zu 21 Procent

		-	-	-			
E	Ein Capital Eins, welches' spüter fällig wird, ist jetzt:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	. Worth.	Jahre.	Werth.		
1	0. 975 609 756	35	0. 421 371 066	69	0. 131 992 415		
2	0. 951 814 896	36	0. 411 093 723	70	0. 177 553 576		
3	0. 928 599 411	37	0. 401 067 047	71	0. 173 223 001		
4	0. 905 950 645	38	0. 391 284 924	72	0. 168 998 049		
5	0. 883 854 288	39	0. 381 741 389	73	0. 164 876 146		
6	0. 862 296 866	40	0. 372 430 624	74	0. 160 854 776		
7	0. 841 205 235	41	0. 363 346 950	75	0. 156 931 489		
8	0. 820 746 571	42	0. 354 484 829	76	0. 153 103 892		
9	0. 800 728 362	43	0. 345 838 858	77	0. 149 369 651		
10	0. 781 198 402	44	0. 337 403 764	78	0. 145 726 488		
11	0. 762 144 782	45	0. 329 174 404	79	0. 142 172 184		
12	0.743 555 885	46	0. 321 145 760	80	0. 138 704 569		
13	0. 725 420 376	47	0. 313 312 936	81	0. 135 321 531		
14	0. 707 727 196	48	0. 305 671 157	82	0. 132 021 006		
15	0. 690 465 557	49	0. 298 215 763	83	0. 128 800 981		
16	0. 673 624 934	50	0. 290 942 208	84	0. 125 659 494		
17	0. 657 195 057	51	0. 283 846 057	85	0. 122 594 628		
18	0. 641 165 909	52	0. 276 922 982	86	0. 119 604 516		
19	0. 625 527 716	53	0. 270 168 763	87	0. 116 687 332		
20	0. 610 270 943	54	0. 263 579 281	88	0. 113 841 300		
21	0. 595 386 286	55	0. 257 150 518	89	0. 111 064 683		
22	0. 580 864 669	56	0. 250 878 554	90	0. 108 355 788		
23	0. 566 697 238	57	0. 244 759 565	91	0. 105 712 964		
24	0. 552 875 354	58	<b>0. 238 789 82</b> 0	92	0. 103 134 599		
25	0. 539 390 589	59	0. 232 965 678	93	0. 100 619 121		
26	0. 526 234 721	60	0. 227 283 588	94	0. 098 164 996		
27	0. 513 399 728	61	0. 221 740 086	95	0. 095 770 728		
28	0. 500 877 784	62	0. 216 331 791	96	0. 093 434 856		
29	0. 488 661 252	63	0. 211 055 406	97	0. 091 155 957		
30	0. 476 712 685	64	0. 205 907 713	98	0. 088 932 641		
31	0. 465 114 815	65	0. 200 885 574	99	0. 086 763 553		
32	0. 453 770 551	66	<b>0.</b> 195 985 9 <b>2</b> 6	100	0. 084 647 3 <b>6</b> 8		
33	0. 442 702 977	67	0. 191 205 781	101			
34	0. 431 905 343	68	0. 186 542 225	102			

## zu 23 Procent.

-	1						
Ŀ	Ein Capital Eine, welches später fällig wird, ist jetzt:						
Jahre.	Westh.	Jahre	Worth.	Jahre.	Werth.		
1	0. 973 236 010	35	0. 386 933 143	69			
2	0. 947 188 331	36	0. 376 577 268	70	0. 149 717 257 0. 145 710 226		
3	0. 921 837 791	37.	0. 366 498 558	71			
4	0.897 165 734	38	0. 356 689 594	72	0. 141 810 439		
5	0. 873 153 999	39	0. 347 143 157	73	0, 138 015 025 0, 134 321 193		
6	0. 849 784 914	40	0. 337 852 221	74			
7	0. 827 041 278	41	0. 328 809 947	75	0. 136 726 222		
8	0. 804 906 354	42	0. 320 009 681	76	0. 127 227 466 0. 123 822 352		
9	0. 783 363 848	43	0. 311 444 945	77			
10	0. 762 397 906	14	0. 303 109 436	78	0. 120 508 371		
11	0. 741 993 095	15	0. 294 997 018	79	0. 117 283 087 0. 114 144 123		
12	0. 722 134 399	46	0. 287 101 720	80			
13	0. 702 807 201	47	0. 279 417 733	81	0. 111 089 171		
14	0.000	48	0. 271 939 399	82	0. 108 115 981		
15	0. 665 690 780	49	0. 264 661 216	83	0. 105 222 366		
16	0. 647 874 238	50	0. 257 577 826	84	0. 102 406 196		
17	0. 630 534 538	51	0. 250 684 015	85	0. 099 665 398		
18	0. 613 658 918	<b>52</b>	0. 243 974 711	86			
19	0. 597 234 957	<b>53</b>	0. 237 444 974	87	0.094 401 902		
20	0. 581 250 566	54	0. 231 089 999	88	0. 091 875 330		
21	0. 565 693 982	55	0. 224 905 108	89	0. 089 416 380		
$\overline{22}$	0. 550 553 754	<b>56</b>	0. 218 885 750	90	0. 087 023 240		
23	0. <b>535</b> 818 738	57	0. 213 027 494	91	0. 084 694 151		
24	0. 521 478 091	58	0. 207 326 028	92	0. 082 427 398		
25	0. 507 521 256	59	0. 201 777 157	93	0. 080 221 312		
26	0. 493 937 962	60	0. 196 376 795	94	0. 078 074 269		
27	0. 480 718 211	61	0. 191 120 9 <b>6</b> 8	95	0. 075 984 690		
$\overline{28}$	0. 467 852 274	62	0. 186 005 808	96	0. 073 951 037		
29	0. 455 330 680	63	0. 181 027 551	97	0. 071 971 812		
30	0. 443 144 214	64	0. 176 182 531	98	0. 070 045 559		
31	0. 431 283 907	65	0. 171 467 184	99	0. 068 170 860		
32		66	0166 878 038	100	0, 066 346 336		
33	0. 408 507 084	67	0. 162 411 715	101			
34	0. 397 573 804	68	0. 158 064 930	102			

#### zu 3 Procent.

		-							
E	Ein Capital Eine, welches späler fällig wird, ist jetzt:								
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth,				
1	0. 970 873 786	35	0. 355 383 398	69					
2	0. 942 595 909	36		70	0. 126 297 359 0. 122 618 796				
3	0. 915 141 659	37	0. 334 982 937	71					
4	0.888487048	38	0. 325 226 152	72	0. 119 047 374				
5	0. 862 608 784	39	0. 315 753 546	73	0. 115 579 975 0. 112 213 568				
6	0. 837 484 257	40	0. 306 556 841	74					
7	0. 813 091 511	41	0. 297 628 001	75	0. 108 945 212				
8	0. 789 409 234	42	0. 288 959 224	76 77	0. 105 772 05 <del>0</del> 0. 102 691 311				
9	0. 766 416 732	43	0. 280 542 936	_					
10	0. 744 093 915	14	0. 272 371 782	78	0. 099 700 302 0. 096 796 410				
11 12	0. 722 421 277 0. 701 379 880	45 46	0. 264 438 624 0. 256 736 528	79 80	0. 093 977 097				
[ }									
13	0. 680 951 340	47	0. 249 258 765	81	0. 091 239 90 <del>0</del> 0. 088 582 427				
14	0.661 117 806 0.641 861 947	48 49	0, 241 998 801 0, 234 950 292	82 83	0. 086 092 356				
16	0. 623 166 939	50	0. 228 107 080	84 85	0. 083 497 4 <b>33</b> 0. 081 965 469				
17 18	0. 605 016 446 0. 587 394 608	51 52	0. 221 463 184 0. 215 012 800	86	0. 078 704 339				
		<u> </u>			0. 076 411 980				
19 20	0. 570 286 027 0. 553 675 754	53 54	0. 208 750 292 0. 202 670 186	87 88	0. 074 186 388				
21	0. 537 549 276	55	0. 196 767 171	. 89	0. 072 025 619				
$\frac{2}{22}$					0. 069 927 786				
$\frac{22}{23}$	0. 521 892 501 0. 506 691 748	56 57	0. 191 036 088 0. 185 471 930	90 91	0. 067 891 054				
24	0. 491 933 736	58 58	0. 180 069 835	92	0. 065 913 645				
$\frac{-}{25}$	0. 477 605 569	59	b. 14 825 083	93	0. 063 993 830				
26	0. 463 694 727	59 60	0. 169 733 090	94	0. 062 129 932				
27	0. 450 189 056	61	0. 164 789 408	95	0. 060 320 322				
$\frac{-}{28}$	0. 437 076 753	62	0. 159 989 716	96	0. 058 563 420				
29	0. 424 346 362	63	0. 155 329 822	97	0. 056 857 689				
30	0. 411 986 76 <b>0</b>	64	0. 150 805 652	98	0. 055 201 640				
31	0. 399 987 145	65	0. 146 413 264	99	0, 963 593 825				
32	0. 388 337 034	66	0. 140 413 204	100	0. 052 682 840				
33	0. 377 026 247	67	0. 138 008 535	101					
34	0. 366 044 900	68	0. 133 988 869	102					

#### zu 3½ Procent.

6	3	_						
E	Ein Capital Eins, welches später fällig wird, ist jetzt:							
ahre.	Werth.	ahre.	Werth.	Jahre	Werth.			
1	0. 969 696 970	35	0. 340 613 099	69	0.119 642 823			
2		36	0. 330 291 490	70	0. 116 017 283			
3		37	0. 320 282 657	71	0. 112 501 608			
4		38	0. 310 577 122	72	0. 109 092 468			
5	• · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	39	0. 301 165 694	73	0. 105 786 636			
6		40	0. 292 039 461	74	0. 102 580 980			
7		41	0. 283 189 780	75	0. 099 472 466			
8 9		42 43	0. 274 608 272	76 77	0. 096 458 149 0. 093 535 174			
		_	0. 266 286 809					
10		44	0. 258 217 512	78	0.090 700 775			
11 12		45 46	0. 250 392 738 0. 242 805 080	79 80	0. <del>0</del> 87 <b>952 267</b> 0. 085 <b>287 047</b>			
		_	<del></del>					
13 14	- •	47	0. 235 447 350	81	0. 082 702 591			
15		48 49	0. 228 312 582 1 0. 221 394 019	82 83	0. 080 196 452 0. 077 766 256			
<u>  </u>								
16		50 51	0. 214 685 109	84 85	0. 075 409 703 0. 073 124 560			
18		51 52	0. 208 179 500 0. 201 871 030	86	0. 070 908 665			
19		53			0. 068 759 917			
20		ეკ 54	0. 195 753 726     0. 189 821 795	87 88	0. 066 676 <b>283</b>			
21		55	0. 184 069 619	89	0.064 655 790			
22		56		90	0. 062 696 523			
23		50 57	0. 178 491 752 0. 173 082 911	91	0. 062 090 <b>523</b> 0. 060 796 6 <b>29</b>			
24		58	0.167 837 974	92	0. 058 954 307			
25		59	0. 162 751 975	93	0. 057 167 813			
26		60	0. 157 820 097	94	0. 055 435 455			
27		61	0. 153 037 670	95	0. 053 755 <b>592</b>			
28	0. 422 482 842	62	0. 148 400 165	96	0. 052 126 635			
29		63	0. 143 903 190	97	0. 050 547 040			
30		64	0. 139 542 487	98	0. 049 015 312			
31	0. 385 227 420	55	0. 135 313 927	99	0. 047 529 999			
<b>32</b>	0. 373 553 861	66		100	0.046 089 696			
33		67	0. 127 237 338	101				
34	0. 351 257 258	68l	0. 123 381 661	102	4			

zu 31 Procent.

6-	and the continue of the	and the last						
E	Ein Capital Eine, welches später fällig wird, ist jetzt:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.			
1	0. 968 523 002	35	U. 326 473 465	69				
2	0. 938 036 806	36	0. 316 197 060	70	0. 106 584 923			
3		37	0. 306 244 126	71	0. 103 229 950			
4	0. 879 913 050	38	0. 296 G04 481	72	0. 099 980 581			
5 6	0. 852 216 029 0. 825 390 827	39 40	0. 287 268 262 0. 278 225 920	73 74	0. 096 833 493 0. 093 785 465			
7	0. 799 410 002 0. 774 246 975	41 42	0. 269 468 203 0. 260 986 153	75 76	0. 090 833 380 0. 087 974 218			
9	0. 749 876 005	43	0. 200 380 193 0. 252 771 093	77	0. 085 205 054			
10	0. 726 272 160	44	0. 244 814 618	78	0. 082 523 054			
11	0. 720 272 100	45	0. 244 814 018	79	0. 082 323 034			
12	0. 681 270 017	46	0. 229 645 122	80	0. 077 409 662			
13	0. 659 825 683	47	0. 222 416 583	81	0. 074 973 039			
14	0.639 056 351	48	0. 215 415 577	82	0. 072 613 113			
15	0. 618 940 776	19	0. 208 634 941	83	0. 070 327 470			
16	0. 599 458 379	<b>30</b>	0. 202 087 740	84	0. 068 113 772			
17	0. 580 589 229	51	0. 195 707 254	85	0. 065 969 755			
18	0. 562 314 023	52	0. 189 546 977	86	0. 063 893 225			
19	0. 544 614 066	53	0. 183 580 607	87	0. 061 882 058			
20	0. 527 471 250	54	0. 177 802 041	88	0. 059 934 197			
21	0. 510 868 039	55	0. 172 205 367	89	0. 058 047 648			
22	0. 494 787 447	56	0. 166 784 859	90	0. 056 220 483			
23	0. 479 213 024	57	0. 161 534 972	91	0. 054 450 831			
24	0. 464 128 836	58	0. 156 450 336	92	,0. 052 736 882			
25	0. 449 519 454	59	0. 151 525 749	93	0. 051 076 883			
26	0. 435 369 931	60	0. 146 756 174	94	0. 049 469 136			
27	0. 421 665 793	61	0. 142 136 730	95	0. 047 911 997			
28	0. 408 393 020	62	0. 137 662 693	96	0. 046 403 871			
29	0. 395 538 034	63	0. 133 329 484	97	0.044 943 216			
30	0. 383 087 684	64	0. 129 132 672	98	0. 043 528 539			
31	0. 371 029 234	65	0. 125 067 964	99	0. 042 158 391			
32	0. 359 350 348	66	0. 121 131 200	100	0. 040 831 371			
33 34	0. 348 039 078 0. 337 083 853	67 68	0. 117 318 353 0. 113 625 524	101 102	. A.			
O.ell	v. 401 000 000	TOO!	U. 113 020 324	102				

#### zu 3½ Procent.

6	65							
E	Ein Capital Eins, welches später fällig wird, ist jetzt:							
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Jahre	Werth.			
1	0. 966 183 575	35	0. 299 976 862	69	0. 993 135 632			
2	0. 933 510 700	36	0. 289 832 717	70	0. 089 986 118			
3	0. 901 942 706	37	0. 280 031 610	71	0. 086 943 109			
4	0. 871 442 228	38	0. 270 561 942	72	0. 084 003 004			
5	0. 841 973 167	39	0. 261 412 505 0. 252 572 468	73 74	9. 081 162 322 6. 078 417 703			
6	0. 813 500 644	40						
7	0. 785 990 961	41	0. 244 031 370 0. 235 779 102	75	0. 075 765 896 0. 073 203 765			
8 9	0. 759 411 556 0. 733 730 972	42 43	0. 235 779 102 0. 227 805 895	76	0. 073 203 705 0. 070 728 275			
H		_			0. 068 336 498			
10 11	0. 708 918 814 0. 684 945 714	44 45	0. 220 102 314 0. 212 659 241	78 79	0. 008 330 498 0. 066 025 601			
12	0. 661 783 298	46i	0, 205 467 866	80	0. 063 792 852			
13	0. 639 404 153	47	0. 198 519 677	81	0. 061 635 605			
14	0. 617 781 790	48	0. 198 515 677	82	0. 059 551 310			
15	0. 596 890 619	19	0. 185 320 243	83	0. 057 537 497			
16	0. 576 705 912	50	0. 179 953 375	84	0. 055 591 785			
17	0. 557 203 779	51	0. 172 998 429	85	0. 053 711 869			
18	0. 538 361 140	52	0. 167 148 241	86	0. 051 895 526			
19	0. 520 155 690	53	0. 161 495 885	87	0. 050 140 605			
20	0. 502 565 884	54	0. 156 034 672	88	0. 048 445 029			
21	0. 485 570 903	55	0. 150 758 137	89	0. 046 806 791			
$\overline{22}$	0. 469 150 631	56	0. 145 660 036	90	0. 045 223 953			
23	0. 453 285 634	57	0. 140 734 334	91	0. 043 694 640			
24	0. 437 957 134	58	0. 135 975 202	92	0 042 217 044			
25	0. 423 146 989	59	0. 131 377 007	93	0. 040 789 414			
26	0. 408 837 671	60	0. 126 934 306	94	0. 039 410 062			
27	0. 395 012 242	61	0. 122 641 841	95	0. 038 077 355			
28	0. 381 654 340	62	0. 118 494 533	96	0. 036 789 715			
29 30	0. 368 748 155 0. 356 278 411	63	0. 114 487 471	97	0. 035 545 618 0. 034 343 592			
		64	0. 110 615 914	98				
31	0. 344 230 348	65	0. 106 875 279	99	0. 033 182 215			
32 33	0. 332 589 709 0. 321 342 714	66 67	0. 103 261 140 0. 099 769 217	100 101	0. 032 060 111			
34		68	•	102				
		,,,,,,,,,						

zu 34 Procent.

66			-				
E	Ein Capital Eine, welches später fällig wird, ist jetzt:						
Jahre.	Werth.	lahre.	Werth.	Jahre	Worth.		
1	0. 963 855 422	35	0. 275 687 015	. 69	0. 078 853 455		
2 3	0. 929 017 274 0. 895 438 336	36 37	0. 265 722 424 0. 256 117 999	70 71	0. 076 003 330 0. 073 256 222		
4	0. 863 973 095	38	0. 246 860 722	72	0. 070 608 407		
5 6	0. 831 877 682 0. 801 809 814	39 40	9. 237 938 046 0. 229 337 875	73 74	<b>9</b> . 068 056 296 0. 065 596 430		
7	0. 772 828 737	41	0. 221 048 554	75	0. 063 225 474		
8	0. 744 895 168	42	0. 213 058 848	76	0. 060 940 916		
9	0. 717 971 246	43	0. 205 357 925	77	0. 058 737 558		
10	0. 692 <b>020 478</b> 0. 667 <b>007</b> 690	4 <u>4</u> 45	0. 197 935 350 0. 19 <del>0</del> 781 060	78	0. 056 614 514 0. 054 568 206		
12	0. 642 898 978	46	0. 183 885 359	79 80	0. 052 595 861		
13	0. 619 661 666	47	0. 177 238 900	81	0. 050 694 806		
14 15	0. 597 <b>264</b> 256 0. 575 676 391	48	0. 170 832 675	82	0. 048 862 463		
16 16	0. 554 868 811	19 50	0. 164 658 000 0. 158 706 506	83 84	0. 047 096 350 0. 045 394 073		
17	0. 534 813 312	5 I	0. 152 970 126	85	0. 043 753 323		
18	0. 515 482 710	52	0. 147 441 086	86	0. 042 171 878		
19	0. 496 850 805	53	0. 142 111 890	87	0. 040 647 593		
20 21	0. 478 892 342 0. 461 582 980	54 55	0. 136 975 315 0. 132 024 400	88 89	9. 039 178 403 0, 037 762 316		
22	0. 444 899 258	56	9. 127 252 434	90	0. 036 397 413		
23	0. 428 818 562	57	0. 122 652 949	91	0. 035 081 844		
24 25	0. 413 319 096 0. 398 379 852	58 59	0. 118 219 709	92	0. 033 813 825 0. 032 591 639		
26 26	0. 398 379 832 0. 383 <b>98</b> 0 580	90 99	0. 113 946 708 0. 109 828 152	93 94	0. 032 591 639 0. <b>031 413 628</b>		
27	0. 370 101 764	61	0. 105 858 460	95	0. 030 278 195		
<b>28</b>	0. 356 724 591	62	0. 102 032 251	96	0. 029 183 803		
29 30	0. 343 830 932 0. 331 493 307	63 64	0, 098 344 338 0, 094 789 723	97 98	0. 028 128 967 0. 627 112 257		
31	0. 319 424 875	65	0.091 363 589	· 99	0. 026 132 296		
32	0. 307 879 397	86	9. 088 061 290	100	0, 025 187 755		
33 34	0. 296 751 226 0. 286 025 278	67 68	0. 084 878 3 <i>5</i> 2 0. 081 810 460	101 102			
'							

#### zu 4 Procent.

21     0. 438 833 602     55     0. 115 655 513     89     0. 030 481 252       22     0. 421 955 387     56     0. 111 207 224     90     0. 029 308 896       23     0. 405 726 333     57     0. 106 930 023     91     0. 028 181 631       24     0. 390 121 474     58     0. 102 817 330     92     0. 027 097 722       25     0. 375 116 802     59     0. 098 862 817     93     0. 026 035 602       26     0. 360 689 233     60     0. 095 060 401     94     0. 025 053 367       27     0. 346 816 570     61     0. 091 404 232     95     0. 024 089 776	G.	1			·				
1         0.961 538 462         35         0.263 415 471         69         0.066 788 177           2         0.924 556 213         36         0.243 668 722         70         0.064 219 401           3         0.888 996 359         37         0.234 296 848         71         0.061 749 424           4         0.854 804 191         38         0.225 285 431         72         0.059 374 446           5         0.821 927 907         39         0.216 620 606         73         0.057 090 813           6         0.790 314 526         40         0.208 289 045         74         0.054 895 013           7         0.759 917 813         41         0.200 277 928         75         0.052 783 666           8         0.730 690 205         42         0.192 574 930         76         0.050 753 525           9         0.702 586 736         43         0.185 168 202         77         0.048 801 467           10         0.675 564 169         44         0.178 046 348         78         0.046 924 487           11         0.624 597 050         46         0.164 613 858         80         0.041 715 098           12         0.624 597 050         46         0.164 613 858         80         0.041 715 098	E								
2       0. 924 556 213       36       0. 243 668 722       70       0. 064 219 401         3       0. 888 996 359       37       0. 234 296 848       71       0. 061 749 424         4       0. 854 804 191       38       0. 225 285 431       72       0. 059 374 446         5       0. 821 927 907       39       0. 216 620 606       73       0. 057 090 813         6       0. 790 314 526       40       0. 208 289 045       74       0. 054 895 013         7       0. 759 917 813       41       0. 200 277 928       75       0. 052 783 666         8       0. 730 690 205       42       0. 192 574 930       76       0. 050 753 525         9       0. 702 586 736       43       0. 185 168 202       77       0. 048 801 467         10       0. 675 564 169       44       0. 178 046 348       78       0. 046 924 487         11       0. 649 580 932       45       0. 171 198 412       79       0. 045 119 699         12       0. 624 597 050       46       0. 164 613 858       80       0. 043 384 326         13       0. 600 574 986       47       0. 158 282 555       81       0. 041 715 698         14       0. 577 475 093       48       0	Jahre.	Werth,	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth			
3         0. 888 996 359         37         0. 234 296 848         71         0. 061 749 424           4         0. 854 804 191         38         0. 225 285 431         72         0. 059 374 446           5         0. 821 927 907         39         0. 216 620 606         73         0. 057 090 813           6         0. 790 314 526         40         0. 208 289 045         74         0. 054 895 013           7         0. 759 917 813         41         0. 200 277 928         75         0. 052 783 666           8         0. 730 690 205         42         0. 192 574 930         76         0. 050 753 525           9         0. 702 586 736         43         0. 185 168 202         77         0. 048 801 467           10         0. 675 564 169         44         0. 178 046 348         78         0. 046 924 487           11         0. 624 597 050         46         0. 164 613 858         80         0. 043 384 326           13         0. 600 574 086         47         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098           14         0. 577 475 083 48         0. 140 712 615         84         0. 037 085 104           15         0. 533 908 176         50         0. 140 712 615         84 <t< td=""><th>. (1</th><td></td><th>35</th><td></td><td>- (</td><td>l ,</td></t<>	. (1		35		- (	l ,			
5         0. 821 927 907         39         0. 216 620 606         73         0. 057 090 813           6         0. 790 314 526         40         0. 208 289 045         74         0. 054 895 013           7         0. 759 917 813         41         0. 200 277 928         75         0. 052 783 666           8         0. 730 690 205         42         0. 192 574 930         76         0. 050 753 525           9         0. 702 586 736         43         0. 185 168 202         77         0. 048 801 467           10         0. 675 564 169         44         0. 178 046 348         78         0. 046 924 487           11         0. 649 580 932         45         0. 171 198 412         79         0. 045 119 699           12         0. 624 597 050         46         0. 164 613 858         80         0. 043 384 326           13         0. 600 574 086         47         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098           14         0. 577 475 083         48         0. 152 194 765         82         0. 040 111 248           15         0. 533 908 176         50         0. 140 712 615         84         0. 037 085 104           17         0. 513 373 246         51         0. 135 300 592 <td< td=""><th></th><td></td><th></th><td><b>.</b></td><td></td><td></td></td<>				<b>.</b>					
6         0. 790 314 526 40         0. 208 289 045         74         0. 054 895 013           7         0. 759 917 813 41         0. 200 277 928         75         0. 052 783 666           8         0. 730 690 205 42         0. 192 574 930         76         0. 050 753 525           9         0. 702 586 736 43         0. 185 168 202         77         0. 048 801 467           10         0. 675 564 169 44         0. 178 046 348         78         0. 046 924 487           11         0. 649 580 932 45         0. 171 198 412         79         0. 045 119 699           12         0. 624 597 050 46         0. 164 613 858         80         0. 043 384 326           13         0. 600 574 086 47         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098           14         0. 577 475 083 48         0. 152 194 765         82         0. 040 111 248           15         0. 533 908 176 50         0. 146 341 120         83         0. 038 568 508           16         0. 533 908 176 50         0. 140 712 615         84         0. 037 085 104           17         0. 513 373 246 51         0. 135 300 592         85         0. 035 658 754           18         0. 493 628 121 52         0. 130 096 723         86         0. 034 287 263					1				
7         0. 759 917 813         41         0. 200 277 928         75         0. 052 783 666         9         0. 192 574 930         76         0. 050 753 525         9         0. 702 586 736         43         0. 185 168 202         77         0. 048 801 467         0. 048 801 467         0. 048 801 467         0. 048 801 467         0. 046 924 487         0. 171 198 412         79         0. 045 119 699         0. 045 119 699         0. 043 384 326         0. 164 613 858         80         0. 043 384 326         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098         0. 146 341 120         83         0. 038 568 508         0. 038 568 508         0. 146 341 120         83         0. 038 568 508         0. 038 568 508         0. 037 085 104         0. 135 300 592         85         0. 035 658 754         0. 135 300 592         85         0. 035 658 754         0. 135 300 592         85         0. 035 658 754         0. 135 300 592         86         0. 034 287 263         0. 136 658 754         0. 136 658 754         0. 136 658 754         0. 136 658 754         0. 136 658 754 <th></th> <td></td> <th></th> <td>• • • • • • • •</td> <td> 1</td> <td></td>				• • • • • • • •	1				
8         0. 730 690 205         42         0. 192 574 930         76         0. 050 753 525           9         0. 702 586 736         43         0. 185 168 202         77         0. 048 801 467           10         0. 675 564 169         44         0. 178 046 348         78         0. 046 924 487           11         0. 624 597 050         46         0. 164 613 858         80         0. 045 119 699           12         0. 624 597 050         46         0. 164 613 858         80         0. 043 384 326           13         0. 600 574 986         47         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098           14         0. 577 475 083 48         0. 152 194 765         82         0. 040 111 248           15         0. 555 264 503 49         0. 146 341 120         83         0. 038 568 508           16         0. 533 908 176 50         0. 140 712 615         84         0. 037 085 104           17         0. 513 373 246 51         0. 135 300 592         85         0. 036 658 754           18         0. 493 628 121 52         0. 130 096 723         86         0. 034 287 263           19         0. 474 642 424 53         0. 125 093 003         87         0. 032 968 522           20         0. 426	III								
10         0. 675 564 169 44 158         44         0. 178 046 348 78 0. 046 924 487 0. 171 198 412 79 0. 045 119 699 0. 164 613 858 80 0. 043 384 326 0. 164 613 858 80 0. 043 384 326 0. 164 613 858 80 0. 043 384 326 0. 152 194 765 82 0. 040 111 248 0. 577 475 083 48 0. 152 194 765 82 0. 040 111 248 15 0. 555 264 503 49 0. 146 341 120 83 0. 038 568 508 16 0. 533 908 176 50 0. 140 712 615 84 0. 037 085 104 17 0. 513 373 246 51 0. 135 300 592 85 0. 035 658 754 18 0. 493 628 121 52 0. 130 096 723 86 0. 034 287 263 19 0. 474 642 424 53 0. 125 003 003 87 0. 032 968 522 20 0. 456 386 946 54 0. 120 281 733 88 0. 031 760 502 21 0. 438 833 602 55 0. 115 655 513 89 0. 031 760 502 21 0. 438 833 602 55 0. 115 655 513 89 0. 030 481 252 22 0. 421 955 387 56 0. 111 207 224 90 0. 028 181 631 0. 390 121 474 58 0. 102 817 330 92 0. 027 097 722 25 0. 360 689 233 60 0. 098 862 817 93 0. 026 055 602 0. 360 689 233 60 0. 098 662 817 93 0. 026 055 602 0. 346 816 570 61 0. 091 404 232 95 0. 024 089 776  //table>	8				- 1				
11         0. 649 580 932         45         0. 171 198 412         79         0. 045 119 699           12         0. 624 597 050         46         0. 164 613 858         80         0. 043 384 326           13         0. 600 574 086         47         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098           14         0. 577 475 083         48         0. 152 194 765         82         0. 040 111 248           15         0. 533 908 176         50         0. 146 341 120         83         0. 038 568 508           16         0. 533 908 176         50         0. 140 712 615         84         0. 037 085 104           17         0. 513 373 246         51         0. 135 300 592         85         0. 035 658 754           18         0. 493 628 121         52         0. 130 096 723         86         0. 034 287 263           19         0. 474 642 424         53         0. 125 093 003         87         0. 032 968 522           20         0. 456 386 946         54         0. 115 655 513         89         0. 031 700 502           21         0. 421 955 387         56         0. 111 207 224         90         0. 028 181 631           22         0. 421 955 387         56         0. 112 987 330		<del></del>	_						
13         0. 600 574 086         47         0. 158 282 555         81         0. 041 715 098           14         0. 577 475 083         48         0. 152 194 765         82         0. 040 111 248           15         0. 555 264 503         49         0. 146 341 120         83         0. 038 568 508           16         0. 533 908 176         50         0. 140 712 615         84         0. 037 085 104           17         0. 513 373 246         51         0. 135 300 592         85         0. 035 658 754           18         0. 493 628 121         52         0. 130 096 723         86         0. 034 287 263           19         0. 474 642 424         53         0. 125 093 003         87         0. 032 968 522           20         0. 456 386 946         54         0. 120 281 733         88         0. 031 700 502           21         0. 438 833 602         55         0. 115 655 513         89         0. 030 481 252           22         0. 421 955 387         56         0. 111 207 224         90         0. 028 181 631           23         0. 405 726 333         57         0. 106 930 023         91         0. 028 181 631           24         0. 390 121 474         58         0. 098 862 817	1 1	*	. )	0. 171 198 412	1	0. 045 119 699			
14       0. 577 475 083       48       0. 152 194 765       82       0. 040 111 248         15       0. 555 264 503       49       0. 146 341 120       83       0. 038 568 508         16       0. 533 908 176       50       0. 140 712 615       84       0. 037 085 104         17       0. 513 373 246       51       0. 135 300 592       85       0. 035 658 754         18       0. 493 628 121       52       0. 130 096 723       86       0. 034 287 263         19       0. 474 642 424       53       0. 125 093 003       87       0. 032 968 522         20       0. 456 386 946       54       0. 120 281 733       88       9. 031 760 502         21       0. 438 833 602       55       0. 115 655 513       89       9. 030 481 252         22       0. 421 955 387       56       0. 111 207 224       90       0. 029 308 896         23       0. 405 726 333       57       0. 106 930 023       91       0. 028 181 631         24       0. 390 121 474       58       0. 102 817 330       92       0. 027 097 722         25       0. 375 116 802       59       0. 098 862 817       93       0. 026 055 602         26       0. 360 689 233       60									
15         0. 555 264 503         49         0. 146 341 120         83         0. 038 568 508           16         0. 533 908 176         50         0. 140 712 615         84         0. 037 085 104           17         0. 513 373 246         51         0. 135 300 592         85         0. 035 658 754           18         0. 493 628 121         52         0. 130 096 723         86         0. 034 287 263           19         0. 474 642 424         53         0. 125 093 003         87         0. 032 968 522           20         0. 456 386 946         54         0. 120 281 733         88         9. 031 760 502           21         0. 438 833 602         55         0. 115 655 513         89         9. 030 481 252           22         0. 421 955 387         56         0. 111 207 224         90         0. 029 308 896           23         0. 405 726 333         57         0. 106 930 023         91         0. 028 181 631           24         0. 390 121 474         58         0. 102 817 330         92         0. 027 097 722           25         0. 375 116 802         59         0. 098 862 817         93         0. 026 055 602           26         0. 360 689 233         60         0. 095 060 401		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				1			
17     0. 513 373 246     51     0. 135 300 592     85     0. 035 658 754       18     0. 493 628 121     52     0. 130 096 723     86     0. 034 287 263       19     0. 474 642 424     53     0. 125 003 003     87     0. 032 968 522       20     0. 456 386 946     54     0. 120 281 733     88     0. 031 760 502       21     0. 438 833 602     55     0. 115 655 513     89     0. 030 481 252       22     0. 421 955 387     56     0. 111 207 224     90     4. 029 308 896       23     0. 405 726 333     57     0. 106 930 023     91     0. 028 181 631       24     0. 390 121 474     58     0. 102 817 330     92     0. 027 097 722       25     0. 375 116 802     59     0. 098 862 817     93     0. 026 055 602       26     0. 360 689 233     60     0. 095 060 401     94     0. 025 053 367       27     0. 346 816 570     61     0. 091 404 232     95     0. 024 089 776	[								
18         0. 493 628 121         52         0. 130 096 723         86         0. 034 287 263           19         0. 474 642 424         53         0. 125 003 003         87         0. 032 968 522           20         0. 456 386 946         54         0. 120 281 733         88         0. 031 760 502           21         0. 438 833 602         55         0. 115 655 513         89         0. 030 481 252           22         0. 421 955 387         56         0. 111 207 224         90         4. 029 308 896           23         0. 405 726 333         57         0. 106 930 023         91         0. 028 181 631           24         0. 390 121 474         58         0. 102 817 330         92         0. 027 097 722           25         0. 375 116 802         59         0. 098 862 817         93         0. 026 055 602           26         0. 360 689 233         60         0. 095 060 401         94         0. 025 053 367           27         0. 346 816 570         61         0. 091 404 232         95         0. 024 089 776	1 1		1						
19     0. 474 642 424     53     0. 125 093 003     87     0. 032 968 522       20     0. 456 386 946     54     0. 120 281 733     88     9. 031 760 502       21     0. 438 833 602     55     0. 115 655 513     89     9. 030 481 252       22     0. 421 955 387     56     0. 111 207 224     90     4. 029 308 896       23     0. 405 726 333     57     0. 106 930 023     91     0. 028 181 631       24     0. 390 121 474     58     0. 102 817 330     92     0. 027 097 722       25     0. 375 116 802     59     0. 098 862 817     93     0. 026 035 602       26     0. 360 689 233     60     0. 095 060 401     94     0. 025 053 367       27     0. 346 816 570     61     0. 091 404 232     95     0. 024 089 776					- 1				
21     0. 438 833 602     55     0. 115 655 513     89     0. 030 481 252       22     0. 421 955 387     56     0. 111 207 224     90     0. 029 308 896       23     0. 405 726 333     57     0. 106 930 023     91     0. 028 181 631       24     0. 390 121 474     58     0. 102 817 330     92     0. 027 097 722       25     0. 375 116 802     59     0. 098 862 817     93     0. 026 035 602       26     0. 360 689 233     60     0. 095 060 401     94     0. 025 053 367       27     0. 346 816 570     61     0. 091 404 232     95     0. 024 089 776	H								
22     0. 421 955 387     56     0. 111 207 224     90     0. 029 308 896       23     0. 405 726 333     57     0. 106 930 023     91     0. 028 181 631       24     0. 390 121 474     58     0. 102 817 330     92     0. 027 097 722       25     0. 375 116 802     59     0. 098 862 817     93     0. 026 055 602       26     0. 360 689 233     60     0. 095 060 401     94     0. 025 053 367       27     0. 346 816 570     61     0. 091 404 232     95     0. 024 089 776						9. 031 780 502			
23     0. 405 726 333     57     0. 106 930 023     91     0. 028 181 631       24     0. 390 121 474     58     0. 102 817 330     92     0. 027 097 722       25     0. 375 116 802     59     0. 098 862 817     93     0. 026 055 602       26     0. 360 689 233     60     0. 095 060 401     94     0. 025 053 367       27     0. 346 816 570     61     0. 091 404 232     95     0. 024 089 776									
25 0. 375 116 802 59 0. 098 862 817 93 .0. 026 055 602 26 0. 360 689 233 60 0. 095 060 401 94 0. 025 053 367 0. 346 816 570 61 0. 091 404 232 95 0. 024 089 776					91	0. 028 181 631			
26 0. 360 689 233 60 0. 095 060 401 94 0. 025 053 367 27 0. 346 816 570 61 0. 091 404 232 95 0. 024 089 776									
27 0. 346 816 570 61 0. 091 404 232 95 0. 024 089 776			8 (						
28 0 333 477 471 69 0 087 888 684 96 0 023 163 246									
	28	0. 333 477 471	62	0. 087 888 684	96	0. 023 163 246			
29 0: 320 651 415 63 0: 084 508 350 97 0: 022 272 352 30 0: 308 318 668 64 0: 081 258 029 98 0: 021 415 723									
31 0. 296 460 258 65 0. 078 132 720 99 0. 020 592 042						0. 020 592 042			
32 0. 285 057 940 66 0. 075 127 616 100 0. 019 300 040			100			0. 019 800 040			
33 0. 274 094 173 67 0. 072 238 092 101 34 0. 263 552 090 668 0. 069 459 704 102					0				

zu 41 Procent.

6	8	-	State of the last special and				
11	Ein Capitul Eine, welches spüter füllig wird, ist jetzt:						
Jahre.	Worth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1	0. 959 232 614	35	0. 232 990 263	69	0. 056 591 553		
2	0, 920 127 208	36	0. 223 491 859	70	0. 054 284 463		
3	0. 882 616 026	37	.0. 214 380 680	71	0. 052 071 427		
4	0. 846 634 078	38	6. 205 640 941	72	0. 049 948 611		
5	0. 812 119 020	39	0. 197 257 497	73	.0.047 912 337		
6	0. 779 011 050	40	0. 189 215 824	74	0. 045 959 076		
7	0. 747 252 806	41	0. 181 501 990	75	0. 044 085 445		
8	0. 716 789 262	42	.0. 174 102 628	76	0. 042 288 196		
9	0. 687 567 638	43	,0. 167 <b>004</b> 919	77	0. 040 564 217		
10	0. 659 537 302	44	0. 160 196 565	78	0. 038 910 520		
11	0. 632 649 690	45	0. 153 665 770	79	0. 037 324 240		
12	0. 606 858 216	46	0. 147 401 218	80	0. 035 802 628		
13	0. 582 118 193	47	0. 141 392 056	81	0. 034 343 049		
14	0. 558 386 756	48	0. 135 627 871	82	0. 032 942 972		
15	0. 535 622 787	49	0. 130 098 677	83	0. 031 599 973		
16	0: 513 786 847	50	0. 124 794 894	84	0. 030 311 725		
17	0. 492 841 100	51	0. 119 707 333	85	0. 029 075 995		
18	0. 472 749 256	52	0. 114 827 178	86	0. 027 890 643		
19	0, 453 476 505	53	0. 110 145 974	87	0. 026 753 614		
20		54	0. 105 655 610	88	0. 025 662 939		
21	0. 417 256 070	55	0. 101 348 307	89	0. 024 616 728		
22	0. 400 245 631	56	0. 097 216 602	90	0. 023 613 169		
23	0, 383 <del>9</del> 28 663	57	. 0. 093 253 335	91	0. 022 650 522		
24	0. 368 276 895	58	0. 089 451 640	92	0. 021 727 119		
25	0. 353 263 208	59	0. 085 804 931	93	0. 020 841 361		
26	0. 338 861 591	60	<b>0. 082 306 888</b>	94	0.019 991 713		
27	0, 325 047 089	61	;0. 078 951 451	95	0. 019 176 704		
28	0. 311 795 769	62	0. 075 732 807	96	0. 018 394 919		
29	0. 299 084 671	63	0. 072 645 378	97	0. 017 645 007		
30	0. 286 891 770	64	0. 069 683 816	98	0. 016 925 666		
31	70. 275 195 943	65	0. 066 842 989	99	0, 016 235 651		
32	0. 263 976 924	86	0. 064 117 975	100	0. 015 573 766		
33	0. 253 215 274	67		101			
34	0. 242 892 350	68	0. 058 996 694	102			

zu 4½ Procent.

69					
E	in Capital Eine	, 1	oelches später fi	üllig	wird, ist jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.
1 2	0. 956 937 799 0. 915 729 951	35 36	0. 214 254 442 0. 205 028 174	69 70	0. 047 970 689 0. 045 904 966
3	0. 915 729 951 0. 876 296 604	37	0. 196 199 210	71	0. 043 928 197
4	0. 838 561 344	38	0. 187 750 440	72	0. 042 036 552
5	0. 802 451 047	39	0. 179 665 493	73	0. 040 226 366
6	0. 767 895 738	40	0. 171 928 701	74	0. 038 494 130
7 8	0. <b>734</b> 828 458 <b>0. 703</b> 185 127	41 42	0. 164 525 073 0. 157 440 261	75 76	0. 036 836 488 0. 035 250 228
9	0. 672 904 428	43	0. 150 660 537	77	0. 033 732 275
10	0. 643 927 682	14	0. 144 172 763	78	0. 032 279 689
11	0. 616 198 739	15	0. 137 964 366	79	0. 030 889 655
12	0. 589 663 865	46	0. 132 023 317	80	0. 029 559 478
13 14	0. 564 271 641 0. 539 972 862	47 48	0. 126 338 102 0. 120 897 706	81 82	0. 028 286 582 0. 027 068 500
15	0. 516 720 442	<b>4</b> 9	0. 115 691 584	83	0. 025 902 870
16	0. 494 469 323	50	0. 110 709 650	84	0. 024 787 436
17	0. 473 176 385	51	0. 105 942 249	85	0. 023 720 034
18	0. 452 800 369	<b>52</b>	0. 101 380 142	86	0. 022 698 597
19 20	0. 433 301 788 0. 414 642 860	53	0. 097 014 490	87	0. 021 721 146 0. 020 785 785
21	0. 396 787 426	54 55	0. 092 836 833 0. 088 839 074	88 89	0. 019 890 704
$\overline{22}$	0. 379 700 886	56	0. 085 013 468	90	0. 019 034 166
23	0. 363 350 130	57	0. 081 352 601	91	0. 018 214 513
24	0. 347 703 474	58	0. 077 849 379	92	0. 017 430 156
25 26	0. 332 730 597 0. 318 402 485	<b>59</b>	0. 074 497 014	93	0.016 679 575
20 27	0. 304 691 373	60 61	0. 071 289 008 0. 068 219 147	94 95	0. 015 961 31 <b>6</b> 0. 015 273 9 <b>87</b>
$\overline{28}$	0. 291 570 692	<b>62</b>	0. 065 281 480	96	0. 014 616 255
29	0. 279 015 016	63	0. 062 470 316	97	0. 013 986 847
30	0. 267 000 016	64	0. 059 780 207	98	0. 013 384 543
31	0. 255 502 407	65	0. 057 205 939	99	0. 012 808 175
32 33	0. 244 499 911 0. 233 971 207	66 67	0. 054 742 <i>5</i> 26 0. <b>0</b> 52 385 192	100 101	0. 012 256 627
34	0. 223 895 892	68		102	
				5-27	THE RESIDENCE OF THE PARTY OF T

# III. Haupt - Tafel.

Diese Tafel enthält den jetzigen Werth eines Capitals Eins, welches am Ende irgend eines Jahres (ohne Zinsen) erst zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 43 Procent.

	0						
E	Ein Cupital Eins, welches später fällig wird, ist jetzt:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1	v. 954 653 938	35	0. 197 064 725	69	0. 040 679 145		
2	0. 911 364 141	36		70	0. 038 834 506		
3	0. 870 037 366	37	0. 179 597 724	71	0. 037 073 514		
4	0. 830 584 598	38	0. 171 453 675	72	0. 035 392 376		
5	0. 792 920 857	39	0. 163 678 926	73	0. 033 787 471		
6	0. 756 965 019	40	0. 156 256 731	74	0. 032 255 343		
7	0. 722 639 636	41	0. 149 171 104	.75	0. 030 792 690		
8	0. 689 870 774	42	0. 142 406 782	76	0. 029 396 363		
9	0. 658 587 851	43	0. 135 949 195	77	0. 028 063 353		
10	0. 628 723 486	14	0. 129 784 434	78	0. 026 790 791		
11	0. 600 213 352	45	0. 123 899 221	79	0. 025 575		
12	0. 572 996 040	46	0. 118 280 879	80	0. 024 416 766		
13	0. 547 012 926	17	0. 112 917 307	81	0. 023 308 989		
14	0. 522 208 044	48	0. 107 796 952	82	0. 022 252 018		
15	0. 498 527 965	49	0. 102 908 785	83	0. 021 242 977		
16	0. 475 921 685	50	0. 098 242 277	84	0. 020 279 691		
17	0. 454 340 511	51	0. 093 787 376	85	0. 019 360 087		
18	0. 433 737 958	52	0. 089 534 488	86	0 018 482 184		
19	0. 414 069 650	53	0. 085 474 452	87	0. 017 644 089		
20	0. 395 293 222	54	0 081 598 522	88	0. 016 843 999		
21	,0. 377 368 231	55	0. 077 898 350	89	0. 016 080 190		
22	0. 360 256 667	56	0. 074 365 967	90	0. 015 351 017		
23	0. 343 919 873	57	0. 070 993 763	91	0. 014 654 909		
21	0. 328 324 462	<b>5</b> 8	0. 067 774 475	92	0. 013 990 366		
<b>2</b> 5	0. 313 436 240	59	0. 064 701 170	93	0. 013 355 958		
26	0. 299 223 141	60	0. 061 767 227	94	0. 012 750 318		
27	0. 285 654 550	61	0. 058 966 326	95	0. 012 172 142		
28	0. 272 701 241	62	0. 056 292 435	96	0. 011 620 183		
29	0. 260 335 313	63	0. 053 739 795	97	0. 011 093 253		
30	0. 248 530 132	64	0. 051 302 907	98	0. 010 590 218		
31	0. 237 260 269	65	0. 048 976 522	99	0. 010 109 993		
32	0. 226 501 451	66	0. 046 755 630	100	0.009 651 545		
33	0. 216 230 502	67	0. 044 635 446	101	1		
34	0. 206 425 300	68		102			

## zų 5 Procent.

7	1				
E	in Capital Kin	s, 1	welches später f	ällig	wird, ist jetzt:
Jahre.	Werth.	ahre.	Werth.	Jahre	Werth.
1	0. 952 380 952	35	0. 181 290 285	69	0. 034 509 476
2	0. 907 029 478	36	0. 172 657 415	70	0. 032 866 168
3	0. 863 837 599	37	0. 164 435 633	71	0. 031 301 112
4 5	0. 822 702 475 0. 783 526 166	38 39	0. 156 605 365 0. 149 147 966	72 73	0. 029 810 583 0. 028 391 031
6	0. 746 215 397	39 40	0. 149 147 900	74	0. 028 391 031
7	0. 710 681 330	41	0. 135 281 602	75	0. 025 751 502
8	0. 676 839 362	42	0. 128 839 621	76	0. 024 525 240
9	0. 644 608 916	43	0. 122 704 401	77	0. 023 357 372
10	0. 613 913 254	44	0. 116 861 334	78	0. 022 245 116
11	. 584 679 289	45	0. 111 296 509	79	0. 021 185 825
12	0. 556 837 418	46	0. 105 996 675	80	0. 020 176 976
13	0. 530 321 351	47	0. 100 949 214	81	0. 019 216 167
14	0. 505 067 953	48	0. 096 142 109	82	0. 018 301 112
15	0. 481 017 098	49	0. 091 563 913	83	0. 017 429 630
16	0. 458 111 522	50	0. 087 203 727	84	0. 016 599 648
17 18	0. <b>436 2</b> 96 688 0. <b>415 520 655</b>	51	0. 083 051 169	85	0.015 809 189
		52	0. 079 096 351	86	0. 015 056 370
19 20	0. 395 733 957 0. 376 889 483	53	0. 075 329 858 0. 071 742 722	87	0. 014 339 400 0. 013 656 571
21	0. 358 942 365	54 55	0. 068 326 402	88 89	0. 013 006 259
22	0. 341 849 871	56	0. 065 072 764	90	0. 012 386 913
23	0. 325 571 306	57	0. 061 974 061	91	0. 012 380 913
24	0. 310 067 910	58	0. 059 022 915	92	0. 011 235 295
25	0. 295 302 772	<del>5</del> 9	0. 056 212 300	93	9. 010 700 281
26	0. 281 240 735	60	0. 053 535 524	94	0. 010 190 744
27	0. 267 848 319	61	0. 050 986 213	95	9. 0 <b>0</b> 9 705 470
28	0. 255 093 637	62	0. 048 558 298	96	0. 009 243 305
29	0. 242 946 321	63	0. 046 245 998	97	0. 008 803 148
30	0. 231 377 449	64	0. 044 043 808	98	0. 008 383 950
31	0. 220 359 475	65	0. 041 946 484	99	0. 007 984 714
32	9. 209 866 167 0. 100 870 540	66		100	0. 007 604 496
33 34	0. 199 87 <b>2 540</b> 0. 190 354 800	67 68	0. 038 046 697 0. 036 234 950	$\frac{101}{102}$	
	V. 100 004 000 1	-001	V: VUU 4:P\$ 700	- V &	

zu 51 Procent.

72						
E	Ein Capital Eine, welches später fällig wird, ist jetzt:					
Jahre.	Werth.	ahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	
1	0. 950 118 765	35	0. 166 811 636	69	0. 029 286 993	
2	0. 902 725 667	36	0. 158 490 866	70	0. 027 826 122	
3	0. 857 696 596	37	0. 150 585 146	71	0. 026 438 121	
4	0. 814 913 630	38	0. 143 073 773	72	0. 025 119 355	
5	0. 774 264 732	39	0. 135 937 076	73	0. 023 866 370	
6	0. 735 643 451	40	0. 129 156 367	74	0. 022 675 886	
7	0. 698 948 647	41	0. 122 713 888	75	0. 021 544 785	
8	0. 664 084 225	42	0. 116 592 767	76	0. 020 470 104	
9	0. 630 958 884	43	0. 110 776 976	77	0. 019 449 030	
10	0. 599 485 875	44	0. 105 251 284	78	0. 018 478 889	
$\begin{array}{c} 111 \\ 12 \end{array}$	0. 569 582 779 0. 541 171 287	45 46	0. 100 001 220 0. 095 013 035	79 80	0. 017 557 139	
					0. 016 681 367	
13	0. 514 176 995	47	0. 090 273 668	81	0. 015 849 280	
14 15	0. 488 529 211 0. 464 160 771	48 49	0. 085 770 706 0. 081 492 357	82 83	0.015 058 698	
					0. 014 307 552	
16	0. 441 007 858	50	0. 077 427 418	84	0. 013 593 873	
17 18	0. 419 009 841 0. 398 109 113	51 52	0. 073 565 242 0. 069 895 717	85 86	0. 012 915 794	
					0. 012 271 538	
19	0. 378 250 939	53	0. 066 409 233	87	0. 011 659 419	
$\begin{array}{c} 20 \\ 21 \end{array}$	0. 359 383 315 0. 341 456 831	54 55	0. 063 096 658 0. 059 949 319	88 89	0. 011 077 833	
1					0. 010 525 257	
22 23	0. 324 424 542	56	0. 056 958 973	90	0. 010 000 244	
23 24	0. 308 241 846 0. 292 866 362	57 58	0. 054 117 789 0. 051 418 327	91 92	0. 009 501 419   0. 009 027 477	
25 26	0. 278 257 826 0. 264 377 982	59	0. 048 853 517	93	0.008 577 175	
20 27	0. 251 190 481	60 61	0. 046 416 643 0. 044 101 324	94 95	0. 008 149 335 0. 007 742 836	
28 29	0. 238 660 790 0. 226 756 095	62 63	0.041 901 495	96	0.007 356 614	
30	0. 220 780 095 0. 215 445 221	64	0. 039 811 397 0. 037 825 <i>55</i> 5	97 98	0. 006 989 657 0. 006 641 004	
31 32	0. 204 698 547 0. 194 487 931	65 66	0. 035 938 770	99	0. 006 309 743 0. 005 995 005	
33	0. 184 786 633	67	0. 034 146 100 0. 032 442 850	100 101	U. UUU 980 UU0	
34		68	1171	102		
					Annual Control of the	

zu 5½ Procent.

	i3 `					
A	Ein Capital Eins, welches später fällig wird, ist jetzt:					
Jahre.	Werth.	Jahre.	· Werth.	Jahre.	Werth.	
7	0. 947 867 299	35	0. 153 519 629	69	11	
2 3		36 37	0. 145 516 236 0. 137 930 082	70 71	0. 023 568 277 0. 022 339 599	
<b>I</b>	0. 807 216 743	38	0. 130 739 414	72	0. 021 174 975	
4 5	0. 765 134 354	39	0. 130 739 414	73	0. 020 071 066	
в	0. 725 215 833	40	0. 117 463 142	74	0. 019 024 707	
7	0. 687 436 809	41	0. 111 339 471	75	0. 018 032 898	
8	0. 651 598 871	42	0. 105 535 044	76	0. 017 092 794	
9	0. 617 629 261	43	0. 100 033 217	77	0. 016 201 701	
10	0. 585 430 579	44	0. 094 818 215	78	0. 015 357 062	
11 12	0. 554 910 502 0. 525 981 518	45 46	0. 089 875 085 0. 085 189 654	79 80	0. 014 556 457 0. 013 797 590	
1						
13 14	0. 498 560 681 0. 472 569 366	47 48	0. 080 748 488 0. 076 538 851	81 82	0. 013 078 284 0. 012 396 478	
15	0. 447 933 048	19	0. 072 548 674	83	0. 011 750 216	
16	0. 424 581 088	50	0. 068 766 515	84	0. 011 137 646	
17	0. 402 446 529	51	0. 065 181 531	85	0. 010 557 010	
18	0. 381 465 904	<b>52</b>	0. 061 783 442	86	0. 010 006 645	
19	0. 361 579 056	53	0. 058 562 504	87	0. 009 484 971	
20	0. 342 728 963	54	0. 055 509 483	88	0. 008 990 494	
21	0. 324 861 577	55	0. 052 615 623	89	0. 008 521 795	
22	0. 307 925 665	56	0. 049 872 629	90	0.008 077 531	
23 24	0. 291 872 668 0. 276 656 558	57 58	0. 047 272 634 0. 044 808 184	91 92	0. 007 656 <b>427</b> 0. 007 257 277	
25	0. 262 233 704	59	0. 042 472 212	93	0. 006 878 936	
26	0. 202 233 704 0. 248 562 753	98 60	0. 042 472 212 0. 040 258 021	94	0. 006 520 318	
27	0. 235 604 505	51	0. 038 159 262	95	0. 006 180 396	
28	0. 223′321 805	62	0. 036 169 916	96	9. 005 858 19 <del>6</del>	
29	0. 211 679 436	63	0. 034 284 281	97	<b>9</b> . 005 55 <b>2</b> 79 <b>2</b>	
30	0. 200 644 016	64	0. 032 496 949	98	0. 005 263 310	
31		65	0. 030 802 795	99	0. 004 988 919	
32 33		66	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	100	0. 004 728 834	
34		67 68		101 102		
1:2=11	V. 201 000 200	7011	U. VAU AUA VOI	- 4-11		

zu 52 Procent.

7	74					
K	in Capital Ein	8, 1	velches später f	ällig	wird, ist jeszt:	
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth	
1	0. 945 626 478	35	0. 141 314 536	69	0. 021 118 062	
2 3	0. 894 209 435 0. 845 588 118	36 37	0. 133 630 767 0. 126 364 792	70 71	0. 019 969 7 <b>98</b> 0. 018 883 970	
-		38	0. 119 493 893	72	0. 017 857 182	
4 5	0. 799 610 514 0. 756 132 873	აი 39	0. 112 996 589	73	0. 017 837 182	
.6	0. 715 019 266	40	0. 106 852 567	74	0. 015 968 061	
7	0, 676 141 150	41	0. 101 042 616	75	0. 015 099 821	
8	0. 639 376 974	42	0. 095 548 573	76	0. 014 278 790	
9	0. 604 611 795	43	0. 090 353 261	77	0. 013 502 402	
10	0. 571 736 922	44	0. 085 440 436	78	0. 012 768 229	
11 12	0, 540 649 572 0, 511 252 550	45 46	0. 080 794 738 0. 076 401 644	79 80	0. 012 073 976 0. 011 417 471	
13 14	0. 483 453 948 0. 457 166 854	47 48	0. 072 217 417 0. 068 319 071	81 82	0, 010 796 663 0, 010 209 610	
15	0. 432 309 082	49	0. 064 664 322	83	0. 009 654 478	
16	0. 408 802 914	50	0. 061 091 558	84	0. 009 129 530	
17	0. 386 574 860	51	0. 057 769 794	85	0. 008 633 125	
18	0. 365 555 423	<b>52</b>	0. 054 628 647	86	0. 008 163 712	
19	0. 345 678 887	53	0. 051 658 295	87	0. 907 719 822	
20	0. 326 883 108	54	0. 048 849 452	<b>8</b> 8	0. 007 300 068	
21	0. 309 109 322	55	0. 046 193 335	89	0. 006 903 138	
22	0. 292 301 960	56	0. 043 681 641	90	0. 006 527 790	
23	0. 276 408 472	57	0. 041 306 516	91	0. 006 172 851 0. 005 837 211	
24	0. 261 379 170	58	0. 039 060 535	92		
25	0. 247 167 064 0. 233 727 720	59 60	9. 036 936 676 0. 034 928 299	93 94	0. 005 519 821 0. 005 219 689	
26 27	0. 233 727 720	61	0. 033 029 124	95	0. 004 935 876	
28	0. 209 001 533	$\frac{62}{62}$	0. 031 233 215	96	0. 004 667 495	
29	0. 197 637 383	63	9. 029 534 955	97	0. 004 413 707	
30	0. 186 891 142	64	0. 027 929 035	98	0. 994 173 718	
31	0. 176 729 213	65	0. 026 410 435	99	0. 003 946 779	
32	0, 167 119 823	66	0. 024 974 407	160	0. 003 732,178	
33	0. 158 032 929	67	0. 023 616 460	101		
34	0. 149 440 122	68	0. 022 332 350	102		

# III. Haupt-Tafel.

Diese Tasel enthält den jetzigen Werth eines Capitals Eins, welches am Ende irgend eines Jahres (ohne Zinsen) erst zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinssusse:

#### zu 6 Procent.

7.	3	Z	u o Procent	•		
E	Ein Capital Eine, welches später fällig wird, ist jetzt:					
Jahre.	Werth	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	
1 2	0. 943 396 226 0. 889 996 440	35 36	0. 130 105 218	69 70	0. 017 943 010 0. 016 927 368	
3	0. 839 619 283	30 37	0. 122 740 772 0. 115 793 181	71	0. 010 927 308	
4	0. 792 093 663	38	0. 109 238 850	72	0. 015 065 297	
5 6	0. 747 258 173 0. 704 960 540	39 40	0. 103 055 519 0. 097 222 188	73	0. 014 212 544 0. 013 498 <del>06</del> 1	
7	0. 665 057 114	41	0. 091 719 045	75	0. 012 649 114	
8 9	0.627 412 371 0.591 898 464	42 43	0. 086 527 401 0. 081 629 624	76 77	0. 011 933 126 0. 011 257 666	
10	0. 558 394 777	44	0. 077 009 079	78	0. 010 620 440	
11	0. 526 787 525	15	0. 072 650 074	79	0. 010 019 283	
12	0. 496 969 364	46	0. 068 537 806	80	0. 009 452 154	
13 14	0. 468 839 022 0. 442 300 964	17 18	0. 064 658 308 0, 060 998 403	81 82	0. 008 917 126 0. 008 412 383	
15	0 417 265 061	19	0. 057 545 664	83	0. 007 936 211	
16 17	0. 393 646 284 0. 371 364 419	50 51	0. 054 288 362 0. 051 215 436	84 85	0. 007 486 991 0. 007 063 199	
18	0. 350 343 791	52	0. 048 316 449	86	0. 006 663 395	
19	0. 330 513 010	53	0. 045 581 555	87	0. 006 286 222	
20 21	0. 311 804 727 0. 294 155 403	54 55	0. 043 001 467 0. 040 567 422	88 89	<b>0. 005 930 398</b> 0. 005 594 715	
22	0. 277 505 097	56	0. 038 271 153	90	0. 005 278 033	
$\begin{array}{c} 23 \\ 24 \end{array}$	0. 261 797 261 0. 246 978 548	57 58	0, 036 104 861 0, 034 061 190	91 92	0. 004 979 277 0. 004 697 431	
$\frac{2}{25}$	0. 232 998 631	59	0. 032 133 198	93	0. 004 431 539	
26	0. 219 810 029	60	0. 030 314 338	94	0. 004 180 697	
$\frac{27}{28}$	0. 207 367 952	61	0. 028 598 432	95	0. 003 944 054	
28 29	0. 195 630 143 0. 184 556 739	$62 \\ 63$	0. 026 979 653 0. 025 452 502	90 97	0. 003 720 805 0. 003 510 194	
30	0. 174 110 131	64	0. 024 011 795.	98	0. 003 311 503	
31 32	0. 164 254 840 0. 154 957 397	65 66	0. 022 652 637 0. 021 370 412	99 100	'0. 003 124 060 0. 002 947 226	
33	0. 146 186 223	67	0. 020 160 766	101		
34	0. 137 911 531	68	0. 019 019 590	102		

## IV. Haupt-Tafel.

Wenn am Ende eines jeden Jahres ein Capital, welches hier gleich Eins ist, bezahlt werden sollte, so enthält diese Tafel den jetzigen baaren Werth aller Terminzahlungen zusammengenommen; auf die Zeit, von einem bis mit 106 Jahren, berechaet.

Diese IVte Haupt - Tafel theilt sich in 25 einzelne Täfelchen, von welchen jedes nach einem besondern Zinsfusse berechnet ist.

Mit Hilfe dieser Tafeln lassen sich folgende Fragen beantworten:

- a) Jemand hat auf eine gewi... Anzahl Jahre, am Ende eines jeden, eine gewisse Einnahme (Rente) zu erwarten. Wie viel ist die Summe aller dieser Einnahmen jetzt oder sofort werth! (Siehe §. 267, Seite 215.)
- b) Man will Jemanden ein jährliches Einkommen (eine Lebens-Rente) in einer Bank sichern, wie viel hat man jetzt banr zu erlegen? (Siehe §. 270, Seite 223.)
- c) Wenn man jetzt ein gewisses Capital auf Zinsen giebt, wie viel darf man mit Ende eines jeden Jahres hinwegnehmen, wenn Capital und Zinsen in einer gewissen Zeit gleich 6. seyn soll! (Siehe §. 275, Seite 231.)

Anleitung zur Auflösung dieser und ähnlicher Aufgaben findet man von §. 264 bis mit §. 277 angegeben.

Würde eine dieser 25 Täfelchen fehlerhaft berechnet gefunden, so hat derjenige, welcher dem Verfasser — oder der Verlagshandlung diesen Fehler zuerst anzuzeigen die Güte haben wird, einen vollwichtigen Ducaten in Golde zu erwarten.

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w. der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

#### zu 1 Procent

7							
	Die sämmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:						
Jahre.	Werth.	Werth.	Jahre	Werth.			
1	0. 997 506 234	35 33. 472 431 262	·69 70	63. 304 213 020			
2 3	1. 992 524 922 2. 985 062 266	36 34. 386 465 099 ) 37 35. 298 219 550	71	64. 143 853 387 64. 981 399 887			
4	3. 975 124 455	38 36. 207 700 299	72	65. 816 857 743			
5	4. 962 717 661	39 37. 114 913 017	73	66. 650 232 163			
6	5. 947 848 041	40 38. 019 863 358	74	67. 481 528 342			
7 8	6. 930 521 737 7. 910 744 875	41 38. 922 556 966 42 39. 822 999 467	75 76	68. 310 751 463 69. 137 906 696			
9	8. 888 523 566	43 40. 721 196 476	77	69. 962 999 198			
10	9. 863 863 996	44 41. 617 153 592	78	70. 786 034 113			
$\begin{array}{c} 11 \\ 12 \end{array}$	10. <b>836 771 976</b> 11. 807 <b>253 84</b> 1	45 42. 510 876 401 46 43. 402 370 475	79 80	71. 607 016 572 72. 425 951 692			
$\frac{12}{13}$	12. 775 315 552	47 44. 291 641 372	81	73. 242 844 581			
	13. 740 963 145	48 45. 178 694 635	82	74. 057 700 330			
15	14. 704 202 638	49 46. 063 535 795	83	74. 870 524 <b>020</b>			
<b>a</b> 1	15.665 040 038	50 46. 946 170 370	84	75, 681 320 718			
17 18	16. 623 481 335 17. 579 532 503	51 47. 826 603 860 52 18. 704 841 755	85 86	76. 490 095 479 77. 296 853 346			
	18. 533 199 505	53 49. 580 889 532	87	78. 101 599 348			
20	19. 484 488 284	54 50. 454 752 650	.88	78. 904 338 502			
21	20. 433 404 772	55 51. <b>326 436 559</b>	89	79. 705 075 812			
22	21. 379 954 885	56 52. 195 946 692	90	80. 503 816 271			
23 24	22. 324 144 523 23. 265 979 574	57  53. 063 288 471 58  53. 928 467 302	91 92	81. 300 564 859 82. 095 <b>326 543</b>			
	24. 205 465 910	59 54. 791 488 581	93	82. 888 106 277			
	25. 142 609 386	60 55. 652 357 687	94	83. 678 909 005			
27	26. 077 415 847	61 56. 511 079 987	95	84. 467 739 655			
$\begin{array}{c} 28 \\ 29 \end{array}$	27. 009 891 119 27. 940 041 016	62 57. 367 660 835 63 58. 222 105 571	96 97	85. 254 603 <b>148</b> 86. 039 504 <b>38</b> 7			
	28. 867 871 338	64 59. 074 419 522	98	86. 822 448 <b>266</b>			
31	29. 793 387 868	65 59. 924 608 002	99	87. 603 439 667			
32	30. 716 596 377	66 60. 772 676 311	100	88. 382 483 458			
	31. <b>637 502 621</b> 3 <b>2</b> . 556 11 <b>2 34</b> 0	67 61. 618 629 737 68 69 469 472 553	101 102				
34	32. 330 112 340	<b>6</b> 8  62. 462 473 553	[102]				

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. z. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

## zu Procent

	. 11					
.,	Die sämmtli	chen	Termin - Zahlu	ngen	sind jetzt:	
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	
1 2	0. 995 024 876 1. 985 099 379		32. 035 371 320 32. 871 016 239	69 70	58. 234 114 651 58. 939 417 563	
3	2. 970 248 138		33. 702 503 721	71	59. 641 211 505	
4	3. 950 495 660		34. 529 854 448	72	60. 339 513 936	
5 6	4. 925 866 328 5. 896 384 406	<b>39</b> 40	35. 353 089 003 36. 172 <b>22</b> 7 864	73 74	61. <b>034 342 224</b> 61. <b>72</b> 5 713 656	
7	6. 862 074 036	41	36. 987 291 407	75	62. 413 645 429	
8 9	7. 822 959 240 8. 779 063 920		37. 798 299 908 38. 605 273 540	76 77	63. 098 154 656 63. 779 258 364	
10	9. 730 411 861	44	39. 408 232 378	78	64. 456 973 496	
11 12	10. 677 026 727 11. 618 932 067		40. 207 196 396 41. 002 185 469	79 80	65. 131 316 912 65. 802 305 385	
13	12. 556 151 310	47	41. 793 219 372	81	66. 469 955 607	
14	13. 488 707 771	48	42. 580 317 783	82	67. 134 284 186	
16	14. 416 624 648 15. 339 925 023	49 50	43. 363 500 281 44. 142 786 350	83 84	67. 795 307 648 68. 453 042 436	
17	16. 258 631 864	51	44. 918 195 373	85	69. 107 504 911	
18	17. 172 768 024 18. 082 356 242		45. 689 746 640 46. 457 459 343	86 87	69. 758 711 354 70. 406 677 964	
20	18. 987 419 147	54	47. 221 352 580	88	71.,051 420 860	
21	19. 887 979 250	55	47. 981 445 353	89	71. 692 956 089	
22 23	20. 784 058 956 21. 675 680 553		48. 737 756 570 49. 490 305 045	90 91	72, 331 299 582 72, 966 467 246	
24	22. 562 866 222	58	50. 239 109 498	92	73. 598 474 871	
$\begin{array}{c} 25 \\ 26 \end{array}$	23. 445 638 032 24. 324 017 942	59 60	50. 984 188 555 51. 725 560 751	93 94	74. 227 338 180 74. 853 072 816	
<b>27</b>	25. 198 027 803	61	52. 463 244 528	95	75. 475 694 344	
28 29	26. 067 689 356 26. 933 024 235	62 63	53. 197 258 237 53. 927 620 137	96 97	76. 095 218 253 76. 711 659 953	
30	27. 794 053 965		54. 654 348 395	98	77. 325 034 780	
31	28. 650 799 965		55. 377 461 089	99	77. 935 857 990	
32 33	29. 503 283 548 30. 351 525 918		56. 096 976 208 56. 812 911 650	100 101	78. 542 644 7 <u>6</u> 6	
H .			57. 525 285 <b>22</b> 4	102		

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinssusse:

zu ? Procent.

	9.			-			
	Die sämmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:						
Jahre.	Werth.	Werth.	Jahre.	Werth.			
	0. 992 555 831	35 30. 682 656 291	69	53. 711 906 769			
2	1. 977 722 909	36 31. 446 805 251	70	54. 304 622 103			
. 3	<b>2. 955 556 238</b>	37 32. 205 265 758	71	54. 892 925 165			
4	3. 926 110 410	38 32. 958 080 157	72	55. 476 848 799			
5	4. 889 439 612	39 33. 705 290 478	73	56. 056 425 607			
6	5. 845 597 630	40 34. 446 938 440	74	56. 631 687 947			
7	6, 794 637 846	41 35. 183 065 449	75	67. 202 667 938			
8	7. 736 613 247	42 35. 913 712 605	76	57. 769 397 457			
9	8. 671 576 424	43 36. 638 920 699	77	58. 331 908 146			
10	9. 599 579 577	44 37. 358 730 223	7.8	58.890 231 410			
$\frac{11}{12}$	10. 520 674 518 11. 434 912 673	45 38. 073 181 362 46 38. 782 314 007	, 79 80	59. 444 398 422 59. 994 440 121			
ž							
13	12. 342 345 085	47 39. 486 167 749	81	60. 540 387 217			
14	13. 243 922 417 14. 136 994 955	48 40. 184 781 885 49 40. 878 195 420	82 83	61. 082 270 190 61. 620 119 296			
<b>18</b> 4 (	15. 924 312 610 15. 905 024 923	50 41. 566 447 067 51 42. 249 575 252	84 85	62. 153 964 561 62. 683 835 793			
	16779 181 065	52 42. 927 618 116	86	63. 209 762 574			
19	17. 646 829 841	63 43. 600 613 515	87	63, 731 774 267			
	18. 508 019 694	54 44. 268 599 022	88	64, 249 900 017			
$\overline{21}$	19. 362 798 703	55 44. 931 611 933	89	64. 764 168 751			
$\overline{22}$	20. 211 214 594	56 45. 589 689 263	90	65, 274 609 182			
	21. 053 314 733	57 46. 242 867 755	91	65, 781 249 808			
	21. 889 146 137	58 46. 891 183 876	92	66. 284 118 917			
25	22, 718 755 471 .	59 47. 534 673 822	93	66, 783 244 582			
	23. 542 189 054	60 48. 173 373 521	94	67. 278 654 672			
27	24. 359 492 857	61 48. 807 318 631	95	67. 770 376 846			
28	25. 170 712 513	62 49. 436 544 547	96	68. 258 438 557			
/ "	25. 975 893 313	63 50. 061 086 399	97	68. 742 867 054			
30	26. 775 080 212	64 50. 680 979 056	98	69. 223 689 383			
	27. 568 317 828	65 51. 296 257 128	99	69. 700 932 390			
	<b>28. 355 650 450</b>	66 51. 906 954 966	100	70. 174 622 720			
	29. 137 122 034	67 52. 513 106 666	101				
34	29. 912 776 213	68  53. 114 746 070	102				

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 1 Procent.

71			U 151057 - 5 300		and the second second		
	Die sämmilichen Termin-Zahlungen sind jetzt:						
Jahre.	Werth.	Sabre.	Werth.	Salare	Werth.		
	0. 990 099 010-		29. 408 589 088	69	49. 670 199 491		
2	1. 970 395 059		30. 107 505 037 30. 799 509 938	70 71	50. 168 514 348 50. 661 895 394		
3	2. 940 985 207						
4 5	3. 901 965 552 4. 853 431 239		31. 484 663 305 32. 163 032 975	72 73	51. 150 391 479 51. 634 650 969		
6	5. 795 476 475		32. 834 686 114	74	52. 112 921 752		
7	6. 728 194 529	41	33, 499 689 222	75	52, 587 051 239		
8	7. 651 677 752	B	34. 158 108 140	76	53. 056 486 375		
9	8, 566 017 576	43	34. 810 008 060	77	<b>5</b> 3. <b>521 273 639</b>		
10	9. 471 304 531	44	35. 455 453 524	78	53. 981 459 049		
11	10. 367 628 248	45	36. 094 508 440	79	54. 437 088 167		
12	11, 255 077 473	16	36. 727 236 079	80	54: 888 206 106		
13	12. 133 740 073	47	37, 353 699 088	81	55, 334 857 531		
14	13. 003 703 042		37. 973 959 493	82	55, 777 086 664		
15	13, 865 052 517	_	38. 588 078 706	83	56. 214 937 291		
16	14. 717 873 779		39. 196 117 531	84 85	56. 648 452 763 57. 077 676 003		
17 18	15. 562 <b>2</b> 51 <b>2</b> 67 16, 398 <b>2</b> 68 581		39. 798 136 169  40. 394 194 227	86	57, 502 649 508		
			40. 984 350 720	87	57, 923 415 355		
	17. 226 008 496 18. 045 552 966		41. 568 664 079	88	58. 340 015 203		
	18. 856 983 135		42, 147 192 158	89	58. 752 490 300		
	19, 660 379 342	_	42, 719 992 235	90	59, 160 881 485		
23	20. 455 821 130		43. 287 121 025	91	59. 565 229 193		
24	<b>21. 243 387 258</b>	58	43. 848 634 678	92	59. 965 573 458		
25	22, 023 155 701	59	44. 404 588 790	93	60, 361 953 919		
	22, 795 203 664	60	44. 955 038 406	94	60. 754 409 821		
27	23, 559 607 588	61	45. 500 038 026	95	61. 142 980 021		
<b>.</b> 1	24, 316 443 157		46. 039 641 610	96	61. 527 702 991		
	25, 065 785 304	63	46. 573 902 584	97	61. 908 616 823 62. 285 759 230		
	25, 807 708 221	64	47. 102 873 846	98			
	26. 542 285 368	(i5	47. 626 607 768	99	62. 659 167 555 63. 028 878 767		
	27, 269 589 473 27, 989 692 547		48. 145 156 206 48. 658 570 501	1 <b>0</b> 0 101	43, UZO 010 141		
			49. 166 901 486	102			
-	120. 702 000 000	-00		_			

- ]:

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinzfusse:

#### zu 14 Procent.

				_	
	Die sämmtlic	hen	Termin - Zahlun	ıgen	sind jetzt:
Jahre.	Worth.	ahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
1	0. 987 654 321		28. 207 858 217	69	46. 050 546 565
2 3	1. 963 115 379 2. 926 533 707	36 37	28. 847 267 375 29. 478 782 593	70 71	46. 469 675 619 46. 883 630 241
4	3. 878 057 983		30, 102 501 326	72	47. 292 474 312
5	4. 817 835 045			73	47. 696 270 926
6	5. 746 009 921 6. 662 725 847	40 41	31. 326 933 164	74	48. 488 970 267
8	7. 568 124 294	42	31. 927 835 223 32. 521 318 739	76	48. 877 995 326
9	8. 462 344 982	43	33. 107 475 298	77	49. 262 217 606
10 11	9. 345 525 908	44	33. 686 395 356	78	49. 641 696 401 50. 016 490 272
,	10. 217 803 <b>3</b> 66 11. 079 311 966	45 46	34. 258 168 253 34. 822 882 225	79 80	50. 386 657 <b>6</b> 59
13	11. 930 184 658	47	35. 380 624 420	81	50. 752 253 886
	12. 770 552 748 13. 600 545 924	48	35. 931 480 908 36. 475 536 700	<b>82</b> 83	51. 113 337 171 51. 469 962 638
	13. 600 343 924 14. 420 292 271	50	37. 012 875 753	84	51. 822 185 321
	15, 229 918 292	5 I	37. 543 580 990	85	52. 179 059 577
	16. 029 548 931	52	38. 067 734 311	86	52. 513 639 088
	16. 819 307 586 17. 599 316 134	53 54	38. 585 416 604 39. 096 707 757	87 88	52, 852 976 877 53, 188 125 311
	18. 369 694 947	55	39. 601 686 673	89	53. 519 136 109
и ,	19. 130, 562 911	56	40. 100 431 282	90	53. 846 060 355
	19. 882 037 443 20. 624 234 512	57	40. 593 018 551 41. 079 524 494	91 92	54, 168 948 499 54, 487 850 369
	21. 357 268 653	59	41. 560 024 192	93	54. 802 815 179
26	22. 081 252 991	60	42. 034 591 795	94	55. 113 891 535
	22. 796 299 250	61		95	55. 421 127 442
	23. 502 517 778 24. 200 017 559	62 63	42. 966 222 753 43. 423 429 880	96 97	55. 724 570 313 56. 024 266 976
	24. 888 906 231		43. 874 992 474	98	56: 320 263 680
-	25. 569 290 104		44. 320 980 221	99	56. 612 606 104
	26. 241 274 177 26. 904 962 150		44. 761 461 947 45. 196 505 627	100 101	56. 901 339 362
	<b>27. 560 456 445</b>		45. 626 178 397	102	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, s. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berrechnet nach dem Zinsfusse:

## zu 11 Procent.

<u>. 1</u>	91	zh iż rrocen					
	Die sümmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt;						
Jahre.	Werth.	Werth,	Jahre.	Werth.			
1	0. 985 221 675	35 27. 075 594 570	69	42. 809 194 904			
2 3	1. 955 883 424 2. 912 200 417	36 27. 660 684 311 37 28. 237 127 400	70 71	43. 154 871 827 43. 502 336 775			
4	3. 854 384 648	38 28. 805 051 625	72	43. 844 666 774			
5	4. 782 644 973	39 29. 364 582 882	73	44. 181 937 708			
6	5. 697 187 165	40 29. 915 845 204	74	44. 514 224 343			
7	6. 598 213 956	41 30. 458 960 792 42 30. 994 050 042	75 76	44. 841 600 338 45. 164 138 264			
8 9	7. 485 925 080 8. 360 517 320	13 31. 521 231 568	77	45. 481 909 619			
10	9. 222 184 552	44 32. 040 622 235	78	45. 794 984 847			
11	10.071 117 785	45 32. 552 337 177	79	46. 103 433 347			
	10, 907 505 207	46 33, 056 489 830	80	46. 407 323 494			
	11. 731 532 224 12. 543 381 501	47 33, 553 191 950 48 34. 042 553 646	81 82	46. 706 722 654 47. QOT 697 196			
15	,	19 34. 524 683 395 <b>(</b>	83	47. 292 312 509			
16	14. 131 264 045	50 34. 999 688 074	84	47. 578 633 014			
17	14. 907 649 306	51 35. 467 672 979	85	47. 860 722 181			
	15, 672 560 892	52 35. 928 741 851	86	48. 138 642 543			
19 20		53 36. 382 996 898 54 36. 830 538 815	87 88	48. 413 455 707 48. 682 222 372			
	17. 900 136 734	55 37. 271 466 813	89	48. 948 002 336			
	18. 620 824 369	56 37. 705 878 634	90	49 209 854 519			
	19. 330 861 447 20. 030 405 366	57 38. 133 870 575	91	49, 467 836 964			
$\frac{24}{25}$	[]	58 38. 555 537 512	92	49. 722 006 861			
26 26	20. 719 611 198 21. 398 631 723	59 38. 970 972 919 60 39. 380 268 885	93 94	49. 972 420 553 50. 219, 133 550			
27	H	61 39. 783 516 143	95	50. 462 200 542			
	22. 726 716 710	62 40. 180 804 082	96	50. 701 675 410			
29 30	23. 376 075 576 24. 015 838 006	63 40. 572 220 770 64 40. 957 852 976	97 98	50. 937 611 242 51. 170 060 337			
$\frac{30}{31}$	24. 646 145 819		98	51. 399 074 223			
	25. 267 138 738	65 41. 337 786 183 66 41. 712 104 614	100	51, 624 703 668			
33	25. 878 954 422	67 42. 080 891 245	101				
34	<b>26. 481 728 494</b>	68 42. 414 227 828	102				

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres nahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

### zu 14 Procent.

8	89.						
	Die sämmtlic	hen	Termin - Zahlui	igen	sind jetzt:		
Jahre.	Werth.	ahre	Werth.	Jahre.	Werth.		
1 2	0, 982 800 983 1, 948 698 755		26. 007 251 000 26. 542 <b>3</b> 52 826	69 70	40. 177 902 670		
3	2. 897 984 034 3. 830 942 540	37 38		71 72	40. 469 683 214		
5 6	4. 747 855 076 5. 648 997 617	39 40	28. 094 628 566 28, 594 229 549	73 74	41. 638 275 596 41. 315 258 571		
7 8	6. 534 641 393 7. 405 952 966	41 42	29. 085 237 886 29, 567 801 362	75 76	1		
9 10	8. 260 494 316 9. 101 222 915		30. 042 065 <b>22</b> 1 30. 508 172 207	77 78			
11 12	9. 927 491 808	45 46	30. 966 262 612 31. 416 474 311	79 80	42. 630 333 595		
13 14	11. 537 640 971 12. 322 005 869	47 48	31. 858 942 812 32. 293 801 290	81 82	43. 125 242 985 43. 366 332 172		
15	13. 092 880 461 13. 850 496 767	19 50	32. 721 180 629 33. 141 209 463	83 84	43, 603 274 862		
17	14. 595 082 818 15. 326 862 720	51 52	33. 554 014 214 33, 959 719 129	85 86	44. 065 904 786		
19 20	16, 046 056 728 16, 752 881 305	53 54	34. 358 446 319 34. 750 315 792	87 88	44, 519 988 692 44, 728 244 415		
11-	17. 447 549 194 18. 130 269 478	55 56	35. 135 445 496 35. 513 951 348	89 90	44. 941 763 553		
23	18. 801 247 644 19. 460 685 645	57 58	35, 885 947 270 36, 251 545 229	91 92	45. 357 848 931 45. 569 538 605		
41 ~ - I	20. 108 781 961 20. 745 731 657	59 60	36. 610 855 262 36. 963 985 515	93 94	45. 759 743 1N1 45. 955 521 475		
	21. 371 726 444	61 62	37. 311 042 276 37. 652 130 001	95 96	46, 147 932 653 46, 337 034 549		
29	22. 591 601 707 23. 185 849 343	63 64	37. 987 351 352 38. 316 807 225	97 98	46, 522 884 977 46, 795 537 177		
31. 32	23, 769 876 504 24, 343 858 972		38. 646 596 782 38. 958 817 476	99 100	46. 885 048 823 47. 961 473 044		
	24. 907 969 506 25. 462 377 898	67	39. 271 565 087 39. 578 933 746	101 102			

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. z. w., der am Ends eines jeden Jahres gahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

#### zu 2 Procent.

=	53						
	Die sämmtlic	hen Termin - Zahlu	ngen	sind jetzt:			
ahre.	Werth.	Werth.	Jahre.	Werth.			
	0. 980 392 157	35 24, 998 619 332	69	37. 218 591 680			
2	1. 941 560 938 2. 883 883 273	36 25. 488 842 482 37 25. 969 453 414	70 71	37. 498 619 294 37. 743 744 406			
4	3. 807 728 699	38 26. 440 640 602	72	37. 984 063 143			
5	4. 713 459 509	39 26. 902 588 826	73	38. 219 069 748			
6	<b>5. 001 430 891 6. 471 991 069</b>	40 27. 355 479 241 41 27. 799 489 452	7.5	38. 450 656 <del>6</del> 16 38. 677 114 329			
8	7. 325 481 440	42 28. 234 793 580	76	38. 899 131 695			
9	8. 162 236 706	43 28. 661 562 333	77	39. 116 795 780			
10	8. 982 585 006 9. 786 848 045	44 29. 079 963 072 45 29. 490 159 875	78 79	39. 330 191 941 39. 539 403 864			
11 12	10. 575 341 221	46 29. 892 313 602	80	39. 744 513 592			
11	11. 348 373 746	47 30. 286 581 963	81	39. 945 601 560			
	12. 106 248 771 12. 849 263 501	48 30. 673 119 572 3 49 31. 052 078 012	82 83	40. 142 746 628 40. 336 026 106			
	13. 577 709 314	50 31. 423 605 894	84	40. 525 515 790			
	14. 291 871 877	51 31. 787 848 915	85	40. 711 289 990			
	14. 992 031 252	52 32. 144 949 917	86	40. 893 421 559			
	15. 678 402 011 16. 351 433 345	53 32. 495 048 938 54 32. 838 283 273	87 88	41. 071 981 921 41. 247 041 099			
	17. 011 209 161	55 33. 174 787 522	89	41. 418 667 744			
	17, 658 048 197	56 33. 504 693 649	90	41. 586 929 161			
	18. <b>292</b> 204 115 18. <b>913</b> 925 603	37 33. 828 131 029 58 34. 145 226 499	91 92	41. 751 891 334 41. 913 618 955			
	19. 523 456 474	59 34, 456 104 411	93	42. 072 175 446			
26	<b>20</b> . 121 035 758	60 34. 760 886 677	94	42. 227 622 986			
	20. 706 897 802	61 35. 089 692 821	95	42. 380 022 535			
	21. <b>28</b> 1 272 355 <b>21. 844 3</b> 84 662	62 35. 352 640 020 63 35. 639 843 157	96 97	<b>42.</b> 529 433 858 <b>42.</b> 675 915 547			
11	<b>32. 396</b> 455 551	64 35. 921 414 860	98	42. 819 525 046			
1 16	22. 937 701 521	05 36. 197 465 549	99	42. 960 318 673			
3 11	<b>23. 468 334 824</b> 23. 988 563 563	66 36, 468 103 479 67 36, 733 434 784	101	43, 098 351 640			
	24, 498 591 719	68 36: 993 563 513	102				

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, s. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres sahlbar ist, Berechnet nach dem Zinsfusse:

### zu 21 Procent

8	4	-			
			Termin - Zahlui	gen	sind jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth,	Jahre.	Werth.
	0. 977 995 110	35	<b>24</b> . 045 795 773	69	34. 871 431 834
2	1. 934 469 545	36	24. 494 665 793	70	35. 082 084 923
3	2. 869 896 866	37	24. 933 658 477	71	35. 288 102 614
4	3. 784 740 211 4. 679 452 529	38 39	25, 362 991 176 25, 782 876 455	72 73	35. 489 586 909 35. 686 637 564
6	5. 554 476 801	39 40	26. 193 522 206	74	35. 879 352 140
7	6. 410 246 260	41	26, 595 131 742	75	36, 067 826 054
8	7. 247 184 607	42	26. 987 903 904	76	36. 252 152 620
9	8. 065 706 217	<b>4</b> 3	27. 372 033 158	77	36. 432 423 101
10	8. 866 216 349	44	27. 747 709 690	78	36. 608 726 749
11	9. 649 111 344	<b>1</b> 5	28, 115 119 501	79	36. 781 150 854
12	10. 414 778 820	46	<b>28. 474 444</b> 500	80	36. 949 780 787
13	11. 163 597 868	17	28. 825 862 591	81	37. 114 700 036
	11. 895 939 235	<b>1</b> 8	29. 169 547 767	82	37. 275 990 255
15	12. 612 165 511	19	29. 505 670 187	83	37. 433 731 301
16	13. 312 631 307	50	29. 834 396 271	84	37. 588 001 272
17	13. 997 683 430	51	30. 155 888 774	85	37. 738 876 550
	14. 667 661 056		30. 470 306 869	86	37. 886 431 834
19	15. 322 895 898		30. 777 806 229	87	38. 030 740 180
$\frac{20}{21}$	15. 963 712 370		31. 078 539 099	88	38. 171 873 036 38. 309 900 280
	16. 590 427 746	55	31. 372 654 376	89	
$\begin{array}{c} 22 \\ 23 \end{array}$	17. 203 352 319	56 5 7	31. 660 297 678	90	38. 444 890 249
	17. 802 789 554 18. 389 036 238	57 58	31. 941 611 421 32. 216 734 886	91 92	38. 576 909 779 38. 706 024 234
$\frac{2}{25}$		_			····
$\frac{25}{26}$	18. 962 382 629 19. 523 112 596	59 60	32, 485 804 290 32, 748 952 851	93 94	38. 832 297 539 38. 955 792 215
27	20. 071 503 761	61	33. 006 310 856	95	39. 076 569 403
$\overline{28}$	20. 607 827 639	62	33. 258 005 727	96	39, 194 688 903
<b>29</b>	21. 132 349 769	63	33. 504 162 081	97	39. 310 209 196
1	21. 645 329 848		33. 744 901 790	98	39. 423 187 478
31	22. 147 021 856	65	33. 980 344 049	99	39, 533 679 685
	22, 637 674 187		34. 210 605 427	100	39. 641 740 523
33			34. 435 799 929	101	
34	23. 586 826 178	68	34. 656 039 050	102	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinzfusse:

#### zu 2½ Procent.

	35				
	Die sümmtlie	hen	Termin - Zahlus	ngen	sind jetzt:
Jahre.	Werth.	ahre.	Werth.	Jahre.	Wetth.
1 2	0. 975 609 756 1. 927 424 152		23, 145 157 345 23, 556 251 068	69 70	32. 720 303 401
3	2. 856 023 563		23. 957 318 115	71	32. 897 856 977 33. 071 079 977
4	3. 761 974 208	38	24. 348 603 039	72	83. 240 078 027
· 5	4. 645 828 496 5. 508 125 362	- X	24. 730 344 428 25. 1 <b>6</b> 2 775 052	73 74	33. 404 954 172 33. 565 868 948
7	6, 349 390 597	<b>-</b>	25. 466 122 002	75	33. 722 740 438
8	7. 170 137 167		25. 820 606 831	76	33. 875 844 329
9 10	7. 970 865 529		26. 166 445 689	77	34. 025 213 980
11	8. 752 063 931 9. 514 208 713	<b>4</b> 4 <b>4</b> 5	26. 503 849 453 26. 833 023 856	78 79	34. 170 940 468 34. 313 112 652
12	10. 257 764 598		27. 154 169 616	80	34. 451 817 221
13	10. 983 184 974 11. 690 912 170	47	27. 467 482 552	81	34. 587 138 752
l 4 l 5		48 49	27. 773 153 7 <b>09</b> 28. 071 369 473	82 83	34. 719 159 759 34. 847 960 740
16	13. 055 002 660	50	28, 362 311 681	84	34. 973 620 234
	13. 712 197 717 14. 353 363 626	51	28. 646 157 737	85	35. 096 214 863
19	14. 978 891 343		28. 923 080 719 29. 193 249 482	86	35. 215 819 378
1	15. 589 162 286		29. 456 828 763	87 88	35. 332 506 710 35. 446 348 010
21	16. 184 548 571	55	29. 713 979 281	89	35. 557 412 693
	16, 765 413 240 17, 332 110 478	1	29. 964 857 835	90	35: 665 768 481
24 24	17. 884 985 833		30. 209 617 400   30. 448 407 <b>220</b>	91 92	35. 771 481 445 35. 874 616 044
25	18. 424 376 422		30. 681 372 897	93	35. 975 235 164
	18. 950 611 143 19. 464 010 872	60	30. 908 656 485	94	36: 073 400 160
$\frac{27}{28}$	19. 964 888 655	61 62	31. 130 396 571 31. 346 728 362	95 96	36. 169 170 888 36. 262 605 745
29	20. 453 549 908		31. 557 783 768	90	36. 353 761 702
30	<b>20. 930 292</b> 593		31. 763 691 481	98	36. 442 694 343
31 39	21. 395 407 408 21. 849 177 959	65	31. 964 577 054	99	36, 529 457 896
33	22. 291 880 935		32. 160 562 980 32. 351 768 761	1 <b>0</b> 0 101	36. 614 105 264
			32. 538 310 986	102	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 23 Procent.

96	, Herender		- /- v., -	-				
_	Die sämmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:							
lahre.	Werth.	Sahre	Werth.	ahre.	Werth.			
1 2	<b>0. 973 236 0</b> 1. 920 424 3		22. 669 917 531	69 70	30. 769 655 217 30. 919 372 474			
MB 11	2. 842 <b>26</b> 2 1:		23. 036 416 089	71	31. 065 082 700			
- 1	3. 739 427 86 4. 612 581 86		23. 393 105 682 23. 740 248 839	72 73	31. 206 893 138 31. 344 908 164			
<b>1</b> – 11	5. 462 366 7		24. 078 101 060	74	31. 479 229 356			
MD *	6, 289 408 0		24. 406 911 007	75	31. 609 955 578			
<b>3</b> 0 11	7. 094 314 4) 7. 877 678 2:		24. 726 920 688 25. 038 365 633	76 77	31. 737 183 044 31. 861 065 396			
	8. 649 976 10		25. 341 475 069	78	31. 981 513 767			
• 1 T	9. <b>382</b> 069 24 0. 104 203 64		25. 636 472 087 25. 923 573 807	79 80	32. 098 796 854 32. 212 940 977			
13 1	0. 897 010 80	60 47	26. 202 991 540	81	32. 324 030 148			
<b>38</b> 2 13	1, 491 008 13 2, 156 698 93		26. 474 930 939 26. 739 592 155	82 83	32. 432 146 129 32. 537 368 496			
	2. 804 573 1		26. 997 169 980	84	32. 639 774 692			
17 1	3, 435 107 69	92 51	27. 247 853 995	85	32. 739 440 089			
	4. 048 766 69		27. 491 828 706 27, 729 273 680	86 87	32. 836 438 043 32. 930 839 945			
20 1	5, 227 252 13	34 54	27. 960 363 679	<b>8</b> 8	33, 022 715 275			
	5. <b>792</b> 946 11		28. 185 268 787	89	33. 112 131 654			
	6. 343 499 86 6. 879 318 66		28, 404 ! 54 537 28, 617 182 031	90 91	33. 199 154 894 33. 283 849 046			
	7. 400 796 69		28. 824 508 060	92	33. 366 276 444			
	7. 908 317 9 <i>8</i> 8. <b>402 25</b> 5 91		29. 026 285 216 29. 222 662 011	93 94	33. 446 497 755 33. 524 572 025			
	8. 882 974 12		29. 413 782 979	95	33. 600 556 715			
4 11	9. 350 8 <b>26 4</b> 6 9. 806 157 08		29. 599 788 787 29. 780 816 338	96 97	33. 674 507 752 33. 746 479 564			
	0. <b>24</b> 9 <b>30</b> 1 <b>2</b> 9	-	29. 956 998 869	98	33. 816 525 123			
	0. 680 585 20		30. 128 466 053	99	33. 884 695 983			
33 2	l. 100 <b>32</b> 6 23 l. 508 833 31	6 67	30. <b>295 344 090</b> 30. <b>457 7</b> 55 806	100 101	33. 951 042 320			
34 2	l. 906 407 12	0 68	30, 615 820 735	102				

Jetsiger baarer Werth von einem Capitale, s. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinefusse:

zu 3 Procent.

	87							
	Die sümmtlichen Termin - Zahlungen sind jetzt:							
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.			
	0. 970 873 786	35	21. 487 220 073	60	28. 997 123 993			
2	1. 913 469 696		21. 832 252 498	70	29, 123 421 352			
3	2. 828 611 355	37	22. 167 235 435	71	29. 246 040 148			
4	3. 717 098 403	38	22. 492 461 587	72	29. 365 087 522			
5	4. 579 707 187		22808 215 133	73	29. 480 667 497			
6	5. 417 191 444	40	23. 114 771 974	74	29. 592 881 065			
7	6. 230 282 955		23. 412 399 975	75	29. 701 826 277			
8	7. 019 692 190		23. 701 359 199	76	29. 807 598 327			
9	7. 786 108 922		23. 981 902 135	77	29. 910 289 638			
10	8. 530 202 837		24. 254 273 917	78	30. 009 989 940			
11	9. 252 624 113		24. 518 712 541	79	30. 106 786 349			
12	9. 954 003 994	40	24. 775 449 069	80	30. 200 763 446			
	10. 634 955 334	17	25. 024 707 834	81	30. 292 003 345			
14			25. 266 706 635	82	30. 380 585 772			
	11. 937 935 087		25. 501 656 927	83	30. 466 588 128			
K 11	12. 561 102 026		25. 729 764 007	84	30. 550 085 562			
	13. 166 118 472		25. 951 227 191	85	30. 631 151 031			
	13. 753 513 079		26. 166 239 992	86	30. 709 855 370			
	14. 323 799 106		26. 374 990 283	87	30. 786 267 349			
<b>3</b> 1 (	14. 877 474 860		26. 577 660 469	88	30. 860 453 737			
BI	15. 415 024 136		26. 774 427 640	89	30. 932 479 356			
	15. 936 916 637		26. 965 463 728	90	31. 002 407 142			
	16. 443 608 386		27. 150 935 658	91	31. 070 298 196			
1	16. 935 542 122		27. 331 005 493	92	31. 136 211 841			
11 1	17. 413 147 691		27. 505 830 576	93	31. 200 205 671			
	17. 876 842 419		27. 675 563 666	94	31. 262 335 603			
II	18. 327 031 474		27. 840 353 074	95	31. 322 655 925			
	18. 764 108 228		28. 000 342 790	96	31. 381 219 345			
	19. 188 454 590		28. 155 672 612	97	31. 438 077 034			
	19. 600 441 349		28. 306 478 264	98	31. 493 278 673			
	20. 000 428 495		28. 452 891 518	99	31. 546 872 498			
	20. 388 765 529		28. 595 040 309	100	31. 598 905 338			
	20. 765 791 776		28. 733 048 844	101				
ડન	21. 131 836 675	108	28. 867 037 712°	102	l			

Jetziger haarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zuhlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 3 Procent

86								
	Die sümmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:							
Jahre.	Werth.	Werth.	werth.					
1 2		35 21. 100 380 837 36 21. 430 672 327	69 28. 171 429 657 70 28. 287 446 941					
3	2. 821 827 086	37 21. 750 954 983	71 28. 399 948 548					
4 5	3. 706 014 144 4. 563 407 655	38 22. 061 532 105 39 22. 362 697 799	72 28. 509 041 017 73 28. 614 827 653					
6	5. 394 819 544	39 22. 362 697 799 40 22. 654 737 260	73 28. 614 827 653 74 28. 717 408 633					
7	6. 201 037 134	41 22. 937 927 040	75 28. 816 881 098					
8	6. 982 823 887 7. 740 920 133	42 23. 212 535 311 43 23. 478 822 120	76 28. 913 339 247 77 29. 006 874 421					
10	8. 476 043 766	23. 737 039 631	78 29. 097 575 196					
11	9. 188 890 924	45 23. 987 432 370	79 29. 185 527 463					
12	9. 880 136 654	46 24. 239 237 450	80 29. 270 814 519					
13 14	10. 559 435 543 11. <b>200 422 3</b> 45	47 24. 465 684 800 48 24. 693 997 381	81 29. 353 517 100 82 29. 433 713 5 <b>52</b>					
4 1	11. 830 712 577	49 24. 915 391 400	83 29. 511 479 808					
16	12. 441 903 105	50 25. 130 076 509	84 29. 586 889 511					
17	13. 084 572 708 13. 609 282 626	51 25, 338 256 009 52 25, 540 127 039	85 <b>29. 660 014 071</b> 86 <b>29. 730 922 735</b>					
	14, 166 577 091	53 25. 735 880 765	87 29, 799 682 653					
	14. 706 983 846	54 25. 925 702 560	88 29. 866 358 936					
	15. 231 014 639	55 26. 109 772 179	89 29. 931 014 726					
	15. 739 165 710 16. 231 918 265	56 26. 288 263 932 57 26. 461 346 843	90 <b>29. 993 711 249</b> 91 <b>30. 054 507 878</b>					
	16. 709 738 923	58 26. 629 184 817	92 30. 113 462 185					
<b>2</b> 5	17. 173 080 168	59 26. 791 936 792	93 30. 170 629 997					
	17. <b>622</b> 380 769 18. 058 066 200	60 26. 949 756 890 61 27. 102 794 560	94 30. 226 065 452 95 30. 279 821 044					
8	18. 480 549 043	62 27. 251 194 725	96 30. 331 947 679					
29	18. 890 229 375	63 27. 395 097 915	97 30. 382 494 719					
	19. 287 495 151	64 27. 534 640 402	98 30. 431 510 031					
	19. 672 722 571 <b>2</b> 0. <b>046</b> 276 432	65 27. 669 954 329	99 30. 479 040 030 100 30. 525 129 726					
-	20. 408 510 480	66 27. 801 167 834 67 27. 928 4 <del>0</del> 5 173	101 30, 525 129 726					
	20. 759 767 738		102					

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. a. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet mach dem Zinafusse;

zu 3 Procent

	Die sämmtlie	chen	Termin - Zahlun	gen	rind jetzt:
Jahre,	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.
1	0. 968 523 002		20. 723 893 387	69	27.383 109 744
2	1, 906 559 809	-	21, 040 090 447	70	27. 489 694 668
3	2. 815 070 033		21. 346 334 574	71	27. 592 924 618
4	3. 694 983 982		21. 642 939 054	72	27. 692 905 199
5	4. 547 199 111 5. 372 589 938		21. 939 297 317 22. 298 433 237	73 74	27. 789 738 691 27. 883 524 156
6					
7	6. 171 999 940 6. 946 246 915	41 42	22. 477 991 440 22. 738 887 593	75 76	27. 974 357 536 28. 962 331 754
9	7. 696 122 921	43	22. 991 658 686	77	28. 147 536 898
10	8. 422 395 080	44	23, 236 473 303	78	28. 230 059 862
ii	9. 125 806 373		23. 473 581 892	79	
12	9. 807.976 391		23. 703 227 014	80	28, 387 395 091
13	10, 466 902 073	17	23. 925 643 597	81	28, 462 368 040
14	11. 105 958 424		24. 141 059 174	82	28. 534 981 153
15	11. 724 899 200	19	24. 349 694 115	83	28, 605 308 622
16	12. 324 357 579	50	24. 551 761 855	84	28, 673 422 395
	12, 904 946 808	51		85	28. 739 392 150
18	13. 467 260 831		24. 987 016 086	86	28. 803 285 375
_	14. 011 874 897	53		87	28. 865 167 433
	14. 539 846 147	_	25. 298 398 735	88	28. 925 101 630
21	15. 950 214 186	55	<u> </u>	89	28. 983 449 279
	15. 545 001 633	56	11	90	29. 039 369 762
28 24	16. 024 214 <b>6</b> 56 16. 488 243 493	57	25. 798 923 932 25. 955 374 269	91 92	29. 093 820 592 29. 146 557 474
25					29. 197 634 358
25 26	16. 937 862 947 17. 373 282 879	59 60	26. 196 900 018 26. 253 656 192	93 94	29. 197 034 358 29. <b>247 193 494</b>
27	17. 794 898 672	61	26. 395 792 922	95	29. 295 015 491
28		_	26. 533 455 614	96	29. 341 419 362
29	18. 598 829 726		26. 666 785 099	97	
30	18. 981 917 410		<b>26</b> . 7 <b>9</b> 5 917 771	98	29. 429 891 116
31	19. 352 946 644	65	26. 920 985 735	99	29. 472 049 507
	19. 712 296 992	66	27. 042 116 934	100	29. 512 880 879
33	20. 060 336 069		27. 159 435 287	101	
34	20. 397 419 922	68	27. 273 060 811	102	

Jetziger baurer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 3½ Procent.

	0			_	
	Die sümmtlic	hen	Termin - Zahlur	rgen	sind jetzt:
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Worth.
1	0.966 183 575		20. 000 661 095	69	25. 910 410 524
2 3	1. 899 694 275 2. 801 636 981		20. 290 493 812 20. 570 525 422	70 71	26. 000 396 642 26. 087 339 751
	3. 673 079 209	38	20. 841 087 365	72	26. 171 342 754
<b>4</b> 5	4. 515 052 375		21. 102 499 869	73	26. 252 505 077
6	5. 328 553 020		21. 355 072 337	74	26. 330 922 779
7	6. 114 543 980	41	21. 599 103 708	75	26. 406 688 676
8	6. 87 <b>3 95</b> 5 537		21. 834 882 809	76	26. 479 892 440
9	7. 607 686 509	43	<b>22.</b> 062 688 705	77	<b>26. 550-620 715</b>
10	8. 316 605 323	44	22. 282 791 019	78	26.618 957 213
11	9. 001 551 036 9. 663 334 335	45	22. 495 450 260     22. 700 918 125	79 80	26. 684 982 814 26. 748 775 666
12		46			
13 14	10. 302 738 488 10. 920 520 278	47 48	22, 899 437 802 23, 091 244 253	81 82	26. 810 411 272 26. 869 962 581
ı – – II	11. 517 410 896		23. 276 564 496	83	26. 927 500 078
	12. 094 116 808	-	23. 455 617 871	84	26, 983 091 863
	12. 651 320 588	51	23. 628 616 300	85	27. 036 803 733
18	13. 189 681 727	52	23. 795 764 841	86	27. 068 699 259
19	13. 709 837 418	53	23. 957 260 426	87	27. 138 839 863
	14. 212 403 302	54	24. 113 295 0 <del>9</del> 6	88	27. 187 284 892
21	14, 697 974 205	55	24. 264 053 235	89	27. 234 091 683
	15. 167 124 836		24. 409 713 270	90	27. 279 315 636
	15. 620 410 469		24. 550 447 694	91	27: 323 010 276 27: 365 227 320
	16. 058 367 603		24. 686 422 806	92	
	16. 481 514 592 16. 890 352 263		24. 817 799 812 24. 944 734 118	93 94	27. 496 016 734 27. 445 426 796
	17. 285 364 505		25. 667 375 960	95	27. 483 504 151
	17. 667 018 846		25. 185 870 492	96	27, 520 293 866
1	18. 035 767 001		25. 300 357 964	97	27. 555 839 484
	18. 392 045 411		25. 410 973 878	98	27. 590 183 076
31	18, 736 275 760	65	25. 517 849 157	99	27. 623 365 291
ı – – ı	19. 068 865 468		25. 621 110 297	100	
	19. 390 208 182		25. 720 879 514	101	
34	19. 700 684 234	68	25. 817 274 893	102	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thuler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 31 Procent.

	1			
		hen Termin - Zahlu	ngen	sind jetzt:
Jahre.	Werth.	Werth.	shre	Werth.
1	0. 963 855 422	35 19. 315 012 926	69	24. 563 907 859
2	1. 892 872 696	36 19. 580 735 850	70	24. 639 911 189
3	2. 788 311 032	37 19. 836 853 349	71	24. 713 167 411
4	3. 651 384 127	38 20. 083 714 072	72	24. 783 775 818
5	4. 483 261 869	39 20. 321 652 117	73	24. 851 832 114
6	5. 285 071 623	40 20. 550 989 993	74	24. 917 428 544
7	6. 057 900 360	41 20. 772 038 547	75	24. 980 654 018
8	6. 802 795 528	42 20. 985 097 395	76	25. 041 594 234
9	7. 520 766 774	43 21. 190 455 320	77	25. 100 331 792
10	8. 212 787 252	44 21. 388 390 670	78	25. 156 946 305
11	8. 879 794 941	45 21. 579 171 730	79	25. 211 514 511
12	9. 522 693 919	46 21. 763 057 089	80	25. 264 110 372
13	10. 142 355 585	47 21. 940 295 990	81	25, 314 805 178
14	10. 739 619 841	48 22. 111 128 665	82	25. 363 667 642
15	11. 315 296 232	49 22. 275 786 665	83	25. 410 763 992
16	11. 870 165 043	50 22. 434 493 171	84	25. 456 158 064
17	12. 401 978 355	51 22. 587 463 297	85	25. 499 911 387
18	12. 920 461 065	52 22. 734 904 383	86	25. 542 <b>0</b> 83 265
19	13. 417 311 870	53 22. 877 016 273	87	<b>25. 582 730 858</b>
	13. 896 204 212	54 23. 013 991 588	88	25. 621 909 261
21	14. 357 787 192	<b>55 23</b> . 146 015 989	89	25. 659 671 576
22	14. 802 686 450	56 23. 273 268 423	90	<b>25</b> . <b>69</b> 6 068 989
23	15. 231 505 012	57 23. 395 921 371	91	25. 731 150 833
24	15. 644 824 108	58 23. 514 141 081	92	25. 764 964 658
25	16. 043 203 960	59 23. 628 087 789	93	25. 797 556 297
26	16. 427 184 539	60 23. 737 915 941	94	25. 828 969 925
27	16. 797 286 303	61 23. 843 774 401	95	25. 859 248 121
28		62 23. 945 806 651	96	25. 888 431 923
	17. 497 841 826	63 24. 044 150 989	97	25. 916 560 890
30	17. 829 245 134	64 24. 138 940 713	98	25. 943 673 147
31	18. 148 670 008	<b>65 24</b> . <b>2</b> 30 <b>304 3</b> 01	99	25. 969 805 443
	18. 456 549 406	<b>66 24</b> . 318 365 592	100	25. 994 993 198
	18. 753 300 632	67 24. 403 243 944	101	, · · ·
34	19. 039 325 910	68 24. 485 054 404	102	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechtet nach dem Zinsfusse:

#### zu 4 Procent

-	1	-			-			
7	Die sämmtlichen Termin - Zahlungen sind jetzt:							
Jahre.	Werth	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth			
1	0. 961 538 462	35	18. 664 613 232	69				
2 3	1. 886 094 675 2. 775 091 033		18. 908 <b>281 954</b> 19. <b>1</b> 42 <b>5</b> 78 802	70 71	23. 394 514 980 23. 456 264 404			
4	3 629 895 224		19. 367 864 232	72				
5	4. 451 822 331		19. 584 484 839	73	23. 572 729 663			
6	<b>5. 242 136 857</b>	40	19. 792 773 883	74	23. 627 624 676			
7		41	19. 993 051 811	75	23. 680 408 342			
8 9	6. 732 744 875 7. 435 331 611		20. 185 626 741 20. 370 794 944	76 77	23. 731 161 868 23. 779 963 334			
H			<u>-</u>					
10 11	8. 110 895 779 8. 760 476 711	14 15	20. 548 841 292 20. 720 039 704	78 79	23. 826 887 822 23. 872 007 521			
12	9. 385 073 760		20. 884 653 561	80	23. 915 391 847			
13	9. 985 647 847	47	21. 042 936 117	81	23. 957 107 545			
14		48	21. 195 130 881	82	23. 997 218 793			
	11. 118 387 432		21. 341 472 001	83	24. 035 787 301			
16 17	11. 652 295 608 12. 165 668 854	50 51	21. 482 184 617 21. 617 485 208	84 85	24. 072 872 405			
18	12. 659 296 975		21. 747 581 931	86	24. 108 531 159 24. 142 818 422			
19	13. 133 939 399		21. 872 674 934	87	24, 175 786 944			
u n	13. 590 326 345	54	21. 992 950,667	88	24. 207 487 446			
21	14. 029 159 947	<b>5 5</b>	22. 108 612 180	89	24. 237 968 698			
N " " II	14. 451 115 334	56	22. 219 819 404	90	24. 267 277 595			
ı u	14. 856 841 <b>6</b> 67 15. <b>24</b> 6 963 141	57	22. 326 749 427	91	24. 295 459 225			
الساا		_	22. 429 566 756	92	24. 322 556 948			
	15. 622 079 944 15. 982 769 177	59 60	22. 528 429 573 22. 623 489 974	93 94	24. 348 612 450 24. 373 665 817			
27	16. 329 585 747	61	22. 714 894 206	95	24. 397 755 593			
28	16. 663 063 218	62	22. 802 782 891	96	24, 420 918 849			
29	16. 983 714 633	63	22. 887 291 241	97	24. 443 191 192			
III	17. 292 033 301		22. 968 549 270	98	24. 464 606 915			
1. U	17. 588 493 558	65	23. 046 681 991	99	24. 485 198 957			
	17. 873 551 498 18. 147 645 672		23. 121 809 606 23. 194 047 698	100 101	24, 504 998 997			
	18. 411 197 761		23. 263 507 402	102	·			

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Fin Gulden u. z. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

zu 41 Procent

	33	_			
	Die sämmtlic	hen	Termin - Zahlun	igen	sind jetzt:
ahre.	Werth.	ahre.	Werth.	ahre.	Werth.
1	0. 959 232 614	35	18. 047 287 919	69	22. 197 845 823
2	1. 879 359 821		18. 270 779 779	70	22. 252 130 286
3	2. 761 975 848	37	18. 485 160 459	71	22. 304 201 713
4	3. 608 609 926	38	18. 690 801 400	72	22. 354 150 324
5 6	4. 420 728 946 5. 199 739 996	39 40	18. 888 058 897 19. 077 274 721	73 74	22. 402 062 661 22. 448 021 737
_	5. 946 992 802	41	19. 258 776 711	75	22. 492 107 182
7 8	6. 663 782 064	42	19. 432 879 339	76	22. 492 107 182 22. 534 395 379
9	7. 351 349 702	<b>43</b>	19. 599 884 258	77	22. 574 959 596
10	8. 010 887 004	44	19. 760 080 823	78	22. 613 870 116
11	8. 643 536 695		19. 913 746 593	79	22. 651 194 356
12	9. 250 394 911	46	20. 061 147 811	80	22. 686 996 984
13	9. 832 513 104	47	20. 202 539 867	81	22. 721 340 032
	10. 390 899 860	48	20. 338 167 738	82	22. 754 283 005
	10. 926 522 648	19	20. 468 266 415	83	22. 785 882 978
16	11. 440 309 494	50	20. 593 061 309	84	22. 816 194 703
17	11. 933 150 594 12. 405 899 850	51 59	20. 712 768 642 20. 827 595 820	85 86	22. 845 270 699 22. 873 161 342
19	12. 859 376 355	53	20. 937 741 794	87	22. 899 914 950
	12. 859 376 355 13. 294 365 808	54	21. 043 397 404	88	22. 925 577 895
21	13. 711 621 878	55	21. 144 745 711	89	22. 950 194 624
$\frac{}{22}$	14. 111 867 509	56	21. 241 962 313	90	22. 973 807 793
23	14. 495 796 172	57	21. 335 215 648	91	22. 996 458 314
24	14. 864 073 067	58	21. 424 667 288	92	23. 018 185 433
25	15. 217 336 275	59	21. 510 472 219	93	23. 039 026 795
26	15. 556 197 866	6 <b>0</b>	21. 592 779 107	94	23. 059 018 508
27		61	21. 671 730 558	95	23. 078 195 212
28	16. 193 040 724	62	21. 747 463 365	96	23. 096 590 131
	16. 492 125 395 16. 779 017 165	63 84	21. 820 108 743 21. 889 792 560	97 98	23. 114 235 138 23. 131 <b>16</b> 0 804
$\frac{30}{31}$	17. 054 213 108			99	23. 147 396 454
	17. 054 213 108 17. 318 190 032	66	21. 956 635 549 22. 020 753 524	100	23. 147 570 454 23. 162 970 220
		67	22. 082 257 577	101	
	17. 814 297 656		22. 141 254 271	102	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinafusse:

#### zu 4½ Procent.

Die sämmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:					
Jahre.	Werth.	Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.
1	0. 956 937 799	35	17. 461 012 403	69	21. 156 206 904
2 3	1. 872 667 750 2. 748 964 354	36 37	17. 666 040 577 17. 862 239 787	70 71	21. 202 111 870 21. 246 040 067
4	3. 587 525 698	38	18. 049 990 227	72	21. 288 076 619
5	4. 389 976 744	39	18. 229 655 719	73	21. 328 302 985
6	5. 157 872 483	40	18. 401 584 420	74 75	21. 366 797 115
8	5. 892 700 940 6. 595 886 067	11 42	18. 566 109 493 18. 723 549 754	76	21. 403 633 602 21. 438 883 830
9	7. 268 790 495	43	18. 874 210 291	77	21. 472 616 105
10	7. 912 718 177	44	19. 018 383 054	78	21. 504 895 795
11 12	8. 528 916 916 9. 118 580 781	45 46	19. 156 347 420 19. 288 370 737	79 80	21. 535 785 449 21. 565 344 928
13	9. 682 852 422	47	19. 414 708 839	81	21. 593 631 510
14	10. 222 825 284	48	19. 535 606 544	82	21. 620 700 009
	10. 739 545 726	49 50	19. 651 298 129	83	21. 646 602 880
16 17	11. 234 015 049 11. 707 191 435	5 I	19. 762 007 779 19. 867 950 027	84 85	21. 671 390 315 21. 695 110 350
18	12. 159 991 803		19. 969 330 170	86	21. 717 808 947
	12. 593 293 592	53	20. 066 344 660	87	21. 739 530 093
	13. 007.936 451 13. 404 723 877	54 55	20. 159 181 493 20. 248 020 567	88 89	21. 760 315 878 21. 780 206 582
'!	13. 784 424 763	56	20, 333 034 036	90	21, 799 240 749
. 11	14. 147 774 893	57	20. 414 386 637	91	21. 817 455 262
_	14. 495 478 366	58	20. 492 236 016	92	21. 834 885 418
//	14. 828 208 963 15. 146 611 448	59 60	20. 566 733 030 20. 638 022 038	93 94	21. 851 564 993 21. 867 526 309
	15. 451 302 821	61	20. 706 241 185	95	21. 882 800 296
- 11	15. 742 873 513		20. 771 522 665	96	21. 897 416 551
	16. 021 888 529 16. 288 883 544		20. 833 992 981 20. 893 773 187	97 98	21. 911 403 398 21. 924 787 941
11	16. 544 390 951		20. 950 979 127	99	21. 937 596 116
32	16. 788 890 863	66	21. 005 721 652	100	21. 949 852 742
	17. 022 862 070 17. 246 757 961		21. 058 106 844 21. 108 236 215	$\frac{101}{102}$	1 (1 (1 (1 (1 (1 (1 (1 (1 (1 (1 (1 (1 (1

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. z. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

gu 44 Procent.

	96					
	Die sümmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:					
Jahre.	Worth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	
1	0. 954 653 938		16: 903 900 516	69	20. 196 228 525	
2	1.866 018 079	- 1	17. 092 029 133	70	20. 235 063 031	
3	2. 736 055 446	37	17. 271 626 857	71	20. 272 136 545	
4	3. 566 640 043	38	17. 443 080 532	72	20. 307 528 921	
5 6	4, 359 560 901 5, 116 <b>52</b> 5 920	39 40	17. 606 759 457 17. 763 016 188	73	20. 341 316 393 20. 373 571 735	
7						
8	5. 839 165 556 6. <b>529 036 33</b> 0	41 42	17. 912 187 292 18. 054 594 074	75 76	20. 404 364 425 20. 433 760 788	
9	7. <b>F67 624</b> 181	13	18. 190 543 268	77	20. 461 824 141	
10	7. 816 347 667	44	18. 320 327 702	78	20. 488 614 932	
11	8. 416 561 019	45	18. 444 226 924	79	20. 514 190 866	
12	8. 969 557 058	46	18. 562 507 803	80	20. 538 607 032	
13	9, 536 569 984	47	13. 675 425 110	81	20. 561 916 021	
14	10. 058 778 028	48	18. 783 222 062	82	20, 584 168 039	
15	10. 557 305 993	19	18. 686 130 847	83	20. 605 411 016	
16	11. 033 227 678	50	18. 984 373 124	84	20. 625 690 707	
17	11. 487 568 189	51	19. 078 160 500	85	20. 645 050 794	
18	11. 921 306 147	52	19. 167 694 988	86	20. 663 532 978	
19	12. 335 375 797	53	19. 253 169 440	87	20. 681 177 067	
. 1	12. 730 669 019	54	19. 334 767 961	88	20, 698 021 066	
$\frac{21}{2}$	13. 108 037 249	55	19. 412 666 312	89	20. 714 101 257	
22	13. 468 293 317	56	19. 487 032 278	90	20. 729 452 274	
$\begin{array}{c} 23 \\ 24 \end{array}$	13. 812 213 190 14. 140 537 652	57	19. 558 026 041	91	20. 744 107 183 20. 758 097 549	
		<u>58</u>	19. 625 800 517	92		
$\frac{25}{28}$	14. 453 973 892 14. 753 197 033	59	19. 690 501 687	93	20. 771 453 507	
26 27	15. 038 851 583	60 61	19. 752 268 913 19. 811 235 239	94 95	20, 784 203 826 20, 796 375 967	
28	15. 311 552 824	$\frac{62}{62}$	19. 867 527 675		20. 807 996 150	
20 29	15. 571 888 137	63	19. 807 827 678 19. 921 <b>267 4</b> 70	96 97	20. 807 996 130 20. 819 089 403	
	15. 820 418 269	64	19. 972 570 377	98	20. 829 679 621	
31	16. 057 678 539	65	20. 021 546 899	99	20. 839 789 615	
	16. 284 179 989	,	20. 021 340 899	100	20, 849 441 160	
	16. 500 410 491	67	20. 112 937 975	101		
34	16. 706 835 791	68	20. 155 549 380	102		

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

### zu 5 Procent.

Die sämmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:					
	Die sammtlic	hen	Termin - Zantuk	gen	sina jetzi:
ahre.	Werth.	aire.	Werth.	falire.	Werth.
. 1	0. 952 380 952		16. 374 194 293	69	19. 309 810 481
2	1. 859 410 431		16. 546 851 708	70	19. 342 676 649
3	2. 723 248 029	37	16, 711 287 341	71	19. 373 977 761
4	3. 545 950 504	38	16. 867 892 705	72	19. 403 788 344
6	4. 329 476 671 5. 075 692 067	39 40	17. 017 040 672 17. 159 086 354	73 74	19. 432 179 375 19. 459 218 452
_			<u> </u>		19. 484 969 954
7	5. 786 373 397 6. 463 212 759	41 42	17. 294 367 956 17. 423 207 577	75 76	19. 484 909 934 19. 509 495 195
9	7. 107 821 676	43	17. 545 911 978	77	19. 532 62 566
10	7. 721 734 929	44	17. 662 773 313	78	19. 555 097 682
11	8, 306 414 218		17. 774 069 822	79	19.576 283 507
12	8 863 251 636		17. 880 066 497	80	19. 596,460 483
13	9, 393 572 987	47	17. 981 015 711	81	19. 615 676 650
14	9. 898 640 940		18. 077 157 820	82	19. 633 977 762
15	10. 379 658 038	19	18. 168 721 734	83	19. 651 407 393
16	10. 837 769 560	50	18. 255 925 461	84	19. 668 007 041
17	11. 274 066 248	51	18, 338 976 629	85	19. 683 816 229
18	11. 689 586 903	52	18. 418 072 980	86	19. 698 872 599
19	12. 085 320 860	53	18. 493 402 838	87	19. 713 211 999
	12. 462 210 343	54	1	88	19. 726 868 571
21	12. 821 152 707	55		89	19. 739 874 829
22	13. 163 002 578	56		90	19. 752 261 742
	13. 488 573 884	57	18. 760 518 786	91	19. 764 058 802
_	13. 798 641 794	58		92	19. 775 294 097
25	14. 093 944 566	<b>59</b>	18. 875 754 001	93	19. 785 994 378
26 27	14. 375 185 301 14. 643 033 620	60 61	18. 929 289 525 18. 980 275 738	94 95	19. 796 185 122 19. 805 890 592
		_			
28 29	14. 898 127 257 15. 141 073 578	62 63	19. 028 834 036 19. 075 080 035	96 97	19. 815 133 898 19. 823 937 044
	15. 372 451 027	64	19. 075 080 035 19. 119 123 842	98	19. 832 320 990
31	15, 592 810 502	65	19. 161 070 326	99	19. 840 305 710
-,-	15. 802 676 668		19. 201 019 358	100	19.847 910 200
33	16. 002 549 208	67	19. 239 066 055	101	25.01.01.01
34	16. 192 904 008	68	19. 275 301 005	102	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. a. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinsfusse:

#### zu 5½ Procent.

_	91					
	Die sämmtli	chen	Termin Zahlur	ngen	sind jetzt:	
Jahre	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	
1	0. 950 118 765	36	15. 870 254 549	69	18. 489 771 555	
2	1. 852 844 432		16. 028 745 414	70	18. 517 597 677	
3	2. 710 541 028	37	16. 179 330 560	71	18. 544 035 797	
	3. 525 454 659	38	16. 322 404 332	72	18. 569 155 152	
5	4. 299 719 391	39	16. 458 341 409	73	18. 593 021 522	
6	5. 035 362 841		16. 587 497 775	74	18. 615 697 408	
7 8	5. 734 311 488	41	16. 710 211 663	75	18. 637 242 193	
	6. 398 395 713	42	16. 826 804 430	76	18. 657 712 297	
. 9 10	7. 029 354 597	43 44	16, 937 581 407 17, 042 832 690	77	18. 677 161 328	
11 12	7. 628 840 472 8, 198 423 251 8, 739 594 538	45	17. 142 833 910 17. 142 836 945	79 80	18. 713 197 355 18. 729 878 722	
13	9. 253 771 533	17	17. 328 120 613	81	18. 745 728 002	
14	9. 742 300 744		17. 413 891 319	82	18. 760 786 700	
15	10. 206 461 514	19	17. 495 383 616	83	18. 775 094 252	
16	10. 647 469 372	51	17. 572 811 094	84	18. 788 688 126	
17	11. 066 479 213		17. 646 376 336	85	18. 801 603 920	
18	11. 464 588 326		17. 716 272 053	86	18. 813 875 458	
19	11. 842 839 265	<b>53</b>	17. 782 681 286	87	18. 825 534 877	
20	12. 202 222 580	54	17. 845 777 944	88	18. 836 612 710	
21	12. 543 679 410	55	17. 905 727 262	89	18. 847 137 967	
22	12. 868 103 953	<b>B</b> 1	17. 962 686 235	90	18. 857 138 211	
23	13. 176 345 799		18. 016 804 024	91	18. 866 639 630	
$\frac{24}{25}$	13. 469 212 160	58	18. 068 222 350	92	18. 875 667 107	
	13. 747 469 986	59	18. 117 075 867	93	18. 884 244 282	
26	14. 011 847 968		18. 163 492 511	94	18. 892 393 617	
27	14. 263 038 449		18. 207 593 834	95	18. 906 136 453	
28	14. 501 699 239	62	18. 249 495 329	96	18. 907 493 067	
29	14. 728 455 334	63	18. 289 306 726	97	18. 914 482 724	
$\frac{30}{31}$	14. 943 900 555	64	18. 327 132 282	98	18. 921 123 729	
	15. 148 99 102	65	18. 363 071 051	99	18. 927 433 471	
1 I	15. 343 087 033 15. 527 873 665	66 67	18. 397 217 151 18. 397 217 151 18. 429 660 001	100 101	18. 927 433 471 18. 933 428 476	
	15. 703 442 912	/	18, 460 484 561	102	100	

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinssusse:

### zu 5½ Procent

9	98						
	Die sämmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	ahre.	Werth.		
1 2 3	0. 917 867 299 1. 846 319 714 2. 697 933 378	36 15. 5	90 552 196 36 068 <b>432</b> 373 998 514	69 70 71	17. 729 735 786 17. 753 304 063 17. 775 643 661		
4 5 6	3. 505 150 122 4. 270 284 476 4. 995 530 309	38 15. 8 39 15. 9	04 737 928 28 661 543 46 124 685	72 73	17. 796 818 636 17. 816 889 703 17. 835 914 410		
7 8	5. 682 967 117 6. 334 565 988	41 16. 1 42 16. 2	57 464 157 62 999 201	74 75 76	17. 853 947 308 17. 871 040 102		
9 10 11	6. 952 195 249 7. 537 625 829 8. 092 536 330	14 16. 4	63 032 418 57 850 633 47 725 718	77 78 79	17. 887 241 803 17. 902 598 866 17. 917 155 323		
12 13 14	8. 618 517 849 9. 117 078 530 9. 589 647 895	46 16. 6 47 16. 7	132 915 373 13 663 861 190 202 711	80 81 82	17. 930 952 913 17. 944 031 197 17. 956 427 675		
15 16	10. 037 580 943 10. 462 162 032	49 16. 8 50 16. 9	362 751 385 31 517 901	83 84	17. 968 177 891 17. 979 315 536		
17 18 19	10. 864 608 561 11. 246 074 465 11. 607 653 522	52 <b>17.</b> 0	96 699 432 58 482 874 17 045 378	85 86 87	17. 989 872 546 17. 999 879 191 18. 009 364 162		
20 21 22	11. 950 382 485 12. 275 244 062 12. 583 169 727	54 17. 1 55 17. 2	72·554 861 25 170 484 275 043 113	88 89	18. 018 354 656 18. 026 876 451		
23 24	12. 875 042 395 13. 151 698 952	57 17. 3 58 17. 3	22 315 747 67 123 931	90 91 92	18. 034 953 982 18. 042 610 409 18. 049 867 687		
25 26 27	13. 413 932 656 13. 662 495 409 13. 898 099 914	60 17. 4	09 596 143 49 854 164 88 013 425	93 94 95	18. 056 746 622 18. 063 266 941 18. 069 447 337		
28 29 30	14. 121 421 719 14. 333 101 156 14. 533 745 171	63 17. 5	24 183 342 58 467 622 90 964 571	96 97 98	18. 075 305 533 18. 080 858 325 18. 086 121 635		
	14. 723 929 072 14. 904 198 173 15. 075 069 358	65 17. 6 66 17. 6	21 767 366 50 964 328 78 639 173	99 100 101	18. 091 110 555 18. 095 839 388		
	15. 237 032 567		78 039 173 04 871 254	102			

98

### IV. Haupt-Tafel.

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres zahlbar ist. Berechnet nach dem Zinafusse:

#### zu 5 Procent

Die sümmtlichen Termin-Zahlungen sind jetzt:					
Werth.	Werth.	Werth.			
1 0. 945 626 47 2 1. 839 835 91 3 2. 685 424 03	8 35 14, 933 660 235 3 36 15, 067 291 002	69 17. 024 033 711 70 17. 044 003 509 71 17. 062 887 479			
4 3. 485 034 54 5 4. 241 167 41	4 38 15. 313 149 687 8 39 15. 426 146 276	72 17. 080 744 661 73 17. 097 630 885			
6 4. 956 186 68 7 5. 632 327 83 8 6. 271 704 80	3 41 15. 634 041 459	74 17. 113 598 946 75 17. 128 698 767 76 17. 142 977 557			
9 6. 876 316 60 10 7. 448 053 52 11 7. 988 703 09	5 44 15. 905 383 728	77 17. 156 479 960 78 17. 169 248 189 79 17. 181 322 164			
12 8. 499 955 64 13 8. 983 409 59	7 46 16. 062 580 110 5 47 16. 134 827 527	80         17. 192 739 635           81         17. 203 536 298			
14 9. 440 576 44 15 9. 872 885 53 16 10. 281 688 44	1 49 16. 267 750 920	82 17. 213 745 908 83 17. 223 400 386 84 17. 232 529 916			
17 10. 668 263 30 18 11. 033 818 72 19 11. 379 497 61	9 52 16. 441 240 919	85 17. 241 163 041 86 17. 249 326 753 87 17. 257 046 575			
20 11. 706 380 72 21 12. 015 490 04	4 54 16. 541 748 666 6 55 16. 587 942 001	88 17. 264 346 643 89 17. 271 249 780			
22	9 57 16. 672 930 158 9 58 16. 711 990 693	90 17. 277 777 570 91 17. 283 950 421 92 17. 289 787 632			
25   13. 092 746 71 26   13. 326 474 43 27   13. 547 493 55	3 60 16. 783 855 668	93 17. 295 307 454 94 17. 300 527 143 95 17. 305 463 019			
28 13. 756 495 08 29 13. 954 132 46 30 14. 141 023 61	9 63 16. 877 652 962	96 17. 310 130 515 97 17. 314 544 222 98 17. 318 717 940			
31 14. 317 752 82 32 14. 481 872 64 33 14. 642 905 57	7 66 16. 956 966 839	99 17. 322 664 719 100 17. 326 396 897			
34 14. 792 345 69		102			

### IV. Haupt-Tafel.

Jetziger baarer Werth von einem Capitale, z. B. Ein Thaler, Ein Gulden u. s. w., der am Ende eines jeden Jahres gahlbar ist. Berechnet nach dem Zinafusse:

#### zu 6 Procent.

	zu o Procent.						
	Die sämmtlichen Termin - Zahlungen sind jetzt:						
Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.	Jahre.	Werth.		
1			14. 498 246 362	69			
2 3	1. 833 392 666		14. 620 987. 134	70	16. 384 543 870		
_	2. 673 011 949		14. 736 780 315	71	16. 400 513 084		
4 5	3. 465 105 613 4. 212 363 786		14. 846 019 165 14. <b>94</b> 9 0 <b>74</b> 684	72 73	16. 415 578 382 16. 429 790 926		
6	4. 917 324 326		15. 046 296 872	74	16. 443 198 987		
7	5. 582 381 440	41	15. 138 915 917	75	16. 455 848 101		
8	6. 209 793 811		15. 224 543 317	76	16. 467 781 227		
9	6. 801 692 274		15. 306 172 941	77	16. 479 038 894		
10	7. 360 087 051	44	15. 383 182 020	78	16. 489 659 333		
11	7. 886 874 577		15. 455 832 094	79	16. 499 678 617		
12	8. 383 843 940	46	15. 524 369 900	80	16. 509 130 770		
13	8. 852 682 963	47	15. 589 028 208	8 i	16. 518 047 896		
14	9. 294 983 927		15. 650 026 611	82	16. 526 460 280		
15	9. 712 248 988	49	15. 707 672 275	83	16. 534 396 490		
16	10. 105 895 271		15. 761 860 636	84	16. 541 883 481		
17 18	10. 477 259 690 10. 827 603 481	51 52	15. 813 076 072 15. 861 392 521	85 86	16. 548 946 681 16. 555 610 076		
19 20	11. 158 116 492 11. 469 921 219	53 54	15. 906 974 076 15. 949 975 544	87 88	16. 561 896 298 16. 567 826 696		
21	11. 764 076 621		15. 990 542 966	89	16. 573 421 412		
$\overline{22}$			16. 028 814 119	90	16, 578 699 445		
23			16. 064 918 980	91	16. 583 678 722		
24	12. 550 357 528		16. 098 980 170	92	16. 588 376 153		
25	12. 783 356 158	59	16. 131 113 368	93	16. 592 807 691		
26	13. 003 166 187	60	16. 161 427 705	94	16. 596 988 388		
27	13. 210 534 139	61	16. 190 026 137	95	16.600 932 441		
28	13. 406 164 282	62	16. 217 005 790	96	16. 604 653 247		
29	13. 590 721 021		16. 242 458 292	97	16. 608 163 440		
30	13. 764 831 151	64	16. 266 470 087	98	16. 611 474 943		
31	13. 929 085 992	65	16. 289 122 723	99	16. 614 599 003		
	14. 084 013 389 14. 230 229 612	66 67	16. 310 493 135 16. 330 653 901	100 101	16, 617 546 230		
			16, 349 673 492	102			
	111 110	-	10.040 110 402	0 1 U			

### Die V. Haupt-Tafel.

in\_

### IV. Hauptabtheilungen.

Iste Abtheilung, enthaltend: den wahren Betrag	
der Zinsen für das Capital Eins auf jeden	
Zeit-Theil des Jahres. Nach einfachen- zu-	•
sammengesetzten - und mittlen Zinsen berech-	
net: und zwar:	
lste Tafel, zu 5 Procent und jährlich bedungenen	1
Zinszahlungs – Terminen	8. 100 bis 120
2te Tafel, zu 21 Procent und halbjährlich bedunge-	•
nen Zinszahlungs - Terminen	8. 121 - 126
Ste Tafel, zu 11 Procent und vierteljährlich bedunge-	
nen Zinszahlungs - Terminen	8, 127 — 129
Hte Abtheilung, enthaltend: das wahre Interu-	• ·
surium oder den Rabatt für das Capital Eine	1
auf jéden Zeit-Theil des Jahres. Nach einfa-	-
chen - zusammengesetzten - und mittlen Zinser	R
berechnet; und zwar:	·
1ste Tafel, zu 5 Procent und jährlich bedungenen	ı,
Zinszahlungs – Terminen	8. 130 bis 141
2te Tafel, zu 21 Procent und halbjährlich bedunge-	•
nen Zinszahlungs-Terminen	8. 142 - 147
	0. 174 - 170
Ste Tafel, zu 1] Procent und vierteljährlich bedunge-	
•	
Ste Tafel, zu 1‡ Procent und vierteljährlich bedunge- nen Zinszahlungs – Terminen	8. <u>148</u> — 150
Ste Tafel, zu 11 Procent und vierteljährlich bedunge-	8. <u>148</u> — 150
3te Tafel, zu 1½ Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen 4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.	8. 148 — 150 r 8. 151 — 153
<ul> <li>Ste Tafel, zu 1 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> </ul>	8, 148 — 150 8, 151 — 153 8, 154 — 156
<ul> <li>Ste Tafel, zu 1 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> </ul>	8, 148 — 150 8, 151 — 153 8, 154 — 156
<ul> <li>Ste Tafel, zu 1½ Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Ver-</li> </ul>	8. 148 — 150 8. 151 — 153 8. 154 — 156
<ul> <li>3te Tafel, zu 11 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> <li>IIIte Abtheilung, enthaltend: den jetzigen baa.</li> </ul>	8. 148 — 150 8. 151 — 153 8. 154 — 156
<ul> <li>3te Tafel, zu 11 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> <li>IIIte Abtheilung, enthaltend: den jetzigen baaren Werth eines auf gewisse Zeit voraus entnommenen oder anticipirten Capitals Eins.</li> </ul>	8. 148 — 150 8. 151 — 153 8. 154 — 156
<ul> <li>3te Tafel, zu 1½ Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> <li>IIIte Abtheilung, enthaltend: den jetzigen baaren Werth eines auf gewisse Zeit voraus</li> </ul>	8. 148 — 150 8. 151 — 153 8. 154 — 156
<ul> <li>3te Tafel, zu 1 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> <li>IIIte Abtheilung, enthaltend: den jetzigen baaren Werth eines auf gewisse Zeit voraus entnommenen oder anticipirten Capitals Einstauf jeden Zeit – Theil des Jahres. Nach eine</li> </ul>	8. 148 — 150 8. 151 — 153 8. 154 — 156
<ul> <li>3te Tafel, zu 1 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> <li>IIIte Abtheilung, enthaltend: den jetzigen baaren Werth eines auf gewisse Zeit voraus entnommenen oder anticipirten Capitals Einstauf jeden Zeit – Theil des Jahres. Nach einfachen – zusammengesetzten und mittlen Zinsen berechnet; und zwar:</li> </ul>	8. 148 — 150 8. 151 — 153 8. 154 — 156
<ul> <li>3te Tafel, zu 1 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> <li>11te Abtheilung, enthaltend: den jetzigen baaren Werth eines auf gewisse Zeit voraus entnommenen oder anticipirten Capitals Einstauf jeden Zeit – Theil des Jahres. Nach einfachen – zusammengesetzten und mittlen Zin</li> </ul>	8. 148 — 150 8. 151 — 153 8. 154 — 156
<ul> <li>3te Tafel, zu 1 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs – Terminen</li> <li>4te Tafel, zu 5 Procent jährlich, und mehrjähriger Vorausbezahlung.</li> <li>5te Tafel, zu 5 Procent jährlich, bei jährlichen Verbindlichkeiten</li> <li>111te Abtheilung, enthaltend: den jetzigen baaren Werth eines 'auf gewisse Zeit voraus entnommenen oder anticipirten Capitals Einsauf jeden Zeit – Theil des Jahres. Nach einfachen – zusammengesetzten – und mittlen Zinsen berechnet; und zwar:</li> <li>1ste Tafel, zu 5 Procent und jährlich bedungenen</li> </ul>	8, 148 — 150  8, 151 — 153  8, 154 — 156  8, 157 bis 168

3te	Tafel, zu 11 Procent und vierteljährlich	bedun-	
	genen Zinszahlungs - Terminen	8. 175 — 1	177

4te Tafel, zu 5 Procent, und einer Vorausbezahlung von 1 bis mit 100 Jahren. 8. 178 — 180

5te Tafel, zu 5 Procent, und jährlichen Verbindlichkeiten von 1 bis mit 100 Jahren. 8. 181 – 183

IVte Abtheilung, enthaltend: den Anwachs eines Capitals Eins mit seinen wahren Zinsen auf jeden Zeit-Theil des Jahres. Nach einfachen- zusammengezetzten- und mittlen Zinzen berechnet; und zwar:

lste Tafel, zu 5 Procent und jährlich bedungenen . Zinszahlunge-Terminen. S. 184 — 195

2te Tafel, su 21 Procent und halbjährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen. S. 196 — 201

Ste Tafel, zu 11 Procent und vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen. 8, 202 – 204

### A'nhang.

#### Ergänzungs - Tafein.

- 1 Tafel, Angabe der Zahl von Tagen, welche von einem gewissen Tage des einen Monats bis zu denselben Tage eines andern Monats, verlaufen sind. 8. 205
- 2 to Tafel enthaltend: die Verwandlung der Tage und Monate in Decimaltheile des Jahres, und umgekehrt, S. 266 bis 268

### Resolvirungs - Tafeln.

- 1ste Tafel, Resolvirung der Decimaltheile; a) einer Hamburger oder Lübecker Mark in Schillinge und Pfennige; b) eines Dänischen Reichsbankthalers in Mark und Schillinge, und umgekehrt.
- 2te Tafel, Resolvirung der Decimaltheile; s) eines Gulden in Kreuzer und Pfennige; b) eines Englischen Livre oder Pfunden in Shillinge und Pence, so wie einer Italienischen Lira in Soldi und Denari.
- Ste Tafel, Resolvirung der Decimaltheile; a) eines Thalers in ggrund Pfennige; b) eines Mecklenburgischen oder Schwedischem Thalers in Schillinge und Pfennige oder Rundstücke.
- 4te Tafel, Resolvirung der Decimaltheile; s) eines Preusischen Thalers in Silbergroschen und Pfennige; b) eines Oldenburger eder Bremer Thalers in Grooten und Schwaaren.

### Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 1ste Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

5 Procent.

Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eins, bei:				
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Zinsen.		
1 Tag. 2 Tage 3 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{16664} = 0.000 \ 130 \\ \frac{2}{1668} = 0.000 \ 261 \\ \frac{3}{1682} = 0.000 \ 392 \end{array}$	0. 000 267 0. 000 <b>40</b> 1	0. 000 264 0. 000 396		
4 - 5 - 6 -	$\begin{array}{c} \frac{4}{1861} = 0.000522 \\ \frac{1860}{1860} = 0.000653 \\ \frac{6}{1860} = 0.000783 \end{array}$	<b>10. 000 669</b>	0. 000 661		
7 - od. 1 Woche 8 - 9 -	$\frac{1}{1651} = 0.001045$ $= 0.001176$	0. 001 070 0. 001 <b>204</b>	<b>0. 001 0</b> 57 <b>0. 001 19</b> 0		
10 - 11 - 12 - 13 -	$\begin{array}{c} 10 \\ 7115 \\ \hline \\ 7115 \\ \hline \\ 1015 \\ \\ 1015 \\ \hline \\ 1$	0. 001 338 0. 001 471 0. 001 605	0. 001 322 0. 001 454 0. 0 <del>0</del> 1 587		

101

# 110 Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 1ste Tafel.

169							
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eins, bei:						
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Zinsen.				
14 Tage od. 2 Woch.	$\frac{14}{1931} = 0.001830$	0. 001 873 0. 00 <b>2 0</b> 07					
16	$\begin{array}{c} 18 \\ 1850 \\ \hline 180 \\ \hline 1$	0. 002 141	0. 002 116				
117 - 118 -	$\frac{17}{1648} = 0.002223$ $= 0.002354$	0. 002 275 0. 00 <b>2 40</b> 9					
19 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{1647} = 0.002354 \\ \frac{1}{1646} = 0.002485 \end{array}$	0. <b>002</b> 543	0. 002 514				
20 - 21 - od. 3 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{20}{1845} = 0.002616 \\ \frac{21}{1845} = 0.002747 \\ \end{array}$	0. 002 677 0. 002 811	0. 002 647 0. 002 779				
22	$\frac{22}{1643} = 0.002878$	0. 002 945	0. 002 912				
23 24	$\begin{array}{c} \frac{23}{7642} = 0.003010 \\ \frac{24}{7641} = 0.003141 \\ \frac{25}{7641} = 0.003222 \end{array}$	0. 003 079 0. 00 <b>3 2</b> 13					
25 -	7610 - 0.003 212	0. 003 347	0. 003 310				
26 - 27 -	$\frac{26}{1539} = 0.003404$ $\frac{27}{1539} = 0.003535$ $\frac{27}{1538} = 0.003666$	0. 003 482 0. 003 616					
28 - od. 4 Wochen	TEST0. 000 000	0. 003 750	0. 003 708				
29 - 3 <b>0</b> -	7636 = 0.003798	0. 003 884 0. 004 018					
1 Monat.	$\frac{1635}{151} = 0.003.984$	0, 004 074					
31 Tage.	31 - 0.004.061	0. 004 152 0. 004 287	0.004 106				
32 <b>-</b> 33 -	$\begin{array}{c} 7613 \\ \hline 7613 \\ \hline \hline 1612 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{c} 0.004192 \\ \hline 0.004324 \\ \end{array}$	0. 004 287 0. 004 421					
34 - 35 - od. 5 Wochen	$\frac{34}{1847} = 0.004456$	0. 004 555 0. 004 689	0. 004 505				
35 – od. 5 Wochen 36 –	$\begin{array}{c} \frac{35}{7610} = 0.004587 \\ \frac{35}{7620} = 0.004719 \end{array}$	9.·004 824	0. 004 038 0. 004 771				
37 - 38 -	$\frac{37}{1} = 0.004851$	9. 004 958 <b>9</b> . 005 092					
39 -	$\begin{array}{c} \frac{138}{7637} = 0.004982 \\ \frac{35}{7626} = 0.005114 \end{array}$	0. 005 092 0. 005 227	0.005 031 0.005 170				
46 -	$\pm 0 = 0.005246$	0. 005 361	0. 005 <b>3</b> 04 0. <b>0</b> 05 <b>4</b> 37				
41 . 42 - od. 6 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{1}{4} \frac{1}{2} \frac{1}{5} = 0.005378 \\ \frac{1}{4} \frac{1}{2} \frac{1}{4} = 0.005510 \end{array}$	0. 005 490 0. 005 630	0. 005 <b>570</b>				
43 -	$\frac{43}{100} = 0.005642$	0.005 764	0. 005 703 0. 005 <b>836</b>				
44 - 46 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{162} = 0.005774 \\ \frac{1}{1620} = 0.005906 \end{array}$	0. 005 899 0. 006 <b>03</b> 3	0. 005 969				

# Der Vien Haupt-Tafel Iste Abtneilung. 111

· 103						
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capilal Eins, bei:					
mung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.				
46 Tage.	1 to 0. 000 038	<b>1</b> 0. 006 168 <b>1</b> 0. 006 103				
47 -	$\frac{17}{1618} \implies 0.006170$	0. 006 <b>302 0</b> . 006 236				
48 -	$\frac{18}{1611} = 0.006302$	0. 006 <b>4</b> 37 0. 006 <b>3</b> 69				
19 - od. 7 Wochen	$\frac{110}{110} = 0.006434$	0. 006 571 0. 006 502				
50		0. 006 70 <del>6</del> 0. 006 636				
<b>51</b> -	$\frac{11}{1514} = 0.006698$	0. 006 840 0. 006 769				
52 -	$\frac{1}{2} = 0.006830$	0. 006 975 0. 006 903				
53	-27 = 0.006963	0. 007 110 0. 007 036				
54 -	$\frac{35}{161}$ = 0. 007 095	0. 00 <b>7 244 0</b> . 007 170				
55 -	$\frac{55}{1910} = 0.007227$	0. 007 379 0. 007 303				
56 - od. 8 Wochen	-\$\$ <sub>x</sub> == 0. 007 360	u. 007 514 0. <del>00</del> 7 437				
57' -	$\frac{187}{7608} = 0.007492$	0. 007 648 0. 007 57U				
58 -	58 - 0.007 625	0. 007 783 0. 007 704				
59 -	= 0.007757	0. 007 918 0. 007 837				
60 -	$\frac{188}{1685} = 0.007890$	0. 008 052 0. 007 971				
2 Monat	$\frac{2}{150} = 0.008000$	0. 008 165 0. 008 08 <b>2</b>				
61 Tage.	$\frac{61}{1504} = 0.008022$	0. 008 187 0. 008 105				
62 -	$\frac{1}{1801} = 0.008155$	0. 008 <b>322</b> 0. 008 238				
63 - od. 9 Wochen	$\frac{63}{1602} = 0.008287$	0. 998 457 0. 908 372				
64 -	$\frac{1887}{1881} = 0.008420$	0. 008 591 0. 008 505				
65 -	$\frac{185}{1660} = 0.008553$	9. 008 <b>727 0. 00</b> 8 640				
66 -	66 0 008 685	0. 008 861 0. 008 773				
67 -	75 = 0.000 065 75 = 0.008 818	o. 008 996 o. 008 907				
.68	$\frac{1598}{1597} = 0.008951$	0. 009 131 0. 009 041				
69 -	150 = 0. 009 084	0. 009 266 0. 009 175				
70 - od. 10 Woch	$\frac{7535}{7535} = 0.009217$	0. 009 401 0. 609 309				
71	$\frac{7}{7}$ = 0.009 349	0. 009 536 0. 009 443				
72	$\frac{7394}{7697} = 0.009482$	0. 009 671 0. 009 577				
73	$\frac{7537}{1552} = 0.009 615$	0. 009 806 0. 009 711				
74	$\frac{1312}{7581} = 0.009748$	D. 009 940 0. 009 844				
75		0. 019 976 0. 009 979				
76	$\begin{array}{c} 7550 = 0.009881 \\ = 0.010014 \end{array}$	0. 010 070 0. 009 373 0. 010 211 0. 010 113				
77 - od. 11 Woch.	$\frac{1889}{148} = 0.010014$	0. 010 346 0. 010 247				
The second second	1 2 8 6 - 0. 0 10 140					

### 112 Der Vien Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 1ste Tafel.

104					
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capit Eins, bei:				
nung.	Einfachen Zinsen.	insen von Mittlen Zinsen. Zinsen.			
78 Tage.	$\frac{78}{7587} = 0.010281$	. 010 481 0. 010 381			
79 <b>-</b> 80 <b>-</b>	-12- = 0. 010 414 PU	. 010 616 0. 010 515 . 010 751 0. 01 <b>0 64</b> 9			
81 -	$_{-8}$ = 0.010 680 0	. 010 886 0. 010 783			
82 - 83 -	<b>元発表 == 0.010 814 0</b>	. 011 021 0. 010 917 . 011 156 0. 011 051			
84 - od. 12 Woch.	$\frac{84}{7887} = 0.0110800$	. 011 292 0. 011 186			
85 <b>-</b> 86 <b>-</b>	$\begin{array}{c} 7580 = 0.011214 \\ 7580 = 0.011347 \\ \hline 7579 = 0.011347 \end{array}$	, 011 427 0. 011 320 , 011 56 <b>2</b> 0. 011 4 <b>5</b> 5			
87 -	7379 - 0.01-	. 011 697 0. 011 589			
88 -	$\frac{138}{100} = 0.0116140$	. 011 833 0. 011 7 <b>2</b> 3			
89 -	7 . 7	. 011 967 0. 011 857			
90 - 91 - od. 13 Woch.		. 012 103 0. 011 992 . 012 238 0. 012 126			
3 Monat. (4 Jahr)	$\frac{2}{245} = 0.012048$	. 012 272 0. 012 160			
92 Tage.	A 5 4 4 0. 0	. 012 <b>373 0. 012 261</b> . 012 509 0. 01 <b>2 39</b> 6			
93 <b>-</b> 94 <b>-</b>	$\begin{array}{c} \frac{1}{13} \frac{1}{7} = 0.012282 \\ \frac{1}{13} \frac{1}{7} = 0.012416 \end{array}$	. 012 644 0. 012 530			
95 -	7.5 = 0.012550	. 012 780 0. 012 <b>6</b> 65			
96, <del>-</del> 97 <b>-</b>	$\frac{96}{1386} = 0.012683$	. 012 915 0. 012 <b>799</b> . 013 051 0. 01 <b>2 934</b>			
97 - 98 - od. 14 Woch.		. 013 186 0. 013 <del>069</del>			
99 - 00. 14 W 001.	$\frac{1807}{180} = 0.0130860$	. 013 321 0. 01 <b>3 203</b>			
100 -	$\frac{100}{7568} = 0.013219$	. 013 457 0. 013 338			
101 -	$\frac{1.01}{7.56.6} = 0.0133530$ $\frac{1.02}{1.02} = 0.0134870$	. 013 592 0. 013 473 . 013 728 0. 013 607			
102 <b>-</b> 103 <b>-</b>		. 013 863 0. 013 742			
104 -	$\frac{104}{1561} = 0.013755$	. 013-999 0. 013 877			
105 - od. 15 Woch.	$\begin{array}{c} 1561 \\ 105 \\ 106 \\ 106 \\ 1559 \end{array} = 0.013889 $	. 014 135 0. 01 <b>4 012</b> . 014 270 0. 01 <b>4 147</b>			
106 -		. 014 406 0. 014 281			
107 - 108 -	$\frac{103}{103} = 0.014291$	. 014 541 0. 014 416			
109 -	$\frac{7557}{1556} = 0.014426$	. 014 677 0. 014 551			

# Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 113 1ste Tafel.

106					_					_	
	eit nsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eins, bei:									
nı	ing.	Ein	achen	Zin	sen.		sen insc	von		little inse	
110 Tage	•	T 8 5 5	= 0.					813			
111 - 112 - od	l. 16. Woch.	1354	== 0. == 0.	014 014				948 084			
113 -		112	= 0.	014	963		015	219		015	001
114 -		1353	= 0.					355			
115 -		7551 115 7550	<b>=</b> 0.	015	232			491			
116 -			<b>= 0</b> .	015	366	0.	015	627	0.	015	497
117 -			<b>=</b> 0.			0.	015	763	0.	015	632
118 -		118 7547	<b>=</b> 0.	015	635	0.	015	898	0. (	015	767
119 - 0	d. 17 Woch.	119			770			034			
120 -		7 5 4 6 7 5 4 5 1 5 4 5	= 0.					170			
121 -		7844			039	0.	016	306	0.	016	172
4 Mon	at. (🖁 Jahr)	248	<b>=</b> 0.	016	129	0.	016	396	0. (	016	263
122 Tage		122	= 0.	016	174			442			
123 -		1517	=0.	016	309	0.	016	578	0. (	016	443
124 -		194	= 0.	016	443			713			
125 -		1551 1559	<b>=</b> 0.					850			
126 - 00	l. 18 Woch.	7539	= 0.	016	713			985			
127		127	= 0.			0.	017	121	0.	016	985
128 -		138	<b>=</b> 0.			0.	017	257	0.	017	120
129 -		7 5 3 8	<u>= 0.</u>					393			_
130 -		130 7535	<b>=</b> 0.			<b>-</b> -		529			
131 - 132 -			<b>= 0.</b>					665 801			
l		1338	<u>= 0.</u>								
41	l. 19 Woch.		= 0.			0.	017	937	0.	017 017	798
134 - 135 -		7831	== 0. == 0.			<b>O</b> . 9	718 810	073 210	۲. <u>ک</u>	01 <i>1</i>	ORG
		1300									
136 - 137 -		7 5 2 9			063			346			
137 -		7528 7527	= 0.	018				482 618			
								754			
139 - 140 - od	l. 20 Woeh.	1326		018	469 605			794 891			
141 -	-	1525			740			026			
		7324	`	J.J					2		

# 114 Der Vien Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 1ste Tafel.

Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eine, bei:				
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittl Zinsen. Zinse			
142 Tage.	$\frac{144}{1523} = 0.018875$	0. 019 163 0. 019			
143 - 144 -	$\begin{array}{c} 143 \\ 7572 \\ \hline 7572 \\ \hline 7572 \\ \hline \end{array} = 0.019011$	0. 019 <b>259</b> 0. 019 0. 019 <b>435</b> 0. 019	155 291		
145 -	$\frac{143}{7520} = 0.019282$	0. 019 572 0. 019	427		
146 - 147 - od. 21 Woch	147 - 0.010 553	0. 019 708 0. 019 0. 019 844 0. 019			
148 -	$\frac{7878}{7517} = 0.019689$	0. 019 980 0. 019			
149 - 150 -	$\frac{149}{7518} = 0.019824$	0. 020 117 0. 019 :	970		
151 -	75.5	0. 020 253 0. 020 0. 020 389 0. 020 :			
152 -	$\begin{array}{c} \frac{151}{4514} = 0.020096 \\ \frac{152}{1518} = 0.020232 \end{array}$	0. 020 526 0. 020			
5 Monat.	$\frac{5}{247} = 0.020243$	0. 020 537 0. 020	<b>3</b> 90		
153 Tage.	$\begin{array}{c} 153 \\ \hline 1512 \\ \hline 1514 \\ \hline 1534 \\ \hline 153 \\ \hline 153 \\ \hline 153 \\ \hline 153 \\ \hline 100 $	0. <b>02</b> 0 66 <b>2</b> 0. <b>020</b> 0. 020 799 0. 020			
154 od. 22 Woch. 155	$\frac{151}{1510} = 0.020303$	0. <b>020</b> 799 0. <b>020</b> 0. <b>020</b> 935 0. <b>020</b>			
156 -	$\frac{156}{1306} = 0.020775$	0. 021 072 0. 020			
167 - 158 -	$\begin{array}{c} ^{157}_{7508} = 0.020911 \\ ^{158}_{7507} = 0.021047 \\ \end{array}$	0. 021 208 0. 021 0. 021 345 0. 021	060 196		
159 -	159 - 0.021 183	0. 021 481 0. 0 <b>2</b> 1			
160 - 161 - od 23 Woch.	$\begin{array}{c} 7506 \\ 160 \\ 1505 \\ \hline \\ 7505 \\ \hline \\ 161 \\ \hline \\ \hline \\ 7504 \\ \hline \end{array} = 0.021455$	0. 021 618 0. 021 0. 021 754 0. 021			
162 -	167 - 0 001 501	0. 021 891 0. 021			
163 -	$\frac{1363}{1502} = 0.021728$	0. 022 028 0. <b>021</b>	878		
164	$\frac{\frac{164}{1501}}{=0.021864}$	0. 022 164 0. 022			
165° - 166	166 - 0 000 100	0. 022 301 0. 022 0. 022 438 0. 022	287		
167 -	$74^{\circ}_{1}$ $= 0.022136$ 167 = 0.022273	0. 022 574 0. 022	423		
168 - od. 24 Woch. 169	$\frac{168}{7497} = 0.022409$	0. 022 7110. 022 0. 022 8480. 022			
170	$\begin{array}{c} 7469 \\ 169 \\ \hline 1749 \\ \hline 170 \\ \hline 170 \\ \hline 189 \\ \hline 170 \\ \hline 189 \\ \hline 170 \\ \hline 189 \\ 189 \\ \hline 1$	0. 022 984 0. 022			
171 -	$\frac{171}{7494} = 0.022818$	0. 023 121 0. 022			
172 - 1 173 -	$\begin{array}{c} \frac{172}{7493} = 0.022.955 \\ \frac{173}{7492} = 0.023091 \end{array}$	0. 023 258 0. 023 0. 023 395 0. 023			

## Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 115 1ste Tafel.

Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Cap Eins, bei:					
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittl Zinsen. Zinse				
174 Tage. 175 - od. 25 Woch. 176 -	$\begin{array}{c} 174 \\ 7491 \\ 135 \\ 135 \\ 1460 \\ 1460 \\ 146 \\ 146 \\ 146 \\ 146 \\ 100 \\ 10$	0. 023 532 0. 023 0. 023 668 0. 023	516			
177 - 178 -	$\begin{array}{c} 116 = 0.023501 \\ \hline 171 = 0.023638 \\ \hline 171 = 0.023638 \\ \hline 118 = 0.023775 \\ \hline 118 = 0.023911 \end{array}$	0. 023 805 0. 023 0. 023 942 0. 023 0. 024 079 0. 023	790			
179 - 180 -	180 0 004 048	0. 024 216 0. 024 0. 024 353 0. 024	064			
181 - 182 -	$\begin{array}{c} 185 = 0.024043 \\ 181 = 0.024185 \\ 182 = 0.024322 \\ 1483 = 0.024322 \end{array}$	0. 024 490 0. 024 0. 024 627 0. 024	337			
6 Monat. (1 Jahr) 183 Tage.	$\frac{\frac{6}{246} = 0.024390}{\frac{183}{7482} = 0.024459}$	0. 024 695 0. 024 0. 024 764 0. 024				
184 - 185 -	$\frac{188}{1481} = 0.024596$	0. 024 901 0. 024 0. 025 038 0. 024	885			
186 - 187 -	$\begin{array}{c} \frac{188}{188} = 0.024733\\ \frac{188}{181} = 0.024870\\ \frac{181}{181} = 0.025007 \end{array}$	0. 025 175 0. 025 0. 025 312 0. 025	159			
188 - 189 - od. 27 Woch 190 -	$\begin{array}{c} \frac{188}{7477} = 0.025144 \\ \frac{189}{7478} = 0.025281 \\ \frac{199}{7478} = 0.025418 \end{array}$	0. 025 449 0. 025 0. 025 586 0. 025 0. 025 723 0. 025	433			
191 - 192 -	$\begin{array}{c} 191 = 0.025555 \\ 1475 = 0.025692 \\ 1475 = 0.025692 \end{array}$	0. 025 860 0. 025 0. 025 997 0. 025	845			
193 - 194 - 195 -	$\frac{194}{195} = 0.025967$	0. 026 134 0. 025 0. 026 271 0. 026 0. 026 409 0. 026	119			
196 - od. 28 Woch.	$\frac{1916}{1489} = 0.026242$	0. 026 546 0. 026 0. 026 683 0. 026	394			
198 - 199 -	$\begin{array}{c} 7.4678 = 0.026 \ 379 \\ 1.957 = 0.026 \ 517 \\ 7.467 = 0.026 \ 654 \end{array}$	0. 026 820 0. 026 0. 026 958 0. 026	668			
200 - 201 - 202 -	$ \frac{200}{1465} = 0.026792 $ $ \frac{201}{1464} = 0.026929 $ $ \frac{202}{1464} = 0.027067 $	0. 027 095 0. 026 0. 027 232 0. 027 0. 027 370 0. 027	081			
203 - od. 29 Wech.	$\begin{array}{c} \frac{1685}{203} = 0.027007 \\ \frac{203}{203} = 0.027205 \\ 203 = 0.027342 \end{array}$	0. 027 507 0. 027 0. 027 644 0. 027	356			
205 -	$\frac{205}{7460} = 0.027480$	0. 027 78270. 027				

# 116 Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 1ste Tafel.

los der	Zeit Zinsberech-	Betrag der Zins Ein	en für das 1, bei:	Capital
402	nusg.	Einfachen, Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
206 T 2.7	age	74.56 = 0.027018 $74.56 = 0.027018$ $20.76 = 0.027755$	0. 027 919 0. 028 057	0. 027 768 0. <b>027 9</b> 06
2 8	-	$\frac{2001}{1457} = 0.027893$		0. 028 044
210 211 211	- od. 30 Woch.	$     \begin{bmatrix}       209 \\       1458 \\       7458 \\       \hline{} = 0.028031     \end{bmatrix}     $ $= 0.028169$ $= 0.028307$	0. 028 331 0. 028 469	0. 028 319
$\frac{211}{212}$	-	$\frac{7434}{1433} = 0.028307$ $\frac{212}{1433} = 0.028445$	0. 028 606 0. 028 744	0. 028 457 0. 028 594
	onat.	$\frac{7}{245} = 0.028571$	0. 028 870	
213 T 214	age.	$\frac{{}^{2}_{1}{}^{1}_{3}}{{}^{2}_{1}} = 0.028583$ $\frac{{}^{2}_{1}{}^{1}_{4}}{{}^{2}_{1}} = 0.028721$	0. 028 881 0. 029 019	0. 028 732 0. 028 870
215 216	• '	$\begin{array}{c} 214 \\ 7457 \implies 0.028721 \\ 2157 \implies 0.028859 \\ 2167 \implies 0.028997 \end{array}$		0. <b>029 00</b> 8 0. <b>029 14</b> 6
217 218	- od. 31 Woch.	$\frac{217}{7448} = 0.029135$		0. 029 283 0. 029 421
219	-	$\frac{219}{7446} = 0.029412$	0. 029 707	υ. 029 <i>55</i> 9
220 221	- -	$\begin{array}{c} {}^{220}_{1445} = 0.029550 \\ {}^{221}_{1445} = 0.029688 \\ {}^{222}_{1445} = 0.029827 \end{array}$	0. 029 982	0. <b>02</b> 9 6 <b>9</b> 7 0. <b>02</b> 9 835
$\frac{222}{223}$	-	$\begin{array}{c} {}^{22}_{1443} = 0.029827 \\ {}^{223}_{1443} = 0.029965 \end{array}$	0. 030 258	
224 225	- od. 32 Woch. -	$\begin{array}{c} 2^{23} = 0.029965 \\ 7^{444} = 0.039103 \\ 7^{441} = 0.030103 \\ 2^{25} = 0.030242 \end{array}$	0. 030 395 0. 030 <b>533</b>	0. 030 <b>24</b> 9 0. 030 <b>3</b> 87
226 227	-	225 2 222 222		0. 030 <b>52</b> 6 0. 030 <b>66</b> 4
228		$\frac{228}{1431} = 0.030658$	o. 030 946	0. 030 <b>80</b> 2
229 230	- -	$\frac{7436}{230} = 0.030935$	0. 031 222	0. 030 940 0. 031 <b>07</b> 8
$\frac{231}{232}$	- od. 33 Woch:	1484		0. 031 <u>217</u> 0. 031 <b>355</b>
233 234	- -	$\begin{array}{c} 74.33 \\ 74.33 \\ 23.8 \\ 74.23 \\ 13.4 \\$		0. 031 <b>493</b> 0. 031 <b>632</b>
235 236	•	$\frac{135}{7630} = 0.031629$		0. 031 770 0. 031 908
237	4	$\begin{array}{c} 1476 = 0.031767 \\ 237 = 0.031906 \end{array}$		0. 031 503 0. 032 <b>047</b>

# Der Vten Haupt-Tafel Isse Abtheilung. 117 1ste Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eine.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

5 Procent.

309	And the latest designation of the latest des			_			-	-	-		
der	Zeit Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eins, bei:						al			
	nung.	Binf	schen	Zin	sen.	Zit Z	is <b>ca</b> Lips(	YOR	1	Mitel Zinoc	
238 T	age od. 34 Wo.	1127	= 0.	032	045					032	
239 240	-	7,27	= 0. = 0.	032 032	184					032 032	
	-	1436									
241 242	-	11424	= 0. = 0.		- 1	<b>L</b> .	032 032	878	Ľ.	032 032	430
243	_	7473 7473	= 0. = 0.	_						032	
8 M	nat. (2 Jahr)		= 0.	032	787					032	
244 T			= 0.	032	880					033	
	- od. 35 Wech.		= 0,							033	
246		246 -	= 0.	033	158	ō.	033	430	ō.	033	294
217	-	7418 7418 248 7417	<b>=</b> 0.	033	297	0.	033	<b>56</b> 8	0.	033	433
248	•	7418 =				0.	033	706	0.	033	571
249	-	249 7416 250	<b>=</b> 0.							033	
250 251	<del>-</del> .	T. 1 T S .	= 0. = 0.							033 033	
	- od. 36 Woch.	1 1 1	= 0.						_	034	
252 253	- 00. 30 WOCH.	253	= 0. = 0.							034	
254	-		= 0.							034	
255	-	255	= 0.	034	413	0.	034	674	0.	034	543
256	•	7410 256 7409 257	<b>= 0</b> .			0.	034	812	0.	034	682
257		7408	= 0.						_	034	
258	-1 90 11/ .1		<b>= 0.</b>							03 <b>4</b> 035	
259 260	- od. 37 Woch.	7406 - 260 -	= 0. = 0.							035	
261		7405	= <del>0.</del>							035	
262	-	262	= 0. = 0.							035	
240	-	7403 263 7407	= 0.							035	
264	-	264	= 0.	035	671	0.	035	919	ō.	035	795
265	•	740 265 7400 266 7809	<b>=</b> 0.	<b>0</b> 35	811	•				035	
	- od. 38 Wach.	1809		035					-	036	
267	-	267 - 7398 -	= 0.		-					036	
268   269		7 T T ~		036 036						036	352 492
200	-	1316	<u> </u>	700					<u></u>		

109

## 118 Der Vien Haupt-Tafel Iste Abineitung. 1ste Tafel.

110	V IIOCCHA,							
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capita Eins, bei:							
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.					
270 Tage.	$\frac{7}{13}\frac{1}{5} = 0.036511$	U. 030 750						
271	$2^{7} = 0.036.651$ $2^{7} = 0.036.792$		0. 036 <b>7</b> 76 0. 0 <b>3</b> 6 916					
273 - od. 39 Woch.	1893		0. 037 049					
	9 - 0 027 027	***************************************	0. 037 049					
9 Monat (3 Jahr)	1 4 1 1		0. 037 189					
274 Tage.	1 1 1 1							
275 - 276 -	$\frac{1275}{1890} = 0.037212$ $\frac{1278}{1886} = 0.037353$		u. 037 328 0. <b>037 46</b> 8					
277 -	$\frac{1777}{1388} = 0.037493$	0.037 721						
278 -	$\frac{138}{1387} = 0.037634$	J. 037 860	0. 037 747					
279 -	$\frac{7379}{7386} = 0.037774$		o. <b>037 8</b> 86					
280 - od. 40 Woch	7385 - 0. 037 813		0. 038 026					
281 -	7384 = 0.038055		0. <b>038 16</b> 6					
282 - 283 -	$\begin{array}{c} 282 \\ 7383 \\ 283 \\ 7387 \end{array} = 0.038196$	0. 038 415 0. 038 554	0. 938 <b>30</b> 5 0. 038 445					
284 -	284 0 028 477		0. 038 585					
285 -	7381 = 0.038477 $285 = 0.038618$	0. 038 832						
286 -	$\frac{12^38^66}{1379} = 0.038759$	<b>0.</b> 038 970	0. 038 864					
287 - od. 41 Woch.	$\frac{287}{1348} = 0.038899$	<b>0. 039</b> 109	-					
288	$\begin{array}{c} {757} = 0.038899 \\ {7378} = 0.039040 \\ {7376} = 0.039181 \end{array}$	0. 039 <b>24</b> 8						
289		0. 039 387						
290 - 291 -	$\begin{bmatrix} 290 \\ 7375 \\ 291 \\ = 0.039463 \end{bmatrix} = 0.039463$	0. 039 526 0. 039 665						
292 -	$\begin{array}{c} 7_3 7_4 = 0.039403 \\ 7_3 7_5 = 0.039604 \end{array}$	0. 039 804						
293		0. 039 943						
294 - od 42 Woch	$\frac{293}{1372} = 0.039745$ $\frac{294}{1373} = 0.039886$ $\frac{295}{1373} = 0.040027$	0. 040 082	0. 039 984					
295 -	$\frac{295}{1370} = 0.040027$	0. 040 221						
296 -	$\frac{296}{7369} = 0.040168$	0. 040 360						
297 - 298 -	$\frac{297}{7308} = 0.040309$	0. 040 499 0. 040 638						
299	$\frac{7867}{299} = 0.040592$	0. 040 038 0. 040 777						
300	7388 - 0. 040 092	0. 040 777 0. 040 917	200.00					
301 - od. 43 Weeh.	7385 = 0.040733	9. 041 056						

# Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 119 1ste Tafel.

Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zins Ein	en für das s, bei:	Capital
nung.	Riufachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen,	Mittlen Zinsen.
302 Tage. 303 - 304 -	$\frac{102}{1363} = 0.041016$ $\frac{303}{1364} = 0.041157$ $\frac{303}{1304} = 0.041299$	0. 041 <b>3</b> 34	0. 041 105 0. 041 246 0. 041 386
10 Monat.	$\frac{10}{141} = 0.041322$		0. 041 409
305 Tage. 306 -	$\frac{305}{1380} = 0.041440$ $\frac{206}{1385} = 0.041582$	0. 041 613 0. 041 752	0. 041 526 0. 041 667
307 - 308 - od, 44 Woch 309 -	$\frac{107}{7555} = 0.041723$ $\frac{508}{7357} = 0.041865$ $\frac{105}{7357} = 0.042007$	0. 042 030	0. 041 807 0. 041 947 0. 042 088
310 - 311 - 312 -	$\begin{array}{c} \frac{310}{315} = 0.042148 \\ \frac{315}{315} = 0.042290 \\ \frac{315}{315} = 0.042432 \end{array}$	0. 042 448	0. <b>042 228</b> 0. <b>042 3</b> 69 0. <b>042 5</b> 10
313 - 314 - 315 - od. 45 Woch.	$\begin{array}{c} \frac{318}{318} = 0.042573\\ \frac{13151}{3151} = 0.042715\\ \frac{73151}{7355} = 0.042857 \end{array}$	<b>0. 042</b> 866	0. <b>042</b> 650 0. 042 791 0. 042 931
316 - 317 - 318 -	$\frac{16}{1315} = 0.042999$ $\frac{1}{1315} = 0.043141$ $\frac{18}{1315} = 0.043283$	<b>0. 043 2</b> 8 <i>5</i>	0. 043 072 0. 043 213 0. 043 353
319 - 320 - 321 -	$\frac{319}{1345} = 0.043425$ $\frac{345}{1345} = 0.043567$ $\frac{1345}{1345} = 0.043709$	<b>6</b> . 043 703	0. 043 494 0. 043 635 0. 043 776
322 - od. 46 Woch. 323 - 324 -		0.044 122	0, 043 917 0, 044 057 0, 044 198
325 326 - 327 -	$\begin{array}{c} \frac{325}{340} = 0.044278 \\ \frac{340}{230} = 0.044420 \\ \frac{321}{3315} = 0.044563 \end{array}$		0. 044 339 0. 044 480 0. 044 621
328 - 329 - od. 47 Woch. 330 -,	228 0 044 505	0. 044 959	0. 044 762 0. 044 903 0. 045 044
331 - 332 - 333 -	$\frac{331}{7434} = 0.045132$ $\frac{333}{333} = 0.045275$	9. 045 239 0. 045 379 0. 045 518	0. 045 327

### 120 Der Vien Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 1ste Tafel.

112			-
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zins Ein	en für das 1, bei:	Capital
nung.	Binfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
334 Tage.	$\frac{334}{1381} = 0.045560$	9. <b>0</b> 45 658	0. 045 609
Il Monat.	$\frac{11}{241} = 0.045643$	0. 045 740	0. 045 691
335 Tage.	$\frac{335}{7330} = 0.045703$	0. 045 798	0. 045 750
336 - od. 48 Woch.	$\frac{236}{1325} = 0.045845$	0. 045 938	
337 - ` 338 -	$\frac{337}{1328} = 0.045968$	0. 046 077 0. 046 217	
339 -	1001	<b>!</b>	
340 -	$\frac{7339}{7345} = 0.046274$ $\frac{7345}{7325} = 0.046416$		0. 046 315 0. 046 457
341 -	$\frac{341}{7524} = 0.046559$	<b>0.</b> 046 <b>6</b> 36	0. 046 598
342 -	$\frac{342}{1323} = 0.046702$		0. 046 740
343 - od. 49 Woch. 344 -	$\frac{313}{313} = 0.046845$	0. 046 917 0. 047 057	
	$\frac{344}{1321} = 0.046988$	0. 047 037	
3 <b>4</b> 5 - 346 -	$\frac{145}{7376} = 0.047131$	0. 047 197 0. 047 337	
347 -	$\frac{347}{1818} = 0.047417$		0. 047 447
348 -	348 - 0 047 560	0. 047 617	
349 - 350 - od. 50 Woch	$\frac{7317}{349} = 0.047300$	0. 047 757 0. 047 897	
350 - od. 50 Woch. 351 -	$\frac{350}{7315} = 0.047847$		
352 -	$\frac{351}{7314} = 0.047990$	0. 048 037 0. 048 177	
353 -	$\frac{353}{7812} = 0.048277$	0. 048 317	
354	$\frac{354}{355} = 0.048420$	0. 048 457	0. 048 439
355 - 356 -	$\begin{bmatrix} 355 \\ 7310 \end{bmatrix} = 0.048564$	0. 048 597	
	$\frac{356}{7309} = 0.048707$	0. <b>048 738</b>	
357 - od. 51 Woch. 358 -	$\begin{array}{c} 357 \\ 7108 \\ \hline \end{array} = 0.048851 \\ \frac{358}{1507} = 0.048994 \end{array}$	0. 048 878 0. 049 018	
359 -	$\frac{359}{1806} = 0.049 138$	0.049 158	
360 -	166 = 0. 049 281	0, 049 299	
361 <i>-</i> 362 <i>-</i>	= 0.049425	0. 049 439	
363	= 0.049 569	0. 049 579	
364 <b>-</b>	0.049712	0. 049 720 0. 049 860	
		0. 050 000	

## Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 200 Tafel.

113			·				
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eins, bei:						
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen,	Zinsen.				
1 Tag. 2 Tage. 3 -	$\frac{1}{(4)}\frac{2}{63} = 0.000134$ $\frac{1}{(4)}\frac{2}{61} = 0.000267$ $\frac{1}{(4)}\frac{2}{59} = 0.000401$	0. 000 271	O. 000 269t				
4 - 5 - 6 -	$\frac{14.57}{14.57} = 0.000535$	0.000 541 0.000 677	0. 000 538 0. 000 673				
7 - od. 1 Woche 8 -	14551 = 0.000 803 14551 = 0.000 936 14555 = 0.001 070	0. 000 948 0. <b>00</b> 1 083	0. 000 <b>942</b> 0. 001 <b>07</b> 7				
9 - 10 - 11 -	$\frac{\frac{18}{14547} = 0.001 \ 204}{\frac{20}{14545} = 0.001 \ 338}$ $\frac{18}{14545} = 0.001 \ 472$	0. 001 218 0. 001 354	0. 001 211 0. 001 346				
12 -	$\frac{24}{16941} = 0.001606$	0. 001 625 0. 001 760	0. 001 616 0. 001 750				
	$\frac{28}{1381} = 0.001 875$	0. 001 896 0. <b>002 032</b>	0. 001 885 0. 002 020				
16 - 17 % 18 %	18013 = 0.002 143 18011 = 0.002 277 18011 = 0.002 411	0. 002 303 0. 002 <b>43</b> 8	0. 002 290 0. 002 425				
19 - 29 - 21 - od. 3 Wochen	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0.002 574 0.002 710	0. 00 <b>2</b> 560 0. 00 <b>2</b> 695				
22 - 23 -	16578 = 0. 002 049 16571 = 0. 002 049 16671 = 0. 003 083	0. 002 981	0. 002 965				

## 122 Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 2te Tafel.

114	. •					
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eine, bei:					
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Zinsen.			
24 Tage. 25 -	$^{48}_{14917} = 0.003218$ $^{50}_{14915} = 0.003352$	0. 003 <b>25</b> 3 0. 003 388	0. <b>003 23</b> 5 0. 003 370			
26	$\frac{52}{(49)3} = 0.003487$	0. 003 524	0. 003 505			
27 – 28 – od. 4 Wochen		0. 003 796	0. 003 776			
29 -	$\frac{58}{14907} = 0.003891$	0. 003 931	0. 003 911			
30 - 1 Monat.	$\frac{\overset{60}{14905} = 0.004025}{\overset{1}{245} = 0.004082}$					
31 Tage.	$\frac{\frac{243}{62}}{14903} = 0.004160$	0. 004 203	0. 004 182			
32 - 33 -	$\frac{^{64}_{14901} = 0.004295}{^{66}_{14309} = 0.004430}$	0.004 339	0.004 317			
34	$\frac{68}{14897} = 0.004565$	0. 004 611	0,004 588			
35 - od. 5 Wochen 36 -	$r_{1893}^{70} = 0.004700$ $r_{1893}^{72} = 0.004834$	NU. UU4 883	<b>E</b> U. UU4 8391			
37 -	$\frac{74}{14891} = 0.004969$	0. 005 019	0. 004 994			
38 <b>-</b>	$\begin{array}{c} 76 \\ 14889 \\ 78 \\ 14887 \\ \hline \end{array} = 0.005104$	NO. 003 291	IU. UUS 2001			
40 -	$\frac{80}{14885} = 0.005375$	0. 005 427	0. 005 401			
42 - od. 6 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{82}{14887} = 0.005 \ 510 \\ \frac{84}{14887} = 0.005 \ 645 \end{array}$	0. 005 699	0.005 672			
13 - 44 -	$\frac{\frac{186}{14879} = 0.005780}{\frac{88}{14877} = 0.005915}$					
15 <b>-</b> 46 -	$\frac{1800}{14875} = 0.006050$ $\frac{92}{14873} = 0.006186$	<b>t</b> 0. 006 107	<b>1</b> 0. 006 0791			
17 -	$\frac{94}{14971} = 0.006321$	0. 006 379	0. 006 350			
48 - 49 - od. 7 Wochen	$\frac{96}{14869} = 0.006456$ $\frac{98}{14867} = 0.006592$	<b>2</b> 0. 000 510	O. 000 480			
50 -	$\frac{190}{1486} = 0.006727$	o. 006 <mark>788</mark>	0.006 758			
51 - 52 -	$\frac{14868}{14867} = 0.000803$	0. 006 924 0. 007 061	0. 000 893 0. 007 029			
53 <b>-</b>	$\frac{\frac{106}{1085}}{\frac{1085}{14857}} = 0.007134$	V. 007 197	0.007 165			
55 -	$\frac{14837}{75855} = 0.007405$	0. 007 469	0. 007 437			

## Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel I<sup>ste</sup> Abtheilung. 123 2te Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Kins.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

2½ Procent.

118			
Zeit der Zinsberech- nung.	Betrag der Zinsen für das Capital Eins, bei:		
	Einfachen Ziasen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
56 Tage od. 8 Wook. 57 -	$\begin{array}{c} \begin{array}{c} 112 \\ 14853 \end{array} = 0.007541 \\ 14851 \end{array} = 0.007676 \end{array}$	0, 007 606	0. 007 573
58 -	$\frac{1}{14849} = 0.007812$	0. 007 878	0. 007 845
59 -	$T_{4547}^{118} = 0.007948$	0. 008 015	0. 007 981
60 - 2 Monat.	$\frac{\overset{1}{\cancel{13}}\overset{2}{\cancel{01}}\overset{1}{\cancel{14}}\overset{2}{\cancel{14}}\overset{1}{$	0.008 265	0.008 117
Ul Tage.	$\frac{744}{14843} = 0.008 \ 219$	0. 008 288	0. 008 253
62 -	-177 == 0.008 350	0. 008 424	0. 008 390
63 - od. 9 Wochen	$\frac{\frac{128}{14839} = 0.008491}{\frac{128}{14837} = 0.008623}$		
65 -	-139 = 0.008763	3 <b>1</b> 0. 008 833	0. 008 798
66 -	14833 - 0. 000 000	0. 000 010	0. 000 504
67 - 68 -	$\begin{array}{c} \frac{134}{14837} = 0.009033\\ \frac{136}{14829} = 0.00917 \end{array}$	110. 009 213	0. 009 207
69 -	$\frac{138}{14827} = 0.009307$	7 <b>0</b> . 009 380	0. 009 343
70 - od. 10 Wochen 71 -	$\begin{array}{c} \frac{140}{14825} = 0.009444 \\ \frac{14825}{14828} = 0.009586 \end{array}$	0. 009 516	0. 009 480 0. 000 616
72 -	$\begin{array}{c} 1442 \\ 1482 \\ 1482 \end{array} = 0.009716$	0. 009 789	0. 009 753
73 -	-146 = 0.009852	0. 009 926	o. uo9 889
74 <b>-</b> 75 -	$\begin{array}{c} \frac{148}{14817} = 0.009.989 \\ \frac{14817}{14813} = 0.010.124 \end{array}$	90.010 063 50.010 199	0. Q10 026 0. 010 162
76 -	$\frac{152}{14817} = 0.010261$	0. 010 336	0. 010 299
77 - od. 11 Wochen 78 -	$\begin{array}{c} \frac{154}{1491} = 0.010398 \\ \frac{156}{1499} = 0.010534 \end{array}$	RIO 010 473	0. 010 435
79 -	158 0 010 671	0 010 746	0 010 708
80 -	L122 0. 010 807	7 <b>m</b> ). 010 883	U. UIU 849I
81 82 -	$\frac{\frac{11805}{14803}}{\frac{164}{14801}} = 0.010944$	HU. U11 U2U	0. 010 302
83 -	$\frac{1}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{5}{5}$ $\frac{5}$	7 <b>5</b> 0. 011 <b>29</b> 3	0. Q11 <b>2</b> 55
	$\frac{168}{14797} = 0.011354$	D. 011 430	0. 011 392
85 <b>-</b> 86 -	$\frac{170}{14795} = 0.011490$ $\frac{170}{14795} = 0.011627$	780 MII 704	n ou sta
87 -	$\frac{11111}{11111} = 0.011764$	D: 011 841	0. 011 802

111

#### 124 Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 2<sup>to</sup> Tafel.

Der mahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eins.

B) bei halbjährlich bedangenen Zinszahlungs-Terminen und
21 Procent.

Y16	-	
Zeit der Zinsbereck-	Betrag der Zinse Eins	en für das Capital , bei:
rung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
88 Taga.	= 0.011901	0, 011, 978 0, 011, 939 <b>0</b> , 012 115 <b>0</b> , 012 <b>07</b> 6
90 -	$\frac{188}{14785} = 0.012175$	0. 012 <b>2</b> 52 0. 012 <b>2</b> 13
91 - od. 13 Woch.		0. 012 389 0. 012 350
3 Monat. (1 Jahr)		0. 012 <b>423 0. 012 3</b> 84
92 Tage.	$\frac{184}{14781} = 0.012448$	<b>0</b> . 012 <b>526</b> 0. <b>0</b> 12 <b>4</b> 87
93 -	$\frac{186}{111} = 0.012585$	0. 012 663 0. 012 624 0. 012 800 0. 012 761 0. 012 937 0. 012 898
94 - 95 -	$\frac{1111}{1111} = 0.012722$	0. 012 800 0. 012 761 0. 012 937 0. 012 898
96 -	-192 = 0.012997	0. 013 074 0. 013 035
97 -	$\frac{194}{194} = 0.013134$	6. 013 2110. 013 179
98 - od. 14 Woch.		0. 013 348 0. 013 309
99 <b>-</b>		9. 913 485 9. 913 447 0. 913 622 9. 913 584
101 -	14763 V. VIS 005	U. U.S 199U. UIS 121
102 -	-294 0.013820	0. 013 896 0. 013 858
103 - 104 -	$\frac{1208}{1308} = 0.013958$	D. 014 034 0. 013 996 D. 014 171 0. 014 133
105 - od. 15 Woch.	910 0 014 000	0.014.0000 014.000
106 -	<u>-212 0.014 370</u>	IO. 014 445IO. 014 408
107 -	14181 - 0.014 001	U. U14 000 U. U14 U4
108 - 109 -	$\frac{216}{14145} = 0.014645$	0. 014 729 0. 014 682 0. 014 857 0. 014 828 0. 014 995 0. 014 953
110 -	U. U. V. VAU	ひいいしん かかいまひいひょう
111 -	222 - 0.015.058	0. 015 132 0. 015 093 0 015 269 0 015 233
112 - od. 16 Woch. 113 -		0. 015 <b>269 0. 015 23</b> 0. 015 <b>4</b> 07 <b>0. 015 37</b>
113 -	228 - 0 015 471	0. 015 544 0. 015 508
115 -	$\frac{230}{100} = 0.015609$	0. 015 681 <b>8</b> 0. <b>015 64</b>
116 -	14783 = 0. 018 747	U. UID 819 U. UID 76.
117 - 118 -	$\frac{1334}{235} = 0.015885$	0. 015 956 0. 015 92 0. 016 094 0. 016 058
119 - od. 17 Woch.	$\frac{74727}{14727} = 0.016161$	0. 016 <b>2</b> 31 0. 016 196
	مرحد برساخات	

#### Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 125 2te Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eins.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

21 Procent.

117			
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zins Ein	s, bei:	11317 7711
nung.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Zinsen.
120 Tage.	$ \tau_{4}^{2} _{5}^{4} = 0.016209$	0. 016 369	0. 016 334
121 -	$\frac{1}{14123} = 0.016437$		
4 Monat. ( Jahr)	$\frac{4}{2\sqrt{2}} = 0.016529$		
122 Tago.	$r_1^{244}r = 0.016575$	0. 016 644	0. 016 609
123 - 124 -	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	20. 016 781	0.016 747
125 - 126 - od. 18 Woch	$\begin{array}{c} {}^{250}_{14715} = 0.016989 \\ {}^{252}_{13715} = 0.017128 \end{array}$	10. 017 057 0 017 104	0.017 023
127 -	$\frac{13713}{13717} = 0.017266$		
128 -	256 - 0 017 404	0 017 440	0 017 497
129 -	1_258_ — 0_017_5 <b>4</b> 3	<b>30</b> . 017 607	0.017.575
130 -	$\frac{\frac{14707}{268}}{14785} = 0.017681$	0. 017 745	0. 017 713
131 -	949 0 010 010	0 0 0 000	O OLG OF I
132 -	L 493 0. 017 908	<b>8</b> ). UTA 020	8). U1 / YAYI
133 - od. 19 Woch.	$\frac{14701}{14609} = 0.018096$	0. 018 158	0. 018 127
134 -	268 4 410 000	0 0 0 000	0 010 045
135 -		0. 018 434	0. 018 404
136 -	1 4 6 9 8 = 0. 018 912	U. U18 3/1	0. 018 342
137 -	$T_{4}^{214} = 0.018651$	0. 018 709	0. 018 680
138 - 139 -	$\begin{array}{c} \frac{2711}{14685} = 0.018790 \\ \frac{2718}{14687} = 0.018928 \end{array}$	0.018 847	0.018 818
140 - od. 20 Woch. 141 -	282 - 0 010 000	EA AIA 9KII	N NIU 773
142 -	$\frac{13688}{14681} = 0.019200$	0. 019 399	0. 019 372
143 -	944		
144 -	$\frac{-288}{2} = 0.019623$	0. 019 675	0. 019 649
145 -			
146 -	$\frac{292}{} = 0.019900$	0.019950	0. 019 925
147 - od. 21 Woch			
148 -	$\frac{1361}{16666} = 0.020179$	0. 020 227	0. 020 203
149 -	-225 = 0.020318	<b>ს. 020 3</b> წ5	0. 020 341
150 -	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0. 020 503	0. 020 480
151 -	= 0.020596	0. 020 641	U. 020 618

## 126 Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 2te Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eins.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und

24 Procent.

119			
Zeis der Zinsberech-	Betrag der Zinse Ein	en f <b>ä</b> r d <b>as</b> Cap , bei:	ital
nung.	Einfachen: Zinsen.		tlen sen.
152 Tage.	$\frac{3 + 4}{14661} = 0.020735$	v. 020 779 0. 02	757
5 Monat.	$\frac{5}{241} = 0.020747$	<b>0</b> . 020 790 0. 02	<b>76</b> 9
153 Tage.	$_{14655}^{306} = 0.020875$	0. 020 917 0. 02	0 896
154 - od. 22 Woch.	$\frac{308}{14657} = 0.021014$	0. 021 055 0. 02	1 034
155 - 156 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{3} \frac{1}{1} \frac{5}{3} \frac{7}{4} = 0.021153 \\ \frac{3}{14} \frac{1}{5} \frac{2}{5} = 0.021293 \end{array}$	0. 021 193 0. 02	1 173
157 -	314 0 001 400	0 001 120 0 001	4:0
157 - 158 -	-316 = 0.021571	0. 021 608 <b>1</b> 0. 021	590
159 -	$\frac{3187}{14647} = 0.021711$	0. 021 746 0. 021	729
160 -	$\frac{320}{6865} = 0.021850$	0. 021 884 0. 021	867
161 - od 23 Woch.	$\frac{133}{13543} = 0.021990$	0. 022 023 0. 025	2 006
162 -	$\frac{3243}{13641} = 0.022130$		
163 <b>-</b> 164 -	1 3 3 8 " n · n 9 9. 4 n q	0. 022 299 0. 023 0. 022 438 0. 023	1 423
165:	$\begin{array}{c} 14637 = 0.022409 \\ 14637 = 0.022549 \\ 14635 = 0.022549 \end{array}$	0. 022 576 0. 02	2 562
166 -	332 - 0 022 688	0 022 714 0 02	2 7011
167 -	$\begin{array}{c} \begin{array}{c} 14638 \\ 3314 \\ 14631 \end{array} = 0.022828 \\ \begin{array}{c} 14625 \\ 14625 \end{array} = 0.022968 \end{array}$	0. 022 853 0. <b>02</b> 9	2 840
	$\frac{336}{14629} = 0.022968$	0. 022 991 0. 02	2 980
169 - 170 -	$\frac{338}{13627} = 0.023108$	0. 023 129 0. 023 5 623 268 6 623	3 119
170 -	$\begin{array}{c} \begin{array}{ccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0. 023 206 0. 02 0. 023 406 0. 02	397
172 -	344 - 0 023 528	0 023 545 0. 02	3 536
173 -	-316 0.023 668	o. 023 683 0. 02	3 676
174 -	$\Gamma_{4017}^{3\frac{1}{4}8} = 0.023808$	0. 023 8220. 02	3 815
175 - od. 25 Woch	$\frac{350}{4915} = 0.023948$	0. 023 960 0. 02	954
176 - 177 -	$\begin{bmatrix} \frac{3}{4} \frac{3}{6} \frac{1}{5} & = 0.023948 \\ \frac{3}{4} \frac{5}{6} \frac{1}{3} & = 0.024088 \\ \frac{3}{3} \frac{5}{4} & = 0.024298 \end{bmatrix}$	0. 024 09910. 02 0. 024 238 0. 02	1 233
178 -	356 - 0 004 040	0.004.27410.00	1 279
179 -	$\frac{355}{100} = 0.024509$	0. 0 <b>24</b> 515 <b>0</b> . 02	4 512
180 -	14675 - 0. 022 040	0. 022 000 0. 0-	
181 -	$\frac{362}{1366} = 0.024789$	0. <b>024 792 0</b> . 02	4 791
182 -	4601 - 0.022 950	0. 024 301 0. 02	. 000
6 Monat. (1 Jahr)	$\frac{6}{240} = 0.025000$	<b>0.</b> 025 000 <b>1</b> 0. 02	5 000

# Der Vien Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 3te Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eins.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und
1 Procent.

119			
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinsen für das Capital Eins, bei:		
nung.	Rinfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen - Zinsen.
1 Tag. 2 Tage.	$\begin{array}{c} \frac{1}{29561} = 0.000135 \\ \frac{1}{29557} = 0.000271 \end{array}$	<b>I</b> 0. 000 272	0. 000 271
3 -	= 0.000400	<b>30. 000 4</b> 08	0. 000 407
<b>4</b> - <b>5</b> -	$\begin{array}{c} \frac{16}{29549} = 0.000541 \\ \frac{16}{29549} = 0.000677 \end{array}$		
6 - 7 - od. 1 Woche	$L_{\pi^2} = 0.000812$	20.000 817	0. <b>0</b> 00 815
8 -	$\begin{array}{c} 28 \\ \hline 28 \\ \hline 39537 \\ \hline 29537 \\ \hline 29533 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{c} 0.000948 \\ \hline 0.001084 \\ \hline \end{array}$		
9 - 10 -	$\frac{\frac{236}{28525} = 0.001219}{\frac{40}{52525} = 0.001359}$		
11 - 12 -	$\begin{array}{c} 29525 = 0.001 \ 496 \\ \hline 29521 = 0.001 \ 496 \\ \hline 29517 = 0.001 \ 626 \end{array}$	MO. 001 499	0. 001 494
13 -	$\frac{52}{76777} = 0.001762$	0.001 771	0. 001 767
14 – od. 2 Wocher 15 –	$\begin{array}{c} 1356 \\ 19509 \\ 19505 \\                                  $	3 <b>1</b> 0. 001 908	0. 001 9 <b>0</b> 3
16 -	$\frac{64}{20.007} = 0.002169$	0. 002 181	0. 002 175
17 18 -	$\begin{array}{c} \frac{63}{29497} = 0.002303\\ \frac{79497}{29497} = 0.002443 \end{array}$	0. 002 317 0. 002 453	0. 002 311 0. 00 <b>2 44</b> 7
19 - 20 -	$\begin{array}{c} {}^{76}_{79489} = 0.002577\\ {}^{80}_{79485} = 0.002713 \end{array}$	9. 002 590	0. 002 584
	$\frac{84}{19481} = 0.002846$	0. 002 863	0. 002 856
22 - 23 -	$\begin{array}{c} \frac{88}{79477} = 0.002985 \\ \frac{99477}{79473} = 0.003125 \\ 0.003255 \end{array}$	<b>20</b> 0. 003 136	0. 003 129
24 -	29489 - 0.000 200	0.000 2.0	0. 000 200
25 - 26 -	$\frac{100}{15461} = 0.003394$	0. 003 546	0. 003 538
27 28 - od. 4 Wochen	$\frac{1}{4}\frac{1}{4}\frac{1}{1}\frac{1}{1} = 0.003666$	Q. <b>003</b> 682	0. 003 674
- Uu. 4 W Ochen	$\frac{112}{145} = 0.003803$	30. 003 818	v. vuə n

## 128 Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 3te Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eins.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

1 Procent.

130		
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinse Eins	n für das Capital , bei:
nung,	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
29 Tage. 30 -	$\begin{array}{c} \frac{116}{29449} = 0.003939 \\ \frac{120}{29445} = 0.004075 \end{array}$	0. 003 95660. 003 947 0. 004 092 0. 004 084
l Monat.	$-\frac{1}{2}$ = 0,004 132	0. 004 149 0. 004 141
31 Tage. 32 - 33 -	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}$	0. 004 229 0. 004 220 0. 004 366 0. 004 357 0. 004 503 0. 004 494
34 35 - od. 5 Wochen 36 -	$\begin{array}{c} 136 \\ 29429 \\ \hline 29429 \\ \hline 29425 \\ \hline 29425 \\ \hline 29427 \\ \hline 29427 \\ \hline = 0.004894 \end{array}$	0. 004 639 0. 004 630 0. 004 776 0. 004 767 0. 004 913 0. 004 904
37 - 38 - 39 -	$\begin{array}{c} \frac{148}{29417} = 0.005031 \\ \frac{152}{29413} = 0.005168 \\ \frac{156}{29413} = 0.005304 \end{array}$	0. 005 050 0. 005 040 0. 005 187 0. 005 177 0. 005 323 0. 005 314
40 - 41 - 42 - od. 6 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{160}{29495} = 0.005441 \\ \frac{164}{29401} = 0.005578 \\ \frac{168}{29401} = 0.005715 \end{array}$	0. 005 460 0. 005 451 0 005 597 0. 005 588 0. 005 734 0. 005 725
43 - 44 - 45 -	$\begin{array}{c} \frac{172}{25753} = 0.005852\\ \frac{15753}{25755} = 0.005989\\ \frac{150}{2575} = 0.006126 \end{array}$	0. 005 871 0. 005 861 0. 006 008 0. 005 998 0. 006 145 0. 006 135
46 - 17 - 48` -	$\begin{array}{c} \frac{184}{29381} = 0.006263\\ \frac{1881}{29217} = 0.006400\\ \frac{188}{29217} = 0.006537 \end{array}$	0. 006 282 0. 006 272 0. 006 419 0. 006 409 0. 006 556 0. 006 546
49 - od. 7 Wochen 50 - 51 -	$\begin{array}{c} \frac{196}{23369} = 0.006674 \\ \frac{2369}{2365} = 0.006811 \\ \frac{236}{23361} = 0.006948 \end{array}$	0. 006 693 0. 006 683 0. 006 830 0. 006 820 0. 006 967 0. 006 958
52 - 53 - 54 -	$\begin{array}{c} 208 \\ 75357 & = 0.007085 \\ 20357 & = 0.007222 \\ 20357 & = 0.007360 \\ 20357 & = 0.007360 \end{array}$	0. 007 104 0. 007 095 0. 007 241 0. 007 232 0. 007 378 0. 007 369
55 – 56 – od. 8 Wochen 57 –	$\begin{array}{c} 220 \\ 21315 \\ \hline 21315 \\ \hline 21317 \\ \hline 21317 \\ \hline 21337 \\ \hline = 0.00772 \\ \hline 21337 \\ \hline = 0.007772 \\ \hline \end{array}$	0. 007 516 0. 007 500 0. 007 653 0. 007 644 0. 007 790 0. 007 781
58 - 59 - 30 -	$\frac{2332}{2333} = 0.007909$	0. 007 927 0. 007 918 0. 008 064 0. 008 056 0. 008 202 0. 008 193

## Der Vten Haupt-Tafel Iste Abtheilung. 129 3te Tafel.

Der wahre Betrag der Zinsen für ein Capital Eins.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

1 1 Procent.

121			
Zeit der Zinsberech-	Betrag der Zinse Ein:	en für das C s, bei:	apital
nung.	Einfachen Zinsen.		Mittlen Zinsen.
2 Monat.	$_{747} = 0.008299$	0. 00 <b>8 31670</b> .	008 307
61 Tage. 62 -	$\begin{array}{c} 2^{\frac{1}{2}}\frac{1}{2}T = 0.008322 \\ 2^{\frac{1}{2}}\frac{1}{3}T = 0.008459 \end{array}$	0. 008 476 0.	008 468
63 - od. 9 Wochen	$2^{\frac{25}{3}}_{\frac{1}{3}}$ = 0.008 597	0. 008 614 0. 0. 008 751 0.	008 605 008 743
65 -	$\frac{1}{29}\frac{2}{305} = 0.008872$	0. 008 888 0.	008 880
66 - 67 - 68 -	$\begin{array}{c} \begin{array}{c} 2 & 4 \\ 7 & 3 & 1 \\ 1 & 3 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \\ 2 & 3 & 2 \\ 2 & 3 & 2 \\ 2 & 3 & 2 \\ 3 & 3 & 3 \\ 2 & 3 & 3 \\ 3 & 3 & 3 \\ 3 & 3 & 3 \\ 3 & 3 &$	0. 009 163 <b>1</b> 0.	009 155
69 - 70 - od. 10 Woch 71 -	$\frac{276}{29285} = 0.009423$	0, 009 438 0. 0, 009 575 0.	009 431 009 568
72 - 73 -	$\frac{288}{21211} = 0.009837$	0. 009 850 0. 0. 009 988 0.	069 844 009 981
74 - 75 - 76 - 77 - od. 11 Woeh.	$\begin{array}{c} 2 & 2 & 1 \\ 2 & 2 & 6 & 6 \\ \hline 2 & 2 & 6 \\ \hline 2 & 2 & 6 & 6 \\ \hline 2 & 2 & 6 & 6 \\ \hline 2 & 2 & 6 & 6 \\ \hline 2 & 2 & 6 & 6 \\ \hline 2 & 2 & 6 & 6 \\ \hline 2 & 2 & 6 \\ \hline 2 &$	0. 010 <b>2</b> 63 0. 0. 010 <b>4</b> 00 <b>0</b> .	010 257 010 395
78 - 79 - 80 -	$\begin{array}{c} \frac{25257}{6123} = 0.010024 \\ \frac{112}{61252} = 0.010666 \\ \frac{112}{61252} = 0.010804 \\ \frac{112}{21263} = 0.010942 \end{array}$	0. 010 675 0. 0. 010 813 0.	010 670 010 808
81 - 82 - 83 -	$\begin{array}{c} \frac{127}{2} \frac{1}{41} = 0.011080 \\ \frac{123}{2} \frac{1}{41} = 0.011219 \\ \frac{123}{2} \frac{1}{123} = 0.011357 \end{array}$	0 011 088 0.	011 084
84 - od. 12 Woch. 85 - 86 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{3} = 0.011495 \\ \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{3} = 0.011634 \\ \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{3} = 0.011772 \end{array}$	0, 011 501 0. 0, 011 639 0.	011 498 011 636
87 - 88 - 89 -	$\begin{array}{c} 140 \\ 7 \\ 151 \\ 1$	0. 011 914 0. 0. 012 052 0. 0. 012 190 0.	011 913 012 051 012 189
90 - 91 - 3 Monat. († Jahr)	$\frac{1550}{1505} = 0.012327$ $\frac{150}{1505} = 0.012465$	0. 012 328 0. 0. 012 466 0.	012 327 012 465
	P. 240		

### Der Vien Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

A) bei jährlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und
5 Procent.

122

Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interu riums, bei:		nie <del>rusu</del> -
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
2 Tage. 3 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{1801} = 0.000 \ 137 \\ \frac{2}{1802} = 0.000 \ 274 \\ \frac{2}{1808} = 0.000 \ 411 \end{array}$	0. <b>000 267</b> 0. 000 <b>4</b> 01	0. 000 271 0. 000 406
4 - 5 -	$\begin{array}{c} \frac{4}{1804} = 0.000548 \\ \frac{5}{5} = 0.000684 \\ \frac{7806}{1806} = 0.000821 \end{array}$	0. 000 535 0. 000 668	0. 000 541 0. 000 676
7 - od. 1 Woche 8 -	$\begin{array}{c} 7 \\ \hline 7307 \\ \hline 7307 \\ \hline \hline 1308 \\ \hline \hline \end{array} \begin{array}{c} 0.000958 \\ \hline 0.001231 \\ \hline \end{array}$	0.000935	0.001 082
10 - 11 -	$\begin{array}{c} \frac{10}{1310} = 0.001368 \\ \frac{1310}{1311} = 0.001505 \\ \frac{1311}{1312} = 0.001641 \end{array}$	0. 001 469	0. 001 487
	1 = 0.001 778		0. 001 757

### Der Vten Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 131 1ste Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und 5 Procent.

J23 Zeit	Betrag des Raba	itts oder Interusu-
der frühern Voraus-		s, bei:
bexahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
15 -	$\begin{array}{c} \frac{14}{1314} = 0.001914 \\ \frac{15}{1315} = 0.002051 \\ \frac{1}{1315} = 0.002187 \end{array}$	0. 001 870 0. 001 892 0. 002 003 0. 002 027 0. 002 136 0. 002 162
16 - 17 - 18 -	$\begin{array}{c} {}^{13}_{13}{}^{15}_{16} = 0.002187 \\ {}^{13}_{13}{}^{17}_{17} = 0.002323 \\ {}^{13}_{13}{}^{18}_{18} = 0.002460 \end{array}$	0. 002 130 0. 002 102 0. 002 270 0. 002 297 0. 002 403 0. 002 431
19 - 20 -	$\begin{array}{c} 7318 = 0.022 \\ \hline 7319 = 0.002 \\ \hline 7370 = 0.002 \\ \hline \end{array}$	0. 002 537 0. 002 566 0. 002 670 0. 002 701
21 - od. 3 Wochen 22 -	$\begin{array}{c} 7370 & = 0.002702 \\ 7877 & = 0.002868 \\ 7827 & = 0.003005 \end{array}$	0. 002 803 0. 002 836 0. 002 936 0. 002 971
23 - \\ 24 - \\ 25 -	$\begin{array}{c} 7\frac{2}{3}\frac{3}{2}\frac{3}{3} = 0.003141 \\ 7\frac{2}{3}\frac{3}{4} = 0.003277 \\ 7\frac{2}{3}\frac{3}{4} = 0.003413 \end{array}$	0. 003 020 <b>0. 0</b> 03 105 0. 003 203 0. 003 240 0. 003 336 0. 003 375
26 - 27 - 28 - od. 4 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{26}{1326} = 0.003549 \\ \frac{1327}{1321} = 0.003685 \end{array}$	0. 003 469 0. 003 509 0. 003 603 0. 003 644 0. 003 736 0. 003 778
29 - 30 -	$\frac{229}{7329} = 0.003957$ $\frac{30}{7330} = 0.004093$	0. 003 869 0. 003 913 0. 004 002 0. 004 047
1 Monat.	$\frac{1}{241} = 0.004149$	0. 004 058 0. 004 103
31 Tage. 32 - 33 -	$\begin{array}{c}                                     $	0. 004 135 0. 004 182 0. 004 268 0. 004 316 0. 004 401 0. 004 451
34 - 35 - od. 5 Wochen 36 -	$\begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} 14 \\ \end{array} \end{array} = \begin{array}{c} 0.004636 \\ \end{array} \\ \begin{array}{c} \begin{array}{c} 15 \\ \end{array} \end{array} = \begin{array}{c} 0.004772 \\ \end{array} \\ \begin{array}{c} \begin{array}{c} \end{array} \end{array} \end{array} \\ \begin{array}{c} \begin{array}{c} \end{array} \end{array} = \begin{array}{c} 0.004907 \end{array}$	0. 004 535 0. 004 585 0. 004 668 0. 004 720 0. 004 801 0. 004 854
37 - 38 - 39 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = 0.005043 \\ \frac{1}{1} \frac{1}{1} = 0.005179 \\ \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = 0.005314 \end{array}$	0. 004 934 0. 004 988 0. 005 067 0. 005 123 0. 005 200 0. 005 257
40 - 41 - 42 - od, 6 Wochen	$\frac{100}{1340} = 0.005 450$ $\frac{110}{1341} = 0.005 585$	0. 005 333 0. 005 391 0. 005 466 0. 005 525 0. 005 598 0. 005 <b>659</b>
43 - 44 -	$\begin{array}{c} 13 = 0.005856 \\ 13 = 0.005991 \end{array}$	0. 005 731 0. 005 794 0. 005 864 0. 005 928 0. 005 997 0. 006 062
45 -	$\frac{1}{1115} = 0.006127$	n. nna aa i n. nna na m

## 132 Der Vten Haupt - Tafel IIte Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

A) bei jährlich bedungenen Zimssahlungs-Terminen und 5 Procent.

Retrag des Rabatts oder Interusu-   Description   Binfachen Zinsen.   Zinsen von Zinsen.
Carticipation   Carting   Carting
47
49 - od. 7 Wochen $7368 = 0.006688$ 0. 006 528 0. 006 598 0. 006 661 0. 006 732 0. 006 661 0. 006 732 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 006 794 0. 006 866 0. 007 927 0. 007 000 0. 007 060 0. 007 134 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 192 0. 007 268 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 007 258 0. 008 264 0. 008 264 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008 263 0. 008 264 0. 008
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
2 Men at. $\frac{2}{247} = 0.008264$ 0.008 099 0.008 182 61 Tage. $\frac{61}{1367} = 0.008287$ 0.008 121 0.008 204 62 - 0.008 422 0.008 253 0.008 333 63 - od. 9 Wechen $\frac{63}{1367} = 0.008556$ 0.008 386 0.008 473 64 - 0.008 691 0.008 518 0.008 604 655 656 0.008 518 0.008 604 655 656 0.008 518 0.008 604 655 656 0.008 518 0.008 604 655 656 0.008 518 0.008 604 655 656 0.008 604 605 605 605 605 605 605 605 605 605 605
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
64 - 755 = 0.008 691 0.008 518 0.008 601
7387 — 0. 008 020 0. 000 0310. 000 734 66 — 0. 008 060 0. 008 784 0. 008 875
$68 - \frac{68}{7388} = 0.009 229 0.009 048 0.009 139$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
74 - $\frac{73}{13}$ = 0. 010 035 0. 009 843 0. 009 935 75 - 0. 010 169 0. 009 975 0. 010 075
76 - $\frac{1315}{7316} = 0.010394$ 0.0101080.01020 77 - od.11 Wochen $\frac{1317}{7317} = 0.010438$ 0.0102400.01033

### Der Vten Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 133 1ete Tafel.

# Der Rabatt oder das Interveurium. A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und 5 Procent.

125		
Zeit der frühern Vo <b>raus</b> - bezahlung		itts oder Interusu-
' (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen - Zinsen. Zinsen.
78 Tage. 79 - 80 -	$7\frac{18}{318} = 0.010572$ $7\frac{1}{319} = 0.010706$ $7\frac{1}{380} = 0.010840$	<b>0</b> . 010 37210. <b>010 472</b> <b>0</b> . 010 504 0. 010 605 <b>0</b> . 010 637 0. 010 738
81 - 82 - 83 -	7381 = 0.010974 $7382 = 0.011108$ $7383 = 0.011242$	0. 010 769 0. 010 872 0. 010 901 0. 011 005 0. 011 033 0. 011 138
84 - od. 12 Woch 85 - 86 -	$\begin{array}{c} 7\frac{24}{3}\frac{4}{13} = 0.011376 \\ 7\frac{3}{3}\frac{1}{13} = 0.011510 \\ 7\frac{3}{13}\frac{1}{13} = 0.011644 \end{array}$	9. 011 166 0. 011 271 9. 011 298 0. 011 404 0. 011 430 0. 011 537
87 - 88 - 89 -	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0. 011 562 0. 011 670 0. 011 694 0. 011 803 0. 011 826 0. 011 936
90 - 91 - od. 13 Woch.	$\frac{\frac{90}{1300}}{\frac{90}{1301}} = 0.012179$ $\frac{1301}{1301} = 0.012312$	<b>0</b> . 011 958 0. 012 068 <b>0</b> . 012 091 0. 012 201
3 Monat. (1 Jahr) 92 Tage. 93 -	$\begin{array}{c} \frac{3}{243} = 0.012346 \\ \frac{7}{13} = 0.012446 \\ \frac{9}{15} = 0.012579 \\ \frac{9}{15} = 0.012713 \end{array}$	0. 012 123 0. 012 235 0. 012 222 0. 012 334 0. 012 355 0. 012 467 0. 012 486 0. 012 600
95 - 96 - 97 -	$\begin{array}{c} \begin{array}{c} 73\overline{5}4 & = 0.012713 \\ \hline 73\overline{5}4 & = 0.012847 \\ \hline 73\overline{5}5 & = 0.012980 \\ \hline 73\overline{5}7 & = 0.013113 \end{array}$	0. 012 618 0. 012 732 0. 012 750 0. 012 865 0. 012 883 0. 012 998
98 - od. 14 Woch. 99 - 100 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{100} & \frac{1}{100} &$	0. 013 014 0. 013 131 0. 013 146 0. 013 263 0. 013 278 0. 013 396
101 - 102 - 103 -	$ \begin{array}{c} 101 \\ 7401 \\ 102 \\ 102 \\ 103$	0. 013 410 0. 013 528 0. 013 542 0. 013 661 0. 013 674 0. 013 793
104 – 105 – od. 15 Woch. 106 –	$\begin{array}{c} \frac{104}{7404} = 0.014046 \\ \frac{105}{7405} = 0.014180 \\ \frac{105}{7405} = 0.014313 \end{array}$	0. 013 806 0. 013 926 0. 013 937 0. 014 059 0. 014 069 0. 014 191
07 - 108 - 109 -	$\begin{array}{c} \frac{107}{7601} = 0.014446 \\ \frac{108}{7408} = 0.014579 \\ \frac{109}{1409} = 0.014712 \end{array}$	0. 014 201 0. 014 3 <b>23</b> 0. 014 333 0. 014 456 0. 014 464 0. 014 588

# 134 Der Vten Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

A) bei jährlich bedungenen Zinesahlungs-Terminen und 5 Procent.

126		
Zeit der frühern Vorstas- besahlung		utts oder Interusu- is, bei:
(Anticipation).	Kinfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen, Zinsen.
110 Tage.	$\frac{119}{1610} \Rightarrow 0.014845$	<b>0.</b> 014 596 0. 014 721
111 - 18 Wash	$\begin{array}{c} 111 \\ 111 \\ 1112 \\ 1112 \\ 1112 \\ 1112 \end{array} = 0.015111$	0, 014 728 0, 014 853 0, 014 860 0, 014 985
112 - od, 16 Wooh.		0. 014 991 0, 015 117
113 4 11 <b>4</b> -	$\begin{array}{c} 1.03 = 0.015 \ 243 \\ 1.14 = 0.015 \ 376 \end{array}$	0. 014 9910, 015 117 0. 015 123 0. 015 250
115 -	$\frac{115}{1415} = 0.015509$	9. 015 255 0. 015 382
116 -	$\frac{114}{1418} = 0.015642$	0. 015 386 0. 015 514
117 -	$\frac{117}{1417} = 0.015775$	0. 015 518 0. 015 <b>64</b> 6
118 -	$\frac{118}{7418} = 0.015907$	0. 015 649 Q. 015 778
119 '- od. 17 Woch. 129 -	$\frac{119}{1419} = 0.016040$ $\frac{129}{120} = 0.016173$	0, 015 781 0, 015 910 0, 015 913 0, 016 <b>04</b> 3
124 -	$\frac{7420}{121} = 0.016305$	0. 016 044 0. 016 175
4 Monat. (1 Jahr)	$\frac{4}{244} = 0.016393$	0. 016 132 0. 016 <b>263</b>
122 Tage.		0, 016 176 0. 016 307
123 - "	$\begin{array}{c} 122 \\ 1412 \\ 123 \\ 1423 \\ \hline \end{array} = 0.016438$	0, 016 307 0. 016 <b>43</b> 9
124 -	$\frac{124}{1474} = 0.016703$	0. 016 439 0. 016 <b>57</b> 1
125 - 126 - qd. 18 Woch	$\frac{125}{126} = 0.016835$	0, 016 570 0, 016 <b>703</b> 0, 016 701 0, 016 <b>834</b>
.00	7426	0, 016 833 0, 016 966
127 - 128 -	$\begin{array}{c} 127 \\ 1327 \\ 1387 \\ = 0.017232 \end{array}$	0. 016 964 0. 017 <b>69</b> 8
129 -	$\frac{129}{7429} = 0.017864$	0. 017 096 0. <b>017 230</b>
130 -	$\frac{130}{7430} = 0.017497$	0. 017 227 0. 01 <b>7 369</b>
131 -	$\frac{131}{1481} = 0.017629$	0, 017 359 0, <b>017 494</b> 0, 017 490 0, 01 <b>7 625</b>
132 -	$\frac{139}{7432} = 0.017761$	0. 017 621 0. 017 757
133 – od. 19 Woch. 134 –	$\begin{array}{c} \frac{138}{1438} = 0.017893 \\ \frac{134}{1434} = 0.018025 \end{array}$	0. 017 0210. 017 787 0. 017 752 0. 017 889.
135 -	$\frac{135}{1435} = 0.018157$	0. 017 884 0. 018 <b>021</b>
136 -	$\frac{136}{7436} = 0.018289$	0. 018 015 0. 018 <b>152</b>
137 -	$\frac{137}{1481} = 0.018421$	0. 018 146 0. 018 <b>284</b>
138 -	$\frac{138}{1638} = 0.018553$	0. 018 278 0. 018 415
139 - 140 - od. 20 Woch.	139 = 0.018685 $1459 = 0.018817$	0, 018 409 0, 018 547 0, 018 540 0, 018 <b>679</b>
140 - og. 20 Wocs. 143 -	$\frac{1}{1}$	0: 018 671 0. 018 810:
	1141 - 0.0.000	

# Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 135 1ste Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und 5 Procent.

Zeit	Betrag des Raba	it <b>ts</b> oder I	nterusu-
der frühern Vor <b>aus</b> - bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen,	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
142 Tage. 143 - 144 -	)41 = 0. 019 081 143 = 0. 019 213 144 = 0. 019 344	0, 018 802 0, 018 933 0, 019 065	
145 - 146 - 147 - od.21 Woch.	$\frac{145}{1445} = 0.019476$ $\frac{1445}{1445} = 0.019608$	0. 019 196 0. 019 <b>327</b>	
148 - 149 - 150	$\begin{array}{c} \begin{array}{c} 148 \\ 148 \\ 149 \\ 149 \\ 149 \\ 149 \\ 1419 \\ 150 \\ 1450 \end{array} = \begin{array}{c} 0.019871 \\ 0.020003 \\ 0.020134 \end{array}$	0. 019 589 0. 019 720	0. 019 <b>73</b> 0 0. 019 861 0. 019 <b>99</b> 3
151 + 152 +	$\begin{array}{c} \frac{151}{1451} = 0.020266 \\ \frac{152}{1432} = 0.020397 \end{array}$	0. 020 113	0. 020 124 0. 020 255
5 Monat. 153 Tage. 154 - ed. 22 Wech. 155 -	$\begin{array}{c} \frac{5}{3} + 5 & = 0.020408 \\ \hline 153 & = 0.020529 \\ \hline 153 & = 0.020660 \\ \hline 153 & = 0.020791 \end{array}$	0. 020 244 0. 020 375	0. 020 266 0. 020 386 0. 020 518 0. 020 649
156 - 157 - 158 -	$\begin{array}{c} 154 = 0.020923 \\ 7157 = 0.021054 \\ 7157 = 0.021185 \\ 7158 = 0.021185 \end{array}$	0. 020 768 0. 020 899	0. 020 780 0. 020 911 0. 021 <b>04</b> 2
160 - 161 - od 23 Woch.	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0, 021 160 0, 021 291	0. 021 173 0. 021 304 0. 021 435
162 - 163 - 164 -	$\begin{array}{c} \frac{162}{1652} = 0.021710 \\ \frac{163}{163} = 0.021841 \\ \frac{164}{1664} = 0.021972 \end{array}$	0, 021 553 0, 021 683	0. 021 566 0. 021 697 0. 021 828
165 - 168 - 167 -	$\begin{array}{c} 165 \\ 7465 \\ \hline 166 \\ \hline 166 \\ \hline 166 \\ \hline 166 \\ \hline 167 \\ \hline $	0. 021 945 0. 022 076	0. 021 959 0. 022 090 0. 022 220
168 – od. 24 Woch, 169 – 170 –	$ \begin{array}{c} 168 \\ 7468 \\ 169 \\ 169 \\ 1746 \\ 170 \\ 17$	0. 022 337 0. 022 468	0. 022 351 0. 022 482 0. 022 613
171 - 172 - 173 -	171 = 0.022889 $171 = 0.023019$ $171 = 0.023150$	0, 022 729	0. 022 744 0. 022 874 0. 023 005

# 136 Der Vten Haupt-Tafel Hie Abtheilung.

Der Rabatt oder das Internsurium.

4) bei jührlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und
5 Procent.

128			
Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rubatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen	Mittlen Zinsen.
174 Tage. 175 - od, 25 Woch.	$\frac{174}{1515} = 0.023281$ $\frac{175}{1515} = 0.023411$ $\frac{175}{1515} = 0.023542$		0. <b>02</b> 8 136 0. 0 <b>23 2</b> 66
176 -		0. 023 252	0. 023 397
177 - 178 -	$\frac{177}{7477} = 0.023673$ $\frac{177}{1478} = 0.023803$	0. 023 513	0, 023 527 0, 023 658
179 - 180 -	$\frac{175}{1479} = 0.023934$ $\frac{180}{7480} = 0.024064$		0. 023 788 0. 023 919
181 -	$\frac{181}{1481} = 0.024 195$	0. 023 904	0. 0 <b>24</b> 049 0. 0 <b>24</b> 190
182 - 6 Monat. (1/2 Jahr)	$\frac{\frac{163}{7482} = 0.024325}{\frac{6}{246} = 0.024390}$		0. 024 245
183 Tage.	$\frac{183}{183} = 0.024455$		0.024 310
184 - 185 -	$\frac{186}{1484} = 0.024586$ $\frac{185}{185} = 0.024716$	0. 024 296 0. 024 426	
186 - 187 -	$\begin{array}{c} 7485 = 0.024846 \\ 1486 = 0.024846 \\ 141 = 0.024977 \end{array}$	0. <b>024</b> 556	
188 -	$\frac{188}{1085} = 0.025 107$	0. 024 817	0. 024 962
189 - od. 27 Woch. 190 -	$\begin{array}{c} 180 \\ -1816 \\ -190 \\ -190 \\ -190 \end{array} = 0.025 \ 367$	0. 024 948 0. 025 078	0. 025 <del>09</del> 2 0. 025 <b>22</b> 2
191 -	$\frac{191}{1491} = 0.025497$		0. 025 353 0. 025 483
192 - 193 -	$\begin{array}{c} 132 = 0.025627 \\ 1332 = 0.025757 \\ 1433 = 0.025757 \end{array}$		0. 025 483 0. 025 613
194 - 195 -	$\frac{194}{7494} = 0.025 887$ $\frac{193}{193} = 0.026 017$		0. 02 <b>5 74</b> 3 0. 025 873
196 - od. 28 Woch.	$\frac{196}{1496} = 0.026147$	<b>0. 025</b> 859	0. 0 <b>26 00</b> 3
197 - 198 -	$\frac{195}{1595} = 0.026277$ $\frac{195}{198} = 0.026407$	0. 026 120	0. 026 133 0. 026 <b>2</b> 63
199 -	$\begin{array}{c} 7498 & = 0,026 \ 407 \\ 199 & = 0.026 \ 537 \\ \hline 200 & = 0.026 \ 667 \end{array}$	o. 0 <b>2</b> 6 <b>2</b> 50	0. 026 <b>39</b> 3
200 - 201 -	$\frac{7300}{201} = 0.026796$	0. 026 510	0. 026 523 0. 026 653
202 - 203 <b>- 04. 29 Woch.</b>	$\frac{\frac{1202}{7502}}{\frac{103}{203}} = 0.026926$		0. 026 <b>783</b> 0. 026 <b>9</b> 13
204 -	$\begin{array}{c} 7503 & 0.027 & 036 \\ 204 & 0.027 & 186 \\ \hline 1504 & 0.027 & 315 \\ \hline \end{array}$	0, 026 901	0. 0 <b>27 043</b> 0. 0 <b>27 17</b> 3
205 -	$\frac{7505}{1505} = 0.027315$	U. UZI USI	U. UZI 170

### Der Vten Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 137 1ste Tafel.

#### Der Rabatt oder das Internsurium.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlunge-Terminen und 5 Procent.

Zeit V	Betrag des Rabatts oder Interusu-		
der frühern Voraus-	flum	, vei:	
besahlung (Anticipation),	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.	
206 Tage.	$\frac{708}{7508} = 0.027445$	0. 027 161 0. 027 303	
207 -	$\frac{207}{1507} = 0.027574$	0. <b>027 291 0. 027 43</b> 3	
208 -	$\begin{array}{c} 207 \\ 7507 \\ 208 \\ 7508 \\ \hline 7508 \\ \hline 90,027704 \\ \end{array}$	0. 027 421 0. 027 56 <b>2</b>	
209 -	$\frac{209}{15005} = 0.027833$	0. 027 551 0. 027 692	
210 - od. 30 Woch.	$\frac{200}{7510} = 0.027963$	0. 027 681 0. 027 822	
211	$\frac{2111}{1511} = 0.028092$	0. 027 811 0. 027 951	
212 -	$\frac{212}{7512}$ = 0.028 222	0. 027 941 0. 028 081	
7 Monat.	$_{247} = 0.028340$	0. 028 060 0. 028 <b>200</b>	
213 Tage.	$\frac{213}{7513} = 0.028351$	0. 028 071 0. 028 211	
214 -	214 - 0 028 480	0. 028 201 0. 028 340	
215 -	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}$	o. 028 330 0. 028 <b>470</b>	
216 -	$\frac{7515}{1516} = 0.028739$	0. 028 460 0. 028 <b>599</b>	
217 - od. 31 Woch.	$\frac{217}{1517} = 0.028868$	0. 028 590 0. 028 729	
218 -	$\frac{218}{1518} = 0.028997$	0. 028 720 0. 028 858	
219 -	$\frac{219}{1519} = 0.029 126$	0. 028 850 0. 02 <b>8 9</b> 88	
220 -	$\frac{230}{7520} = 0.029255$	0. 028 980 0. 029 117	
221	$\frac{321}{1521} = 0.029384$	0. 029 109 0. 029 247	
222 -	$\frac{1232}{1522} = 0.029513$	0. 029 239 0. 0 <b>29 376</b>	
223 -	$\frac{323}{7578} = 0.029642$	0. 029 369 0. 029 506	
224 - od. 32 Woch	$\frac{224}{1524} = 0.029771$	0. 029 499 0. 029 <b>635</b>	
225 -	$\frac{225}{157} = 0.029900$	0. 029 628 0. 029 <b>764</b>	
226 -	226 - 0 020 020	0. 029 758 0. 029 894	
227 -	227 0 020 159	0. <b>029 888 0. 030 <b>023</b></b>	
228 -	$\frac{7527}{228} = 0.030287$	0. <b>03</b> 0 01 <b>7 0</b> . 030 152	
229 -	229 - 0 030 416	0. 030 147 0. 030 281	
230 -	$\frac{7525}{230} = 0.030544$	0. 030 277 0. 030 411	
231 - od. 33 Woch.	$\frac{12310}{11531} = 0.030673$	o. 030 406 0. 030 <i>5</i> 40	
232	$\frac{233}{1} = 0.030802$	0. 030 536 0. 030 669	
233 -	$\begin{array}{c} 7533 \\ 233 \\ 7333 \\ 234 \\                             $	0. 030 666 0. 030 798	
234 -	$\frac{234}{1534} = 0.031059$	0. 030 795 0. 030 927	
235 -		0. 030 925 0. 031 056	
236 -	$\frac{235}{1535} = 0.931188$ $\frac{235}{1535} = 0.931316$	0. 031 054 0. 031 185	
237 -	$\frac{237}{1537} = 0.031445$	0. 031 184(0. 031 314	

### 138 Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 1ete Tafel.

Der Rabatt oder das Intervsurium

A) bei jährlich bedungenen Zinezahlungs-Terminen und
5 Procent.

130		· .	
Zeit der frühern Vor <b>aus</b> -	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.	
238 Tage od. 34 Wo 239 -	$\frac{338}{1538} = 0.031573$ $\frac{239}{1539} = 0.031702$ $\frac{249}{249} = 0.031830$	0. 031 313 0. 031 443 0. 031 443 0. 031 572	
240 - 241 -	$\frac{\frac{7540}{241}}{\frac{7541}{7541}} = 0.031959$	0. 031 572 0. 031 701 0. 031 701 0. 031 830	
242 - 243 -	$\frac{7543}{243} = 0.032215$	0. 031 831 0. 031 959 0. 031 960 0. 032 988	
8 Monat. (2 Jahr) 244 Tage.	$\begin{array}{c} \frac{8}{248} = 0.032258 \\ \hline \frac{244}{7544} = 0.032344 \\ \hline 245 = 0.032472 \end{array}$	0. 032 003 0. 032 131 0. 032 090 0. 032 217	
245 - od, 35 Woch. 246 -	$\frac{7545}{246} = 0.032600$	0. 032 219 0. 032 345 0. 032 349 0. 032 474	
247 - 248 -	$\frac{248}{7548} = 0.032856$	0. 032 478 0. 032 603 0. 032 607 0. 032 732	
249 - 250 - 251 +	$\begin{array}{c} \frac{249}{7545} = 0.032985 \\ \frac{250}{7550} = 0.033113 \\ \frac{251}{7551} = 0.033241 \end{array}$	0. 032 736 0. 032 860 0. 032 866 0. 032 989 0. 032 995 0. 033 118	
252 - od. 36 Woch.	$\begin{array}{c} \frac{252}{252} = 0.033369 \\ \frac{7553}{7553} = 0.033497 \\ \frac{253}{7554} = 0.033625 \end{array}$	0. 033 124 0. 033 240 0. 033 253 0. 033 375 0. 033 383 0. 033 504	
255 - 256 - 257 -	7555 = 0.033752 $7555 = 0.033752$ $7555 = 0.033880$ $7557 = 0.034008$	0, 033 512 0, 033 632 0, 033 641 0, 033 761 0, 033 770 0, 033 889	
258 259 - od. 37 Woch. 260 -	$\begin{array}{c} 7537 \\ 7538 \\ 7538 \\ \hline \end{array} = 0.034136$ $\begin{array}{c} 259 \\ 7559 \\ \hline \end{array} = 0.034264$ $\begin{array}{c} 259 \\ 7559 \\ \hline \end{array} = 0.034392$	0. 033 899 0. 034 018 0. 034 029 0. 034 146 0. 034 158 0. 034 275	
261 - 262 - 263 -	$\begin{array}{c} 261 \\ 7567 \\ -262 \\ -262 \\ -262 \\ -262 \\ -263 \\ -267 \\ -26$	0. 034 287 0. 034 403 0. 034 416 0. 034 531 0. 034 545 0. 034 660	
264 - 265 - 266 - od. 38 Woch.	$\frac{264}{1564} = 0.034902$ $\frac{265}{1565} = 0.035030$ $\frac{266}{1565} = 0.035157$	0. 034 674 0. 034 788 0. 034 803 0. 034 916 0. 034 932 0. 035 045	
267 - 268 -	$\begin{array}{c} \frac{267}{7567} = 0.035285 \\ \frac{7567}{7568} = 0.035412 \\ \frac{248}{7568} = 0.035412 \end{array}$	0. 035 061 0. 035 173 0. 035 190 0. 035 301 0. 035 319 0. 035 429	

# Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 139 1ste Tafel.

# Der Rabutt oder das Interusurium. A) bei jührlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und 5 Procent.

131		
Zeit der frühern Voraus- bezahlung		itts oder Interusu- s, bei:
(Anticipation).	Einfachen Ziusen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
270 Tage.	$7^{270}_{570} = 0.035667$	u. u35 448 0. 035 557
271 - 272 -	$\frac{271}{7571} = 0.035794$ $\frac{272}{7572} = 0.035922$	0. 035 577 0. 035 <b>686</b> 0. 035 706 0. 035 814
273 - od. 39 Woch.		0. 035 835 0. 035 942
	1513	0. 035 931 0. 036 038
9 Monat. (3 Jahr)	9 7 7	
274 Tage.	$\frac{274}{7574} = 0.036176$	0. 035 964 0. 036 070
275 - 276 -	$\frac{275}{7575} = 0.036304$ $\frac{276}{216} = 0.036431$	0. 036 092 0. 036 198 0. 036 221 <b>0. 036 326</b>
277 -	$\frac{7578}{277} = 0.036558$	0. 036 <b>3</b> 50 0. 036 <b>4</b> 54
278 -	$\frac{137.8}{27.8} = 0.036685$	0. 036 479 0. 036 582
279 -	$\frac{7578}{27.9} = 0.036812$	0, 0 <b>3</b> 6 607 0. <b>03</b> 6 710
280 - od. 40 Woch.	$\begin{array}{c} 7576 = 0.036812 \\ \frac{280}{1580} = 0.036939 \end{array}$	0. 036 736 0. 036 838
281 -,	$\frac{281}{7581} = 0.037066$	v. 036 865 v. 036 986
28 <b>2</b> - 283 -	$\frac{283}{7582} = 0.037193$ $\frac{283}{7583} = 0.037320$	0. 036 994 0. 037 094 0. 037 123 0. 037 221
284 -	$\frac{7583}{284} = 0.037447$	0. 037 251 0. 037 349
285 -	7584 - 0.007 FTA	9. 037 380 0. 037 477
286 -	$\begin{array}{c} 7585 \\ 286 \\ 7586 \end{array} = 0.037701$	0. 037 509 0. 037 605
287 - od. 41 Woch.		0. 037 637 0. 037 733
288 -	7588 0. 001.000	0. 037 766 0, 037 860
289 -		0. 037 894 0. 037 988
290 - 291 -	$\frac{290}{1630} = 0.038208$	0. 038 023 0. 038 116 0. 038 152 0. 038 <b>24</b> 3
292 -	292 0 028 489	0. 038 280 0. 038 <b>37</b> 1
<b>293</b> -	293 - 0 020 500	0. 038 409 0. 038 498
294 - od. 42 Woch.		0. 038 537 0. 038 626
295 -	$\frac{295}{1505} = 0.038841$	o. 038 666 o. 038 <b>7</b> 54
296	$\frac{296}{1596} = 0.038968$	0. 038 794 0. 038 881
297 - 298	$\frac{297}{7597} = 0.039094$ $\frac{298}{7597} = 0.039221$	0, 038 923 0, 039 <del>0</del> 09 0, 039 051 0, 039 1 <b>36</b>
	1393	0, 039 031 0, 039 130 0, 039 180 0, 039 263
299 <b>-</b> 300 -	7399 - 0.039 347	0. 039 180 0. 039 203 0. 039 308 <b>0. 039 39</b> 1
301 - od. 43 Woch	$\frac{1500}{1601} = 0.039600$	0. 039 437 0. 039 518

## 140 Der Vton Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

A) bei fährlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und
5 Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen van Mittlen Zinsen, Zinsen,	
302 Tage. 303 - 304 -	${7601 \atop 7604} = 0.039726$ ${1603 \atop 1604} = 0.039853$ ${1604 \atop 1604} = 0.039979$	0. 039 565 0. 039 646 0. 039 693 0. 039 773 0. 039 822 0. 039 900	
10 Monat.	$\frac{\frac{1604}{250} = 0.040000}{\frac{10}{250} = 0.040000}$	0. 039 843 0. 039 922	
305 Tage. 306 -	$\begin{array}{c} 305 \\ 7605 \\ 7606 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{c} 0.040105 \\ 0.040231 \\ \end{array}$	0. 039 950 0. 040 028 0. 040 078 0. 040 1 <i>5</i> 5	
307 - 308 - ad. 44 Wech. 309 -	$\frac{307}{1605}$ = 0.040 358 $\frac{308}{1605}$ = 0.040 484 $\frac{309}{1605}$ = 0.040 610	0. 0 <b>40 207 0. 040 2</b> 82 0. 0 <b>40 335 0. 040 409</b> 0. 0 <b>40 463 0. 040 53</b> 6	
310 - 311 - 312 -	$\frac{310}{7616} = 0.040736$ $\frac{311}{7611} = 0.040862$ $\frac{312}{312} = 0.040788$	0. 040 591 0. 040 664 0. 040 720 0. 040 791 0. 040 848 0. 040 918	
313 - 314 - 315 - od. 45 Woch,	$\frac{313}{7613} = 0.041114$ $\frac{314}{1614} = 0.041240$	0. 040 976 0. 041 045 0. 041 104 0. 041 172 0. 041 232 0. 041 299	
316 - 317 - 318 -	$ \frac{316}{515} = 0.041492 $ $ \frac{317}{1617} = 0.041617 $ $ \frac{318}{1618} = 0.041743 $	0. 041 361 0. 041 426 0. 041 489 0. 041 553 0. 041 617 0. 041 680	
319 - 320 - 321 -	$\begin{array}{c} 319 \\ 7619 \\ 320 \\ 7632 \\ 320 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 321 \\ 331$	0. 041 745 9. 041 807 0. 041 873 0. 041 934 0. 042 001 0. 042 061	
322 - od. 46 Woch. 323 - 324 -	1 1 4 X	0. 042 129 0. 042 188 0. 042 257 0. 042 314 0. 042 385 0. 042 441	
325 - 326 - 327 -	$\begin{array}{c} \frac{325}{1675} = 0.042623 \\ \frac{326}{1675} = 0.042749 \\ \frac{327}{1671} = 0.042874 \end{array}$	0. 042 513 0. 042 568 0. 042 641 0. 042 695 0. 042 769 0. 042 822	
328 - 329 - od. 47 Woch. 330 -	$\frac{128}{1628}$ = 0.043 000 $\frac{1229}{1032}$ = 0.043 125 $\frac{230}{1036}$ = 0.043 250	0. 042 897 0. 042 948 0. 043 025 0. 043 075 0. 043 153 0. 043 203	
331 - 332 - 333 -	$\begin{array}{c} 331 = 0.043376 \\ 7541 = 0.043376 \\ 7633 = 0.043501 \\ 133 = 0.043626 \end{array}$	0. 043 281 0. 043 329 0. 043 409 0. 043 459 0. 043 537 0. 043 58	

# Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 141 1ste Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und 5 Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
334 Tage.	$\frac{334}{1684} = 0.043752$	0. 043 664	0. 043 708
ll Monat.	$\frac{11}{251} = 0.043825$	0. 043 739	0. 043 782
335 Tage.	$\frac{135}{1635} = 0.043877$	0. 043 792	0. 043 836
336 – od. 48 Woch. 337 – 338 –	$\begin{array}{c} 336 \\ 1636 \\ \hline 1637 \\ \hline 1637 \\ \hline 1638 \\ \hline$		0. 043 961 0. 044 087 0. 044 214
339 <sub>4</sub> , 340 - 341 .	$\frac{339}{1640} = 0.044378$ $\frac{340}{1640} = 0.044503$ $\frac{341}{1641} = 0.044628$	0. 044 431	0. 044 340 0. 044 467 0. 044 593
342 – 343 – od. 49 Woch 344 –	$\frac{342}{7645} = 0.044753$ $\frac{343}{7645} = 0.044878$ $\frac{344}{1644} = 0.045003$	0. 044 814	0. 044 720 0. 044 846 0. 044 972
345 - 346 - 347 -	$\begin{array}{c} \frac{3+5}{16+5} = 0.045128 \\ \frac{3+6}{16+5} = 0.045252 \\ \frac{3+7}{16+7} = 0.045377 \end{array}$	0. 045 197	0. 045 098 0. 045 <b>22</b> 5 0. 045 351
348 - 349 - 350 - od. 50 Woch	$\begin{array}{c} \frac{148}{7548} = 0.045502 \\ \frac{249}{7545} = 0.045627 \\ \frac{350}{7550} = 0.045752 \end{array}$	0. 945 580 0. 945 708	0. 045 477 0. 045 603 0. 045 730
351 - 35 <b>2</b> - 353 -	$\frac{351}{1651}$ = 0.045 876 $\frac{352}{1652}$ = 0.046 001 $\frac{352}{1652}$ = 0.046 126	0. 045 963	0. 045 856 0. 045 982 p. 046 108
354 - 355 - 356 -	$\begin{array}{c} 354 \\ 7654 \\ 7655 \\ \hline                                 $	0. 046 345	0. 046 234 0. 046 360 0. 046 486
357 – od. 51 Woch. 358 – 359 –	$\frac{357}{7857} = 0.046624$ $\frac{358}{7858} = 0.046749$ $\frac{358}{1659} = 0.046873$	0. 046 727	0. 046 612 0. 046 738 0. 046 864
360 - 361 - 362 -	$\begin{array}{c} 360 = 0.046997 \\ 7656 = 0.047122 \\ 7651 = 0.047122 \\ 362 = 0.047246 \end{array}$	0. 047 110	0. 046 990 0. 047 116 0. 047 <b>24</b> 2
363 - 364 - 365 - od. 1 Jahr.	$\frac{163}{1503} = 0.047371$ $\frac{364}{1505} = 0.047495$ $\frac{365}{1505} = 0.047619$	0. 047 492	0. 047 367 0. 047 493 0. 047 619

#### Der V<sup>ten</sup> Haupt - Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 2<sup>te</sup> Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und 2½ Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
2 Tage.	$\begin{array}{c} \frac{1}{130T} = 0.000 \ 137 \\ \frac{2}{1302} = 0.000 \ 274 \\ \frac{3}{1303} = 0.000 \ 411 \end{array}$	0. 000 135 0. 000 271 0. 009 406	U. QUU 211
4 -	$\begin{array}{c} \frac{4}{1203} = 0.000548 \\ \frac{5}{1203} = 0.000684 \\ \frac{6}{1305} = 0.000821 \end{array}$	0. 000 541 0. 000 676 0. 000 811	0. 000 680
7 - od. 1 Woche	$ \begin{array}{c} 1308 \\ \hline 1 & = 0.000958 \\ 1808 & = 0.001095 \\ 1808 & = 0.001231 \end{array} $	0. 000 947 0. 001 082 0. 001 217	0. 001 08
10 -	$\begin{array}{c} \frac{10}{1310} = 0.001368 \\ \frac{1310}{1311} = 0.001505 \\ \frac{12}{1312} = 0.001641 \end{array}$	0. 001 352 0. 001 487 0. 001 622	0. 001 49 0. 001 63
13 - 14 - od. 2 Wochen 15 -	$\begin{array}{c} \frac{13}{7518} = 0.001778 \\ \frac{14}{7518} = 0.001914 \\ \frac{15}{7515} = 0.002051 \end{array}$	0. 001 757 0. 001 892 0. 00 <b>2 02</b> 7	0. 001 90 0. 0 <mark>02</mark> 03
16 - 17 - 18 -	$\begin{array}{c} \frac{16}{1816} = 0.002187 \\ \frac{1816}{1317} = 0.002323 \\ \frac{18}{1818} = 0.002460 \end{array}$	0. 002 162 0. 002 297 0. 002 432	0. 002 31 0. 002 44
19 - 20 - 21 - od. 3 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{19}{73115} = 0.002596 \\ \frac{20}{7320} = 0.002732 \\ \frac{7320}{7321} = 0.002868 \end{array}$	0. 002 837	0. 002 71 0. 002 85
22 23 -	$\begin{array}{c} \frac{22}{1212} = 0.003005\\ \frac{21}{1212} = 0.003141 \end{array}$	0. 002 972 0. 003 107	0. 002 98 0. 003 12

# Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 143 2te Tafel.

# Der Rabatt oder das Interusurium. B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und 2½ Procent.

135		
Zeit der frühern Voraus-		itts oder Interusu- s, bei:
bezahlung (Anticipation),	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
24 Tage.	$_{7327}^{24} = 0.003277$	0. 003 242 0. 003 259
25 -	$\begin{array}{c} 7328 \\ 7357 \\ \hline \\ 7367 \\ \hline \\ \hline \\ \\ \end{array} = \begin{array}{c} 0.003413 \\ 0.003549 \end{array}$	0. 003 377 0. 003 395
26 -	7828 - 0. 000 040	0. 003 512 0. 003 530
27 -	$\tau_{\frac{37}{327}}^{27} = 0.003685$	0. 003 546 0. 003 666
28 - od. 4 Wochen 29 -	F 38 = U. UU3 821	0. 003 781 0. 003 801 0. 003 916 0. 003 936
	$\frac{1325}{1329} = 0.003957$	
30 -	$\frac{30}{7330} = 0.004093$	0. 004 051 <b>0. 004 072</b>
1 Monat.	$\frac{1}{241} = 0.004149$	0. 004 107 0. 004 <b>12</b> 8
31 Tage.	$\frac{31}{7331} = 0.004229$	0. 004 186 0. 004 207
32 -	$\frac{32}{337} = 0.004364$	0. 004 320 0. 004 342
3 <b>3</b> -	-33-=0.004500	0. 004 455 <b>0. 004 4</b> 78
34 -	$\frac{134}{1334} = 0 004 636$	n. 004 590 0. 004 61 <b>3</b>
35 - ed. 5 Wochen	-85 = 0.004772	0. 00 <b>4 724 0. 004 74</b> 8
36 -	- tt- == 6. 004 907	0. 004 859 0. 004 883
37 -	7337 = 0.000 043	0. 004 994 0. 065 018
38 -	$7\frac{38}{38} = 0.005179$	0. 005 128 0. 005 153
39 - 40 -	-43- = 0. 000 314	D. <b>005 263 0</b> . 005 <b>2</b> 88
	7340 - 0.000 400	0. 005 397 0. 005 424
41 -	$7\frac{11}{31} = 0.005585$	0. 005 532 0. 005 559
12 - od. 6 Wochen 43 -	$\begin{array}{c} \frac{41}{1312} = 0.005721 \\ \frac{1312}{1343} = 0.005856 \end{array}$	0. 005 667 0. 005 694 0. 005 801 0. 005 829
44 - 45 -	$7\frac{44}{354} = 0.005.991$	0. 005 936 0. 005 963 0. 006 070 0. 0 <del>0</del> 6 098
46 -	$\begin{array}{c} \frac{135}{1335} = 0.006127 \\ \frac{135}{1346} = 0.006262 \end{array}$	9. <b>006 205 0</b> . 006 233
47 -	$\frac{7146}{717} = 0.006397$	
48 -	$\begin{array}{c} 7817 = 0.000397 \\ 7818 = 0.006532 \\ \hline 7818 = 0.006688 \end{array}$	0. 006 339 0. 006 368 0. 006 473 0. 006 503
19 - od. 7 Wochen	$\frac{1338}{1349} = 0.096668$	0. 006 608 0. 006 638
50 -	$\frac{1333}{500} = 0.006803$	0. 006 742 0. 006 772
51 -	= 0.006938	0. 006 877 0. 006 907
5 <b>2</b> -	$\frac{1331}{7332} = 0.007073$	0. 007 011 0. 007 042
53 -	$\frac{53}{7153} = 0.007208$	D. 007 145 U. 007 177
54 -	-31x == 0.007 343	D. 007 280 U. 007 311
55 -	$\frac{35}{1345} = 0.007478$	0. 007 414 0. 007 446

135

# 144 Der V<sup>ten</sup> Haupt - Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 2te Tafel.

Der Rubatt oder das Interusurium.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und 2½ Procent.

136			
Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zimeen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.	
56 Tage od. 8 Woch. 57 -	-11 = 0.007748	0. 007 548 0. 007 581 0. 007 683 0. 007 715	
58 <b>-</b>	$\frac{38}{7358} = 0.007883$ $\frac{59}{7} = 0.008017$	0, 007 817 0, 007 850 0, 007 951 0, 007 984	
60 - 2 Monat.	$\frac{{}^{13}_{73}{}^{39}_{60}}{=} = 0.008152$ $\frac{{}^{2}_{73}}{=} = 0.008264$	0. 008 085 0. 008 119 0. 008 197 0. 008 231	
61 Tage.	$\frac{61}{7361} = 0.008287$	0. 00 <del>8 219 0. 008 253</del>	
62 - 63 - od. 9 Wochen	$\begin{array}{c} 62 \\ 73 \overline{03} \\ \hline 13 63 \\ \hline 13 63 \\ \hline \end{array} = 0.008556$	0. 008 354 0. 008 388 0: 008 488 0. 008 522	
64 - 65 - 66 -	$\begin{array}{c} 64 \\ \hline 1884 \\ \hline 1885 \\ \hline 1885 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{c} 0.008691 \\ 0.008826 \\ \hline \end{array}$	0. <del>008 022</del> 0. <del>008</del> 056 0. 008 756 0. 068 791 0. 008 890 0. 008 925	
67 - 68 -	$\frac{1300}{1300} = 0.009095$	0. 009 024 0. 009 059 0. 009 158 0. 009 194	
69 - 70 - od. 10 Woch.	$\begin{array}{c c}     \hline                                $	0, 009 292 0, 009 328 0, <del>009</del> 420 0, <del>009</del> 4 <del>02</del>	
72 -	$\begin{array}{c} 11 \\ 1311 \\ \hline 1312 \\ \hline $	0, 009 <i>5</i> 60 0, 009 596 0, 009 694 0, 009 731	
73 - 74 - 75 -	$\begin{array}{c} \frac{73}{7518} = 0.009901 \\ \frac{7314}{7314} = 0.010035 \\ \frac{7314}{7315} = 0.010169 \end{array}$	0, <del>009</del> 828 0. <del>009</del> 865 0. 009 962 0. 009 999 0, 010 096 0. 010 133	
76 - 77 - od. 11 Woch. 78 -	$\begin{array}{c} 76 \\ 7316 \\ \hline 7317 \\ \hline $	0: 010 230 0: 010 267 0: 010 364 0: 010 401 0: 010 498 0: 010 535	
79 - 80 -	$\begin{array}{c} \frac{79}{7317} = 0.010706 \\ \frac{80}{1307} = 0.010840 \end{array}$	0. 010 632 0. 010 669 0. 010 766 0. 010 803	
81 - 82 -	$\frac{\frac{81}{7381} = 0.010974}{\frac{82}{7382} = 0.011108}$	0. 010 900 0. 010 937 0. 011 033 0. 011 071 0. 011 167 0. 011 205	
83 - 84 - od. 12 Woch.	1344 = 0.011 370	0. 011 301 0. 011 <b>33</b> 8	
85 - 86 - 87 -	$\begin{array}{c} 35 \\ 1385 \\ \hline \\ 2386 \\ \hline \\ 317 \\ \hline \\ 317 \\ \hline \end{array} = 0.011644$	0, 011 435 0. 011 472 0, 011 569 0. 011 606 0. 011 702 0. 011 740	

### Der Vien Haupt-Tafel IIie Abtheilung. 145 200 Tafel.

#### .Der Rabatt oder das Interusurium.

#### B) bei halbjährlich bedangenen Zinszahlungs - Terminen und 24 Procent.

137	,		
Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bes:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
88 Tage. 89 -	$\frac{188}{188} = 0.011911$		0. 011 874 0. 012 007
90 -	$\frac{1}{1}\frac{2}{10} = 0.012179$	0. 012 103	0. 012 141
91 - od. 13 Woch. 3 Monat. (1 Jahr)	$\frac{\frac{9}{1891} = 0.012312}{\frac{2}{1891} = 0.012346}$	1	0. 012 275 0. 012 308
92 Tage.	$\frac{747}{7_1^2 \frac{7}{2} \frac{7}{2}} = 0.012446$		0. 012 408
93 -	$\tau_{115}^{22} = 0.012579$	0. 012 504	0. 012 542
95 -	$7\frac{1}{1} = 0.012713$ $= 0.012847$		0. 012 67 <i>5</i> 0. 012 809
96 - 97 -	736 = 0.012980 $100 = 0.013113$		0. 012 942 0. 013 076
98 - od. 14 Woch.	$\frac{1}{1118} = 0.013247$	0. 013 172	v. 01 <b>3 2</b> 09
99 - 100 -	$-\frac{1}{100} = 0.013380$ $-\frac{100}{100} = 0.013514$		0. 013 <b>343</b> 0. 013 476
101 -	1401 - 0.013 047	0. 013 573	0. 013 610
102 - 103 -	$\frac{103}{1403} = 0.013780$		0. 013 743 0. 013 876 0. 014 <b>9</b> 10
104 - 105 - od. 15 Woch.	$\frac{104}{1404} = 0.014 046$ $\frac{105}{105} = 0.014 180$		0. 014 910 0. 014 143
106 107 -	$\begin{array}{c} 1005 = 0.014313 \\ 1007 = 0.014446 \end{array}$	9. 014 240	0. 014 <b>2</b> 76 0. 014 <b>40</b> 9
108 -	$\frac{7407}{108} = 0.014 579$		0. 014 409 0. 014 543
109 - 110 -	$\frac{100}{1400} = 0.014712$		0. 014 676 0. 014 809
111 -	111 = 0. 014 978	0. 014 906	0. UI4 942
112 - od. 16 Woch 113 -	$\begin{array}{c} 113 = 0.015111 \\ 113 = 0.015243 \\ 1413 = 0.015243 \end{array}$		0. 015 <b>97</b> <i>5</i> 0. 015 <b>20</b> 8
114 - 115 -	$\begin{array}{c} 114 = 0.015376 \\ 113 = 0.015509 \end{array}$		0. 015 341 0. 015 474
116 -	$\frac{116}{1616} = 0.015642$	0. 015 573	o. 015 <b>607</b>
117 - 1118 -	$\frac{117}{118} = 0.015775$		0. 015 740 0. 015 <b>8</b> 73
119 - od. 17 Wach.	= 0.016040	0. 015 972	

#### 146 Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 2<sup>te</sup> Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und  $2\frac{1}{2}$  Procent.

138		
Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabo rium	utts oder Interusu- u, bet:
bezahlung (Anticipation).	Binfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
120 Tage. 121 -	$\begin{array}{c} \frac{120}{7420} = 0.016173 \\ \frac{121}{7431} = 0.016305 \end{array}$	0. 016 105 0. 016 139 0. 016 238 0. 016 272
4 Monat. (1 Jahr)	$\frac{4}{244} = 0.016393$	0. 016 <b>327 0</b> . 01 <b>6 3</b> 60
122 Tage. 123 - 124 -	$ \begin{array}{c} 132 & = 0.016 438 \\ 1433 & = 0.016 570 \\ 1434 & = 0.016 703 \end{array} $	0. 016 371 0. 016 404 0. 016 504 0. 016 <i>5</i> 37 0. 016 637 0. 016 670
125 - 126 - od. 18 Woch. 127 -	$\begin{array}{c} \frac{125}{127} = 0.016835 \\ \frac{126}{126} = 0.016967 \\ \frac{127}{127} = 0.017100 \end{array}$	0. 016 771 0. 016 803 0. 016 904 0. 016 935 0. 017 037 0. 017 068
128 - 129 - 130 -	$\frac{128}{1428} = 0.017232$ $\frac{129}{1428} = 0.017364$	0 017 170 0. 017 201 0. 017 303 0. 017 333 0. 017 435 0. 017 <b>466</b>
131 - 132 - 133 - od. 19 Wech.	$\begin{array}{c} \frac{13}{1430} = 0.017497 \\ \frac{13}{1431} = 0.017629 \\ \frac{13}{1432} = 0.017761 \\ \frac{133}{1433} = 0.017893 \end{array}$	0. 017 568 0. 017 <b>599</b> 0. 017 701 0. 017 <b>731</b> 0. 017 83 <b>4</b> 0. 017 864
134 - 135 - 186 -	$\frac{134}{135} = 0.018025$ $\frac{135}{135} = 0.018157$ $\frac{136}{135} = 0.018289$	0. 017 967 0. 017 <b>9</b> 06 0. 018 100 0. 018 129 0. 018 <b>233</b> 0. 018 <b>2</b> 61
137 - 138 - 139 -	$\begin{array}{c} \frac{137}{1437} = 0.018421 \\ \frac{138}{138} = 0.01853 \\ \frac{138}{139} = 0.018685 \end{array}$	0. 018 366 0. 018 394 0. 018 498 0. 018 526 0. 018 631 0. 018 658
140 - od. 20 Woch. 141 - 142 -	$\begin{array}{c} 1400 = 0.018817 \\ 7440 = 0.018817 \\ 1441 = 0.018949 \\ 1442 = 0.019081 \end{array}$	0. 018 764 0. 018 791 0. 018 897 0. 018 923 0. 019 029 0. 019 055
143 - 144 - 145 -	143 = 0.019213 $144 = 0.019344$ $145 = 0.019476$	0. 019 16 <mark>2</mark> 0. 019 187 0. 019 295 0. 019 320 0. 019 428 0. 019 452
146 - 147 - od. 21 Woch. 148 -	$\begin{array}{c} 146 \\ 7746 \\ \hline 181 \\ \hline $	0. 019 560 0. 019 584 0. 019 693 0. 019 716 0. 019 826 0. 019 848
149 - 150 - 151 -	$\frac{149}{1459} = 0.020003$ $\frac{159}{1451} = 0.020134$ $\frac{151}{151} = 0.020266$	0. 019 958 0. 019 986 0. 020 091 0. 020 112 0. <del>020</del> 223 0. 020 245

## Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 147 2<sup>te</sup> Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und 21 Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Kinfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
152 Tage.	$\frac{133}{1433} = 0.020397$	0. 020 356	0. 020 377
5 Monat.	$\frac{5}{345} = 0.020408$	0. 020 367	
153 Tage.	$\frac{153}{1453} = 0.020529$	0. <b>02</b> 0 488	
154 - od. 22 Woch.		0. 020 621 0. 020 753	0. 020 64 <b>0</b>
155 - 156 -	$\begin{array}{c} 135 \\ 7435 \\ 1166 \\ = 0.020923 \end{array}$	9. 020 753 0. <mark>020 88</mark> 6	0. 020 77 <b>2</b> 0. 020 <del>904</del>
157 -	$\frac{157}{1537} = 0.021054$	0. 021 018	0. 021 036
158 -	$\frac{138}{1438} = 0.021185$	0. <b>021</b> 151	0. 021 168 0. 021 30 <b>0</b>
159 -	$\frac{189}{7459} = 0.021317$		
160 - 161 - od. 23 Woch	$\frac{160}{7480} = 0.021448$ $\frac{160}{161} = 0.021579$	0. 021 416 0. 021 <b>54</b> 8	0. 021 <b>432</b> 0. 021 <b>563</b>
162 -	$\begin{array}{c} 141 = 0.021579 \\ 1451 = 0.021710 \\ 1452 = 0.021710 \end{array}$	0. 021 680	
163 -	$\frac{143}{143} = 0.021841$	0. 021 813	
164 -	$\frac{164}{143} = 0.021972$	9. 021 945	
165 -	$\frac{163}{1465} = 0.022103$		0. 022 090
166 - 167 -	$\frac{166}{161} = 0.022234$	0. 022 210 0. 022 342	
168 - od. 24 Woch.	7 4.0.7	0. 022 474	
169 -	$\frac{169}{1488} \Rightarrow 0.022627$	0. 022 607	0. 022 617
170 -	$\frac{176}{1410} = 0.022758$		0. 0 <b>22</b> 74 <b>8</b>
171 -	$\frac{1111}{1411} = 0.022889$	0. 022 871	
172 - 173 -	$\frac{111}{111} = 0.023019$ $\frac{111}{111} = 0.023150$	0. 023 003 0. 023 13 <i>5</i>	
174 -	$\frac{1114}{1414} = 0.023 281$	0. 0 <b>23 26</b> 8	
175 - od. 25 Woch,		0. 023 400	
176 -	$\frac{116}{118} = 0.023542$	0. 023 532 0. 023 664	0. 023 537
177 -	$\frac{111}{111} = 0.023673$		
178 - 179 -	$\frac{118}{110} = 0.023803$ $\frac{110}{110} = 0.023934$	0. 023 796 0. <b>023 92</b> 8	U. 023 800 0. 023 931
180 -	$\frac{7.776}{18.0} = 0.024064$	0. 024 060	
181 -	$\frac{14,80}{131} = 0.024 195$	0. 024 192	
182 -	$\frac{133}{1482} = 0.024325$	0. 024 324	
6 Monat. (1 Jahr)	$\frac{6}{245} = 0.024390$	0. 024 390	0. 024 390

# Der Vien Haupt - Tafel IIte Abtheilung. 3te Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinssahlungs - Terminen und 1. Procent.

140				
Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:			
bezahlung (Anticipation). <sup>h</sup>	Rinfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.	
1 Tag. 2 Tage	$ \begin{array}{c} 1 & = 0.000 \ 137 \\ 2 & = 0.000 \ 274 \\ 7502 & = 0.000 \ 411 \end{array} $	0. 000 136 0. 000 272 0. 000 408	0. 000 273	
4 -	7304 = 0.000548	0. 000 544 9. 000 680	0. 000 546 0. 000 682	
6 - 7 - ed. 1 Woshe	$\begin{array}{c} 7307 = 0.000821 \\ \hline -3 = 0.000958 \end{array}$	<ul><li>0. 000 816</li><li>0. μ00 953</li></ul>	o. 000 955	
8 - 9 -	7308 = 0.001095 $7309 = 0.001231$	0. 001 089 0. 001 224	0. 001 <b>22</b> 8	
111 -	$\begin{array}{c} 7310 = 0.901368 \\ 7311 = 0.601595 \\ 7312 = 0.001641 \end{array}$	0. 001 360 <b>6</b> . 001 <b>49</b> 6 <b>0</b> . 001 <b>6</b> 32	u. 001 <i>5</i> 00	
13 -	$\frac{13}{7313} = 0.001778$	9. 001 768 9. 001 904 9. 002 040	0. 001 <b>90</b> 9	
15 - 16 - 17 -	$\begin{array}{c} 7\frac{1}{2}\frac{1}{15} &= 0.002051 \\ \hline 13\frac{1}{15} &= 0.002187 \\ \hline 1\frac{1}{2}\frac{1}{15} &= 0.002323 \\ \hline 7\frac{1}{5}\frac{1}{17} &= 0.002323 \end{array}$	9. 002 176 9. 002 312	0. 002 181 0. 002 318	
18 -	$\frac{1318}{1318} = 0.002400$ $\frac{19}{19} = 0.002596$	9. 002 447 9. 002 583	0. 002 494 0. 002 590	
20 - 21 - od. 3 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{20}{1326} = 0.002732 \\ \frac{2}{1321} = 0.002868 \end{array}$	0. 002 719 Q. 002 855 0. 002 991	0.002 862	
22	$\begin{array}{c} \frac{22}{1322} = 0.003\ 005\\ \frac{322}{1323} = 0.003\ 141\\ \frac{223}{1324} = 0.003\ 277 \end{array}$	v. 003 126 9. 003 262	0. 003 134 0. 003 <b>2</b> 69	
25 -	$\frac{25}{1325} = 0.003413$	<ul><li>0. 003 398</li><li>0. 003 533</li><li>0. 003 669</li></ul>	0. 003 541	
27 -	$\frac{7376}{1327} = 0.003685$ $\frac{23}{1327} = 0.003821$	0. 003 805	_	

# Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel II<sup>te</sup> Abtheilung. 149 3<sup>to</sup> Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und 1½ Procent.

141			
Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rabatts oder Interusu- riums, bei:		
bezahlung ' (Anticipation).	Einfachen Zingen.	Zinsen von Mittlen Zigson. Zigsen.	
29 Tage. 30 -	$T_{\frac{3}{2}\frac{7}{9}}^{\frac{2}{2}\frac{9}{9}} = 0.003957$	0. 003 940 0. 003 949 0. 004 076 0. 004 084	
l Monat.	$\frac{1336}{11} = 0.004149$	p. 004 132 <b>9</b> . 004 141	
31 Tage.	81 - 0.004 229	D. 004 211 0. 004 220	
32 <b>-</b> 33 <b>-</b>	$\begin{array}{c} 7337 \\ 7337 \\ \hline 3337 \\ \hline 3337 \\ \hline 3337 \\ \hline 0.004500 \end{array}$	D. 004 <b>347 0. 0</b> Q4 356 D. 0 <b>04 482 0. 0Q</b> 4 491	
34 - 35 - od. 5 Wochen	$+\frac{34}{34} = 0.004636$	9. 004 618 9. 004 627	
36 - va. 5 wachen	$\begin{array}{c} \frac{35}{1335} = 0.004772 \\ \frac{36}{1335} = 0.004907 \end{array}$	0. 004 753 0. 004 763 0. 004 889 0. 004 898	
37 - 38 -	$7\frac{37}{337} = 0.005043$ $7\frac{38}{338} = 0.005179$ $7\frac{38}{338} = 0.005314$	0. 005 024 0. 005 <b>034</b> 0. 005 160 0, 005 169	
39 -	$\frac{1318}{7334} = 0.005314$	0. 005 295 0. 005 305	
40 - 41 -	$\begin{array}{c} 7\frac{40}{340} = 0.005450 \\ 7\frac{41}{341} = 0.005585 \\ 7\frac{42}{341} = 0.005721 \end{array}$	0. 005 431 0. 005 440 0. 005 566 0. 005 576	
	7347 - 0. 000 721	0. 005 701 0. 0Q5 711	
43 _ 44 _	$\begin{array}{c} 7^{\frac{13}{13}} = 0.005856 \\ 7^{\frac{1}{3}} = 0.005991 \end{array}$	0. 005 837 0. 005 846 0. 005 972 0. 005 982	
45 -	$\frac{45}{7345} = 0.006127$	0. 006 107 0, 0Q6 117	
46 47	$\frac{46}{346} = 0.006262$ $\frac{45}{1347} = 0.006397$	9. 006 213 0. 006 <b>2</b> 52 <b>0. 006 378 0. 00</b> 6 <b>3</b> 88	
48 -	1348 = 0. 006 03¥	9. 006 513 0. 006 5 <b>23</b> 9. 006 649 0. 006 6 <b>58</b>	
50 -	$\begin{array}{c} \frac{49}{1349} = 0.006668 \\ \frac{50}{1500} = 0.006803 \\ \frac{150}{1500} = 0.006033 \end{array}$	<b>9</b> . 006 784 0. 006 793	
51 - 32 -	1351 - 0. 000 830	0. 006 919 0. 006 998 0. 007 054 0, 007 064	
53 -	$\begin{array}{c} 75\frac{2}{352} = 0.007073 \\ 73\frac{5}{3}2 = 0.007208 \\ \hline 73\frac{5}{3}2 = 0.007208 \end{array}$	0. 007 189 0. 007 199	
54 - 55 -	$\frac{153}{7354} = 0.007343$ $\frac{155}{1355} = 0.007478$	0. <b>007 324</b> 0. 007 <b>334</b> 0. 007 460 0. 007 469	
56 - ed. 8 Wochen	= 0.007613	<b>9</b> . 007 595 0. 007 6 <b>94</b>	
58 -	$\frac{1}{3}\frac{57}{57} = 0.007748$ $\frac{58}{358} = 0.007883$	0. 007 730 0. 007 739 0. 007 865 0. 007 874	
59 <b>-</b> 60 -	$\frac{39}{48} = 0.008.017$	0. 008 000 0, 008 009 0. 008 135 0. 008 144	
	1350 = 0.008 102	9. 000 1.Jugo. 000 144	

# 150 Der Vten Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 3te Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und 11 Procent.

· 16			
Zeit der frühern Voraus-	Betrag des Rab riu	atts oder I ns, bei:	nierusu-
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen:
2 Monat.	$_{747}^2 = 0.008264$	0. 008 247	
61 Tage. 62 -	$\begin{array}{c} T_{3\overline{6}\Gamma}^{61} = 0.008\ 287 \\ T_{3\overline{6}\overline{2}}^{62} = 0.008\ 422 \end{array}$	0. 0 <b>0</b> 8 270 0. 008 405	
63 - od. 9 Wochen 64 -	$76\frac{3}{63} = 0.008556$	0. 008 540 0. 008 67 <i>5</i>	o. 008 <b>(</b> 83)
65 -	7365 - 0. 000 620	0. 008 810 0. 008 945	_4
66 - 67 - 68 -	$\begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} 1 & 0 \\ \hline 1 & 0 \\ \hline \end{array} \end{array} = \begin{array}{c} 0.008960 \\ 0.009095 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{c} 0.009229 \end{array}$	0. <b>009 0</b> 80	
69 - 70 - od. 10 Wochen 71 -	$\begin{array}{c} 155 \\ 155 \\ 170 \\$	0. 009 349 0. 009 484 0. 009 619	
72 - 73 - 74 -	$\begin{array}{c} \frac{12}{1312} = 0.009767 \\ \frac{13}{1314} = 0.009901 \\ \frac{13}{1314} = 0.010035 \end{array}$	0. 0 <b>09</b> 754 6. 009 889 0. 010 024	0. 009 760 0. <b>009</b> 895
75 - 76 - 77 od. 11 Wochen	$\frac{76}{1316} = 0.010169$ $\frac{710}{1316} = 0.010304$ $\frac{711}{1317} = 0.010438$	0. 010 158 0. 010 293 9. 010 428	0. 01 <b>0 29</b> 8
78 - 79 - 80 -	$\begin{array}{c} 7\frac{1}{6} = 0.010572 \\ 7\frac{1}{6} = 0.010572 \\ 7\frac{1}{6} = 0.010706 \\ 7\frac{1}{6} = 0.010840 \end{array}$	0. 010 5 <b>6</b> 3 0. 010 6 <b>9</b> 7 0. 010 8 <b>3</b> 2	0. 01 <b>0 702</b>
81 - 82 - 83 -	$\begin{array}{c} 7_{117}^{617} = 0.010974 \\ 7_{1317}^{62} = 0.011108 \\ 7_{1317}^{62} = 0.011242 \end{array}$	0. 010 967 0. 011 101 0. 011 <b>23</b> 6	0 01 <b>0 9</b> 70 0. 011 10 <b>5</b> 0. 011 <b>239</b>
84 - od, 12 Wochen 85 - 86 -	$\begin{array}{c} 7\frac{84}{884} = 0.011376 \\ 7\frac{85}{85} = 0.011510 \\ 7\frac{85}{1325} = 0.011644 \end{array}$	0. 011 370 0. 011 5 <b>0</b> 5 0. 011 6 <b>4</b> 0	0. 011 507
87 - 88 - 89 -	$ \begin{array}{c}                                     $	0. 011 774 0. 011 909 0. 012 043	0. 811 910
90 - 91 - od. 13 Wochen	T 1 0 = 0. 012 179	0, 012 178 0, 012 312	0. 012 178 0. 012 312
3 Monat. (1 Johr)	$\frac{1}{243} = 0.012346$	0. 012 346	0. 012 346

### Der Vten Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 4te Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

D) von einem bis mit hundert Jahren und
5 Procent.

143			
Jahre.	Betrag des Rab	ațis oder Interu	suriums, bei:
L.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
12	$\begin{array}{c} \frac{1}{11} = 0.047619048 \\ \frac{1}{12} = 0.090909991 \end{array}$	0. 047 619 048 0. 092 970 522	0. 047, 619 048 . 0. 091 939 806
3	$\frac{1}{2} = 0.0303031$ $\frac{1}{2} = 0.139431783$	0. 136 162 401	0. 133 298 592 ·
4	$\frac{4}{24} = 0.166666667$	0. 177 297 525 0. 216 473 834	0. 171 982 096 0. 208 236 917
5 6	$\begin{array}{c} \frac{15^{7}}{25} = 0.20000000000\\ \frac{1}{25} = 0.230769231 \end{array}$	0. 253 784 603	0. 242 276 917
7	T = 0.259259259	0. 289 318 670	0. 274 288 965
8 9	$\frac{1}{25} = 0.285714286$ $\frac{1}{25} = 0.310344828$	0. 323 160 638 0. 355 301 084	0. 304 <b>437 462</b> 0. 33 <b>2 867 956</b>
10	$\frac{10}{10} = 0.33333333333333333333333333333333333$	0. 386 086 746	0. 359 710 040
11 12	$\frac{11}{12} = 0.354838710$ $\frac{1}{12} = 0.375.000000$	0. 415 320 711 0. 443 162 582	0, 385 079 710 0, 409 081 291
13	14 = 0. 393 939 394	0. 469 678 649	0. 431 809 022
14 15	$\frac{14}{15} = 0.411764706$ $\frac{15}{15} = 0.428571429$	0. 494 932 047 0. 518 982 902	0. 453 348 376 0. 473 777 165
	15 = 0. 444 444 444	0. 541 888 478	0. 493 166 461
17 18	1 = 0. 459 459 459 1 = 0. 473 684 211	0. 563 703 312 0. 584 479 345	0. 511 581 386 0. 529 081 778
19	10 = 0. 487 179 487	0. 604 266 043	0. 545 722 765
20 21	$\frac{16}{11} = 0.506.000000000000000000000000000000000$	0. 623 110 517 0. 641 057 635	0, 561 555 259 0, 576 626 379
22	22 - 4 502 900 504	0. 658 150 129	0. 590 979 826
23 24	15 = 0. 534 883 721 15 = 0. 545 454 545	0. 674 428 694 0. 689:932 090	0. 604 656 208 9. 617 693 318
<b>2</b> 5	25 - 0 555 555 556	0. 704 697 228	0. 630 126 392
26 27	$\frac{25}{26}$ = 0.565 217 391 $\frac{27}{47}$ = 0.574 468 085	0. 718 759 265 0. 732 151 681	0. 641 988 328 0. 653 309 883
28	$\frac{25}{25} = 0.583 \cdot 333 \cdot 333$	0. 744 906 363	0. 664 119 848
29	를 == 0 591·836 735	0. 757 053 679	0. 674 445 207 0. 684 311 276
31	$\frac{\frac{10}{30}}{\frac{3}{30}} = 0.600000000$ $\frac{3}{3} = 0.607.843.137$	0. 768 622 551 0. 779 649 525	0. 693 741 831
32	북 == 0. 615 384 615	0. 790 133 833	0. 702 750 224
33	H = 0.022 641 509	0.890127 460	Q. 711 384 485

## 152 Der Vten Haupt - Tafel IIta Abtheilung. 4te Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

D) von einem bis mit hundert Jahren und
5 Procent.

14	1	all and a public of the last o	
Jahre.	Betrag des Rab	atts oder Interu	euriums, bei:
ï		Zinșen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
34	1 = 0. 629 629 630	0. 809 645 200	0. 719 637 415
35 30	$\frac{35}{5} = 0.63636363636$ $\frac{5}{5} = 0.642857143$	0.818 709 715 0.827 342 585	0. 727 536 676 0. 735 699 864
37	$\frac{36}{31} = 0.649 122 807$	0. 835 564 367	0. 742 343 587
38	$\frac{38}{38} \Rightarrow 0.055 172 414$	0. 843 394 635	0. 749 283 525
39	👬 🚍 0. 661 016 949	0. 850 8 <b>52 034</b>	0. 755 934 491
40	44 = 0. 666 667	0. 857 954 318	0. 762 310 492
41	$\frac{61}{41} = 0.072131148$ $\frac{61}{42} = 0.677419355$	0, 864 718 398 0, 871 1 <b>6</b> 0 379	0. 768 424 773 0. 774 289 867
43	43 - 0 682 530 683	0. 877 295 599	0. 779 917 641
44	44 - 0. 087 500 000	0. 883 138 666	0. 785 319 333
45	45 = 0. 692 307 692	0. 888 703 491	0. 790 505 592
46	15 = 0. 696 969 697	0. 894 003 325	0. 795 486 511
47 48	$\frac{37}{28} = 0.701.492537$ $\frac{28}{28} = 0.705882353$	0. 899 0 <b>5</b> 0 786 0. 903 8 <b>5</b> 7 891	9. 800 271 661 9. 804 870 122
49	$\frac{58}{19} = 0.710144928$	0. 908 436 087	0. 809 290 507
50	$\frac{36}{10} = 0.714 \ 285 \ 714$	0. 912 796 273	0. 813 540 994
51	$\frac{47}{1} = 0.718309859$	0. 916 948 831	0. 817 629 345
52	$\frac{52}{72} = 0.7222222222$	0. 920 903 649	0. 821 562 936
53 54	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0. 924 670 142 0. 928 257 278	0. 825 348 77 <b>0</b> 0. 828 <b>993 504</b>
55	$\frac{74}{55} = 0.7333333333$	0. 931 673 598	0. 832 503 466
56	$\frac{75}{16} = 0.736842105$	0. 931 073 598	0. 835 884 671
57	$\frac{11}{11} = 0.740 259 740$	0. 938 025 939	0, 839 142 84 <b>0</b>
58	$\frac{58}{18} = 0.743589744$	0. 940 977 085	0. 842 283 414
59 60	$\frac{16}{10} = 0.746 835 443$	0. 943 787 700 0. 946 464 476	0. 845 311 <b>572</b> 0. 848 232 <b>23</b> 8
61	$\frac{13}{30} = 0.750 000 000$	0. 940 404 470	0. 851 050 103
62	$\frac{61}{62} = 0.753086420$ $\frac{62}{62} = 0.756097561$	0. 951 441 702	0. 853 769 631
63	$\begin{array}{c} \frac{62}{82} = 0.756.097.561 \\ \frac{62}{82} = 0.759.036.145 \end{array}$	0. 953 754 002	0. 856 395 07 <b>3</b>
64	$\frac{61}{1} = 0.761904762$	0. 955 956 192	0. 858 930 477
65	$\frac{85}{95} = 0.764705882$	0. 958 053 516 <b>0.</b> 960 050 968	0. 861 379 69 <b>9</b> 0. 86 <b>3 746 414</b>
00	$\frac{33}{36} = 0.707441860$	פטק עסון עעני ען	n. 000 130 414

# Der Vien Haupt - Tafel IIIe Abtheilung. 158 4th Tafel.

Der Rabatt oder das Interusurium.

D) von einem bis mit hundert Jahren und
5 Procent.

145			
Jahre.	Betrag des Råb	atts oder Internsurans, bei:	
	Binfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinaen.
67	$\frac{67}{81} = 0.770114943$	0. 961 953 303	0. 866 034 123
68 69		0, 963 7 <b>6</b> 5 050 0, 965 <b>49</b> 0 <b>524</b>	0. 868.246 161 0. 870 385 711
70	16 = 0.777 777 778	0. 967 133 832	0. 872 455 805
71 72	$\frac{11}{12} = 0.780 \ 219 \ 780 \ \frac{1}{2} = 0.782 \ 608 \ 696$	0. 968 698 888 0. 970 189 417	0, 874 459 334 0. 876 399 05 <b>6</b>
73	73 = 0.784 946 237	0. 971 608 969	0. 878 277 603
74 75	$\frac{11}{15} = 0.797234043$ $\frac{15}{15} = 0.789473684$	0. 972 960 923 0. 974 248 498	0. 880 097 48 <b>3</b> 0. 881 861 091
76	75 = 0. 791 666 667	0. 975 474 760	0, 883 570 713
77 78	$\begin{array}{c} 11 \\ 12 \\ 13 \\ 13 \end{array} = \begin{array}{c} 0.793814433 \\ 0.795918367 \end{array}$	0. 976 642 628 0. 977 7 <b>5</b> 4 884	0. 885 228 531 0. 886 836 62 <b>6</b>
79	$\frac{38}{12} = 0.797979798$	0. 978 814 175	0. 888 396 987
80 81	$\begin{array}{c} \frac{88}{88} = 0.8000000000\\ \frac{81}{101} = 0.801980198 \end{array}$	0. 979 8 <b>2</b> 3 024 0. 980 783 833	0. 889 911 51 <b>2</b> 0. 891 382 01 <b>5</b>
- 00	82 - A 902 001 FCD	0 001 000 000	0, 892 810 228
83 84	101 = 0.805 921 009 101 = 0.805 825 243 101 = 0.807 692 308	0. 982 570 370 0. 983 400 352	0. 894 197 806 0. 895 546 330
85	104		0. 896 857 310
86	$\frac{85}{105} = 0.809523810$ $\frac{50}{105} = 0.811320.755$		.0. 898 132 192
87 88	$\frac{87}{107} = 0.813084112$	0. 985 660 600 0. 986 343 429	0. 899 372 356 0. 990 579 122
89	$\begin{array}{c} 88 = 0.814814815\\ 108 = 0.816513761 \\ 0.816513761 \end{array}$	0. 986 993 741	0. 901 753 751
90	$_{170} = 0.81818181818$	0. 987 613 987	0. 902 897 453
91 92	$\frac{111}{113} = 0.819819820$ $\frac{111}{113} = 0.821428571$	0. 988 202 940 0. 988 704 705	0. 994 011 <b>386</b> 0. 995 096 6 <b>38</b>
93	$\frac{113}{113} = 0.823008850$	0. 989 299 719	0. 906 154 284
94 95	$\frac{114}{115} = 0.824561404$ $\frac{115}{15} = 0.826086957$	0. 989 809 256 0. 990 294 530	0, 907 185 <b>330</b> 0, 908 190 7 <b>43</b>
96	$\frac{31}{116} = 0.827586207$	0. 990 756 695	0. 909 171 351
97 98	$\frac{97}{137} = 0.829059829$	0. 991 196 852 0. 991 416 050	0. 910 128 341 0. 911 062 262
99	$F_{13}^{T_4} = 0.829 059 829$ $F_{13}^{T_6} = 0.830 508 475$ $F_{12}^{T_6} = 0.831 932 773$ $F_{12}^{T_6} = 0.833 333 333$	0, 992 015 286	0. 911 974 029
100	$\{ \begin{smallmatrix} 0 & 0 \\ 2 & 0 \end{smallmatrix} = 0.8333333333333333333333333333333333333$	0, 992 395 510	0. 912 864 422

# Der Vien Haupt-Tafel IIte Abtheilung. 5te Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium.

E) bei jährlichen Verbindlichkeiten von einem bis mit hundert Jahren und 5 Procent.

140			
Jahre.	Betrag des	Rabatts oder Inter	nsuriums, dei:.
-	Rinfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsep.
1	0. 047 619 048	0. 047 619 048	0. 047 619 048
2	0. 138 528 139	0. 140 589 569	0. 139 558 854
3	0. 268 962 921	0. 276 751 971	0. 272 857 446
4	0. 435 629 588	0.454 049 496	9. 444 839 542
5 6	0. 635 629 588 0. 866 398 819	9. 670 523 329 9. 924 307 933	9. 653 076 459 9. 895 353 376
7		1. 213 626 603	1. 109 642 340
8	1. 125 658 978 1. 411 372 364	1. 536 787 241	1. 109 042 340 1. 474 079 8 <b>0</b> 2
9	1. 721 717 191	1. 892 178 324	1. 806 947 758
10	2. 055 050 524	2. 278 265 071	2. 166 657 798
11	2. 409 889 234	2. 693 585 782	2. 551 737 508
12	2. 784 889 23 <del>4</del>	3. 136 748 364	2. 960 818 799
13		3. 606 427 013	3, 392 627 820
14	3. 590 593 334	4. 101 359 060 4. 620 341 962	3. 845 976 197 4. 319 753 3 <b>6</b> 2
15	4. 019 164 763		
16 17	4. 463 609 207 4. 923 068 6 <b>6</b> 6	5. 162 230 44 <b>9</b> 5. 725 933 75 <b>2</b>	4, 812 919 823 5, 324 591 209
18	5. 396 752 877	6. 310 413 <b>097</b>	5. 853 582 987
19	5. 883 932 364	6. 914 679 140	6, 399 305 752
20	6, 383 932 3 <b>64</b>	7. 537 789 657	6, 960 861 011
21	6. 896 127 486	8. 178 847 <b>2</b> 9 <b>3</b>	7. 537 487 389
22	7. 419 937 010	8. 836 997 422	8. 128 467 216
23	7. 954 820 731	9. 511 426 116	8. 783 123 423
24	8. 500 275 276	10. 201 358 206	9. 350 816 741
25	9. 055 830 832	10. 906 055 434	9. 980 943 133
26 27	9. 621 048 2 <b>23</b> 10. 195 516 308	11. 624 814 699	10. 622 931 <b>46</b> 1 11. 276 241 344
		12. 356 966 380	
28 29	10. 778 849 642 11. 370 686 376	13. 101 872 743 13. 858 926 422	11.940 361 192 12.614 806 399
	-11. 970 686 376	14, 627 548 973	13. 209 117 675
31	12. 578 529 514	15. 407 189 498	13. 992 859 506
32	13. 193 914 129	16, 197 323 332	14. 695 618 730
<b>3</b> 3	<b>13.816</b> 555 638	16. 997 450 792	15. 407 008 215

# Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel H<sup>to</sup> Abtheilung. 155 5<sup>to</sup> Tafel

Der Rabatt oder das Internestrium.

E) bei jährlichen Verbindlichkeiten von einem bis mit hundert
Jahren und 5 Procent.

147		,	
Jahre	Betrag des l	Rabatts oder Inter	usuriums, bei:
î,	Einfachen Zinsen.	Ziasen von Ziasen	Mittlen Zinsen.
34	14. 446 186 268	17. 807 095 992	16. 126 640 630
3 <i>6</i> 36	15. 082 548 994 15. 725 406 047	18. 625 805 707 19. 453 148 292	16. 854 177 306 17. 589 277 170
37	16. 374 528 854	20. 288 712 659	18. 331 620 757
38	17. 020 701 268	21. 132 107 295	19. 080 904 281
39	17. 690 718 217	21. 982 959 328	19. 836 838 773
40 41	18. 357 384 884 19. 029 516 031	22. 840 913 646 23. 705 632 044	20. 599 149 265 21. 367 574 038
42	19. 706 935 386	24. 576 792 423	22. 141 863 994
43	20. 389 475 069	25. 454 088 022	22. 921 781 545
44 45	21. 076 975 069 21. 769 282 761	26. 337. 226 #87 27. 225 930 178	23. 707 100 878 24. 497 606 470
46	22. 466 252 458	28. 119 933 503	25, 293 092 981
47	23. 167 744 995	29. 018 984 289	26. 093 364 642
48	23. 873 627 348	<b>29. 92</b> 2 <b>84</b> 2 180	26, 898 234 764
49 50	24. 583 772 276 25. 298 057 990	<b>30. 831 278 266</b> <b>31. 744 074 539</b>	27, 707 525 271 28, 521 066 265
51	26. 016 367 849	32. 661 923 371	29. 338 695 610
52	26. 738 590 071	33. 581 927 020	30. 160 258 546
53 54	27. 464 617 469	34. 596 597 162	30. 985 607 315
55	28. 194 347 198	35.434 854 440	31. 814 600 819
56	28. 927 680 532 29. 664-522 637	36. 366 528 038     37. 301 455 274	32. 647 104 285 33. 482 988 956
57	30. 404 782 377	38. 239 481 214	34. 322 131 795
58	31. 148 372 121	39. 180 458 299	35. 164 415 210
59 60	31. 895 297 564 32. 645 207 564	40, 124 245 999 41, 079 710 475	36. 009 726 781 36. 857 959 019
61	33. 398 293 984	42. 019 724 262	37. 709 009 123
62	34. 154 391 545 ·	42. 971 165 964	38. 562 778 754
63	<b>34.</b> 91 <b>3 427</b> 689	43. 924 919 965	39. 419 173 827
64 65	35. 675 332 451	44. 880 876 158	40. 278 104 304
66	<b>36. 44</b> 0 038 334 · <b>37. 207 480 1</b> 94 ·	45. 838 929 674 46. 798 98 <b>9</b> 642	41. 139 484 004 42. 003 230 418
			000 PAG 410

# 156 Der Vten Haupt-Tafel Hte Abtheilung. 5te Tafel.

#### Der Rabatt oder das Interusurium.

E) bei jährlichen Verbindlichkeiten von einem bis mit hundert Jahren und 5 Procent.

	148	·M.		•
	Jahre.	Betrag des I	Rabatts oder Intern	usuriums, bei:
		Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
	67	37. 977 595 137	47. 760 933 945	42. 869 264 541 .
	68	38. 750 322 409	48. 724 698 995	43. 737 510 702
1	69	39. 525 603 308	49. 690 189 519	44. 607 896 413
H	70	40. 303 381 086	50. 657 323 351	45. 480 352 219 46, 354 811 553
1	71 72	41, 083 600 866 41, 866 209 562	51. 626 022 239 52. 596 211 656	47, 231 210 609
1	73	42, 651 155 798	53. 567 820 625	48. 109 488 212
ĺ	74	42. 051 155 798 43. 438 389 841	54. 540 781 548	48. 989 585 694
ı	75	44, 227 863 525	55, 515 030 046	49. 871 446 785
1	76	45, 019 530 192	56, 490 564 805	50, 758 017 499
	77	45, 813 344 625	57. 467 147 434	51. 640 246 029
i	78	46, <b>6</b> 09 <b>2</b> 62 9 <b>9</b> 2	58 <b>. 444</b> 9 <b>92</b> 318	52. 527 08 <b>2 65</b> 5
	79	47. 407 242 790	59. 423 716 493	53. 415 479 642
	.80	48. 207 242 790	60. 403 539 517	54. 305 391 154
ı	81	<b>49. 009 222 988</b>	61. 384 323 350	55. 196 773 169
	82	49. 813 144 557	62. 366 022 238	56. 089 583 397
ı	83	50. 618 969 799	63. 848 592 607	56. 983 781 203
ĺ	84	51. 426 662 107	64. 331 992 959	57. 879 327 583
į	85	52. 236 185 917	65. 316 183 771	58. 776 184 844
	86 87	53. 047 506 671 59. 860 590 784	66. 301 127 401 67. <b>286</b> 788 001	59. 674 317 0 <b>36</b> 60. 573 689 <b>392</b>
1				61. 474 266 514
ı	88 89	54. 675 405 598 55. 491 919 360	68. 273 131 429 69. 260 125 171	62. 376 022 265
1	90	56. 310 101 178	7 <b>0</b> . 247 738 258	63. 278 919 718
ı	91	57. 129 920 998	71. 235 941 198	64, 182 931 098
ı	92	57. 951 349 569	72. 224 705 903	65, 088 <b>027 786</b>
1	93	58. 774 358 419	73. 214 005 622	65. 994 182 020
	94	59. 598 919 822	74. 203 814 878	66. 901 367 350
ı	95	<b>60. 42</b> 5 006 779	75. 194 109 408	67. 809 558 0 <b>93</b>
1	96	61. <b>25</b> 2 592 986	<b>76</b> . 184 866 102	68. 718 729 544
ı	97	62, 081 652 815	77. 176 062 955	69, 628 857 885
	98		78. 167 679 004	70, 539 920 147
1	99	63. 744 094 062	79. 159 694 290	71, 451 894 176 72, 364 758 598
1	100	64. 577 427 396	80. 152 089 800	1 A 304 100 000

### Der Von Haupt-Tafel III Abtheilung. 1 Tafel.

Der setzige baare Werth für ein Capital Bins.

2) bei jährlich bedangenen Zinexahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

Zeit der frühern Vorans-	Jetniger baarer l tul E	Verth für ins, bei:	eia Capi-
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen .von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
1 Tag. 2 Tage. 3 -	$\begin{array}{c} 1399 = 0.999863 \\ 1300 = 0.999726 \\ 100 = 0.999589 \end{array}$	<b>0. 999</b> 866 <b>0. 999 733</b> 0. 999 599	0. <b>999 729</b>
4: - 5 - 6 -	$\begin{array}{c} 7\frac{100}{100} = 0.999452 \\ 7\frac{100}{100} = 0.999316 \\ 7\frac{100}{100} = 0.999179 \end{array}$		0. <b>99</b> 9 3 <b>2</b> 4
8	7300 = 0.999042 $7300 = 0.9989042$ $7300 = 0.998905$ $7300 = 0.998769$		o. <b>99</b> 8 918
11	0. 998 495	0. <b>99</b> 8 <i>5</i> 31	0. 998 513
13 -	$\frac{1300}{311} = 0.998222$	9. 998 264	0. <b>99</b> 8 <b>24</b> 3

## 158 Der Von Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 1ste Tafel.

· Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

150	•	
Zeit der frühern Voraus-	Jetziger baarer H tal Ei	Verth für ein Capi- ns, bei:
bezahlung (Anticipation).	Einfechen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
14 Tage od. 2 Woch. 15 - 16 -	7300 = 0.998086 7300 = 0.997949 7300 = 0.997813	0. <b>99</b> 8 130 0. 998 108 0. 997 997 0. 997 973 0. 997 864 0. 997 838
17 - 18 - 19 -	7300 = 0.997677 $7300 = 0.997540$ $7300 = 0.997540$ $7300 = 0.997404$	0. 997 730 0. 997 703 0. 997 597 0. 997 569 0. 997 463 0. 997 434
20 - 21 - od. 3 Wochen 22 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.997268 \\ 7300 = 0.997268 \\ \hline 1300 = 0.997132 \\ \hline 130 = 0.996995 \end{array}$	0. 997 330 0. 997 299 0. 997 197 0. 997 164 0. 997 064 0. 997 029
23 - 24 - 25 -	$\frac{7300}{1300} = 0.996859$ $\frac{1300}{1300} = 0.996723$ $\frac{1300}{1300} = 0.996587$	0. 996 930 0. 996 895 0. 996 797 0. 996 760 0. 996 664 0. 996 625
26 - 27 - 28 - od. 4 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1300} \stackrel{\longrightarrow}{\Longrightarrow} 0.996451 \\ \frac{1300}{1300} \stackrel{\longrightarrow}{\Longrightarrow} 0.996315 \\ \frac{1300}{1300} \stackrel{\longrightarrow}{\Longrightarrow} 0.996179 \end{array}$	0. 996 531 0. 996 491 0. 996 397 0. 996 356 0. 996 264 0. 996 222
29 - 30 -	$\frac{7300}{1300} = 0.996043$ $\frac{1300}{1300} = 0.995907$	0. 995 131 0. 996 087 0. 995 998 0. 995 953 0. 995 942 0. 995 897
1 Monat. 31 Tage. 32 - 33 -	$\begin{array}{c} \frac{340}{140} = 0.995851 \\ \frac{7400}{1400} = 0.995771 \\ \frac{1300}{1400} = 0.995636 \\ \frac{1400}{1400} = 0.995500 \end{array}$	0. 995 865 0. 995 818 0. 995 732 0. 995 684 0. 995 599 0. 995 549
34 - 35 - od. 5 Wochen 36 -	$ \frac{1300}{1800} = 0.995364 $ $ \frac{1800}{1800} = 0.995228 $ $ \frac{1800}{1800} = 0.995093 $	0. 995 468 0. 995 415 0. 995 332 0. 995 286 0. 995 199 0. 995 146
37 - 38 - 39 -	$\begin{array}{c} 1300 \\ 1300 \\ \hline 1300 \\ 1300 \\ \hline 1300 \\ 1300 \\ \hline 13$	0. 995 066 0. 995 012 0. 994 933 0. 994 877 0. 994 800 0. 994 743
40 - 41 - 42 - od. 6 Wechen	$\begin{array}{c} 1300 = 0.994550 \\ 1309 = 0.994415 \\ 1300 = 0.994279 \\ \hline \end{array}$	0. 994 667 0. 994 <b>669</b> 0. 994 534 0. 994 47 <b>5</b> 0. 994 402 0. 994 341 0. 994 269 0. 994 206
43 - 44 - 45 -	$\begin{array}{c} 7300 \\ 7300 \\ \hline 7300 \\ $	0. 994 2090. 994 206 0. 994 136 0. 994 072 0. 994 003 0. 993 938

### Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 159

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins. .

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent

151			A THE REAL PROPERTY.		-
der	Zeit frühern Voraus- bezahluug.	Jetziger b	aarer H tal Ei	Kerth für ns, bei:	ein Capi-
(	Anticipation ).	Einfachen		Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen
46 1 47 48	l'age. -	$\frac{1}{1}$	993 738 993 603 993 468	0. 993 737	0. 993 804 0. 993 670 0. 993 <b>53</b> 6
49 50	- od. '7 Wochen	$\frac{1300}{1300} = 0.$	993 332 993 197	0. 993 472	0. 993 <b>402</b> 0. 993 <b>26</b> 8
51 52		$\frac{1358}{1351} = 0.$	993 962 992 927		0. 9 <b>93 134</b> 0. 9 <b>93 <b>90</b>0</b>
53 54	-	$\frac{1366}{120} = 0.$	992 792 992 657	0. 992 808	0. 992 <b>8</b> 66 0. 992 <b>732</b>
55 56 57	- od. 8 Wochen	$\frac{1388}{1336} = 0.$	99 <b>9</b> 522 992 387 992 252	0. 992 542	0. 992 598 0. 992 465 0. 992 <b>8</b> 31
58 59 60	-	$\frac{7 \stackrel{?}{\cancel{1}} \stackrel{?}{\cancel{1}} \stackrel{?}{\cancel{1}} = 0.}{1 \stackrel{?}{\cancel{1}} \stackrel{?}{\cancel{1}} \stackrel{?}{\cancel{1}} \stackrel{?}{\cancel{1}} = 0.}$	992 117 991 983 991 848	0. 992 144	0. 992 197 0. 992 <b>0</b> 64 9. 991 930
	- Ionat.	1300	991 736	0. 991 901	
61 7 62	ľage. -		991 713 991 578	0. 991 879 0. 991 747	0. 991 796 0. 991 663
63 64 65	- od. 9 Wochen -	$\frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = 0.$	991 444 991 309 991 174	0. 991 482	0. 991 <b>52</b> 9 0. 991 <b>39</b> 5 0. 991 <b>26</b> 2
66 67 68	-	$\frac{7300}{7300} = 0.$	991 040 990 905 990 771	0. 991 084	0. 991 128 0. 990 995 0. 990 861
69 70 71	- - od. 10 Woch. -	$\begin{array}{c} 7 \stackrel{\circ}{\circ} 0 \stackrel{\circ}{\circ}$	990 636 990 502 990 368	0. 990 687	9. 990 728 0. 990 594 0. 990 461
72 73 74	•	$\begin{array}{c} \frac{1}{7} \frac{3}{3} \frac{0}{7} \frac{0}{2} = 0. \\ \frac{1}{7} \frac{3}{3} \frac{1}{7} \frac{0}{3} = 0. \end{array}$	990 233 990 099 989 965	0. <b>990 2</b> 89	0. 990 328 0. 990 194 0. 990 061
75 76 77		$\frac{1300}{1300} = 0.$	989 831 989 696	0. 990 025 0. 989 892	0. 989\928 0. 989 794
	- od. 11 Woch.	$\frac{7300}{7377} = 0.9$	989 562	v. 909 700	0. 989 661

#### 180 Der V Haupt-Tafel III Abtheilung. 1ste Tafel

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baarer H tal Ei	Verth für ein Capi- ns, bei:
(Anticipation).	Kinfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
78 Tage. 79 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.989428 \\ 1378 = 0.989294 \end{array}$	0. 989 628 0. 989 528 0. 989 496 0. 989 395
80 -	<del>1100</del> = <b>0.989</b> 160	0. <b>9</b> 89 <b>496</b> 0. 989 395 0. <b>989 363 0. 9</b> 89 <b>2</b> 62
81 - 82 - 83 -	7 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0. 989 231 0. 989 128 0. 989 099 0. 988 995 0. 988 967 0. 988 862
84 - od. 12 Woch.	1 0 0 988 624 1 0 0 988 490 1 0 0 988 356	0. 988 834 0. 988 729 0. 988 702 0. 988 596 0. 988 570 0. 988 463
87 - 88 - 89 -	1 1 0 0. 988 223 1 0 0 0. 988 223 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0. 988 438 0. 988 336 0. 988 306 0. 988 197 0. 988 174 0. 988 064
-	$\begin{array}{c} 7 \stackrel{\$}{\cancel{0}} \stackrel{?}{\cancel{0}} \stackrel{?}{=} 0.987821 \\ 7 \stackrel{\$}{\cancel{0}} \stackrel{?}{\cancel{0}} \stackrel{?}{\cancel{0}} \stackrel{?}{\cancel{0}} \stackrel{?}{\cancel{0}} 0.987688 \end{array}$	0. 988 042 0. 987 932 0. 987 909 0. 987 799
3 Monat. (1 Jahr) 92 Tage.	$\frac{240}{243} = 0.987654$ $1399 = 0.987554$	0. 987 877 0. 987 765 0. 987 778 0. 987 666
92 11ge. 93 - 94 -	$\begin{array}{c} 0.987832 \\ 1.06 = 0.987421 \\ 1.06 = 0.987287 \end{array}$	0. 987 778 0. 987 00 0. 987 645 0. 987 533 0. 987 514 0. 987 400
95 - 96 - 97 -	1 0 = 0. 987 153 1 0 = 0. 987 020 1 0 = 0. 986 887	0. 987 382 0. 987 268 0. 987 250 0. 987 135 0. 987 117 0. 987 002
98 - od. 14 Woch. 99 - 100 -	1300 = 0.986753 $1300 = 0.986620$ $1300 = 0.986620$ $1300 = 0.986486$	0. 986 986 0. 986 869 0. 986 854 0. 986 737 0. 986 722 0. 986 604
101 - 102 - 103 -	$ \frac{1300}{1300} = 0.986353 $ $ \frac{1300}{1300} = 0.986220 $ $ \frac{1300}{1300} = 0.986087 $	0. 986 590 0. 986 471 0. 986 458 0. 986 339 0. 986 326 0. 986 207
104 - 105 - od. 15 Woch. 106 -	1300 = 0.985 954 1305 = 0.985 820 1305 = 0.985 820 1406 = 0.985 687	0, 986 194 0, 986 074 0, 986 063 0, 985 941 0, 985 931 0, 985 869
107 - 108 - 109 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.985554 \\ 7400 = 0.985421 \\ 7400 = 0.985288 \end{array}$	0. 985 799 0. 985 677 0. 985 667 0. 985 544 0. 985 536 0. 985 412

## Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 161 1ste Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

118	ere a service de la companya della companya de la companya della c		Name of Street
Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baarer k tul Ei	ins, bei:	
(Anticipation).	Rinfachen Zinsen.	Ziesen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
110 Tage.	$\frac{1306}{110} = 0.985155$	<b>0. 9</b> 85 40 <b>4</b> 0. 985 272	
111 · 112 - od. 16 Woch.	1300 = 0. 984 889	0. 985 140	0. 985 015
113 -	$\frac{7390}{1100} = 0.984757$	0. 985 009 0. <b>9</b> 84 877	
114 - 115 -	$\begin{array}{c} 1116 = 0.984024 \\ 1316 = 0.984491 \end{array}$	0. <b>9</b> 84 745	
116 -	$\frac{1300}{1448} = 0.984358$	0. <b>984</b> 614 0. <b>984</b> 482	
117 - 118 -	$\frac{1200}{1200} = 0.984225$ $\frac{1200}{1200} = 0.984093$	0. <b>984 482</b> 0. <b>984 3</b> 51	
119 - od. 17 Woch	$\frac{1300}{1519} = 0.983960$	0. 984 219	
120 - 121 -	$\frac{1100}{1100} = 0.983827$ $\frac{1100}{1100} = 0.983695$	0. <b>9</b> 84 087 0. <b>9</b> 83 <b>9</b> 56	0. 983 957 0. 983 8 <b>25</b>
4 Monat. (1 Jahr)	$\frac{140}{144} = 0.983607$	<b>0. 983 8</b> 68	0. 98 <b>3 737</b>
122 Tage.	$\frac{1300}{1300} = 0.983562$ $\frac{1300}{1300} = 0.983430$	9. 983 824 9. 983 693	
123 -	$\frac{\frac{1}{1}\frac{1}{4}\frac{1}{3}}{14\frac{1}{3}} = 0.983430$ $\frac{1}{14}\frac{1}{3} = 0.983297$	0. <b>9</b> 8 <b>3</b> 561	
125 - 126 - od. 18 Woch	$\frac{1300}{1300} = 0.983165$ $\frac{1300}{1300} = 0.983033$	0. <b>9</b> 83 <b>43</b> 0 0. <b>9</b> 83 <b>2</b> 99	0. 98 <b>3 297</b> 0. 983 166
120 - 0d. 18 Wden.	$\frac{7418}{1220} = 0.982900$	0. 983 299 0. 983 167	
128 -	$\frac{1100}{1100} = 0.982768$	0. <b>9</b> 83 036 0. <b>9</b> 82 904	0. 98 <b>2</b> 90 <b>2</b>
129 - 130 -	$\frac{1300}{1429} = 0.982636$ $\frac{1300}{1429} = 0.982503$	0. 982 904 0. 982 773	
131 -	$\frac{1388}{431} = 0.982371$	0. 982 641	o. 98 <b>2 506</b>
132 - 133 - od. 19 Woch:	$\begin{array}{c} 1360 \\ 432 \\ \hline 222 \\ \hline 200 \\ 200 \\ \hline 200 \\ 200 \\ \hline 200 \\ 200 \\ 200 \\ \hline 200 \\ 200 $	0. 982 510 0. 982 379	
134 -	$\frac{1488}{1489} = 0.981975$	0, <b>982 24</b> 8	0. 982 111
135 - 136 -	$\frac{\frac{1486}{1486}}{\frac{1486}{1399}} = 0.981843$	0. 982 116 0. 981 985	
137 -	$\frac{1}{1}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}$	0. 981 854	0. 981 716
138 -	$\frac{1300}{1300} = 0.981447$ $\frac{1300}{1300} = 0.981315$	0. 981 722 0. 981 591	
139 - 140 - od. 20 Woch.	$\frac{1300}{1300} = 0.981183$	0. <b>9</b> 81 460	0. 981 321
141 -	$\frac{1300}{1431} = 0.981051$	0. 981 329	0. 981 190

### 162 Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 1ste Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedangenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

154	Selfent Selfent Selfent		
Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baarer W tal E	Verth für : in s, bei :	ein Capi-
(Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Zinsen.
142 Tage. 143 - 144 -	7300 = 0.980919 $7300 = 0.980787$ $7300 = 0.980687$	0. 981 198 0. 981 067 0. 980 935	0. 980 927
145 - 146 - 147 - od. 21 Woch	$\frac{7300}{1445} = 0.980524$ $\frac{1445}{1445} = 0.980392$	0. 980 804 0. 980 673 0. 980 542	0. 98 <b>0 664</b> 0. 980 <b>533</b>
148 - 149 - 150 -	$\begin{array}{c} 1300 \\ 7447 \\ 1447 \\ 1449 \\ 1300 \\ 1300 \\ 1449 \\ 10.979 \\ 1300 \\ 10.979 \\ 10.$	0. 980 411 0. 980 280 0. 980 149	0. 980 139
151 - 152 -	$\frac{7300}{1451} = 0.979734$ $\frac{1300}{1452} = 0.979603$	0. 979 887	
5 Monut. 153 Tage. 154 - od. 22 Woch. 155 -	$\begin{array}{c} \frac{349}{145} = 0.979592 \\ \hline 1300 = 0.979471 \\ \hline 1453 = 0.979340 \\ \hline 1454 = 0.979340 \\ \hline 1455 = 0.979209 \end{array}$	0. 979 876 0. 979 756 0. 979 625 0. 979 494	0. 979 614 0. 979 482
156 - 157 - 158 -	$\begin{array}{c} 7800 = 0.979077 \\ 7456 = 0.978946 \\ 7457 = 0.978946 \\ 7458 = 0.978815 \end{array}$		0. 979 <b>22</b> 0 0. 979 <b>089</b> 0. 978 <b>95</b> 8
159 - 160 - 161 - od. 23 Woch.	$\frac{1300}{1459} = 0.978683$ $\frac{1300}{1450} = 0.978552$ $\frac{1360}{1400} = 0.978421$	0. 978 970 0. 978 840 0. 978 709	0. 978 <b>69</b> 6 0. 978 <b>56</b> 5
162 - 163 - 164 -	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0. 978 317	0. 978 <b>30</b> 3 0. 978 <b>17</b> 2
165 - 166 - 167 -	$\begin{array}{c} \frac{1360}{1465} = 0.977897\\ \frac{1300}{1466} = 0.977766\\ \frac{1300}{1467} = 0.977635 \end{array}$	0. 978 186 0. 978 055 0. 977 924	0. 977 916 0. 977 786
168 - od. 24 Woch. 169 - 170 -	7300 = 0.977504 $7469 = 0.977373$ $7469 = 0.977242$	0. 977 794 0. 977 663 0. 977 532	
171 - 172 173 -	$\begin{array}{c} 7309 \\ 7309 \\ \hline \end{array} = 0.977111 \\ \begin{array}{c} 1309 \\ 7472 \\ \hline \end{array} = 0.976981 \\ \begin{array}{c} 7472 \\ 7473 \\ \hline \end{array} = 0.976850 \end{array}$	0. 977 401 0. 977 271 0. 977 140	0. 977 120

## Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 163 1ste Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Jetziger buarer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
bezahlung.  Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen ' Zinsen.
174 Tage. 175 – od. 25 Woch. 176 –	$\begin{array}{c} 1300 \\ 1400 \\ \hline 1300 \\ $		0. 976 864 0. 976 734 0. 976 603
177 - 178 179 -	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1310} = 0.976327 \\ \frac{1300}{1310} = 0.976197 \\ \frac{1300}{1310} = 0.976066 \end{array}$	0. 976 618 0. 976 487 0. 976 357	u. 976 3 <b>42</b>
180 - 181 - 18 <b>2</b> -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.975936 \\ 74800 = 0.975805 \\ 74810 = 0.975805 \\ 7300 = 0.975675 \end{array}$	0. 976 <b>22</b> 6 0. 976 096 0. 975 965	0. 975 951
6 Monat. (½ Jahr) 183 Tage. 184 -	$\frac{7800}{7483} = 0.975545$	0, 975 900 0, 975 835 0, 975 704	0. 975 690
185 - 186 - 187 -	$\begin{array}{c} \frac{1480}{1480} = 0.975414 \\ \frac{7400}{1480} = 0.975284 \\ \frac{1480}{1480} = 0.975154 \\ \frac{1480}{1480} = 0.975023 \end{array}$	0. 975 574 0. 975 444 0. 975 313	0. 975 <b>429</b> 0. 975 <b>29</b> 9
188 - 189 - od. 27 Woch. 190 -	7100 = 0.974893 $7100 = 0.974893$ $7100 = 0.974763$ $7100 = 0.97463$	0. 975 183 0. 975 052 0. 974 922	0. 974 908 <del>0</del> . 974 777
191 - 192 - 193 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.974503 \\ 1300 = 0.974373 \\ 1402 = 0.974243 \\ 1403 = 0.974243 \end{array}$	0. 974 792 0. 974 662 0. 974 <i>5</i> 31	0. 974 517 0. 974 387
194 - 195 - 196 - od.28 Wooh.	$\begin{array}{c} \frac{1200}{1200} = 0.974113 \\ \frac{1200}{1200} = 0.973983 \\ \frac{1200}{1200} = 0.973853 \\ \end{array}$	0. 974 401 0. 974 271 0. 974 141	0. 974 127 0. 973 <b>997</b>
197 - 198 - 199 <i>-</i>	$\begin{array}{c} 1309 = 0.973723 \\ 1300 = 0.973593 \\ 1300 = 0.973593 \\ 1300 = 0.973463 \end{array}$	0. 974 010 0. 973 880 0. 973 750	0. 973 <b>737</b> 0. 97 <b>3</b> 607
200 - 201 - 202 -	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1500} = 0.973333\\ \frac{1500}{1500} = 0.973204\\ \frac{1300}{1502} = 0.973074 \end{array}$	0. 978 620 0. 973 490 0. 973 360	0. 973 <b>347</b> 0. 973 <b>2</b> 17
203 – od. 29 Woch. 204 – 205 –	$\begin{array}{c} 7300 = 0.972944 \\ 7505 = 0.972814 \\ 7505 = 0.972685 \\ \hline 7505 = 0.972685 \end{array}$	0. 973 229 0. 973 099 0. 972 969	0, 972 957

## 164 Der Vten Haupt - Tafel IIIte Abtheilung. 1ste Tafel

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

156			
Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baarer V tal Ei	Verth für ns, bei:	ein Capi-
(Anticipation).	Einfachen Zinser-	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
206 Tage.	$\frac{1800}{1300} = 0.972555$	0. 972 839	
207 - 208 -	$\frac{1300}{5800} = 0.972426$ $\frac{1300}{500} = 0.972296$	0. 972 709 0. 972 579	0. 972 5679 0. 972 438
209 -	7300 - 0 070 167	0. 972 449	
210 - od. 30 Woch. 211 -	0.972107 $1300 = 0.972037$ $1300 = 0.971908$	0. 972 319	0. 972 178 0. 972 049
211 - 212 -	$\frac{7517}{7512} = 0.971778$	0. 972 169	
7 Monat.	$\frac{7512}{\frac{240}{247}} = 0.971660$	0. 971 940	
213 Tage.	$\frac{\frac{247}{1300}}{\frac{7512}{512}} = 0.971649$	0. 971 929	
214 -	$\frac{1399}{139} = 0.971520$	0. 971 799	0. 971 660
215 -	$\frac{1300}{1300} = 0.971391$	0. 971 669 0. 971 540	0. <b>971 539</b>
216 - 217 - od. 31 Woch.	$\frac{\frac{1300}{510}}{\frac{1500}{510}} = 0.971 \ 261$ $\frac{1500}{1500} = 0.971 \ 132$	0. 971 340	
217 - 0d. 31 Ween. 218 -	1302 0. 971 003	0. 971 280	0. 971 142
219 -	$\frac{1378}{1578} = 0.970874$		0. 971 912
220 - 221 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.970745 \\ 1300 = 0.970616 \end{array}$		0. 970 883; 0. 970 <b>753</b>
222 -	$\frac{1321}{1522} = 0.970487$		0. 970 <b>624</b>
223 -	$\frac{7300}{7523} = 0.970358$	0. 970 631	
224 - od. 32 Woch. 225 -	1300 - 0 070 100	0. 970 501 0. 970 <b>372</b>	0. 97 <b>0 365</b> 0. 970 <b>236</b>
226 -	1300 - 0 969 971		0. 970 106
227 -	$\frac{1300}{1321} = 0.969842$		0. 96 <b>9 977</b>
228 <i>-</i> 229 <i>-</i>	$\frac{7300}{528} = 0.969713$ $\frac{1320}{1320} = 0.969584$	0. 969 983 0. 969 853	
229 - 230 -	$\frac{1320}{1300} = 0.969456$	0. 969 <b>72</b> 3	0. <b>969 589</b>
231 - od. 33 Woch.	1331	0. 969 594	0. 969 <b>460</b>
232 - 233 -	$\frac{7300}{1332} = 0.969198$ $\frac{1300}{1300} = 0.969069$	0. 969 <b>464</b> 0. 969 <b>334</b>	0, <b>969 331</b> 0, 969 <b>36</b> 3
234	$\frac{1300}{1334} = 0.968941$	0. 96 <b>9 2</b> 95	
235 -	$\frac{7800}{1535} = 0.968812$	0. 969 075	
236 - 237 -	$\frac{1100}{1300} = 0.968684$	0. 968 946 0. 968 816	
14.71	7537 - 0. 700 000	Not not only	

### Der V<sup>ten</sup> Haupt - Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 165 1ste Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jührlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

187			
Zeit der frühern Voraus- besahlung	Jetziger baarer Werth für ein Capi- tal Eini, bei:		
(Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
238 Tage od. 34 Wo. 239 - 240 -	$\frac{1300}{1500} = 0.968427$ $\frac{1300}{1500} = 0.968298$ $\frac{1300}{1500} = 0.968170$	0. 968 687 0. 968 557 0. 968 428	0. <b>968 42</b> 8
241 - 242 -	$\frac{1300}{1300} = 0.968041$ $\frac{1300}{1300} = 0.967913$	0. 968 299 0. 968 169	0. 968 170
243 -	$\frac{1300}{543} = 0.967785$	<b>0</b> . 968 <b>04</b> 0	0. 967-912
8 Monat. ( <sup>2</sup> Jahr) 244 Tage.	1300 - 0 967 656	0. 967 997 0. 967 910	0. 967 869 0. 967 783
245 - od. 35 Woch.	$\frac{1308}{548} = 0.967528$	<b>9</b> . 967 781	0. 967 65 <i>5</i>
246 - 247 - 248 -	$\frac{1300}{1300} = 0.967400$ $\frac{1300}{1300} = 0.967272$ $\frac{1300}{1300} = 0.967144$	0, 967 651 0, 967 522 0, 967 393	0. 967 526 0. 967 397 0. 96 <b>7 2</b> 68
249 - 250 -	$\frac{7300}{540} = 0.967015$ $\frac{300}{540} = 0.966887$	0. 967 264 0. 967 134	0. 967 011
252 - od 36 Woch. 253 -	$\begin{array}{c} \frac{1355}{1557} = 0.966759 \\ \hline \frac{300}{1500} = 0.966631 \\ \frac{1305}{1500} = 0.966503 \\ \frac{1305}{1500} = 0.966375 \end{array}$	0. 967 008 0. 966 876 <b>0. 966 74</b> 7	
254 -	1834 - 0.000 010	<b>0</b> . 966 617	0. <b>966 4</b> 96
255 - 256 - 257 -	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9. 966 488 0. 966 359 0. 966 230	0. 966 239 0. 966 111
258 - 259 - od. 37 Woeh. 260 -	$\frac{1300}{1558} = 0.965864$ $\frac{1300}{1558} = 0.965736$ $\frac{1300}{1560} = 0.965608$	0. 966 101 0. 965 971 0. 965 842	0. 965 854
261 - 262 -	$\frac{1300}{1500} = 0.965481$ $\frac{1300}{1500} = 0.965353$	0. 965 713 0. 965 584	0. 965 <b>4</b> 69
264 - 265 -	$\begin{array}{c} \frac{7300}{5800} = 0.965225 \\ \frac{7300}{580} = 0.965098 \\ \frac{7300}{1200} = 0.964970 \\ \frac{7300}{1200} = 0.964813 \end{array}$	0. 965 455 0. 965 326 0. 965 197	0. 965 <b>2</b> 12 0. 965 084
266 - od. 38 Woch	7588 - 0. 802 023	<b>9. 965 068</b>	0. 964 955
267 - 268 - 269 -	$\frac{7399}{1308} = 0.964715$ $\frac{1398}{1399} = 0.964588$ $\frac{1399}{1399} = 0.964460$	0. 964 939 0. 964 810 .0. 964 681	0. 964 699
200	$\frac{1300}{1360} = 0.964460$	gu. 802 001	U. 10 E U 1 I

157

# 166 Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 1ete Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

158		V	
Zeit der frühern Voraus-	Jetziger baarer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.	
270 Tage.	$\frac{7300}{1570} = 0.964333$	0. 964 552 0. 964 443	
271 - , 27 <b>2 -</b>	$\begin{array}{c} 1340 = 0.964208 \\ 1392 = 0.964078 \end{array}$	0. 964 423 0. 964 314 0. 964 294 0. 964 186	
273 - od. 39 Wooh.	7512	0. 964 165 0. 964 058	
9 Monat. (3 Jahr)	1010	0. 964 069 0. <b>963</b> 962	
274 Tage.	$\frac{7300}{7574} = 0.963824$	0. 964 036 0. 963 930	
275 -	$\frac{7399}{1} = 0.963696$	0. 963 908 0. 963 802	
276 -	$\frac{1308}{1308} = 0.963569$	0. 963 779 0. 963 67 <b>4</b>	
277 -	$\frac{1369}{1599} = 0.963442$	0. 963 650 0. 963 546 0. 963 521 0. 963 418	
278 <b>-</b> 279 <b>-</b>	$\begin{array}{c} 7349 = 0.963315 \\ 7549 = 0.963188 \end{array}$	0. 963 321 0. 963 418 0. 963 393 0. 963 <b>2</b> 90	
280 - od. 40 Woch		<b>0</b> . 963 264 0. 963 162	
281 -	1399 - 0. 962 934	0. 963 135 0. 963 03 <b>4</b>	
282 - 283 -	$\frac{1300}{1500} = 0.962807$ $\frac{1300}{1500} = 0.962680$	0. 963 006 0. 962 906 0. 962 877 0. 962 779	
284 -	$\frac{1583}{1389} = 0.962553$		
285 <b>-</b>	$\frac{1388}{1388} = 0.962426$	0. 962 749 0. 962 651 0. 962 620 0. 962 523	
286 -	$\frac{1300}{1586} = 0.962299$	0. 962 <b>4</b> 91 0, 962 <b>3</b> 95	
	$\frac{7300}{580} = 0.962172$ $\frac{1300}{1500} = 0.962045$	0. 962 363 0, 962 <b>267</b> 0. 962 234 0, 962 140	
288 - 289 -		0. 962 254 0. 962 140 0. 962 106 0. 962 012	
290 -	$\frac{7300}{7589} = 0.961919$ $\frac{7300}{1300} = 0.961792$	0. 961 977 0. 961 884	
291 · -	$\frac{1388}{1388} = 0.961665$	0, 961 848 0, 961 <b>757</b>	
292 -	$\frac{1300}{1592} = 0.961538$	0. 961 720 0. 961 <b>62</b> 9	
293 294 - od 42 Woch	$\begin{array}{c} 1300 = 0.961412 \\ 1300 = 0.961285 \\ 1596 = 0.961285 \end{array}$	0. 961 591 0. 961 502 0. 961 463 0. 961 374	
295 -	$\frac{7594}{1300} = 0.961159$	0. 961 334 0. 961 <b>24</b> 6	
296 -	$\frac{1389}{1388} = 0.961032$	0. 961 206 0. 961 119	
297 -	$\frac{1388}{1388} = 0.960906$	0. 961 077 0. 960 991 0. 960 949 0. 960 864	
298 -	$\frac{1300}{1508} = 0.960779$	9. 960 820 0. 960 <b>73</b>	
299 - 30 <b>0</b> -	$\frac{1300}{1300} = 0.960653$ $\frac{1300}{1300} = 0.960526$	0. 960 69 <b>2 0</b> . 96 <b>0 6</b> 09	
301 - od. 43 Woch.		o. 980 563 <b>o. 960 4</b> 82	

## Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 167 1ste Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eine.

A) bei jährlich bedungenen Zinesahlungs - Terminen und einem Rebatt oder Interusurium von 5 Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Jétziger baarer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
bezahluug. ( Ánticipation ).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen
302 Tage. 303 - 304 -	$\frac{1300}{1600} = 0.960274$ $\frac{1300}{1600} = 0.960147$ $\frac{1300}{1600} = 0.960021$	0. 960 435 0. 960 307 0. 960 178	0. 960 <b>22</b> 7
10 Monat.	$\frac{240}{250} = 0.960000$	0. 960 157	0. 960 078
305 Tage. 306 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.959895 \\ 7605 = 0.959769 \\ \hline 7606 = 0.959769 \end{array}$	<b>0.</b> 960 050 <b>0.</b> 959 922	0. 959 972 0. 959 845
307 - 308 - od. 44 Woch. 309 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.959642 \\ 1500 = 0.959516 \\ 1300 = 0.959516 \\ 1300 = 0.959390 \end{array}$	0. 959 665	0. 959 718 0. 959 591 0. 959 463
310 - 311 - ' 312 -	$\frac{1300}{1510} = 0.959 264$ $\frac{1300}{1510} = 0.959 138$ $\frac{1300}{1501} = 0.959 012$	<b>0.</b> 959 280	0. 959 336 0. 959 209 0. 959 082
313 - 314 - 315 - od. 45 Woch.	$ \frac{7800}{1300} = 0.958886 $ $ \frac{1300}{1300} = 0.958760 $ $ \frac{1300}{1300} = 0.958634 $	••••	0. 958 955 0. 958 828 0. 958 701
316 - 317 - 318 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.958508 \\ 7300 = 0.958383 \\ 7300 = 0.958257 \\ 7618 = 0.958257 \end{array}$	<b>0</b> . 958 511	0. 958 574 0. 958 447 0. 958 320
319 - 320 - 321 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.958131 \\ \hline 1300 = 0.958005 \\ \hline 1300 = 0.958005 \\ \hline 1500 = 0.957880 \end{array}$	0. 958 127	0. 958 193 0. 958 066 0. 957 939
322 - od. 46 Woch. 323 - 324 -	$\frac{1800}{1800} = 0,957754$ $\frac{1800}{1800} = 0.957628$ $\frac{1800}{1800} = 0.957503$	<b>0</b> . 957 <b>743</b>	0. 957 812 0. 957 686 0. 957 559
325 - 326 - 327 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0,957377 \\ 1305 = 0,957252 \\ 1300 = 0.957252 \\ 1300 = 0.957126 \end{array}$	<b>0</b> . 957 359	0. 957 432 0. 957 305 0. 957 178
328 - 329 - od. 47 Woch 330 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.957001 \\ 1300 = 0.956875 \\ 1300 = 0.956875 \\ 1200 = 0.956750 \end{array}$	<b>0</b> . 956 975	0. 957 052 0. 956 925 0. 956 798
331 ; 332 - 333 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.956624 \\ 7600 = 0.956499 \\ 1300 = 0.956374 \\ \hline \end{array}$	0. 956 591	0. 956 672 0. 956 545 0. 956 419

## 168 Der Vten Haupt-Tafel III Abtheilung. 100 Tafel.

Der jetzige baure Werth für ein Capital Eins.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 5 Procent.

160	Carried Street Co.		
Zeit der frühern Voraus-	Jetziger baarer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Bisfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
334 Tage.	$\frac{1300}{1634} = 0.956248$	9. 956 336	0. 956 292
11 Mona t.	$\frac{349}{257} = 0.956175$	e. 956 <b>2</b> 61	0. <b>95</b> 6 218
335 Tage.	$\frac{7300}{1635} = 0.956123$	0. 956 208	<b>0. 956</b> 165
336 - od. 48 Woch.	$\frac{7300}{1838} = 0.955998$	0. 956 080	0. 956 039
337 -	$\frac{1100}{1100} = 0.955873$		0. 955 913
338 -	$\frac{1186}{1818} = 0.955748$		0. 955 786
339 - 340 -	$\begin{array}{c} 11300 = 0.955622 \\ 1300 = 0.955497 \end{array}$		9, 955 660 9, 955 533
341 -	$\frac{1140}{1140} = 0.955 \ 372$	0. 955 441	0.955 407
342 -	$\frac{7399}{7842} = 0.955247$		0. 955 280
343 - od. 49 Wech	$\frac{1300}{1800} = 0.955122$	0. 935 186	0.955 154
344 -	$\frac{1850}{1644} = 0.954997$		0. 955 028
345 -	$\frac{1300}{1645} = 0.954872$		0. 954 902
346 - 347 -	$\begin{array}{c} 1835 \\ 1850 \\ \hline 1850 \\ $		0. 9 <b>54</b> 775 0. <b>954 649</b>
348 -	$\frac{1817}{1300} = 0.954498$		0. 95 <b>4 523</b>
340 - 349 -	$\frac{1300}{1300} = 0.954373$		0. 954 397
350 - od. 50 Woch.	$\frac{1369}{1650} = 0.954248$	0. 954 292	0. 954 270
351 -	$\frac{1399}{139} = 0.954124$	0. 954 165	0. 954 144
352 -	$\frac{1389}{1853} = 0.953999$	0. 954 037	0. 954 018 0. 953 892
353 -	$\frac{1188}{1058} = 0.953874$		0. 953 766 0. 953 766
364 -	$\begin{array}{c} 7399 = 0.963750 \\ \hline 1388 = 0.963625 \end{array}$		0. 953 760 0. 953 640
355 - 356 -	$\begin{array}{c} 357 & = 0.953023 \\ 1858 & = 0.953501 \end{array}$		0.953 514
357 - od. 51 Woeh.	$\frac{1809}{1809} = 9.953376$	0. 953 400	0. 953 388
358 -	$\frac{1339}{1300} = 0.953252$	9, 953 273	0. 953 262
359 - ,	$\frac{13}{16}$ $\frac{36}{5}$ $\frac{3}{127}$ $\frac{3}{127}$		0. 953 136
360 -	$\frac{1100}{1100} = 0.953003$	<b>9.</b> 953 018	0 9 <b>53 010</b> 0. 9 <b>52 884</b>
361 - 362 -	$\frac{1380}{1380} = 0.952878$	0. 952 763	0. 952 55 <b>4</b> 0. 95 <b>2 75</b> 8
	1072	<b>1</b>	0. 952 632
363 - 364 -	$\begin{array}{c} 1309 = 0.952630 \\ 1306 = 0.952505 \end{array}$	<b>9. 952 508</b>	0. 95 <b>2 5</b> 07
365 - od. 1 Johr.	= 0.952381	<b>o</b> . 952 381	0. 95 <b>2 3</b> 81
Contract of the last of the la			

## Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 2<sup>te</sup> Tafel.

Der jetzige baure Werth für ein Capital Eine.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 2½ Procent.

161			
Zeit der frühern Voraus-	Jetziger baarer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.	
1 Tag. 2 Tage. 3 -	1300 = 0. 909 863 1300 = 0. 999 726 1300 = 0. 999 589	0. 999 865 0. 909 <b>864</b> 0. <b>990 729 </b> 0. 999 <b>72</b> 8 0. 999 594 0. 999 <b>5</b> 92	
4 - 5 -	7101 = 0. 999 309 1101 = 0. 999 452 1101 = 0. 999 316	0. 999 459 0. 999 456 0. 999 324 0. 999 320	
6 - 7 - od. I Woche	$\frac{\frac{1388}{1306} = 0.999179}{\frac{1387}{1397} = 0.999042}$	0. 999 189 0. 999 184 0. 999 053 0. 999 048	
8 - 9 -	$\begin{array}{c} \frac{1369}{1308} = 0.998905 \\ \frac{1309}{1309} = 0.998769 \\ \frac{1399}{1309} = 0.998632 \end{array}$	0. 998 918 0. 998 912 0. 998 783 0. 998 776 0. 998 648 0. 998 640	
10 - 11 - 12 -	$\begin{array}{c} 3 & 0 & 0.998 & 0.52 \\ 3 & 0 & 0.998 & 495 \\ 3 & 0 & 0.998 & 359 \\ \hline 3 & 1 & 0.998 & 359 \\ \end{array}$	0. 998 048 0. 998 040 0. 998 513 0. 993 504 0. 998 378 0. 998 <b>3</b> 68	
13 - 14 - od. 2 Wochen 15 -	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	6. 998 243 0. 998 232 6. 998 108 0. 998 697 6. 997 973 0. 997 961	
16 - 17 -	$\begin{array}{c} 1309 = 0.997813 \\ 1309 = 0.997677 \end{array}$	<b>6</b> . <b>997</b> 8 <b>38 9</b> . 997 825 <b>6</b> . 997 703 0. 997 690	
18 - 19 - 20 -	$\frac{1100}{1318} = 0.997540$ $\frac{1200}{1318} = 0.997404$	0. 997 568 0. 997 554 0. 997 433 0. 997 418 0. 997 298 0. 997 283	
20 - 21 - od. 3 Wochen 22 -	$\begin{array}{c} \frac{1100}{100} = 0.997268 \\ \frac{1100}{100} = 0.997132 \\ \frac{111}{100} = 0.996995 \end{array}$	0. 997 298 0. 997 283 0. 997 163 0. 997 147 0. 997 028 0. 997 012	
23 -	= 0. 996 359	•. 996 893 0. 996 876	

#### 170 Der Vton Haupt-Tafel III Abtheilung. 200 Tafel.

Der jetzige baure Werth für ein Capital Eine.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 2½ Procent.

162			
Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baar ta	er Werth für l Eins, bei:	ein Capi-
(Anticipation).	Einfachen Zins	sen. Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
24 Tage. 25 - 26 -	$\begin{array}{c} \frac{1100}{23} = 0.996 \\ \frac{1100}{23} = 0.996 \\ \frac{1100}{23} = 0.996 \end{array}$	587 0, 996 623	0. 996 741 0. 996 605 0. 996 470
27 - 28 - ed. 4 Wochen 29 -	$\begin{array}{c} \frac{1376}{1300} = 0.996 \\ \frac{1376}{1320} = 0.996 \\ \frac{1376}{1320} = 0.996 \end{array}$	315 0. 996 354 179 0. 996 219	0. 996 334 0. 996 199 0. 996 064
30 -	$\frac{7800}{7330} = 0.995$		0. 995 928
l Monat. 31 Tage.	$\frac{\frac{240}{241}}{\frac{7300}{1331}} = 0.995$		0. 995 872 0. 995 793
32 - 33 34 -	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1300} = 0.995 \\ \frac{1300}{1300} = 0.995 \\ \frac{1300}{1300} = 0.995 \end{array}$	500 0. 995 545	0. 995 658 0. 995 522 0. 995 387
35 - od. 5 Wochen 36 - 37 -	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1385} = 0.995 \\ \frac{1300}{1385} = 0.995 \\ \frac{1300}{1335} = 0.994 \\ 1337 = 0.994 \end{array}$	093 0. 995 141	0. 995 252 0. 995 117 0. 994 982
38 - 39 - 40 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.994 \\ 7300 = 0.994 \\ 7300 = 0.994 \\ 7340 = 0.994 \end{array}$	686 <b>0.</b> 994 737 550 <b>0.</b> 994 603	0. 994 847 0. 994 712 0. 994 576
41 - 42 - od. 6 Wochen 43 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.994 \\ 1300 = 0.994 \\ 1300 = 0.994 \\ 1300 = 0.994 \\ 1343 = 0.994 \end{array}$	279 0. 994 333 144 0. 994 199	0, 994 441 0, 994 306 0, 994 171
44 - 45 - 46 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.994 \\ 1300 = 0.993 \\ 1300 = 0.993 \\ 1300 = 0.993 \end{array}$	873 <b>0. 993 930</b> 738 <b>0. 993 79</b> 5	0. 994 037 0. 993 902 0. 993 <b>7</b> 67
47 - 48 49 - od. 7 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1300} = 0.993 \\ \frac{1300}{1300} = 0.993 \\ \frac{1300}{1340} = 0.993 \end{array}$	468 0. 993 527 332 0. 993 392	0. 993 632 0. 993 497 0. 993 362
50 - 51 - 52 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.993 \\ 1300 = 0.993 \\ 1300 = 0.993 \\ 1300 = 0.992 \end{array}$	062 0. 993 123 927 0. 992 989	0. 993  228 0. 993  093 0. 992  958
53 - 54 - 55 -	$\begin{array}{c} 1309 = 0.992 \\ 1300 = 0.992 \\ 1300 = 0.992 \\ 1300 = 0.992 \end{array}$		0. 992 823 0. 992 689 0. 992 554

#### Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 171 2<sup>te</sup> Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

B) bei halbjührlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 24 Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Jetziger baarer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
56 Tage od. 8 Woch. 57 - 58 -	$\begin{array}{c} \frac{1806}{1800} = 0.992387 \\ \frac{1800}{1300} = 0.992252 \\ \frac{1300}{1300} = 0.992117 \end{array}$	0, 992 452 0, 992 317 0, 992 183	0. 992 285
59 <b>-</b> 60 <b>-</b>	$\begin{array}{c} \frac{7300}{1350} = 0.991983 \\ \frac{1350}{1360} = 0.991848 \end{array}$	0, 992 049 0, 991 915	0. 991 881
2 Monat. 61 Tage. 62 - 63 - od. 9 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{249}{149} = 0.991736 \\ \hline 1396 = 0.991713 \\ \hline 1360 = 0.991578 \\ \hline 1300 = 0.991444 \end{array}$	0. 991 803 0. 991 781 0. 991 646 0. 991 512	0. <b>991 747</b> 0. 991 612
64 - 65 - 66 -	$\frac{1300}{1300} = 0.991444$ $\frac{1300}{1300} = 0.991309$ $\frac{1300}{1300} = 0.991174$ $\frac{1300}{1300} = 0.991040$	0. 991 378 0. 991 244 0. 991 110	0. 991 344 0. 991 209
67 - 68 - 69 -	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1300} = 0.990905 \\ \frac{1300}{1300} = 0.990771 \\ \frac{1300}{1300} = 0.990636 \end{array}$	0. 990 976 0. 990 842 <b>0</b> . 990 708	<b>0. 990</b> 806
70 - od. 10 Woch. 71 - 72 -	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1310} = 0.990502\\ \frac{1310}{1310} = 0.990368\\ \frac{1371}{1372} = 0.990233 \end{array}$	0. <del>990</del> 574 <b>0</b> . 990 440 0. 990 306	0. 990 404 0. 990 269
73 - 74 - 75 -	$\begin{array}{c} \frac{1399}{1300} = 0.990099 \\ \frac{1300}{1300} = 0.989965 \\ \frac{1300}{1310} = 0.989831 \end{array}$	0. 990 172 0. 990 038 0. 989 904	0. 990 001 0. 989 867
76 - 77 - od. 11 Woch 78 -	$\begin{array}{c} \frac{7300}{1310} = 0.989696 \\ \frac{7300}{1310} = 0.989562 \\ \frac{7300}{1310} = 0.989428 \end{array}$	0. 989 770 0. 989 636 0. 989 502	0. 989 599 0. 989 465
79 - 80 - 81 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.989294 \\ 1300 = 0.989160 \\ 1300 = 0.989026 \\ 1381 = 0.989026 \end{array}$	0. 989 368 0. 989 234 0. 989 100	0. 989 197 0. 989 063
82 - 83 - 84 - od. 12 Woch.	$\begin{array}{c} 7300 = 0.988892 \\ 7380 = 0.988758 \\ 7380 = 0.988624 \end{array}$	0. 988 967 0. 988 833 9. 988 699	0. 988 795 0. 988 <b>6</b> 62
85 - 86 - 87 -	$\frac{7300}{1300} = 0.988490$ $\frac{7300}{1300} = 0.988356$ $\frac{7300}{1300} = 0.988223$	0. 988 565 0. 988 431 0. 988 <b>2</b> 98	0. <b>~98</b> 8 394

163

## 172 Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 2te Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eine.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinssahlunge-Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 21 Procent.

164		
Zeit der frühern Voraus- bezahlung		Verth für ein Capi ins, bei:
(Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
88 Tage.	$\frac{1300}{1388} = 0.988089$	0. 988 164 0. 988 126
89 <b>-</b> 90 -	$\frac{1500}{1500} = 0.967955$ $\frac{1500}{1500} = 0.987821$	0. 988 030 0. 987 <b>99</b> 3 0. 987 897 0. 987 859
91 - od. 13 Woch.	$\frac{1800}{7391} = 0.987688$	0. 987 763 0. 987 72
3 Monat (1 Jahr)		0. 987 730 0. 987 <b>69</b> 2
92 Tage.	$\frac{7800}{7392} = 0.987554$	0. 987 629 <b>0. 987 59</b> 2
93 - 94 -	7300 = 0.987421 $1300 = 0.987287$	0, 987 <b>496 0, 987 4</b> 58 0, 987 362 0, 987 325
95 -	$\frac{1800}{1895} = 0.987 153$	0. 987 229 0. 987 191
96 -	$\frac{7300}{1396} = 0.987020$	0. 987 095 0. 987 058
97 - 98 - od. 14 Woch,	$\begin{array}{c} 1309 = 0.986887 \\ 1308 = 0.986753 \end{array}$	0, 986 961 0, 986 924 0, 986 828 0, 986 791
99 -	7800 - 0. 986 620	0. 986 694 d. 986 657
100 - 101 -	$\frac{1888}{1300} = 0.986486$ $\frac{1300}{1300} = 0.986353$	0, 986 561 0, 986 524 0, 986 427 0, 986 396
102 -	$\frac{7461}{1300} = 0.986220$	0. 986 294 0. 986 257
103 -	$\frac{1200}{1403} = 0.986087$	0, 986 161 0, 98 <mark>6 12</mark> 4 0, 986 027 0, 985 <b>99</b> 0
104 - 105 - od. 15 Woch. 106 -	$\frac{1500}{1404} = 0.985954$ $\frac{1300}{1300} = 0.985820$	0, 986 027 0, 985 990 0, 985 894 0, 985 857
8	11 406	0. 985 760 0. 985 <b>72</b> 4
107 -	$\frac{7300}{1407} = 0.985554$	0. 985 627 0. 985 59
108 <b>-</b> 109 <b>-</b>	$\frac{7300}{1408} = 0.985421$	0. 985 494 0. 985 <b>4</b> 53 0. 985 360 0. 985 <b>32</b> 4
110 -	$\frac{1308}{1410} = 0.985155$	0, 985 227 0, 985 19
111 - 112 - od. 16Woch.	7800 = 0.985022 $1300 = 0.984889$	0. 985 094 0. 985 05 0. 984 960 0. 984 <b>92</b>
713 - od. 16 woch.	$\begin{array}{c} 7390 = 0.984889 \\ 7390 = 0.984757 \\ \hline 7413 = 0.984757 \end{array}$	0. 984 9000. 984 925 0. 984 827 0. 984 <b>79</b> 5
114 -	$\frac{7800}{1515} = 0.984624$	0. 984 694 0. 984 65
115 - 116 -	$\frac{1399}{1390} = 0.984491$	0. 984 561 0. 98 <b>4 52</b> 9 0. 984 427 0. 984 <b>39</b> 3
117 -	$\frac{1300}{1300} = 0.984225$	0. 984 294 0. 984 26
118 -	$\frac{1300}{1418} = 0.984093$	0. 984 161 <b>0</b> . 98 <b>4 12</b> 3
119 - od. 17 Woch	$\frac{1300}{1419} = 0.983960$	0. 984 028 0. 983 9 <b>9</b> 4

## Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 173 2te Tafel.

Der jetzige baure Werth für ein Capital Eins.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 21 Procent.

165		
Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baarer l	Werlh für ein Capi ins, bei:
(Anticipation).	Rinfachen Zinsen,	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
120 Tage. 121 -	$\frac{1399}{1429} = 0.983827$	0. 983 895 0. <b>983</b> 861 0. 983 762 0. 983 <b>72</b> 8
4 Monat. (1 Jahr)	$\frac{140}{144} = 0.983607$	0, 983 673 0. 983.640
122 Tage. 123 - 124 -	$ \frac{1300}{1430} = 0.983562 $ $ \frac{1430}{1420} = 0.983430 $ $ \frac{1400}{1420} = 0.983297 $	0, 983 629 0, 983 596 0, 983 496 0, 983 463 0, 983 363 0, 983 330
125 - 126 - od. 18 Woch 127 -	$\begin{array}{c} 7 & 2.9 \\ 7 & 3.9 \\ 7 & 3.0 \\$	0. 983 229 0. 983 197 0. 983 096 0. 983 065 0. 982 963 0. 982 932
128 - 129 - 130 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.982768 \\ 7418 = 0.982636 \\ \hline 1300 = 0.982636 \\ \hline 1300 = 0.982503 \end{array}$	0. 982 830 0. 982 799 0. 982 697 0. 982 667 0. 982 565 0. 982 <i>5</i> 34
131 - 132 - 133 - od. 19 Woch.	$\begin{array}{c} 7360 = 0.982371 \\ 7360 = 0.982239 \\ 7332 = 0.982107 \\ 7332 = 0.982107 \end{array}$	0, 982 432 0, 982 401 0, 982 299 0, 982 269 0, 982 166 0, 982 136
134 - 135 - 136 -	$\begin{array}{c} 1800 = 0.981975 \\ 71300 = 0.981843 \\ 1300 = 0.981711 \\ 1430 = 0.981711 \end{array}$	0. 982 033 0. 982 004 0. 981 900 0. 981 871 0. 981 767 0. 981 739
137 - 138 - 139 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.981579 \\ \hline 1300 = 0.981447 \\ \hline 1300 = 0.981315 \\ \hline 7410 = 0.981315 \end{array}$	0. 981 634 0. 981 606 0. 981 502 0. 981 474 0. 981 369 0. 981 342
140 - od. 20 Woch 141 - 142 -	$\begin{array}{c} 1800 = 0.981183 \\ 1303 = 0.981051 \\ 1303 = 0.980919 \end{array}$	0. 981 230 0. 981 209 0. 981 103 0. 981 077 0. 980 971 0. 980 945
143 - 144 145 -	$\begin{array}{c} 1300 = 0.980787 \\ 1300 = 0.980656 \\ 1300 = 0.980524 \end{array}$	0. 980 838 0. 980 813 0. 980 705 0. 980 680 0. 980 572 0. 980 548
146 - 147 - od. 21 Woch. 148 -	7300 = 0.980392 $7300 = 0.980261$ $7300 = 0.980261$ $7300 = 0.980261$ $7300 = 0.980129$	0. 980 440 0. 980 410 0. 980 307 0. 980 <b>28</b> 4 0. 980 174 0. 980 152
149 - 150 - 151 -	$\frac{7300}{1300} = 0.979997$ $\frac{1300}{1300} = 0.979866$	0. 980 042 0. 980 020 0. 979 909 0. 979 888 0. 979 777 0. 979 755

#### 174 Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 2te Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 2; Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Jetziger baarer K tal E	Verth für ins, bei:	ein Capi-
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
152 Tage.	$\frac{1800}{1432} = 0.979603$	0. 979 644	0. 979 <b>623</b>
5 Monat.	$\frac{240}{245} = 0.979592$	0. 979 633	0. 979 612
153 Tage.	$\frac{7300}{1458} = 0.979471$	0. 979 512	0. 979 491
154 - ed. 22 Woch. 155 - 156 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.979340 \\ 7455 = 0.979209 \\ 7455 = 0.979209 \\ 7456 = 0.979077 \end{array}$	0. 97 <b>9 24</b> 7	0. 979 360 0. 979 <b>22</b> 8 0. 979 096
157 158 - 159 -	$\frac{7899}{1330} = 0.978946$ $\frac{1330}{1330} = 0.978815$ $\frac{1830}{1330} = 0.978683$		0. 978 964 0. 978 832 0. 978 700
160 - 161 - od 23 Woch. 162 -	1399 = 0.978552	0. 978 452	0. 978 568 0. 978 437 0. 978 305
163 - 164 - 165 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.978159 \\ 7465 = 0.978028 \\ 7305 = 0.978928 \\ 7305 = 0.977897 \end{array}$	0. 978 187 0. 978 055 0. 977 923	
166 - 167 - 168 - od. 24 Woch.	$\begin{array}{c} \frac{7300}{1466} = 0.977766 \\ \frac{7466}{1400} = 0.977635 \\ \frac{7400}{1400} = 0.977504 \end{array}$	0. 977 790 0. 977 <b>6</b> 58 0. 977 <b>52</b> 6	
	$ \frac{1300}{1469} = 0.977373 $ $ \frac{1469}{1470} = 0.977242 $ $ \frac{1470}{1470} = 0.977111 $	0. 977 261	0. 977 383 0. 977 252 0. 977 120
172 - 173 - 174 -	$\begin{array}{c} 7399 = 0.976981 \\ 7476 = 0.976850 \\ 7476 = 0.976850 \\ 7476 = 0.976719 \end{array}$		0. 976 989 0. 976 85 <b>7</b> 0. 976 726
175 - od. 25 Woch. 176 - 177 -	$\begin{array}{c} 73 \stackrel{9}{\cancel{0}} \stackrel{1}{\cancel{0}} \stackrel$	0. 976 <b>4</b> 68	0. 976 <b>594</b> 0. 976 <b>463</b> 0. 976 <b>332</b>
178 - 179 - 180 -	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0. 976 072	0. 976 <b>200</b> 0. 97 <b>6 069</b> 0. 975 <b>93</b> 8
181 - 182 -	$\frac{1300}{1300} = 0.975805$ $\frac{1300}{1300} = 0.975675$	0. 975 676	0. 975 8 <b>97</b> 0. 975 675
6 Monat. ( Jahr)	$\frac{240}{246} = 0.975610$	0. 975 610	0. 975 610

#### Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 3te Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 1½ Procent.

Zeit der frühern Voraus-	Jetziger baarer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
bezahlung (Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
1 Tag. 2 Tage. 3 -	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		0, 999 863 0, 999 727 0, 999 590
4 - 5 - 6 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.999452 \\ \hline 1300 = 0.999316 \\ \hline 1300 = 0.999316 \\ \hline 1300 = 0.999179. \end{array}$	0. 999 320	0. 999 454 0. 999 318 0. 999 181
7 - od. 1 Woche 8 - 9 -	$\frac{7300}{1300} = 0.999042$ $\frac{7300}{1300} = 0.998905$ $\frac{7300}{1300} = 0.998769$	0. 998 911	0. 999 045 0. 998 908 0. 998 772
10 - 11 12 -	$\frac{7300}{1310} = 0.998632$ $\frac{7310}{1310} = 0.998495$ $\frac{7300}{1310} = 0.998359$	0. 998 504	0. 998 636 <b>6.</b> 998 500 0. 998 363
13 - 14 - od. 2 Wachen 15 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.998222 \\ 7313 = 0.998086 \\ 7314 = 0.998986 \\ \hline 7315 = 0.997949 \end{array}$	<b>0. 9</b> 98 096	0. 998 227 0. 998 091 0. 997 955
16 - 17 - 18 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.997813 \\ 7318 = 0.997677 \\ 7317 = 0.997677 \\ 7308 = 0.997540 \end{array}$	0. 997 688	0. 997 819 0. 997 682 0. 997 546
19 - 20 - 21 - od 3 Wochen	$\frac{1300}{1310} = 0.997404$ $\frac{1300}{1320} = 0.997268$ $\frac{1300}{1320} = 0.997132$	0. 997 281	0. 997 410 0. 997 274 0. 997 138
22 - 23 - 24 -	$\begin{array}{c} \frac{7300}{1300} = 0.996995 \\ \frac{7300}{1300} = 0.996859 \\ \frac{7300}{7320} = 0.996723 \end{array}$	0. 996 874	0. 997 002 0. 996 866 0. 996 <b>73</b> 1
25 26 27 -	$\begin{array}{c} 7300 = 0.996587 \\ 7325 = 0.996451 \\ 7326 = 0.996451 \\ 7320 = 0.996315 \end{array}$	0. 996 467	0. 996 595 0. 996 459 0. 996 <b>32</b> 3
28 - od. 4 Wochen	$\frac{1300}{1328} = 0.996179$	0. 996 195	0. 996 187

一年日前 (京南部)宗田市(福爾斯)祖昭部(日祖紀)兵行 (日日

#### 176 Der V<sup>ten</sup> Haupt - Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 3te Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eine.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 11 Procent.

169			
Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baarer Werth für ein Capi- tal Eine, bei:		
(Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
29 Tage. 30 -	$\frac{1300}{1330} = 0.996043$ $\frac{1300}{1330} = 0.995907$	0. 996 060 0. 995 9 <b>24</b>	
1 Monat.	$\frac{140}{147} = 0.995851$	0. 995 868	
31 Tage.	1800 - 0. 995 771	0. 995 789	
32, -	$\frac{1300}{1322} = 0.995636$	0. 995 653	0. 995 644
33 -	1333 = 0. 880 000	0. 995 518	
34 - 35 - od. 5 Wochen	$\frac{1200}{1200} = 0.995364$	0. 995 382 0. 995 <b>24</b> 7	
36 -	$\frac{130}{130} = 0.995093$	0. 995 111	
37 -	$\frac{1300}{1337} = 0.994957$	0. 994 976	
38 <b>-</b> 39 <b>-</b>	$\begin{array}{c} 1300 = 0.994821 \\ 1330 = 0.994686 \\ 7333 = 0.994686 \end{array}$	0. 994 840 0. 994 705	
40 -	7800 0 004 550	0. 994 569	
41 -	$\frac{7}{1}$ $\frac{70}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{70}{1}$ $\frac{1}{1}$ 0. 994 415	0. 99 <b>4 434</b>	
42 - ed. 6 Wochen	1342	0. 994 299	
43 - 44 -	$\frac{1300}{1343} = 0.994144$ $\frac{1300}{1300} = 0.994009$	0. 99 <b>4</b> 16 <b>3</b> 0. 99 <b>4 02</b> 8	_
45 -	$\begin{array}{c} 73 & 74 & & 0.994 & 009 \\ 73 & 00 & & & & & \\ 73 & 45 & & & & & \\ \end{array}$	0. 993 <b>89</b> 3	
46 -	7800 - 0 002 728	0. 993 757	
47 -	$\frac{1300}{1300} = 0.993603$	0, 993 <b>622</b> 0, 993 <b>4</b> 87	
48 - 49 - od. 7 Wochen	$\frac{\frac{1100}{7346}}{\frac{1100}{6}} = 0.993468$ $\frac{1100}{6} = 0.993332$	0. 993 487 0. 993 351	
49 - ou. 7 wochen 50 -	1300 - 0 003 107	0. 993 351 0. 993 216	
51	$\begin{array}{c} 7850 \\ 1350 \\ \hline 7357 \end{array} = 0.993062$	0. 993 081	
52 -	$\frac{1300}{1352} = 0.992927$	0. 992 946	
53 - 54 -	1300 - 0 002 657	0. 992 811 0. 992 676	
15 -	$\frac{1354}{1300} = 0.992522$	0. 992 540	0. 992 53
56 - od. 8 Wochen	$\frac{1388}{7356} = 0.992387$	0. 992 405	0. 992 39
	T3 5T - 0. 552 202	0. 992 270	
58 - 59 -	$\frac{1300}{1358} = 0.992117$ $\frac{1300}{1300} = 0.991983$	0. 992 135 0. 9 <b>92 00</b> 0	0. 992 12 <b>6. 991 9</b> 9
60 ~-		0.991 865	

### Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 177 3te Tafel.

#### Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und einem Rabatt oder Interusurium von 11/4 Procent.

169			
Zeit der frühern Voraus- bezahlung	Jetziger baurer Werth für ein Capi- tal Eins, bei:		
(Anticipation).	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen	
2 Monat.	$\frac{240}{242} = 0.991736$	0. 991 753 0. 991 744	
61 Tage. 62 -	$\frac{1300}{1300} = 0.991713$ $\frac{1300}{1300} = 0.991578$	0, 991 730 0, 991 722 0, 991 595 0, 991 587	
63 - od. 9 Wochen 64 - 65: -	7300 = 0.991444 $7300 = 0.991309$ $7300 = 0.991309$ $7300 = 0.991174$	0. 991 460 0. 991 452 0. 991 325 0. 991 317 0. 991 190 0. 991 182	
66 - 67 - 68 -	$\frac{1300}{136} = 0.991040$ $\frac{1300}{1300} = 0.990905$	0. 991 055 0. 991 048 0. 990 920 0. 990 913 0. 990 785 0. 990 778	
69 - 70 - ed. 10 Woch. 71 -	7368 0. 990 636 7360 0 0. 990 636 7370 0 0. 990 502 7370 0 0. 990 368	0. 990 651 0. 990 643 0. 990 516 0. 990 509 0. 990 381 0. 990 374	
72 - 73 - 74 -	$\begin{array}{c} 1100 \\ 11$	0. 990 246 0. 990 240 0. 990 111 0. 990 105 0. 989 976 0. 989 971	
75 - 76 - 77 - od. 11 Woch.	$\begin{array}{c} \frac{1300}{1300} = 0.989831 \\ \frac{1300}{1300} = 0.989696 \\ \frac{1300}{1300} = 0.989562 \end{array}$	0. 989 842 0. 989 836 0. 989 707 0. 989 702 0. 989 572 0. 989 567	
78 - 79 - 50 -	7100 = 0.989428 $7175 = 0.989428$ $7175 = 0.989294$ $7175 = 0.989294$ $7175 = 0.989160$	0. 989 437 0. 989 433 0. 989 303 0. 989 298 0. 989 168 0. 989 164	
81 - 82 - 83 -	7 8 9 0 0 0 989 026 7 8 9 0 0 988 802 7 8 9 0 0 988 802 7 8 9 0 0 988 758	0. 989 033 0. 989 030 0. 988 899 0. 988 895 0. 988 764 0. 988 761	
34 - od. 12 Woch. 85 - 86 -	7300 = 0.988 624 1300 = 0.988 490 1300 = 0.988 356 1300 = 0.988 356	0. 988 630 0. 988 627 0. 988 495 0. 988 493 0. 988 360 0. 988 358	
87 - 88 - 89 -	$\frac{1100}{1100} = 0.988223$ $\frac{1100}{1100} = 0.988089$ $\frac{1100}{1100} = 0.987955$	0, 988 226 0, 988 224 0, 988 091 0, 988 090 0, 987 957 0, 987 956	
90 - 91 - od. 13 Woch.	7:00 = 0. 987 821 1:00 = 0. 987 688	0. 987 822 0. 987 822 0. 987 688 0. 987 688	
3 Monat. ( Jahr)	$\frac{249}{4} = 0.987654$	0. 987 654 0. 987 654	

### I)er Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 4th Tafel

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eine.

D) von einem bis mit hundert Jahren und
5 Procent.

170			
Jahre.	Jetziger baarer W	erth für ein Cap	ital Eine, bei:
7	Einfachen Zinsen.	Ziusen von Zin <b>sen</b> .	Mittlen Zinsen.
1	$\frac{20}{21} = 0.952380952$	0. 952 380 952	0. 952 380 952
2	$\frac{20}{32} = 0.90909090909$	0. 907.029 478	0. 908 060 194
3	$\frac{\frac{50}{28}}{28} = 0.869565217$	0. 863 837 599	0, 866 701 408
4 5	$\frac{20}{20} = 0.8333333333333333333333333333333333333$	0. 822 702 475 0. 783 526 166	0. 828 017 904 0. 791 763 083
6	$\begin{array}{c} \frac{25}{25} = 0.80000000000\\ \frac{25}{26} = 0.769230769 \end{array}$	0. 746 215 397	0. 757 723 083
7	$\frac{26}{\frac{20}{27}} = 0.740740741$	0. 710 681 330	0, 725 711 035
8	22 = 0.714285714	0. 676 839 362	0. 695 562 538 ;
. 9	$\frac{\frac{2}{2}\frac{6}{9}}{\frac{2}{9}}$ = 0. 689 655 172	0. <b>644 60</b> 8 <b>9</b> 16	0.667 132 044
10	$\frac{20}{35} = 0.6666666667$	0. 613 913 254	0, 640 289 960
11	$\begin{array}{c} \frac{20}{20} = 0.645161290 \\ \frac{20}{30} = 0.625000000 \end{array}$	0. 584 679 289	0, 614 920 290
12	32 = 0. 025 000 000	0. 556 837 418	0. 590 918 709
13	20 = 0. 606 060 606	0. 530 321 351	0. 568 190 978
14 15	$\begin{array}{c} \frac{26}{36} = 0.588235294 \\ \frac{26}{36} = 0.571428571 \end{array}$	0.505,067 953 0.481 017 098	0. 546 651 <b>624</b> 0. 526 222 83 <b>5</b>
16		0. 458 111 522	0. 506 833 539
17	$\begin{array}{c} \frac{20}{30} = 0.5555555556 \\ \frac{20}{31} = 0.540540541 \end{array}$	0. 436 111 522	0. 488 418 614
18	$\frac{1}{38} = 0.526315789$	0.415 520 655	0. 470 918 222
19	<del>38</del> = 0. 512 820 513	0. 395 733 957	0. 454 277 235
20	26 A EAA ABA AAA	0. 376 889 483	0. 438 444 741
21	10 = 0. 487 804 878	0. 358 942 365	0. 423 373 621
22	$\frac{20}{10} = 0.476190476$ $\frac{10}{10} = 0.465116279$	0. 341 849 871	0. 409 020 174
23 24	$\begin{array}{c} \frac{20}{43} = 0.465116279 \\ \frac{20}{43} = 0.454545455 \end{array}$	0. 3 <b>2</b> 5 571 396 0. 310 0 <b>6</b> 7 910	0. 395 343, 792 0. 382 306 682
25 26	$\frac{20}{45} = 0.4444444444$ $\frac{30}{46} = 0.434782609$	0. 295 302 772 0. <b>281 24</b> 0 735	0. 369 873 608 0. 358 011 672
27	$\frac{10}{20} = 0.425531915$	0. 267 848 319	0. 346 690 117
28	$\frac{20}{35} = 0.416666667$	0. 255 093 637	0. 335 880 152
29	1 <u>40 — 0 408 163 965 </u> 1	0. 242 946 321	0. 325 554 793
30	$\frac{20}{50} = 0.400000000$	0. 231 377 449	0.315 688 724
31	$\frac{20}{51} = 0.392156863$	0. 220 359 475	0. 306 258 169
32	$\frac{20}{30} = 0.384615385$ $\frac{20}{30} = 0.377358491$	0. 209 866 167	0. 297 240 776 0. 288 615 515
33	33 = 0. 377 308 491	0. 199 872 540	U. 255 VIS 519

### Der Vton Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 179 4te Tafel.

Der fetzige baare Werth für ein Capital Eins.

D) von einem bis mit hundert Jahren und

5 Procent.

171	AND DESCRIPTION OF THE PARTY AND	ATTENDED TO STATE OF THE PARTY	
Juhre.	Jetziger baarer W	erth für ein Cup	ital Bins, bei:
	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
34		0. 190 354 800	u. 28u 362 585 '
35 36	$\frac{20}{56} = 0.363636364$ $\frac{25}{56} = 0.357142857$	0. 181 290 285 0. 172 657 415	0. 272 463 324
37	$\frac{56}{29} = 0.350877193$		0. 264 900 136
38	20 A 245 987 888	0. 164 435 633 0. 156 605 365	0. 257 656 413 0. 250 716 47 <b>5</b>
39	$\begin{array}{c} \frac{58}{20} = 0.344827580\\ \frac{20}{50} = 0.338983651 \end{array}$	0. 149 147 966	0. 244 065 509
40	$\frac{20}{60} = 0.33333333333333333333333333333333333$	0. 142 045 682	0. 237 689 508
41	$\frac{20}{51} = 0.327868852$	0. 135 281 602	0. 231 575 227
42	$\frac{\frac{2}{3}}{62} = 0.322580645$	0. 128 839 621	0. 225 710 133
43 44	$\frac{20}{30} = 0.317460317$ $\frac{20}{30} = 0.312500000$	0. 122 704 401 0. 116 8 <b>61 334</b>	0. 220 082 35 <b>9</b> 0. 214 680 66 <b>7</b>
45	$\frac{20}{65} = 0.307692398$	0. 111 296 509	0. 209 494 408
40	39 = 0.30303030303	0. 105 996 675	0. 204 513 489
47	$\frac{20}{100} = 0.298507463$	0. 100 949 214	0. 199 728 339
48	$\frac{\frac{9}{6}}{\frac{11}{8}} = 0.294117647$	0. 096 142 109	0. 195 129 878
49	$\frac{20}{69} = 0.289855072$	0. 091 563 913	0. 190 709 493
50 51	$\frac{25}{10} = 0.285714286$	0. 087 2 <b>0</b> 3 <b>727</b> 0. 083 0 <b>5</b> 1 169	0. 186 459 006 0. 182 370 655
52	$\frac{20}{11} = 0.281690141$		
53	$\frac{20}{70} = 0.277777778$ $\frac{20}{20} = 0.273972603$	0. 079 096 351 0. 07 <i>5</i> 3 <b>2</b> 9 858	0. 178 437 064 0. 174 651 230
54	$\frac{\frac{1}{2}\frac{1}{6}}{\frac{1}{2}} = 0.273972603$ $\frac{1}{2}\frac{1}{6} = 0.270270270$	0. 071 742 722	0. 171 006 496
55	$\frac{20}{15} = 0.26666667$ $\frac{20}{15} = 0.263157895$	0. 068 326 402	0. 167 496 534
56	$\frac{20}{16} = 0.263 157 895$	0. 965 072 764	0. 164 115 <b>329</b>
57	$\frac{20}{17} = 0.259740260$	0. 061 974 061	0. 160 857 160
58 59	$\frac{20}{78} = 0.256410256$ $\frac{20}{79} = 0.253164557$	0. 059 022 915	0. 157 716 586
60	$\frac{20}{80} = 0.250000000$	0. <b>05</b> 6 212 300 0. <b>05</b> 3 535 <b>5</b> 24	0. 154 688 42 <b>8</b> 0. 151 767 762
61	29 = 0.246913580	0. 050 986 213	0. 148 949 897
62	#X == 0. 243 902 439 !	0. 048 558 298	0. 146 230 360
63	$\frac{10}{13} = 0.240963855$	<b>0. 046 24</b> 5 998	0. 143 604 927
64	7 3. 200 000 200	0. 044 043 808	0. 141 069 523
65 66	$\frac{25}{85} = 0.235294118$ $\frac{25}{85} = 0.232558140$	0. 041 946 484	0. 138 629 301 0. 136 253 58 <b>6</b>
UU	86 — U. 232 395 140	0. 039 949 032	U. 13U 233 080

### 180 Der V<sup>ten</sup> Haupt - Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 4te Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eine.

D) von einem bis mit hundert Jahren und

5 Procent.

172			THE RESERVE OF THE PARTY OF THE
Jahre.	Jetziger baurer W	erth für ein Capi	tal Eine, bei:
		Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
67 68	$\frac{10}{10} = 0.229 885 057$ $\frac{10}{10} = 0.227 272 727$	0. 038 046 697 0. 036 234 950	0. 133 965 877 0. 131 753 839
69	$\frac{26}{89} = 0.224719101$	0. 034 509 476	0. 129 614 289
70 71	$\frac{20}{50} = 0.2222222222$ $\frac{20}{50} = 0.219780220$ $\frac{20}{50} = 0.217391304$	0, 032 866 168 0, 031 301 112 0, 029 810 583	0. 127 544 195 0. 125 540 666 0. 123 600 944
72	92 - 01 - 11 0 - 1 0 7 1	<del></del>	0. 121 722 397
73 74 75	$\frac{30}{20} = 0.212765957$	0. 027 039 077	0. 119 902 517 0. 118 138 909
76	20 - 0 208 222 222		0. 116 429 287
77 78	$\begin{array}{c} \frac{26}{97} = 0.206333333\\ \frac{29}{97} = 0.206185567\\ \frac{29}{97} = 0.204081633 \end{array}$	0. 023 357 372	0. 114 771 469 0. 113 163 374
79	$\frac{29}{38} = 0.202020202$	0. 021 185 825	0. 111 603 013
80 81	$\frac{20}{100} = 0.20000000000000000000000000000000000$	0, 020 176 976 0. 019 216 167	0. 110 088 488 0. 108 617 985
82	$\frac{20}{102} = 0.196078431$	0. 018 301 112	0. 107 189 772
83 84	$ \frac{100}{104} = 0.194174757 $ $ \frac{20}{104} = 0.192307692 $	0. 017 429 630 0. 016 599 648	0. 105 802 194 0. 104 453 670
85	$\frac{20}{105} = 0.190476190$	0. 015 809 189	0. 103 142 690
86 87	705 = 0.180  470  190 $706 = 0.188  679  245$ $707 = 0.186  915  888$	9. 015 056 370 0. 014 339 400	0. 101 867 808 0. 100 6 <b>27 644</b>
88	20 - 0 195 105 105	0. 013 656 571	0. 099 420 378
89 90	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0. 013 006 259 0. 012 386 913	0. 098 <b>246 249</b> 0. 097 102 <b>54</b> 7
91	110		0. 095 988 629
92	$\frac{120}{117} = 0.180180180$	0. 011 235 295	. 0. 094 903 362
93	$\frac{100}{110} = 0.176991150$	<b>0</b> . 010 790 281	0. 093 845 716
94	$\frac{20}{114} = 0.175438596$	0. 010 190 744	0, 092 814 670
95 96	$\frac{120}{175} = 0.173913043$ $\frac{175}{100} = 0.172413793$	0. 009 705 470 0. 009 243 305	0. 091 80 <b>9 2</b> 57 0. 090 828 <b>5</b> 49
97	$\frac{20}{117} = 0.170040171$	0. 008 803 148	0. 089 871 659
98 99	$\frac{100}{100} = 0.169491525$	0. 008 383 950	0. 088 937 738
100	$\frac{1}{100} = 0.168067227$	0. 007 984 714 0. <del>00</del> 7 604 490	0. 088 025 <b>9</b> 71 0. 087 13 <b>5 5</b> 78

#### Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 5te Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eins.

E) bei jährlichen Verbindlichkeiten von einem bis mit hundert
Jahren und 5 Procent.

173			
Jahre.	Jetziger baarei	Werth für ein Caj	mial Eine, bei:
Ä	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
1	0. 952 380 952	0. 952 380 952	0. 952 380 952
2	1.861 471 861	1. 859 410 431	1.860 441 146
3	2. 731 937 079	2. 723 248 029	2. 727 142 554
4	3. 564 370 412	3, 545 950 504	3. 555 160 458 ·
5	4. 364 370 412	4. 329 476 671	4. 346 923 541
6	5. 133 601 181	5. 075 692 067	5. 104 646 624
?	5. 874 341 922	5. 786 373 397	5, 830 357 660
8	6. 588 627 636 7. 278 282 809	6. 463 212 759 7. 107 821 676	6, 5 <b>2</b> 5 920 198 7, 193 052 242
10 11	7. 944 949 476 8. 590 110 766	7. 721 734 929 8. 306 414 218	7, 833 342 202 8, 448 262 492
12	9. 215 110 766	8. 863 251 636	9. 039 181 201
13	9. 821 171 372	9. 393 572 987	9, 607 372 180
14	10, 409 406 666	9. 898 640 940	10. 154 023 803
15	10. 980 835 237	10. 379 658 038	10. 680 246 638
16	11, 536 390 793	10. 837 769 560	11. 187 080 177
17	12. 076 931 334	11. 274 066 248	11. 675 498 791
18	12. 603 247 123	11.689 586 903	12. 146 417 013
19	13. 116 067 636	12. 085 320 860	12. 600 694 248
20	13. 616 067 636	12. 462 <b>2</b> 10 343	13. 039 138 989
21	14. 103 872 514	12. 821 152 707	13. 462 512 611
22	14. 580 062 990	13. 163 002 578	13. 871 532 784
23 24	15. 045 179 269 15. 499 724 724	13. 488 573 884	14. 266 876 577 14. 649 183 259
		13. 798 641 794	
25 26	15. 944 169 168 16. 378 951 777	14. 093 944 566 14. 375 185 301	15. 019 056 867 15. 377 068 <i>5</i> 39
27	16. 804 483 692	14. 375 189 301 14. 643 038 620	15. <b>723</b> 758 656
28	17. 221 150 358	14. 898 127 257	16. 059 638 808
29	17. 629 313 624	15. 141 073 578	16. 385 193 601
30	18. 029 313 624	15. 372 451 927	16. 700 882 325
31	18. 421 479 486	15, 592 810 502	17. 007 140 494
32	18. 806 085 871	15. 802 676 668	17. 304 381 970
33	19. 183 444 362	16. 002 549 208	17. 592 996 785

## 182 Der Vten Haupt-Tafel IIIte Abtheilung. 5te Tafel

Der jetzige baare Werth für ein Capital Einz.

E) bei jährlichen Verbindlichkeiten von einem bis mit hundert
Jahren und 5 Procent.

174		and an all the second second	
Jahre.	Jetziger daarer Werth für ein Capital Bins, bei:		
ř	Binfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
34	19. 553 814 732	16. 192 904 008	17. 873 359 370
35	19. 917 451 096	16. 374 194 <b>29</b> 3	18. 145 822 694
36	20. 274 593 953	16. 546 851 708	18, 410 722 830
37	20. 625 471 146	16. 711 287 341	18. 668 379 243
38 39	20. 970 298 73 <b>2</b> 21. 309 281 783	16. 867 892 705 17. 017 040 672	18. 919 095 719 19. 163 161 227
-	·	<del></del>	
40 41	21. 042 615 116 21. 970 483 969	17. 159 086 <b>354</b> 17. <b>294 367 95</b> 6	19. 400 850 735 19. 632 425 962
42	22. 203 064 614	17. 423 207 577	19. 858 136 09 <b>6</b>
43	22, 610 524 931	17. 545 911 978	20. 078 218 455
44	22. 923 024 931	17. 662 773 313	20. 292 899 122
45	<b>23</b> . <b>23</b> 0 <b>7</b> 1 <b>7 239</b>	17. 774 069 822	<b>2</b> 0. 502 393 53 <b>0</b>
46	23. 533 747 542	17. 880 066 497	20. 706 907 019
47	23, 832 255 005	17. 981 015 711	. 20. 906 635 358
48	24. 126 372 652	18. 077 157 820	21. 101 765 236
49	24. 416 227 724	18. 168 721 734 18. 255 925 461	`21, 292 474 729 21, 478 933 735
50 51	24. 701 942 010 24. 983 632 151	18. 338 976 629	21. 478 933 739 21. 661 364 390
52	25. 261 409 929	18. 418 072 980	21. 839 741 454
53	25. 535 382 531	18. 493 402 838	22. 014 392 685
54	25. 805 652 802	18. 565 145 560	22. 185 399 181
55	26. 072 319 468	18. 633 471 962	22. 352 895 715
56	26. 335 477 363	18. 698 544 726	22. 517 011 044
57	26. 595 217 623	18. 760 518 786	22. 677 868 <b>2</b> 0 <b>5</b>
58	26. 851 627 879	18. 819 541 701	22. 835 584 790
59 60	27. 104 792 436 27. 354 792 436	18. 875 754 001 18. 929 289 525	22. 990 273 219 23. 142 940 981
61 62	27. 601 706 016 27. 845 608 455	18. 980 275 738 19. 028 834 036	23. 290 990 877 23. 437 221 246
63	28. 086 572 311	19. 075 080 035	23. 580 826 173
64	28. 324 667 549	19, 119 123 842	23. 721 895 696
65	<b>28</b> . 559 961 66 <b>6</b>	19. 161 070 326	23. 860 515 <b>996</b>
66	28, 792 519 806	19. 201 019 358	<b>2</b> 3, <b>9</b> 96 <b>7</b> 69 <b>5</b> 8 <b>2</b>

#### Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel III<sup>te</sup> Abtheilung. 183 5<sup>te</sup> Tafel.

Der jetzige baare Werth für ein Capital Eine.

E) bei jährlichen Verbindlichkeiten von einem bis mit hundert Jahren und 5 Procent.

175			
Jahre.	Jetziger baarer	Werth f <b>i</b> r ein Caş	oital Bins, bei:
ן "	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
67	29. 022 404 803	19. 239 066 055	24. 130 735 459
68	29. 249 677 591	19, 275 301 005 19, 309 810 481	24, 262 489 298 24, 392 193 587
69	29. 474 396 692		24. 519 647 781
70 71	29. 696 618 914 29. 916 399 134	19. 3 <b>42</b> 676 649 19. 373 977 761	24, 645 188 447
72	30. 133 790 438	19. 403 788 344	24. 768 789 391
73	30. 348 844 202	19. 432 179 375	24. 890 511 788
74	30. 561 610 159	19. 459 218 452	25. 010 414 306
75	30. 772 136 475	19. 484 969 954	25. 128 553 216
76	30. 980 469 808	19. 509 495 195	25, 244 982 <b>5</b> 01 25, 359 753 971
77 78	31. 186 645 37 <b>5</b> 31. 390 737 908	19. 532 852 <b>5</b> 66 19. 555 097 682	25, 472 917 345
79	31. 592 757 210	19. 576 283 507	25, 584 520 358
80	31. 792 757 210	19. 596 460 483	<b>25</b> . 694 608 84 <b>6</b>
81	31.990 777 012	19. 615 676 650	25. 803 226 831
82	32. 186 855 443	19. 633 977 762	25. 910 416 603
83	32. 381 030 201	19. 651 407 393	26. 016 218 797 26. 120 672 467
84	32. 573 337 893	19. 668 007 041	
85 86	32, 763 814 083 32, 952 493 329	19. 683 816 229 19. 698 872 599	26, 223 815 156 26, 325 682 964
87	33. 139 409 216	19. 713 211 999	26. 426 310 608
88	33, 324 594 402	19, 726 868 571	26. 525 731 486
89	<b>33. 508 080 640</b>	19. 739 874 829	26, 623 977 735
90	<b>33.</b> 689 898 82 <b>2</b>	19. 752 261 742	26. 721 080 282
91	33. 870 079 009	19. 764 058 802	26, 817 068 902
92 93	34. 048 650 431 34. 225 641 581	19. 775 294 097 19. 785 904 378	26. 911 972 264 27. 005 817 980
94	34, 401 080 178	19. 796 185 122	27. 098 632 650
95	34. 574 993 <b>2</b> 21	19. 796 185 122 19. 865 890 592	27. 190 441 907
96	34. 747 407 614	19. 815 133 898	27. 281 270 456
97	34. 918 347 185	19. 823 937 045	27. 371 142 115
98	35. 087 838 711	19. 832 320 996	27, 460 079 853
99	35. 255 905 938 35. 422 572 604	19. 849 305 710	27. 548 195 824 27. 635 241 492
100	30. 422 012 004	19. 847 910 200	A1. U.30 A71 70%

### Der Vten Haupt - Tafel IVte Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jührlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und

5 Procent.

Zeit, welche ein Ca-			
pital Eins auf Zinsen steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
1 Tag. 2 Tage. 3 -	$ \frac{1665}{1665} = 1.000130 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.000261 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.000392 $	1. 000 267	1. 000 132 1. 000 264 1. 000 396
4 - 5 - 6 -	$ \frac{1665}{1665} = 1.000522 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.000653 $ $ \frac{1665}{1655} = 1.000783 $	1. 000 669	1. 000 <b>52</b> 8 1. 000 <b>661</b> 1. 000 <b>79</b> 3
7 - od. 1 Woche 8 - 9 -	$ \begin{array}{c c} \hline 1665 & = 1.000914 \\ \hline 1655 & = 1.001045 \\ \hline 1665 & = 1.001176 \end{array} $	1. 001 070	1. 000 925 1. 001 057 1. 001 190
10 - 11 - 12 -	$\frac{1665}{1665} = 1.001306$ $\frac{1665}{1665} = 1.001437$ $\frac{1665}{1665} = 1.001568$	1. 001 471	1.001 322 1.001 454 1.001 587
13 -	$\frac{7665}{7652} = 1.001699$	1. 001 739	1.001 719

### Der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 185 1ste Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

5 Procent.

177			
Die Zeit, welche ein Ca- Bital Eins auf Zinsen	Das Capital Eins angewac	len Zinsen	
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
14 Tage od. 2 Woch 15 - 16 -	$\frac{1665}{1650} = 1.001830$ $\frac{1665}{1650} = 1.001961$ $\frac{1665}{1665} = 1.002092$		1.001 852 1.001 984 1.002 116
17 - 18 - 19 -	$ \frac{1665}{1645} = 1.002223 $ $ \frac{1645}{1645} = 1.002354 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.002485 $	1. 002 409	1. 002 249 1. 002 381 1. 002 514
20 - 21 - od. 3 Wochen 22 -	$ \frac{1665}{1645} = 1.002616 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.002747 $ $ \frac{1663}{1663} = 1.002878 $	1,002 811	1. 002 647 1. 002 779 1. 002 912
23 - 24 - 25 -	$ \frac{1665}{1647} = 1.003010 $ $ \frac{1667}{1647} = 1.003141 $ $ \frac{1665}{1645} = 1.003272 $	1. <b>6</b> 03 <b>2</b> 13	1. 003 044 1. 093 177 1. 003 310
26 - 27 - 28 - od. 4 Wochen	$\frac{1665}{7629} = 1.003404$ $\frac{1665}{1663} = 1.003535$	1. 003 616	1. 003 443 1. 003 575 1. 003 708
29 - 30 -	$\frac{1665}{1635} = 1.003798$ $\frac{1665}{1635} = 1.003929$	1.004 018	1. 003 841 1. 003 974
1 Monat. 31 Tage. 32 - 33 -	$ \frac{252}{251} = 1.003984 $ $ \frac{7665}{1625} = 1.004061 $ $ \frac{1665}{1625} = 1.004192 $ $ \frac{1665}{1635} = 1.004324 $	1. 004 152	1. 004 029 1. 004 106 1. 004 239 1. 004 372
34 - 35 - od. 5 Wochen 36 -	7665 - 1 004 456		1. 004 505 1. 004 638 1. 004 771
37 - 38 - 39 -	$ \frac{7605}{1626} = 1.004851 $ $ \frac{1665}{1626} = 1.004982 $ $ \frac{1665}{1626} = 1.005114 $	1. 005 092 1. 005 227	1. 004 904 1. <del>0</del> 05 037 1. 005 170
40 - 41 - 42 - od. 6 Wochen	$\begin{array}{c} 1665 = 1.005 \ 246 \\ 1663 = 1.005 \ 378 \\ 1625 = 1.005 \ 510 \\ \hline 1621 = 1.005 \ 510 \\ \end{array}$	1. 005 496 1. 005 630	1. 005 304 1. 005 437 1. 005 570
43 - 44 - 45 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.005642 \\ 1665 = 1.005774 \\ 1665 = 1.005906 \end{array}$	1.005 899	1. 005 703 1. 005 836 1. 005 969

## 186 Der Vien Haupt-Tafel IVie Abtheilung.

Der Anwachs eines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinsunblungs-Terminen und

5 Procent.

178			
	Das Capital Kins		
Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen		hsen, bei.	
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
16 Tage.	$\frac{1665}{119} = 1.006038$		1.006 103
47 - 48 -	$\frac{1665}{1863} = 1.006170$		1. 006 <b>23</b> 6 1. 006 <b>3</b> 69
49 - od. 7 Wochen			1. 006 502
50 -	1665 = 1.006434 $1665 = 1.006566$		1. 006 636
51'	$\frac{1665}{4} = 1.006698$	1.006 840	1.006 769
52 -	1665 == 1.006 830		1.006 903
53 - <b>-</b>	$\frac{1865}{1665} = 1.006963$		1. <b>007 03</b> 6 1. 007 <b>1</b> 70
55 -	$\frac{76.7}{16.65} = 1.007 227$		1.007 303
	16 65 = 1. 007 360		1.007 437
57 -	$\frac{1265}{1608} = 1.007492$	1.007 648	1.007 570
58 -	$\frac{1665}{1607} = 1.007625$		1.007 704
59 <b>-</b> 60 <b>-</b>	$\frac{1665}{1665} = 1.007757$		1. 007 837 1. 007 971
2 Monat.	$\frac{1805 - 1.008000}{352 = 1.008000}$		1. 008 082
	***		1. 008 105
61 Tage. 62 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.008022 \\ 1665 = 1.008155 \\ \hline 1605 = 1.008155 \end{array}$		1. 008 238
63 - od, 9 Wochen	1665 - 1 000 007	1. 008 457	1. 008 372
64 -	<del>+88</del> 3 == 1.008 420		1.008 505
68 -	16 6 6 = 1.008 553		1. 908 640
66 <b>-</b> 67 <b>-</b>	$\frac{1665}{1665} = 1.008685$		1. 008 <b>77</b> 3 1. 008 907
68 <b>-</b>	665 1.008 951		1.009 041
69 -	$\frac{1597}{1665} = 1.009084$	1. 009 266	1.009 175
70 - od. 10 Woch.	665 - 1 000 017		1.009 309
71 -	$\frac{1603}{1594} = 1.009349$		1.009 443
72 - 73 -	$\frac{1665}{1665} = 1.009482$		1.009 577 1.009 711
74 -	$\frac{1599}{1593} = 1.009748$		1. 009 844
75 +	1665 — 1 000 881		1. 009 979
76 -	$\frac{1455}{100} = 1.010014$		1.010 113
77 - od. 11 Woch	$\frac{1665}{1588} = 1.010 148$	<b>I</b> I. 010 346	1. 010 247

### Der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 187. 1ste Tafel.

Der Anwachs eines Cupitals Eine, mit seinen rabattürten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und

5 Procent

179	and the street live and		
Die Zeit, welche ein Ca- pital Elns auf Zinsen	Das Capital Eins ist mit den Zinsen angewachsen, bei:		
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
78 Tage. 79 + 80 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.010281 \\ 1886 = 1.010414 \\ 1886 = 1.010547 \\ 1585 = 1.010547 \end{array}$	1, 010 616	1. 010 381 1. 010 515 1. 010 649
81 - 82 - 83 -	$\begin{array}{c} \frac{1388}{1685} = 1.010680 \\ \frac{1685}{1685} = 1.010814 \\ \frac{1585}{1682} = 1.010947 \end{array}$	1.011 021	1. 010 783 1. 010 917 1. 011 051
84 - od. 12 Woch. 85 - 86 -	$ \begin{array}{c} 1665 = 1.011080 \\ 1665 = 1.011214 \\ 1665 = 1.011347 \end{array} $	1. 011 427	1. 011 186 1. 011 320 1. 011 455
87 - 88 - 89 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.011481 \\ 1665 = 1.011614 \\ 1665 = 1.011614 \\ 1635 = 1.011748 \end{array}$	1. 011 833	1. 011 589 1. 011 723 1. 011 857
90 - 91 - od. 13 Woch. 3 Monat. (4 Juhr)	$ \begin{array}{c} 1665 = 1.011881 \\ 1615 = 1.012015 \\ 1574 = 1.012048 \end{array} $	1. 01 <b>2 23</b> 8	1. 011 992 1. 012 126 1. 012 160
92 Tage. 93 - 94 -	$\begin{array}{c} \frac{145}{1645} = 1.012148 \\ \frac{1645}{1645} = 1.012148 \\ \frac{1645}{1512} = 1.012282 \\ \frac{1651}{1511} = 1.012416 \end{array}$	1. 012 373 1. 012 509	1. 012 261 1. 012 396 1. 012 530
95 - 96 - 97 -	$\frac{1645}{1510} = 1.012550$ $\frac{1645}{1510} = 1.012683$ $\frac{1645}{1565} = 1.012817$	1. 012 915	1. 012 665 1. 012 799 1. 012 934
98 - od.14 Woch. 99 - 100 -	$\begin{array}{c c} \hline 1665 & = 1.012951 \\ \hline 1665 & = 1.013985 \\ \hline 1685 & = 1.013985 \\ \hline 1685 & = 1.013219 \end{array}$	1. 013 321 1. 013 <b>4</b> 57	1. 013 069 1. 013 203 1. 013 338
101 - 102 - 103 -	$\begin{array}{c} 7665 = 1.013353 \\ \overline{1565} = 1.013487 \\ \overline{1662} = 1.013621 \\ \hline 1562 = 1.013621 \end{array}$	1. 013 <b>72</b> 8 1. 013 863	1. 013 473 1. 013 607 1. 013 742
104 - 105 - od. 15 Woch. 106 -	$\begin{array}{c} \frac{1665}{665} = 1.013755 \\ \frac{1665}{1665} = 1.013889 \\ \frac{1366}{1355} = 1.014023 \end{array}$	l. 014 135 l. 014 <b>27</b> 0	1. 013 877 1. 014 012 1. 014 147
107 - 108 - 109 -	$\frac{1665}{1665} = 1.014157$ $\frac{1665}{1665} = 1.014291$ $\frac{1665}{1665} = 1.014426$	1. 014 541	1. 014 281 1. 014 416 1. 014 551

#### 188 Der Vien Haupt-Tafel IV to Abtheilung.

Der Anwachseines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

5 Procent.

180			
Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen		ist mil a ksen, bei:	
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
110 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.014560 \\ 1535 = 1.014694 \\ 1555 = 1.014694 \end{array}$	r. 014 948	1. 014 686 1. 014 821
112 - ad. 16 Wach. 113 -	$\frac{1556}{1553} = 1.014829$ $\frac{1665}{1665} = 1.014963$		1. 014 956 1. 015 <b>99</b> 1
114 - 115 -	$\begin{array}{c} 1 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 &$		1. 01 <b>5 22</b> 6
116 - 117 -	$\begin{array}{c} \frac{7665}{1548} = 1.015366 \\ \frac{7665}{1548} = 1.015501 \end{array}$	1, 015 763	l. 015 497 l. 015 <b>63</b> 2
118 - 119 - od. 17 Woch		1. 016 034	1.015 767 1.015 9 <del>0</del> 2
120 - 121 -	$\frac{1645}{1544} = 1.016039$	1. 016 306	1. 016 637 1. 016 172
4 Monat. (1 Jahr) 122 Tage. 123 -	$\frac{7665}{665} = 1.016174$	1. 016 442	1. 016 263 1. 016 <b>30</b> 8 1. 016 443
124 - 125 - 126 - od. 18 Woch.	$\begin{array}{c} 1342 \\ 7545 = 1.016443 \\ 1845 = 1.016578 \end{array}$	1. 016 713 1. 016 850	1. 016 578 1. 016 714 1. 016 849
127 - 128 - 129 -	1665 = 1.016 848 1665 = 1.016 983 1665 = 1.017 118	1. 017 121 1. 017 257	1. 016 985 1. 017 126 1. 017 255
130 - 131 - 132 -	$ \frac{7665}{1635} = 1.017253 $ $ \frac{1665}{1635} = 1.017388 $ $ \frac{1665}{1635} = 1.017523 $		i. 017 391 l. 017 527 l. 017 662
133 - od. 19 Woch. 134 - 135 -	$ \frac{1665}{1565} = 1.017658 $ $ \frac{1665}{1565} = 1.017793 $ $ \frac{1665}{1565} = 1.017928 $		1. 0 <b>17 79</b> 8 1. 01 <b>7 933</b> 1. 018 <b>06</b> 9
136 - 137 - 138 -	$\frac{7665}{1528} = 1.018063$ $\frac{7665}{1528} = 1.018199$ $\frac{7665}{1527} = 1.018334$	1. 018 482	1. 018 <b>20</b> 5 1. 018 <b>34</b> 0 1. 018 <b>47</b> 6
139 - 140 - od. 20 Woch. 141 -	$\frac{1665}{1526} = 1.018469$ $\frac{1625}{1525} = 1.018605$ $\frac{1665}{1624} = 1.018740$	1.018 891	1. 018 612 1. 018.748 1. 018 883

## Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel IV<sup>te</sup> Abtheilung, 189 1ste Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und
5 Procent.

Die	The second secon			
Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen	angewa	Das Capital Eins ist mit den Zins angewachsen, bei.		
steht.	Rinfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Zinsen.	
142 Tage. 143 •	$\begin{array}{l} \frac{1685}{7523} = 1.018875 \\ \frac{7665}{7522} = 1.019011 \\ \frac{7665}{7527} = 1.019146 \end{array}$	1, 019 163 1, 019 <b>2</b> 99	1.019 155	
144 -	$\frac{1665}{1521} = 1.019146$	1. 019 435		
145 - 146 - 147 - od. 21 Woch	$\begin{array}{c} 7665 = 1.019\ 282 \\ 7575 = 1.019\ 417 \\ 7665 = 1.019\ 417 \\ 7665 = 1.019\ 553 \end{array}$		1. 019 <b>42</b> 7 1. 019 <b>5</b> 63 1. 019 <b>69</b> 9	
148 - 149 -	$\frac{1665}{1665} = 1.019689$	1. 010 980 1. 020 117	1. 019 834	
150 -	$\frac{\frac{16}{16}}{\frac{15}{15}} = 1.019960$	1. 020 253	1. 020 107	
151 - 152 -	$\begin{array}{c} \frac{7665}{7518} = 1.020096 \\ \frac{1665}{1313} = 1.020232 \end{array}$	1. 020 389 1. 020 526	1. 020 <b>243</b> 1. 020 379	
5 Monat.	$\frac{252}{247} = 1.020243$	1. 020 537	L.—	
153 Tage. 154 - od. 22 Woch. 155 -	$\begin{array}{c} \frac{7665}{1312} = 1.020367 \\ \frac{7512}{1312} = 1.020503 \\ \frac{765}{1515} = 1.020639 \end{array}$	1. 020 662 1. 020 799 1. 020 935	1. 020 651	
156 - 157 - 158 -	$\begin{array}{c} \frac{7665}{1509} = 1.020775 \\ \frac{7665}{1509} = 1.020911 \\ \frac{7645}{1509} = 1.021047 \end{array}$	1. 021 072 1. 021 208 1. 021 345	1. 021 060	
159 - 160 -	$\begin{array}{c} \frac{1507}{1665} = 1.021183 \\ \frac{1665}{1605} = 1.021319 \\ \frac{1507}{1500} = 1.021319 \end{array}$	1. 021 481 1. 021 618	1. 021 <b>33</b> 2 1. 021 <b>46</b> 9	
161 - od. 23 Woch 162 - 163 -	$\begin{array}{c} \frac{15.55}{15.04} = 1.021455 \\ \hline \frac{16.65}{15.04} = 1.021591 \\ \hline \frac{15.55}{15.55} = 1.021728 \end{array}$	1. 021 754 1. 021 891 1. 022 028		
164 -	$\frac{1501}{1685} = 1.021864$	1. 022 164		
165 - 166 - 167 -	$\begin{array}{c} 7665 = 1.022000 \\ \hline 1200 = 1.022136 \\ \hline 1455 = 1.022136 \\ \hline 1455 = 1.022273 \end{array}$	1. 022 301 1. 022 438 1. 022 574		
168 - od 24 Wech 169 - 170 -	$\begin{array}{c} 16.65 \\ 16.65 \\ 16.65 \\ 16.65 \\ 16.65 \\ 16.65 \\ 16.65 \\ 16.022 \\ 16.$	1. 022 711	1. 022 560 1. 022 696	
171 - 172 - 173 -	7495 1.022 818 1665 1.022 955 1665 1.022 955 1665 1.023 091	1. 023 121 1. 023 258 1. 023 395	1. <b>022 9</b> 70 1. <b>023</b> 106	

# 190 Der Vton Haupt-Tafel IVto Abtheilung. 10to Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und

5 Procent.

193	<u> </u>	
Die Zeit, welche ein Ca-	Das Capital Rine angewad	r ist mit den Zinsen :hsen, dei:
pital Eins auf Zinsen steht	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen,
174 Tage 175 – od. 25 Woch. 176 –	1665 = 1.023 228 1665 = 1.023 364 1496 = 1.023 501	1. 023 532 1. 023 380 1. 023 668 1. 023 516 1. 023 805 1. 028 653
177 - 178 - 179 -	$\frac{7665}{1685} = 1.023638$ $\frac{7685}{1685} = 1.023775$ $\frac{7685}{1685} = 1.023911$	1. 023 942 1. 023 790 1. 024 079 1. 623 927 1. 024 216 1. 024 064
180 - 181 - 182 - od 26 Woch.	$\begin{array}{c} 1665 = 1.024048 \\ 1665 = 1.024185 \\ 1665 = 1.024185 \\ 1665 = 1.024322 \end{array}$	1. 024 353 1. 024 200 1. 024 490 1. 024 337 1. 024 627 1. 024 474
6 Monat. (1 Jahr)		1. 024 695 1. 024 543
183 Tage. 184 -	$\begin{array}{c} 1_{665}^{65} = 1.024459 \\ \frac{1665}{1681} = 1.024596 \end{array}$	1. 024 764 1. 024 611 1. 024 901 1. 024 748
185 - 186 - 187 -	$\frac{7665}{1665} = 1.024733$ $\frac{1665}{1665} = 1.024870$ $\frac{1665}{1665} = 1.025007$	1. 025 038 1. 024 885 1. 025 175 1. 025 <b>022</b> 1. 025 312 1. 025 1 <b>59</b>
188 189 - od. 27 Woch. 190 -	$ \frac{1665}{1665} = 1.025144 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.025281 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.025418 $	1. 025 449 1. 025 296 1. 025 586 1. 025 433 1. 025 723 1. 025 570
191 - 19 <b>2 -</b> 19 <b>3 -</b>	$\begin{array}{c} 1665 = 1.025555 \\ 1665 = 1.025692 \\ 1665 = 1.025830 \end{array}$	1. 025 860 1. 025 708 1. 025 997 1. 025 84 <sup>3</sup> 1. 026 134 1. 025 982
194 - 195 - 196 - od. 28 Woch.	$\frac{7665}{1675} = 1.025967$ $\frac{1675}{1675} = 1.026104$ $\frac{1665}{1665} = 1.026242$	1. 026 271 1. 026 119 1. 026 409 1. <b>026 26</b> 9 1. 026 546 1. <b>026 39</b> 4
197 - 198 - 199 -	$\frac{1665}{1665} = 1.026379$ $\frac{1665}{1665} = 1.026517$ $\frac{1665}{1666} = 1.026654$	1. 026 683 1. 026 531 1. 026 820 1. 026 668 1. 026 958 1. 026 896
200 - 201 - 202 -	$\frac{1665}{7665} = 1.026792$ $\frac{1665}{1665} = 1.026929$ $\frac{1665}{7665} = 1.027067$	1. 027 095 1. 026 943 1. 027 232 1. 027 081 1. 027 370 1. <b>02</b> 7 218
203 - od. 29 Woch. 204 - 205 -	$\begin{array}{c} 1663 = 1.027\ 205 \\ 1665 = 1.027\ 342 \\ 1665 = 1.027\ 480 \end{array}$	1. 027 507 1. 027 356 1. 027 644 1. 027 493 1. 027 782 1. 027 631

### Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel IV<sup>te</sup> Abtheilung. 191 1ste Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und 5 Procent.

Die Zeit, welche ein Ca-	Das Capital Rins ist mit den Zinsen angewachsen, bei:		
pital Eins auf Zinsen steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen,	Mittlen Zinsen.
206 Tage. 207 - 208 -	$\frac{7665}{1655} = 1.027618$ $\frac{1665}{1655} = 1.027755$		l. 027 768 l. 027 906 l. 028 044
209 - 210 - od. 30 Weeh 211 -	$\begin{array}{c} 7457 = 1.027893 \\ \hline 7645 = 1.028031 \\ \hline 7645 = 1.028169 \\ \hline 7655 = 1.028307 \\ \hline 7654 = 1.028307 \end{array}$	1. 028 331 1. 028 469	
212 - 7 Monat.	$\frac{\frac{1665}{1657} = 1.028445}{\frac{25}{145} = 1.028571}$	1. 028 744 1. 028 870	1. 028 594
213 Tage.	$\frac{745}{1665} = 1.028583$		1. 028 732
214 - 215 - 216 -	1663 = 1.028721 $1663 = 1.028721$ $1663 = 1.028859$ $1683 = 1.028997$	1. 029 157	1. <b>62</b> 8 870 1. <b>629</b> 008 1. 029 146
217 - od 31 Woch. 218 - 219 -	$\begin{array}{c} 1335 = 1.029\ 274 \\ \hline 1635 = 1.029\ 412 \\ \hline 1646 = 1.029\ 412 \\ \hline \end{array}$	1. 029 569 1. 029 707	1. 029 559
220 - 221 - 222 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.029550 \\ 1665 = 1.029688 \\ 1665 = 1.029827 \\ 1445 = 1.029827 \end{array}$	1. 0 <b>29 9</b> 82 1. 030 120	1. 029 697 1. 029 835 1. 029 973
223 - 224· - od. 32 Woch. 225 -	$\frac{1865}{1440} = 1.030242$	1. 030 533	1. 030 249 1. 030 387
226 - 227 - 228 -	$\begin{array}{c} \frac{1645}{1681} = 1.030380 \\ \frac{1681}{1681} = 1.030519 \\ \frac{1681}{1681} = 1.030658 \end{array}$	1. 030 809 1. 030 946	1. 030 526 1. 030 664 1. 030 802
229 - 230 - 231 - od. 33 Woch,	1 1 1 1	t. 031 222 1. 031 360	
232 - 233 - 234 -	$\begin{array}{c} 7605 = 1.031\ 212 \\ \hline 7605 = 1.031\ 351 \\ \hline 7605 = 1.031\ 490 \\ \hline \end{array}$	1. 031 636	1. 031 355 1. 031 493 1. 031 632
235 - 236 - 237 -	$\frac{1445}{1446} = 1.031629$ $\frac{1445}{1446} = 1.031767$ $\frac{1445}{1446} = 1.031906$	1. 031 911 1. 032 050 1. 032 187	1. 031 908

#### 192 Der Yten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Anwachseines Capitals Einz, mit seinen raballirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und

5 Pracent.

184			
- Die	Das Capital Eins		
Zeit, welche ein Ca-		hsen, bei:	
pîtal Eins auf Zinsen steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
	$\frac{1685}{1327} = 1.032045$		1. 032 185
239 240 -	$\frac{1605}{1605} = 1.032184$		1. 032 324
	$\frac{\frac{1665}{1425}}{\frac{1665}{1665}} = 1.032323$		1. 032 462
241 - 242 -	7655 - 1 000 601		1. 032 601 1. 032 739
243	$\frac{7603}{7605} = 1.032001$		1. 032 878
8 Monat. (2 Jahr)	$\frac{252}{215} = 1.032787$	1. 033 062	1, 032 924
244 Tage.	$\frac{7665}{7421} = 1.032880$		1. 033 017
245 - od. 35 Woch	$\frac{16.65}{142.0} = 1.033019$	_	1. 033 155
246 -	$\frac{7665}{7436} = 1.033158$	1. 033 430	1. 033 294
247 -	$\frac{1665}{1465} = 1.033297$		1.033 433
248 -	$\frac{\frac{1665}{7417}}{\frac{1}{2}} = 1.033437$	1	1. 033 571
249 - 250 -	$\frac{7695}{1665} = 1.033576$		1. 033 710 1. 033 849
250 - 251 -	$\frac{7475}{1665} = 1.033713$		1. 033 849 1. 033 988
	1665 - 1 033 994	·	1. 034 127
253 -	$\frac{1665}{1462} = 1.034134$		1. 034 266
254 -	$\frac{1665}{7411} = 1.034 273$	1. <b>034 53</b> 6	1. 034 405
255 -	$\frac{1665}{7470} = 1.034413$		1. 034 543
256 - 257 -	$\frac{1465}{1262} = 1.034553$		1. 034 682 1. 034 821
258 -	1400		1. 034 960
259 - od. 37 Woch.	$\frac{1665}{1665} = 1.034832$		1. 034 900 1. 035 099
260 -	$\frac{1105}{1605} = 1.035111$		1. 035 239
261 -	7665 - 1 035 251	1. 035 504	1. 935 378
262 -	$\frac{1105}{1105} = 1.035391$		1. 035 517
263 -	$\frac{7605}{7402} = 1.035531$		1. 035 656
264 - 265 -	$\frac{1665}{1665} = 1.035671$		1. 035 79 <del>5</del> 1. 035 934
266 - od. 38 Woch.	$\frac{11655}{1465} = 1.035811$		1. 036 934 1. 036 97 <b>4</b>
267 -	$\frac{7399}{1865} = 1.036091$		1. 036 213
268	$\frac{1163}{1263} = 1.036 231$	1.036 474	1. 036 352
269	$\frac{1665}{1396} = 1.036371$	1. 036 612	1. 036 492

### Der Vton Haupt-Tafel IV Abtheilung. 193

Der Anwachs eines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

5 Procent.

t

183	4 - 477		
Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen	l)ur Capital Ein ungewac	r ist mit d hsen, bei :	en Zinsen
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
2:0 Tage. 271 - 272 -	$\frac{1665}{1665} = 1.030511$		1. 036 770
273 - od. 39 Woch.	$\frac{\frac{1665}{1393} = 1.036792}{\frac{1665}{13.92} = 1.036932}$	1. 037 028 1. 037 166	
9 Monat (3 Jahr) 274 Tage.	$\frac{\frac{252}{245}}{\frac{7665}{739}} = 1.037037$	1. 087 270 1. 037 305	
275 - 276 <i>-</i> 277 -	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1. 037 444 1. 037 582 1. 037 721	1. 037 468
278 - 279 - 280 - od. 40 Woch.	$\begin{array}{c} 1665 = 1.037634 \\ 1365 = 1.037774 \\ 1365 = 1.037915 \\ 1385 = 1.037915 \end{array}$		1. 037 747 1. 037 886 1. 038 026
281 - 282 - 283 -	$\frac{7665}{1365} = 1.038055$ $\frac{7365}{1365} = 1.038196$ $\frac{7365}{1365} = 1.038336$	1. 038 415	1. 038 166 1. 038 305 1. 038 445
284 - 285 - 286 -	$\begin{array}{c} 7.665 = 1.038477 \\ 7.387 = 1.038618 \\ 7.665 = 1.038618 \\ 7.675 = 1.038759 \end{array}$	1. 038 693 1. 038 832 1. 038 970	1. 038 725
288 - 289 -	7665 = 1.038899 $1665 = 1.039040$ $1665 = 1.039040$ $1665 = 1.039181$	1. 039 109 1. 039 248 1. 039 387	1.039 144
290 - 291 - 292 -	$\begin{array}{c} 7665 = 1.039322 \\ 7665 = 1.039463 \\ 7875 = 1.039463 \\ 7875 = 1.039604 \end{array}$	1. 039 526 1. 039 665 1. 039 804	1. 039 564
293 - 294 - od. 42 Woch. 295 -	$\frac{7555}{1667} = 1.039745$ $\frac{7575}{1667} = 1.039886$ $\frac{7575}{1667} = 1.040027$	1. 039 943 1. 040 082 1. 040 221	1. 039 984
296 - 297 - 298 -	1645 = 1.040 168 1645 = 1.040 309 1645 = 1.040 451	1. 040 360 1. 040 499 1. <b>040</b> 638	1. 040, 404
299 - 300 - 301 - od. 43 Wosh.	$ \begin{array}{c} 1 & 45 \\ 1 & 645 \\ 1 & 645 \\ 1 & 645 \\ 1 & 640 \\$		J. 040 685 J. 040 825 J. 040 965

## 192 Der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Anwackseines Capitals Eine, mit seinen rabaltirten Zinsen.

A) bei jührlich bedungenen Zinssahlungs-Terminen und

5 Pracent.

184		
Die Zeit, welche ein Ca-	angewac	ist mit den Zinsen hsen, bei:
pital Eins auf Zinsen steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
238 Tage od:34 Wo. 239 - 240 -	$\frac{1655}{1425} = 1.032045$ $\frac{1655}{1425} = 1.032184$ $\frac{1655}{1655} = 1.032323$	1. 032 325 1. 0 <b>32 185</b> 1. 032 463 1. 0 <b>32 324</b> 1. 032 601 1. 0 <b>32 462</b>
241 - 242 - 243 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.032462 \\ 7455 = 1.032601 \\ 1665 = 1.032601 \\ 1665 = 1.032741 \end{array}$	1. 032 739 1. 032 601 1. 032 878 1. 032 739 1. 033 016 1. 032 878
8 Monat. (2 Jahr) 244 Tage. 245 - od. 35 Woch	$\frac{252}{244} = 1.032787$	1. 033 062 1, 032 <b>924</b> 1. 033 154 1. 033 <b>0</b> 17 1. 033 292 1. 033 <b>15</b> 5
246 - 247 - 248 -	$\begin{array}{c} 7665 = 1.033158 \\ 7416 = 1.033158 \\ 1665 = 1.033297 \\ 1665 = 1.033437 \end{array}$	1. 033 436 1. 033 294 1. 033 568 1. 033 433 1. 033 706 1. 033 571
249 - 250 - 251 -	$ \frac{7665}{7475} = 1.033576 $ $ \frac{7665}{1665} = 1.033715 $ $ \frac{7475}{7475} = 1.033855 $	1. 033 844 1. <b>033 710</b> 1. 033 983 1. <b>033 849</b> 1. 034 121 1. <b>033 98</b> 8
252 - od 36 Woch. 253 - 254 -	$\begin{array}{c} \frac{1665}{1465} = 1.033994 \\ \frac{1665}{1465} = 1.034134 \\ \frac{1665}{1411} = 1.034273 \end{array}$	1. 034 259 1. <b>034 127</b> 1. 034 397 1. <b>034 266</b> 1. 034 536 1. <b>034 40</b> 5
255 - 256 - 257 -	$\begin{array}{c} 1615 = 1.034413 \\ 1615 = 1.034553 \\ 1615 = 1.034692 \end{array}$	1. 034 674 1. <b>034 54</b> 3 1. 034 812 1. <b>034</b> 682 1. 034 951 1. <b>034</b> 821
258 - 259 - od. 37 Woch. 260 -	$\begin{array}{c} \frac{7465}{1405} = 1.034832 \\ \frac{7465}{1405} = 1.034972 \\ \frac{7465}{1405} = 1.035111 \end{array}$	1. 035 089 1. <b>034 96</b> 6 1. 035 227 1. <b>035 09</b> 9 1. 035 366 1. <b>035 23</b> 9
261 - 262 - 263 -	$\begin{array}{c} 1665 \\ \hline 1065 \\ \hline 1065 \\ \hline 1065 \\ \hline 1065 \\ \hline 11065 \\ \hline 1106$	1. 035 504 1. <b>935 37</b> 8 1. 035 643 1. <b>035</b> 517 1. 035 781 1. <b>035 6</b> 56
264 - 265 - 266 - od. 38 Woch.	$ \frac{1665}{1605} = 1.035671 $ $ \frac{1665}{1605} = 1.035811 $ $ \frac{1665}{1605} = 1.035951 $	1. 035 919 1. <b>035 79</b> 5 1. 036 058 1. <b>035</b> 934 1. 036 196 1. 03 <b>6 0</b> 74
267 - 268 - 269 -	$\begin{array}{c} 1865 = 1.036091 \\ 1865 = 1.036231 \\ 1865 = 1.036231 \\ 1865 = 1.036371 \end{array}$	1. 036 335 1. 036 213 1. 036 474 1. 036 352 1. 036 612 1. 036 492

## Der Vton Haupt-Tafel IVto Abtheilung. 198 10to Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und

5 Procent.

183			
Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen	l)us Capital Eins angewac	ist mil d bsen, bei :	
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
210 Tage. 271 -	$\frac{1065}{1365} = 1.036511$	1. 036 760 1. 036 889	1. 036 770
272 - 273 - od. 39 Woch.	$\frac{\frac{1665}{7393} = 1.036792}{1665 = 1.036932}$	1. 037 028	
9 Monat ( Jahr)	$\frac{\frac{7665}{73.2} = 1.036932}{\frac{252}{245} = 1.037037}$		1. 037 049 1. 037 154
	$\frac{\frac{243}{7665}}{\frac{1}{397}} = 1.037072$		1. 037 189
275 - 276 -	$\frac{1665}{1395} = 1.037212$	1. 037 444 1. 037 582	1. 037 328 1. 037 468
277 -	$\frac{1}{1}\frac{6}{3}\frac{6}{8}\frac{7}{3}=1.037493$	1. 037 721	1. 037 607
278 - 279 - 280 - od. 40 Woch.	$\begin{array}{c} 1 & 665 \\ 1 & 3763 \\ 1 & 663 \\ 1 & 3774 \\ 1 & 665 \\ 1 & 385 \\ 1 & 37915 \\ 1 & 385 \\ 1 & 37915 \\ 1 & 385 \\ 1 &$	1. 037 999	1. 037 747 1. 037 886 1. 038 026
281 - 282 - 283 -	$\frac{7665}{1665} = 1.038055$	1. 038 415	1. 038 166 1. 038 305 1. 038 445
284 - 285 - 286 -	$\begin{array}{c} 7382 \\ 7663 \\ \hline 1.038477 \\ \hline 1865 \\ 7386 \\ \hline 1.038618 \\ \hline 1.038759 \\ \hline 1.038$	1. 038 693 1. 038 832	1. 038 585 1. 038 725 1. 038 864
287 - od. 41 Woch 288 - 289 -	7378 1.038 899 1665 1.038 899 1665 1.039 040 1771 1.039 181	1. 039 109 1. 039 248	1. 039 004 1. 039 144 1. 039 284
290 - 291 - 292 -	$\begin{array}{c} 1118 \\ 1265 \\ 1.039322 \\ 145 \\ 1.039463 \\ 1.039604 \\ 1.039604 \end{array}$	1. 039 526 1. 039 665	1. 039 424 1. 039 564 1. 039 704
293 - 294 - od. 42 Woch. 295 -	$ \frac{155}{156} = 1.039745 $ $ \frac{155}{156} = 1.039886 $ $ \frac{155}{156} = 1.040027 $	1. 039 943 1. 040 082	1. 039 844 1. 039 984 1. 040 124
296 - 297 - 298 -	$ \frac{1565}{1665} = 1.040168 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.040309 $ $ \frac{1665}{1665} = 1.040451 $	1. 040 499	l. 040 264 l. 040 404 l. 040 544
299 - 300 - 301 - od. 43 Wosh.	$\begin{array}{c} 1565 = 1.040592 \\ 1665 = 1.040733 \\ 1665 = 1.040875 \\ 1665 = 1.040875 \end{array}$	1. 040 917	J. 040 685 J. 040 825 J. 040 965
	1		

## 194 Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel IV<sup>te</sup> Abtheilung. 1ste Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und

5 Procent.

186		
Die Zeit, welche ein Ca-	Das Capital Ein: angewac	i ist mit den Zinsen hoen, bei:
pital Eins auf Zinsen steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
302 Tage. 303 - 304 -	$\frac{1665}{1665} = 1.041016$ $\frac{1665}{1665} = 1.041157$ $\frac{1665}{1665} = 1.041299$	1. 041 19511. 041 105 1. 041 334 1. 041 246 1. 041 473 1. 041 386
10 Monat.	$\frac{7387 - 1.041233}{\frac{252}{242} = 1.041322}$	1. 041 496 l. 041 409
305 Tage. 306 -	$\begin{array}{c} 1685 = 1.041440 \\ 1685 = 1.041582 \\ \hline 7357 = 1.041582 \end{array}$	1. 041 613 1. 041 <b>52</b> 6 1. 041 752 1. 041 <b>66</b> 7
307 - 308 - od. 44 Woch. 309 -	$\begin{array}{c} 1 & 65 & = 1.041723 \\ 1 & 65 & = 1.041865 \\ 1 & 65 & = 1.042007 \end{array}$	1. 041 890 1. 041 <b>80</b> 7 1. 042 030 1. <b>041 94</b> 7 1. 042 170 1. 04 <b>2 0</b> 88
310 311 312	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1. 042 309 1. 042 228 1. 042 448 1. 042 369 1. 042 587 1. 042 510
313 - 314 - 315 - oil 45 Wech.	$\begin{array}{c} 1 & 6 & 5 \\ 1 & 6 & 6 \\ 1 & 6 & 6 \\ 1 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 2 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 3 & 6 & 6 \\ 4 & 6 & 6 \\$	I. 042 727 I. 042 <b>650</b> I. 042 866 I. <b>042 79</b> I I. 043 006 I. <b>042 93</b> I
316 - 317 - 318 -	1.042999 $1.043141$ $1.043141$ $1.043283$	1. 043 145 1. 043 072 1. 043 285 1. 043 213 1. 043 424 1. 043 353
319 - 329 - 321 -	$\begin{array}{c} \frac{1665}{1343} = 1.043425 \\ \frac{1345}{1343} = 1.043567 \\ \frac{1344}{1344} = 1.043709 \end{array}$	1. 043 564 1. 043 <b>494</b> 1. 043 703 1. 043 <b>63</b> 5 1. 043 843 1. 043 77 <b>6</b>
322 - od. 46 Woch 323 - 324 -	$\frac{7665}{665} = 1.043851$ $\frac{665}{665} = 1.043993$ $\frac{7665}{665} = 1.044136$	1. 043 982 1. 043 917 1. 044 122 1. 044 057 1. 044 261 1. 044 198
325 - 326 - 327 -	7 6 6 5 = 1.044 278 7 6 6 5 = 1.044 420 7 6 7 5 5 = 1.044 563	1. 044 401 1. 044 339 1. 044 540 1. 044 480 1. 044 680 1. 044 621
328 - 329 - od. 47 Woeh 330 -	$\begin{array}{c} 1665 = 1.044705 \\ 1835 = 1.044847 \\ 1835 = 1.044990 \end{array}$	1. 044 820 1. 044 762 1. 044 959 1. 044 903 1. 045 099 1. 045 D44
331 - 332 - 333 -	$ \frac{7665}{1000} = 1.045132 $ $ \frac{1000}{1000} = 1.045275 $ $ \frac{1000}{1000} = 1.045417 $	1. 045 239 1. 045 185 1. 045 379 1. 045 327 1. 045 518 1. <del>04</del> 5 <del>46</del> 8

### Der V<sup>ten</sup> Haupt-Tafel IV<sup>te</sup> Abtheilung. 195 1ete Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

A) bei jährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und

5 Procent.

Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen	Das Capital Eins int mit den Zinsen angewachsen, bei:						
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.				
334 Tage.	$\frac{1665}{7331} = 1.045 660$	1. 045 658	1. 045 609				
ll Monat.	$\frac{252}{247} = 1.045643$	I. 045 740	1. 045 691				
335 Tage.	$\frac{1665}{7310} = 1.045703$	1. 045 798	1. 045 750				
336 - od. 48 Woch. 337 - 338 -	7695 = 1.046845 1665 = 1.046988 1665 = 1.046131	1. 045 938 1. 046 977 1. <del>046</del> 217	1.046 033				
339 - 340 - 341 -	$\begin{array}{c} \frac{1665}{7326} = 1.046274 \\ \frac{1665}{7326} = 1.046416 \\ \frac{1665}{7326} = 1.046559 \end{array}$	i. 046 497	1. 046 315 1. 046 457 1. 046 598				
342 - 343 - od.49 Woch. 344 -	$\begin{array}{c} 7665 = 1.046702 \\ 765 = 1.046845 \\ 765 = 1.046845 \\ 765 = 1.046988 \end{array}$		1. 046 740 1. 046 881 1. 047 0 <b>2</b> 2				
345 - 346 - 347 -	$\begin{array}{c} \frac{1}{1} \frac{6}{1} \frac{6}{1} \frac{5}{1} = 1.047131 \\ \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = 1.047274 \\ \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = 1.047417 \end{array}$	l, <del>947</del> 197 l. 947 337 l. 947 477	1. 047 305				
348 - 349 - 350 - od. 50 Woch.	$\frac{1665}{315} = 1.047560$ $\frac{1665}{1615} = 1.047704$ $\frac{1615}{315} = 1.047847$		1. 047 589 1. 047 <b>73</b> 0 1. 047 872				
351 - 352 - 353 -	$\frac{1665}{1665} = 1.047990$ $\frac{1665}{1665} = 1.048133$ $\frac{1665}{1665} = 1.048277$	1. 048 037 1. 048 177 1. 048 317	1. 048 155				
354 - 355 - 356 -	$\frac{7665}{1565} = 1.048420$ $\frac{1565}{1565} = 1.048564$ $\frac{1565}{1365} = 1.048707$	1. 048 457 1. 048 597 1. 048 738	1. 048 580				
357 - od. 51 Woch 358 - 359 -	$\frac{1665}{1605} = 1.048851$ $\frac{1665}{1605} = 1.048994$ $\frac{1665}{1605} = 1.049138$	1. 048 878 1. 049 018 1. 049 158					
360 - 361 - 362 -	$\frac{1665}{1000} = 1.049281$ $\frac{1665}{1000} = 1.049425$ $\frac{1665}{1000} = 1.049569$	1. 049 299 1. 049 439 1. 049 579	1. 049 <b>290</b> 1. 049 4 <b>32</b> 1. 049 574				
363 - 364 - 365 - od. 1 Jahr.	1665 = 1.049 712 1665 = 1.049 856 1665 = 1.050 000	1. 049 720 1. 049 860 1. 050 000	1. 949 858				

# Der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 2to Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und
21 Procent.

Die Zeit, welche ein Ca-	
pital Eins auf Zinsen steht4	Einfachen Zinsen. Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
l Tag. 2 Tage. 3 -	14955 = 1.000 1341.000 135.1.000 134 $14955 = 1.000 2071.000 2711.000 269$ $14955 = 1.000 4011.000 4061.000 404$
4 • 5 - G -	14965 = 1.000 635 1.000 641 1.000 538 $14965 = 1.000 669 1.000 677 1.000 673$ $14965 = 1.000 803 1.000 812 1.000 807$
7 - ud. 1, Wacks 8 - 9 -	$\begin{array}{c} 14965 = 1.000\ 936\ 1.000\ 948\ 1.000\ 942\ 1.001\ 070\ 1.001\ 083\ 1.001\ 077\ 1.001\ 283\ 1.001\ 211\ 1.0$
10 - 11 - 12 -	14965 = 1.0013381.0013541.001346 $14065 = 1.0014721.0014891.001481$ $14065 = 1.0016061.0016251.001616$
13 - 14 - od. 2 Wochen 15 -	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
16 - 17 - 18 -	14945 = 1.002 143 1.002 167 1.002 155 $14945 = 1.002 277 1.002 303 1.002 290$ $14945 = 1.002 411 1.002 438 1.002 425$
19 - 20 - 21 - cd. 3 Wechen	$\begin{array}{l} 14345 = 1.0025401.0025741.002560\\ \hline 14355 = 1.0026801.0027101002695\\ \hline 14355 = 1.0028141.0028451.002836 \end{array}$
22 23 -	$\begin{array}{l} 14355 = 1.0029491.0029811.002965 \\ 14355 = 1.0030831.0031171.003106 \end{array}$

### Der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 197 2te Tafel.

Der Anmache eines Capitale King, mit seinen rahattirten Zinsen.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinssahlungs Terminen und

21 Procent.

189	21 Procent.	8,!
Die Zeit, welche ein Ca-	Das Capital Eins angewack	iet mit den Zinsen isen, bei :
pital Eins auf Zinsen steht,	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen,
24 Tage. 25 - 26 -	$\frac{1}{4}\frac{1}{2}\frac{1}{1} = 1.003352$	1. 003 253 1. 003 235 1. 003 388 1. <b>003 376</b> 1. 003 524 1. 003 505
27 - 28 - ad. 4 Wochen 29 -	14945 = 1,003 621	1, 003 660 1, 003 641 1, 003 796 1, 003 776 1, <del>003 931 1, 003 91</del> 1
30 -	$\frac{14965}{14905} = 1.004025$	1. 004 067 1. 004 046
l Monat. 31 Tage.	443	1. 004 124 1. 004 103 1. 004 203 1. 004 182
32 - 33 34 -	14265 = 1,004 295	1, 004 339 1, 004 317 1, 004 475 1, 004 452 1, 004 611 1, 004 588
35 - od. 5 Wochen 36 - 37 -	14965 == 1.004 700 14865 == 1:004 834	1, 004 747 1, 004 723 1, 004 883 1, 004 859 1, 005 019 1, 004 994
38 - 39 - 46 -	1.005 239	1, 005 155 1, 005 130 1, 005 291 1, 005 265 1, 005 427 1, 005 401
41 - 42 - ed. 6 Wochen 43 -	$\frac{1965}{1883} = 1.005510$	1, 005 563 1, 005 536 1, 005 699 1, 005 672 1, 005 835 1, 005 807
14 - 45 - 46 -	14845 = 1.005 915 14845 = 1.006 050	1. 005 971 1. 005 943 1. 006 107 4. 006 079 1. 006 243 1. 006 215
47 - 48 - 49 - ed. 7 Wochen	14855 = 1.006 321 1885 = 1.006 456	1, 006 379 1, 006 350 1, 006 516 1, 006 486 1, 006 652 1, 006 622
50 - 51 - 52 -	1. <b>006 8</b> 63	1. 006 788 1. 000 758 1. 006 924 1. 000 893 1. 007 061 1. <del>00</del> 7 029
53 - 54 - 55 -	1. 007 269	1.'007 197 1. 007 165 1. 007 333 1. 007 301 1.'007 468 1. 007 437

### 198 Der V<sup>ten</sup>: Haupt-Tafel IV<sup>to</sup> Abtheilung. 2<sup>to</sup> Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabuttirten Zinsen.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

21 Procent.

190							
Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen	Dar Capital Eins ist mit den Zinsen angewachsen, bei:						
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen					
56 Tage od, 8 Woch. 57 - 58 -		1, 007 606 1, 007 573 1, 007 742 1, 007 709 1, 007 878 1, 007 845					
59 <b>-</b> 60 · <b>-</b>	$\frac{14965}{1007948}$	1. 008 015 1. 007 981 1. 008 151 1. 008 117					
2 Monat.	$\frac{246}{244} = 1.008197$	1, 008 265 1. 008 231					
61 Tage. 62 - 63 - ed. 9 Woch.	$\frac{1}{2}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{3}{5}$ $= 1.008 355$	1. 008 288 1. 008 253 1. 008 424 1. 008 <b>390</b> 1. 008 560 1. 008 <b>526</b>					
64 - 65 - 66 -	14965 = 1.008 627 14965 = 1.008 763	1, 008 697 1, 008 662 1, 008 833 1, 008 798 1, 008 970 1, 008 934					
67 - 68 - 69 -	14945 = 1.009 035	1, 009 106 1, 009 071 1, 009 243 1, 009 207 1, 009 380 1, 009 343					
70 - od, 10 Woch. 71 - 72 -	14965 — 1.009 444	1, 009 516 1. 009 480 1, 009 653 1. 009 616 1, 009 789 1. 009 753					
73 - 74 - 78 -	$\frac{14945}{14945} = 1.009852$	1, 009 926 1, 009 889 1, 010 063 1, 010 026 1, 010 199 1, 010 162					
76 - 77 - od. 11 Woch. 78 -	$\frac{4165}{1100} = 1.010261$	1. 010 336 1. 010 299 1, 010 473 1. 010 435 1. 010 609 1. 010 572					
79 - 80 - 81 -	$\frac{14965}{14965} = 1.010671$	1. 010 746 1. 010 708 1. 010 883 1. 010 845 1. 011 020 1. 010 982					
82 - 83 - 84 - od. 12 Woch.	$\frac{1965}{14965} = 1.011080$						
85 - 86 - 87 -		1. 011 567 1, 011 <b>529</b> 1. 011 704 1. 011 <b>66</b> 6					

#### Der V<sup>ten</sup> Haupt - Tafel IV<sup>te</sup> Abtheilung. 199 2<sup>te</sup> Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

2½ Procent,

191			-
Die Zie wiehe eie Ce	Das Capital Eins angewachs	ist mit d	en Zinsen
Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen			
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
88 Tage.	$\frac{14945}{14789} = 1.011 901$		
89 -		1.012 115	
90 -	11173	1. 012 252	
91 - od 13 Woch	$\frac{14943}{4743} = 1.012311$	1. 012 389	1. 012 350
3 Monat. ( Jahr)	244 = 1: 012 346	1, 012 423	1.012 384
92 Tage.	14965 = 1.012 448	1.012 526	1. 012 487
93	14945 == 1.012 585	1, 012 663	1. 012 624
94 -	14965 - 1.012722	1. 012 800	1. 012 761
95 -	$\frac{14965}{4775} = 1.012860$	1. 012 <b>93</b> 7	l. <b>912</b> 8 <b>9</b> 8
96 -	14995 == 1.012 997	1. 013 074	1.013 035
97 -	$\frac{14945}{14777} = 1.013 134$	1.013211	1. 013 172
198 - od, 14 Woch.	$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} & \frac{1}{4} \end{bmatrix} = 1.013 271$		
99 -	$\frac{14965}{14765} = 1.013408$		
100 -	$\frac{14995}{1175} = 1.013540$	1.013 622	1.013 584
101 -	$\frac{4965}{4763} = 1.013683$	1.013 759	1. 013 721
102	14965 = 1.013 820	1. 013 896	1.013 848
103 /- 104 -	$\frac{14985}{4965} = 1.013958$	1.014 034	1,013 990
	14757		
105 - od. 15 Woch. 106 -	$\frac{14865}{14965} = 1.014232$	1. 014 308	1.014 279
107 -	1.014 507		
108 -	14965 = 1.014 645		
109 -		1. 014 720 1. 014 857	
110 -	$\frac{13737}{14745} = 1.014920$		
111 -	14965 = 1.015 058		
	14265 = 1, 015 196	1, 015 269	1.015 232
113 -	$\frac{14935}{36} = 1.015333$	1, 015 407	1. 015 370
114 -	14965 = 1. 015:471		
115 -	$\frac{13985}{1.015} = 1.015609$	1. 015 681	1. 015 645
116 -	14733 = 1.015 747	1. 016 819	1. 015 783
117 -	14945 = 1.015 885	1. 015 956	1. 015 921
118	$\frac{1}{2}$	1. 016 094	1.016 058
119 - od. 17 Woch.	181 316 161 == 1.016	1. 016 231	H. 016 196

## 200 Der V<sup>ten</sup> Haupt - Tafel IV<sup>te</sup> Abtheilung. 2te Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und 21 Procent.

193		
Die Zeit, welche ein Ca- nital Eins auf Zinsen	angewach	ist mit den Zinsen en, bei:
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
120 Tage. 121 -	$\frac{1945}{14715} = 1.016299$	1. 016 369 1. 016 334 1. 016 506 1. 016 472
4 Monat. ( Jahr		1. 016 598 1. 01 <b>6 563</b>
122 Tage.   123 ` -   124   -	$\frac{11475}{11475} = 1.016713$	1. 016 644 1. 016 609 1. 016 781 1. 016 747 1. 016 919 1. 016 885
125 - 126 - od. 18 Woch 127 -	$\frac{14965}{14965} = 1.016989$	1. 017/057 1. 017 <b>02</b> 3 1. 017 194 1. 017 161 1. 017 332 1, 017 <b>299</b>
128 - 129 - 130 -	$\frac{14965}{4767} = 1.017404$	1. 017 469 1. 017 437 1. 017 607 1. 017 575 1. 017 745 1. 017 713
131 - 132 - 133 - od. 19 Woch	$\frac{1965}{1965} = 1.017819$	1. 017 883 1, 017 851 1. 018 020 1, 017 989 1. 018 158 1, 018 127
134 - 135 - 136 -	$\frac{1365}{1005} = 1.018374$	1. 018 290 1. 018 265 1. 018 434 1. 018 404 1. 018 571 1. 018 542
137 - 138 - 139 -	$\frac{1365}{485} = 1.018790$	1. 018 709 1. 018 680 1. 018 847 1. 018 818 1. 018 985 1. 018 957
140 - od. 20 Woch. 141 - 142 -	$\frac{149 \% 5}{4885} = 1.019067$	1. 019 123 t. 019 095 1. 019 261 t. 01 <b>9 233</b> 1. 019 395 t. 019 372
143 - 144 - 145 -	$\frac{14965}{4679} = 1.019484$ $\frac{4965}{4965} = 1.019623$	I. 019 537 I. 019 510 I. 019 675 I. 019 649 I. 019 813 I. 019 787
146 - 147 - od. 21 Woch. 148 -	$\frac{14965}{14965} = 1.019900$	1. 019 950 1. 019 925 1. 020 089 1. 020 064 1. 020 227 1. 020 203
149 - 150 - 151 -	$\frac{14965}{14867} = 1.020318$ $\frac{14965}{14965} = 1.020457$	1. 020 365 1. 020 503 1. 020 480 1. 020 641 1. 020 618

## Der Vien Haupt-Tafel IVie Abtheilung. 201 20 Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

B) bei halbjährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

24 Procent.

193		
Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen	ungewac	ist mit den Zinsen ksen, boi:
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Mittlen Zinsen. Zinsen.
102 Tage.	1484 = 1.020 735	1. 020 779 1. 020 787
5 Monat.	$\frac{246}{241} = 1.020.747$	I. 020 790 I. 020 769
153 Tage.	$\frac{14968}{14659} = 1.020875$	1. 020 917 1. 020 896
154 - od. 22 Woch 155 - 156 -	$\frac{14965}{4951} = 1.021014$	1. 021 055 1, 021 034 1. 021 193 1, 021 173
		1. 021 331 1. 021 312
157 - 158 - 159 -	$\frac{13355}{1000} = 1.021.571$	1. 021 470 1. 021 451 1. 021 608 1. 021 590 1. 021 746 1. <u>021 72</u> 9
160 - 161 - od. 23 Woch. 162 -	$\frac{1}{1}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}$	t. 021 884 1. 021 867 1. 022 023 1. 022 006 1. 022 161 1. 022 145
163 - 164 - 165 -	1. 022 409	I. 022 299 I. 022 284 I. 022 438 I. 022 423 I. 022 576 I. 022 502
166 – 167 – 168 – od. 24 Woch.	1.1355 = 1.022828	1. 022 714 1. 022 701 1. 022 853 1. 022 840 1. 022 991 1. 022 980
169 - 170 - 171 -	$\frac{1375}{14625} = 1.023248$	1. 023 129 1. 023 119 1. 023 268 1. 023 258 1. 023 406 1. 023 397
172 - 173 - 174 -	$\frac{14955}{14965} = 1.023528$ $\frac{14965}{14965} = 1.023668$	1. 023 545 1. 023 536 1. 023 683 1. 023 676 1. 023 822 1. 023 815
175 – od. 25 Woch. 176 – 177 –	$\frac{14965}{14965} = 1.023948$	i, 023 960 1. 023 954 1. 024 099 1. 024 094 1. 024 238 1. 024 233
178 - 179 - 180 -	$\frac{14965}{5009} = 1.024369$ $\frac{14965}{14965} = 1.024509$	1. 024 376 1. 024 372 1. 024 515 1. 024 512 1. 024 653 1. 024 651
181 - 182 -	$\frac{14955}{14605} = 1.024789$ $\frac{14965}{14605} = 1.024930$	1, 024 792 1, 024 791 1, 024 931 1, 024 930
6 Monat. (1 Jahr)	1 4 1 = 1. 025 000	1. 026:000\$1. 025 <sup>.</sup> 000

## Der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 3te Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabatlirten Zinsen.

'C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs - Terminen und

1½ Procent.

194		TO SAP			
Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen		hsen, bei:	en Zinsen Mittlen		
steht.	Einfachen Zinsen.	Zinsen von Zinsen.	Zinsen.		
1 Tag. 2 Tage. 3 -	$\begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} & \frac{5}{2} & $	1.000 272	1. 000 136 1. <del>00</del> 0 271 1. 000 <b>4</b> 07		
4 - 5 -	$\frac{29365}{29549} = 1.000541$	1. 000 545 1. 000 681			
6 - 7 - vd. 1 Woche 8 -	$\frac{29565}{29565} = 1.000948$	1. 000 953 1. 001 090	1. 000 951 1. 001 087		
.9 10 11 -	$\frac{29529}{29565} = 1.001355$	1. 001 362	1. 001 223 1. 001 359 1. 001 495		
12 -	$\begin{array}{c} \frac{29517}{29565} = 1.001762 \\ \hline 29517 = 1.001762 \end{array}$	1. 001 77	1. 001 631 1. 001 767 1. 001 903		
14 - od. 2 Wochen 15 - 16 -	$\begin{array}{c} \frac{28585}{29505} = 1.002034 \\ \frac{29505}{29505} = 1.002169 \end{array}$	1. 002 044 1. 002 181	1. 002 039 1. 002 175		
17 - 18 - 19 -	$\begin{array}{c} \frac{7}{29565} & \frac{1}{29493} & \frac{1}{29565} & \frac{1}{2956$		1. 002 311 1. 002 447 1. 002 584		
20 ± 21 - od. 3 Wochen	$\begin{array}{c} \frac{23563}{29565} = 1.002713\\ \frac{29565}{29461} = 1.002849 \end{array}$	1. 002 726 1. 002 863	1. 002 720 1. 002 856		
22 - 23 • 24	$\frac{29565}{29565} = 1.002985$ $\frac{29565}{29565} = 1.003122$	<b>1</b> 1, 003 136	1.003 129		
25 - 26 - 27 -	$\frac{29565}{29565} = 1.003394$	1. 003 409 1. 003 546 1. 003 682	1. 003 538		
28 - od. 4 Wochen	29451				

### Der Vten Haupt-Tafel IVte Abtheilung. 203 3te Tafel.

Der Anwachs eines Capitals Eins, mit seinen rabattirten Zinsen.

C) bei vierteljährlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

1 Procent.

Die Die	Das Capital Eins	ist mit de	n Zinsen
Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen steht.		hsen, bei: Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
29 Tage. 30 -		1. 003 956 1. 004 092	
1 Monat.	$\frac{243}{242} = 1,004 132$	1. 004 149	1.004 141
31 Tage. 32 - 33 -	$\frac{23555}{4} = 1.004348$	1. 004 229 1. 004 366 1. 004 503	1. 004 357
34 - 35 - od. 5 Wochen 36 -		1, 004 639 1, 004 776 1, 004 913	1. 004 767
37 - 38 - 39 -	$\frac{29565}{29415} = 1.005031$ $\frac{29565}{29415} = 1.005168$	1. 005 050 1. 005 187 1. 005 <b>32</b> 3	1. 005 177
40 - 41 - 42 - od. 6 Wochen	$\frac{29565}{29405} = 1.005441$		1 005 451 1. 005 588 1. 005 725
43 - 44 - 45 -	$\frac{29565}{29565} = 1.005852$ $\frac{29565}{29565} = 1.005989$	1. 005 871 1. 006 008 1. 006 145	1. 005 861 1. 005 998 1. 006 135
46 - 47 - 48 -		1. 006 282 1, 006 419 1. 006 556	1. 006 409
49 - od. 7 Wochen 50 - 51 -	$\frac{29565}{29365} = 1.006674$	1. 006 830	
52 - 53 - 54 -	$\frac{39565}{29365} = 1.007085$	1. 007 241	1. 007 095 1. 007 232 1. 007 369
55 - 56 - od. 8 Wochen 57 4-	$\frac{29565}{19365} = 1.007497$ $\frac{39565}{19365} = 1.007634$	1. 007 516 1. 007 653 1. 007 790	1. 007 644
58 - 59 - 6 <del>0</del> -	$\frac{29343}{2934} = 1.008047$	l. 007 927 I, 008 064 l. 008 202	1. 008 056

### 201 Der Vien Haupt - Tafel IVte Abtheilung. 310 Tafel.

Der Anwachseines Capitals Eine, mit seinen rabattirten Zinsen.

C) bei vierteljührlich bedungenen Zinszahlungs-Terminen und

1\frac{1}{4} Procent.

196		
Die Zeit, welche ein Ca- pital Eins auf Zinsen	Das Capital Kins ist mit d angewachsen, bei:	en Zinsen
atcht,	Einfachen Zinsen. Zinsen von Zinsen.	Mittlen Zinsen.
2 Monat.	44 = 1.008 29941.008 316	1. 008 307
öl - ö2 -	$\frac{10545}{125} = 1.0083221.008339$ $\frac{10545}{125} = 1.0084591.008476$	
63 - od. 9 Wochen 64 -	$\frac{29363}{29363} = 1.0085971.008614$	1.008 743
65 -	$\frac{25385}{29305} = 1.0088721.008888$	
66 - 67 - 68 -	29365 = 1.009 010 1.009 026 29365 = 1.009 148 1.009 163 26355 = 1.009 285 1.009 300	1.009 155
ਰੁੱਖ - 70 - ed. 19 Woch. 71 -	$\frac{29505}{29505} = 1.0094231.009438$	1. 009 568
72 - 73 - 74 -	2 5 5 5 = 1.009 837 1.009 850 25 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	1. 009 844 1. 009 981
75 - 76 - 77 - od. 11 Woch.	29 5 6 5 = 1. 010 251 1. 010 263 29 5 6 5 = 1. 010 389 1. 010 400 253 5 = 1. 010 528	1. 010 257 1. 010 <b>3</b> 95
78 - 79 - 80' -	1. 010 027 1. 010 036 1. 95 65 = 1. 010 666 1. 010 675 2. 95 65 = 1. 010 804 1. 010 813 1. 95 65 = 1. 010 942 1. 010 951	1. 010 670 1. 010 808
81 - 82 - 83 -	$ \frac{29565}{29565} = 1.0110801.011088 $ $ \frac{29565}{29565} = 1.0112191.011226 $ $ \frac{29565}{29565} = 1.0113571.011363 $	1.011 <b>2</b> 22
84 - od. 12 Woch. 85 - 86 -	$\begin{array}{c} 23585 = 1.0114951.011501\\ 23525 = 1.0116341.011501\\ 20525 = 1.0116341.011639\\ 20525 = 1.0117721.011777\end{array}$	1
87 - 88 - 89 -		
90 - 91 -	$\frac{29 \cdot 65}{205} = 1.0123271.012328$ $\frac{29 \cdot 65}{205} = 1.0124651.012466$	1. 012 465
3 Monat. (1 Jahr)	$\frac{213}{340} = 1.01250011.012500$	1.012 500

Angabe der Zahl von Tagen, welche von einem gewissen Tage der links angegebenen Monate, bis zu demselben Tage der oben angegebenen, in Rechnung zu bringen sind.

Von ei-		bis	5U			Tag Tage				Mon	ale,	
nemTage dieser Monate,	Japuar	Februar	Måers	April	May	Jani	Jak	August	September	October	November	December
Januar.	365	31	59	90	120	151	181	212	243	273	304	334
Februar	334	365	28	39	89	120	150	181	212	242	273	303
Märs	306	337	365	31	61	92	122	153	184	214	245	275
April	275	306	334	365	30	61	18	122	153	183	214	244
May	245	276	304	335	365	31	61	92	123	153	184	214
Juni	214	245	273	304	334	365	30	61	92	122	153	183
Juli .	184	215	243	274	304	335	365	31	62	92	123	153
August	153	184	212	243	273	304	334	365	31	61	92	122
Septemb.	122	153	181	212	242	273	303	334	365	30	61	91
October	92	123	151	182	212	243	273	304	335	365	31	61
Novemb.	61	92	120	151	181	212	242	273	304	334	365	30
Decemb.	31	62	90	121	151	182	212	243	274	304	335	365

197

#### Erklärung.

Es sind z. B.

vom Isten Januar bis wieder 1sten Januar 365 Tage,

- 19ten Januar bis 19ten Februar 31 - 13ten Januar bis 13ten April 90

u. s. w. verflossen.

#### Eben so sind:

vom 5ten Februar bis 5ten April 59 Tage

- 7ten May bis 7ten August 92 - 18ten Juni bis 18ten März 273 -

- 27sten August bis 27sten Juni 304

u. s. w. verflossen.

Anmerkung. Hat man den Monat Februar in einem Schalejahr in Rechnung zu bringen, so muss die hier angegebene Zahl noch um einem Tag vergrößert werden.

#### II Ergänzungs-Tafel.

Enthaltend die Verwandlung der Tage und Monate in Decimaltheile des Jahres, so wie umgekehrt, Decimaltheile des Jahres in Tage.

198							
Tage.	Decimal- theile des Jahres.	Tage.	Decimal- theile des Jahres.	Tage	Decimal- theile des Jahres.	Tage.	Decimal- theile des Jahres.
2	0. 002 740 0. 005 <b>4</b> 79 0. 008 <b>2</b> 19	32	0. 084 932 0. 087 671 0. 090 411	62	0. 167 123 0. 169 863 p. 172 603	92	0. 250 000 0. 252 055 0. 254 795
5	0. 010 959 0. 0137699 0. 016 <b>4</b> 38	35	0. 093 151 0. 095 890 0. 098 630	65	0. 175 342 0. 178 082 0. 180 822	9.5	0. 257 534 0. 260 274 0. 263 014
. 8	0. 019 178 0. 021 918 0. 024 658	38	0. 101 370 0. 104 110 0. 106 849	68	0. 183 562 0. 186 301 0. 189 <b>04</b> 1	98	0. 265 753 0. 268 4 <b>93</b> 0. 271 233
11	0. 027 397 0. 030 137 0. 032 877	43	0. 109 589 0. 11 <b>2 32</b> 9 0. 11 <b>5 0</b> 68	71 72	0. 191 781 0. 194 521 0. 197 <b>2</b> 60	101 102	0. <b>27</b> 6 712 0. <b>279 4</b> 52
14	0. 035 616 0. 038 356 0. 041 096	44	0. 117 808 0. 1 <b>20 54</b> 8 0. 123 288	74 75	0. 200 000 0. <b>20</b> 2 <b>7</b> 40 0. <b>20</b> 5 <b>4</b> 79	104 105	0. <b>284</b> 932 0. <b>287</b> 671
17 18	0. 043 836 0. 046 575 0. 049 315	47 48	0. 126 027 0. 128 767 0. 131 507	77 78		107 108	0. 293 151 0. 295 890
20 21	0. 052 055 0. 054 795 0. 057 <b>5</b> 34	50 51	0. 134 247 0. 136 986 0. 139 726	80 81	0. 216 438 0. 219, 178 0. 221 918	110 111	0. 301 370 0. 304 110
23 24	0. 060 274 0. 063 014 0. 065 753	53 54	0. 142 466 0. 145 205 0. 147 945	83 84	0. 224 658 0. 227 397 0. 230 137	113 114	0. 309 589 0. 312 329
26 27	0. 068 493 0. 071 233 0. 073 973 0. 076 712	56 57	0. 150 685 0. 153 425 0. 156 164 0. 158 904	86 87	0. 232 877 0. 235 616 0. 238 356 0. 241 096	116 117	0. 317 808 0. 320 <i>5</i> 48
29 30	0. 070 712 0. 079 452 0. 082 192 0. 083 333	59 60	0. 161 <b>6</b> 44 0. 164 <b>3</b> 84	89 90	0. 241 090 0. 243 836 0. 246 575 0. 249 315	119 120	0. 326 027 0. 328 767

#### Fortsetzung der Hen Ergänzungs - Tafel.

Enthaltend die Verwandlung der Tage und Monate in Decimaltheile des Jahres, so wie umgekehrt, Decimaltheile des Jahres in Tage.

100							
E th	Decimal- eile des Jahres.	Tage.	Decimal- theile des Jahres.	Tage	Decimal- theile des Jahres.	Tage.	Decimal- theile des Jahres.
12210	334 947	5M	0. 416 667	6M.	0. 500 000	87 M	0. 580 822 0. 583 333 0. 583 562
125 0.	342 466	155	0. 424 658	185	0. 506 849	215	0, 586 301 0, 589 041 0, 591 781
128 0. 129 0.	350 685 353 425	158 159	0. 432 877 0. 435 616	188 189	0. 515 068 0. 517 808	$\frac{218}{219}$	0, 594 521 0, 597 260 0, 600 000
131 0. 132 0.	358 904 361 644	161 162	0. 441 096 0. 443 836	191 192	0. 523 288 0. 526 027	$\frac{221}{222}$	0, 602 740 0, 605 479 0, 608 219
134 0. 135 0.	367 123 369 863	164 165	0. 449 315 0. 452 055	194 195	0. 531 507 0. 534 247	224 225	0, 610 959 0, 613 699 0, 616 438
137 0. 138 0.	375 342 378 082	167 168	0. 457 534 0. 460 274	197 198	0. 539 726 0. 542 466	227 228	0, 619 178 0, 621 918 0, 624 658
140 0. 141 0.	383 562 386 301	170 171	0. 465 753 0. 468 493	$\frac{200}{201}$	0. 547 945 0. 550 685	$\frac{230}{231}$	0, 627 397 0, 630 137 0, 632 877
143 0. 144 0.	391 781 394 521	173 174	0. 473 973 0. 476 712	$\frac{203}{204}$	0. 556 164 0. 558 904	233 234	0. 635 616 0. 638 356 0. 641 096
146 0. 147 0.	400 000 402 740	176 177	0. 482 192 0. 484 932	$\frac{206}{207}$	0. 564 384 0. 567 123	236 237	0, 643 836 0, 646 575 0, 649 315 0, 652 055
149 0. 150 0.	408 219 410 959	179 180	0. 490 411 0. 493 151	209 210	0. 572 603 0. 575 342	$\frac{239}{240}$	0. 654 795 0 657 534 0. 660 274

Fortsetzung der Hen Ergänzungs - Tafd Enthaltend die Verwandlung der Tage und Monate is cimaltheile des Jahres, so wie umgekehrt, Decimaltheil Jahres in Tage.

300							
Tage.	Decimal- theile des Jahres.	Tage.	Decimal- theile des Jahres.	Tage.	Decimal- theile des Jahres.	Tage.	Decim theile Jahre
242 243	0, 663 014 0, 665 753	273 om	0. 747 945 0. 750 000	304	0. 832 877 0. 833 3 <b>3</b> 3	11M.	0. 916 0. 917
8M	0. 666 667	274	0. 750 685	305	0. <b>835 61</b> 6	336	0. 9 <b>20</b>
244	0. 668 493	275	0. 753 425	300	0. 838 356		0. 923 2
245 246	0. 671 <b>23</b> 3 0. 673 <b>97</b> 3	276 277	0. 756 164 0. 758 904	307 308	0. 841 096 0. 843 836		(0. 926 0 (0. 928 7
-			0. 761 644		0. 846 575		0. 931 5
248	0. 679 452	279	0. 764 384	310	0. 849 315	341	0. 934 24
			0. 767 123	•	0. 852 055		0. <b>936 9</b> 8
251	0. 684 932 0. 687 671	281 282	0. <b>769 863</b> 0. <b>772 603</b>	$\frac{312}{313}$	0. 854 795 0. 857 534	_	0. 939 <i>72</i> 0. 942 46
252	0. 690 411	<b>2</b> 83	0. 775 342	314	0. 860 274		0. 945 20
			0, 778 082 0, 780 822		0. 863 014 0. 865 753		0. 947 94 0. 950 68
255	0. 698 630	286	0. 780 822 0. 783 562	317	0. 868 <b>4</b> 93		0. 953 42
			0. 786 301		0. 871 233		0. 956 164
257 258	0. 704 110 0. 706 849	288 280	0. 789 041 0. 701 781		0. 873 973 0. 876 712		0. 95 <b>8 904</b> 0. 961 <b>64</b> 4
			0. 794 521		0. 879 452		0, 964 384
260	0. 712 329	291	0. 797 260	322	0. 882 192		0. 967 123
			0 800 000		0. 884 932		0. 96 <b>9</b> 863 0. 97 <b>2 60</b> 3
263	0. 720 548	294	0. <b>802 740</b> 0. <b>805 47</b> 9	325	0. 887 671 0. 89 <b>0 4</b> 11		0. 97 <b>2 00</b> 3 0. 97 <b>5 34</b> 2
264	<b>0. 723 28</b> 8	295	0. 808 219	<b>32</b> 6	0. 893 151		0. 978 <b>082</b>
			0. 810 959 0. 813 699		0. 895 890 0. 898 <b>6</b> 30		0. 98 <b>0 82</b> 2 0. 98 <b>3 56</b> 2
267	0. 731 507	298	0. 813 099 0. 816 438	328 329	0. 901 370		0. 98 <b>6 30</b> 1
268	0. 734 247	299	0, 819 178	330	0. 904 110		0. 989 041
$\frac{269}{270}$	0. <b>736 9</b> 86 0. <b>730 7</b> 26	300 301	0. 821 918 0. 824 658	331	0. 906 849 0. 909 589		0. 991 781 0. 994 <b>5</b> 21
1			0. 824 03a 0. 827 397		0. 912 329		0. 997 260
272	0. 745 205	303	0. 830 137		0. 915 068		

#### e i l e

s) einer Hamburger: 16 Schillinge à 12 Pfennize)

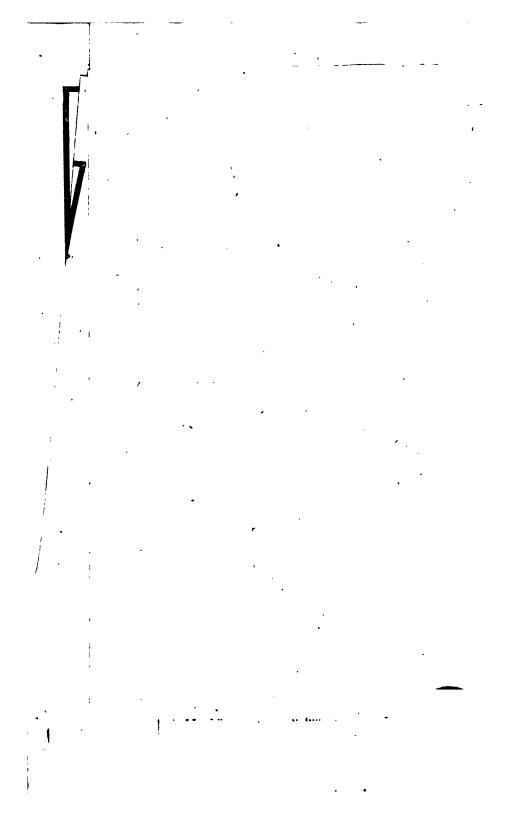
#### E

#### Itheile

4 Pfennige.)

einer Italienischen Lira in Soldi (S.) und

. •



. 1 • • . ·. . ! ! , •

